Licenciatura en Estadística Muestreo y Planificación de Encuestas 2009

Ejercicio 1 Para una población de de tamaño N=6, se consideran H=3 estratos. Los valores de la variable y son conocidos y se presentan en la siguiente tabla.

Estrato	Etiqueta	$\frac{y_k}{2}$
1	1	2
1	2	3
1	3	4
2	4	6
2	5	7
3	6	9

Bajo un diseño STSI con tamaño de muestra n=5 se obtuvo la muestra $s=\{1,2,4,5,6\}.$

1. Calcule la estimación \hat{t}_{π} del total.

2. Calcule la varianza del estimador calculado en 1.

3. Calcule una estimación para la varianza del estimador calculado en 1.

 ${\bf Ejercicio~2}$ Considere un diseño STSIbajo asignación proporcional. Demostrar que la siguente aproximación es válida

$$V_{SI}(\hat{t}_{\pi}) - V_{STSI, prop}(\hat{t}_{\pi}) \doteq \frac{N}{n} (1 - f) \sum_{h=1}^{H} N_h^2 (\bar{y}_{U_h} - \bar{y}_U)^2.$$