情報科学科 数式処理実習試験問題

資料を参考にして以下の問題を Maple で解き , 出力して提出せよ . 80 点以上が合格 . 何番をやっているかが分かるようにせよ.

1. (a) 次の関数の導関数を求めよ ¹. (10 点)

$$\sqrt{x^2+1}\sqrt[3]{x^3+1}$$

 (\mathbf{b}) 資料を参考にして次の関係から $\frac{dy}{dx}$ を求めよ . 結果は t の関数のままでよい 2 . (15 点)

$$x = a\cos^3 t$$
$$y = a\sin^3 t \quad (a > 0)$$

- 2. (a) $\frac{1}{\cos^2 x + 4\sin^2 x}$ を積分せよ 3 . (10 点)
 - (b) 資料を参考にして次の伝義の 2 重積分を求めよ 4 . (15 点)

$$\iint_D \frac{dxdy}{(y-x)^{1/3}} \quad (D: 0 \le x \le y \le 1)$$

3. (a) 行列
$$A=\left(\begin{array}{ccc} 1 & -1 & 1 \\ -7 & 2 & 1 \\ 2 & 1 & 2 \end{array}\right)$$
 を対角化せよ 5 . $(10$ 点)

(b)
$$A = \begin{pmatrix} 0 & c & b \\ c & 0 & a \\ b & a & 0 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$
 として, BA を計算することにより,
$$\begin{vmatrix} b+c & a & a \\ b & c+a & b \\ c & c & a+b \end{vmatrix}$$
 を求めよ 6 . $(15$ 点)

4. 関数 f(x) は

$$x \le 3$$
 のとき $f(x) = x$ $x > 3$ のとき $f(x) = -3x + 12$

で与えられている.このとき, $x \ge 0$ に対して,関数 g(x) を

$$g(x) = \int_0^x f(t)dt$$

と定める.

 $^{^{1}}$ 寺田・坂田「演習と応用 微分積分」(サイエンス社,2003), p.18, 問題 9.1(3).

²寺田・坂田「演習と応用 微分積分」(サイエンス社,2003), p.19, 問題 10.1(1).

³寺田・坂田「演習と応用 微分積分」(サイエンス社,2003), p.42, 例題 5(2).

⁴寺田・坂田「演習と応用 微分積分」(サイエンス社,2003), p.95, 問題 6.1(1).

⁵寺田・木村「演習と応用 線形代数」(サイエンス社,2005), p.78, 問題 8.1b

⁶寺田・木村「演習と応用 線形代数」(サイエンス社,2005), p.39, 問題 10.1a

(a) $0 \le x \le 3$ のとき

$$g(x) = \boxed{ 7 \atop \boxed{7} } x \boxed{ \ \ \, }$$

であり, $x \ge 3$ のとき

$$g(x) = -\frac{3}{2}x^2 + \boxed{\text{TA}}x - \boxed{\text{D+}} \qquad \longleftarrow \qquad \boxed{\text{2}}$$

である.

(b) 曲線 y=g(x) を C とする . C 上の点 $\mathrm{P}(a,\,g(a))$ (ただし , 0< a< 3) におけ る C の接線 l の傾きは | ク であるから , l の方程式は

$$y = \boxed{2} x - \boxed{2} a^2$$

である.

(c) l と x 軸の交点を Q とすると Q の座標は

$$\left(\boxed{\frac{\forall}{\triangleright}}a,\,0\right)$$

であり, l と C の P 以外の交点を R とすると R の座標は

$$\left(\boxed{\lambda} - a, \boxed{t} a - \boxed{y} a^2 \right)$$

である.

(d) R から x 軸に垂線を引き , x 軸と交わる点を H とするとき , 三角形 QRH の面 積 S は

$$S = \boxed{\cancel{\mathcal{F}}} a^3 - \boxed{\cancel{\mathcal{F}}} a^2 + \boxed{\cancel{\mathsf{F}}} a \tag{1}$$

5. 大問 4. において, 関数 f(x) として

$$x \le x_0$$
 のとき $f(x) = x$ $x > x_0$ のとき $f(x) = -3.1x + 12$

を考える.2 つの直線が交わる点を x_0 と して,それ以降の領域を読み替えて問題を 解け.ただし係数を変えたので, ア | ア | , | イウ | 等の箱にはこだわらず, 小数が入 る.特にRの座標以降2次方程式の解の平方根が残り,(1)式では定数項も残るが ビビらんように.(20点) 最後の a=1,30615…

⁷²⁰⁰³ 年度大学入試センター試験数学 II ・数学 B 第 $\mathrm{2}$ 問改