

Série 13 - 13 Décembre 2021

Exercice 1. Soit $X : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$, $X \in \mathcal{C}^1(\mathbb{R}^3)$ défini au voisinage d'une surface paramétrée $S \subset \mathbb{R}^3$. Montrer que

$$\left| \iint_S X \cdot \nu d\sigma \right| \leq \iint_S \|X\| d\sigma.$$

Exercice 2. Soit $u, v : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ fonctions \mathcal{C}^1 , $f(x + iy) := u(x, y) + iv(x, y)$ et soit $\Omega \subset \mathbb{C}$ un domaine. Montrer que

$$\oint_{\partial\Omega} f dz = 2i \iint_{\Omega} \bar{\partial} f dx dy.$$

Exercice 3. Trouver un champ de vecteurs qui ne dérive pas d'un potentiel.