VERSUCH NUMMER 104

Der Doppler-Effekt

Ksenia Klassen Dag-Björn Hering ksenia.klassen@udo.edu dag.hering@udo.edu

Durchführung: 8.12.2015 Abgabe: 15.12.2015

TU Dortmund – Fakultät Physik

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung	3			
2 Theorie					
3	Durchführung3.1 Geschwindigkeit des Wagens3.2 Messung der Wellenlänge3.3 Frequenzmessung3.4 Schwebung	. 5 . 5			
4	Auswertung4.1 Geschwindigkeit des Wagens	. 7 . 8 . 8			
5	Diskussion	12			
Lit	eratur	12			

1 Einleitung

In dem Versuch 104 soll der Doppler-Effekt für Schallwellen untersucht werden. Der Doppler-Effekt tritt auf wenn sich der der Sender und der Empfänger von Wellen relativ zueinander bewegen. Es entsteht eine Frequenzverschiebung am Ort des Empfängers gegenüber der vom Sender abgesendeten Welle.

2 Theorie

Sind Wellen an ein Medium gebunden, so muss zwischen einer Bewegung des Senders und des Empfängers differenziert werden. Ohne Bewegung sendet der Sender eine Welle der Frequenz ν und der Empfänger empfagt eine Frequenz ν . Bewegt sich der Empfänger mit der Geschwindigkeit v auf den ruhenden Sender zu, so überstreicht in der Zeit Δt

$$\Delta z = \frac{\Delta t \cdot v}{\lambda_0} \tag{1}$$

Wellenzüge. Im Vergleich zu einem ruhenden Empfänger, an dem $\Delta n = \Delta t \nu$ Schwingungen vorbeilaufen, erfasst der bewegte Empfänger

$$\Delta n + \Delta z = \Delta t \left(\nu_0 + \frac{v}{\lambda_0} \right) \tag{2}$$

Schwingungen, in gleicher Zeit werden also mehr Schwingungen registriert. Unter der Betrachtung der Frequenz als die Anzahl der Schwingungen pro Zeiteinheit und der Ausbreitungsgeschwindigkeit

$$c = \nu_0 \cdot \lambda_0, \tag{3}$$

gilt für die Frequenz eines bewegten Empfängers:

$$\nu_E = \nu_0 \left(1 + \frac{v}{c} \right). \tag{4}$$

Die Frequenzänderung beträgt:

$$\Delta \nu = \nu_0 \frac{v}{c}.\tag{5}$$

Bewegt sich der Empfänger vom Sender fort, so sinkt die Frequenz um (5) unter ν_0 . Im anderen Fall bewegt sich der Sender und der Empfänger ruht. Mit der Wellenlänge als Abstand zweier Punkte mit gleicher Phase, erscheint die Wellenlänge als verkürzt um:

$$\Delta \lambda = \frac{v}{\nu_0}.\tag{6}$$

Unter Berücksichtigung der Ausbreitungsgeschwindigkeit $c = \nu_0 \cdot \lambda_0$ folgt für die geänderte Frequenz:

$$\nu_Q = \nu_0 \frac{1}{1 - \frac{v}{c}}. (7)$$

Wird die Formel (7) in einer Reihe nach Potenzen von $\frac{v}{c}$ entwickelt, wie in Formel :

$$\nu_Q = \nu_0 \left(1 + \frac{v}{c} + \left(\frac{v}{c} \right)^2 + \left(\frac{v}{c} \right)^3 \dots \right) = \nu_E + \nu_0 \left(\left(\frac{v}{c} \right)^2 + \dots \right). \tag{8}$$

Hieran lässt sich erkennen, dass für $|v| \ll c$ der Unterschied zwischen ν_Q und ν_E beliebig klein wird. Auch bei elektromagnetischen Wellen tritt der Doppler-Effekt auf, allerdings wird nicht zwischen bewegter Quelle und bewegtem Empfänger gfeachtet.

3 Durchführung

3.1 Geschwindigkeit des Wagens

Ein Wagen ist auf einer Schiene angebracht und wird mittels Seilzug von einem Synchronmotor angetrieben. Seine Geschwindigkeit lässt sich mit 10 verschiedenen Gängen variieren. Wie in Abbildung 1 zu sehen. Zur Bestimmung der Geschwindigkeit werden Weg und Laufzeit des Wagens vermessen, letztere fünf mal. Zwei Lichtschranken, bestehend aus Phototransistor und Infrarot-Lichtquelle, sind im Abstand s angebracht, mit Hilfe von Logikschaltungen lässt sich die Laufzeit vermessen und somit die Geschwindigkeit bestimmen.

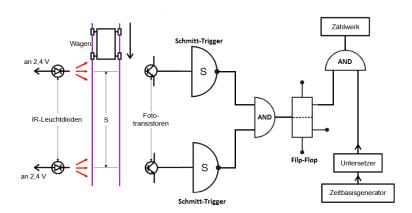


Abbildung 1: Aufbau zur Bestimmung der Geschwindigkeit des Wagens

3.2 Messung der Wellenlänge

Die Abbildung 2 zeigt den Aufbau zur Bestimmung der Wellenlänge.

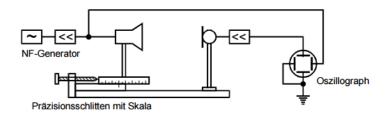


Abbildung 2: Aufbau zur Bestimmung der Schallgeschwindigkeit durch die Wellenlänge. [1]

Ein Lautsprecher wird auf einem Präzesionsschlitten montiert, diesem gegenüber ist das Mikrophon angebracht. Das, über den Lautsprecher ausgegebene, generierte Signal und das Signal des Mikrophons werden aufs Oszilloskop gegeben. Im XY-Betrieb entstehen Lissajous-Figuren, sind die beiden Signale in Phase oder gegenphasig, so wird am Oszilloskop eine Grade ausgegeben. Der entsprechende Abstand zwischen zwei Lissajous-Figuren ist dann die Wellenlänge λ .

3.3 Frequenzmessung

Um die Frequenzänderung bei dem Doppler-Effekt zu messen, wird der Versuch wie in Abbildung 3 aufgebaut.

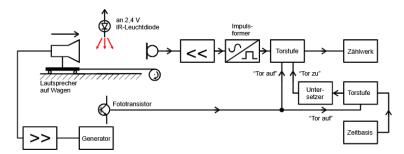


Abbildung 3: Aufbau zur Messung der Frequenzänderung beim Doppler-Effekt.[1]

Das Mikrophon wandelt wieder das vom Lautsprecher gesendete Signal in eine elektrische Schwingung um. Diese wird in einen Rechteckimpuls umgewandelt und kann nun von den digitalen Bausteinen verarbeitet werden. Die digitalen Bausteine werden so geschaltet, dass das Zählwerk, die Impulse, die innerhalb von einer Sekunde auf das Zählwerk gelangen, aufnimmt und folglich genau die Frequenz anzeigt. Dafür wird der Untersetzer auf 10^6 gesetzt und die Bausteine wie Abbildung 4 zusammen gesetzt.

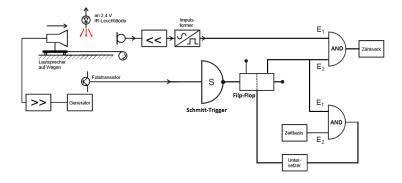


Abbildung 4: Aufbau der digitalen Bausteine.

Durch diesen Aufbau löst die Lichtschranke ein Impuls aus der dafür sorgt, dass das Zählwerk eine Sekunde lang geöffnet wird und die Impulse des umgewandelten Signales aufnimmt. Die Messung besteht darin, dass der Wagen mit dem Lautsprecher mit unterschiedlichen Geschwindigkeiten, gegeben durch die unterschiedlichen Gänge des Synchromotors, auf das Mikrophon zu- und wieder wegfährt. Jedes mal passiert dieser die Lichtschranke und lößt die Messung des Freuquenz aus. Dies wird für jede Geschwindigkeiten 5-mal wiederholt und der Wert gemittelt. Am Anfang wird auch die Grundfrequenz ν_0 gemessen, indem die Lichtschranke ausgelöst wird aber der Wagen nicht bewegt wird.

3.4 Schwebung

Um die Frequenzänderung mit Hilfe der Schwebungsmethode zu bestimmen, wird der Versuch wie in Abbildung 5 aufgebaut. Der Lautsprecher sendet wieder ein Signal aus.

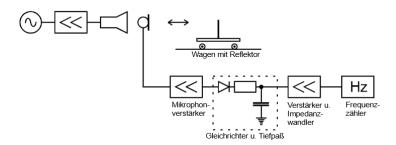


Abbildung 5: Aufbau zur Messung der Frequenzänderung beim Doppler-Effekt mit Hilfe der Schwebungsmethode.[1]

Hierbei nimmt das Mikrophon nun sowohl die Ruheschwingung des Lautsprechers, als auch, die durch den Reflektor auf dem Wagen refektierten Schwingung auf. Dieses überlagerte Signal wird durch deinen Gleichrichter und einen Tiefpass geschickt. Die Frequenz der dadurch entstehenden Wechselspannung wird mit einem Frequenzzähler

gemessen, der wieder durch die digialen Bausteine aufgebaut wird. Dies wird genau wie in der Abbildung 4 aus dem Kapitel 3.3 realiziert. Wieder wird der Wagen mit unteschiedichen Geschwindigkeiten durch die Lichtschranke bewegt und die Frequenz gemessen.

4 Auswertung

4.1 Geschwindigkeit des Wagens

Zur Bestimmung der Geschwindigkeiten für die zehn Gänge wird die Formel

$$v = \frac{s}{t} \tag{9}$$

genutzt. Für die Strecke gilt $s=(0,450\pm0,005)$ m. Die gemittelten Geschwindigkeiten finden sich in Tabelle 1 wieder.

700 1 11 - 4	\sim 1	. 1. 1 .	. 1	TT7	1 .	, 1	. 11.	1 .	a
Tabelle 1:	Creschy	windigker	t des	Wagens	bei	untersch	1edlia	enen (l - angen
Tubelle 1.	COSCII	willangitor	o aco	** agciis	OCI	differencia	icanic	11011	Gangen

Gang	$Geschwindigkeit \overline{\mathbf{v}}/\mathrm{m}\mathrm{s}^{-1}$	$\sigma_{ m v}$
6	0,102	0,001
12	0,204	0,002
18	0,307	0,003
24	0,410	0,005
30	$0,\!512$	0,006
36	0,616	0,007
42	0,720	0,008
48	0,821	0,009
54	$0,\!92$	0,01
60	1,03	0,01

Nun soll untersucht werden ob bei den hier verwedneteten Geschwindigkeiten ein Unterschied zwischen Formel (4), für den bewegten Empfänger, und der Formel (7), für den bewegten Sender. Dafür wird die höchste Geschwindigkeit, die in dem Versuch vorkommt, hier die Geschwindigkeit des Ganges 60, mal 2 genommen und in die Formeln eingesetzt und beide Ergebnisse mit einander Verglichen.

$$\nu_E = (20, 80 \pm 0, 02) s^{-1} \tag{10}$$

$$\nu_O = (21,7444 \pm 0,0001) \tag{11}$$

Der Unterschied zwischen ν_E und ν_Q beträgt circa 1 kHz, und ist damit vernachlässigbar. Somit lässt sich in diesem Versuch immer die Formel (4) verwenden.

4.2 Wellenlänge

Für die gemittelte Wellenlänge ergibt sich:

$$\overline{\lambda_0} = (17, 5 \pm 0, 6) \text{mm}.$$
 (12)

Mit dem Kehrwert:

$$\frac{1}{\lambda_0} = (0,057 \pm 0,002) \text{m}^{-1} \tag{13}$$

ergibt sich aus der Beziehung $c=0\cdot\lambda_0$ für $\frac{\nu_0}{c}$ der selbe Wert.

4.3 Frequnzmessung

Wie im Kapitel 3.3 beschrieben werden die Frequenzen Abhängig von der Geschwindigkeit gemessen. In den Tabelle 2 und 3 sind die Mittelwerte der gemessenen Frequenzen für die entsprechenden Geschwindigkeiten aufgetragen. Die gemessene Ruhefrequenz ν_0 beträgt:

$$\nu_0 = 20,74443 \text{kHz} \tag{14}$$

Durch die zuvor gemessenen Wellenlänge λ_0 und der Ruhefrequenz ν_0 lässt sich aus der Formel (3) die Ausbreitungsgeschwindigkeit c bestimmen:

$$c = (364, 0 \pm 12, 6) \,\mathrm{m \, s^{-1}}$$
 (15)

Da $v_{max} \ll c$ ist, führt dies ebenfalls zu der Abschätzung $\nu_E \approx \nu_Q.$

Tabelle 2: Gemittelte Frequenzenzen für die Bewegung auf das Mikrophon zu.

Gang	$\overline{\mathrm{v}}/\mathrm{m}\mathrm{s}^{-1}$	$\sigma_{ m v}$	$\overline{\nu}/\mathrm{s}^{-1}$	$\sigma_{ u}$	
6	0,051	0,0006	20,745	0,0	
12	$0,\!102$	0,001	20,7482	0,0004	
18	$0,\!154$	0,002	20,751	0,0	
24	$0,\!205$	0,002	20,7532	0,0004	
30	$0,\!256$	0,003	20,7562	0,0004	
36	$0,\!308$	0,004	20,7604	0,0005	
42	$0,\!360$	0,004	20,763	0,0	
48	0,410	0,005	20,7664	0,0005	
54	$0,\!461$	0,005	20,7692	0,0004	
60	0,513	0,006	20,772	0,0	

4.4 Schwebungsmethode

Bei der Schwebungsmethode muss beachtet werden das die Geschwindigkeiten der unterschiedlichen Gänge mal 2 genommen werden müssen, da sich die Schallquelle, hier der Reflektor, zum Empfänger mit einer Geschwindigkeit von 2v bewegt. Die gemittelten Werte des gemessenen $\Delta\nu$ für die verschiedenen Geschwindigkeiten sind in der Tabelle 4 dargestellt.

Tabelle 3: Gemittelte Frequenzenzen für die Bewegung von den Mikrophon weg.

Gang	$\overline{\mathrm{v}}/\mathrm{ms}^{-1}$	$\sigma_{ m v}$	$\overline{\nu}/\mathrm{s}^{-1}$	$\sigma_{ u}$
6	-0,051	0,0006	20,739	0,0
12	-0,102	0,001	20,7362	0,0004
18	-0,154	0,002	20,733	0,0
24	-0,205	0,002	20,73	0,0
30	-0,256	0,003	20,7272	0,0004
36	-0,308	0,004	20,724	0,0
42	-0,360	0,004	20,721	0,0
48	-0,410	0,005	20,718	0,0
54	-0,461	0,005	20,715	0,0
60	-0,513	0,006	20,7122	0,0004

Tabelle 4: Gemittelte Frequenzenzen für die Bewegung von den Mikrophon weg.

Gang	$\overline{\mathrm{v}}/\mathrm{ms^{-1}}$	$\sigma_{ m v}$	$\overline{\Delta \nu}/\mathrm{s}^{-1}$	$\sigma_{\varDelta\nu}$
6	0,102	0,001	0,006	0,0
12	$0,\!204$	0,002	0,012	0,0
18	$0,\!307$	0,003	0,018	0,0
24	0,410	0,005	0,0257	0,0005
30	$0,\!512$	0,006	0,031	0,0
36	0,616	0,007	0,0367	0,0005
42	0,720	0,008	0,042	0,0005
48	0,821	0,009	0,049	0,0
54	0,92	0,01	0,055	0,0
60	1,03	0,01	0,061	0,0

4.5 Lineare Ausgleichsrechnung

Werden nun die Ergebnisse aus den der Tabellen 2 bis 4 in den Abbildung 6 und 7 in der Form v nach aufgetragen, errechnet sich bei den Ergebnissen aus Tabelle 2 und 3 mit Hilfe der folgenden Formel:

$$\Delta \nu = \nu_E - \nu_0 \tag{16}$$

Aus den Messwerten lässt sich nun mit Hilfe der lineare Regression die Proportionalitätsfaktoren zwischen $\Delta\nu$ und v bestimmen. Desweiteren lässt sich durch die Wellenlängenmessung ebenfalls eine Gerade mit Hilfe der Formel (5) berechnen, die ebenfalls in Abbildung 6 und 7 zu sehen ist.

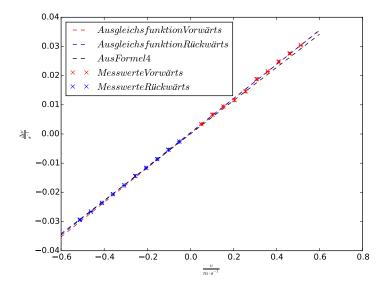


Abbildung 6: Die Geschwindigkeit v nach $\Delta\nu$ aufgetragen für die Frequenzmessung ν durch den Aufbau aus der Abb:3

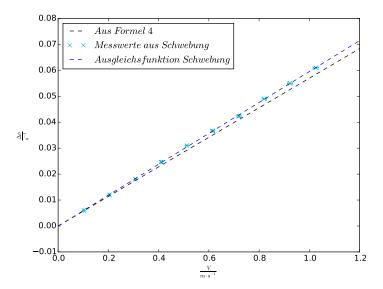


Abbildung 7: Die Geschwindigkeit v
 nach $\Delta\nu$ aufgetragen für die Messung von
 $\delta\nu$ durch den Aufbau aus der Abb:5

Daraus ergibt sich der Proportionalitätsfaktor ν_0/c oder $1/\lambda$ für alle Messungen:

Aus der Wellenlängenmessung:
$$\frac{1}{\lambda} = (0,057 \pm 0,002) \mathrm{m}^{-1}$$
 (17)

Aus der Frequenzmessung auf das Mikrophon zu:
$$\frac{\nu_0}{c} = (0,059 \pm 0,001) \text{m}^{-1}$$
 (18)

Aus der Frequenzmessung von dem Mikrophon weg:
$$\frac{\nu_0}{c} = (0,0584 \pm 0.0002) \text{m}^{-1}$$
 (19)

Aus der Schwebungsmethode:
$$\frac{\nu_0}{c} = (0,0596 \pm 0,0003) \mathrm{m}^{-1}$$
 (20)

5 Diskussion

Die Laufzeit des Wagens kann recht genau bestimmt werden, die größere Fehlerquelle ist die Messung der Strecke zwischen den Lichtschranken, somit lässt sich die Geschwindigkeit nur mit kleinen Abweichungen bestimmen. Bei der Messung der Wellenlänge sind die ungenauen Lissajous-Figuren eine Fehlerquelle, da diese sich nicht auf die Form einer Graden bringen lassen, was zu Abweichung bei der Wellenlänge führt. Im Gegensatz dazu lassen sich die Frequenzen recht genau bestimmen, auch bei wiederholter Messung ergibt sich der gleiche Wert, was zu einem $\sigma=0,0$ führt. Desweiteren lässt sich bei den Messwerten aus den Graphen gut erkennen, dass eigendlich schon bei den geringen Geschwindigkeiten ein sichtbarer Unterschied zwischen Formel 4 und 7 vorliegt. Dieses ist erkennbar, da die Regressionsgrade der gemessenen Frequenzen, bei dem sich der Sender bewegt, bei höheren Geschwindigkeiten leicht von der Geraden, die mit den Werten aus der Wellenlängenmessung und der Formel 4 für einen bewegten Empfänger berechnet wurde, nach oben abweicht. Folglich handelt es sich hierbei um eine sehr genau Messung, da meist die Abschätzung gilt, dass die Formeln bei v≪c ungefähr gleich sind, wie auch in der Auswertung angenommen.

Literatur

[1] TU Dortmund. Versuch zum Doppler-Effekt. 2014.