## Masaryková univerzita Fakulta informatiky



# Teoretické základy informatiky a matematika

Vypracované otázky pre bakalárske SZZ

## Obsah

L	$\mathbf{M}\mathbf{n}$	ožiny, relácie, zobrazenia, čísla.	2
	1.1	Množiny	2
		1.1.1 Základné pojmy	2
	1.2	Základné množinové operácie	2
	1.3	Potenčná množina	2
	1.4	Usporiadanie	2

## 1 Množiny, relácie, zobrazenia, čísla.

Základné množinové operácie, množinový kalkul, potenčná množina, kartézsky súčin. Relácie a ich vlastnosti - ekvivalencia a rozklady, usporiadanie a usporiadané množiny. Skladanie relácií, zobrazenia (injekcia, surjekcia, bijekcia). Elementárna teória čísiel (delitelnosť, Euklidov algoritmus, modulárne operácie).

### 1.1 Množiny

Množina je súbor prvkov a je svojimi prvkami plne určená. Množina môže byť prvkom inej množiny. Množina nemusí mať konečný počet prvkov.

Majme  $M=\{a,b\}=\{b,a\}=\{a,b,a\}$  a  $N=\{\{a\},\{b,c,d,e\}\}$ . Pre prvky množín M a N potom platí:  $a\in M,\,a\not\in N,$   $\{a\}\in N.$ 

Pokiaľ je množina prázdna (t.j. neobsahuje žiadne prvky - takúto množinu značíme  $\emptyset$ ), potom platí  $\emptyset \in \{\emptyset\}$  ale  $\emptyset \notin \emptyset$ .

#### 1.1.1 Základné pojmy

Mohutnosť množiny je určená počtom jej prvkov. Mohutnosť množiny A zapisujeme ako |A|.

$$|\emptyset| = 0$$
  
 $|\{\emptyset\}| = 1$   
 $|\{a, b, c\}| = 3$   
 $|\{\{a, b\}, c\}| = 2$ 

Množina je A **podmnožinou** množiny B práve vtedy, keď každý prvok A je prvkom B. Píšeme  $A \subseteq B$ . Tento vzťah nazývame tiež **inklúzia**<sup>1</sup>. Zároveň vtedy platí, že B je **nadmnožinou** množiny A (píšeme  $B \supseteq A$ ).

$$A \subseteq B \Leftrightarrow \forall x (x \in A \Rightarrow x \in B)$$

Množiny si sú **rovné** práve vtedy, keď  $A \subseteq B$  a  $B \subseteq A$ .

$$A = B \Leftrightarrow A \subseteq B \land B \subseteq A$$

Množina A je vlastnou podmnožinou množiny B práve vtedy, keď A je podmnožinou B a  $A \neq B$ .

$$A \subset B \Leftrightarrow A \subseteq B \land \exists x \in B(x \not\in A)$$

#### 1.2 Základné množinové operácie

Základnými množinovými operáciami nad množinami A a B sú:

- zjednotenie  $A \cup B = \{x \mid x \in A \lor x \in B\}$
- prienik  $A \cap B = \{x \mid x \in A \land x \in B\}$
- rozdiel  $A \setminus B = \{x \mid x \in A \land x \notin B\}$
- symetrický rozdiel  $A \triangle B = (A \setminus B) \cup (B \setminus A)$
- doplnok (komplement) nech  $A \subseteq M$ . Doplnok množiny A vzhľadom k množine M je množina  $\overline{A} = M \setminus A$

#### 1.3 Potenčná množina

### 1.4 Usporiadanie

 $<sup>^1</sup>$ Pre ľubovolnú množinu S je relácia inklúzie čiastočným usporiadaním na množine  $2^A$  (viď. 1.4 a 1.3)