### Modelos de Computación Máquinas de Turing Actividad 3

Dagoberto Quevedo

12 de febrero de 2020

#### Resumen

Una máquina de Turing puede simular cualquier algoritmo a través de una sola estructura de datos: sucesión de símbolos escrita en una cinta infinita, con operaciones de escritura y eliminación de símbolos.

Formalmente una máquina de Turing se describe como sigue  $M = (Q, s, r, \Sigma, \delta)$ , donde Q es un conjunto finito de estados, s un estado de aceptación, r un estado de rechazo,  $\Sigma$  es un conjunto finito de símbolos, llamado el alfabeto de M, que contiene dos símbolos especiales  $\rhd$  y  $\sqcup$ , D conjunto de direcciones  $\leftarrow$  (izquierda),  $\rightarrow$  (derecha), - (sin mover), la función,

$$\delta(q, \sigma) = (p, \rho, d), \tag{1}$$

es una función de transición de M, donde  $q \in Q \cup \{s,r\}$  es el estado actual y  $\sigma \in \Sigma$  es el símbolo actual en el puntero,  $p \in Q \cup \{s,r\}$  es el nuevo estado,  $\rho$  el nuevo símbolo que es escrito en reemplazo de  $\sigma$  en la posición actual y  $d \in D$  es la dirección hacia donde se mueve el puntero [1].

En esta actividad se proporcionan las funciones de transición  $\delta$  para dos máquinas de Turing de reconocimiento de lenguaje.

### 1. Máquina de Turing A

Proporcione una función de transición  $\delta$  para una máquina de Turing que determina si su entrada x contiene una a después de una b, tal que  $q_1 \in Q$  es el estado inicial,  $q_f$  un estado de aceptación,  $q_e$  un estado de rechazo y  $\Sigma = \{\triangleright, a, b, c, \sqcup\}$  el alfabeto.

#### 1.1. Función de transición $\delta$

1. 
$$(q_1, \triangleright) = (q_1, \triangleright, \rightarrow)$$

6. 
$$(q_2, b) = (q_2, b, \rightarrow)$$

2. 
$$(q_1, a) = (q_1, a, \rightarrow)$$

7. 
$$(q_2, c) = (q_2, c, \to)$$

3. 
$$(q_1, c) = (q_1, c, \rightarrow)$$

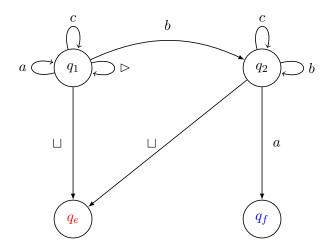
8. 
$$(q_1, \sqcup) = (q_e, \sqcup, -)$$

4. 
$$(q_1, b) = (q_2, b, \rightarrow)$$

5. 
$$(q_2, a) = (q_f, a, -)$$

9. 
$$(q_2, \sqcup) = (q_e, \sqcup, -)$$

#### 1.1.1. Representación gráfica



#### 1.2. Casos de prueba

x	q	p	ρ	d
⊵acbbac⊔	$q_1$	$q_1$	$\triangleright$	$\rightarrow$
⊳ <u>a</u> cbbac⊔	$q_1$	$q_1$	a	$\rightarrow$
⊳a <u>c</u> bbac⊔	$q_1$	$q_1$	c	$\rightarrow$
⊳ac <u>b</u> bac⊔	$q_1$	$q_2$	b	$\rightarrow$
⊳acb <u>b</u> ac⊔	$q_2$	$q_2$	b	$\rightarrow$
⊳acbb <u>a</u> c⊔	$q_2$	$q_f$	a	_

Cuadro 1: Caso con estado final aceptable  $q_f,$  donde  $\boldsymbol{x} = acbbac$ 

$\overline{x}$	q	p	ρ	d
⊵acbbcc⊔	$q_1$	$q_1$	$\triangleright$	$\rightarrow$
⊳ <u>a</u> cbbcc⊔	$q_1$	$q_1$	a	$\rightarrow$
⊳a <u>c</u> bbcc⊔	$q_1$	$q_1$	c	$\rightarrow$
⊳ac <u>b</u> bcc⊔	$q_1$	$q_2$	b	$\rightarrow$
⊳acb <u>b</u> cc⊔	$q_2$	$q_2$	b	$\rightarrow$
⊳acbb <u>c</u> c⊔	$q_2$	$q_2$	$\mathbf{c}$	$\rightarrow$
⊳acbbc <u>c</u> ⊔	$q_2$	$q_2$	$^{\mathrm{c}}$	$\rightarrow$
⊳acbbcc⊔	$q_2$	$q_e$	Ш	_

Cuadro 2: Caso con estado final rechazado  $q_e$ , donde x = acbbcc

### 2. Máquina de Turing B

Proporcione una función de transición  $\delta$  para una máquina de Turing que identifica si una cadena proveniente de un alfabeto  $\Sigma$  es o no un palíndromo, tal que  $q_1 \in Q$  es el estado inicial,  $q_f$  un estado de aceptación,  $q_e$  un estado de rechazo y  $\Sigma = \{ \triangleright, a, b, \sqcup \}$  el alfabeto.

#### 2.1. Función de transición $\delta$

1. 
$$(q_1, \triangleright) = (q_1, \triangleright, \to)$$

11. 
$$(q_1, b) = (q_5, \triangleright, \rightarrow)$$

2. 
$$(q_1, a) = (q_2, \triangleright, \rightarrow)$$

12. 
$$(q_5, a) = (q_5, a, \rightarrow)$$

3. 
$$(q_2, a) = (q_2, a, \rightarrow)$$

13. 
$$(q_5, b) = (q_5, b, \rightarrow)$$

4. 
$$(q_2, b) = (q_2, b, \rightarrow)$$

14. 
$$(q_5, \sqcup) = (q_6, \sqcup, \leftarrow)$$

5. 
$$(q_2, \sqcup) = (q_3, \sqcup, \leftarrow)$$

15. 
$$(q_6, b) = (q_7, \sqcup, \leftarrow)$$

6. 
$$(q_3, a) = (q_4, \sqcup, \leftarrow)$$

16. 
$$(q_6, a) = (q_e, a, -)$$

7. 
$$(q_3, b) = (q_e, b, -)$$

17. 
$$(q_7, a) = (q_7, a, \leftarrow)$$

8. 
$$(q_4, a) = (q_4, a, \leftarrow)$$

18. 
$$(q_7, b) = (q_7, b, \leftarrow)$$

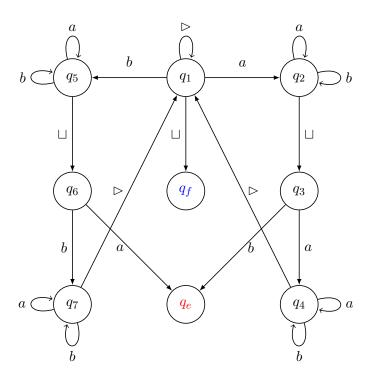
9. 
$$(q_4, b) = (q_4, b, \leftarrow)$$

19. 
$$(q_7, \triangleright) = (q_1, \triangleright, \rightarrow)$$

10. 
$$(q_4, \triangleright) = (q_1, \triangleright, \to)$$

20. 
$$(q_1, \sqcup) = (q_f, \sqcup, -)$$

### 2.1.1. Representación gráfica



## 2.2. Casos de prueba

$\overline{x}$	q	p	ρ	d
⊵abbb⊔	$q_1$	$q_1$	$\triangleright$	$\rightarrow$
⊳ <u>a</u> bbb⊔	$q_1$	$q_2$	$\triangleright$	$\rightarrow$
⊳⊳ <u>b</u> bb⊔	$q_2$	$q_2$	b	$\rightarrow$
⊳⊳b <u>b</u> b⊔	$q_2$	$q_2$	b	$\rightarrow$
⊳⊳bb <u>b</u> ⊔	$q_2$	$q_2$	a	$\rightarrow$
⊳⊳bbb <u>⊔</u>	$q_2$	$q_3$	Ш	$\leftarrow$
⊳⊳bb <u>b</u> ⊔	$q_3$	$q_e$	b	_

Cuadro 3: Caso con estado final rechazado  ${\color{red}q_e},$  donde x=abbb

$\overline{x}$	q	p	ρ	d
⊵abba⊔	$q_1$	$q_1$	$\triangleright$	$\rightarrow$
⊳ <u>a</u> bba⊔	$q_1$	$q_2$	$\triangleright$	$ $ $\rightarrow$
⊳⊳ <u>b</u> ba⊔	$q_2$	$q_2$	b	$\rightarrow$
⊳⊳b <u>b</u> a⊔	$q_2$	$q_2$	b	$\rightarrow$
⊳⊳bb <u>a</u> ⊔	$q_2$	$q_2$	a	$\rightarrow$
⊳⊳bba <u>⊔</u>	$q_2$	$q_3$	Ш	$\leftarrow$
⊳⊳bb <u>a</u> ⊔	$q_3$	$q_4$	Ш	$\leftarrow$
hd	$q_4$	$q_4$	b	$\leftarrow$
$ hitharpoonsar{b}b\sqcup\sqcup$	$q_4$	$q_4$	b	$\leftarrow$
⊳⊵bb⊔⊔	$q_4$	$q_1$	$\triangleright$	$\leftarrow$
$ hickspace  ho \underline{\mathbf{b}} \mathbf{b} \sqcup \sqcup$	$q_1$	$q_5$	$\triangleright$	$\rightarrow$
$\triangleright \triangleright \triangleright \underline{\mathbf{b}} \sqcup \sqcup$	$q_5$	$q_5$	b	$\rightarrow$
⊳⊳⊳b <u>⊔</u> ⊔	$q_5$	$q_6$	Ш	$\leftarrow$
$\triangleright \triangleright \triangleright \underline{\mathbf{b}} \sqcup \sqcup$	$q_6$	$q_7$	Ш	$\leftarrow$
	$q_7$	$q_1$	$\triangleright$	$\leftarrow$
	$q_1$	$q_f$	Ш	

Cuadro 4: Caso con estado final aceptable  $q_f,$  donde x=abba

# Referencias

[1] Elisa Schaeffer, *Modelos computacionales*, Complejidad computacional de problemas y el análisis y diseño de algoritmos, notas de curso, 2020.