



## Observatório Nacional

Análise da Estrutura da Crosta na Região da  
Faixa Ribeira (entre as Províncias do Cráton  
São Francisco e da Bacia do Paraná) usando  
Métodos Sismológicos

Diogo Luiz de Oliveira Coelho

Dissertação para obter o grau de Mestre em  
**Geofísica**

Orientador  
**Stéphane Gerard Martial Drouet**  
Coorientador  
**Bruno Yann Nicolas Goutorbe**

Rio de Janeiro  
2015

# Análise da Estrutura da Crosta na Região da Faixa Ribeira (entre as Províncias do Cráton São Francisco e da Bacia do Paraná) usando Métodos Sismológicos

**Diogo Luiz de Oliveira Coelho**

Dissertação apresentada ao corpo docente do Programa de Pós-graduação em Geofísica do Observatório Nacional como parte dos requisitos necessários para a obtenção do grau de Mestre em Geofísica.

---

Orientador - Stéphane Gerard Martial Drouet

---

Banca - Ser Humano 1

---

Banca - Ser Humano 2

---

(Suplente) - Ser Humano 3

---

(Suplente) - Ser Humano 4

RIO DE JANEIRO  
2015

# Dedicatória

# Agradecimentos

# Resumo

# Abstract

# Listas de Figuras

3.1	Mosaico mostrando como é feita a instalação das estações sismográficas temporárias do projeto SUBSAL. As figuras mostram os diferentes estágios na instalação das estações. . . . .	5
3.2	Mapa das estações sismográficas instaladas (triângulos vermelhos). Os outros triângulos são estações da Rede Sismográfica Brasileira. . . . .	6
3.3	Sismograma mostrando as três componentes do deslocamento do terreno. .	6
3.4	Análise qualitativa do sinal através das <i>Power Density Functions</i> . McNamara and Buland (2004) . . . . .	7
3.5	Exemplos de resultados gerados pela análise qualitativa do sinal através do programa PQLX, que utiliza o método de McNamara and Buland (2004). .	8
3.6	Mapa dos eventos (estrelas) registrados na estação STA08. O limite de 95 graus está indicada em vermelho. Estrelas azuis mostram os eventos com dados de qualidade que são usadas no cálculo das Funções do Receptor .	9
3.7	Uma ilustração esquemática de como dois eventos sucessivos de fontes sísmicas quase idênticas que podem ser explorados para revelar anomalias do tempo de chegada da onda P numa dada estação. (Gibbons, 2006) . . . . .	10
3.8	Correlação de eventos sucessivos de fontes sísmicas entre duas estações sismográficas (A e B). Na parte inferior mostram o atraso do tempo de chegada da onda P da correlação pelo tempo. As retas verticais mostram os períodos onde teve manutenção do equipamento (C e D). . . . .	11
4.1	Sismograma mostrando as componentes Radial e Transversal. . . . .	13
4.2	Funções do Receptor em função do parâmetro do raio para o Modelo de Velocidade Padrão do Sul da Califórnia, em Zhu and Kanamori (2000). A fase Ps convertida em Moho e suas múltiplas PpPs, PpSs, e PsPs e seus traços são ilustrados no topo da imagem. Outras reflexões não-rotuladas são as conversões P-S em 5.5 km e 16 km, discontinuidades intracrustais no modelo. . . . .	14
4.3	Gráficos mostrando o funcionamento do <i>water-level</i> , segundo Ammon (1997).	15
4.4	Estimando a Função do Receptor utilizando pequenos períodos. Os sinais originais são mostrados na parte superior esquerda, as funções do Receptor calculadas utilizando <i>water-level</i> são comparadas com o método interativo no painel inferior. Os sinais horizontais preditos são comparados com os sinais horizontais observados no painel superior direito. (Ligorría and Ammon, 1999). . . . .	16
4.5	(a) $s(H, \kappa)$ do empilhamento das funções do receptor utilizando a equação 4.10 . Ela encontra o ponto máximo quando se usa uma espessura crustal $H$ e uma razão $v_P/v_S$ coerentes. (b) Relações $H - \kappa$ para diferentes fases convertidas em Moho. Cada curva representa a contribuição dessa fase convertida ao empilhamento, segundo Zhu and Kanamori (2000). . . . .	18



# **Lista de Tabelas**

7.1	Tabela com as coordenadas(Lat Long) e altitude (m) das Estações.	. . . .	27
-----	--	---------	----

# Sumário

<b>Resumo</b>	<b>III</b>
<b>Abstract</b>	<b>IV</b>
<b>Lista de Figuras</b>	<b>V</b>
<b>Lista de Tabelas</b>	<b>VII</b>
<b>1 Introdução</b>	<b>2</b>
<b>2 Contexto Geológico</b>	<b>3</b>
<b>3 Aquisição e Tratamento dos Dados</b>	<b>4</b>
3.1 Aquisição de Dados . . . . .	4
3.2 Tratamento dos Dados . . . . .	7
3.2.1 Função do Receptor . . . . .	7
3.2.2 Dispersão de Ondas de Superfície . . . . .	8
<b>4 Função do Receptor</b>	<b>12</b>
4.1 Fundamentos do Método . . . . .	12
4.2 Processamento . . . . .	12
4.3 Pós-processamento . . . . .	15
<b>5 Dispersão de Ondas de Superfície</b>	<b>19</b>
5.1 Fundamentos do Método . . . . .	19
5.2 Processamento . . . . .	21
5.2.1 Preparação dos dados para cada estações . . . . .	21
<b>6 Resultados e Discussões</b>	<b>23</b>
<b>7 Conclusões</b>	<b>24</b>
<b>Referências Bibliográficas</b>	<b>25</b>

# Capítulo 1

## Introdução

## Capítulo 2

### Contexto Geológico

# Capítulo 3

## Aquisição e Tratamento dos Dados

### 3.1 Aquisição de Dados

No âmbito do projeto SUBSAL, realizado conjuntamente entre o Observatório Nacional e a Petrobras, instalou-se 24 estações sismográficas temporárias banda larga (STS2 ou Reftek RT151-120s). Cuja a faixa de frequência registrada varia de 50 Hz até 100 segundos. Acoplado a este sistema temos um conjunto de baterias, reguladores, painel solar e o registrador, onde são armazenados os dados. O sistema armazena os dados em um disco de 4Gb que é retirado nas campanhas de coleta.

Mesmo se tratando de estações temporárias, as instalações devem conter os requisitos mínimos para uma aquisição confiável dos dados. Principalmente assegurar que o sensor e o registrador não sofram com as intempéries climáticas ou com danos causados pela passagem de animais ou pessoas pelo local. A Figura 3.1 mostra como é o fluxo de trabalho dos funcionários do Observatório Nacional no campo para a instalação das estações sismográficas temporárias.

A Figura 3.1-A mostra que o sensor deve ser acoplado à rocha sã. Com a ajuda de uma bússola o sensor é orientado segundo um azimute. Porém para um isolamento térmico, crucial para o bom funcionamento do sismômetro, pinta-se a área com um tinta isolante e o sismômetro é revestido com uma manta térmica, como pode ser visto na A Figura 3.1-B e C. Logo após instala-se as baterias e o sensor é mais uma vez revestido. Para a absorção da umidade de todo o sistema da estação, utiliza-se carvão e sílica em gel, como pode ser visto na Figura 3.1-D. Em seguida todo o sistema é coberto por uma nova estrutura para evitar as intempéries e cercada para isolar a área, como pode ser visto nas Figuras 3.1-E e F.

As estações foram dispostas espacialmente em três perfis em relação à costa, dois perpendiculares à costa, perfil 1 a oeste e perfil 2 a leste, e um paralelo, perfil 3, como observado na Figura 3.2. O perfil 1 estende-se da estação STA01, localizada próximo à costa, até a STA09. O perfil 2 vai da estação STA10, ao norte, até a STA16, próximo à costa. O perfil 3 é da estação STA17, oeste, até a STA24, leste. A distância entre as estações é aproximativamente de 20 km. As coordenadas das estações são dadas na Tabela 7.1.

O período de operação das estações foi distinto para os perfis. Os dois perfis perpendiculares à costa foram instalados no meio do ano de 2012 e o perfil paralelo no final de 2012. As estações ficaram em funcionamento até o final do ano de 2013 registrando o movimento do terreno de maneira contínua.

O produto do deslocamento das partículas do meio registrado pelo sismógrafo, através de sensores verticais e horizontais em três componentes, pode ser visto na Figura 3.3. Esse registro da variação da amplitude em uma série temporal é chamado de sismograma.

O sismograma é gerado pela perturbação do meio pelas ondas mecânicas que se propa-



Figura 3.1: Mosaico mostrando como é feita a instalação das estações sismográficas temporárias do projeto SUBSAL. As figuras mostram os diferentes estágios na instalação das estações.

gam no interior da Terra. Essas ondas tem velocidades variando em função dos parâmetros elásticos do meio e da densidade. E estes variam pela mineralogia e condições de pressão e temperatura do meio atravessado. As ondas mecânicas são divididas em ondas de corpo e de superfície. As ondas de corpo estão categorizadas em dois tipos: as ondas P, longitudinal, e as ondas S, transversais. A onda P é mais rápida e que consegue se propagar em todos os meios, tem velocidade entre 4 e 7 km/s na crosta terrestre e em torno de 8 km/s no manto superior. As ondas S tem velocidade menor do que a onda P, em torno de 3 a 4 km/s na crosta.

Para produzir esta análise sobre a estrutura da região de estudo utilizou-se de um conjunto de dados com eventos sísmicos registrados. O número de eventos utilizados

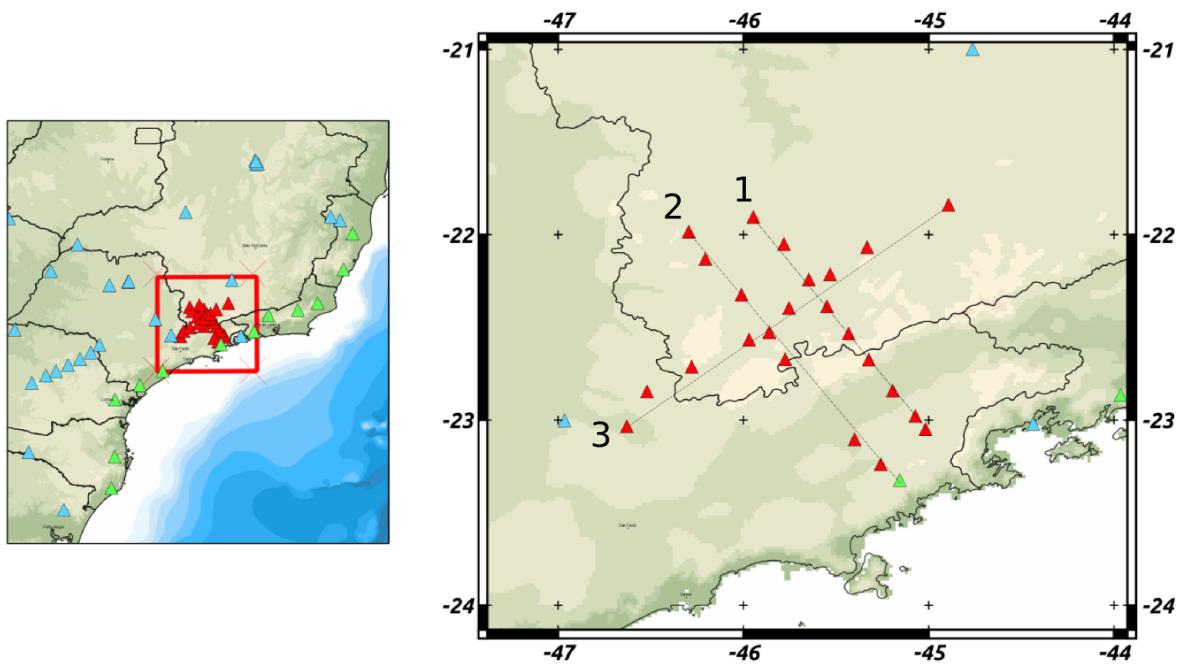


Figura 3.2: Mapa das estações sismográficas instaladas (triângulos vermelhos). Os outros triângulos são estações da Rede Sismográfica Brasileira.

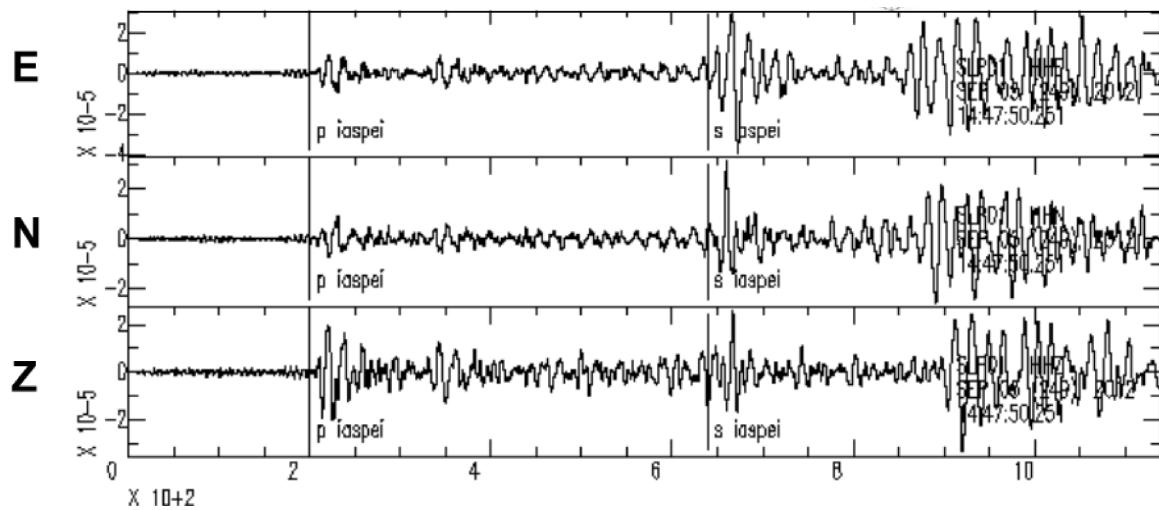


Figura 3.3: Sismograma mostrando as três componentes do deslocamento do terreno.

no processamento varia devido ao nível de sinal-ruído da forma da onda, pois há uma necessidade de visualização clara da chegada da onda P, como pode ser constatado na Figura 3.3 .

## 3.2 Tratamento dos Dados

A caracterização prévia das informações contidas no sinal é imprescindível para o processamento. A avaliação da performance e da qualidade dos dados da estações sísmicas foram feitas no software livre PQLX. A metodologia do PQLX é baseada no trabalho de McNamara and Buland (2004). Esse procedimento é bastante usado para se obter a informação espectral sísmica.

No programa PQLX a série temporal é segmentada em intervalos de uma hora, com 50% de superposição do sinal. Cada janela de hora está separada em 13 intervalos com 75% de superposição para calcular a “Power Spectral Density”. As médias obtidas para cada um dos 13 intervalos são usadas para estimar a “Probability Density Functions”, calculados a partir das médias pelo número total de segmentos de hora em hora.

Essa metodologia de McNamara and Buland (2004) difere dos métodos habitualmente utilizados, porque não é necessário a visualização de todo conjunto de dados para uma estima qualitativa do sinal, observado na Figura 3.4.

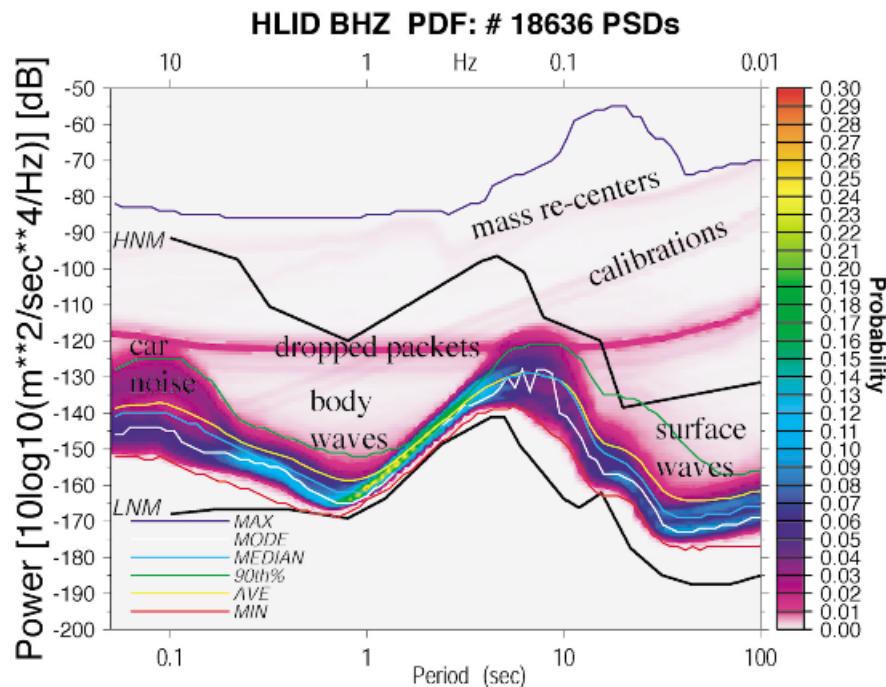


Figura 3.4: Análise qualitativa do sinal através das *Power Density Functions*. McNamara and Buland (2004)

O produto de uma análise qualitativa preliminar nos gráficos gerados pelo programa PQLX é mostrado na Figura 3.5, que tem como exemplos a componente HHZ nas estações STA05, STA04 e STA24. Observando os resultados nas estações temporárias conclui-se que existem registros bons e confiáveis, como exemplo a Figura 3.5-A. Porém em algumas estações existem pequenos problemas, que são caracterizados por tendências lineares, como observados na Figura 3.5-B. Já em outras estações pode-se constatar neste estudo preliminar a falta de registros na componente HHZ, que possivelmente é um problema no instrumento registrador ou no sensor, isto pode ser observado na Figura 3.5-C.

### 3.2.1 Função do Receptor

Os dados utilizados para os cálculos utilizando o método da Função do Receptor foram dados coletados das 24 estações temporárias da Rede SUBSAL e a estação permanente

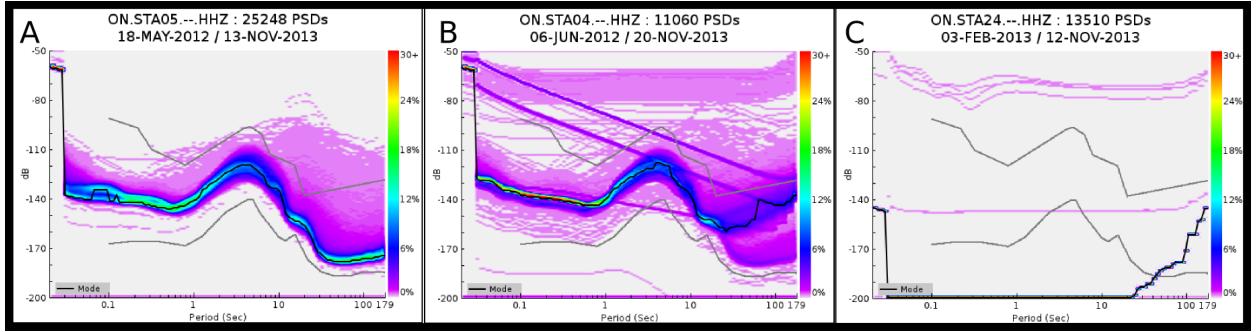


Figura 3.5: Exemplos de resultados gerados pela análise qualitativa do sinal através do programa PQLX, que utiliza o método de McNamara and Buland (2004).

SLP01, esta pertencente a rede RSIS. Po, como pode ser visto na Figura 3.2. Porém ao final agregou-se valores da profundidade de Moho de estações pertencentes à USP.

Para assegurar a confiabilidade do processamento é necessário um tratamento preliminar dos sinais brutos. Utilizou-se eventos catalogados na rede IRIS para uma identificação automática nestes sinais. Alguns pré-requisitos foram utilizados para a escolha dos eventos, como:

1. Distância Epicentral;
2. Magnitude;

Sismos próximos, com distância menor que 20 graus da estação estudada, geram ondas com incidência oblíqua e esse tipo de dado deve ser utilizado com cuidado. Em sismos com distâncias maiores que 95 graus as ondas P não chegam na estação devido a inversão de velocidade no limite manto-núcleo, diminuição da velocidade da onda P entre o manto e o núcleo, e não é observada a onda P direta. Por isso a distância epicentral é tida como ideal entre 20 e 95 graus, como é observado na Figura 3.6. Devido grande parte dos sismos serem oriundos da Cordilheira dos Andes, como é visto na Figura 3.7, também utilizou-se dados com distância menor que 20 graus. A magnitude do sismo é importante para a propagação da onda, eventos com pequena magnitude não tem energia suficiente para gerar energia suficiente para gerar um sinal claro no sismograma.

Subsequentemente um janelamento do registro em 5 segundos antes e 10 segundos depois da chegada da onda P, esta é calculada pelo modelo de velocidade da Terra IASPEI91 (Kennet, 1991). Após a discriminação e o janelamento do sinal, examina-se visualmente cada registro para certificar que todos os eventos selecionados tem um nível de sinal-ruído bom, como na Figura 3.3 .

Logo após removeu-se a média e tendência linear dos dados. Aplicou-se um filtro passa-alta com freqüência de corte de 0.1 Hz para eventos com distância entre 20 e 95 graus e de 2 Hz para eventos próximos (<20). Os dados originais com amostragens a cada 0,01 segundos (100 Hz) são interpolados para gerar dados com amostragens cada 0,025 segundos (40 Hz), porque a informação de alta freqüência não é considerada nesta análise.

Após esta análise preliminar nos dados observou-se que algumas estações temporárias apresentaram problemas nos dados e tiveram que ser descartadas dessa análise. Tais estações foram: STA22, STA23 e STA24.

### 3.2.2 Dispersão de Ondas de Superfície

Para o cálculo da dispersão das ondas de superfície utilizou-se além das estações temporárias da Rede SUBSAL as estações da Rede RSIS que estão próximas à área de estudo.

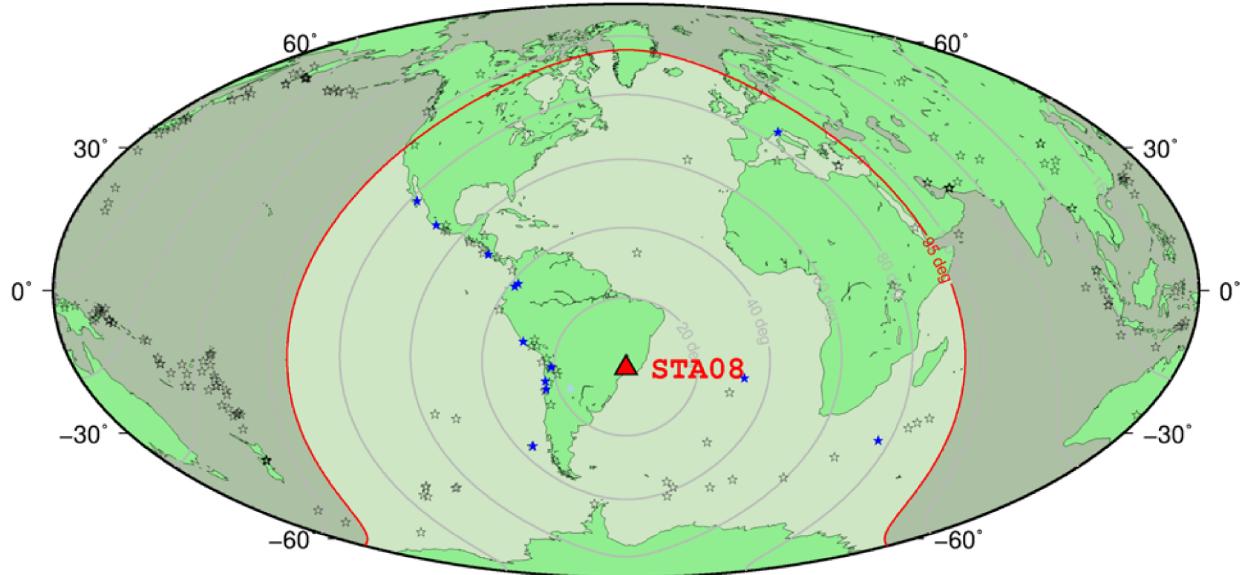


Figura 3.6: Mapa dos eventos (estrelas) registrados na estação STA08. O limite de 95 graus está indicada em vermelho. Estrelas azuis mostram os eventos com dados de qualidade que são usadas no cálculo das Funções do Receptor

A garantia da fiabilidade do tempo de chegada da onda P é fundamental para o processamento gerar resultados consistentes. Portanto testes com o tempo de chegada da onda P foram feitos. Gibbons (2006) mostra que fazendo a correlação de dois eventos distantes em uma estação sismográfica consegue-se caracterizar esse tempo de chegada, como é visto na Figura 3.7. Gibbons (2006) assume que se não há alterações mensuráveis na velocidade da estrutura entre a fonte e os receptores, ondas sísmicas de dois eventos co-localizados terá a mesma duração de tempo para chegar a um determinado sensor. A função de correlação cruzada para um dado sinal a uma dada estação mede que a semelhança entre a porção posterior do sismograma é a do modelo de forma de onda. O tempo de separação entre o início do modelo e o valor máximo da função de correlação cruzada deve ser igual ao tempo que separa os dois tempos de origem dos eventos para todas as estações. Qualquer discrepância nos tempos de separação medido em duas estações diferentes, o que não é atribuível a diferença entre fontes ou uma SNR baixa, deve ser o resultado de uma anomalia em sincronismo um, ou ambos, dos instrumentos.

Neste trabalho utilizamos uma metodologia semelhante a de Gibbons (2006). Utilizou-se um sismo distante de um par de estações sismográficas próximas. Com os sinais registrados fez-se a correlação cruzada dos dados. Como a fonte está distante das estações a correlação dos sinais deve ser próxima de zero. Este teste do tempo de chegada da onda P é para garantir a confiabilidade dos dados das estações temporárias. Portanto em cada par de estações correlacionadas sempre tinha uma estação permanente, estação com dados confiáveis.

Os gráficos gerados com a correlação são vistos na Figura 3.8. Os resultados mostram que para algumas estações temporárias há erros na chegada da onda P, como visto na Figura 3.8-B. Tais erros podem ter sido gerados por diferentes fatores, como erro no sinal do GPS acoplado à estação, erro instrumental ou até mesmo erro no momento da manutenção da estação. Na Figura 3.8-C e D encontramos um gráfico mostrando o tempo de atraso das correlações pelo tempo. As linhas verticais (verdes) nos gráficos mostram intervalos onde foram feitas manutenções nas estações temporárias. Vemos que na Figura 3.8-D, que após as manutenções na estação STA01, erros sistemáticos apareceram nos registro e isso pode ser confirmado na Figura 3.8-B.

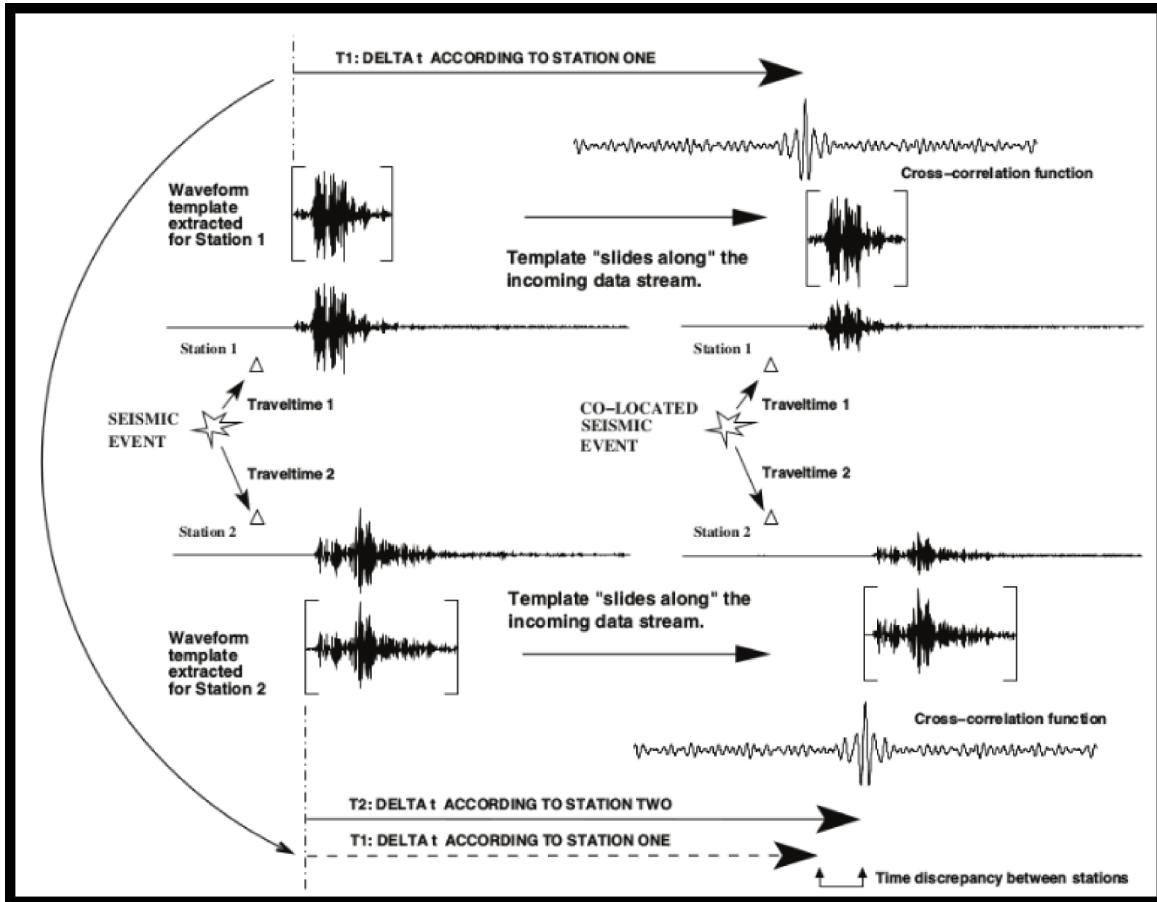


Figura 3.7: Uma ilustração esquemática de como dois eventos sucessivos de fontes sísmicas quase idênticas que podem ser explorados para revelar anomalias dos tempo de chegada da onda P numa dada estação. (Gibbons, 2006)

Com esse tratamento preliminar dos dados pôde-se selecionar melhor o banco de dados e tentar minimizar os erros gerados no processamento da dispersão das curvas de superfície. Após estes estudos, as estações temporárias STA22, STA23, e STA23 foram consideradas impróprias para o cálculos da dispersão das ondas Rayleigh. Porém serão aproveitadas quando for analisada a dispersão das ondas Love.

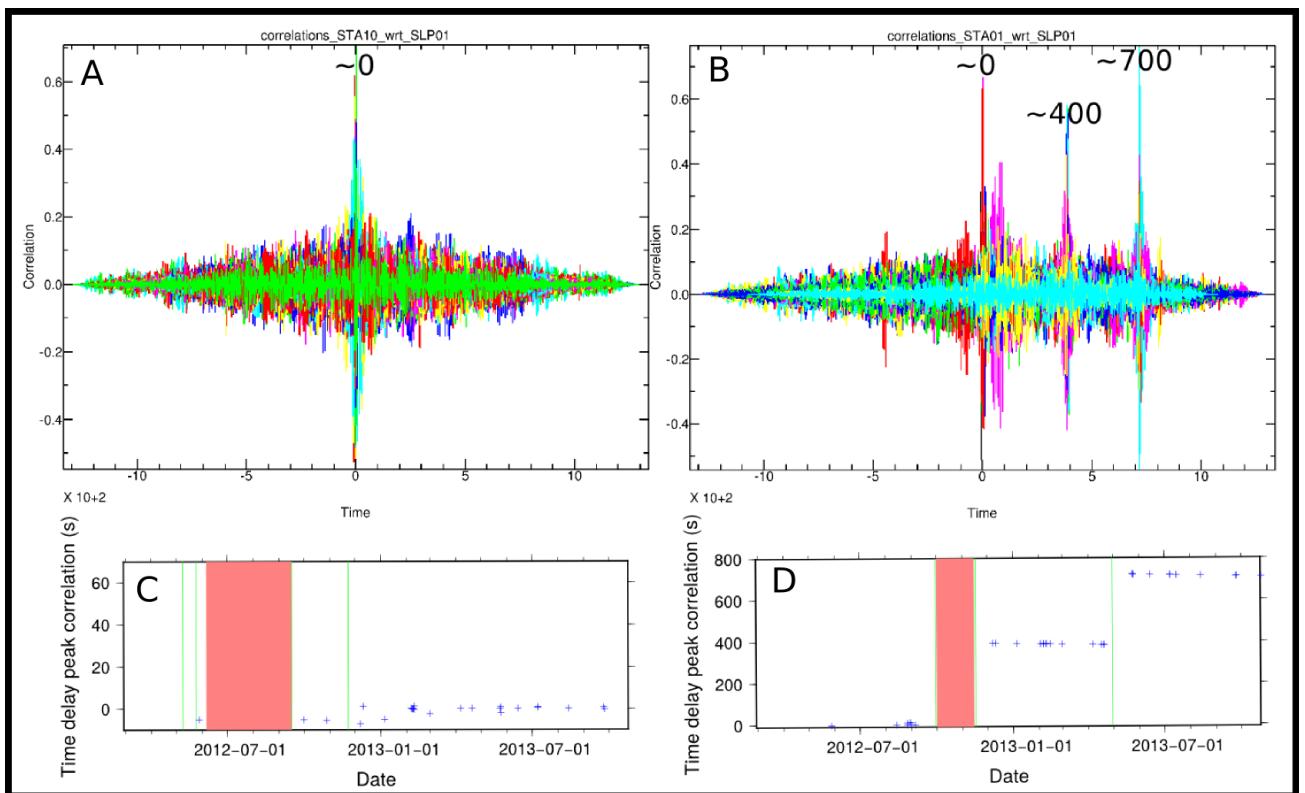


Figura 3.8: Correlação de eventos sucessivos de fontes sísmicas entre duas estações sismográficas (A e B). Na parte inferior mostram o atraso do tempo de chegada da onda P da correlação pelo tempo. As retas verticais mostram os períodos onde teve manutenção do equipamento (C e D).

# Capítulo 4

## Função do Receptor

### 4.1 Fundamentos do Método

No ínicio desse trabalho somente os dados de eventos incluídos no catálogo do IRIS (*Incorporated Research Institutions for Seismology*) com magnitude maior que 5,5 entre maio de 2011 e maio de 2012 foram utilizados. Porém agora utiliza-se dados coletados na rede Sismográfica, mostrada na 3.2, até o fim do segundo semestre de 2013. A Figura 3.6 mostra eventos sísmicos registrados na estação STA08 mostrando a delimitação dos eventos pela distância epicentral, além de mostrar sismos com magnitude maior que 5,5 mb.

O sismômetro registra pequenas variações horizontais e verticais de amplitude das partículas do terreno na escala microscópica ao longo das direções Vertical (Z), Norte-Sul (N) e Leste-Oeste (E), chamado sistema ZNE, como observado na Figura 3.3. No entanto, o sinal bruto nas direções ZNE não está alinhado aos eixos de propagação das ondas geradas pelo sismo, logo a resposta em cada componente mostra uma sobreposição de vários tipos de ondas. Com a finalidade de isolar a contribuição de cada onda registrada nos dados, o sistema de coordenadas dos registros são rotacionadas, através do SAC (*Seismic Analysis Code*), para se alinharem com os eixos de propagação das ondas através da seguinte matriz de rotação:

$$\begin{bmatrix} R \\ T \\ Z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \theta & \sin \theta & 0 \\ -\sin \theta & \cos \theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} E \\ N \\ Z \end{bmatrix} \quad (4.1)$$

O resultado da equação 4.1 discrimina claramente a contribuição de cada componente no sismograma. A componente N (norte-sul) transforma-se na componente T (transversal) e guarda os registro da componente horizontal da onda S, chamada de onda SH. A resposta da onda SV é registrada na componente radial do sismograma, chamada R, como pode ser visualizada na Figura 4.1.

### 4.2 Processamento

Para o cálculo a espessura crustal na região utilizou-se o método da Função do Receptor, que foi desenvolvido por Langston (1977). O programa SAC (*Seismic Analysis Code*) foi usado para fazer o processamento e o cálculo das Funções Receptores. Tal método faz uso do sinal de tele-sismos, geradores de ondas planas de incidência quase-vertical embaixo de uma dada estação. A onda P incide na discontinuidade de Mohorovicic e se decompõe em uma onda P transmitida e uma onda S convertida. A diferença do tempo

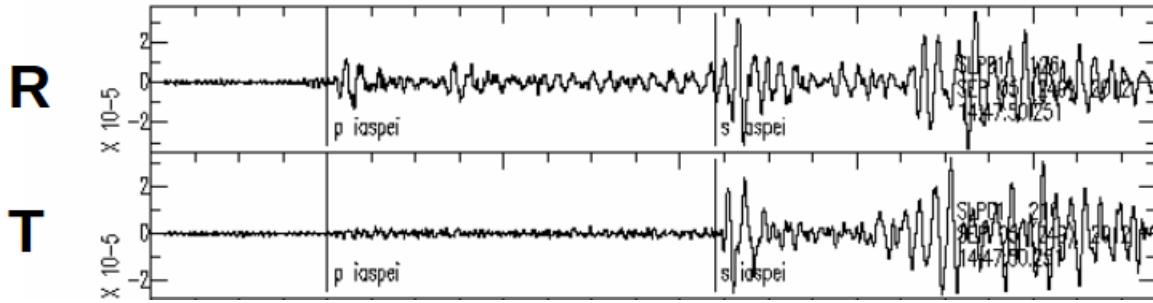


Figura 4.1: Sismograma mostrando as componentes Radial e Transversal.

de chegada das duas ondas, onda S tem velocidade inferior a onda P, e de outras reflexões permite inferir a profundidade da discontinuidade de Mohorovicic, também chamada de Moho, como mostrado na Figura 4.2 .

Para uma estimativa precisa das Funções do Receptor é essencial que o tempo de chegada da onda P seja determinado com baixa incerteza. Então os dados foram examinados visualmente para registrar o tempo de chegada da onda P direta.

As Funções do Receptor são calculadas com uma deconvolução componente radial ( $R$ ) pela componente vertical ( $Z$ ), como é mostrado por Clayton and Wiggins (1976), Langston (1977), Ammon (1991), Cassidy (1992), Zhu and Kanamori (2000). Essa operação remove efetivamente a resposta instrumental, a assinatura da fonte e a propagação da fonte até Moho. E o sinal resultante é a assinatura da propagação próxima à estação. Então a Função do Receptor é sensível na delimitação da estruturação superficial da crosta embaixo da estação.

Computar as Funções do Receptor é um problema de deconvolução, Ligorría and Ammon (1999). Langston (1979) descreve a resposta do deslocamento teórico para uma onda plana P incidindo sobre uma empilhamento de interfaces horizontais ou inclinadas no domínio do tempo pode ser dada por:

$$\begin{aligned} D_V(t) &= I(t) * S(t) * E_V(t) \\ D_R(t) &= I(t) * S(t) * E_R(t) \\ D_T(t) &= I(t) * S(t) * E_T(t) \end{aligned} \quad (4.2)$$

Onde  $S(t)$  é a resposta efetiva da fonte em função do tempo de uma onda incidente,  $I(t)$  é a resposta do impulso instrumental e  $E_V(t)$ ,  $E_R(t)$  e  $E_T(t)$  são as respostas do impulso da estrutura vertical, radial e tangencial, respectivamente. A componente  $S(t)$  pode ser muito complicada de ser computada, pois ela é relacionada a história do deslocamento no tempo e reverberações na área da fonte.

Langston (1979) assume que eventos profundos observados em dados telessísmicos, na componente vertical do movimento do terreno ( $D_V(t)$ ), se comportam como um pulso em função do tempo convoluído com a resposta instrumental e com chegadas tardias menores. Cálculos teóricos para estruturas crustais mostram que reverberações crustais e fases convertidas na componente vertical de ondas P são menores. Então se aproxima:

$$I(t) * S(t) \simeq D_V(t) \quad (4.3)$$

Langston (1979) faz uma suposição implícita que  $D_V(t)$  comporta-se como uma função delta de Dirac, como pode ser observado na equação 4.3. Assumindo que a resposta instrumental é compensada entre as componentes,  $E_R(t)$  e  $E_T(t)$  podem ser encontrados passando para o domínio da frequência a equação 4.2 e fazendo as seguintes deconvoluções:

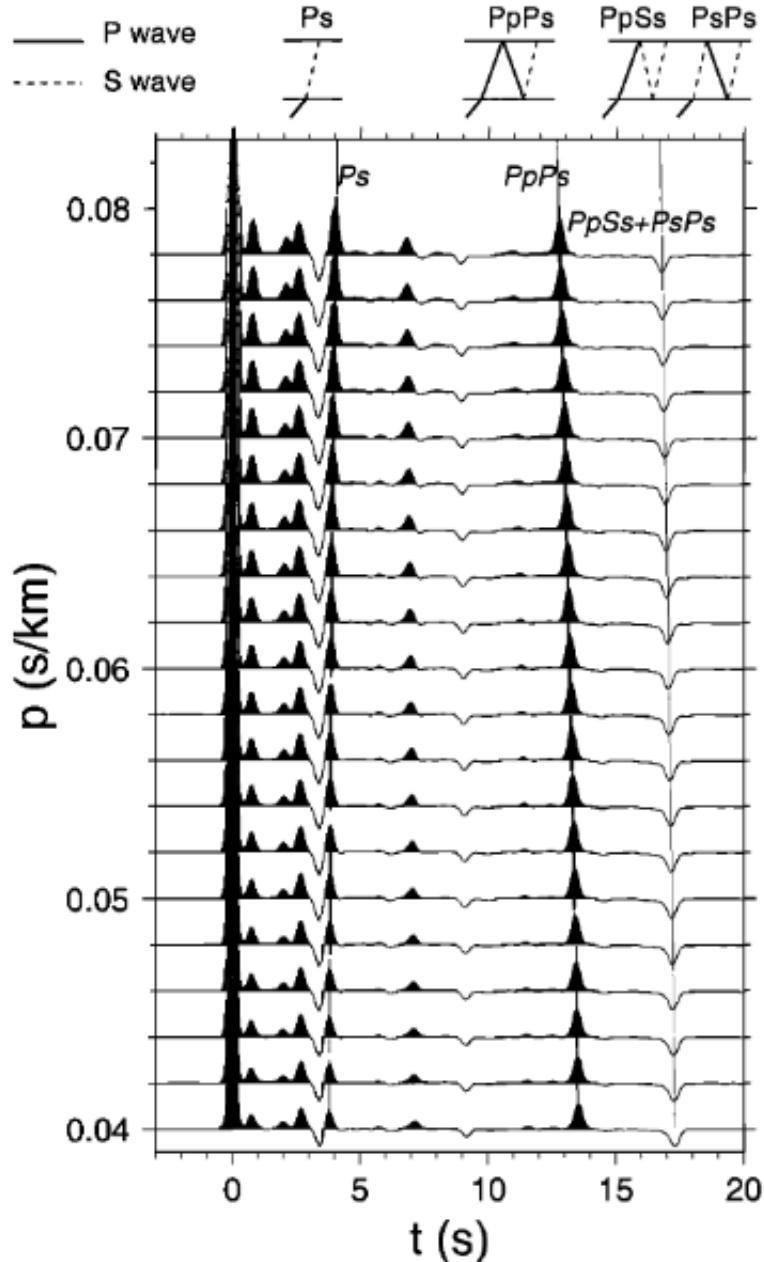


Figura 4.2: Funções do Receptor em função do parâmetro do raio para o Modelo de Velocidade Padrão do Sul da Califórnia, em Zhu and Kanamori (2000). A fase Ps convertida em Moho e suas múltiplas PpPs, PpSs, e PsPs e seus traços são ilustrados no topo da imagem. Outras reflexões não-rotuladas são as conversões P-S em 5.5 km e 16 km, discontinuidades intracrustais no modelo.

$$E_R(\omega) = \frac{D_R(\omega)}{I(\omega)S(\omega)} \simeq \frac{D_R(\omega)}{D_V(\omega)} \quad (4.4)$$

$$E_T(\omega) = \frac{D_T(\omega)}{I(\omega)S(\omega)} \simeq \frac{D_T(\omega)}{D_V(\omega)}$$

$E_R(t)$  e  $E_T(t)$  são retransformadas para o domínio do tempo, importante lembrar que nessa técnica a informação da fase é conservada. Langston (1979) resalta que o resultado da série temporal pode ser interpretado diretamente com um sismograma, permitindo que tempo e amplitude de chegadas possam ser examinadas de uma maneira inequívoca.

Clayton and Wiggins (1976), Langston (1979), Ligorría and Ammon (1999) mostram que o processo de deconvolução possui um instabilidade numérica devido a vários fatores, como o ruído aleatório contido nos dados e a limitação da banda de frequência. Para acabar com os problemas gerados na deconvolução, Clayton and Wiggins (1976) introduz um nível de amplitude mínimo permitido da fonte, nomeado de *water-level*, como pode ser visto na Figura Figura 4.3. Faz-se isso para reduzir componentes de ruídos espúrios e efeitos de pequenos erros na estimativa da fonte. Na deconvolução *water-level* a maneira de se evitar a divisão por números pequenos é substituir esses valores pequenos no denominador por uma fração do valor máximo do denominador (para todas as frequências), tal fração é chamada de parâmetro de *water-level*, segundo Ammon (1997). *water-level* pode agir, em alguns casos, como um filtro "passa-baixa", "passa-alta" e "não-passa", como mostrado na Figura 4.3 .

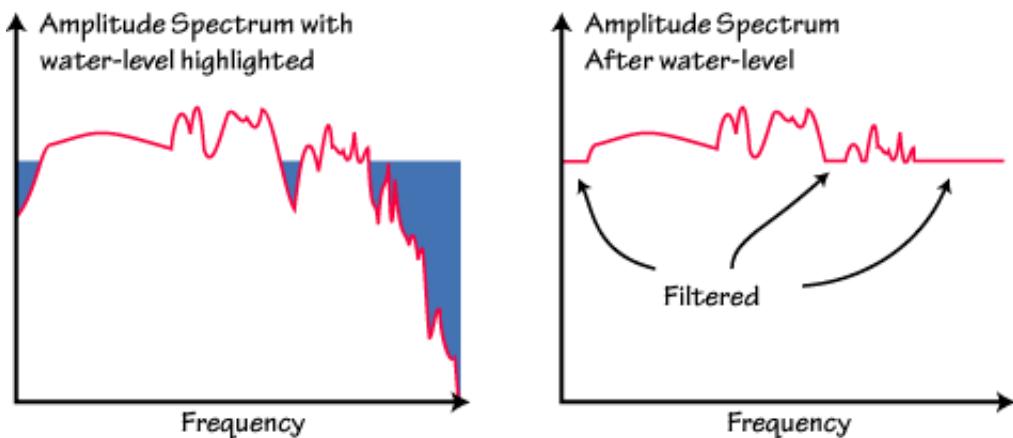


Figura 4.3: Gráficos mostrando o funcionamento do *water-level*, segundo Ammon (1997).

No processamento dos dados a deconvolução no domínio do tempo feita é de acordo com a teoria criada por Ligorría and Ammon (1999), esta é nomeada de deconvolução interativa. Tal método segue a ideia de Kikuchi and Kanamori (1982), que é usado para estimar funções do tempo de fontes de grandes terremotos. A deconvolução interativa de Ligorría and Ammon (1999) minimiza através do método dos mínimos quadrados a diferença entre o sismograma horizontal observado e um sinal predito pela convolução de um conjunto de picos atualizados interativamente com a componente vertical do sismograma.

### 4.3 Pós-processamento

Após gerar sismogramas pela deconvolução Interativa, as séries temporais passaram por um processo de triagem para qualificar as que obtiveram melhor resultado. Tal seleção foi feita sob um critério visual observando as funções do receptor que respeitam o formato determinado por (Langston, 1979).

Tendo como objetivo a análise da estrutura da crosta, buscou-se inicialmente o cálculo da profundidade de Moho, um importante parâmetro porque é relacionada à geologia e a evolução tectônica da região. Zhu and Kanamori (2000) propõe um método robusto utilizando a análise das Funções do Receptor para calcular a profundidade de Moho.

Com um modelo da estrutura da Terra, neste caso o IASPEI 91 em Kennet (1991), utiliza as velocidades medianas na crosta para calcular as diferenças de tempo teórica entre a onda P direta e a onda P convertida em S, bem como os tempos das outras reverberações na crosta. De posse de uma dada velocidade  $v_P$ , os tempos de chegada podem ser calculados usando a profundidade de Moho ( $H$ ), a razão  $v_P/v_S$  e o parâmetro do raio ( $p$ ), dependente da localização do evento e da profundidade, do modelo.

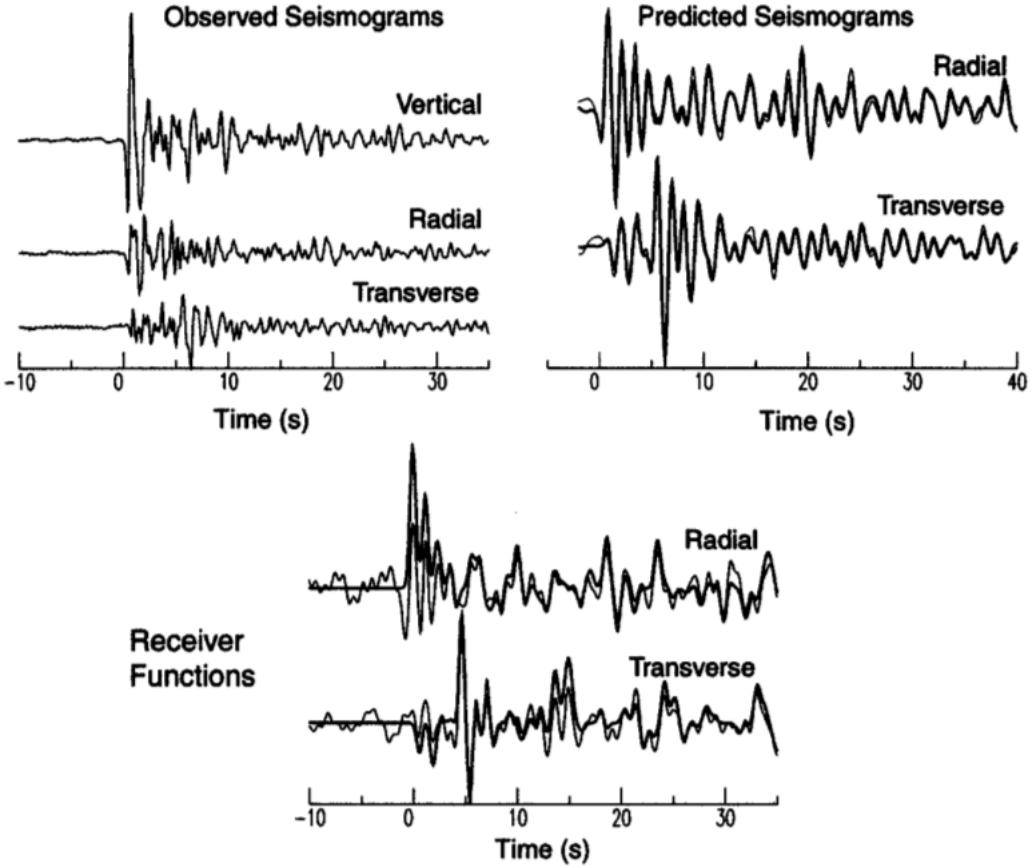


Figura 4.4: Estimando a Função do Receptor utilizando pequenos períodos. Os sinais originais são mostrados na parte superior esquerda, as funções do Receptor calculadas utilizando *water-level* são comparadas com o método interativo no painel inferior. Os sinais horizontais preditos são comparados com os sinais horizontais observados no painel superior direito. (Ligorría and Ammon, 1999).

Zhu and Kanamori (2000) mostra que os tempos teóricos entre  $P_S$  e P podem ser utilizados para estimar a espessura crustal, dado uma velocidade crustal média:

$$H = \frac{t_{P_s}}{\sqrt{\frac{1}{V_s^2} - p^2} - \sqrt{\frac{1}{V_p^2} - p^2}} \quad (4.5)$$

E o erro pode ser dado por:

$$\Delta H = \frac{\partial H}{\partial V_p} \Delta V_p \quad (4.6)$$

Porém a dependência de  $t_{P_s}$  em relação a  $V_p$  não é tão forte quanto a  $V_s$ , especificamente à razão  $V_p/V_s$ ,  $\kappa$ . Logo o erro é quantificado:

$$\Delta H = \frac{\partial H}{\partial \kappa} \Delta \kappa \quad (4.7)$$

Zhu and Kanamori (2000) demonstra que uma variação de 0.1 na razão  $v_p/v_s$  pode acarretar erros de aproximadamente 4 km na espessura crustal. Essa ambiguidade pode

ser reduzida utilizando as outras fases, reverberações, da onda P. Tais fases provém informações adicionais, como mostrado nas equações abaixo:

$$H = \frac{t_{P_p P_s}}{\sqrt{\frac{1}{V_s^2} - p^2} + \sqrt{\frac{1}{V_p^2} - p^2}} \quad (4.8)$$

$$H = \frac{t_{P_p P_s + P_s P_s}}{2\sqrt{\frac{1}{V_s^2} - p^2}} \quad (4.9)$$

Em situações reais, identificar a  $P_s$  em Moho e as múltiplas e medir seus tempos de chegada em um único traço da função do receptor pode ser muito difícil devido ao ruído de fundo, espalhamento devido a heterogeneidades crustais e conversões P para S de outras discontinuidades de velocidades.

Para aumentar a razão sinal/ruído empilha-se as funções do receptor de múltiplos eventos. Esse empilhamento é feito no domínio do tempo para um aglomerado de eventos. Zhu and Kanamori (2000) define um empilhamento  $H-\kappa$  como:

$$s(H, \kappa) = \omega_1 r(t_1) + \omega_2 r(t_2) + \omega_3 r(t_3) \quad (4.10)$$

onde  $r(t)$  é a função do receptor radial,  $t_1$ ,  $t_2$  e  $t_3$  são os tempos de chegada preditos  $t_s$ ,  $t_{P_p P_s}$  e  $t_{P_p P_s + P_s P_s}$  correspondente a uma espessura crustal  $H$  e a uma razão  $V_p/V_s$  e  $\omega_i$  são os pesos dos fatores, e  $\sum \omega_i = 1$ .

Ao invés de tentar ajustar toda a função, o método faz uma pesquisa, *grid search*, da espessura crustal e da razão  $v_P/v_S$  para calcular o tempo de chegada teórico das ondas P convertidas em S e das múltiplas para cada registro. A melhor combinação da espessura crustal e da razão  $v_P/v_S$ ,  $\kappa$ , é aquela que maximiza o valor das amplitudes reais das funções receptor, como pode ser visualizado na Figura 4.5.

Julia et al. (2008) mostra uma dependência azimutal das funções do receptor. Para isso ele mostra que separando as funções do receptor de acordo com o backazimute e o parâmetro do raio pode-se checar a variação lateral das estruturas. Os dados são separados em 4 grupos, segundo o azimute entre o sismo e a estação.

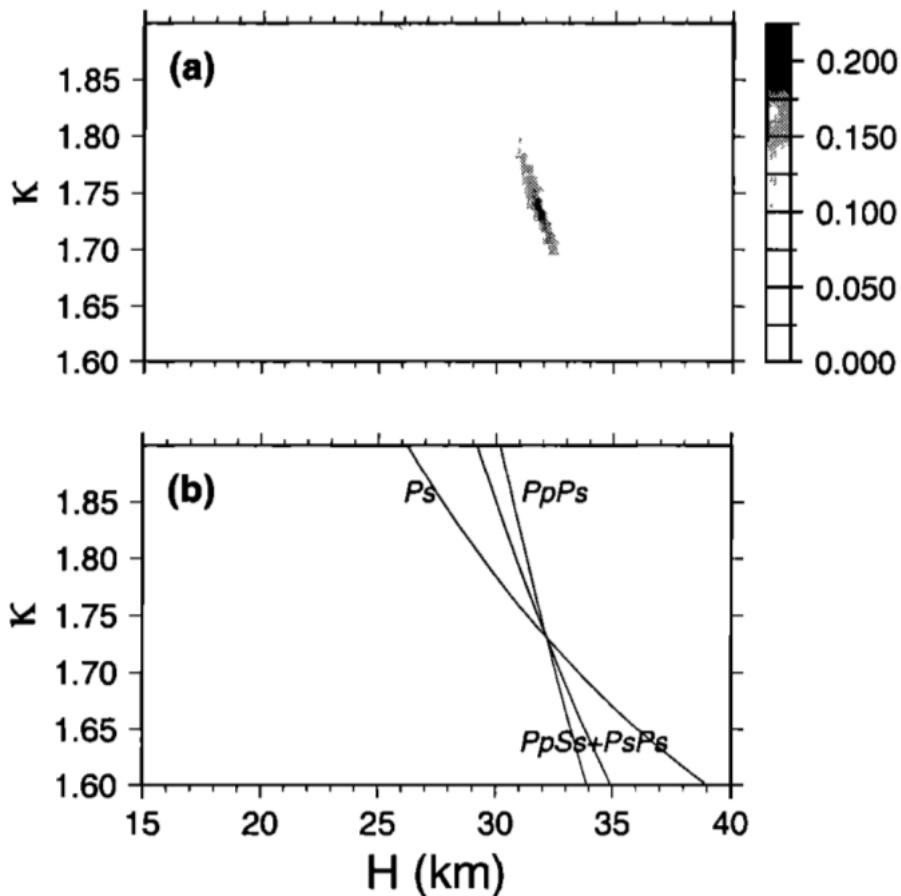


Figura 4.5: (a)  $s(H, \kappa)$  do empilhamento das funções do receptor utilizando a equação 4.10 . Ela encontra o ponto máximo quando se usa uma espessura crustal  $H$  e uma razão  $v_P/v_S$  coerentes. (b) Relações  $H - \kappa$  para diferentes fases convertidas em Moho. Cada curva representa a contribuição dessa fase convertida ao empilhamento, segundo Zhu and Kanamori (2000).

# Capítulo 5

## Dispersão de Ondas de Superfície

### 5.1 Fundamentos do Método

Os métodos para determinar a estrutura sísmica da Terra, em particular os métodos tomográficos, baseiam-se num princípio simples: a determinação das velocidades de propagação das ondas sísmicas e a procura de um modelo que melhor se ajuste às velocidades encontradas. A resolução dos modelos obtidos depende do tipo de onda utilizado e da geometria espacial das estações sismigráficas segundo à fonte do sinal. Aki (1957) propôs a utilização do ruído sísmico ambiental para medir a dispersão das ondas Rayleigh e Love nas camadas mais superficiais. Somente Campillo and Paul (2003) e Shapiro and Campillo (2004) mostraram, pela primeira vez, a presença de ondas superficiais nas correlações cruzadas entre pares de estações.

Campillo and Paul (2003), Shapiro and Campillo (2004) e, principalmente, Wapenaar (2004) mostram que pode-se recuperar a resposta elástica da Terra a partir da correlação cruzada entre dois pontos em um campo de ondas difuso ou aleatório. Essa resposta é aproximada como a Função de Green, como é mostrada na equação 5.1.

Boschi et al. (2013) define a correlação cruzada ( $C_{xy}(t, \omega)$ ) como:

$$C_{xy}(t, \omega) = \frac{1}{2\pi} \int_{-T}^T u(x, t, \omega) u(y, t + \tau, \omega) d\tau \quad (5.1)$$

onde  $u$  são sinais registrados em duas estações nas posições  $x$  e  $y$ ,  $t$  é o tempo,  $\omega$  é a frequência,  $\tau$  é o atraso e o parâmetro  $T$  define o tamanho da janela que a correlação cruzada será computada.

Por possuir inúmeras vantagens em relação aos métodos de análise tradicionais, o número de artigos analisando a dispersão de ondas de superfície cresceu bastante. Shapiro and Campillo (2004) lista as seguintes vantagens: as medidas podem ser realizadas em qualquer direção de propagação e não estão limitadas à geometria fonte-receptor; não dependem da localização da fonte; a zona de sensibilidade destas medições situa-se na região que fica entre as duas estações; pode-se analisar pequenos períodos se existirem estações relativamente próximas umas das outras.

Shapiro and Campillo (2004) testaram se as funções de Green podem ser extraídas do ruído sísmico ambiental. Neste teste eles selecionaram um período relativamente calmo no nível de atividade sísmica mundial, onde não ocorreram sismos com magnitude menor que 7. Com esses registos contínuos da componente vertical das estações ANMO e CCM, vistas na Figura 5.1-a). Com isso calcularam a correlação cruzada para diferentes bandas de período, mostrado na Figura 5.1-b), e aplicaram a análise tempo/frequência para calcular a velocidade de grupo das ondas de superfície segundo Yanovskaya et al. (2013). Shapiro and Campillo (2004) compararam as características de dispersão do sinal emergente com

mapas preditos para o mesmo trajeto. Nesta comparação, verificaram que os resultados obtidos para os dois casos são semelhantes.

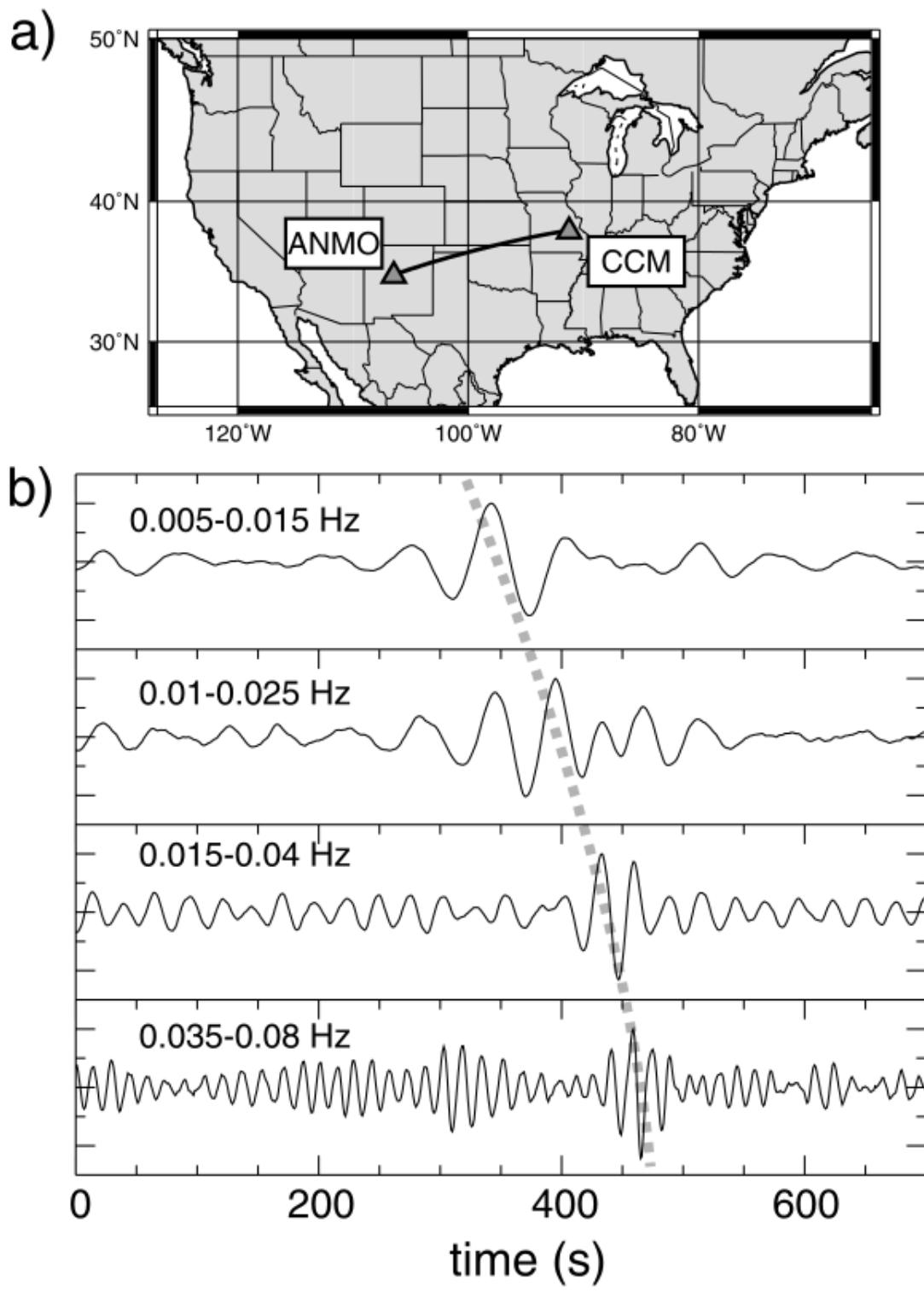


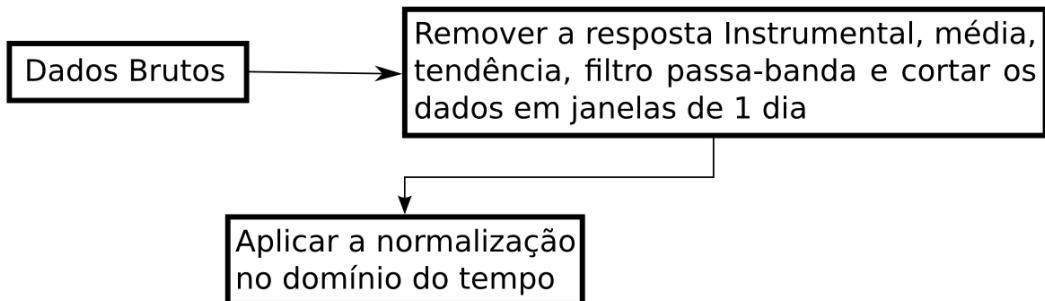
Figura 5.1: (a) Mapa mostrando a localização das estações. (b) Correlações cruzadas da componente vertical dos registros com diferentes filtros de passa-banda, indicados na parte esquerda superior. Linha pontilhada dá ênfase na dispersão do sinal emergente. Extraído de Shapiro and Campillo (2004).

## 5.2 Processamento

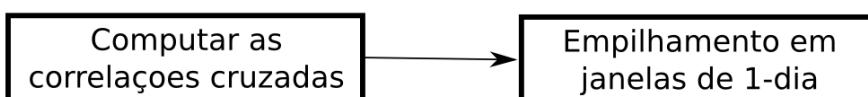
Para o processamento dos dados utilizou-se o código escrito pelo Professor Bruno Goutorbe. Tal código engloba a preparação dos dados, o cálculo da correlação, a análise Tempo/frequência e também a inversão tomográfica. O código está disponível no GitHub no seguinte repositório: <https://github.com/bgoutorbe/seismic-noise-tomography>.

Todo o fluxo de preparação e processamento dos dados baseia-se no trabalho de Bensen et al. (2007). Porém há alterações na filtragem espectral utilizada neste trabalho, devido a utilização de média a baixa frequência no processamento.

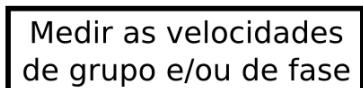
### Fase 1



### Fase 2



### Fase 3



### Fase 4

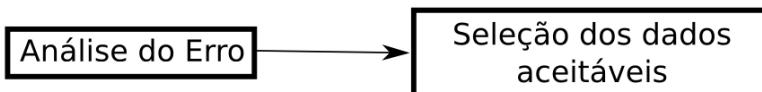


Figura 5.2: Representação esquemática do esquema do processamento. Fase 1 mostra as etapas que envolvem a preparação dos dados antes da correlação. Fase 2 outlines the cross-correlation procedure and stacking, Phase 3 (Section 4) includes dispersion measurement and Phase 4 (Section 5) is the error analysis and data selection process.. Adaptado de Bensen et al. (2007).

#### 5.2.1 Preparação dos dados para cada estações

Bensen et al. (2007) cita que a primeira fase do processamento é feita para preparar os dados da forma da onda de cada estação individualmente, faz-se isso para acentuar o ruído ambiental de banda larga tentando remover os sinais de terremoto e de irregularidades instrumentais que tendem a ocultar o ruído ambiental.

Segundo Bensen et al. (2007), séries temporais diárias com menos que 80% do registro devem ser rejeitadas, mas isso varia de acordo com a discretização do usuário. No caso desse trabalho foram utilizados séries temporais diárias com 99% do registro com o propósito de usar a interpolação o mínimo possível.

Um passo importante na preparação dos dados é a "normalização temporal" ou "normalização no domínio do tempo", Bensen et al. (2007). Isto é feito para reduzir na correlação cruzada os efeitos de terremotos, irregularidades instrumentais e fontes de ruído não-estacionários próximos à estação. Bensen et al. (2007) compara cinco métodos diferentes para a normalização temporal, como observado na Figura 5.3.

Terremotos geram grandes impecílios na automatização do processamento, pois eles ocorrem irregularmente e apenas grandes terremotos são encontrados nos catálogos globais. Então a remoção dos sinais dos terremotos tem que ser adaptativa aos dados. Muitos estudos aplicam a técnica da "normalização 1-bit", como observado na Figura 5.3-b, em que somente o sinal do sinal é retido (+1 ou -1) e a amplitude é completamente ignorada. Neste trabalho foi aplicado a "normalização corrida", esta produz uma razão sinal-ruído maior que a normalização 1-bit no conjunto de dados utilizados, estando de acordo com estudos de Seats et al. (2012).

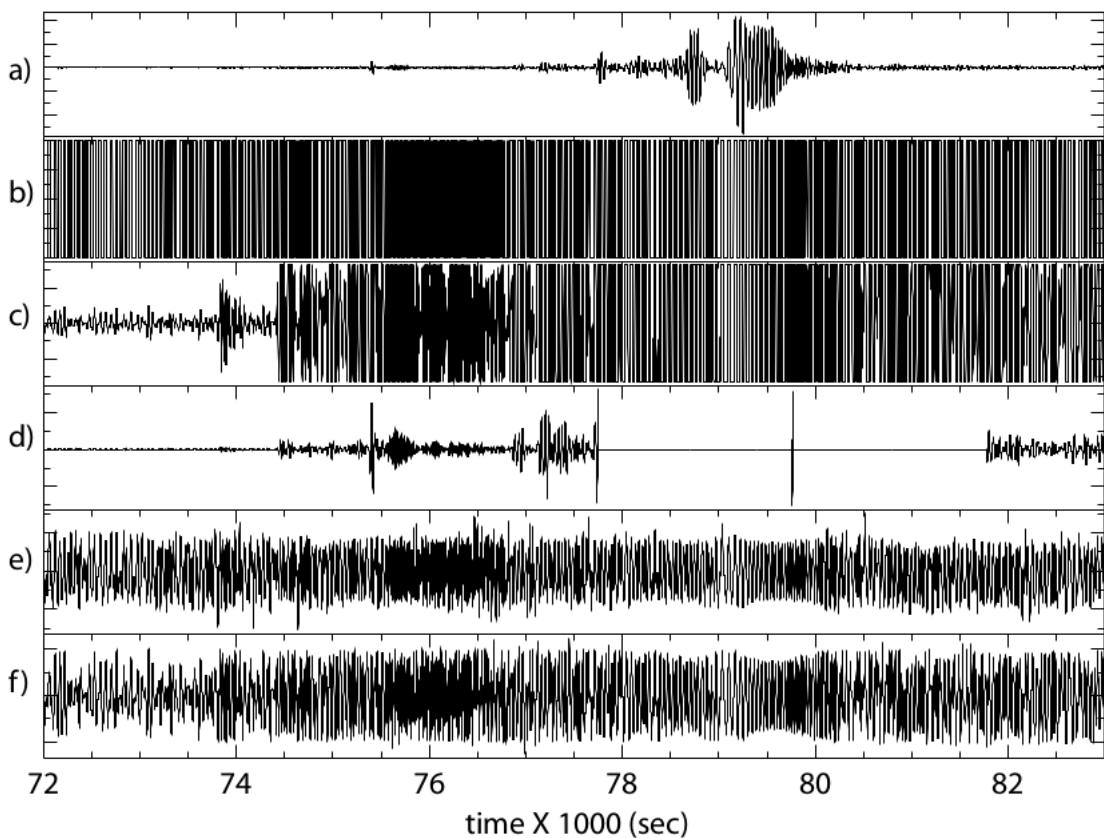


Figura 5.3: Formas de onda mostrando exemplos de cinco tipos de normalização no domínio do tempo testadas por Bensen et al. (2007). Os exemplos estão com o filtro passabanda entre 20 e 100 segundos e mostram a contaminação por sinais de terremoto. (a) Dado bruto mostrando 3 horas de dados janelados em torno de um grande terremoto ( $M = 7.2$ , Afeganistão) registrado na estação ANMO. (b) Normalização 1-bit. (c) Forma de onda cortada, onde o limiar de recorte é igual ao rms da amplitude do sinal de um dado dia. (d) Evento detectado e removido automaticamente. (e) Normalização média absoluta corrida. (f) Normalização 'Water level'. Retirado de Bensen et al. (2007).

# Capítulo 6

## Resultados e Discussões

# Capítulo 7

## Conclusões

# Referências Bibliográficas

- Aki, K., 1957, Space and time spectra of stationary stochastic waves, with special reference to microtremors.
- Ammon, C. J., 1991, The isolation of receiver effects from teleseismic p waveforms: **81**, 2504–2510.
- , 1997, Receiver function source equalization: Website.
- Bensen, G. D., M. H. Ritzwoller, M. P. Barmin, A. L. Levshin, F. Lin, M. P. Moschetti, N. M. Shapiro, and Y. Yang, 2007, Processing seismic ambient noise data to obtain reliable broad-band surface wave dispersion measurements: **169**, 1239–1260.
- Boschi, L., C. Weemstra, J. Verbeke, G. Ekstrom, A. Zunino, and D. Giardini, 2013, On measuring surface wave phase velocity from station-station cross-correlation of ambient signal: **192**, 346–358.
- Campillo, M., and A. Paul, 2003, Long-range correlations in the diffuse seismic coda: **299**, 547–549.
- Cassidy, J. F., 1992, Numerical experiments in broadband receiver function analysis: **82**, 1453–1474.
- Clayton, R. W., and R. A. Wiggins, 1976, Source shape estimation and deconvolution of teleseismic bodywaves: **47**, 151–177.
- Gibbons, S. J., 2006, On the identification and documentation of timing errors: An example at the KBS station, spitsbergen: **77**, 559–571.
- Julia, J., M. Assumpcao, and M. P. Rocha, 2008, Deep crustal structure of the parana basin from receiver functions and rayleigh-wave dispersion: Evidence for a fragmented cratonic root: **113**, no. B8.
- Kennet, B. L. N., 1991, Iaspei 1991 seismological tables: **3**, 122–122.
- Kikuchi, M., and H. Kanamori, 1982, Inversion of complex body waves: **72**, 491–506.
- Langston, C. A., 1977, The effect of planar dipping structure on source and receiver responses for constant ray parameter: Bulletin of the Seismological Society of America, **67**, 1029–1050.
- , 1979, Structure under mount rainier, washington, inferred from teleseismic body waves: **84**, no. B9, 4749–4762.
- Ligorría, J. P., and C. J. Ammon, 1999, Iterative deconvolution and receiver-function estimation: **89**, 1395–1400.
- McNamara, D. E., and R. Buland, 2004, Ambient noise levels in the continental united states: Bulletin of the Seismological Society of America, **94**, 1517–1527.
- Seats, K. J., J. F. Lawrence, and G. A. Prieto, 2012, Improved ambient noise correlation functions using welch's method: **188**, 513–523.
- Shapiro, N. M., and M. Campillo, 2004, Emergence of broadband rayleigh waves from correlations of the ambient seismic noise: **31**, L07614.
- Wapenaar, K., 2004, Retrieving the elastodynamic green's function of an arbitrary inhomogeneous medium by cross correlation: **93**, 254301.
- Yanovskaya, T., E. N. Its, A. V. Lander, B. G. Bukchin, M. P. Barmin, L. I. Ratnikova, and A. L. Levshin, 2013, Seismic surface waves in a laterally inhomogeneous earth, softcover reprint of the original 1st ed. 1989 edition ed.: Springer.

Zhu, L., and H. Kanamori, 2000, Moho depth variation in southern California from teleseismic receiver functions: *Journal of Geophysical Research*, **105**, 2969–2980.

# Anexo 1

Tabela 7.1: Tabela com as coordenadas(Lat Long) e altitude (m) das Estações.

Nome	Latitude	Longitude	Elevação(m)
STA01	-23.049408	-45.016808	950
STA02	-22.977707	-45.072017	886
STA03	-22.840839	-45.194141	576
STA04	-22.673525	-45.323162	902
STA05	-22.5325	-45.432383	1100
STA06	-22.386261	-45.549086	931
STA07	-22.241667	-45.647361	988
STA08	-22.050056	-45.781374	884
STA09	-21.903929	-45.946331	1045
STA10	-21.98335	-46.29471	1135
STA11	-22.12999	-46.20536	1455
STA12	-22.32379	-46.01047	890
STA13	-22.52571	-45.86029	918
STA14	-22.67147	-45.77467	974
STA15	-23.10378	-45.39983	895
STA16	-23.2387	-45.25919	906
STA17	-23.0337	-46.62914	776
STA18	-22.84539	-46.52033	957
STA19	-22.71192	-46.27943	1413
STA20	-22.56621	-45.96951	908
STA21	-22.39548	-45.75364	957
STA22	-22.21361	-45.53215	1052
STA23	-22.06692	-45.33267	993
STA24	-21.83834	-44.89324	995