

Algorithm Homework #1

경기대학교 컴퓨터공학부

201511837 이상민

1. 아래 문제에 대한 recursive algorithm을 설계하고 시간복잡도를 분석하세요.

(반복문 사용 금지, 재귀호출만 사용하기)

배열에서 최솟값 찾기

```
n = [13,6,9,8,12]

def min(array, com):
    if not array:
        #array의 비교할 것이 남아있지 않다면,
        return com        #com을 넘기면서 프로그램을 종료한다.
    now = array[0]         #배열의 첫번째를 now로 선언.
    if now < com:
        #now가 com보다 작다면,
        return min(array[1:], now)    #배열의 첫번째 수가 비교하는 수보다 작으면, now를 com로 대체한다.
    else:
        #now가 com보다 작지 않다면,
        return min(array[1:], com)    #배열의 첫번째가 비교하는 수보다 작지 않다면, com을 유지한다.

print(min(n, n[0]))
```

해당 함수의 시간복잡도는 배열의 길이의 비례만큼 실행되기 때문에 시간복잡도는 $O(n)$ 이다.

배열의 원소의 총합 계산하기

```
n = [13,6,9,8,12]

def total(array, sum=0):
    if not array:
        #array의 비교할 것이 남아있지 않다면,
        return sum        #sum을 넘기면서 프로그램을 종료한다.
    sum += array[0]        #sum에 첫번째 원소를 더한다.
    return total(array[1:], sum)    #이미 더한 원소를 빼기 위해서 0번째 원소를 뺀 배열과 더해져 있는 sum을 리턴한다.

print(total(n))
```

해당 함수의 시간복잡도는 배열의 길이의 비례만큼 실행되기 때문에 시간복잡도는 $O(n)$ 이다.

Selection Sort

```
n = [13,6,9,8,12]

def min(array, com):
    if not array:
        return com
    now = array[0]
    if now < com:
        return min(array[1:], now)
    else:
        return min(array[1:], com)

def selection_sort(array, count=0):
    if count == len(array):
        return array

    mini = min(array[count:], array[count])
    index = array.index(mini)
    array[index] = array[count]
    array[count] = mini
    count += 1
    return selection_sort(array, count)

print(selection_sort(n))
```

데이터의 개수가 n 개라고 했을 때,

첫 번째 회전에서의 비교횟수 : $1 \sim (n-1) \Rightarrow n-1$

두 번째 회전에서의 비교횟수 : $2 \sim (n-1) \Rightarrow n-2$

...

$(n-1) + (n-2) + \dots + 2 + 1 \Rightarrow n(n-1)/2$ 이므로

선택 정렬의 시간복잡도는 $O(n^2)$ 이다.

2. Pancake Sorting

Exercise 9(a), (b) in Chapter 1 of [E] (page 49), (c)는 옵션

9.(a)

```
n = [56,324,23,24,54,83,34]

def filp(array, count=0):
    l = len(array)
    if count == l:
        return array

    maxi = max(array[:l-count])
    index = array.index(maxi)
    array = array[0:index+1][::-1] + array[index+1:]
    array = list(reversed(array[0:l-count])) + array[l-count:]
    count += 1

    return filp(array, count)

print(filp(n))
```

해당 함수의 시간복잡도는 $1 \sim n$ 까지 탐색해서 가장 큰 팬케이크를 찾아 제일 위로 올리고 뒤집은 다음 $1 \sim n-1$ 까지에서 위와 같은 과정을 반복하기 때문에 2 번의 과정이 계속 반복해서 진행되기 때문에 시간복잡도는 $O(n)$ 이다.

최악의 경우는(n 번째가 가장 하단)

n 번째에 가장 큰 수를 놓기 위해 2 회 뒤집기 (총 2 회)

$n-1$ 번째에 그 다음 큰 수를 놓기 위해 2 회 뒤집기 (총 4 회)

...

$n-k$ 번째에 그 다음 큰 수를 놓기 위해 2 회 뒤집기 (총 $2k+2$ 회)

...

4 번째에 그 다음 큰 수를 놓기 위해 2 회 뒤집기 (총 $2n-6$ 회)

3 번째에 그 다음 큰 수를 놓기 위해 2 회 뒤집기 (총 $2n-4$ 회)

3 번째까지 정렬되었고 1,2 번째를 정렬하는 경우 무조건 뒤집는다고 하면(최악의 경우이기 때문에)

최악의 경우의 수는 $2n-4 + 1(1,2$ 번을 무조건 바꾼다는 가정) $= 2n-3$

9.(b)

베스트 케이스의 경우, 이미 팬케이크가 정렬이 되어있고, 뒤집기가 필요하지 않은 경우이기 때문에 시간복잡도는 $O(n)$ 이다.

9.(c)

최악의 경우는(n 번째가 가장 하단)

n 번째에 가장 큰 수를 놓기 위해 3 회 뒤집기 (총 3 회)

$n-1$ 번째에 그 다음 큰 수를 놓기 위해 3 회 뒤집기 (총 6 회)

...

$n-k$ 번째에 그 다음 큰 수를 놓기 위해 3 회 뒤집기 (총 $3k+3$ 회)

...

4 번째에 그 다음 큰 수를 놓기 위해 3 회 뒤집기 (총 $3n-9$ 회)

3 번째에 그 다음 큰 수를 놓기 위해 3 회 뒤집기 (총 $3n-6$ 회)

마지막에 1,2 번째의 윗면이 모두 탄 경우가 최악의 경우이기 때문에 이를 뒤집기 위해서 4 번의 과정이 필요하므로 $3n-6+4 = 3n-2$ 가 최악의 경우가 되고, 위와 과정으로 인해서 시간복잡도는 $O(n)$ 이다.