# Paradigmas de Programación

#### Introducción a la materia

1er cuatrimestre de 2024 Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

### Presentación de la materia

Introducción a la programación funciona

#### Docentes

#### **Profesores**

- ▶ Pablo Barenbaum
- Alejandro Díaz-Caro

### Jefes de trabajos prácticos

- Christian Cossio Mercado
- Daniela Marottoli
- Gabriela Steren

#### Ayudantes de primera

- Gonzalo Pablo Fernández ("Perla")
- Malena Ivnisky
- Edgardo Zoppi

#### Ayudantes de segunda

- Lucas Di Salvo
- Sebastián Felgueras
- Fernando Frassia
- Damián Huaier
- Juan Pablo Miceli
- Rafael Romani
- Daniel Wappner

# Días y horarios de cursada

- ► Martes de 17:00 a 22:00
- ▶ Viernes de 17:00 a 22:00

generalmente práctica generalmente teórica

#### Modalidad de evaluación

#### **Parciales**

- Primer parcial
- Segundo parcial
- Recuperatorio del primer parcial
- Recuperatorio del segundo parcial

martes 21 de mayo viernes 5 de julio martes 16 de julio martes 23 de julio

#### Trabajos prácticos

- ► TP 1 (con su recuperatorio)
- ► TP 2 (con su recuperatorio)

Los TPs son en **grupos de 4 integrantes**.

#### **Examen final**

(La materia no es promocionable).

#### Vías de comunicación

#### **Docentes** → alumnxs

Avisos a través del campus.

#### Alumnxs $\rightarrow$ docentes

Lista de correo: plp-docentes@dc.uba.ar

(para consultas administrativas)

#### Discusión entre estudiantes fuera del horario de la materia

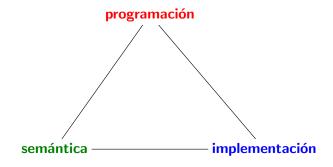
Servidor de Discord: https://tinyurl.com/plpdiscord (con eventual participación de docentes)

#### Página web de la materia

https://campus.exactas.uba.ar/course/view.php?id=4170

#### Contenidos

Tres aspectos de los lenguajes de programación:



# Cronograma

Programación funcional	1,5 semanas
Razonamiento ecuacional	1 semana
Lógica proposicional	1 semana
Cálculo- $\lambda$	2 semanas
Interpretación y compilación	2 semanas
(Repaso)	
Primer parcial	
Lógica de primer orden	1 semana
Resolución	1 semana
Programación lógica	1,5 semanas
Programación orientada a objetos	1 semana
(Repaso)	
Segundo parcial	

# Motivación: programación

Los lenguajes de programación tienen distintas características.

- Etiquetado dinámico vs. tipado estático.
- Administración manual vs. automática de memoria.
- Funciones de primer orden vs. funciones de orden superior.
- Mutabilidad vs. inmutabilidad.
- Alcance dinámico vs. estático.
- Resolución de nombres temprana vs. tardía.
- Inferencia de tipos.
- Determinismo vs. no determinismo.
- Pasaje de parámetros por copia o por referencia.
- Evaluación estricta (por valor) o diferida (por necesidad).
- ► Tipos de datos inductivos, co-inductivos, GADTs, familias dependientes.
- Pattern matching, unificación.
- Polimorfismo paramétrico.
- Subclasificación, polimorfismo de subtipos, herencia simple vs. múltiple.
- Estructuras de control no local.
  - . . .

# Motivación: programación

Distintas características permiten abordar un mismo problema de distintas maneras.

$$\begin{array}{c} \mathsf{CMXXIV} \\ + \ \mathsf{MCXLI} \end{array} \qquad \begin{array}{c} 924 \\ + \ 1141 \end{array}$$
 
$$C = \{(x,y) \mid x^2 + y^2 = r^2\} \quad C = \{(r\sin\theta, r\cos\theta) \mid 0 \leq \theta < 2\pi\}$$
 
$$\mathbf{r} := 1 \\ \mathsf{while} \ \mathbf{n} > 0 \ \{ \\ \mathbf{r} := \mathbf{r} * \mathbf{n} \\ \mathbf{n} := \mathbf{n} - 1 \end{array} \qquad \text{foldl (*) 1 [1..n]}$$

### Motivación: semántica

Dependemos del software en aplicaciones críticas.

- ▶ Telecomunicaciones.
- Procesos industriales.
- Reactores nucleares.
- Equipamiento médico.
- Previsión meteorológica.
- Aeronáutica.
- Vehículos autónomos.
- Transacciones monetarias.
- Análisis de datos en ciencia o toma de decisiones.
- **>** ...

Las fallas cuestan recursos monetarios y vidas humanas.

### Motivación: semántica

¿Y si el programa está escrito por el enemigo? ¿Y si el programa está escrito por un gran modelo de lenguaje?

### Objetivo

- ▶ Probar teoremas sobre el comportamiento de los programas.
- ¿Cómo darle significado matemático a los programas?
- En AED vimos una manera de hacerlo (triplas de Hoare).
- En PLP veremos otras maneras de dar semántica.

# Motivación: implementación

Una computadora física ejecuta programas escritos en un lenguaje. (El "código máquina").

¿Cómo es capaz de ejecutar programas escritos en otros lenguajes?

- Interpretación (o evaluación).
- ► Chequeo e inferencia de tipos.
- Compilación (traducción de un lenguaje a otro).

# Bibliografía (no exhaustiva)

#### Lógica proposicional y de primer orden

Logic and Structure

D. van Dalen.

#### Semántica y fundamentos de la implementación

Introduction to the Theory of Programming Languages

J.-J. Lévy, G. Dowek. Springer, 2010. Types and Programming Languages

B. Pierce. The MIT Press, 2002.

### Programación funcional

Introduction to Functional Programming using Haskell R. Bird. Prentice Hall. 1998.

### Programación lógica

Logic Programming with Prolog

M. Bramer. Springer-Verlag, 2013.

### Programación orientada a objetos

Smalltalk-80 the Language and its Implementation

A. Goldberg, D. Robson. Addison-Wesley, 1983.

Presentación de la materia

Introducción a la programación funcional

# Programación funcional

Un problema central en computación es el de procesar información:



La programación funcional consiste en definir funciones y aplicarlas para procesar información.

Las "funciones" son verdaderamente funciones (parciales):

- ► Aplicar una función no tiene efectos secundarios.
- A una misma entrada corresponde siempre la misma salida.
- Las estructuras de datos son inmutables.

Las funciones son datos como cualquier otro:

- ► Se pueden pasar como parámetros.
- Se pueden devolver como resultados.
- Pueden formar parte de estructuras de datos.
   (Ej. árbol binario en cuyos nodos hay funciones).

# Programación funcional

Un programa funcional está dado por un conjunto de ecuaciones:

```
= 0
longitud []
longitud (x : xs) = 1 + longitud xs
          longitud [10, 20, 30]
       \equiv longitud (10 : (20 : (30 : [])))
       = 1 + longitud (20 : (30 : []))
       = 1 + (1 + (longitud (30 : [])))
       = 1 + (1 + (1 + longitud []))
       = 1 + (1 + (1 + 0))
       = 1 + (1 + 1)
       = 1 + 2
       = 3
```

### **Expresiones**

Las **expresiones** son secuencias de símbolos que sirven para representar datos, funciones y funciones aplicadas a los datos. (Recordemos: las funciones también son datos).

#### Una expresión puede ser:

1. Un constructor:

```
True False [] (:) 0 1 2 ...
```

2. Una variable:

```
longitud ordenar x xs (+) (*) ...
```

3. La aplicación de una expresión a otra:

```
ordenar lista
not True
not (not True)
(+) 1
((+) 1) (alCuadrado 5)
```

4. También hay expresiones de otras formas, como veremos. Las tres de arriba son las fundamentales.

# **Expresiones**

Convenimos en que la aplicación es asociativa a izquierda:

# **Expresiones**

Hay secuencias de símbolos que no son expresiones bien formadas.

### Ejemplo

Hay expresiones que están bien formadas pero no tienen sentido.

```
True + 1
0 1
[[], (+)]
```

Un **tipo** es una especificación del invariante de un dato o de una función.

### Ejemplo

```
99 :: Int
not :: Bool -> Bool
not True :: Bool
(+) :: Int -> (Int -> Int)
(+) 1 :: Int -> Int
((+) 1) 2 :: Int
```

El tipo de una función expresa un contrato.

#### Condiciones de tipado

Para que un programa esté bien tipado:

- 1. Todas las expresiones deben tener tipo.
- 2. Cada variable se debe usar siempre con un mismo tipo.
- 3. Los dos lados de una ecuación deben tener el mismo tipo.
- 4. El argumento de una función debe tener el tipo del dominio.
- 5. El resultado de una función debe tener el tipo del codominio.

Sólo tienen sentido los programas bien tipados.

No es necesario escribir explícitamente los tipos. (Inferencia).

Convenimos en que "->" es asociativo a derecha:

$$a \rightarrow b \rightarrow c$$
  $\equiv a \rightarrow (b \rightarrow c)$   $\not\succeq (a \rightarrow b) \rightarrow c$   
 $a \rightarrow b \rightarrow c \rightarrow d \equiv a \rightarrow (b \rightarrow (c \rightarrow d))$ 

```
suma4 :: Int -> Int -> Int -> Int
suma4 a b c d = a + b + c + d

Se puede pensar así:
suma4 :: Int -> (Int -> (Int -> Int)))
(((suma4 a) b) c) d = a + b + c + d
```

#### Polimorfismo

Hay expresiones que tienen más de un tipo.

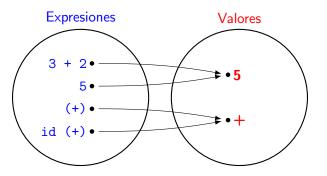
Usamos *variables de tipo* a, b, c para denotar tipos desconocidos:

```
id :: a -> a
[] :: [a]
(:) :: a -> [a] -> [a]
fst :: (a, b) -> a
snd :: (a, b) -> b
```

```
flip f x y = f y x
¿Qué tipo tiene flip?

flip (:) [2, 3] 1
= (:) 1 [2, 3]
\equiv 1 : [2, 3]
= [1, 2, 3]
```

Dada una expresión, se computa su valor usando las ecuaciones:



Hay expresiones bien tipadas que no tienen valor. Ej.: 1 / 0. Decimos que dichas expresiones se indefinen o que tienen valor  $\bot$ .

Un programa funcional está dado por un conjunto de ecuaciones. Más precisamente, por un conjunto de **ecuaciones orientadas**.

Una ecuación e1 = e2 se interpreta desde dos puntos de vista:

- Punto de vista denotacional.
   Declara que e1 y e2 tienen el mismo significado.
- Punto de vista operacional.
   Computar el valor de e1 se reduce a computar el valor de e2.

El lado *izquierdo* de una ecuación no es una expresión arbitraria. Debe ser una función aplicada a **patrones**.

#### Un patrón puede ser:

- 1. Una variable.
- 2. Un comodín \_.
- 3. Un constructor aplicado a patrones.

El lado izquierdo no debe contener variables repetidas.

### Ejemplo

¿Cuáles ecuaciones están sintácticamente bien formadas?

```
sumaPrimeros (x : y : z : _) = x + y + z
predecesor (n + 1) = n
iguales x x = True
```

Evaluar una expresión consiste en:

- 1. Buscar la subexpresión más externa que coincida con el lado izquierdo de una ecuación.
- Reemplazar la subexpresión que coincide con el lado izquierdo de la ecuación por la expresión correspondiente al lado derecho.
- 3. Continuar evaluando la expresión resultante.

La evaluación se detiene cuando se da uno de los siguientes casos:

1. La expresión es un constructor o un constructor aplicado.

True (:) 1 [1, 2, 3]

2. La expresión es una función parcialmente aplicada.

(+) (+) 5

 Se alcanza un estado de error.
 Un estado de error es una expresión que no coincide con las ecuaciones que definen a la función aplicada.

```
Ejemplo: resultado — constructor
tail :: [a] -> [a]
tail (_ : xs) = xs
      tail (tail [1, 2, 3]) \rightsquigarrow tail [2, 3] \rightsquigarrow [3]
Ejemplo: resultado — función parcialmente aplicada
const :: a -> b -> a
const x y = x
               const (const 1) 2 \rightsquigarrow const 1
```

```
Ejemplo: indefinición — error
head :: [a] -> a
head (x : _) = x
       head (head [[], [1], [1, 1]]) \rightsquigarrow head []
Ejemplo: indefinición — no terminación
loop :: Int -> a
loop n = loop (n + 1)
            loop 0 \rightsquigarrow loop (1 + 0)
                     \rightarrow loop (1 + (1 + 0))
                     \rightarrow loop (1 + (1 + (1 + 0)))
```

```
Ejemplo: listas infinitas
desde :: Int -> [Int]
desde n = n : desde (n + 1)
                  desde 0
             \rightsquigarrow 0 : desde 1
             \rightarrow 0 : (1 : desde 2)
             \rightsquigarrow 0 : (1 : (2 : desde 3)) \rightsquigarrow ...
                     head (tail (desde 0))
                 \rightarrow head (tail (0 : desde 1))
                 → head (desde 1)
                 \rightsquigarrow head (1 : desde 2)

√
1
```

**Nota.** En Haskell, el orden de las ecuaciones es relevante. Si hay varias ecuaciones que coinciden se usa siempre la primera.

Definamos la composición de funciones ("g . f").

(.) :: 
$$(b \rightarrow c) \rightarrow (a \rightarrow b) \rightarrow a \rightarrow c$$
  
(g . f) x = g (f x)

Otra forma de definirla (usando la notación "lambda"):

(.) :: 
$$(b \rightarrow c) \rightarrow (a \rightarrow b) \rightarrow a \rightarrow c$$
  
g . f =  $\ x \rightarrow g \ (f \ x)$ 

```
¿Qué tienen en común las siguientes funciones?
dobleL :: [Float] -> [Float]
dobleL [] = []
dobleL(x:xs) = x * 2 : dobleLxs
esParL :: [Int] -> [Bool]
esParL [] = []
esParL (x : xs) = x 'mod' 2 == 0 : esParL xs
longitudL :: [[a]] -> [Int]
longitudL [] = []
longitudL (x : xs) = length x : longitudL xs
Todas ellas siguen el esquema:
g [] = []
g(x:xs) = fx:gxs
```

```
¿Cómo se puede abstraer el esquema?
map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
map f [] = []
map f (x : xs) = f x : map f xs
dobleL xs = map(\x -> x * 2) xs
esParL xs = map (\ x \rightarrow x \ mod' 2 == 0) xs
longitudL xs = map length xs
Otra manera:
dobleL = map (* 2)
esParL = map ((== 0) . ('mod' 2))
longitudL = map length
```

¿Qué relación hay entre las siguientes funciones?

suma :: Int 
$$\rightarrow$$
 Int  $\rightarrow$  Int suma x y = x + y

suma' :: (Int, Int) 
$$\rightarrow$$
 Int suma' (x, y) = x + y

Están relacionadas del siguiente modo:

uncurry :: 
$$(a -> b -> c) -> (a, b) -> c$$
  
uncurry f  $(x, y) = f x y$ 

Dentro de algunas clases, veremos que se puede demostrar:

```
¿Qué relación hay entre las siguientes funciones?
negativos :: [Int] -> [Int]
negativos [] = []
negativos (x : xs) = if x < 0
                      then x : negativos xs
                      else negativos xs
noVacias :: [[a]] -> [[a]]
noVacias [] = []
noVacias (x : xs) = if not (null x)
                     then x : noVacias xs
                     else noVacias xs
Ambas siguen el esquema:
g(x:xs) = if p x
              then x : g xs
              else g xs
```

```
¿Cómo se puede abstraer el esquema?

filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]

filter p [] = []

filter p (x : xs) = if p x

then x : filter p xs

else filter p xs

negativos = filter (< 0)

noVacias = filter (not . null)
```

### Ejercicio

```
merge :: (a -> a -> Bool) -> [a] -> [a] -> [a] mergesort :: (a -> a -> Bool) -> [a] -> [a]
```

El primer parámetro es una función que determina una relación de orden total entre los elementos de tipo a.

# Comentarios: tipos

#### **Ojo.** Dijimos:

"Cada variable se debe usar siempre con un mismo tipo."

¿Está bien tipado el siguiente programa?

```
sucesor :: Int -> Int
sucesor x = x + 1
```

opuesto :: Bool -> Bool
opuesto x = not x

Sí. Hay dos "x" con distinto tipo pero son variables distintas. El programa se podría reescribir así:

```
sucesor x = x + 1 opuesto y = not y
```