

**1.) Die Laufzeit:**

Die Laufzeit  $T(n)$  hängt von der Anzahl der Operationen ab, die für die Additionen und Multiplikationen der Matrizen erforderlich sind.

Die innere Schleife führt  $n$  Multiplikationen/Additionen aus, daher  $O(n^3)$ .

**2.) Algorithmus Analyse:**

```
for (int i = 0; i < n; i++) {  
    final int row = i;  
    threads[i] = new Thread(() -> {  
        for (int j = 0; j < n; j++) {  
            int sum = 0;  
            for (int k = 0; k < n; k++) {  
                sum += A[row][k] + B[k][j];  
            }  
            result[row][j] = sum;  
        }  
    });  
    threads[i].start();  
}
```

Hauptschleife des Algorithmus

Die äußere Schleife läuft  $n$  Mal

Die mittlere Schleife läuft  $n$  Mal

Die innere Schleife läuft  $n$  Mal

**3.) Abschätzung in O-Notation:**

Die Anzahl der Operationen ist demnach  $T(n) = O(n^3)$ .

**4.) Komplexitätsklasse:**

Der Algorithmus liegt in der Komplexitätsklasse  $O(n^3)$ .

## 6.) Bestimmung der Konstanten:

Gemessene Laufzeiten:

$$n = 1250: T(500) = 8467ms$$

$$n = 2500: T(2500) = 147191ms$$

Bestimmung der Konstanten:

$$T(n) = O(n^3)$$

Das es Konstanten  $c_1$  und  $c_2$  gibt, sodass  $c_2 * n^3 \leq T(n) \leq c_1 * n^3$  für  $n \geq n_0$

Da in jeder der  $n^3$  Iterationen eine konstante Anzahl an Operationen erfolgt:

$$T(n) \in \tilde{O}(n^3)$$

Für  $n = 1250$ :

$$T(1250) = 1250$$

$$1250^3 = 1953125000$$

$$c_1 * n^3 \leq T(n) \leq c_2 * n^3 \approx 1250$$

$$c_1 * 2000000000 \geq 1250^3 \rightarrow c_1 \leq \frac{1250}{1953125000} \approx 1.953125 * 10^9$$

$$c_2 * 1900000000 \geq 1250^3 \rightarrow c_2 \geq \frac{1250}{1953125000} \approx 1.953125 * 10^9$$