배치 정규화의 한계

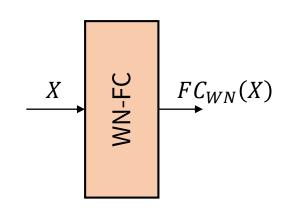
$$\int_{\text{batch}} \mu_{\text{batch}} = \frac{1}{B} \sum_{i} x_{i}$$

$$\sigma_{\text{batch}}^{2} = \frac{1}{B} \sum_{i} (x_{i} - \mu_{\text{batch}})^{2}$$

- Mini-batch에 의해 크게 영향을 받는다.
 - 배치의 크기가 너무 작으면 잘 동작하지 않는다.
 - 메모리의 한계로 인해 RNN이나 크기가 큰 CNN에 적용하기 어렵다
 - 배치의 크기가 너무 커도 잘 동작하지 않는다.
 - 병렬화 연산 효율이 떨어진다.



가중치 정규화 Weight Normalization



Re-parametrization

$$FC(\mathbf{x})_i = \mathbf{w}_i^T \mathbf{x} + b_i$$

$$FC_{WN}(\mathbf{x})_i = \mathbf{w}_i^T \mathbf{x} + b_i$$

$$= \frac{g_i}{\|\mathbf{v}_i\|} \mathbf{v}_i^T \mathbf{x} + b_i$$

- FC 계층의 w는 '방향'과 '크기'를 같이 학습하지만, 이를 분리하여 g와 v로 나누어 학습
- 학습 시 자유도가 개선되어 최적화가 더 쉽게 이루어짐
- 학습 시 CNN에서 배치 정규화 대비 연산량이 매우 감소 (Feature에 적용 vs. Weight에 적용)

계층 정규화 Layer Normalization

$$X \in \mathbb{R}^{B \times N}$$

$$BN(X) = \gamma \left(\frac{X - \mu_{\text{batch}}}{\sigma_{\text{batch}}} \right) + \beta$$

$$\begin{cases} \boldsymbol{\mu}_{\text{batch}} = \frac{1}{B} \sum_{i} \boldsymbol{x}_{i} \\ \boldsymbol{\sigma}_{\text{batch}}^{2} = \frac{1}{B} \sum_{i} (\boldsymbol{x}_{i} - \boldsymbol{\mu}_{\text{batch}})^{2} \end{cases}$$

배치 정규화

$$X \in \mathbb{R}^{B \times N}$$

$$BN(X) = \gamma \left(\frac{X - \mu_{\text{layer}}}{\sigma_{\text{layer}}} \right) + \beta$$

$$\begin{cases} \mu_{\text{layer}} = \frac{1}{N} \sum_{j} X_{:,j}^{T} \\ \sigma_{\text{layer}}^{2} = \frac{1}{N} \sum_{j} (X_{:,j}^{T} - \mu_{\text{layer}})^{2} \end{cases}$$

계층 정규화

- 배치 정규화와 달리, 각 샘플 내에서 계층에 대해 정규화 수행 (모든 데이터가 서로 independent하다는 가정)
- 배치의 크기에 영향을 받지 않으며, RNN에서도 잘 동작함