## TEORÍA DE LA COMPUTACIÓN

## Grado en Ingeniería Informática - 2020/2021

## Examen Parcial nº 2

1. (1,5 puntos) Obtenga el autómata finito que reconoce el lenguaje generado por la siguiente gramática regular:

$$S \rightarrow a b c A \mid b c B \mid c$$
  $A \rightarrow a b S$   $B \rightarrow a S$ 

- 2. (1,5 puntos) Pase a forma normal de Chomsky la gramática del ejercicio anterior.
- 3. (2 puntos) Considere las siguientes gramáticas independientes del contexto:

$$G_1: E \to E + T \mid T$$
  $G_2: E \to E + E \mid E \times E \mid (E) \mid a$   $T \to T \times F \mid F$   $F \to (E) \mid a$ 

En ambas gramáticas, escriba todas las posibles derivaciones y dibuje todos los posibles árboles de análisis sintáctico de la cadena  $w = a + a \times a$ .

¿Generan  $G_1$  y  $G_2$  el mismo lenguaje?

En caso afirmativo, y en función de los fenómenos observados al analizar la cadena w, explique en términos de ventajas y desventajas cuál es la diferencia esencial entre ambas gramáticas.

4. (1,5 puntos) Escriba una gramática independiente del contexto que genere el siguiente lenguaje:

$$\{a^n \, b^m \mid n \neq m\}$$

- 5. (1,5 puntos) Responda de manera breve y justificada a las siguientes cuestiones:
  - (a) Dada G, una gramática independiente del contexto, ¿cómo podemos saber si L(G) es vacío o no?
  - (b) Si G es una gramática independiente del contexto ambigua,  $\sharp L(G)$  es siempre un lenguaje ambiguo?
  - (c) ¿Qué representa realmente la constante k en el lema del bombeo para lenguajes independientes del contexto?
- 6. (2 puntos) Construya un autómata de pila no determinista que acepte el siguiente lenguaje:

$$\{w \, w^I \mid w \in \{a, b\}^*\}$$