

Cours Administration des Systèmes d'Exploitation Ecole Supérieure de Technologie – Guelmim Université Ibn Zohr – Agadir-

Prof. ASIMI Younes

asimi.younes@gmail.com

2020/2021



Les fonctions de hachage permettent d'assurer l'intégrité des données. Les signatures numériques, en plus d'assurer l'intégrité, permettent de vérifier l'origine de l'information et son authenticité.

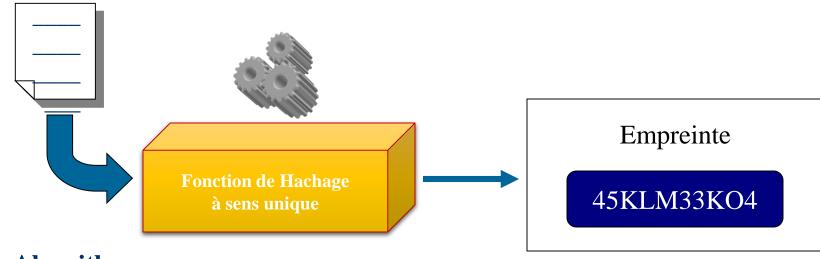
La robustesse de ces fonctions repose essentiellement sur leurs capacités de **résister** contre **différentes attaques**. Elles dominent un grand espace d'application de point de vue **sécurité** :

- Intégrité de fichier (signatures numériques);
- Stockage de mots de passe sécurisé ;
- **❖** Intégrité de communications (messages échangés, mot de passe,...) ;
- * Signature numérique (certificat numérique).

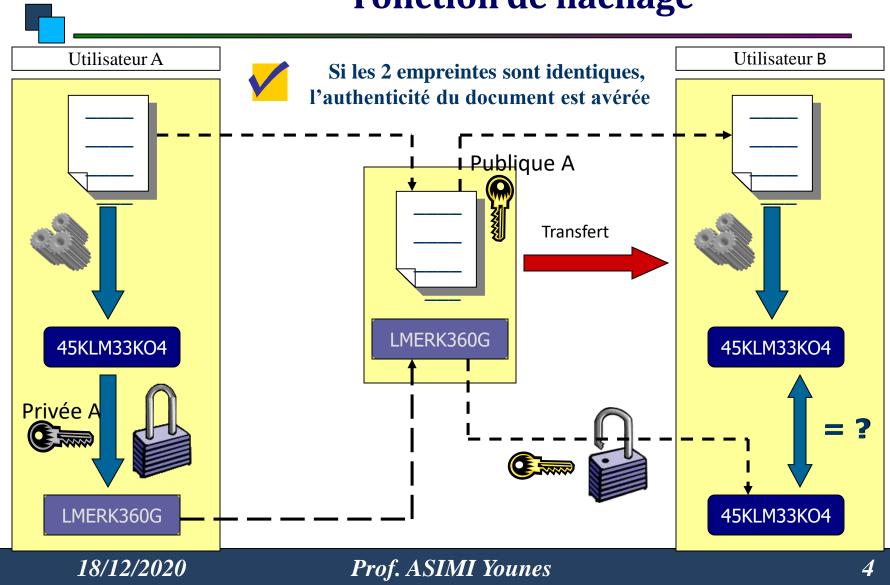


OPPRINT PROPERTY Principe:

Transformation d'une chaîne de caractères de longueur quelconque à une chaîne de caractères de longueur fixe:

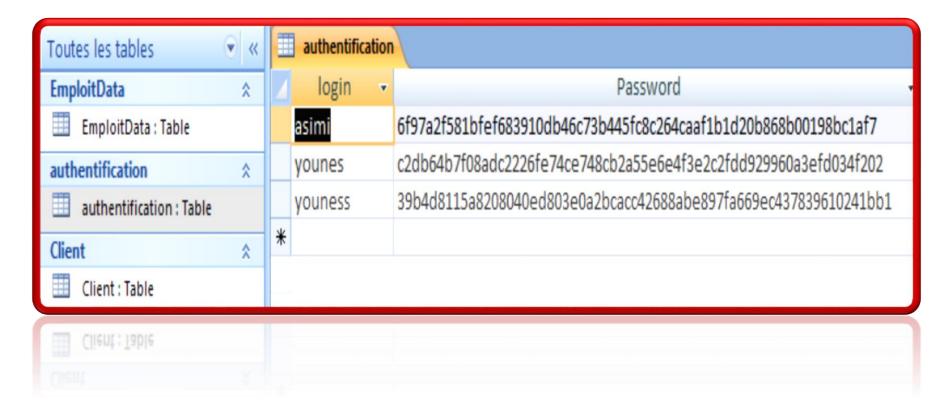


- Algorithmes :
 - MD5 : calcul d'empreinte sur 128 bits,
 - SHA-1 : empreinte de 160 bits, plus sûr que MD5





Hachage des mots de passe sous VBA:





Calculer un Haché pour un mot de passe : « asimi »

Lien: http://www.sha1-online.com/ Home Page | SHA1 in JAVA | Secure password generator | Linux SHA1 and other hash functions online generator asimi hash md5 Result for md5: 7df35e168b25555daec0e802a60f8af7

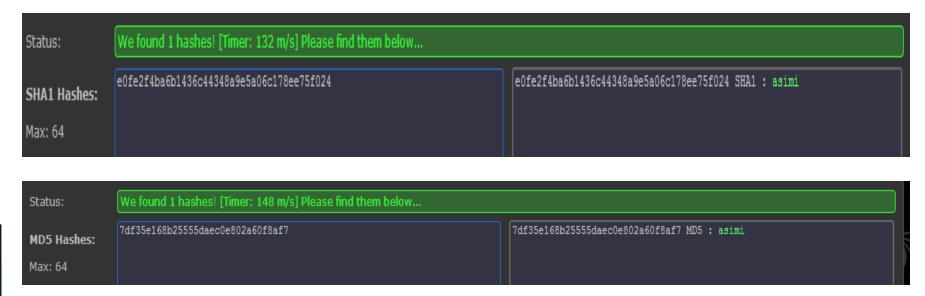
			SHA1 and other hash functions online generator					
				asiı	mi		hash	
						sha-1 ▼		
			Result	for sha1:	e0fe2f4ba	6b1436c4434	48a9e5a06c	:178ee75f024
SHA1 and	d other l	nash function	s onlii	ne gene	rator			
	asimi		ha	sh				
		sha256 ▼						
		Result for						
sha256: 5835	5dd2c323b	ccf0a8946ce4ad!	560bb68	377527ff	26cb5c55	5be3a653345	5a5a76	



Craquer un Haché de mot de passe : « asimi »

Crack Md5:

https://hashkiller.co.uk/sha1-decrypter.aspx





Un certificat numérique est aussi appelé certificat électronique ou certificat de clé publique peut être vu comme une carte d'<u>identité numérique</u>. Il est utilisé principalement pour identifier et authentifier une personne physique ou morale, mais aussi pour <u>chiffrer</u> des échanges.

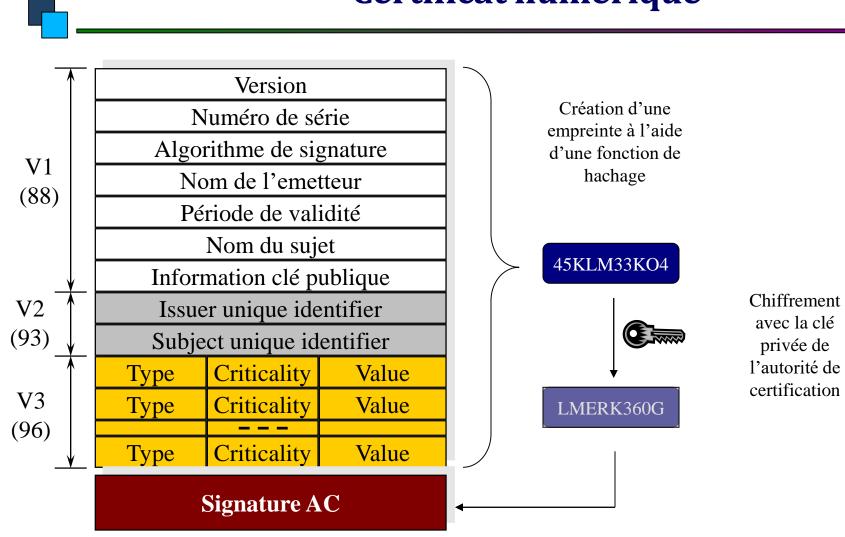
> Classes des certificats numérique:

- Classe I : elle garantit uniquement l'existence d'une adresse email, mais pas l'identité du titulaire du certificat;
- Classe II: elle garantit l'identité du titulaire du certificat et de son entreprise. Les pièces justificatives ont été transmises et vérifiées par l'autorité de certification qui a délivrée certificat numérique;
- Classe III: Comme la classe II et la classe III, elle garantit la vérification de l'identité du titulaire du certificat mais sa présentation physique est requise.



Un certificat est un document électronique émis par une tierce_partie de_confiance qui permet de garantir l'authenticité d'une clé publique.

- Il s'agit d'une carte d'identité numérique pour :
 - Certifier une clé publique;
 - Identifier et authentifier une personne physique ou morale,
 - Chiffrer et déchiffrer des données échangées dans le réseau,
 - Stocker des données sécurisées dans une base de données;
 - Assurer une communication sécurisée entre des serveurs web et des navigateurs (certificat SSL);
 - Signer en ligne en toute sécurité des documents....
- Un certificat est l'équivalent d'une carte d'identité ou d'un passeport.
- Il est délivré par une Autorité de Certification.





Certificate

Version: 3 (0x2)Serial Number: 7 (0x7)

Signature Algorithm : md5 With RSA Encryption

Issuer : C=FR, ST=France, L=Paris, O=EPITA, OU=ADM, CN=ROOT

Email=murphy@tcom.epita.fr

Validitye : Not Before: Sep 11 09:49:27 1998 GMT

Not After: Sep 11 09:49:27 1999 GMT

Subject : C=FR, ST=France, L=Paris, O=EPITA, OU=TCOM, CN=MURPHY

Email=murphy@tcom.epita.fr

Subject Public Key Info : Public Key Algorithm: rsaEncryption

RSA Public Key: (1024 bit)

00:d3:8a:78:15:90:bb:7f:62:50:37:e1:7f:ee:fd:7c:0e:86:c2:1f:50:d9

X509 v3 extensions : Netscape CA Revocation Url : http://anjou.dsi.cnrs.fr/ca-crl.pem

Netscape Comment : Autorite de Certification CNRS-DSI

Signature Algorithm : md5 With RSA Encryption

47:27:8b:b6:4e:7c:22:aa:00:93:9a:c1:e0:04:ad:55:cf:51:c7:11

-----BEGIN CERTIFICATE-----

MIIC7TCCA lag Aw IBAg IBBz AN Bgkqhki G9w 0BAQQFADCBhjELMAk GA1UEBhMCRIIxfKkhXGEkWafhxb3ilCqAFxif4J7DPEX2fgmLEcwDqccR

----END CERTIFICATE-----



La CNIE, identité de la personne vérifiée par les empreintes digitales.





Un certificat électronique unique à la personne contrôlé par une autorité de certification: Banque;

Un document:

Lettre, contrat, facture ...





Un document:

- Word, PDF, XML...
- Contrat, lettre, données...

Un stylo ou un marqueur, un crayon, une plume...







ı

Signature manuscrite

Un certificat électronique:

- Une clef USB,
- Une carte à puce,
- Certificat logiciel...

Un code secret:

Que le signataire est le seul à connaître (ou un mot de passe...)



Types de certificats

Certificat Personnel



- Hébergé sur un PC, carte à puce, jeton USB ...
- Usage privé;
- Messagerie, chiffrement, achat en ligne ...

Certificat Serveur



- Hébergé sur un serveur Web;
- Lié à une adresse de type **Internet** (http://...);
- Sécuriser les échanges électroniques (SSL);



Certificat Développeur



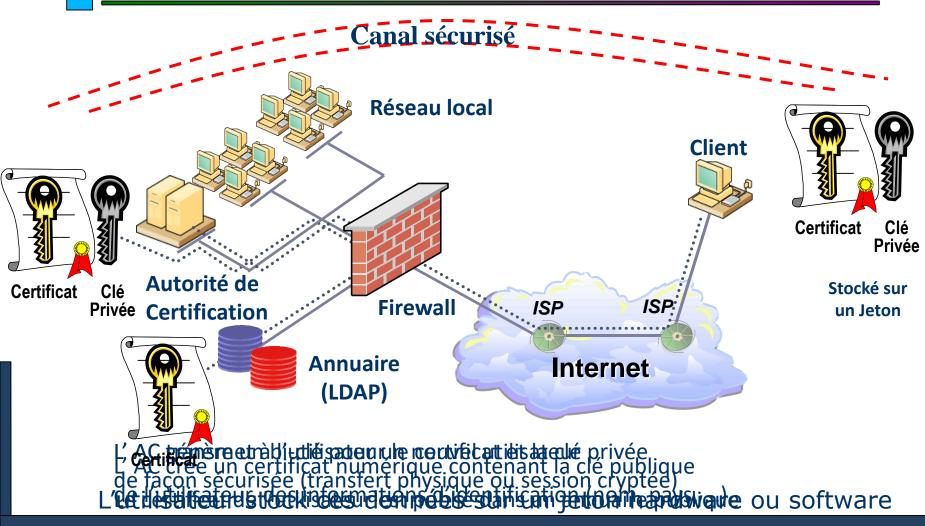
- Intégré à certains browser (IE, Firefox...);
- Donne le droit à certaines applications de se lancer;

Certificat IPSEC



- Hébergé sur des routeurs;
- Chiffre les flux transitant entre lui et un autre équipement réseau;
- VPN, Tunnel IPSEC;

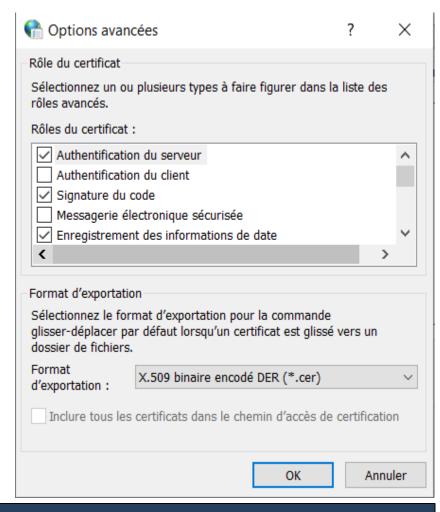
Demande d'un Certificat numérique





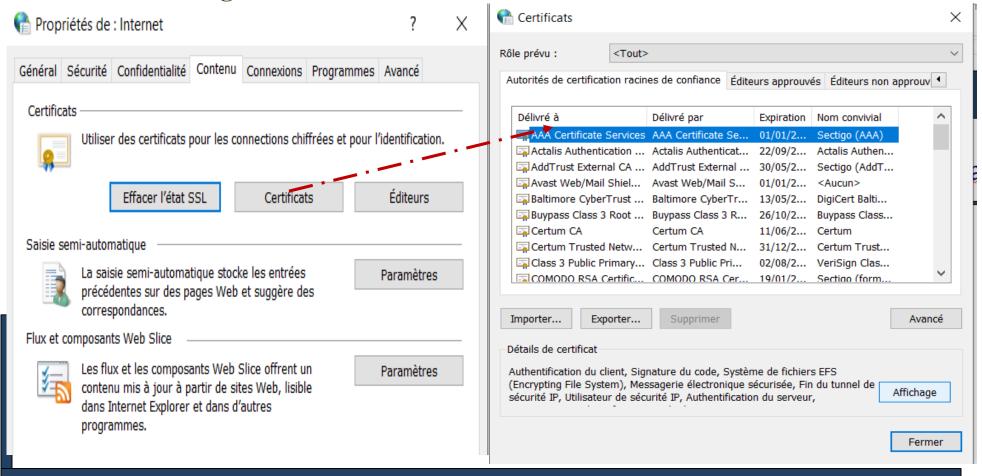
Le fichier d'un certificat contient au moins les **informations** suivantes :

- Le nom de l'autorité de certification qui a créé le certificat;
- Le nom et le prénom de la personne;
- Son entreprise (ESTG par exemple);
- Son adresse électronique;
- Sa clé publique;
- Les dates de validité du certificat;
- Une signature électronique.

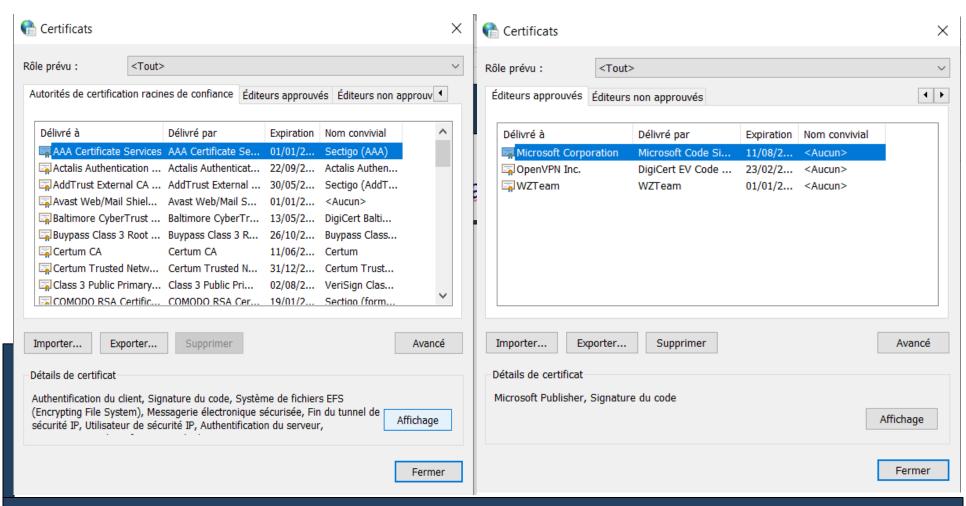


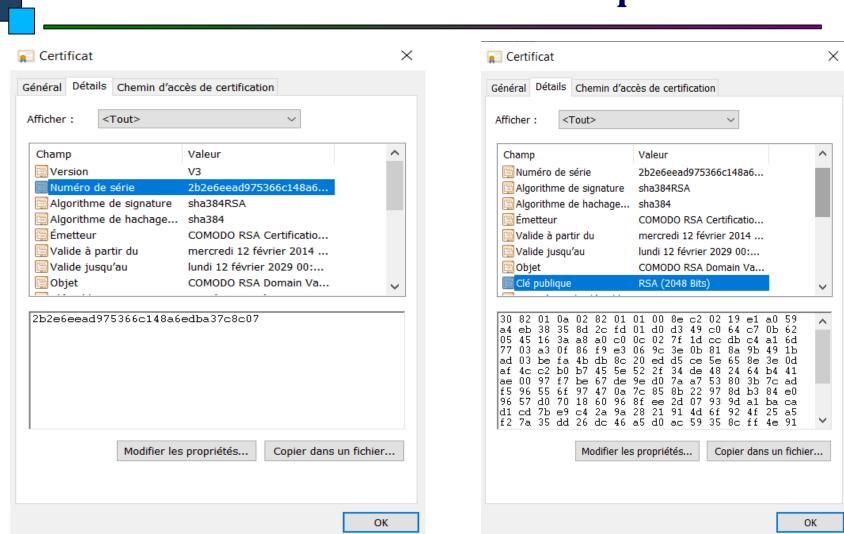


Panneau de configuration\Réseau et Internet:



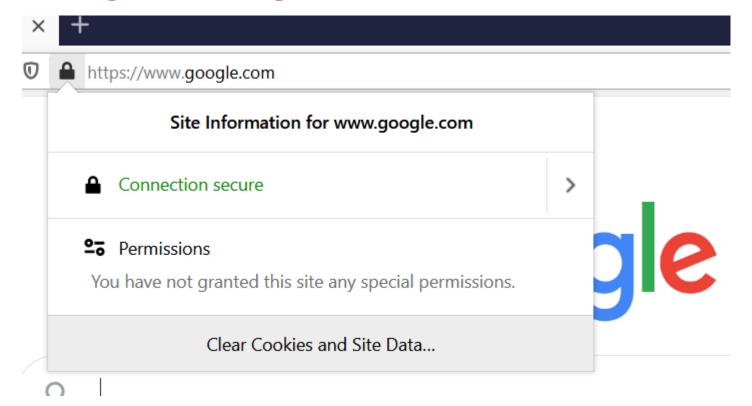




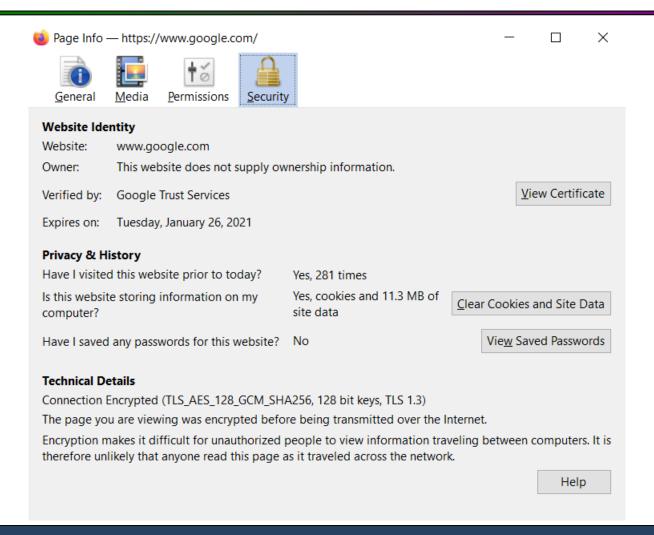




Dans votre navigateur : Google









Subject Alt Names

DNS Name www.google.com

Public Key Info

Algorithm Elliptic Curve

Key Size 256 Curve P-256

Public Value 04:A2:C8:48:9B:8D:97:BC:87:E6:3C:AC:2B:6C:A4:A9:51:44:2D:D6:4C:55:34:5B:14:...

Miscellaneous

Serial Number 00:E5:89:50:14:FF:A6:56:CF:02:00:00:00:00:80:55:FE

Signature Algorithm SHA-256 with RSA Encryption

Version 3

Download PEM (cert) PEM (chain)

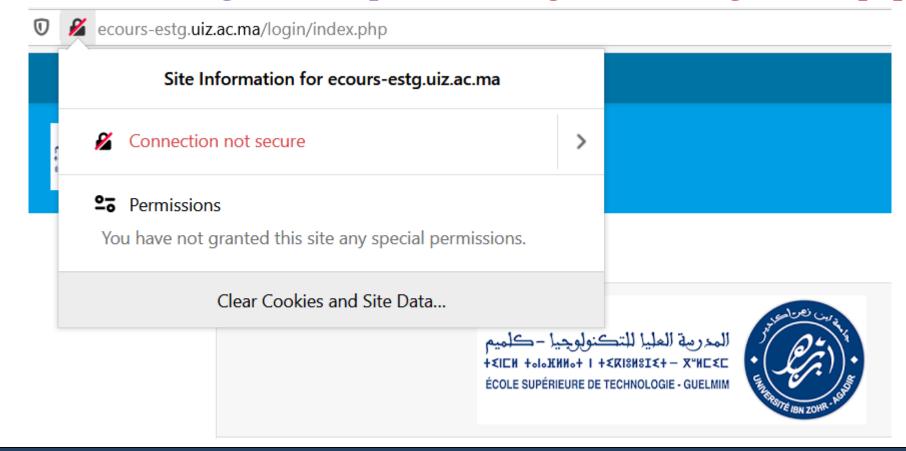
Fingerprints

SHA-256 8D:E8:36:F2:2B:52:79:56:94:47:54:94:8B:2B:CA:D6:CD:CF:87:AA:47:A7:E0:B0:F4:6...

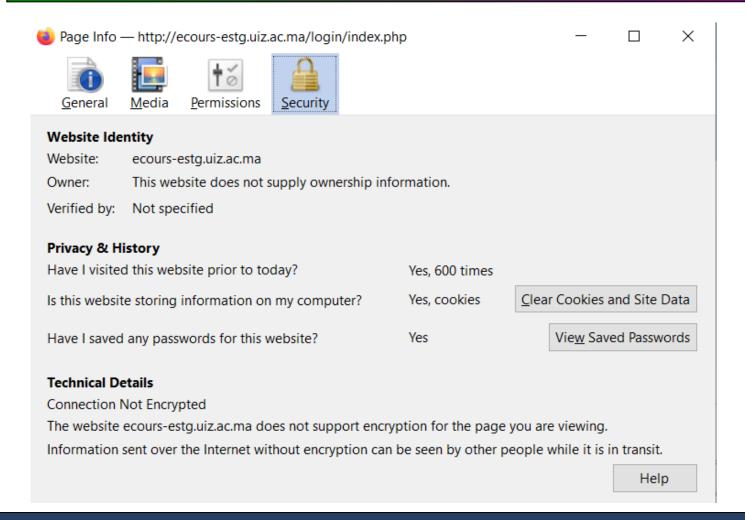
SHA-1 71:51:3E:C3:A9:3E:54:97:03:53:B4:78:15:06:73:2B:16:EB:49:48



Dans votre navigateur: http://ecours-estg.uiz.ac.ma/login/index.php









Cookies

Les cookies sont des fichiers créés par le serveur mais stockés coté client. Ils ont plusieurs utilités :

- Traçabilité de clients,
- Identification sécurisée des utilisateurs (admin) d'un site,
- Enregistrement de données sur l'utilisateur pour des sites.

La transitions et le stockage de ces informations sur le réseau se fait en clair. Il existe deux types de cookies :

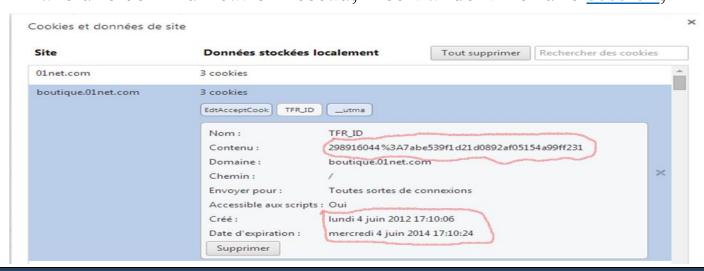
- Cookies Session: il s'expire à la fin de chaque session navigateur.
- Cookies Persistants: ce type n'est pas lié au navigateur. Il persiste à la longue de vie d'un compte utilisateur, mais on peut le supprimer manuellement.



Sessions

ID de session est un numéro d'identification généré par le serveur afin d'attribuer les demandes d'un utilisateur à la session en cours.

- Cet ID de session est localement sauvegardé par l'utilisateur sous la forme d'un cookie;
- Éviter l'utilisation des processus statique (comme l'incrémentation);
- Penser à l'utilisation des générateurs pseudo-aléatoires imprévisibles;
- Dans une communication réseau, il sert à identifier une <u>session</u>;





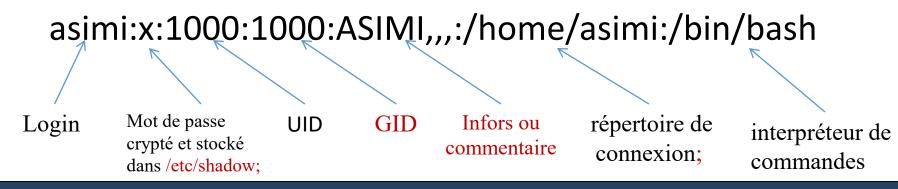
Stockage et cryptage des mot s de passe sous Linux

Premièrement, la sécurité des mots de passes sous UNIX étaient fonder sous un algorithme de chiffrement symétrique DES. Ils étaient stocker dans le deuxième champ de chaque ligne de /etc/passwd (fichier root avait le droit de lecture pour tout le monde).

Mais, suite à la sensibilité des mots de passe, ils ont changé :

- ■Le lieu de stockage /etc/passwd → /etc/shadow;
 - •Il ont remplacé le mot de passe dans le fichier par le caractère x;
- ■La fonction de cryptage $\overline{DES} \rightarrow \overline{MD5}$;

Exemple d'une ligne de stockage dans le fichier /etc/passwd:





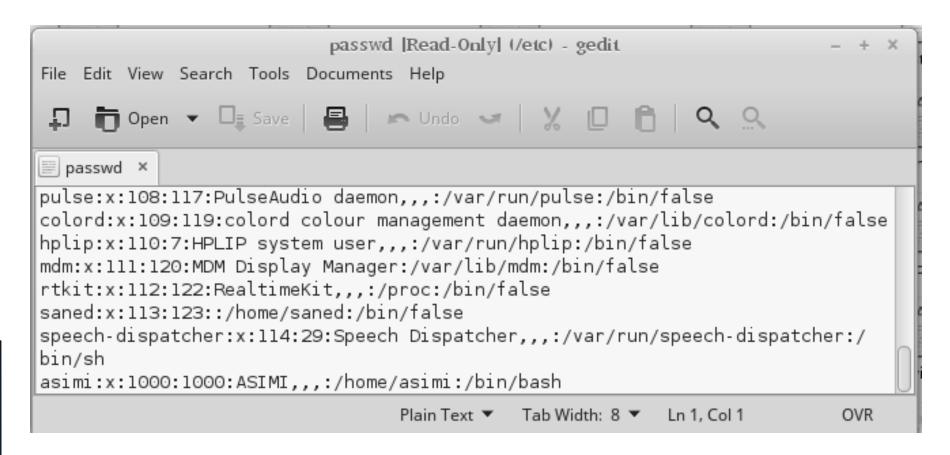
Stockage et cryptage des mot s de passe sous Linux

La seule personne qui as le pouvoir de changer les informations propres à un utilisateur dans le fichier /etc/passwd est le superutilisateur (root):

- **Login:** nom du compte de l'utilisateur ;
- **X:** mot de passe de l'utilisateur (chiffré) ;
- **UID**: identifie **l'utilisateur** pour le système d'exploitation (UID=User ID) ;
- **GID:** identifie le **groupe** de l'utilisateur (GID=Group ID) ;
- **Commentaire** :donne des informations sur l'utilisateur ou bien son nom réel;
- Répertoire de connexion: après s'authentifier, l'utilisateur se trouve dans ce répértoire :/home/asimi;
- Interpréteur de commandes: est l'interpréteur des commandes par défaut après connexion au système : /bin/bash;



Système d'exploitation





Système d'exploitation

Le fichier /etc/passwd est public. Par contre certains systèmes ont introduit le fichier /etc/shadow, lisible seulement par **l'utilisateur root**.





Stockage et cryptage des mot s de passe sous Linux

Le résultat de cryptage d'un mot de passe crypté dans /etc/shadow ressemble à :

\$1\$s1f5m5j4\$oLyi.z6g6/.Fx4x0y6nxD0

Ce mot de passe crypté se compose de deux parties:

- Première partie : \$1\$s1f5m5j4\$ correspond au salt:
 - Elle commence toujours par \$1\$ et finit par \$;
 - Le "salt" est une chaîne aléatoirement, qui n'est pas secrète, et qui sert à perturber le cryptage;
 - Le "salt" devrait être régénérer par régénérateur aléatoire;
- **■Deuxième partie : oLyi.z6g6/.Fx4x0y6nxD0** est le mot de passe **crypté :**
 - ■Il est crypté à l'aide de la fonction de hachage MD5;
 - Cette fonction de hachage est montrée cassable;



Connexion d'un utilisateur

Le rôle d'un administrateur est de veiller sur le bon fonctionnement des SE. Il peut également avoir la tâche d'administrer le réseau, les bases de données, ..., la gestion des utilisateurs et des groupes;

- Comment être «root »?
 Le nom de l'administrateur d'un système Linux est « root ». Pour avoir les privilèges de root ou bien de super user, il faut prendre l'identité de root.
- Connexion en tant qu'utilisateur root:

```
Login: root
Password: caché
#
#exit ou bien logout
```



Connexion d'un utilisateur

Il est aussi possible de prendre les droits de root temporairement, grâce à la commande *su*:

```
$su

password: caché

#(Administrateur)

#exit
$ (utilisateur ordinaire)

Question: expliquer la différence entre les commandes suivantes: su et su -1;

Remarques:
```

- Le caractère tilde (~) indique que vous êtes dans votre répertoire personnel.
- Le signe dollar (\$ ou bien #) indique que le shell bash attend la saisie d'une commande.



Connexion d'un utilisateur

Remarques

- Root peut changer l'invité du shell (#).
- Il est déconseillé de travailler toujours en tant que root.
- Il est préférable de disposer d'un compte ordinaire et d'exécuter la commande su.
- On utilise le symbole \$ pour une utilisateur ordinaire et le symbole # pour root.
- Une erreur lors de la saisie du nom peut être annulée par la combinaison de touches < ctrl-u>.



Gestion des groupes et des utilisateurs

- **❖useradd, usermod, userdel:** gèrent les comptes utilisateurs;
- **❖groupadd, groupmod, groupdel:** gèrent les groupes;
- *passwd: permet de gestion des mot de passe d'utilisateurs;



Création d'un utilisateur

Coté protection, la première action à réaliser par un administrateur est de créer un compte pour chaque utilisateur. Pour ceci, il suffit d'utiliser la commande useradd.

```
asimi@asimi-HP-620:~$ sudo useradd younes
asimi@asimi-HP-620:~$ sudo passwd younes
Enter new UNIX password:
Retype new UNIX password:
passwd: password updated successfully
asimi@asimi-HP-620:~$
```

- La commande **useradd** permet de créer un utilisateur en précisant des informations associées;
- Un utilisateur peut à tout moment changer son mot de passe par la commande passwd.



Modification de Super User

La commande **usermod** modifie les fichiers d'administration des comptes du système selon les modifications qui ont été indiquées sur la ligne de commande. Les options qui s'appliquent à la commande **usermod** sont :

- **■-d --home ou bien -m --move-home:** nouveau répertoire de connexion de l'utilisateur.
- **--l** --login: Le nom de l'utilisateur passera de *login*.
- **-a**, **--append**: Ajouter l'utilisateur aux groupes supplémentaires (-G).
- •-c, --comment: La nouvelle valeur du champ de commentaire du fichier de mots de passe pour l'utilisateur.
- -p, --password: Mot de passe chiffré (par MD5)
- •-e, --expiredate: Date à laquelle le compte utilisateur sera désactivé (format AAAA-MM-JJ).

....



Modification de Super User

Quelques options doivent être passées à *usermod* afin qu'elles aient un résultat intéressant.

Exemple: sudo usermod login nouvel_identifiant --home nouvel_emplacement_du_dossier_personnel movehome identifiant_actuel

- * *login* précise le nouvel identifiant qui devra être attribué au compte d'utilisateur. C'est la seule option qu'il est obligatoire de fournir;
- home indique l'emplacement du dossier personnel de l'utilisateur. Si cette option n'est pas précisée, l'emplacement actuel du dossier personnel est conservé;



Modification de Super User

- *movehome: déplace le contenu du dossier personnel actuel vers le nouvel emplacement, défini à l'option home.
- **❖identifiant_actuel** : désigne le nom du compte dont l'identifiant doit être changé.

```
asimi@asimi-HP-620:~$ sudo usermod -l youness -d /home/asimi -m kaka
usermod: directory /home/asimi exists
asimi@asimi-HP-620:~$
```

Limitations:

- L'identifiant d'un compte d'utilisateur ne peut pas être modifié lorsqu'une session est ouverte avec ce compte ;
- Seul un superutilisateur peuvent modifier l'identifiant d'un compte d'utilisateur..



Suppression de Super User

La suppression d'un compte utilisateur se décompose en deux phases :

- La suppression de l'utilisateur dans les fichiers de configuration (/etc/passwd, /etc/group ...)
- La suppression du répertoire et des fichiers de configuration d'un utilisateur.

La commande *userdel* permet de faire soit la première étape soit de réaliser les deux d'un coup.

Pour supprimer l'utilisateur ASIMI dans les fichiers de configuration du système, utilisez la commande suivante :

[root@root]# userdel ASIMI

Pour supprimer d'un coup l'utilisateur et son répertoire (ici /home/asimi), on utilise la commande suivante :

[root@root]# userdel -r ASIMI



Suppression de Super User

Pour supprimer un mot de passe d'un compte utilisateur **asimi**,il suffit d'utiliser la commande *passwd*.

#passwd -d asimi

```
asimi@asimi-HP-620:~$ sudo passwd -d younes passwd: password expiry information changed. asimi@asimi-HP-620:~$
```



Verrouiller un compte

■ Verrouiller le compte asimi, ce qui empêche sa connexion:

#passwd -l asimi

```
× - D asimi@asimi+HP-620:~

asimi@asimi-HP-620:~$ sudo passwd -l asimi
passwd: password expiry information changed.
asimi@asimi-HP-620:~$
```

usermod --expiredate 1 nom_utilisateur

Options de la commande passwd:

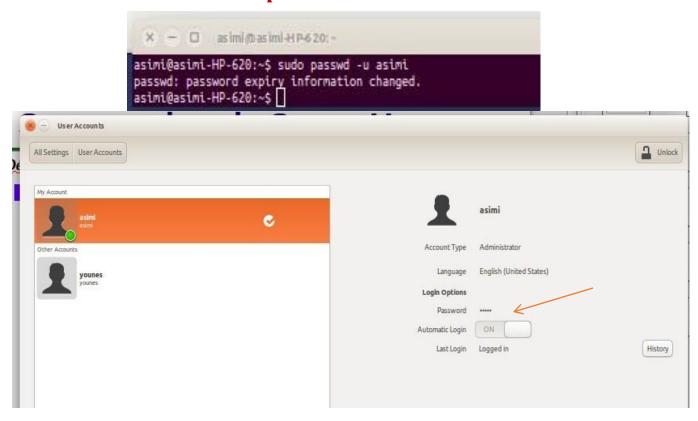
- -l : Permet de verrouiller le compte de l'utilisateur;
- -f: force le changement de mot passe à la prochaine connexion;
- -d : Supprime le mot de passe d'un utilisateur.



Déverrouiller un compte

Déverrouiller le compte asimi,

#passwd -u asimi





Création de Groupe

Le fichier système /etc/group contient la liste des groupes systèmes ainsi que leurs membres. Le format d'une ligne est le suivant:

Nom_du_groupe:X:GID :membre1, membre2...

Exemple:

```
root:x:0:root
Bin:x:1:root,bin,daemon
Apache:x:43:
Joe:x:500:
Alex:x:501:
Developper:x:1000:Alex,Joe
```



Création de Groupe

Caractéristique du fichier /etc/group:

Nom:X:GID:utilisateurs appartenant à ce groupe

Détails

Nom:

Nom du groupe;

Mot de passe X :

Représente le mot de passe du groupe (déconseillé aujourd'hui);

GID:

Représente le Numéro du groupe;

Utilisateur(s):

Mets tous les utilisateurs séparés par une virgule;



Création de Groupe

Pour créer un groupe des utilisateurs, il suffit d'utiliser la commande groupadd.

#groupadd -g [or -G] GID nameGroup

- **g** initial_group: le groupe initiale;
- G group,...: les groupes supplémentaires;

Créer des groupes de GID: 2017, 2018:

#groupadd –g 100 nameGroup

Ajouter un utilisateur à un groupe,

#useradd -G Groupe1, Groupe2, ... nameUser

Lister les groupes d'utilisateur:

#groups nameUser



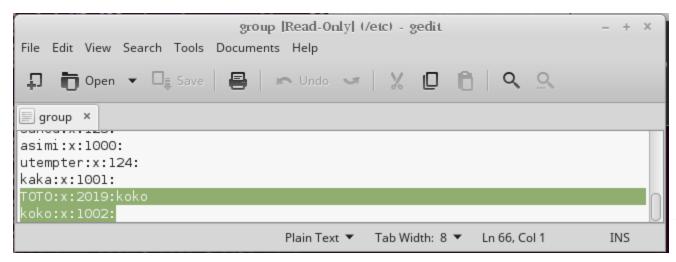
Création de groupe

```
Terminal — + ×

File Edit View Search Terminal Help

asi mi @asi mi - HP- 620 ~ $ su

Passwor d:
asi mi - HP- 620 asi mi # groupadd - g 2019 TOTO
asi mi - HP- 620 asi mi # user add - G TOTO koko
asi mi - HP- 620 asi mi #
```





Modification de Groupe

Pour modifier le nom d'un groupe des utilisateurs, il suffit d'utiliser la commande *groupmod*.

#groupmod newname [-n] nouveau_nom nom_actuel

Exemple:

groupmod -n asimi younes

```
as imi @ as imi-H P-6 20: ~
asimi@asimi-HP-620:~$ sudo groupadd younesasimi
 sudo] password for asimi:
asimi@asimi-HP-620:~$ sudo groupmod asimiyounes younesasimi
Usage: groupmod [options] GROUP
Options:
                                 change the group ID to GID
  -g, --gid GID
                                 display this help message and exit
  -h, --help
  -n, --new-name NEW GROUP
                                 change the name to NEW_GROUP
  -o, --non-unique
                                 allow to use a duplicate (non-unique) GID
  -p, --password PASSWORD
                                 change the password to this (encrypted)
                                 PASSWORD
  -R. --root CHROOT DIR
                                 directory to chroot into
asimi@asimi-HP-620:~$ sudo groupmod -n asimiyounes younesasimi
asimi@asimi-HP-620:~$
```



Suppression de groupe

Pour supprimer un groupe des utilisateurs, il suffit d'utiliser la commande *groupdel*.

#groupdel nameGroup

```
asimi@asimi-HP-620:~$ sudo groupdel younesasimi
asimi@asimi-HP-620:~$ sudo useradd -G younesasimi younes
useradd: group 'younesasimi' does not exist
asimi@asimi-HP-620:~$
```



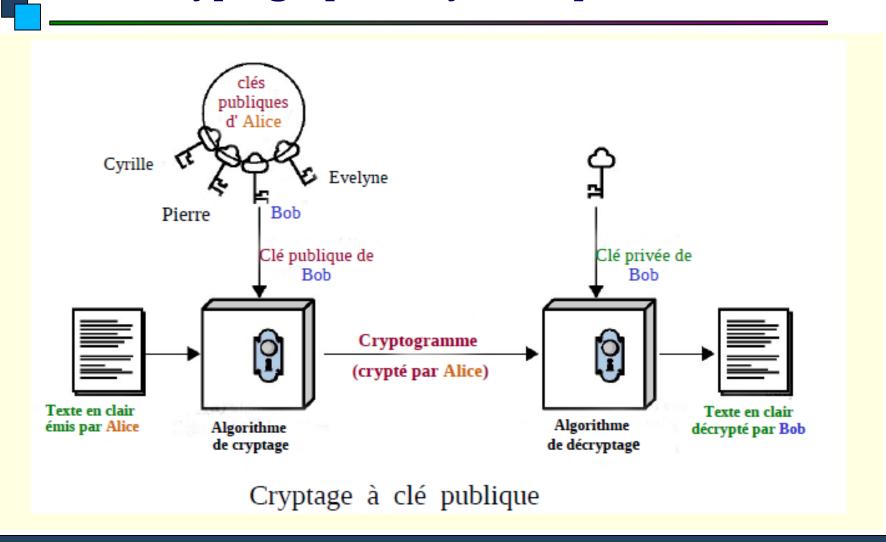
Cryptographie Asymétrique

La cryptographie à clef publique repose sur un schéma asymétrique qui utilise une paire de clefs pour le chiffrement : une clef publique, qui chiffre les données, et une clef privée correspondante, aussi appelée clef secrète, qui sera utilisée pour le déchiffrement.

Parmi les crypto-systèmes à clef publique, on cite:

- Elgamal (Taher Elgamal);
- •*RSA*;
- •Diffie Hellman;
- DSA, l'Algorithme de Signature Digitale;

Cryptographie Asymétrique





Cryptosystème RSA

Supposons que Alice souhaite communiquer avec Bob en utilisant RSA, chacune de deux personnes crée:

- une clef publique qu'elle diffuse à ses correspondants ;
- une clef privée qu'elle cache soigneusement.

Algorithme de création des clefs :

- Elle choisit deux grands nombres premiers distincts p et q.
- Elle calcule n = pq et $\varphi(n) = (p-1)(q-1)$.
- Elle choisit un entier $e \in \{2,...,n-1\}$ premier avec $\varphi(n)$.
- Elle détermine $e^{-1} = d \in \{2,...,n-1\} : de = 1 \mod \varphi(n)$.
- La clef privée d'Alice est d et sa clef publique est (n, e).



Cryptosystème RSA

Algorithme de chiffrement

Lorsque Alice veut envoyer un message confidentiel à Bob :

- Alice code le message en code ASCII de taille trois.
- Il représente le message par un nombre $m \in \{1, ..., n-1\}$;
- Il se procure la clef publique (n, e) de Bob; il doit s'assurer qu'il s'agit effectivement de la clef publique de Bob (Certificat numérique).
- Il calcule $\mathbf{c} \equiv \mathbf{m}^{\mathbf{e}} \mod \mathbf{n}$ qui est un bloc chiffré.
- Il transmit la concaténation des c à Bob.



Cryptosystème RSA

Algorithme de déchiffrement

Lorsque Bob reçoit le message c, il calcule le texte en clair en utilisant sa clef privée $\mathbf{d} : m = c^d \mod n$.

Remarques:

- La compréhension de RSA nécessite quelques connaissances mathématiques plus précisément des connaissances sur l'arithmétique ou calculs modulaires.
- Le RSA est encore le système cryptographique à clef publique le plus utilisé dans le monde de nos jours.



Les fonctions composantes de RSA:

- •Calcul de n et $\ell(n)$.
- •Génération de la clé publique e (recherche des nombres premier avec $\ell(n)$).
- ■Génération de la clé privée d (calcul d'inverse).
- Cryptage (chiffrement).
- ■Décryptage (déchiffrement).

Les opérations utilisées dans RSA:

- Soustraction;
- •Multiplication;
- Puissance;
- Modulo;
- **■**Division.



Description du fonctionnement des composantes:

- •Calcul de n et $\ell(n)$: après avoir choisis les deux nombre p et q qui sont deux paramètres d'entrée de RSA, l'algorithme procède au calcul de n = p*q et $\ell(n) = (p-1)(q-1)$.
- Génération de e: pour la génération de la clé publique e l'algorithme recherche l'ensemble des nombres qui seront premiers avec $\ell(n)$ et inférieurs à n.
- Génération de d: la génération de la clé privée consiste à trouver l'inverse de e de tel sorte que : e * d = 1 % n.
- Cryptage: le chiffrement se fait comme suit : $C = M^e \% n$.
- $D\acute{e}cryptage: M = C^d\%n$.



Si une clé public e accepte son propre inversible d, on aura e = d. Dans ce cas, la clé est utilisée pour le chiffrement et le déchiffrement du message (chiffrement symétrique).

- \bullet On propose p = 7 et q = 11;
- ❖ On détermine toutes des clés pour que RSA soit symétrique & asymétrique;
 - n=p*q=7*11=77;
 - $\ell(n) = (p-1)(q-1)=(7-1)*(11-1)=60;$
 - $e \in \{2,...,77\} \setminus PGCD(e,60) = 1;$
 - $e \in \{7,11,13,17,19,23,29,31,37,41,43,47,49,51,53,57,59,61,71,73\};$
- ❖ Pour que RSA soit symétrique, on doit vérifier que chaque clé accepte son propre inversible: x*x=1%60;
 - RSA symétrique: {11, 19, 29, 31, 41,49, 59, 61, 71};
 - RSA asymétrique: {7, 13, 17, 23, 37, 43, 47, 53, 67, 73}.



Cas clé publique e = 7:

- Dans ce cas RSA est asymétrique puisque la clé 7 se trouve dans l'ensemble asymétrique démontré dans la question précédente.
- ■Calcul de la clé privée d :

```
d \in \{7, 13, 17, 23, 37, 43, 47, 54, 67, 73\} \setminus d \cdot 7 = 1 \% 60
```

•On trouve alors dans cet ensemble que d = 43.



Chiffrement avec RSA

Pour chiffrer un message avec RSA on commence tout d'abord par la conversion du message on code ascii de taille 3 le message choisis est « misr » :

Ensuite il faut représenter le message en blocs de même taille que n qui est égale à 77 dans notre cas ; chaque bloc sera de taille 2 :

$$M = \{10,91,05,11,51,14\}$$

Il faut aussi vérifier que les blocs contiennent des nombres inférieurs à n (77) ce qui nous pousse à réduire la taille de chaque bloc on obtient alors :

$$M=\{1,0,9,1,0,5,1,1,5,1,1,4\}$$



Chiffrement avec RSA

Maintenant on procède au calcul de C (message chiffré) :

$$C = \left\{1^{7} \% 77, 0^{7} \% 77, 9^{7} \% 77, 1^{7} \% 77, 0^{7} \% 77, 5^{7} \% 77, 1^{7} \% 77$$

$$C = \{1, 0, 37, 1, 1, 0, 47, 1, 1, 47, 1, 1, 60\}$$



Déchiffrement du message

Pour le déchiffrement du message on aura :

$$M = \left\{1^{43}\% 77, 0^{43}\% 77, 37^{43}\% 77, 1^{43}\% 77, 1^{43}\% 77, 0^{43}\% 77, 0^{43}\% 77, 47^{43}\% 77, 1^{43}\%$$

Ensuite on reprend la représentation en bloc de code ascii de taille 3 on obtient :

$$M = \{109, 105, 115, 114\} = Misr$$