

VERSUCH NUMMER

TITEL

AUTOR A

authorA@udo.edu

AUTOR B

authorB@udo.edu

Durchführung: DATUM

Abgabe: DATUM

TU Dortmund – Fakultät Physik

Inhaltsverzeichnis

1 Theorie

[sample]

1.1 Klassische Betrachtung

Die Molwärme C beschreibt die Wärmemenge dQ die benötigt wird um ein Mol eines Stoffes um dT zu erwärmen. An dieser Stelle wird die spezifische Wärmekapazität bei konstantem Volumen und nicht bei konstantem Druck untersucht.

$$C_V = \frac{dQ}{dT} \quad (1)$$

Das Dulong-Petitsche Gesetz besagt, dass die Molwärme bei konstantem Volumen $3R$ beträgt, mit R als allgemeinen Gaskonstante, unabhängig von den Stoffeigenschaften. Dieser Wert lässt sich durch Energiebetrachtungen am Oszillator herleiten. Da Atome in einem festen Körper durch Gitterkräfte gebunden sind, führen diese harmonische Schwingungen aus. Es ergibt sich schließlich der folgende Zusammenhang für die mittlere Gesamtenergie eines Atoms:

$$\langle u \rangle = \langle E_{\text{kin}} \rangle + \langle E_{\text{pot}} \rangle = 2\langle E_{\text{kin}} \rangle. \quad (2)$$

Unter Berücksichtigung des Äquipartitionstheorems, welches besagt, dass ein Atom pro Freiheitsgrad die mittlere kinetische Energie $\frac{1}{2}kT$ besitzt, wenn kein Temperaturunterschied zur Umgebung herrscht, ergibt sich für die gesamte Energie, eines auf einem Gitterplatz schwingenden Atoms, die Beziehung:

$$\langle u \rangle = 2\langle E_{\text{kin}} \rangle = kT. \quad (3)$$

Für ein Mol eines Stoffes ergibt sich mit N_L Atomen eine mittlere Energie von:

$$\langle U \rangle = N_L \langle u \rangle = N_L kT = RT \quad (4)$$

pro Bewegungsfreiheitsgrad. Die Molwärme C_V hat den Dulong-Petitschen Wert:

$$C_V = 3R. \quad (5)$$

1.2 Quantenmechanische Betrachtung

Eine Problematik ergibt sich bei niedrigen Temperaturen, da wird der Molwärme Wert von $3R$ nicht erreicht. Eine quantenmechanische Betrachtung wird herangezogen. Die Quantentheorie besagt, dass ein Oszillator nur Energien von bestimmter Größe aufnehmen oder abgeben kann. Es gilt:

$$\Delta u = n \cdot \hbar \cdot \omega \quad (6)$$

Mit weiteren Betrachtungen ergibt sich für die mittlere Energie:

$$\langle U_{\text{qu}} \rangle = \frac{3N_{\text{L}}\hbar\omega}{e^{\frac{\hbar\omega}{kT}} - 1}. \quad (7)$$

Gilt $kT \gg \hbar\omega$, so strebt die Energie wieder gegen $3R$.

2 Durchführung

2.1 Messung zur Bestimmung der Wärmekapazität des Kalorimeters

Zur Bestimmung der Wärmekapazität des Kalorimeters werden kaltes und erhitztes Wasser im Kalorimeter zusammengemischt, deren jeweiligen Temperaturen T_{k} und T_{w} werden mit einem Thermoelement vermessen und deren Gewicht M_{k} und M_{w} bestimmt. Nach einiger Zeit stellt sich eine Mischtemperatur T_{m} ein, diese wird ebenfalls aufgenommen.

2.2 Messung zur Bestimmung der spezifischen Wärmekapazität unterschiedlicher Stoffe

Das Kalorimeter wird mit Wasser der zuvor gemessenen Masse m_{w} befüllt. Die Masse M_{k} des Körpers wird gewogen, dieser wird anschließend in einem Wasserbad erhitzt. Der Körper, mit der Temperatur T_{k} , wird zum Wasser im Kalorimeter gegeben. Im Körper und im Wasser stellt sich eine Mischtemperatur T_{M} ein, diese wird auch an beiden gemessen. Diese Messung vier mal durchgeführt, davon drei mal für einen Stoff und ein mal für einen anderen Stoff.

3 Auswertung

3.1 Bestimmung der spezifische Wärmekapazität vom Kalorimeter

Um die Wärmekapazität des Kalorimeters zu bestimmen muss folgende Beziehung betrachtet werden: Die vom warmen Wasser abgegebene Wärmemenge

$$Q_1 = c_{\text{k}}m_{\text{k}}(T_{\text{k}} - T_{\text{m}}) \quad (8)$$

entspricht der vom kalten Wasser und von den Wänden des Kalorimeters aufgenommenen Wärmemenge:

$$Q_2 = (c_{\text{w}}m_{\text{w}} + c_{\text{g}}m_{\text{g}})(T_{\text{m}} - T_{\text{w}}). \quad (9)$$

c_{w} ist hier die spezifische Wärmekapazität des Wassers. Da $Q_1 = Q_2$ gilt, ergibt sich nach weiteren Umformungen:

$$c_{\text{g}}m_{\text{g}} = \frac{c_{\text{w}}m_{\text{w}}(T_{\text{w}} - T_{\text{m}}) - c_{\text{w}}m_{\text{k}}(T_{\text{m}} - T_{\text{k}})}{(T_{\text{m}} - T_{\text{k}})} \quad (10)$$

$$c_g = m_g = \frac{c_w m_w (T_w - T_m) - c_w m_k (T_m - T_k)}{(T_m - T_k)}$$

Mit den Werten aus der Tabelle ?? ergibt sich für die spezifische Wärmekapazität des Kalorimeters:

$$c_g m_g = 256,7 \text{ J K}^{-1} \quad (11)$$

Tabelle 1: Werte für die Bestimmung der Wärmekapazität des Kalorimeters

$c_w / \text{J g}^{-1} \text{K}^{-1}$	m_w / g	m_k / g	T_w / K	T_k / K	T_m / K
4,18	327,11	240,06	358,4	294,64	327,82

3.2 Bestimmung der spezifische Wärmekapazität von Zinn und Graphit

Für die spezifische Wärmekapazität von verschiedenen Stoffen ergibt sich:

$$c_k = \frac{(c_w m_w + c_g m_g)(T_m - T_w)}{m_k(T_k - T_m)} \quad (12)$$

Werden nun die gemessenen Werte für Zinn aus der Tabelle ?? in die Formel (??) eingesetzt und die erhaltenen c_{Zinn} gemittelt. Daraus ergibt sich ein c_{Zinn} von

$$c_{\text{Zinn}} = 0,426 \text{ J K}^{-1} \text{ kg}$$

Tabelle 2: Messwerte aus dem Versuch mit Zinn.

Masse Zinn m_{Zinn}/g	Masse Wasser $m_{\text{Wasser}}/\text{g}$	Temperatur Zinn T_{Zinn}/K	Temperatur Wasser $T_{\text{Wasser}}/\text{K}$	Mischtemperatur $T_{\text{Misch}}/\text{K}$
232.41	450.01	352.19	294.15	295.64
232.41	470.56	351.71	293.88	296.88
232.41	491.59	349.31	293.65	296.38

Die spezifische Wärmekapazität von Graphit ergibt sich aus den Werten von Tabelle ??, die ebenfalls in die Formel (??) eingesetzt werden.

$$c_{\text{Graphit}} = 0,806 \text{ J K}^{-1} \text{ g}$$

Tabelle 3: Messwerte aus dem Versuch mit Graphit.

Masse Zinn $m_{\text{Graphit}}/\text{g}$	Masse Wasser $m_{\text{Wasser}}/\text{g}$	Temperatur Zinn $T_{\text{Graphit}}/\text{K}$	Temperatur Wasser $T_{\text{Wasser}}/\text{K}$	Mischtemperatur $T_{\text{Misch}}/\text{K}$
107.67	465.18	352.19	293.40	296.63

3.3 Bestimmung der Molwärme von Zinn und Graphit

Die Molwärme für konstantes Volumen berechnet sich nach:

$$C_V = C_P - 9\alpha^2 \kappa V_0 T_m \quad (13)$$

$$C_V = c_k \cdot M_k - 9\alpha^2 \kappa \frac{M_k}{\rho} T_m. \quad (14)$$

Die Werte für ρ , M , α und κ finden sich in der Versuchsanleitung.

4 Diskussion

5 Einleitung

Ziel des Versuches 201 ist die Überprüfung, ob eine oszillatorische Bewegung der Atome in einem Festkörper durch quantenmechanische Phänomene oder noch durch klassische Mechanik beschrieben werden kann. Die Molwärme wird hierbei als material- und temperaturunabhängiger Faktor betrachtet.