# ECONOMETRÍA I - CURSO 2015 PRACTICO 10 Heteroscedasticidad

#### **EJERCICIO 1**

Se dispone de una muestra de 100 individuos para investigar el gasto en tabaco de la población de cierta ciudad. A partir de dichas observaciones, se obtiene la siguiente estimación MCO:

$$\ln \hat{T}_i = -3.64 + 0.88 \ln R_i - 0.501 EDU_i + 0.771 EDAD_i$$
, con un R<sup>2</sup> = 0.526 [Ec.1]

Las variables incluidas en el modelo son:  $T_i$ : gasto en tabaco para el individuo i

R<sub>i</sub>: renta disponible EDU<sub>i</sub>: años de educación EDAD<sub>i</sub>: edad en años

Se calculan los residuos MCO, y se obtiene la siguiente regresión:

$$\hat{u}_{i}^{2} = 5.4 + 0.7 \ln R_{i} - 0.1 EDU_{i} + 0.2 EDAD_{i} + 0.15 (\ln R_{i})^{2} - 0.02 EDU_{i}^{2} + 0.01 EDAD_{i}^{2} - 0.03 \ln R_{i} \times EDU_{i} - 0.24 \ln R_{i} \times EDAD_{i} - 0.002 EDAD_{i} \times EDU_{i}$$
Esta vez.  $R^{2} = 0.489$ .

## Se pide

- a) ¿Por qué cree Ud. que se realizó la regresión de los residuos? ¿Qué supuesto clásico se sospecha que no se cumple en la regresión obtenida? ¿Qué ocurre con las estimaciones de los parámetros de la [Ec.1] obtenidas por MCO?
- b) Contraste si es cierto que el supuesto en cuestión efectivamente no se cumple. Especifique hipótesis nula y alternativa, estadístico de prueba, región crítica y conclusión. Trabaje con un nivel  $\alpha = 0.01$

Luego se ordenan las observaciones de menor a mayor según la edad, y se estiman dos regresiones: una con las primeras 40 observaciones y otra con las 40 últimas observaciones. Se obtienen SCR (sumas de cuadrados de los residuos) de 399.9 y 452.2 respectivamente.

#### Se pide

- c) Proponga un procedimiento de contraste alternativo al formulado en b), basado en esta nueva información. Especifique hipótesis nula y alternativa, estadístico de prueba, región crítica y conclusión
- d) En caso de observar una contradicción entre las conclusiones de b) y c), explique si esto es posible y por qué.

#### **EJERCICIO 2**

Se procede a estimar un modelo en el cual los gastos en vivienda (expresados en logaritmos) se explican por el ingreso del hogar (en logaritmos) y la cantidad de integrantes del hogar. Los datos provienen de la Encuesta Continua de Hogares para Uruguay en el año 2004.

Se estima por MCO y se obtienen los siguientes resultados :

Source		df 	MS		Number of obs F( 2, 18388)	
Model Residual	4690.94115	2 23			Prob > F R-squared Adj R-squared	= 0.0000 = 0.5460
Total	8591.37207	18390 .49	67176295		Root MSE	= .46056
Gasto en Vivienda		Std. Err	. t	P> t	[95% Conf.	Interval]
Ingreso Tamaño hogar Constante	.6958457 0782354	.0046891 .0020423 .0437796	148.40 -38.31 33.73	0.000 0.000 0.000	.6866547 0822385 1.390769	.7050368 0742323 1.562394

Seguidamente se divide la muestra en tres submuestras: las primeras 6130 y las últimas 6130 se utilizan para estimar nuevamente el modelo anterior. Los resultados son los siguientes:

# Estimación con las primeras 6130 observaciones:

Source	SS	df		Number of obs F( 2, 6127)	
Model   Residual	472.776861 1298.38388	2 6127	236.38843	Prob > F R-squared Adj R-squared	= 0.0000 = 0.2669 = 0.2667
Total    Gasto en	1771.16074	6129	.288980379	 Root MSE	= .46034
Vivienda				 [95% Conf.	Interval]
Ingreso   Tamaño hogar   Constante	0774125	.01707 .00352 .14787	41 -21.97	 .7171092 0843209 .7213625	.784038 0705041 1.30115

## Estimación con las últimas 6130 observaciones:

Source	SS +	df	MS		Number of obs F( 2, 6127)	
Model Residual	745.939191   1453.69577 +	2 37 6127 .2	2.969596 37260611		Prob > F R-squared Adj R-squared Root MSE	= 0.0000 = 0.3391
Gasto en vivienda	Coef.		. t	1 - 1	[95% Conf.	Interval]
Ingreso Tamaño hogar Constante	.7407145	.0135342 .0039346 .1389373	54.73 -16.77	0.000	.7141827 0737103 .6933119	.7672462 058284 1.238044

Adicionalmente se realiza una estimación MCO en la cual la variable dependiente es el cuadrado de los residuos de la primera regresión realizada y las variables explicativas son el ingreso y su cuadrado, el tamaño del hogar y su cuadrado, el producto del ingreso por el tamaño del hogar y una constante. Los resultados son:

Source	SS 	df	MS	1	Number of obs F( 5, 18385)	
Model	99.4055147				Prob > F	= 0.0000
Residual	2704.92973	18385 .	14/126991		R-squared Adj R-squared	
Total	2804.33525	18390 .1	152492401		Root MSE	= .38357
Residuos						
al cuadrado	Coei.	Std. Eri	r. t 	P> t	[95% Conf.	Interval]
1Ingreso	-1.54189	.06720	-22.94	0.000	-1.673614	-1.410166
2Tamaño hogar	.1349893	.023332	25 5.79	0.000	.0892554	.1807232
Cuadrado	0041046	0025065	22 41	0 000	0771450	001044
del ingreso   3Cuadrado del	.0841946	.0035965	23.41	0.000	.0771452	.091244
tamaño hogar	.0019568	.0005677	3.45	0.001	.0008442	.0030695
4Ingreso x						
Tamaño hogar			5 -5.91			0097937
5Constante	7.208859	.316813	32 22.75	0.000	6.587876	7.829842

# Se pide:

- a) Someta a prueba la hipótesis de homocedasticidad de los residuos utilizando el contraste de White.
- b) Someta a prueba la hipótesis de homocedasticidad de los residuos utilizando el contraste de Goldfeldt y Quandt.
- c) ¿Es razonable suponer que los errores del modelo satisfacen los supuestos clásicos? ¿Son las propiedades de los estimadores MCO las deseables en este caso? En caso contrario, ¿qué procedimiento de estimación utilizaría (explique breve pero rigurosamente en que consiste los procedimientos que propone)?
- d) Comente la siguiente afirmación "en casos como el antes analizado los errores estándar obtenidos con la tradicional fórmula  $\operatorname{var}(\beta_{MCO}) = \sigma^2(X'X)^{-1}$  son incorrectos". Indique (justificando) si es verdadera o falsa y en este último caso señale cual sería la fórmula correcta.

## **EJERCICIO 3** (Segunda Revisión de 2012)

En el marco de un estudio sobre mortalidad infantil en el mundo, se solicita que estime un modelo que explique la tasa de mortalidad infantil. Para ello se dispone de la información del *World Development Report* 2010, y tras un estudio preliminar se conservaron las siguientes variables, observadas para 97 países:

**lmort**: Log de Mortalidad infantil del país (por cada 1000 nacidos vivos)

**Ical**: Log de Consumo diario de calorías *per capita* 

lsec: Log de Porcentaje de escolarización secundaria del paíslpenf: Log de Población por enfermero (número de personas)

## La estimación MCO que se obtiene al utilizar todas las variables se presenta en la SALIDA 1:

Source	SS	df	MS		Number of obs	=	97
					F( 3, 93)	=	106.83
Model	45.7960717	3 15.2	653572		Prob > F	=	0.0000
Residual	13.2891826	93 .142	894436		R-squared	=	0.7751
					Adj R-squared	=	0.7678
Total	59.0852542	96 .615	471398		Root MSE	=	.37801
	Γ						
lmort	Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Conf.	Int	terval]
lcal	-1.288994	.3119035	-4.13	0.000	-1.908373		6696157
lsec	2059537	.0480611	-4.29	0.000	3013934	-	.110514
lpenf	.1527625	.0523833	2.92	0.004	.0487397	. :	2567854
cons	13.74532	2.556163	5.38	0.000	8.669286	18	8.82135

## SE PIDE 1:

- a) Interprete los valores estimados de los coeficientes.
- **b)** ¿Por qué motivo entiende Ud. que se realizó la transformación logarítmica de las variables? Tras ordenar las observaciones de acuerdo a la variable *lsec*, este mismo modelo se estima para las primeras 33 observaciones, **SALIDA 2**:

	1					
Source	SS	df	MS		Number of obs	= 34
					F( 3, 30)	= 0.60
Model	.056134749	3 .01	8711583		Prob > F	= 0.6182
Residual	.930996055	30 .03	1033202		R-squared	= 0.0569
					Adj R-squared	= -0.0374
Total	.987130804	33 .02	9913055		Root MSE	= .17616
lmort	Coef.	Std Err	+	D> +	[95% Conf.	Intervall
IMOLC		oca. Hii.	C	1 >   C	[JJ 8 COMI.	inccival
lcal	1596291	.2672788	-0.60	0.555	7054853	.386227
lsec	.0098888	.0637053	0.16	0.878	1202148	.1399924
lpenf	.0498551	.039807	1.25	0.220	0314418	.1311519
cons	1 5 849789	1 977782	2 96	0 006	1 810619	9 88896

## Y también para las últimas 33 observaciones, **SALIDA 3**:

Source	SS	df	MS		Number of obs	= 33
					F( 3, 29)	= 6.92
Model	4.45030014	3 1.48	343338		Prob > F	= 0.0012
Residual	6.2183891	29 .21	442721		R-squared	= 0.4171
					Adj R-squared	= 0.3568
Total	10.6686892	32 .333	396539		Root MSE	= .46306
	Г					
lmort	Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Conf.	<pre>Interval]</pre>
lcal	-1.207976	.6707996	-1.80	0.082	-2.579915	.1639636
lsec	4806004	.3047896	-1.58	0.126	-1.103965	.1427644
lpenf	.230706	.1564104	1.48	0.151	0891893	.5506012
1						
_cons	13.61106	5.913523	2.30	0.029	1.516549	25.70557

#### SE PIDE 2:

Realice un contraste de homoscedasticidad a partir de las salidas anteriores. Especifique qué contraste realiza, hipótesis nula y alternativa, estadístico de contraste, distribución del estadístico, región de confianza y conclusión.

Finalmente, se estima una regresión que arroja la siguiente **SALIDA 4**:

Source	SS	df	MS		Number of obs F( 9, 87)	= 97 = 2.50
Model Residual	.785083227 3.03907241		931867		Prob > F R-squared	= 0.0137 = 0.2053
Total	3.82415564	96 .039	834955		Adj R-squared Root MSE	
resid2	Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Conf.	Interval]
lcal	14.67567	16.92033	0.87	0.388	-18.95532	48.30666
lsec	-1.310385	1.90955	-0.69	0.494	-5.105822	2.485052
lpenf	6177582	1.820168	-0.34	0.735	-4.235539	3.000023
lcal2	-1.058545	1.072484	-0.99	0.326	-3.190223	1.073133
lsec2	.0038574	.0288782	0.13	0.894	0535411	.061256
lpenf2	0185038	.0256229	-0.72	0.472	0694322	.0324246
lcal_sec	.2197675	.2499432	0.88	0.382	2770216	.7165567
lcal_penf	.1270965	.2133204	0.60	0.553	296901	.5510939
lsec_penf	0442356	.039195	-1.13	0.262	1221399	.0336687
_cons	-51.91563	67.36644	-0.77	0.443	-185.8137	81.98245

<u>Nota</u>: La variable dependiente, resid2, es el cuadrado de los residuos de la SALIDA 1. Las variables lcal2, lsec2 y lpenf2 son los cuadrados de las variables lcal, lsec y lpenf, respectivamente; y donde lcal\_sec, lcal\_penf y lsec\_penf son las interacciones entre dichas variables.

#### SE PIDE 3:

Realice un contraste de homoscedasticidad a partir de la salida anterior. Especifique qué contraste realiza, hipótesis nula y alternativa, estadístico de contraste, distribución del estadístico, región de confianza y conclusión. Comente qué limitación podría tener esta prueba dado el número de observaciones disponibles.

#### SE PIDE 4:

En base a los resultados de las pruebas anteriores, ¿Qué solución propondría para obtener una estimación adecuada? Explique brevemente en qué consiste y fundamente su elección.

## EJERCICIO 4 (Examen de mayo de 2013)

En el artículo "Sleep and the Allocation of Time", Biddle y Hamermesh (1990) estudian estudia la relación entre las horas de sueño y las horas de trabajo. Interesa analizar también la relación entre las horas de sueño y los salarios. Tomando la base de datos del "Time Use Study" para Estados Unidos en 1975 y 1976, con una muestra utilizable de 532 personas que trabajan, se dispone de las siguientes variables:

*lhrwage* Logaritmo del salario en dólares por hora

hsnight Horas de sueño en la noche (en una semana, promedio del año)hsnap Horas de sueño en la siesta (en una semana, promedio del año)

educ Años de educación completados

experexperiencia laboral potencial (en años)experiencia laboral potencial al cuadrado

*male* Variable binaria que vale 1 si el individuo es varón

*union* Variable binaria que vale 1 si el individuo está sindicalizado

Tras observar que la variable *hsnight* es no significativa:

## Se pide

- a- Estime por MCO *lhrwage* en función de *educ*, *exper*, *exper2*, *male*, *unión y hsnap* (Nota: hsnap es una variable de las horas de siesta que tiene el individuo)
- b- Presente detalladamente el contraste de significación de la variable *hsnap* y fundamente conceptualmente por qué el estadístico utilizado tiene la distribución que usted utilice (trabaje a un nivel de confianza del 90%). Interprete el signo del coeficiente. ¿Cuál sería la consecuencia esperada de dormir 4 horas de siesta más por semana?
- c- Obtenga la gráfica de los residuos contra la variable de interés *hsnap*. A partir de allí, presente el supuesto cuya verificación se quiere indagar con los gráficos obtenidos y señala que consecuencias tendría su violación sobre las estimaciones MCO.

#### Se pide 2:

- a- Estime por MCO el cuadrado de los residuos de la primer estimación. Las variables independientes a utilizar son las mismas que en el punto 1, y se deben incorporar todas las variables al cuadrado, todas las interacciones entre las variables y la variable experiencia incluirla elevado al cubo y a la cuatro.
- b- Explique qué contraste se pretende hacer con esta regresión auxiliar y señale cómo entiende que se construyeron los regresores utilizados. ¿Es correcta esta elección de variables? Realice el contraste, presentando hipótesis nula y alternativa, estadístico de prueba y su distribución y región crítica al 95%. Presente el criterio de decisión y concluya.
- c- Si se quisiera realizar a continuación una estimación por MCGF modelando la varianza de cada observación. A la luz de los resultados de la regresión auxiliar anterior, ¿Qué modelo propondría ajustar? Fundamente. ¿Cómo construiría a partir de allí la matriz  $\widehat{\Omega}$ ? Considerando el estimador  $\hat{\beta}_{MCGF}$ : ¿Será insesgado? ¿Será consistente? ¿Será más o menos eficiente que el  $\hat{\beta}_{MCO}$ ?

#### **EJERCICIO 5** (Examen de Febrero de 2012)

En el diseño de su campaña publicitaria, una empresa del sector turismo desea investigar las decisiones de las familias en cuanto a la distancia a la que deciden tomar sus vacaciones. Para ello se dispone de una muestra de 200 hogares (que en este ejercicio fue tomada de la base de Hill, *et al.*, para hogares de Chicago). Para ello se considera inicialmente el siguiente modelo:

$$KMS = \beta_1 + \beta_2 Ingreso + \beta_3 Edad + \beta_4 Nhijos + \varepsilon$$

Donde las variables utilizadas son:

**KMS**: Distancia en kilómetros entre la residencia y el destino elegido

INGRESO: Ingreso del hogar EDAD: Edad del Jefe de Hogar NHIJOS: Número de hijos de la familia

#### PARTE A

a- Estimar por MCO la variable KMS en función del ingreso del hogar, la edad del jefe de hogar y el número de hijos de la familia. Realizar los diagramas de dispersión de los residuos contra EDAD y contra INGRESOS.

A la luz de los gráficos obtenidos en el punto a), el investigador resuelve ordenar los datos de acuerdo a la variable INGRESO y dividir la muestra en 3 submuestras, de 67, 66 y 67 casos respectivamente.

b- Estimar el modelo en la primer y última submuestra

## A partir de allí, se pide:

- 1) Es notorio que el investigador obtiene los diagramas de dispersión para tener insumos en su evaluación del cumplimiento del supuesto de homoscedasticidad, ya que sabe que su violación implicaría que los estimadores MCO dejaran de ser eficientes. Explique dicha pérdida de eficiencia articulando coherentemente las tres expresiones siguientes de la varianza de los estimadores (diga en qué contexto es válida cada una de ellas):
- 2) De acuerdo con las salidas obtenidas para las submuestras inicial y final, ¿afirmaría Ud. que es posible mantener el supuesto de homoscedasticidad? Justifique su respuesta objetivamente, planteando el contraste que considere adecuado (presente hipótesis nula y alternativa, estadístico de prueba, su distribución bajo H<sub>0</sub>, región crítica y concluya con un nivel de significación del 5%)
- 3) Si para cerciorarse el investigador quisiera realizar un contraste de heteroscedasticidad de White, ¿qué modelo debería estimar? ¿Cómo realizaría dicha prueba? (presente hipótesis nula y alternativa, estadístico de prueba, su distribución bajo H<sub>0</sub>, y su región crítica a un nivel de significación del 5%)

#### **PARTE B**

a- Realizar una estimación robusta a heteroscedasticidad

A partir de la estimación, se pide:

. reg ugorroMCOsq ygorroMCOsq

. g lnugorroMCOsq=ln(ugorroMCOsq)

. predict xdelta

. \*ESTIMACION DE LA FUNCION DE HETEROCEDASTICIDAD

. \*Cálculo del logaritmo neperiando de los residuos al cuadrado

. reg lnugorroMCOsq lincome lcigpric educ age agesq restaurn

. \*Estimación y calculo de la función de heterocedasticidad

- 4) Compare estos resultados con los obtenidos en la regresión inicial. Explique por qué motivo los coeficientes se mantienen incambiados y se alteran solamente sus errores estándar.
- 5) En su opinión, ¿podrían haberse aprovechado de algún modo los resultados de la PARTE A para realizar una estimación que tuviera en cuenta el problema de heteroscedasticidad detectado? Si opina que no, fundamente. Si opina que sí, explique detalladamente qué método de estimación podría haberse empleado.

## EJERCICIO 6 – Ejercicio para el Taller del 19/11/11 (Wooldridge, Ejemplo 8.7)

Se cuenta con una base de datos de 805 personas con información respecto a la cantidad de cigarrillos consumidos por día y otras variables (ingreso, precio de los cigarrillos, edad, etc). A continuación se incluye un conjunto de salidas de STATA conteniendo la descripción de la base, estadísticos descriptivos y estimaciones de un modelo para el consumo de cigarrillos.

```
. describe
. * Tabla de frecuencias variable cigs
. * Se genera una dummy que vale 1 si el consumo de cigarillos es positivo
. g Dfuma=(cigs>0)
. tab Dfuma
. *Tabla de frecuencias variable income
. *Algunos estadísticos descriptivos de todas las variables
. summarize
. *Estadísticos descriptivos de cigs según nivel educativo
. tabstat cigs, by(educ) s(mean sd n)
. tabstat cigs if Dfuma==1, by(educ) s(mean sd n)
. *Estadísticos descriptivos de cigs según nivel de ingreso
. tabstat cigs, by(income) s(mean sd n)
. tabstat cigs if Dfuma==1, by(income) s(mean sd n)
. *Coeficientes de correlación simples (y significación al 5%)
. pwcorr cigs lincome lcigpric educ age agesq restaurn, star(0.05) . *Regresión MCO de cigs sobre lincome lcigpric educ age agesq restaurn con errores
estándar habituales
. reg cigs lincome lcigpric educ age agesq restaurn
. *Calculo de los residuos de la regresión
. predict ugorroMCO, resid
 *Calculo residuos al cuadrado
. g ugorroMCOsq=ugorroMCO^2
. *Calculo de los valores predichos ygorroMCO=x*BetagorroMCO
. predict ygorroMCO
(option xb assumed; fitted values)
. *Regresión MCO de cigs sobre lincome lcigpric educ age agesq restaurn con errores
estándar robustos
. reg cigs lincome lcigpric educ age agesq restaurn, robust
. *CONTRASTE BREUSCH-PAGAN
. *CONTRASTE WHITE MODIFICADO
. g ygorroMCOsq=ygorroMCO^2
```

```
(option xb assumed; fitted values)
. g h=exp(xdelta)
. *Calculo de las variables transformadas
. g const=1/sqrt(h)
. g cigs_m=cigs/sqrt(h)
. g lincome_m=lincome/sqrt(h)
. g lcigpric_m=lcigpric/sqrt(h)
. g educ_m=educ/sqrt(h)
. g age_m=age/sqrt(h)
. g agesq_m=agesq/sqrt(h)
```

. g restaurn m=restaurn/sqrt(h)

# . \* Regresion modelo transformado: MINIMOS CUADRADOS PONDERADOS/ MINIMOS CUADRADOS GENERALIZADOS FACTIBLES

```
. reg cigs_m lincome_m lcigpric_m educ_m age_m agesq_m restaurn_m const, nocons
. * MCP/MCGF UTILIZANDO LA OPCION "REGRESION CON PONDERADORES DE STATA"
. g ponderador=(1/h)
. reg cigs lincome lcigpric educ age agesq restaurn [aweight=ponderador]
(sum of wgt is 1.9977e+01)
end of do-file
```

## Se pide:

- 1) Se procede a estimar un modelo para el consumo de cigarrillos que tiene en cuenta el ingreso, el precio de los cigarrillos, la edad y la edad al cuadrado de la persona, el nivel educativo y un Dummy que toma el valor 1 si en la ciudad de residencia está prohibido fumar en los restaurantes ¿Qué resultados en términos de significación y signo de los coeficientes esperaría a-priori? (Justifique)
- 2) Analice las estadísticas descriptivas proporcionadas. ¿Qué información agregan éstas respecto a los a-priori enunciados en 1)?
- 3) Explique detalladamente en qué consiste el contraste de Breusch-Pagan y cómo se implementa en la práctica. Concluya sobre la potencial presencia de heterocedasticidad en el modelo estimado usando la información disponible.
- 4) Explique en qué consiste el contraste de White y cómo se implementa en la práctica. Señale ventajas y desventajas del contraste de White respecto al de Breusch-Pagan.
- 5) Explique en qué consiste el contraste de White modificado según Wooldridge (2002) y cómo se implementa en la práctica. Concluya sobre la potencial presencia de heterocedasticidad en el modelo estimado usando la información disponible.
- 6) Explique en qué consiste la estimación por Mínimos Cuadrados Ponderados. Distinga los casos en los cuales:
  - Se conoce la función de heterocedasticidad
  - No se conoce dicha función
- 7) Complete el siguiente cuadro, agregando los valores de los coeficientes y los estadísticos t y asteriscos según la siguiente regla:
  - sin asterisco si no resulta significativo
  - \* si resulta significativo al 10%
  - \*\* si resulta significativo al 5%
  - \*\*\* si resulta significativo al 1%

Variable dependiente: cigs (cantidad de cigarillos que fuma por día)

	MCO	MCP/MCGF
Lincome		
Estadistico t	( )	( )
Estadistico t robusto		,
Lcigpric		
Estadistico t	( )	( )
Estadistico t robusto	i i	
Educ	,	
Estadistico t	( )	( )
Estadistico t robusto	i i	
age	,	
Estadistico t	( )	( )
Estadistico t robusto	i i	
Agesq	,	
Estadistico t	( )	( )
Estadistico t robusto	l i	
Restaurn	,	
Estadistico t	( )	( )
Estadistico t robusto		
_cons		
Estadistico t	( )	( )
Estadistico t robusto	ÌÌ	
N		
R2		
F significación conjunta Pvalor F		

- 8) Señale la forma de la función de heterocedasticidad que se estimó.
- 9) Analice los resultados resumidos en el cuadro. Preste particular atención en
  - comparar los estadísticos t habituales y robustos en el caso de la estimación MCO
  - comparar los coeficientes y su significación en la estimación MCO y en la estimación MCP/MCGF
  - comparar sus resultados con los a-priori enunciados en 1) y las conclusiones extraídas de las estadísticas descriptivas en 2).
- 10) Indique ventajas y desventajas del estimador MCO en relación al estimador MCP/MCGF (focalice su análisis en las propiedades de dichos estimadores).