

第三十八课 霍夫曼树



版权声明:本课件及其印刷物、视频的版权归成都国嵌信息技术有限公司为有,并保留所有权力:任何单位或个人未经成都国嵌信息技术有限公司书面授权,不得使用该课行及共和副物。视频从事商业、教学活动。已经取得书面授权的,应在授权范围内使用,并注明"来源:国嵌"。违反上述声明者,我们将追究其法律责任。

历史上的远距通信问题



老师: 最初的远距通信用于传递文本信息, 主要是电报。

小A: 那如何将一段文字内容为"BADCADFEED"通过网络传递给别人呢?

小B: 利用二进制对这些字母进行编码, 然后传输这个编码就行啊。

小D: 是的, 电报不就"滴"和"答"嘛?!

小A: 那怎么编码呢?

小C: 难道你没听说过ASCII码?

小A: 那时有没有ASCII码哦?

小C: . . .







❖对于文本"BADCADFEED"的传输而言,因为重复出现的只有 "ABCDEF"这6个字符,因此可以用下面的方式编码:

А	В	С	D	E	F
000	001	010	011	100	101





001000011010000011101100100011

接收方可以根据每3个bit进行一次 字符解码的方式还原文本信息。

嵌入式Linux技术咨询QQ号: 550491596



存在的问题



- ❖ 这样的编码方式需要30个bit位才能表示10个字符
- ❖ 那么当传输一篇500个字符的情报时,需要15000个bit位

在战争年代,这种编码方式对于情报的发送和接受是很低效且容易出错的。

如何提高收发效率?





另一种编码方式



❖ 要提高效率,必然要从编码方式的改进入手,要避免每个字符都占用相同的bit位

Α	В	С	D	Е	F
01	1001	101	00	11	1000

BADCADFEED



1001010010101001000111100

嵌入式Linux技术咨询QQ号: 550491596



效率提高了吗?



- ❖ 改进的编码方式只需要25个bit位就能表示10个字符
- ❖ 随着传输字符的增加,这种优势会更明显

• . . .

效率上得到17%的提高!!!

问题: 如何解码?









А	В	С	D	Е	F
01	1001	101	00	11	1000

BADCADFEED



1001010010101001000111100

任一字符的编码都不是另一个字符编码的前缀!

嵌入式Linux技术咨询QQ号: 550491596



精妙之处



问题:

这个编码方式是怎么得到的?



嵌入式Linux技术咨询QQ号: 550491596



霍夫曼树



- 1. 给定n个数值{ v₁, v₂, ..., v_n }
- 2. 根据这n个数值构造二叉树集合F

$$F = \{ T_1, T_2, ..., T_n \}$$

T_i的数据域为v_i,左右子树为空

- 3. 在F中选取两棵根结点的值最小的树作为左右子树构造一棵新的二 叉树,这棵二叉树的根结点中的值为左右子树根结点中的值之和
- 4. 在F中删除这两棵子树,并将构造的新二叉树加入F中
- 5. 重复3和4,直到F中只剩下一个树为止。这棵树即霍夫曼树。



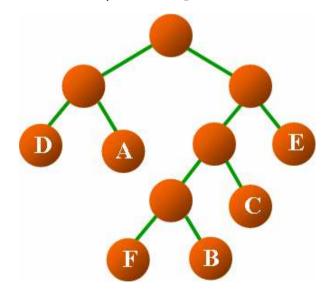




❖ 假设经过统计ABCDEF在需要传输的报文中出现的概率如下

А	В	С	D	E	F
27%	8%	15%	15%	30%	5%

❖ 根据这些数值构造的霍夫曼树如下



嵌入式Linux技术咨询QQ号: 550491596



手把手教你写代码





构建霍夫曼树



霍夫曼树的应用



* 该霍夫曼树叶结点在树中的位置编码如下

A: 01

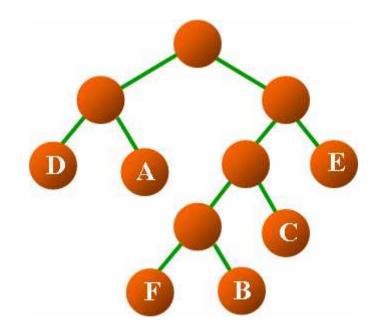
B: 1001

C: 101

D: 00

E: 11

F: 1000





小结



- ❖ 霍夫曼树是一种特殊的二叉树
- ❖ 霍夫曼树应用于信息编码和数据压缩领域
- ❖ 霍夫曼树是现代压缩算法的基础



