DFS, BFS

Graph, DFS, BFS

그래프(Graph)

□ 정의

- 아이템(사물 또는 추상적 개념)들과 이들 사이의 연결 관계를 표현하는 자료 구조.
- 정점(Vertex)들의 집합과 이들을 연결하는 간선(Edge)들의 집합으로 구성된 자료 구조
 - □ |V| : 정점의 개수, |E| : 그래프에 포함된 간선의 개수
 - □ |V| 개의 정점을 가지는 그래프에서 최소 (|V| - 1) 간선, 최대 |V| (|V| - 1)/ 2 간선이 가능 예> 5개 정점이 있는 그래프의 최대 간선 수는 10(= 5*4/2) 개이다..
- 선형 자료구조나 트리 자료구조로 표현하기 어려운 N:N 관계를 가지는 원소들을 표현하기에 용이하다

그래프(Graph)

□ 용어

- 인접(Adjacency)
 - 두 개의 정점에 간선이 존재(연결됨)하면 서로 인접해 있다고 한다.
- 경로란 간선들을 순서대로 나열한 것
 - 간선들: (0, 2), (2, 4), (4, 6)
 - 정점들: 0-2-4-6
- 경로 중 한 정점을 최대한 한번만 지나는 경로를 단순 경로라 한다.(예: 0 – 2 – 4 – 6, 0 – 1 – 6)
- 시작한 정점에서 끝나는 경로를 사이클(Cycle)이라고 한다. (예: 1 – 3 – 5 – 1)

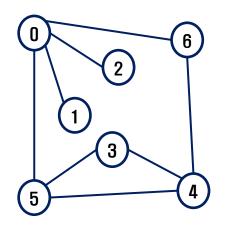
그래프(Graph)의 표현

- □ 인접 행렬 (Adjacent matrix)
 - □ |V| x |V| 크기의 2차원 배열을 이용해서 간선 정보를 저장
 - □ 배열의 배열
- □ 인접 리스트 (Adjacent List)
 - □ 각 정점마다 해당 정점으로 나가는 간선의 정보를 저장
- □ 간선 배열
 - □ 간선(시작 정점, 끝 정점)을 배열에 연속적으로 저장

그래프 -인접 행렬

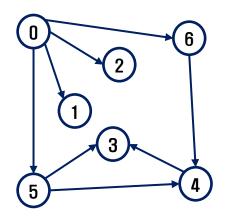
- □ 두 정점을 연결하는 간선의 유무를 행렬로 표현
 - □ |V| x |V| 정방 행렬
 - □ 행 번호와 열 번호는 그래프의 정점에 대응
 - 두 정점이 인접되어 있으면 1, 그렇지 않으면 0으로 표현
 - □ 무향 그래프인 경우
 - i 번째 행의 합 = i 번째 열의 합 = V_i 의 차수
 - □ 유향 그래프인 경우
 - 행 i 의 합 = V_i 의 진출 차수
 - 열 i 의 합 = V_i 의 진입 차수

그래프 -인접 행렬



	0	1	2	3	4	5	6
0	0	1	1	0	0	1	1
1	1	0	0	0	0	0	0
2	1	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	1	1	0
4	0	0	0	1	0	1	1
5	1	0	0	1	1	0	0
6	1	0	0	0	1	0	0

- 1, 무향그래프
- 인접한 두 정점의 행 번호, 열 번호에 해당하는 곳에 1 로 표시
- **1**의 개수는 간선 개수의 두 배



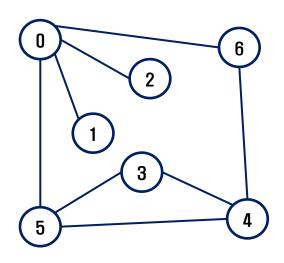
	0	1	2	3	4	5	6
0	0	1	1	0	0	1	1
1	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	1	0	0	0
5	0	0	0	1	1	0	0
6	0	0	0	0	1	0	0

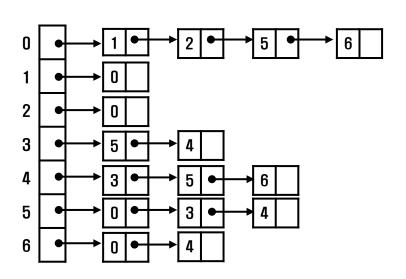
- 2. 유향그래프
- 간선의 수 만큼 1로 표현
- 정점의 진출 차수
 - 행에 표시된 1의 개수
- 정점의 진입 차수
 - 열에 표시된 1의 개수

→ 진출차수

그래프 -인접 리스트

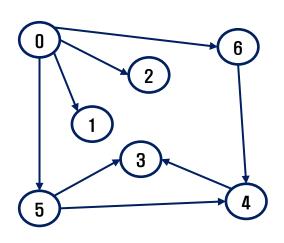
- □ 인접리스트
 - 인접 행렬의 메모리 낭비를 줄이기 위한 구현 방법
- □ 무방향 그래프
 - 노드 수 = 간선의 수 * 2
 - 각 정점의 노드 수 = 정점의 차수

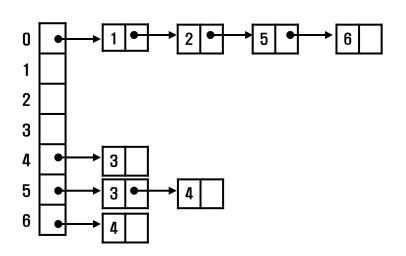




그래프 -인접 리스트

- □ 방향 그래프
 - 노드 수 = 간선의 수
 - 각 정점의 노드 수 = 정점의 진출 차수
- 인접 리스트는 링크드 리스트의 형태로 구현되나,2차원 배열에 인접 정점의 정보를 저장하여 구현할 수도 있다.

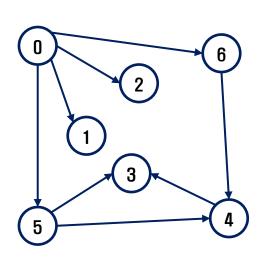




그래프 - 간선 배열

□ 간선 배열

- 간선의 수가 많지 않을 경우 메모리의사용을 줄이기 위해 간선의 정보를 나열해서 저장
- 간선의 시작 정점과 끝 정점의 정보 저장
- 간선 리스트에서 어떤 정점의 인접 정점은 일치하는 시작 정점을 찾으면 됨.



	시작 정점	끝 정점
0	0	1
1	0	2
2	0	5
3	0	6
4	4	3
5	5	3
6	5	4
7	6	4

그래프 표현에 따른 비교

□ 인접 행렬

- 정점의 개수 n 이 커지면 인접 행렬에 필요한 메모리의 크기는 n² 에 비례 : 메모리 낭비
- 어떤 정점의 인접 정점을 찾을 때마다 n 번의 탐색

□ 인접 리스트

■ 인접 행렬에 비해 적은 메모리를 사용하고, 인접 정점을 탐색 횟수를 줄일 수 있다.

□ 간선 배열

- 간선의 수가 적을 경우 메모리 사용을 최소할 수 있다.
- 인접 정점을 찾을 때마다 간선 배열을 순차 검색해야 한다.

그래프 탐색

□ 비선형구조인 그래프로 표현된 모든 자료(정점) 를 빠짐없이 탐색하는 것을 의미한다.

- □ 두 가지 방법
 - 깊이 우선 탐색(Depth First Search, DFS)
 - 너비 우선 탐색(Breadth First Search, BFS)

BFS vs. DFS

BFS(Breath-First Search)

- 시간 복잡도 : O(m+n) m: 간선의 수 n: 정점의 수
- FIFO: 큐 사용하여 구현
- 같은 layer에서 탐색 기법
- 최단 경로, 무향 그래프에서의 연결된 정점 처리에 유용

DFS(Depth-First Search)

- 시간 복잡도 : O(m+n) m: 간선의 수 n: 정점의 수
- LIFO : 스택 또는 재귀로 구현
- 필요할 때만 탐색하고, 그렇지 않을 경우 되돌아가는 경우, 미로 찾기 구현에 적합
- 유향 그래프에서의 연결된 정점 처리에 유용

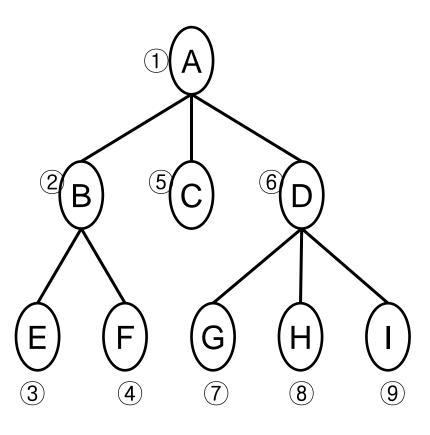
DFS(깊이우선탐색)

□ 시작 정점의 한 방향으로 갈 수 있는 경로가 있는 곳까지 깊이 탐색해 가다가 더 이상 갈 곳이 없게 되면, 가장 마지막에 만났던 갈림길 간선이 있는 정점으로 되돌아와서 다른 방향의 정점으로 탐색 을 계속 반복하여 결국 모든 정점을 방문하는 순 회방법

□ 가장 마지막에 만났던 갈림길의 정점으로 되돌아 가서 다시 깊이 우선 탐색을 반복해야 하므로 후 입선출 구조의 스택 사용

DFS(Depth First Search)

□ DFS는 예제 그래프를 붙여진 번호 순서로 탐색



- 1. A 탐색 시작
- 2. A 의 인접 정점 중 선택(B)
- 3. B 방문
- 4. B의 인접 정점 중 선택(E)
- 5. **E** 방문,
- 6. **E**의 인접 정점 중 방문하지 않은 정점 없으므로 **B** 로 되돌아 감.
- 7. B의 또 다른 인접 정점 F 선택
- 8. **F** 방문, **F** 의 인접 정점 중 방문하지 않 은 정점 없으므로 **B**로 되돌아 감.
- 9. B 의 인접 정점은 모두 방문했으므로,A 로 되돌아 감.
- 10. A 의 인접 정점 중 C, D 에 대해서도 위 와 같은 방법으로 반복

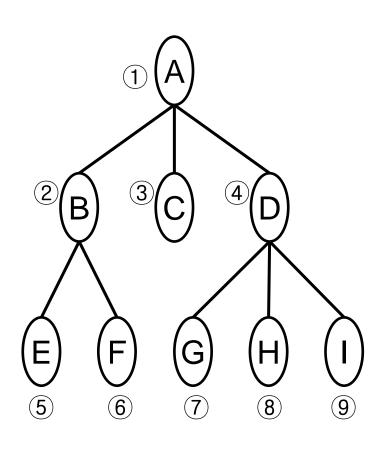
BFS(Breadth First Search)

□ 너비우선탐색은 탐색 시작점의 인접한 정점들을 먼저 모두 차례로 방문한 후에, 방문했던 정점을 시작점으로 하여 다시 인접한 정점들을 차례로 방 문하는 방식

□ 인접한 정점들에 대해 탐색을 한 후, 차례로 다시 너비우선탐색을 진행해야 하므로, 선입선출 형태 의 자료구조인 큐를 활용함

BFS(Breadth First Search)

□ BFS는 예제 그래프를 붙여진 번호 순서로 탐색함

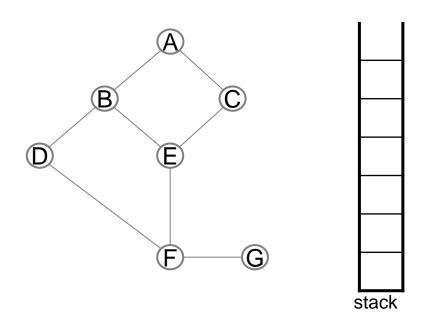


- 1. A 탐색 시작
- 2. A 의 인접 정점들 B, C, D 를 방문
- 3. **B** 의 인접 정점 **E**, **F** 를 방문
- 4. C 는 방문하지 않은 인접 정점이 없으므로 큐에서 새로운 정점(D) 선택
- 5. **D**의 인접 정점 중 방문하지 않은 정점 **G**, **H**, **I** 를 방문

DFS 알고리즘 1

```
visited[] : 방문 여부 체크 배열, stack[]: 방문했던 정점들 저장
DFS(v):
   v 방문
                    # 출력, 계산 등의 처리
   visited[v] = true # v 의 방문을 표시
   while(v) {
       v의 인접 정점 중 방문 안 한 정점 w 를 찾는다.
                  # W 가 존재한다면
       if (w)
          push(v) # 스택에 현재 정점을 저장한다.
       while(w) # 인접 정점이 존재하는 동안 반복 실행
          w 방문 # 인접 정점 W 의 출력, 계산 등의 처리
          visited[w] = true # w 의 방문을 표시
          push(w)
                       # 스택에 현재 정점엔 W 저장
          V = W # V = 0 현재 정점 W 로 바꿔준다.
          v의 인접 정점 중 방문 안 한 정점 w 를 찾는다.
      v = stack.pop() # 최근 방문한 정점을 가져오게 된다.
```

visited[], stack[] 초기화



С D Ε F G 정점 [2] [0] [1] [3] [4] [5] [6] F F F

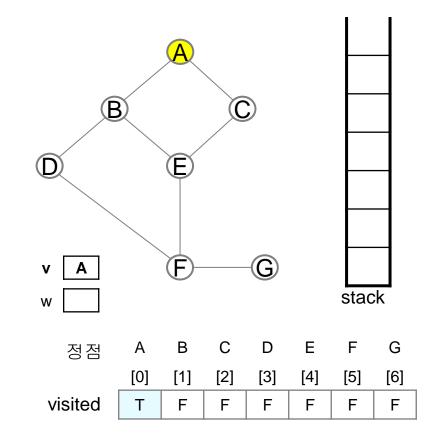
visited

그래프의 표현 방법

	Α	В	C	D	Е	F	G
Α	0	1	1	0	0	0	0
В	1	0	0	1	1	0	0
С	1	0	0	0	1	0	0
D	0	1	0	0	0	1	0
Е	0	1	1	0	0	1	0
F	0	0	0	1	1	0	1
G	0	0	0	0	0	1	0

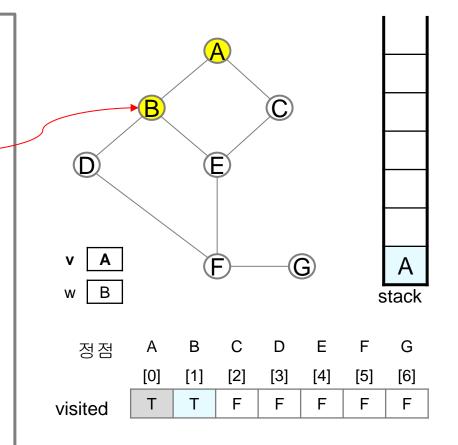
Α	В	С	
В	Α	D	Ш
С	Α	Ш	
D	В	F	
Е	В	С	F
F	D	Е	G
G	F		

```
DFS(v):
 v 방문 # 출력 처리
 visited[v] = true
 while(v):
   w = v의 미방문 인접정점
   if (w)
      push(v)
   while( w )
      w 방문
      visited[w] = true
      push(w)
      V = W
      w = v의 미방문 인접정점
   v = stack.pop()
```



출력:A

```
DFS(v):
 v 방문 # 출력 처리
 visited[v] = true
 while(v):
   w = v의 미방문 인접정점
   if (w)
       push(v)
   while( w )
      w 방문
      visited[w] = true
      push(w)
      V = W
      w = v의 미방문 인접정점
   v = stack.pop()
```

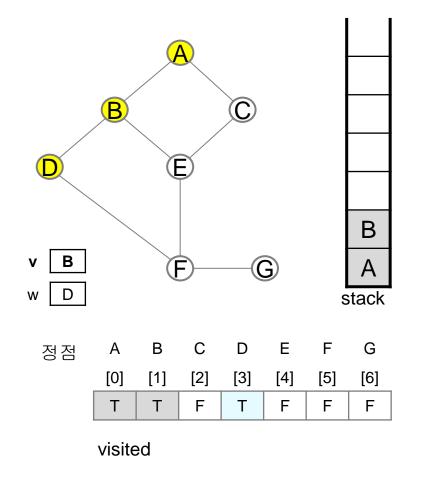


출력 : A - B

```
DFS(v):
  v 방문 # 출력 처리
  visited[v] = true
  while(v):
    w = v의 미방문 인접정점
    if (w)
       push(v)
    while( w )
                                       В
       w 방문
       visited[w] = true
                                                              stack
       push(w)
                                                  С
                                                         Ε
                                               В
                                                     D
                                                                G
                                      정점
       w = v의 미방문 인접정점
                                           [0]
                                              [1]
                                                  [2]
                                                     [3]
                                                         [4]
                                                            [5]
                                                                [6]
                                                         F
                                                                F
    v = stack.pop()
                                          visited
```

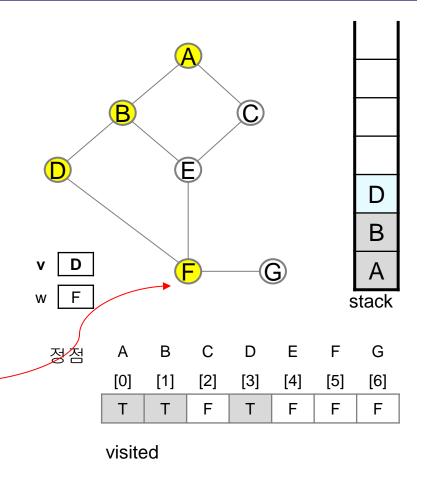
출력 : A - B

```
DFS(v):
 v 방문 # 출력 처리
 visited[v] = true
 while(v):
   w = v의 미방문 인접정점
   if (w)
      push(v)
   while( w )
      w 방문
      visited[w] = true
      push(w)
      V = W
      w = v의 미방문 인접정점
   v = stack.pop()
```



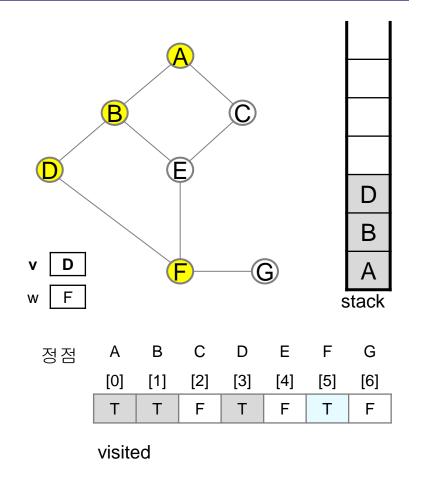
출력: A - B - D

```
DFS(v):
 v 방문 # 출력 처리
 visited[v] = true
 while(v):
   w = v의 미방문 인접정점
   if (w)
      push(v)
   while( w )
      w 방문
      visited[w] = true
      push(w)
      w = v의 미방문 인접정점
   v = stack.pop()
```



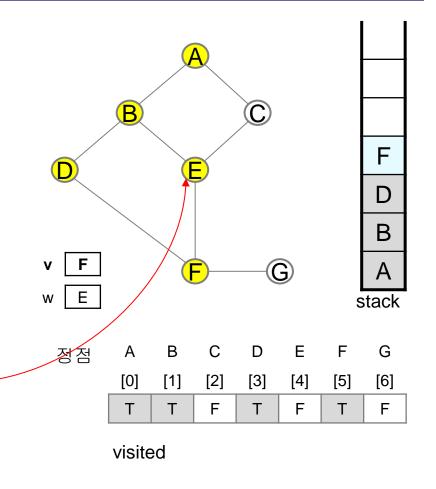
출력: A - B - D

```
DFS(v):
 v 방문 # 출력 처리
 visited[v] = true
 while(v):
   w = v의 미방문 인접정점
   if(w)
      push(v)
   while( w )
      w 방문
      visited[w] = true
      push(w)
      V = W
      w = v의 미방문 인접정점
   v = stack.pop()
```



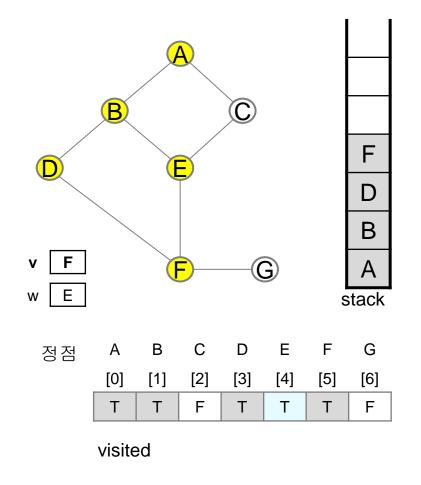
출력: A - B - D - F

```
DFS(v):
 v 방문 # 출력 처리
 visited[v] = true
 while(v):
   w = v의 미방문 인접정점
   if(w)
      push(v)
   while( w )
      w 방문
      visited[w] = true
      push(w)
      w = v의 미방문 인접정점
   v = stack.pop()
```



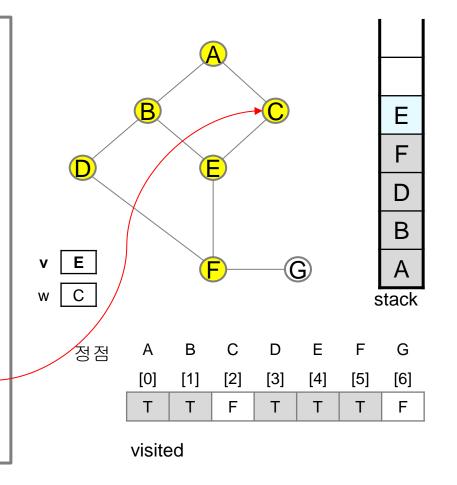
출력: A – B – D – F

```
DFS(v):
 v 방문 # 출력 처리
 visited[v] = true
 while(v):
   w = v의 미방문 인접정점
   if(w)
      push(v)
   while( w )
      w 방문
      visited[w] = true
      push(w)
      V = W
      w = v의 미방문 인접정점
   v = stack.pop()
```



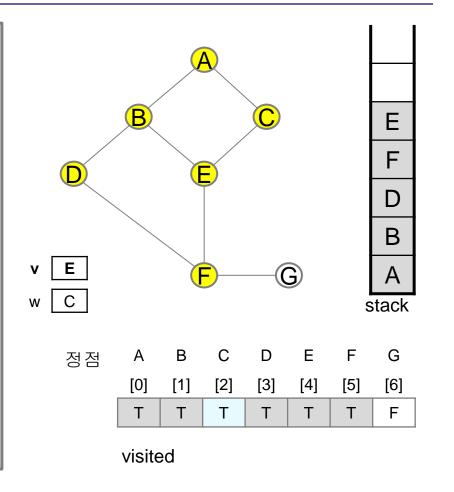
출력:A-B-D-F-E

```
DFS(v):
 v 방문 # 출력 처리
 visited[v] = true
 while(v):
   w = v의 미방문 인접정점
   if(w)
      push(v)
   while( w )
      w 방문
      visited[w] = true
      push(w)
      w = v의 미방문 인접정점
   v = stack.pop()
```



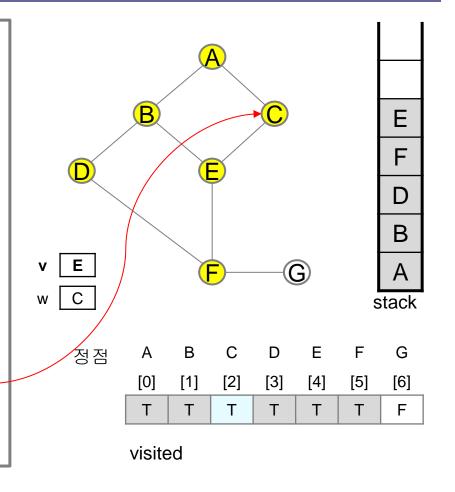
출력: A - B - D - F - E

```
DFS(v):
 v 방문 # 출력 처리
 visited[v] = true
 while(v):
   w = v의 미방문 인접정점
   if(w)
      push(v)
   while( w )
      w 방문
      visited[w] = true
      push(w)
      V = W
      w = v의 미방문 인접정점
   v = stack.pop()
```



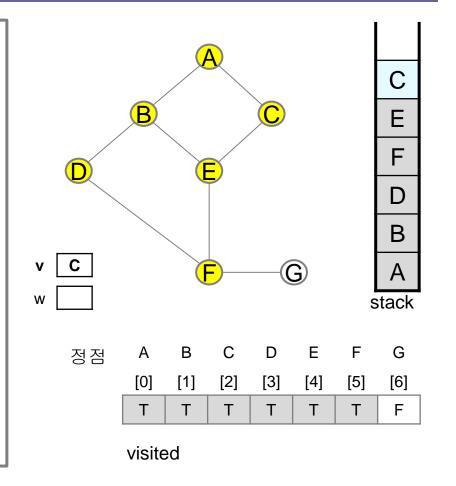
출력: A - B - D - F - E - C

```
DFS(v):
 v 방문 # 출력 처리
 visited[v] = true
 while(v):
   w = v의 미방문 인접정점
   if(w)
      push(v)
   while( w )
      w 방문
      visited[w] = true
      push(w)
      V = W
      w = v의 미방문 인접정점
   v = stack.pop()
```

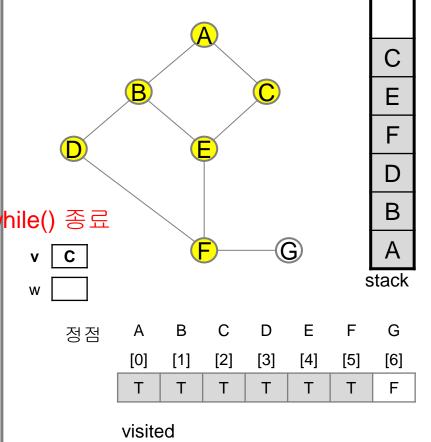


출력: A - B - D - F - E - C

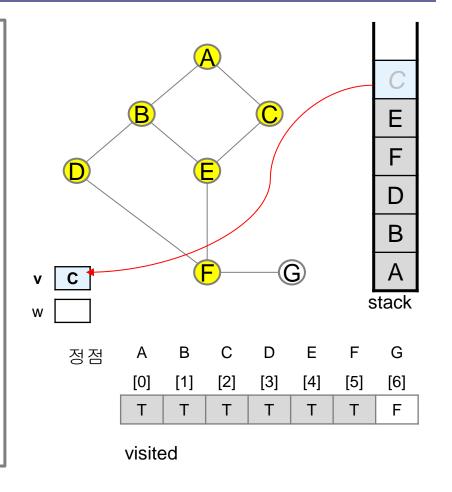
```
DFS(v):
 v 방문 # 출력 처리
 visited[v] = true
 while(v):
   w = v의 미방문 인접정점
   if (w)
      push(v)
   while( w )
      w 방문
      visited[w] = true
      push(w)
      w = v의 미방문 인접정점
   v = stack.pop()
```



```
DFS(v):
 v 방문 # 출력 처리
 visited[v] = true
 while(v):
   w = v의 미방문 인접정점
   if(w)
      push(v)
   while(w) #w가 없으므로 while() 종료
      w 방문
      visited[w] = true
      push(w)
      V = W
      w = v의 미방문 인접정점
   v = stack.pop()
```

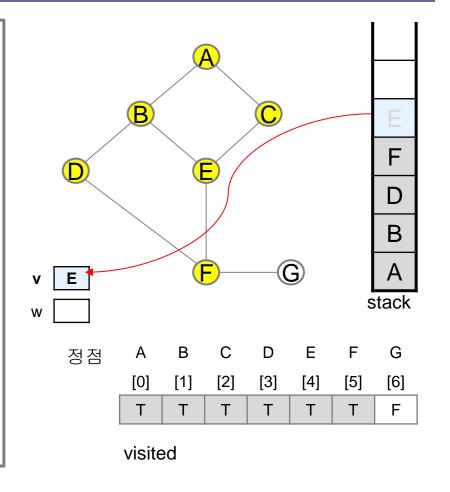


```
DFS(v):
 v 방문 # 출력 처리
 visited[v] = true
 while(v):
   w = v의 미방문 인접정점
   if (w)
      push(v)
   while( w )
      w 방문
      visited[w] = true
      push(w)
      V = W
      w = v의 미방문 인접정점
   v = stack.pop()
```



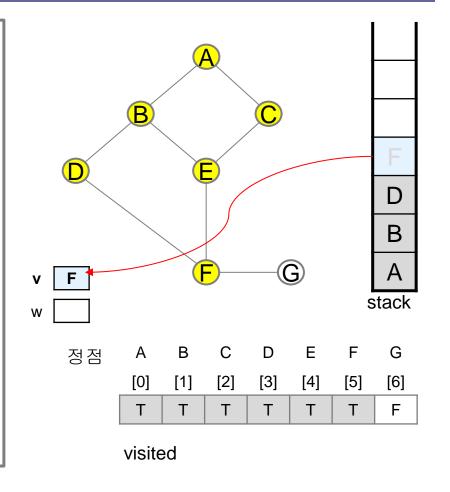
```
DFS(v):
  v 방문 # 출력 처리
  visited[v] = true
                                                             Е
  while(v):
    w = v의 미방문 인접정점
                                                              F
    if (w)
                                                             D
       push(v)
    while(w) #w가 없으므로 while 종료
       w 방문
                                                     G
       visited[w] = true
                                                            stack
       push(w)
                                                С
                                             В
                                                   D
                                                       Ε
                                                             G
                                    정점
       V = W
       w = v의 미방문 인접정점
                                         [0]
                                             [1]
                                                [2]
                                                   [3]
                                                       [4]
                                                          [5]
                                                             [6]
    v = stack.pop()
                                         visited
```

```
DFS(v):
 v 방문 # 출력 처리
 visited[v] = true
 while(v):
   w = v의 미방문 인접정점
   if (w)
      push(v)
   while( w )
      w 방문
      visited[w] = true
      push(w)
      V = W
      w = v의 미방문 인접정점
   v = stack.pop()
```



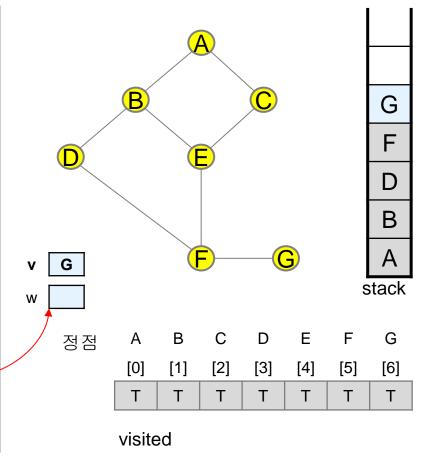
```
DFS(v):
  v 방문 # 출력 처리
  visited[v] = true
  while(v):
    w = v의 미방문 인접정점
                                                              F
    if (w)
                                                              D
       push(v)
    while(w) #w가 없으므로 while 종료
       w 방문
                                                     G
       visited[w] = true
                                                            stack
       push(w)
                                                С
                                             В
                                                   D
                                                       Ε
                                                              G
                                    정점
       V = W
       w = v의 미방문 인접정점
                                         [0]
                                             [1]
                                                [2]
                                                   [3]
                                                       [4]
                                                          [5]
                                                             [6]
    v = stack.pop()
                                         visited
```

```
DFS(v):
 v 방문 # 출력 처리
 visited[v] = true
 while(v):
   w = v의 미방문 인접정점
   if(w)
      push(v)
   while( w )
      w 방문
      visited[w] = true
      push(w)
      V = W
      w = v의 미방문 인접정점
   v = stack.pop()
```

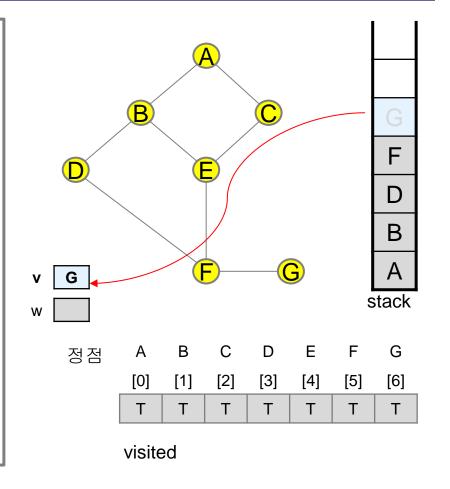


```
DFS(v):
  v 방문 # 출력 처리
  visited[v] = true
  while(v):
    w = v의 미방문 인접정점
                                                                F
    if (w)
                                                                D
       push(v)
    while( w )
       w 방문
       visited[w] = true
                                                              stack
                                     G
       push(w)
                                                  С
                                              В
                                                     D
                                                         Ε
                                                                G
                                     정점
       V = W
       w = v의 미방문 인접정점
                                           [0]
                                              [1]
                                                  [2]
                                                     [3]
                                                         [4]
                                                            [5]
                                                                [6]
    v = stack.pop()
                                          visited
```

```
DFS(v):
 v 방문 # 출력 처리
 visited[v] = true
 while(v):
   w = v의 미방문 인접정점
   if (w)
      push(v)
   while( w )
      w 방문
      visited[w] = true
      push(w)
      w = v의 미방문 인접정점
   v = stack.pop()
```



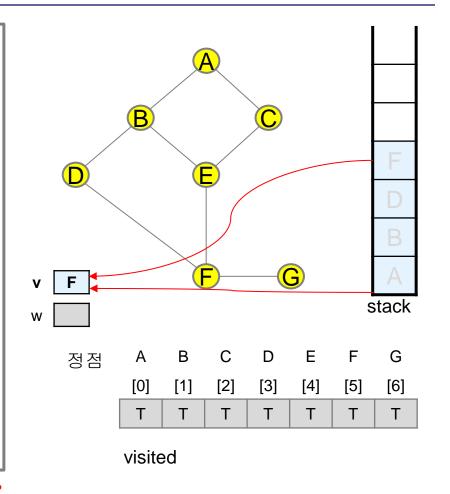
```
DFS(v):
 v 방문 # 출력 처리
 visited[v] = true
 while(v):
   w = v의 미방문 인접정점
   if (w)
      push(v)
   while( w )
      w 방문
      visited[w] = true
      push(w)
      V = W
      w = v의 미방문 인접정점
   v = stack.pop()
```



```
DFS(v):
  v 방문 # 출력 처리
  visited[v] = true
  while(v):
    w = v의 미방문 인접정점
                                                              F
    if (w)
                                                              D
       push(v)
    while(w) #w가 없으므로 while 종료
       w 방문
       visited[w] = true
                                                            stack
       push(w)
                                             В
                                                C
                                                   D
                                                       Ε
                                                              G
                                    정점
       V = W
       w = v의 미방문 인접정점
                                         [0]
                                             [1]
                                                [2]
                                                   [3]
                                                       [4]
                                                          [5]
                                                              [6]
    v = stack.pop()
                                         visited
```

```
DFS(v):
 v 방문 # 출력 처리
 visited[v] = true
 while(v):
   w = v의 미방문 인접정점
   if (w)
      push(v)
   while( w )
      w 방문
      visited[w] = true
      push(w)
      V = W
      w = v의 미방문 인접정점
   v = stack.pop()
```

stack.pop() 결과 v 의 방문하지 않은 인접 정점 w 가 없으므로 스택이 빌 때까지 수행 후, 종료된다.



DFS 알고리즘 2

```
      visited[] : 방문 여부 체크 배열

      DFS(v):

      v 방문
      # 출력 or 계산 등의 처리

      visited[v]=1
      # V 의 방문 표시

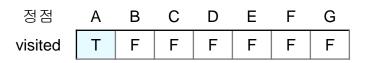
      for w in (v 의 인접정점)
      # v 의 모든 인접 정점 w에 대해서

      if visited[w]
      # w 가 방문하지 않았다면

      DFS(w)
      # 정점 W 값으로 재귀 호출
```

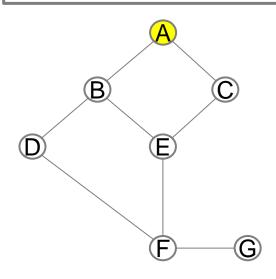
```
DFS(v):
v 방문 # 출력 처리
visited[v]=1
```

for w in (v 의 인접정점) if visited[w] DFS(w)



함수 호출 관계 : 상태 공간 트리

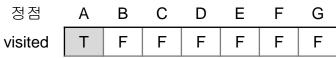




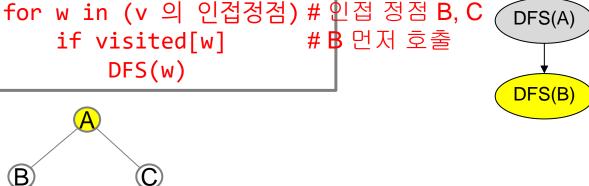
출력:A

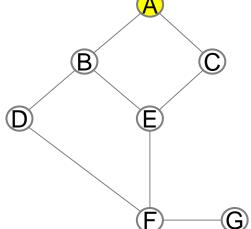
```
DFS(v):
v 방문 # 출력 처리
visited[v]=1

for w in (v 의 인접정점)#인접 전if visited[w] #B먼저
DFS(w)
```



함수 호출 관계 : 상태 공간 트리

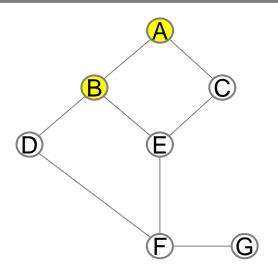




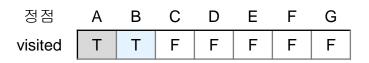
출력:A

DFS(v): v 방문 # 출력 처리 visited[v]=1

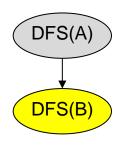
for w in (v 의 인접정점) if visited[w] DFS(w)



출력 : A - B



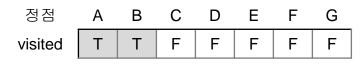
함수 호출 관계 : 상태 공간 트리



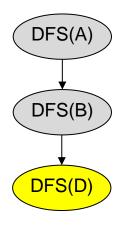
DFS(v):

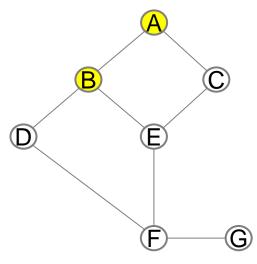
v 방문 # 출력 처리 visited[v]=1

for w in (v 의 인접정점) if visited[w] DFS(w)



함수 호출 관계 : 상태 공간 트리





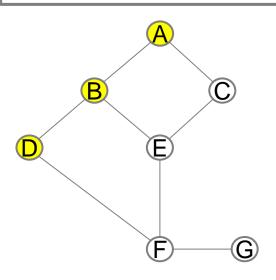
인접 정점 A, D, E # A 는 이미 방문했으므로 # D 먼저 호출

출력 : A - B

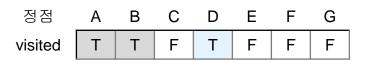
DFS(v):

v 방문 # 출력 처리 visited[v]=1

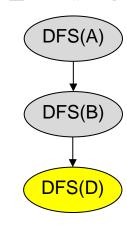
for w in (v 의 인접정점) if visited[w] DFS(w)



출력: A - B - D



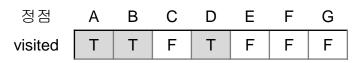
함수 호출 관계 : 상태 공간 트리



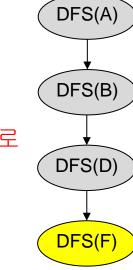
DFS(v):

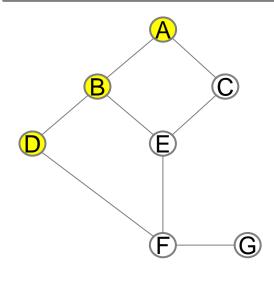
v 방문 # 출력 처리 visited[v]=1

for w in (v 의 인접정점) if visited[w] DFS(w)



함수 호출 관계 : 상태 공간 트리





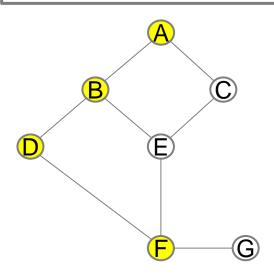
인접 정점 B, F # B는 이미 방문했으므로 # F 호출

출력: A - B - D

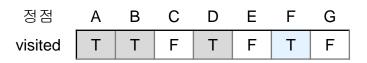
DFS(v):

v 방문 # 출력 처리 visited[v]=1

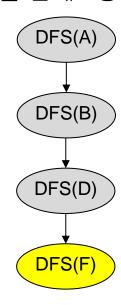
for w in (v 의 인접정점) if visited[w] DFS(w)



출력: A – B – D - F



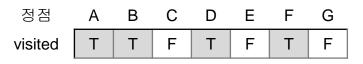
함수 호출 관계 : 상태 공간 트리



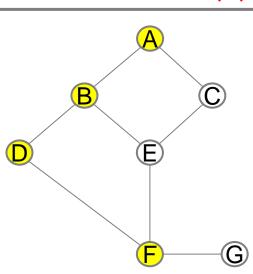
DFS(v):

v 방문 # 출력 처리 visited[v]=1

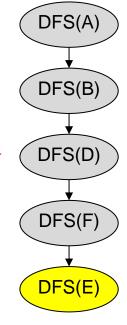
for w in (v 의 인접정점) if visited[w] DFS(w)



함수 호출 관계 : 상태 공간 트리



인접 정점 D, E, G # D는 이미 방문했으므로 # E 호출

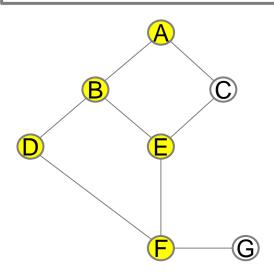


출력 : A – B - D - F

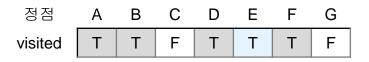
DFS(v):

v 방문 # 출력 처리 visited[v]=1

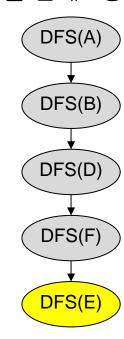
for w in (v 의 인접정점) if visited[w] DFS(w)



출력: A – B - D – F - E



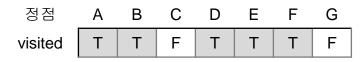
함수 호출 관계 : 상태 공간 트리



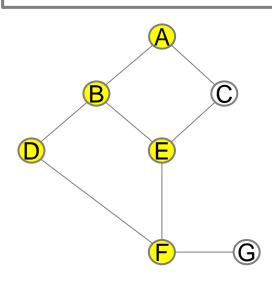
DFS(v):

v 방문 # 출력 처리 visited[v]=1

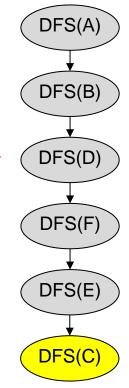
for w in (v 의 인접정점) if visited[w] DFS(w)



함수 호출 관계 : 상태 공간 트리



인접 정점 B, C, F # B는 이미 방문했으므로 # C 호출

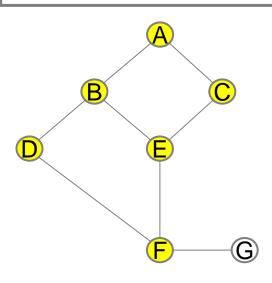


출력 : A – B - D – F - E

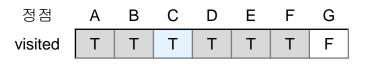
DFS(v):

v 방문 # 출력 처리 visited[v]=1

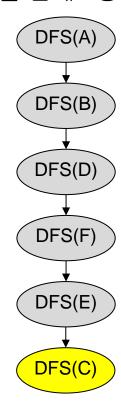
for w in (v 의 인접정점) if visited[w] DFS(w)



출력: A - B - D - F - E - C



함수 호출 관계 : 상태 공간 트리



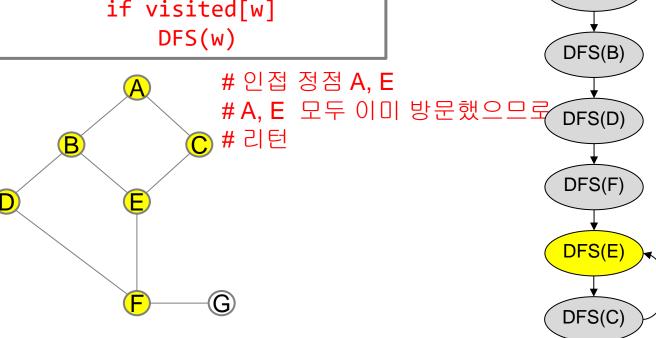
DFS(v): v 방문 # 출력 처리 visited[v]=1

for w in (v 의 인접정점) if visited[w] DFS(w)

정점 В D Ε G visited F

함수 호출 관계 : 상태 공간 트리

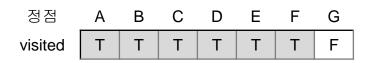
DFS(A)



출력: A – B - D – F – E - C

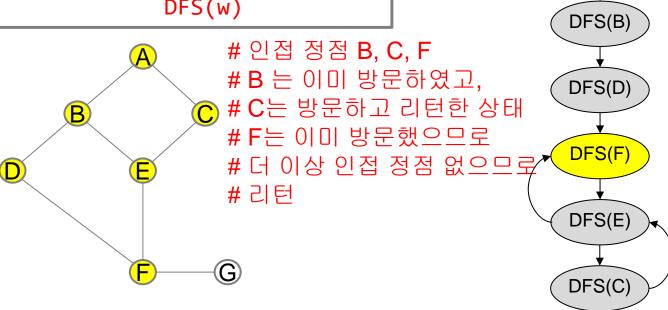
DFS(v): v 방문 # 출력 처리 visited[v]=1

for w in (v 의 인접정점) if visited[w] DFS(w)



함수 호출 관계 : 상태 공간 트리

DFS(A)

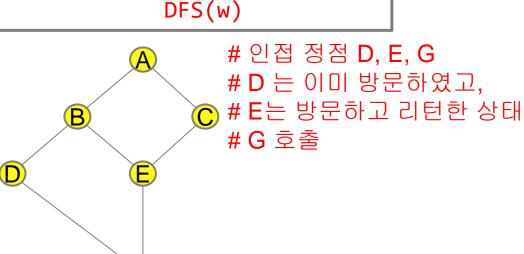


DFS(v):

v 방문 # 출력 처리 visited[v]=1

for w in (v 의 인접정점) if visited[w] DFS(w) 정점 A B C D E F G visited T T T T F

함수 호출 관계 : 상태 공간 트리

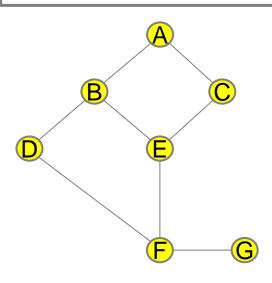


DFS(A) DFS(B) DFS(D) DFS(F) DFS(E) DFS(G) DFS(C)

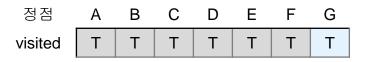
DFS(v):

v 방문 # 출력 처리 visited[v]=1

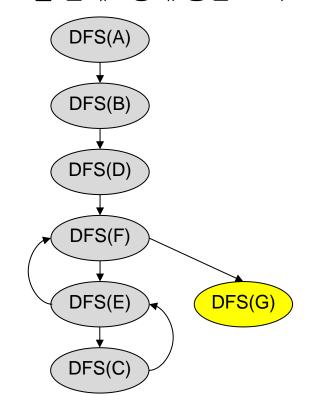
for w in (v 의 인접정점) if visited[w] DFS(w)



출력: A-B-D-F-E-C-G



함수 호출 관계 : 상태 공간 트리



DFS(v):

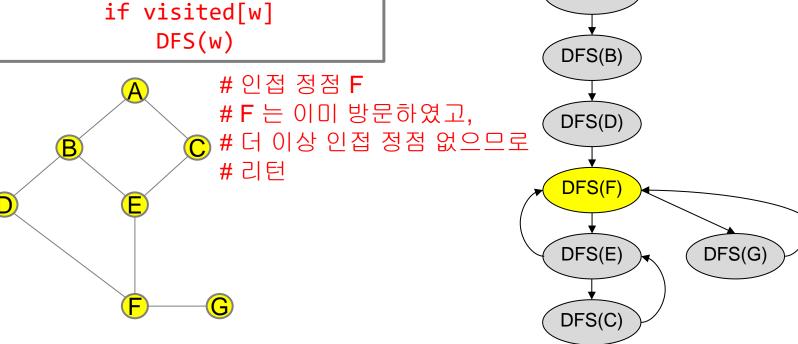
v 방문 # 출력 처리 visited[v]=1

for w in (v 의 인접정점) if visited[w] DFS(w)

정점 В D Ε G visited

함수 호출 관계 : 상태 공간 트리

DFS(A)



출력: A - B - D - F - E - C - G

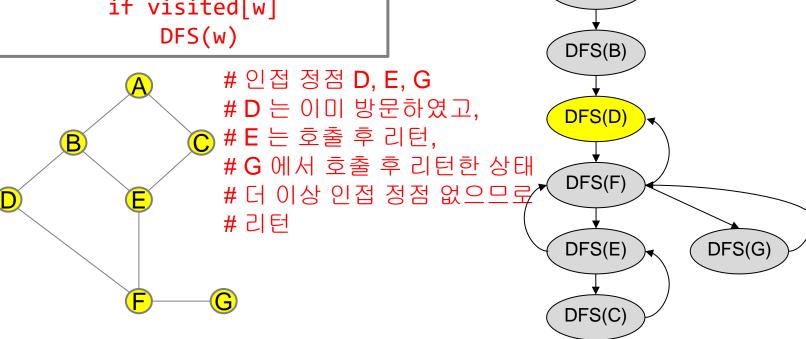
DFS(v): v 방문 # 출력 처리 visited[v]=1

for w in (v 의 인접정점) if visited[w] DFS(w)

정점 В D Ε G visited

함수 호출 관계 : 상태 공간 트리

DFS(A)



DFS(v): v 방문 # 출력 처리 visited[v]=1

for w in (v 의 인접정점) if visited[w] DFS(w)

정점 В D Ε G visited

함수 호출 관계 : 상태 공간 트리

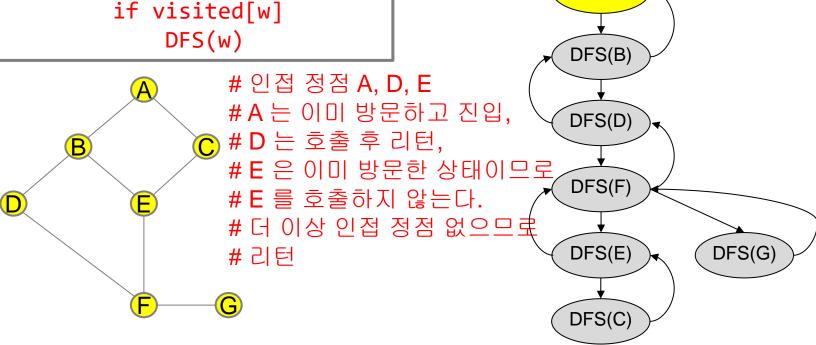


DFS(v): v 방문 # 출력 처리 visited[v]=1 for w in (v 의 인접정점)

정점 A B C D E F G visited T T T T T T

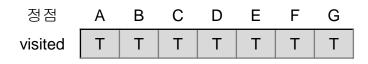
함수 호출 관계 : 상태 공간 트리

DFS(A)



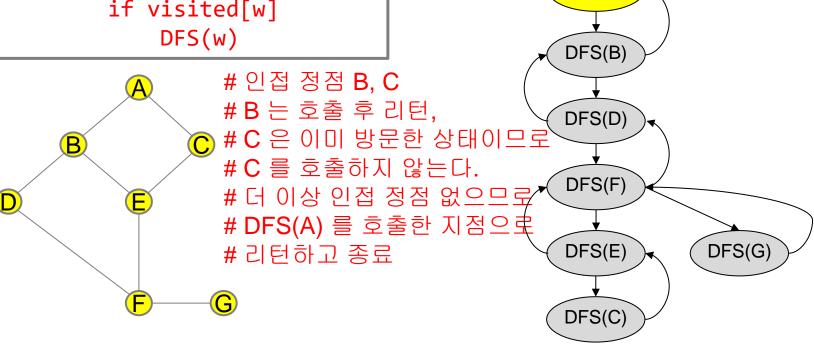
DFS(v): v 방문 # 출력 처리 visited[v]=1

for w in (v 의 인접정점) if visited[w] DFS(w)



함수 호출 관계 : 상태 공간 트리

DFS(A)

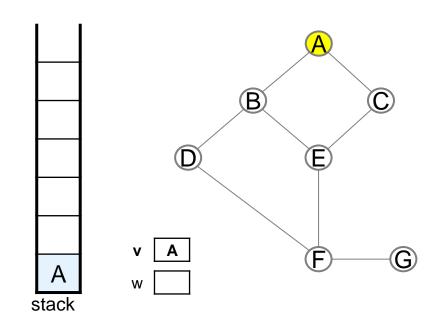


출력 : A – B - D – F – E – C - G

DFS 알고리즘 3

```
visited[] : 방문 여부 체크 배열, stack[]: 방문했던 정점들 저장
DFS(v):
                  # 스택에 시작 정점 저장
   stack.push(v)
   while not stack.isEmpty()
     v = stack.pop() # 최근 방문한 정점을 가져오게 된다.
                          # v 를 방문하지 않았다면
      if Not visited[v]
           visited[v]=1 # V 의 방문 표시
                         # 출력 or 계산 등의 처리
           v 방문
      for w in (v 의 인접정점) # v 의 모든 인접 정점에 대해서
                    # w 가 방문하지 않았다면
        if visited[w]
                           # 스택에 정점 W 저장
           push(w)
```

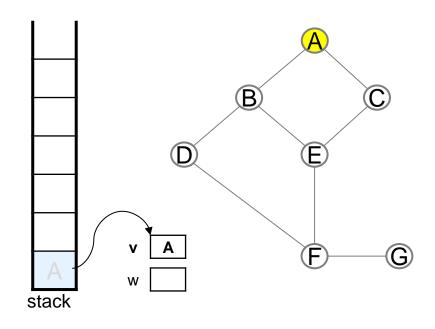
```
DFS(v):
 stack.push(v)
while not stack.isEmpty()
   v = stack.pop()
   if Not visited[v]
      visited[v]=1
      v 방문 # 출력
      for w in (v 의 인접정점)
         if visited[w]
               push(w)
```



정점	Α	В	С	D	Е	F	G
visited	F	F	F	F	F	F	F

출력:

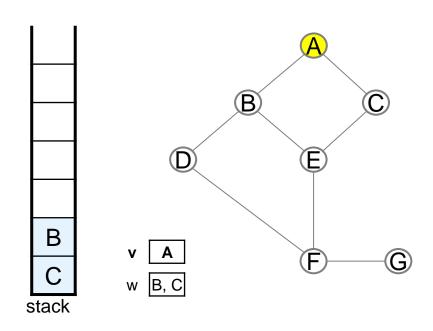
```
DFS(v):
 stack.push(v)
 while not stack.isEmpty()
   v = stack.pop()
   if Not visited[v]
      visited[v]=1
      v 방문 # 출력
      for w in (v 의 인접정점)
         if visited[w]
               push(w)
```



정점 A B C D E F G
visited T F F F F F

출력 : A

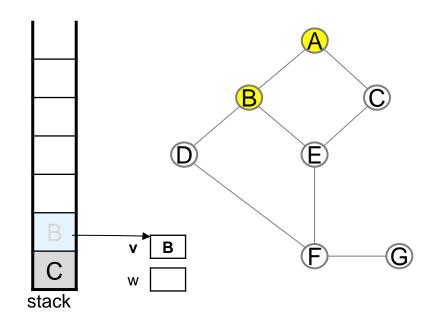
```
DFS(v):
 stack.push(v)
 while not stack.isEmpty()
   v = stack.pop()
   if Not visited[v]
      visited[v]=1
      v 방문 # 출력
      for w in (v 의 인접정점)
         if visited[w]
               push(w)
```



정점 A B C D E F G
visited T F F F F F

출력 : A

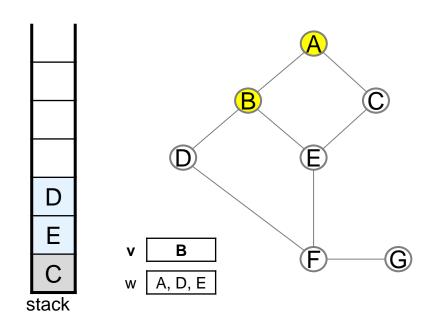
```
DFS(v):
 stack.push(v)
 while not stack.isEmpty()
   v = stack.pop()
   if Not visited[v]
      visited[v]=1
      v 방문 # 출력
      for w in (v 의 인접정점)
         if visited[w]
               push(w)
```



정점 A B C D E F G
visited T T F F F F

출력: A - B

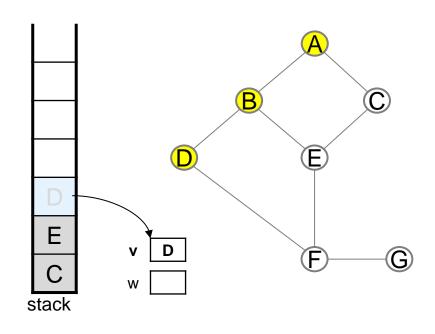
```
DFS(v):
 stack.push(v)
 while not stack.isEmpty()
   v = stack.pop()
   if Not visited[v]
      visited[v]=1
      v 방문 # 출력
      for w in (v 의 인접정점)
         if visited[w]
               push(w)
```



정점 A B C D E F G
visited T T F F F F

출력: A - B

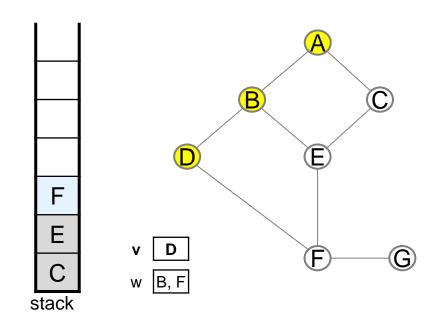
```
DFS(v):
 stack.push(v)
 while not stack.isEmpty()
   v = stack.pop()
   if Not visited[v]
      visited[v]=1
      v 방문 # 출력
      for w in (v 의 인접정점)
         if visited[w]
               push(w)
```

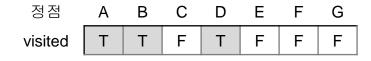


정점 A B C D E F G
visited T T F T F F

출력: A – B - D

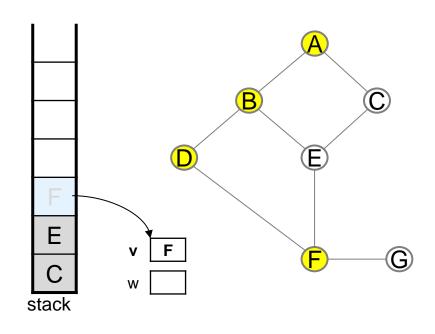
```
DFS(v):
 stack.push(v)
 while not stack.isEmpty()
   v = stack.pop()
   if Not visited[v]
      visited[v]=1
      v 방문 # 출력
      for w in (v 의 인접정점)
         if visited[w]
               push(w)
```





출력: A – B - D

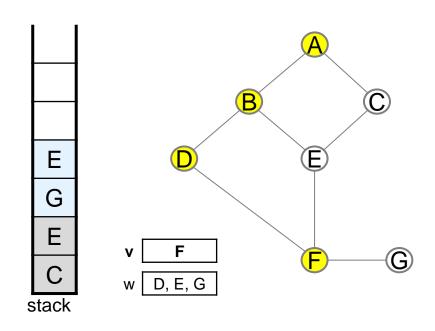
```
DFS(v):
 stack.push(v)
 while not stack.isEmpty()
   v = stack.pop()
   if Not visited[v]
      visited[v]=1
      v 방문 # 출력
      for w in (v 의 인접정점)
         if visited[w]
               push(w)
```



정점 A B C D E F G visited T T F T F

출력: A – B – D - F

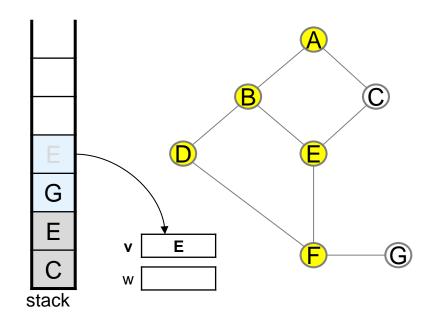
```
DFS(v):
 stack.push(v)
 while not stack.isEmpty()
   v = stack.pop()
   if Not visited[v]
      visited[v]=1
      v 방문 # 출력
      for w in (v 의 인접정점)
         if visited[w]
               push(w)
```

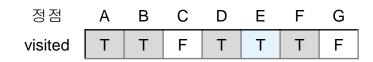


정점 A B C D E F G
visited T T F T F

출력: A – B – D - F

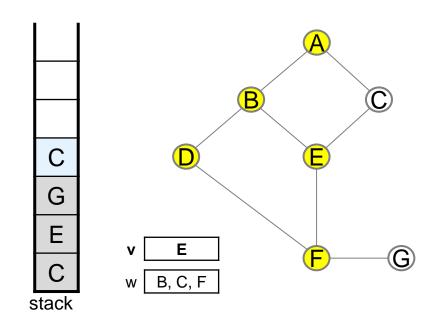
```
DFS(v):
 stack.push(v)
 while not stack.isEmpty()
   v = stack.pop()
   if Not visited[v]
      visited[v]=1
      v 방문 # 출력
      for w in (v 의 인접정점)
         if visited[w]
               push(w)
```

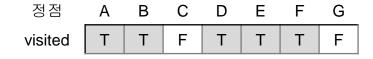




출력: A - B - D - F - E

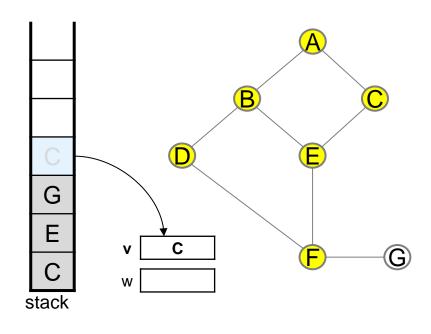
```
DFS(v):
 stack.push(v)
 while not stack.isEmpty()
   v = stack.pop()
   if Not visited[v]
      visited[v]=1
      v 방문 # 출력
      for w in (v 의 인접정점)
         if visited[w]
               push(w)
```

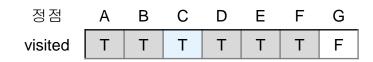




출력:A-B-D-F-E

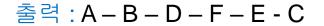
```
DFS(v):
 stack.push(v)
 while not stack.isEmpty()
   v = stack.pop()
   if Not visited[v]
      visited[v]=1
      v 방문 # 출력
      for w in (v 의 인접정점)
         if visited[w]
               push(w)
```

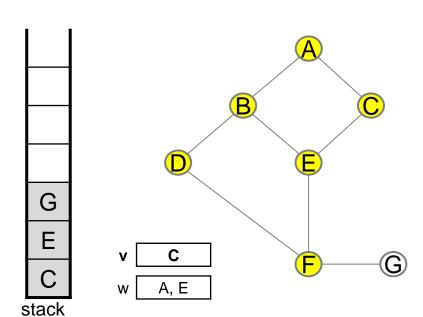




출력: A - B - D - F - E - C

```
DFS(v):
 stack.push(v)
 while not stack.isEmpty()
   v = stack.pop()
   if Not visited[v]
      visited[v]=1
      v 방문 # 출력
      for w in (v 의 인접정점)
         if visited[w]
               push(w)
```

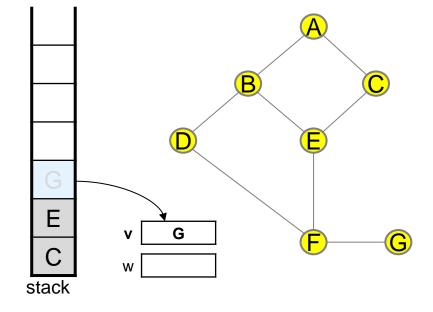




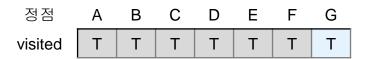
A, E 모두 방문한 정점이므로 push 하지 않는다.

정점	Α	В	С	D	Е	F	G
visited	Т	Т	Т	Т	Т	Т	F

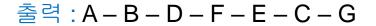
```
DFS(v):
 stack.push(v)
 while not stack.isEmpty()
   v = stack.pop()
   if Not visited[v]
      visited[v]=1
      v 방문 # 출력
      for w in (v 의 인접정점)
         if visited[w]
               push(w)
```

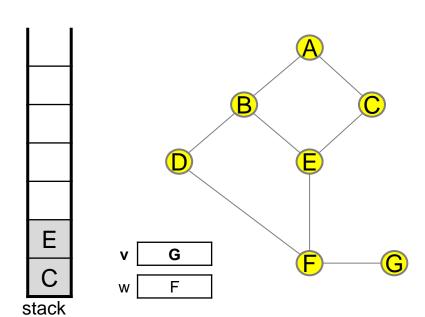


출력: A-B-D-F-E-C-G



```
DFS(v):
 stack.push(v)
 while not stack.isEmpty()
   v = stack.pop()
   if Not visited[v]
      visited[v]=1
      v 방문 # 출력
      for w in (v 의 인접정점)
         if visited[w]
               push(w)
```



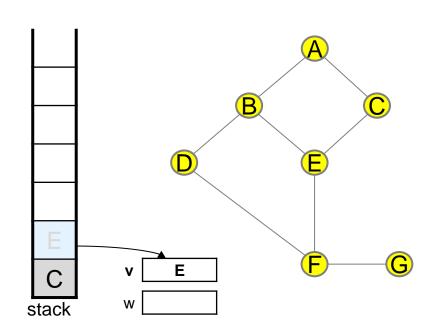


F 는 방문한 정점이므로 push 하지 않는다.

정점	Α	В	С	D	Е	F	G
visited	Т	Т	Т	Т	Т	Т	Т

```
DFS(v):
 stack.push(v)
 while not stack.isEmpty()
   v = stack.pop()
   if Not visited[v]
      visited[v]=1
      v 방문 # 출력
      for w in (v 의 인접정점)
         if visited[w]
               push(w)
```

출력: A-B-D-F-E-C-G

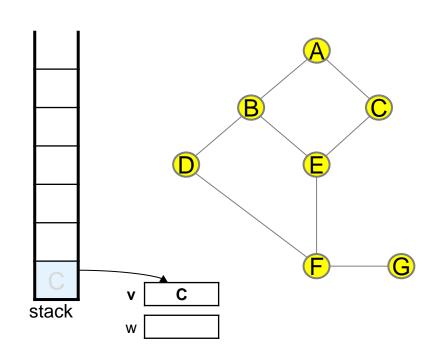


E 는 방문한 정점이므로 skip 한다.

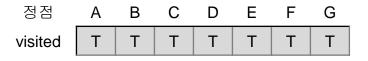
정점	Α	В	С	D	Е	F	G
visited	Т	Т	Т	Т	Т	Т	Т

```
DFS(v):
 stack.push(v)
 while not stack.isEmpty()
   v = stack.pop()
   if Not visited[v]
      visited[v]=1
      v 방문 # 출력
      for w in (v 의 인접정점)
         if visited[w]
               push(w)
```

출력: A-B-D-F-E-C-G

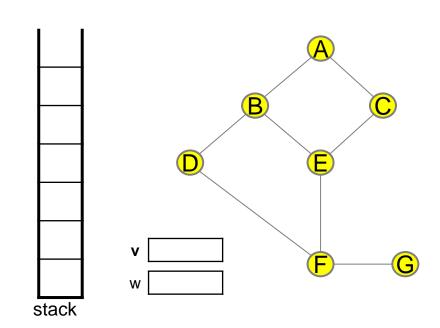


C 는 방문한 정점이므로 skip 한다.



```
DFS(v):
 stack.push(v)
 while not stack.isEmpty()
   v = stack.pop()
   if Not visited[v]
      visited[v]=1
      v 방문 # 출력
      for w in (v 의 인접정점)
         if visited[w]
               push(w)
```



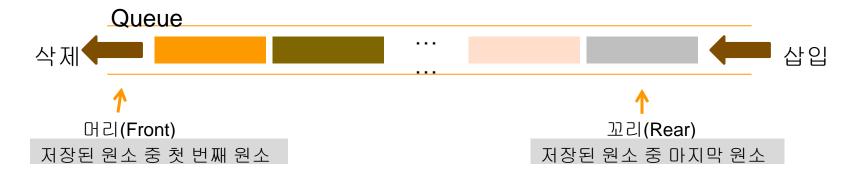


stack 이 비었으므로 종료한다.

정점	Α	В	С	D	Е	F	G
visited	Т	Т	Т	Т	Т	Т	Т

帮(Queue)

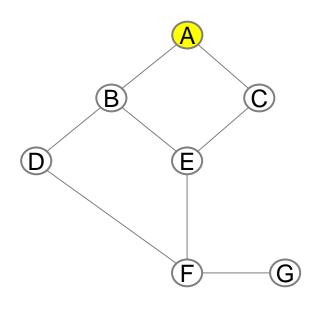
- 스택과 마찬가지로 삽입과 삭제의 위치가 제한적인 자료구조
- 선입선출구조(FIFO : First In First Out)
 - 큐에 삽입한 순서대로 원소가 저장되어, 가장 먼저 삽입(First In)된 원소는 가장 먼저 삭제(First Out)된다.
- 큐의 기본 연산
 - enQueue(item): 큐의 뒤쪽(rear 다음)에 원소를 삽입하는 연산
 - deQueue() : 큐의 앞쪽(front)에서 원소를 삭제하고 반환하는 연산

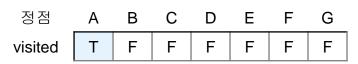


BFS 알고리즘

```
def BFS(v) :
                            # 그래프 G, 탐색 시작점 v
   visited = [0]*n
                               # n : 정점의 개수
                               # 큐 생성
   queue = []
                               # 시작점 v를 큐에 삽입
   queue.append(v)
                               # v 를 방문한 것으로 처리
   visited[v] = True
                               # 출력 or 계산 등의 처리
   visit(v)
                               # 큐가 비어있지 않은 경우
   while queue :
                               # 큐의 첫 번째 원소 반환
      t = queue.popleft()
                             # t와 연결된 모든 정점에 대해
      for u in G[t]:
         if not visited[u] : # 방문되지 않은 곳이라면
             queue.append(u) # 큐에 넣기
             visited[u] = True # 방문한 것으로 표시
                             # 출력 or 계산 등의 처리
             visit(u)
```

```
BFS(v):
queue.append(v)
visited[t] = True
 print(t)
while queue:
   t = queue.popleft()
   for u in G[t]:
      if not visited[u]:
         queue.append(u)
         visited[u] = True
         print(u)
```

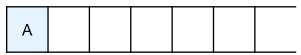




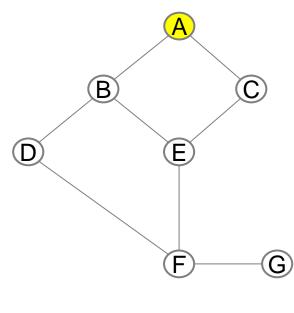
출력:A

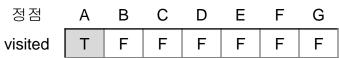
t ____

Queue

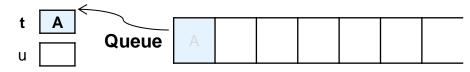


```
BFS(v):
queue.append(v)
visited[t] = True
 print(t)
while queue:
   t = queue.popleft()
   for u in G[t]:
      if not visited[u]:
         queue.append(u)
         visited[u] = True
         print(u)
```

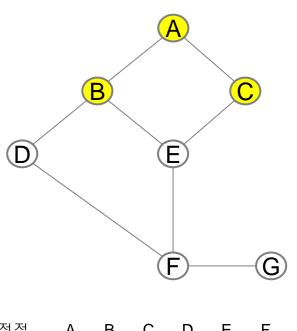


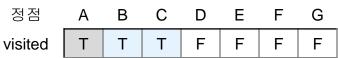


출력 : A

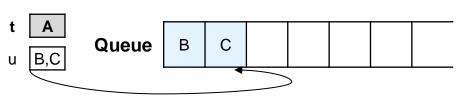


```
BFS(v):
queue.append(v)
visited[t] = True
 print(t)
while queue:
   t = queue.popleft()
   for u in G[t]:
      if not visited[u]:
         queue.append(u)
         visited[u] = True
         print(u)
```

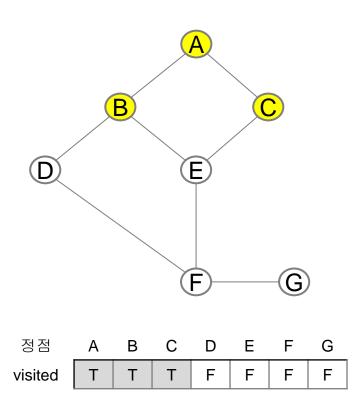




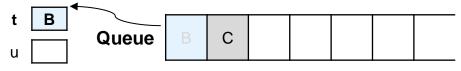
출력: A - B - C



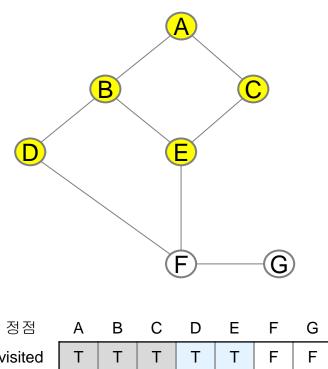
```
BFS(v):
queue.append(v)
visited[t] = True
 print(t)
while queue:
   t = queue.popleft()
   for u in G[t]:
      if not visited[u]:
         queue.append(u)
         visited[u] = True
         print(u)
```

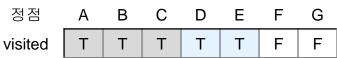


출력: A-B-C



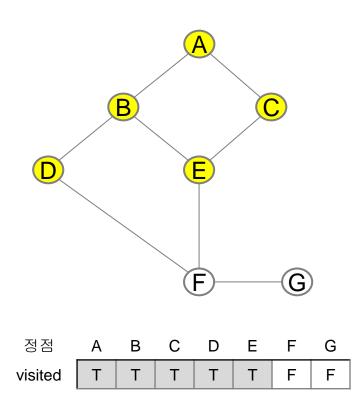
```
BFS(v):
queue.append(v)
visited[t] = True
 print(t)
while queue:
   t = queue.popleft()
   for u in G[t]:
      if not visited[u]:
         queue.append(u)
         visited[u] = True
         print(u)
```







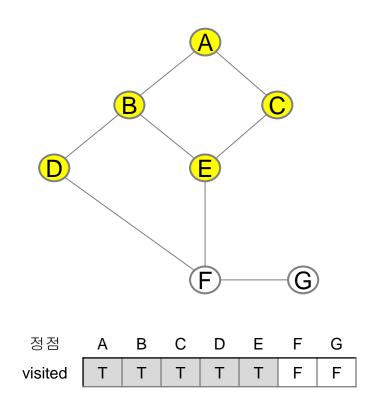
```
BFS(v):
queue.append(v)
visited[t] = True
 print(t)
while queue:
   t = queue.popleft()
   for u in G[t]:
      if not visited[u]:
         queue.append(u)
         visited[u] = True
         print(u)
```



출력: A-B-C-D-E



```
BFS(v):
queue.append(v)
visited[t] = True
 print(t)
while queue:
   t = queue.popleft()
   for u in G[t]:
      if not visited[u]:
         queue.append(u)
         visited[u] = True
         print(u)
```



출력: A-B-C-D-E

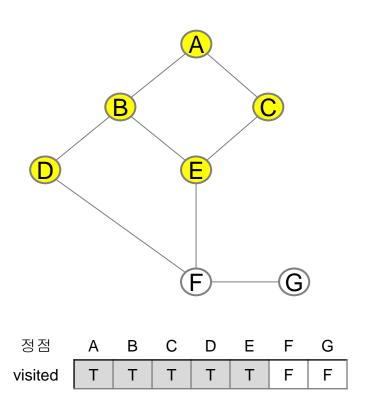
t C u A,E

Queue

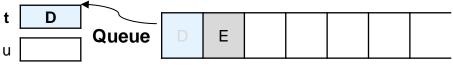
D E

C의 인접정점 A,E는 모두 방문했으므로 큐에 추가 안 함.

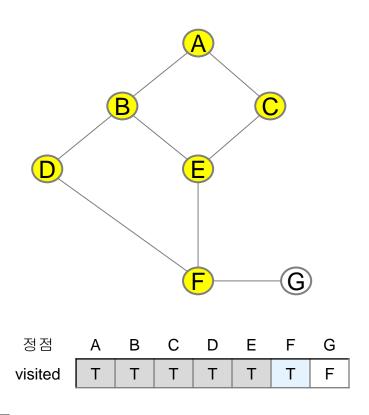
```
BFS(v):
queue.append(v)
visited[t] = True
 print(t)
while queue:
   t = queue.popleft()
   for u in G[t]:
      if not visited[u]:
         queue.append(u)
         visited[u] = True
         print(u)
```



출력: A-B-C-D-E



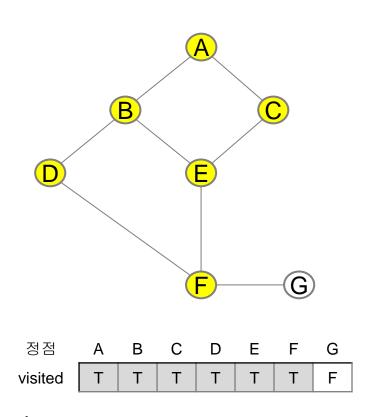
```
BFS(v):
queue.append(v)
visited[t] = True
 print(t)
while queue:
   t = queue.popleft()
   for u in G[t]:
      if not visited[u]:
         queue.append(u)
         visited[u] = True
         print(u)
```



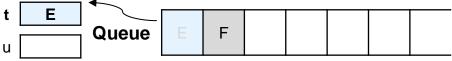
출력:A-B-C-D-E-F t D Queue E F ←

D의 인접정점 B는 모두 방문했으므로 F 만 큐에 추가.

```
BFS(v):
queue.append(v)
visited[t] = True
 print(t)
while queue:
   t = queue.popleft()
   for u in G[t]:
      if not visited[u]:
         queue.append(u)
         visited[u] = True
         print(u)
```

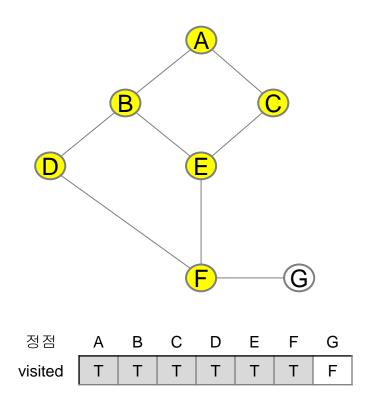


출력: A-B-C-D-E-F



D의 인접정점 B는 모두 방문했으므로 F 만 큐에 추가.

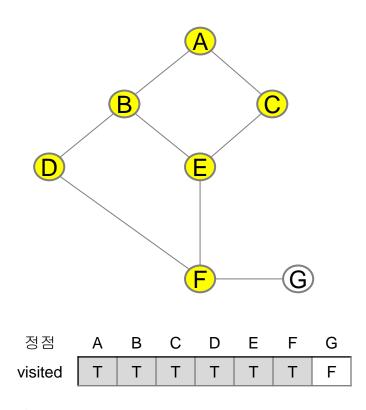
```
BFS(v):
queue.append(v)
visited[t] = True
 print(t)
while queue:
   t = queue.popleft()
   for u in G[t]:
      if not visited[u]:
         queue.append(u)
         visited[u] = True
         print(u)
```



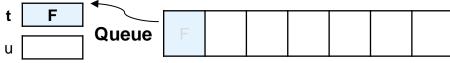
출력: A-B-C-D-E-F

t E Queue F

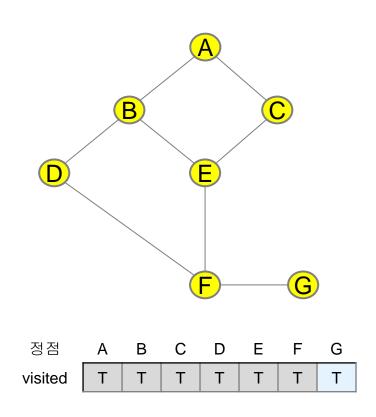
```
BFS(v):
queue.append(v)
visited[t] = True
 print(t)
while queue:
   t = queue.popleft()
   for u in G[t]:
      if not visited[u]:
         queue.append(u)
         visited[u] = True
         print(u)
```



출력: A-B-C-D-E-F



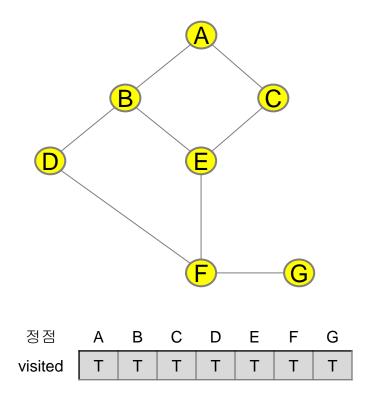
```
BFS(v):
queue.append(v)
visited[t] = True
 print(t)
while queue:
   t = queue.popleft()
   for u in G[t]:
      if not visited[u]:
         queue.append(u)
         visited[u] = True
         print(u)
```

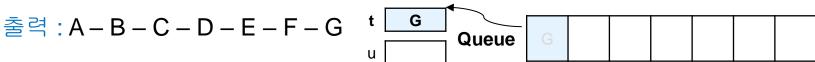




F의 인접정점 D,E는 방문했으므로 G 만 큐에 추가함.

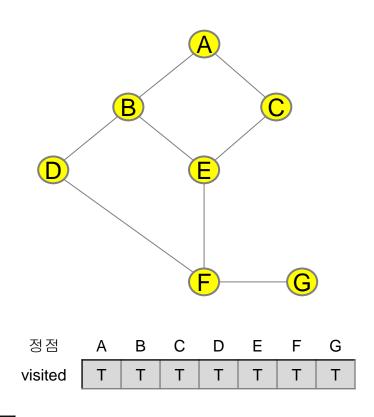
```
BFS(v):
queue.append(v)
visited[t] = True
 print(t)
while queue:
   t = queue.popleft()
   for u in G[t]:
      if not visited[u]:
         queue.append(u)
         visited[u] = True
         print(u)
```





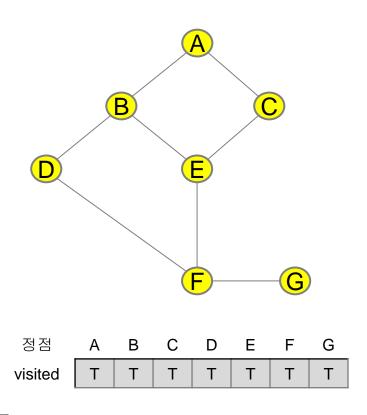
F의 인접정점 D,E는 방문했으므로 G 만 큐에 추가함.

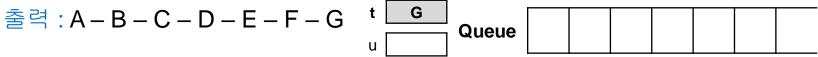
```
BFS(v):
queue.append(v)
visited[t] = True
 print(t)
while queue:
   t = queue.popleft()
   for u in G[t]:
      if not visited[u]:
         queue.append(u)
         visited[u] = True
         print(u)
```



G의 인접정점 F는 방문했으므로 큐에 추가 안 함.

```
BFS(v):
queue.append(v)
visited[t] = True
 print(t)
while queue:
   t = queue.popleft()
   for u in G[t]:
      if not visited[u]:
         queue.append(u)
         visited[u] = True
         print(u)
```

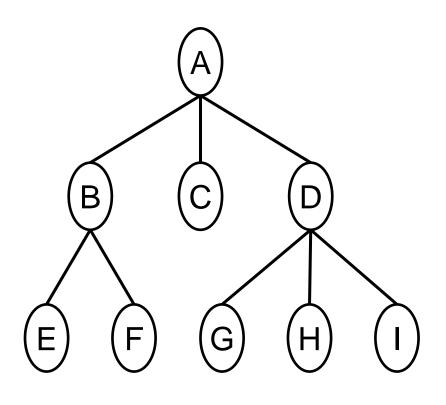




큐가 비었으므로 종료.

생각해 보기

□ 아래의 그래프를 DFS 로 탐색했을 때와 BFS 로 탐색했을 때 탐색 순서를 시뮬레이션해 보자.



- DFS 탐색 결과
 - A-B-E-F-C-D-G-H-I
 - A-D-I-H-G-C-B-F-E
- □ BFS 탐색 결과
 - A-B-C-D-E-F-G-H-I
 - A-D-C-B-I-H-G-F-E
- □ 예시된 결과 외에 다른 결과 도 가능.

질문

- □ BFS 는 재귀로 구현이 불가능한가?
 - BFS 도 반복적 처리되므로, 재귀로 구현이 가능하다. 그러나, DFS 의 경우처럼 재귀로 구현했을 때의 이점이 없다.
 - DFS 를 재귀로 구현했을 때 이점
 - □ 재귀 호출이 스택의 역할을 대신한다. 즉 스택 제어가 필요 없다.
 - □ 구현이 간단해진다
 - BFS 를 재귀로 구현한다면?
 - □ 큐는 재귀로 구현해도 필요하다.
 - □ 재귀 호출로 하나의 반복문이 감소하지만, BFS 구현 코드가 그리 간단해지지는 않는다.

질문

- □ 어떤 경우엔 DFS 를, 어떤 경우엔 BFS 를 적용할까?
 - DFS, BFS 둘 다 그래프의 모든 정점을 탐색하는 알고리즘이다. 따라서 모든 정점을 다 탐색하는 문제에서는 어떤 알고리즘을 써도 무방하다.
 - DFS 는 그래프의 제일 끝 정점까지 가 봐야 답을 구할 수 있는 경우에 유용하다. 제일 끝 인접 정점까지 정점들은 탐색하고 연산하면서 답을 찾아가는 경우에 적용할 수 있다. 미로에 길이 존재하는 가와 같은 문제에서 적합하다.
 - BFS 도 그래프의 가장 끝 정점까지 탐색하면서 답을 구하는 경우에도 적용이 가능하다. 그러나, 대체적으로 시작 정점을 기준으로 같은 layer(또는 depth) 에서의 연산이 필요한 경우에 DFS로 구현하는 것보다 구현이 간단해진다. 또, 주어진 문제에서 정해진 layer(depth) 까지만 탐색을 요구하는 경우에는 BFS 가 더좋은 해결 방법이다.