

# MATLAB

## MATLAB - MATrix LABoratory

Versão atual: R14 (versão 7.0). A disponível na FAENQUIL é R12 (versão 6.0)

## ESTRUTURA DO MATLAB

---

No MATLAB, os arquivos de comando tem extensão .m (M-files) e os arquivos de dados binários *default* tem extensão .mat (MAT-files).

No Windows, o MATLAB é instalado com os seguintes diretórios:

|          |  |
|----------|--|
| BIN      | contém os programas binários do MATLAB;              |
| DEMOS    | demonstração em HTML;                                |
| EXTERN   | suporte às linguagens FORTRAN, C e C++               |
| HELP     | contém arquivos de auxílio e documentação do MATLAB; |
| JAVA     | suporte à linguagem Java                             |
| NOTEBOOK | suporte à geração de documentação no formato MS-Word |
| TEMP     | diretório temporário;                                |
| TOOLBOX  | “toolboxes” do MATLAB                                |
| WORK     | diretório de trabalho;                               |

## PARA EXECUTAR O MATLAB

---

O prompt do MATLAB, na forma de dois sinais de maior `>>`, aparece na tela, indicando que o programa está pronto para receber instruções.



**No MATLAB, os comandos e variáveis escritos em letras maiúsculas são diferentes daqueles escritos em letras minúsculas ! Todos os comandos devem ser digitados em letras minúsculas. No *help* os comandos aparecem grafados em letras maiúsculas para melhorar a sua legibilidade.**

Para sair do MATLAB, digitar o comando `>> quit` ou `>> exit` ou fechando o aplicativo como qualquer aplicativo Windows.

Para executar uma instrução do sistema Windows sem sair do MATLAB, digitar o comando precedido pelo sinal de exclamação. Exemplos:

```
>> !dir           Visualiza o diretório corrente
>> !format a:     Formata um disquete na unidade A
>> !copy arquivo a: Copia um arquivo para o disquete
>> !ren arq1 arq2 Muda o nome do arquivo arq1 para arq2
>> !del arquivo   Apaga o arquivo
>> !md pasta      Cria um subdiretório chamado pasta
```

## ELEMENTOS BÁSICOS

### Operações aritméticas (exemplos):

|                                |  |  |
|--------------------------------|--|--|
| >> 1900/81<br>ans =<br>23.4568 | >> A(2)<br>ans =<br>2                            | >> sqrt(4) + 1<br>ans =<br>3   |
| >> exp(0)<br>ans =<br>1        | >> A(1:2)<br>ans =<br>1 2                        | >> pi<br>ans =<br>3.1416   |
| >> log(1)<br>ans =<br>0        | >> A = [1 2 3; 4 5 6]<br>A =<br>1 2 3<br>4 5 6   | >> abs(-pi)<br>ans =<br>3.1416   |
| >> x = 2^3<br>x =<br>8         | >> A = [1 2 3<br>4 5 6]<br>A =<br>1 2 3<br>4 5 6 | >> i<br>ans =<br>0 + 1.0000i   |
| >> y = x + 2<br>y =<br>10      |  | >> 1 + i<br>ans =<br>1.0000 + 1.0000i  |
| >> y<br>y =<br>10              | >> A(:,1)<br>ans =<br>1<br>4                     | >> i^2<br>ans =<br>-1.0000 + 0.0000i   |
| >> A = [1 2 3]<br>A =<br>1 2 3 | >> A(1,:)<br>ans =<br>1 2 3                      | >> s = 1 - 1/2 + 1/3 - ...<br>1/4 + 1/5 - 1/6 + ...<br>1/7 - 1/8 + 1/9 - 1/10<br>s =<br>0.6456 |

### Operadores aritméticos:

|   |                    |
|---|--------------------|
| + | adição             |
| - | subtração          |
| * | multiplicação      |
| / | divisão a direita  |
| \ | divisão a esquerda |
| ^ | potenciação        |

Observação:  $1/4 = 4 \backslash 1$  (= 0,25)

### Exemplos de formatos de entrada de números:

|         |            |           |      |
|---------|------------|-----------|------|
| 3       | -58        | .14       | -.84 |
| 0.0001  |            |           |      |
| 9.63754 | 1.60210E-2 | 6.02252e3 |      |

### Formatos de saída de números:

#### Formato padrão de saída (format short)

Exemplo: >> x = [4/3 1.234e-6]  
x =  
1.3333 0.0000

### Outros formatos:

```
>> format short e
>> x
x =
    1.3333e+000    1.2345e-006

>> format long
>> x
x =
    1.33333333333333    0.00000123450000

>> format long e
>> x
x =
    1.33333333333333e+000    1.23450000000000e-006
```

### Gravação do espaço de trabalho:

No MATLAB, a execução da instrução:

```
>> save
```

salva todas as variáveis do espaço de trabalho corrente no arquivo chamado **matlab.mat**. Se digitar um nome de arquivo como no exemplo

```
>> save dados
```

guardará os dados no formato binário no arquivo **dados.mat**. A extensão **.mat** é a padrão para arquivos de dados do Matlab.

A recuperação das variáveis após uma nova entrada no MATLAB se faz através da execução da instrução

```
>> load
```

Para recuperar as variáveis numa outra sessão de MATLAB, executar a instrução **load temp**.

A instrução **save temp X Y Z** salva o conteúdo das variáveis X, Y e Z no arquivo **temp.mat**.

O formato de arquivo **.mat** é binário. Se quisermos salvar o arquivo de dados no formato ASCII (texto puro) para utilizar em outros programas, digitar o comando

```
>> save dados.dat X Y -ascii
```

para salvar as variáveis X e Y no arquivo **dados.dat** no formato ASCII.

Quando o Matlab grava os dados no formato ASCII, ele utiliza o formato `short e`. No caso de carregamento de arquivo ASCII o Matlab cria uma única variável no espaço de trabalho com o nome do arquivo sem extensão.

## CÁLCULO MATRICIAL

| Transposição   | Adição e subtração   | Multiplicação   |
|--|--|---|
| <pre>&gt;&gt; A = [1 2 3;4 5 6;7 8 0] A =      1     2     3      4     5     6      7     8     0</pre> | <pre>&gt;&gt; A A =      1     2     3      4     5     6      7     8     0</pre>         | <pre>&gt;&gt; A*B ans =     14    32    23     32    77    68     23    68   113</pre>            |
| <pre>&gt;&gt; B = A' B =      1     4     7      2     5     8      3     6     0</pre>                  | <pre>&gt;&gt; B B =      1     4     7      2     5     8      3     6     0</pre>         | <pre>&gt;&gt; b = A*x b =      5      8     -7</pre>  |
| <pre>&gt;&gt; x = [-1 0 2] x =     -1      0      2</pre>  | <pre>&gt;&gt; C = A + B C =      2     6    10      6    10    14     10    14     0</pre> | <pre>&gt;&gt; pi*x ans =     -3.1416          0      6.2832</pre>                                 |
| <pre>&gt;&gt; x' ans =     -1     0     2</pre>  | <pre>&gt;&gt; D = C - B D =      1     2     3      4     5     6      7     8     0</pre> | <pre>&gt;&gt; 3*A - 5*B ans =     -2    -14    -26      2    -10    -22      6     -6     0</pre> |
| <pre>&gt;&gt; x*x' ans =      1     0    -2      0     0     0     -2     0     4</pre>                  | <pre>&gt;&gt; x x =     -1      0      2</pre>   |   |
| <pre>&gt;&gt; x'*x ans =      5</pre>  | <pre>&gt;&gt; y = x - 1 y =     -2     -1      1</pre>                                     |   |

### Divisão de matrizes

Divisão à esquerda:  $X = A \backslash B$  é a solução de  $A * X = B$ , pois  $X = A^{-1} * B$

Divisão à direita:  $X = B / A$  é a solução de  $X * A = B$ , pois  $X = B * A^{-1}$

Exemplos:

|  |  |   |
|--|--|---|
| <pre>&gt;&gt; A A =      1     2     3      4     5     6      7     8     0</pre> | <pre>&gt;&gt; A*z ans =      5      8     -7</pre> | <pre>&gt;&gt; S = y/x S =      0     0    -1.0000      0     0    -0.5000      0     0     0.5000</pre> |
| <pre>&gt;&gt; det(A) ans =     27</pre>  | <pre>&gt;&gt; x x =     -1      0      2</pre>     | <pre>&gt;&gt; S^2 ans =      0     0    -0.5000      0     0    -0.2500      0     0     0.2500</pre>   |
| <pre>&gt;&gt; b b =      5      8     -7</pre>                                     | <pre>&gt;&gt; y y =     -2     -1      1</pre>     | <pre>&gt;&gt; S*S ans =      0     0    -0.5000      0     0    -0.2500      0     0     0.2500</pre>   |
| <pre>&gt;&gt; z = A\b z =     -1      0      2</pre>                               | <pre>&gt;&gt; s = x\y s =     0.8000</pre>         |   |

## Operações elementares sobre matrizes

Dado  $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 0 \end{bmatrix}$

Calcular:

- poly - polinômio característico
- det(A) - determinante
- trace(A) - traço
- rank(A) - *rank*
- roots(p) - raízes do polinômio característico
- inv(A) - inversa da matriz
- eig(A) - auto-valores e auto-vetores

## Comandos para visualização das informações do espaço de trabalho.

Exemplos:

```
>> who
```

Your variables are:

```
S      ans      s      x      y
```

```
>> whos
```

| Name | Size | Bytes | Class        |
|------|------|-------|--------------|
| S    | 3x3  | 72    | double array |
| ans  | 3x3  | 72    | double array |
| s    | 1x1  | 8     | double array |
| x    | 3x1  | 24    | double array |
| y    | 3x1  | 24    | double array |

Grand total is 25 elements using 200 bytes

## OPERAÇÕES SOBRE TABELAS

---

Inicialmente, tratamos de operações sobre os elementos individuais das tabelas consideradas.

### Adição e subtração de tabelas:

Funcionam como adição e subtração de matrizes.

### Produto e divisão de tabelas (elemento por elemento), adicionar o ponto:

$A.*B$                    $A./B$                    $A.\backslash B$

Exemplos:

```
>> x = [1 2 3]; y = [4 5 6];
```

```
>> z = x.*y
```

z =

```
4      10      18
```

```
>> z = x.\y
```

z =

```
4.0000      2.5000      2.0000
```

## Potência de tabelas:

|  |   |
|--|---|
| <pre>&gt;&gt; z = x.^y z =     1    32   729</pre> | <pre>&gt;&gt; z = 2.^[x y] z =     2    4    8   16   32   64</pre> |
| <pre>&gt;&gt; z = x.^2 z =     1    4    9</pre>   |   |

## Concatenação de tabelas e matrizes

|  |  |   |
|--|--|---|
| <pre>&gt;&gt; a = [1 2 3]' a =     1     2     3</pre> | <pre>&gt;&gt; c = [a b] c =     1    4     2    5     3    6</pre> | <pre>&gt;&gt; [a';b'] ans =     1    2    3     4    5    6</pre> |
| <pre>&gt;&gt; b = [4 5 6]' b =     4     5     6</pre> | <pre>&gt;&gt; a' ans =     1    2    3</pre>                       |   |
|  | <pre>&gt;&gt; b' ans =     4    5    6</pre>                       |   |

## MANIPULAÇÃO DE VETORES E MATRIZES

---

### Criação de vetores:

```
>> x = 1:5
x =
    1    2    3    4    5

>> y = 0:.1:1
y =
Columns 1 through 7
    0    0.1000    0.2000    0.3000    0.4000    0.5000    0.6000
Columns 8 through 11
    0.7000    0.8000    0.9000    1.0000
```

### Exemplos:

|  |   |
|--|---|
| <pre>&gt;&gt; z = 0:pi/4:pi z =     0    0.7854    1.5708    2.3562    3.1416 &gt;&gt; u = 6:-1:1 u =     6    5    4    3    2    1</pre> | <pre>&gt;&gt; u = (6:-1:1)' u =     6     5     4     3     2     1</pre> |
|--|---|

### Criação de vetores por número de pontos: função linspace

```
>> k = linspace(-pi,pi,4)
k =
   -3.1416   -1.0472    1.0472    3.1416
```

## Manipulação de matrizes:

|  |  |  |
|--|--|--|
| <pre>&gt;&gt; A = [1 2 3;4 5 6;7 8 9] A =      1     2     3      4     5     6      7     8     9</pre> | <pre>&gt;&gt; b = A(:) b =      1      4      7      2      5      8      3     10</pre> | <pre>&gt;&gt; A(:) = 1:9 A =      1     4     7      2     5     8      3     6     9</pre>              |
| <pre>&gt;&gt; A(3,3)=A(1,3)+A(3,1) A =      1     2     3      4     5     6      7     8    10</pre>    |  | <pre>&gt;&gt; A(:,[2,3]) = zeros(3,2) A =      1     0     0      4     0     0      7     0     0</pre> |

## Matriz vazia:

`x = [ ]`

## Exemplo de remoção de linhas e colunas de uma matriz:

|   |  |
|---|--|
| <pre>&gt;&gt; A(:) = 1:9 A =      1     4     7      2     5     8      3     6     9</pre> | <pre>&gt;&gt; A(:,[2 3])=[] A =      1      2      3</pre> |
|---|--|

## Exemplos:

|  |   |   |
|--|---|---|
| <pre>&gt;&gt; diag(1:4) ans =      1     0     0     0      0     2     0     0      0     0     3     0      0     0     0     4</pre>  | <pre>&gt;&gt; diag(A) ans =      1      5      9</pre>  | <pre>&gt;&gt; 3*ones(3) ans =      3     3     3      3     3     3      3     3     3</pre>  |
| <pre>&gt;&gt; diag(1:4,1) ans =      0     1     0     0     0      0     0     2     0     0      0     0     0     3     0      0     0     0     0     4      0     0     0     0     0</pre> | <pre>&gt;&gt; diag(A,-1) ans =      4      8</pre>  | <pre>&gt;&gt; eye(2,3) ans =      1     0     0      0     1     0</pre>  |
| <pre>&gt;&gt; diag([1 -1 -8]) ans =      1     0     0      0    -1     0      0     0    -8</pre>   | <pre>&gt;&gt; diag(A,2) ans =      3</pre>  | <pre>&gt;&gt; eye(3) ans =      1     0     0      0     1     0      0     0     1</pre>   |
| <pre>&gt;&gt; zeros(2,3) ans =      0     0     0      0     0     0</pre>   | <pre>&gt;&gt; zeros(2) ans =      0     0      0     0</pre>  | <pre>&gt;&gt; -1*eye(3) ans =     -1     0     0      0    -1     0      0     0    -1</pre>  |
| <pre>&gt;&gt; A = [1 2 3;4 5 6;7 8 9] A =      1     2     3      4     5     6      7     8     9</pre>   | <pre>&gt;&gt; rand(4,3) ans =     0.2190    0.9347    0.0346     0.0470    0.3835    0.0535     0.6789    0.5194    0.5297     0.6793    0.8310    0.6711</pre> | <pre>&gt;&gt; rand(4,3) ans =     0.0077    0.6868    0.5269     0.3834    0.5890    0.0920     0.0668    0.9304    0.6539     0.4175    0.8462    0.4160</pre> |
|  |   | <pre>&gt;&gt; ones(3) ans =      1     1     1      1     1     1      1     1     1</pre>  |

## Construção de matrizes a partir de outras matrizes.

Exemplos:

```
>> A = [1 2;3 4] | >> C = [A eye(2);ones(2) A^2] | >> size(C)
A =               C =               ans =
     1     2         1     2         4     4
     3     4         3     4         4     4
     1     1         1     7         1    10
     1     1        15    22         1    22
```

## GRÁFICOS NO MATLAB

---

Um dos recursos mais utilizados no Matlab é a sua capacidade de geração de gráficos em duas (2D) e três dimensões (3D), concomitante ou após o cálculo numérico.

O comando para desenhar gráficos x-y 2D é `plot(x,y)`, no qual `x` e `y` são vetores contendo os valores das variáveis `x` (eixo horizontal) e `y` (eixo vertical).

Exemplo:

Desenho de uma função senoidal com amplitude unitária, frequência de 1000 Hz e ângulo de fase igual a zero.

```
>> A = 1; f = 1000; p = 0; T = 1/f;
>> t = 0:T/100:5*T; s = A*sin(2*pi*f*t + p);
>> plot(t,s);
>> grid; title('Onda senoidal'); xlabel('Tempo (s)'); ylabel('Tensao (V)');
```

## PROGRAMAÇÃO NO MATLAB

---

O Matlab pode ser também utilizado como linguagem de programação com uma construção sintático semelhante à linguagem C. Ela possui declarações como laços, testes e desvios condicionais, manipulação de arquivos e objetos gráficos. Os programas são criados como scripts “m-files”.

### Laços e Testes Conditionais

O Matlab tem os testes condicionais padrões `if-elseif-else`. Por exemplo:

```
>> t = rand(1);
>> if t > 0.75
    s = 0;
elseif t < 0.25
    s = 1;
else
    s = 1-2*(t-0.25);
end
>> s
s =
    0
>> t
t =
    0.7622
```



Os operadores lógicos no Matlab são: <, >, <=, >=, == (igualdade lógica) e ~= (não igual). Estes são operadores binários (tratados como números inteiros) que retornam os valores 0 (falso) e 1 (verdadeiro):

```
>> 5>3
ans =
     1
>> 5<3
ans =
     0
>> 5==3
ans =
     0
```

A forma geral da declaração if é:

```
if expr1
    declarações
elseif expr2
    declarações
    .
    .
    .
else
    declarações
end
```

Uma declaração if é sempre encerrada com uma declaração end. A indentação é facultativa, porém, é recomendada o seu uso para tornar legível o programa.

O Matlab possui dois tipos de laços: o laço `for` padrão (comparável ao laço `for` da linguagem C) e o laço condicional `while`.

O laço `for` repete as instruções dentro do laço até que o índice contador do laço alcance a condição final:

```
>> for i=[1,2,3,4]
    disp(i^2)
end
     1
     4
     9
    16
```

(Observe o uso da função `disp`, que exibe na tela o conteúdo do seu argumento). O laço `for`, tal como o bloco `if`, deve ser terminado com a instrução `end`. Este laço poderia ser expresso na forma mais comum:

```
>> for i=1:4
    disp(i^2)
end
     1
     4
     9
    16
```

(lembre-se que `1:4` é equivalente a `[1,2,3,4]`).

O laço `while` é executado enquanto a condição `expr` for verdadeira:

```
>> x=1;
```

```
>> while 1+x > 1
      x = x/2;
    end
>> x
x =
    1.1102e-16
```

## Seleção de Casos (Switch)

O comando `switch` é utilizado quando desejamos selecionar (chavear) condicionalmente expressões porém, na forma de lista. O formato geral do comando `switch` é:

```
SWITCH expr
  CASE casol,
    declaração, ..., declaração
  CASE {expr_casol, expr_caso2, expr_caso_3,...}
    declaração, ..., declaração
  ...
  OTHERWISE,
    declaração, ..., declaração
END
```

As declarações que seguem o primeiro `CASE` que corresponde à condição dada por `expr` são executadas. Quando uma expressão é um vetor (como no segundo `CASE` acima), basta um `caso_expr` concordar com o `expr` da instrução `switch`. Se nenhum dos `CASEs` concordar com o `expr` do `switch`, então o caso `OTHERWISE` é executado (se existir). Apenas um `CASE` é executado e a sequência de execução do programa prossegue após o `END`. Apenas as instruções entre o `CASE` concordante e o próximo `CASE`, `OTHERWISE` ou `END` são executadas. Diferentemente da linguagem C, a instrução `SWITCH` não executa o `CASE` sequencialmente (de modo que não há necessidade da instrução `BREAK`).

```
switch ajuste(METODO)
  case 'linear'
    disp('Ajuste linear')
  case 'exponencial'
    disp('Ajuste exponencial')
  case 'potencial'
    disp('Ajuste potencial')
  otherwise
    disp('Ajuste desconhecido')
end
```

## Scripts e Funções

O script (também chamado de arquivo `m` ou *m-file*) é uma coleção de comandos Matlab escrito em arquivo texto cujo nome termina com a extensão `".m"`. Digitando-se o nome do arquivo `m` sem a extensão na área de trabalho do Matlab faz com que os comandos descritos nele sejam executados sequencialmente no Matlab. Para isso, é necessário que o arquivo `m` esteja em um subdiretório listado no caminho (`path`) do ambiente Matlab.

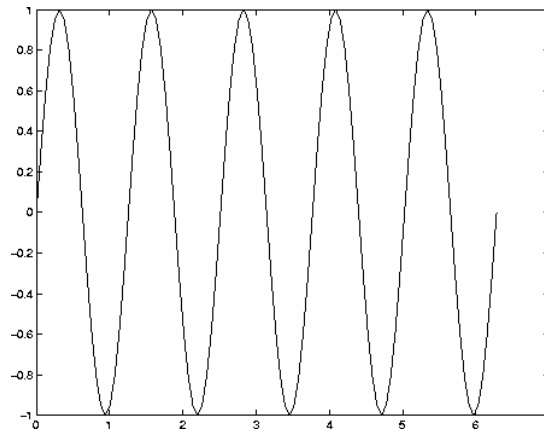
Por exemplo, suponha que o arquivo `plotseno.m` contenha as seguintes linhas:

```
x = 0:2*pi/N:2*pi;
y = sin(h*x);
plot(x,y)
```

Então, a sequência de comandos na área de trabalho do Matlab:

```
>> N = 100; h = 5;
>> plotseno
```

gerará a Figura 1.



**Fig. 1** – Resultado da execução do arquivo m `plotseno`

Como este exemplo mostrou, os comandos no script pode se referir a variáveis já definidas na área de trabalho do Matlab (as variáveis `N` e `h` chamadas em `plotseno.m`).

Além dos scripts, as Funções são um tipo de arquivo m que permitem ao usuário criar novos comandos do Matlab. Uma função é definida como um arquivo m que começa com um cabeçalho na seguinte forma:

```
function [saida1, saida2,...] = nome_funcao(var1, var2,...)
```

O restante do arquivo m consiste de comandos do Matlab que utilizam os valores das variáveis `var1`, `var2`, etc., para calcular o valor das variáveis `saida1`, `saida2`, etc. É importante observar que quando uma função é chamada, o Matlab cria um espaço de trabalho separado das variáveis da área de trabalho. Dessa forma, os comandos na função não podem se referir às variáveis (interativas) da área de trabalho, a menos que elas sejam passadas como argumentos da função (no lugar das variáveis `var1`, `var2`, etc.). Inversamente, as variáveis criadas dentro da função são apagadas quando a execução da função é terminada, exceto se elas forem passadas como argumentos de saída da função (variáveis `saida1`, `saida2`, etc.).

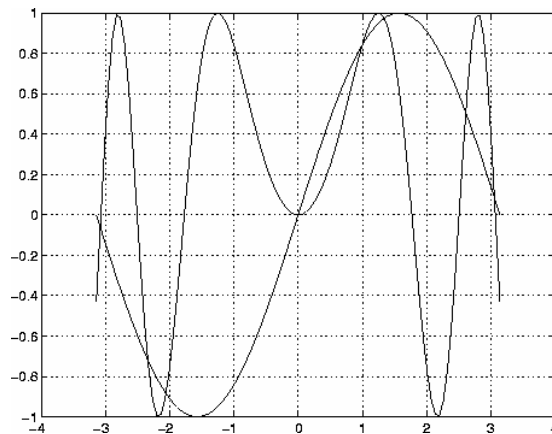
Um exemplo de uma função que calcula  $f(x) = \sin(x^2)$ . Os comandos são gravados no arquivo `fcn.m` (o nome da função no Matlab é o nome do arquivo m sem extensão).

```
function y = fcn(x)
y = sin(x.^2);
```

(Observe o operador escalar `.^` de modo que a função `fcn` retorna um vetor de mesma dimensão da variável `x`). Com esta função definida, podemos usar `fcn` como se fosse uma função intrínseca do Matlab:

```
>> x = (-pi:2*pi/100:pi)';
>> y = sin(x);
>> z = fcn(x);
>> plot(x,y,x,z)
>> grid
```

O gráfico mostrado na Fig. 2 é o resultado do cálculo das função intrínseca do Matlab `sin(x)` e da função personalizada `fcn(x)`. Observe o uso do comando `grid` para desenhar uma grade pontilhada no gráfico.



**Fig. 2** – Gráfico contendo duas curvas

### Um Exemplo de Aplicação de Função

Pode-se observar na Fig. 2 que a função  $f(x) = \sin(x^2)$  possui uma raiz entre 1 e 2 (na realidade, a raiz exata é  $x = \sqrt{\pi}$ , mas vamos ignorar esta informação neste momento). Um algoritmo que poderia ser utilizado para o cálculo da raiz dessa função não-linear seria o método da bisseção, que avalia a função e estabelece um intervalo no qual a função muda de sinal e, repetidamente, divide pela metade o intervalo até que a raiz esteja contida num intervalo tão pequeno quanto se desejar.

Uma função implementando o método da bisseção ilustra algumas das principais técnicas de programação no Matlab. A primeira técnica importante, sem a qual uma rotina de bisseção não funcionaria, é a capacidade de passar o nome de uma função a outra função. Neste caso, a função `bissecao` (observar o nome da função sem acento til e cedilha) precisa saber o nome da função cuja raiz deseja-se calcular. Este nome é passado como uma variável texto e a função interna `feval` do Matlab é usada para se avaliar numericamente a função cujo nome seja fornecido como argumento da função `feval`. Assim, iterativamente,

```
>> fcn(2)
ans =
    -0.7568
```

e

```
>> feval('fcn',2)
ans =
    -0.7568
```

são equivalentes (observe que são usados apóstrofes para delimitar uma variável texto). Uma variável também pode ser usada para atribuir o nome da função:

```
>> str = 'fcn'
str =
f
>> feval(str,2)
ans =
    -0.7568
```

Para mais informações sobre como o Matlab manipula variáveis texto, digite `help strings`.

O seguinte programa Matlab usa algumas facilidades de manipulação de texto do Matlab para passar o nome da função para `bissecao`. O sinal `%` indica que o restante da linha é comentário (e, portanto, ignorado na execução do programa).

```

function c = bissecao(fn,a,b,tol)

% c = bissecao('fn',a,b,tol)
%
% Esta funcao calcula a raiz da funcao fn no intervalo [a,b]
% com tolerancia tol. Admite-se que a funcao tenha uma única raiz
% no intervalo [a,b].

% Avalia a funcao nos extremos e verifica se o sinal muda
fa = feval(fn,a);
fb = feval(fn,b);

if fa*fb >= 0
    error('A funcao deve ter sinais opostos em a e b')
end

% A variavel OK e usada para sinalizar que o valor da raiz foi obtido
% antes de comecar o metodo.
OK = 0;

% Divide o intervalo pela metade
c = (a+b)/2;

% Laco principal
while abs(a-b) > 2*tol & ~OK % Observe o caractere de negacao ~
    % Avalia a funcao no valor medio
    fc = feval(fn,c);
    if fa*fc < 0 % A raiz esta a esquerda de c
        b = c;
        fb = fc;
        c = (a+b)/2;
    elseif fc*fb < 0 % A raiz esta a direita de c
        a = c;
        fa = fc;
        c = (a+b)/2;
    else % Chegamos na raiz
        OK = 1;
    end
end
end

```

Considerando que o nome do arquivo m é bissecao.m, ele pode ser executado como:

```

>> x = bissecao('fcu',1,2,1e-6)
x =
    1.7725
>> erro = sqrt(pi)-x
erro =
   -4.1087e-07

```

Podemos criar não somente novos comandos no Matlab usando arquivos m, mas também um sistema de ajuda (*help*) automático, colocando as linhas de comentário (%) no cabeçalho do arquivo m. O comando `help` imprimirá as linhas de comentário do cabeçalho do arquivo m:

```

>> help bissecao

% c = bissecao('fn',a,b,tol)
%
% Esta funcao calcula a raiz da funcao fn no intervalo [a,b]
% com tolerancia tol. Admite-se que a funcao tenha uma única raiz
% no intervalo [a,b].

```

Observe que o nome da função 'fn' foi colocada entre apóstrofes no argumento da função bissecao.m. Na verdade, a variável fn já é uma variável texto, não necessitando estar delimitada por apóstrofes. O uso dos apóstrofes é um lembrete para que a variável seja passada como variável texto no ambiente de trabalho do Matlab. Observe também o uso da função error no início do programa. Esta função intrínseca do Matlab exibe o texto passado como seu argumento e encerra a execução do programa.

## Manipulação de Arquivos

A manipulação de arquivos na área de trabalho do Matlab normalmente é realizada pelos comandos save e load. Em programas, o Matlab possui comandos equivalentes aos da linguagem C. (fopen, fclose, fprintf e fscanf).

Para abrir um arquivo de leitura (entrada de dados), utilize o seguinte comando:

```
fid = fopen('arquivo.dat','r')
```

no qual id é uma variável inteira que contém o endereço lógico do arquivo de leitura ('r') 'arquivo.dat'.

Para ler os dados, utiliza-se o comando fscanf. Supondo que o arquivo de dados contenha uma coluna de valores no formato real; eles serão lidos de forma seqüencial pelo comando:

```
x = fscanf(fid, '%f');
```

Terminada a leitura dos dados do arquivo fecha-se o arquivo com o comando:

```
fclose(fid);
```

Para gravar um arquivo de dados, emprega-se a seguinte seqüência de comandos:

```
fid = fopen('arquivo_gravacao.dat','w');  
fprintf(fid, '%f', x);
```

Observe que o status do arquivo\_gravacao.dat é de escrita (gravação) ('w' - write).

Ao terminar a leitura dos dados ou quando precisar ler novamente os dados, fecha-se o arquivo com o mesmo comando visto anteriormente:

```
fclose(fid);
```

## TABELAS DE MATRIZES E FUNÇÕES ESPECIAIS NO MATLAB

| Matrizes especiais |                     |
|--------------------|---------------------|
| diag               | diagonal            |
| hankel             | Hankel              |
| pascal             | Triângulo de Pascal |
| toeplitz           | Toeplitz            |
| vander             | Vandermonde         |

| Matrizes utilitárias |                                     |
|----------------------|-------------------------------------|
| zeros                | Matriz com zeros                    |
| ones                 | Matriz constante                    |
| rand                 | Matriz aleatória                    |
| eye                  | Matriz identidade                   |
| linspace             | Vetores linearmente espaçados       |
| logspace             | Vetores com espaçamento logaritmico |

## OPERADORES E FUNÇÕES BÁSICAS

---

| Operadores relacionais |                  |
|------------------------|------------------|
| <                      | menor que        |
| <=                     | menor ou igual a |
| >                      | maior que        |
| >=                     | maior ou igual a |
| ==                     | igual            |
| ~=                     | não igual a      |

| Operadores lógicos |     |
|--------------------|-----|
| &                  | and |
|                    | or  |
| ~                  | not |

| Funções relacionais e lógicas |  |
|-------------------------------|--|
| any                           | condições lógicas                          |
| all                           | condições lógicas                          |
| find                          | acha índices de tabelas de valores lógicos |
| exist                         | checa a existência de variáveis            |
| isnan                         | detecta NaN (Not a Number)                 |
| finite                        | detecta quantidades infinitas              |
| isstr                         | detecta variáveis alfanuméricas            |
| strcmp                        | compara variáveis alfanuméricas            |

| Funções matemáticas elementares |                         |
|---------------------------------|-------------------------|
| abs                             | valor absoluto ou norma |
| angle                           | ângulo de fase          |
| sqrt                            | raiz quadrada           |
| real                            | parte real              |
| imag                            | parte imaginária        |
| conj                            | conjugado complexo      |
| round                           | valor arredondado       |
| sign                            | função sinal            |
| isempty                         | detecta matrizes vazias |
| exp                             | função exponencial      |
| log                             | logaritmo natural       |
| log10                           | logaritmo de base 10    |

| Funções trigonométricas |                           |
|-------------------------|---------------------------|
| sin                     | seno                      |
| cos                     | cosseno                   |
| tan                     | tangente                  |
| asin                    | arco-seno                 |
| acos                    | arco-cosseno              |
| atan                    | arco-tangente             |
| sinh                    | seno hiperbólico          |
| cosh                    | cosseno hiperbólico       |
| tanh                    | tangente hiperbólica      |
| asinh                   | arco-seno hiperbólico     |
| acosh                   | arco-cosseno hiperbólico  |
| atanh                   | arco-tangente hiperbólico |

| Funções especiais |                                    |
|-------------------|------------------------------------|
| bessel            | Função de Bessel                   |
| gamma             | Funções Gama completa e incompleta |
| rat               | Aproximação racional               |
| erf               | Função erro                        |
| inverf            | Função erro inversa                |
| ellipk            | Integral elíptica de primeiro tipo |
| ellipj            | Função elíptica jacobiana          |
| laguer            | Função de Laguerre                 |