Contents

1	int-s	ummary	y 2
	1.1	概述	
	1.2	数组和字	2符串
		1.2.1	三数之和
		1.2.2	矩阵置零
		1.2.3	字母异位词分组....................................
		1.2.4	无重复字符的最长子串....................................
	1.3	链表	
		1.3.1	两数相加
		1.3.2	奇偶链表
		1.3.3	最长回文子串
		1.3.4	递增的三元子序列....................................
		1.3.5	相交链表
	1.4	树	
		1.4.1	中序遍历
		1.4.2	Fragin
		1.4.3	锯齿形层序遍历
		1.4.4	前序 + 中序还原树
		1.4.5	二叉搜索树第 k 小
	1.5		——大汉苏州为 4 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7
	1.5	1.5.1	岛屿数量
	1.6		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
	1.0	1.6.1	回溯小结
		1.6.2	电话号码的字母组合
		1.6.3	
		1.6.4	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
		1.6.5	
			子集
	1.7	1.6.6	単词捜索
	1./		
		1.7.1	各排序算法总结
		1.7.2	二分小结
		1.7.3	颜色分类
		1.7.4	前 k 个高频元素
		1.7.5	数组中的第 k 个最大元素
		1.7.6	寻找峰值
		1.7.7	在排序数组中查找元素的第一个和最后一个位置
		1.7.8	合并区间
		1.7.9	搜索旋转排序数组
	4.0		搜索二维矩阵 II
	1.8	I	19
		1.8.1	跳跃游戏
		1.8.2	不同路径
		1.8.3	零钱兑换 20
		1.8.4	最长递增子序列
	1.9	设计	
		1.9.1	二叉树的序列化与反序列化
		1.9.2	O(1) 时间插入、删除和获取随机元素
	1.10		23
		1.10.1	快乐数
		1.10.2	阶乘后的零
		1.10.3	Excel 表列序号
		1.10.4	Pow(x, n)

	1.10.5	X 的平方根	 		 							
	1.10.6	两数相除	 		 	 						
	1.10.7	分数到小数	 		 							
1.11	其他		 		 							
	1.11.1	两整数之和	 		 							
	1.11.2	逆波兰表达式求值	 		 							
	1.11.3	多数元素	 		 							
	1.11.4		 		 							

1 int-summary

1.1 概述

参考 1: https://leetcode-cn.com/leetbook/detail/top-interview-questions-medium/

1.2 数组和字符串

1.2.1 三数之和

```
vector<vector<int>> threeSum(vector<int>& nums)
   int size = nums.size();
   vector<vector<int> >res;
                                   // 保存结果(所有不重复的三元组)
   if (size < 3) {
                          // 特判
       return res;
   }
   std::sort(nums.begin(), nums.end());// 排序(默认递增)
   for (int i = 0; i < size; i++)</pre>
                                 // 固定第一个数,转化为求两数之和
       if (nums[i] > 0) { //!!! 容易漏掉
           return res; // 第一个数大于 O, 后面都是递增正数, 不可能相加为零了
       // 去重: 如果此数已经选取过, 跳过
       if (i > 0 \&\& nums[i] == nums[i - 1]) {
           continue;
       // 双指针在 nums[i] 后面的区间中寻找和为 O-nums[i] 的另外两个数
       int left = i + 1;
       int right = size - 1;
       while (left < right)</pre>
           if (nums[left] + nums[right] > -nums[i]) {
               right--; // 两数之和太大,右指针左移
           } else if (nums[left] + nums[right] < -nums[i]) {</pre>
                         // 两数之和太小,左指针右移
               left++;
           } else {
               // 找到一个和为零的三元组,添加到结果中,左右指针内缩,继续寻找
               vector<int> tmp {nums[i], nums[left], nums[right]};
               res.push_back(tmp);
               left++;
               right--;
               // 去重: 第二个数和第三个数也不重复选取 !!! 容易漏掉
               // 例如: [-4,1,1,1,2,3,3,3], i=0, left=1, right=5
               while (left < right && nums[left] == nums[left-1]) {</pre>
```

```
left++;
                    while (left < right && nums[right] == nums[right+1]) {</pre>
                        right--;
                }
            }
        }
        return res;
    }
1.2.2 矩阵置零
一个数是 0,那就把这行和这列都变成 0
    void setZeroes(vector<vector<int>>& matrix) {
        int row = matrix.size();
        int col = matrix[0].size();
        vector<bool> rows(row, false);
        vector<bool> cols(col, false);
        for (int i = 0; i < row; ++i) {</pre>
            for (int j = 0; j < col; ++j) {</pre>
                if (matrix[i][j] == 0) {
                    rows[i] = true;
                    cols[j] = true;
                }
            }
        }
        for (int i = 0; i < row; ++i) {</pre>
            for (int j = 0; j < col; ++j) {
                if (rows[i] || cols[j]) {
                    matrix[i][j] = 0;
                }
            }
        }
    }
1.2.3 字母异位词分组
其实就是个倒排
    vector<vector<string>> groupAnagrams(vector<string>& strs) {
        unordered_map<string, vector<string> > xmap;
        for (auto& it: strs) {
            string xit = it;
            sort(xit.begin(), xit.end());
            xmap[xit].emplace_back(it);
        }
        vector<vector<string>> res;
        for (auto& it: xmap) {
            res.emplace_back(it.second);
        return res;
    }
```

1.2.4 无重复字符的最长子串

```
双指针
```

```
int lengthOfLongestSubstring(string s) {
    set<char> set_char;
    int res = 0;
    // 双指针
    for (int i = 0, j = 0; i < s.size() && j < s.size(); ) {
        if (set_char.find(s[j]) != set_char.end()) {
            //找到重复了,那就把起始的扔了
            set_char.erase(s[i]);
            ++i;
        } else {
            if (j - i + 1 > res) {
                res = j - i + 1;
            set_char.insert(s[j]);
            //没重复的,右指针继续往前找
            ++j;
        }
    }
    return res;
}
```

1.3 链表

}

1.3.1 两数相加

head->...->tail 是倒序的整数,求两个整数的和,并返回同样格式的链表

```
ListNode* addTwoNumbers(ListNode* 11, ListNode* 12) {
    int carry = 0;// 进位
    ListNode* dummy_head = new ListNode(0); //需要有个 dummy head, 最后 return head->next
   ListNode* tmp = dummy_head;
   ListNode* ptr1 = 11;
   ListNode* ptr2 = 12;
    while (ptr1 != NULL || ptr2 != NULL) {
        int val1 = ptr1 != NULL? ptr1->val: 0;
        int val2 = ptr2 != NULL? ptr2->val: 0;
        int sum = val1 + val2 + carry;
        //cout << sum << " " << carry << " " << val1 << " " << val2 << endl;
        carry = sum / 10; // 很重要!!!!! 新的 carry
        int remain = sum % 10;
        tmp->next = new ListNode(remain);
        ptr1 = (NULL == ptr1? NULL: ptr1->next); //判断的是 ptr1, 而不是 ptr1->next!!!!!!
        ptr2 = (NULL == ptr2? NULL: ptr2->next);
        tmp = tmp->next;
    }
    if (carry > 0) {
        tmp->next = new ListNode(carry);
    return dummy_head->next;
```

1.3.2 奇偶链表

12345 变成 13524

```
ListNode* oddEvenList(ListNode* head) {
       // 先把第一个偶数保存下来,
       // 跳着指 (2->4,3->5),
       // 最后再把奇数的指向第一个偶数,
        // return 的应该还是 head
        if (head == nullptr) {
           return nullptr;
       }
       ListNode* even head = head->next; //第一个偶数, 存下来
       ListNode* odd = head;
       ListNode* even = even head;
       while (even != nullptr && even->next != nullptr) {
           odd->next = even->next;
           odd = odd->next;
           even->next = odd->next;
            even = even->next;
       odd->next = even_head;
       return head;
   }
1.3.3 最长回文子串
dp
    string longestPalindrome(string s) {
       // p(i,j) 表示 i:j 是回文串
       // 转移:
       // if si == sj then p(i,j) = p(i+i, j-1)
       // 边界: len=1 是, len=2, 如果 si==sj 那是
        // 结果就是所有 p(i,j)=1 的 j-i+1 的 max
       int n = s.size();
        if (n < 2) {
           return s;
       int max_len = 1;
       int begin = 0;
        // n * n 的矩阵
       vector<vector<bool> > dp(n, vector<bool>(n));
       for (int i = 0; i < n; ++i) {</pre>
            dp[i][i] = true; //1 个字符的肯定是
        // L 是子串长度
       for (int L = 2; L <= n; ++L) {</pre>
            for (int i = 0; i < n; ++i) {
               // 根据 L 找 j 的位置, L = j-i+1
               int j = L + i - 1;
                if (j \ge n) {
                   break; // 到尽头了
               if (s[i] != s[j]) {
```

```
dp[i][j] = false;
               } else {
                   if (j - i < 3) {
                       dp[i][j] = true;
                   } else {
                       dp[i][j] = dp[i + 1][j - 1];
               }
               if (dp[i][j] && L > max_len) {
                   max_len = L;
                   begin = i;
           }
       }
       return s.substr(begin, max_len);
   }
1.3.4 递增的三元子序列
   bool increasingTriplet(vector<int>& nums) {
       // first < second, 且 second 肯定大于 first, 那么如果 second 右边的比 second 大, 就是找到了
       int n = nums.size();
       //if (n < 3)  {
       //
            return false;
       int first = INT_MAX, second = INT_MAX;
       for (int i = 0; i < n; ++i) {</pre>
           int num = nums[i];
           if (num <= first) {</pre>
               first = num; // 更新第一个数
           } else if (num <= second) {</pre>
               second = num; // 这个数比 first 大, 那就是 second
           } else {
               // 如果这个数比两个数都大,那 return
               return true;
           }
       }
       return false;
   }
1.3.5 相交链表
返回交点
   ListNode *getIntersectionNode(ListNode *headA, ListNode *headB) {
       // a b 一直走,判断是否相等,假设 b 比 a 长
       // a 到 null 的时候, a 从 b 的头开始, 这样和 b 一起走 b-a 的长度;
       // b 到 null 的时候,二者都走了 b-a,b 从 a 的头开始,就能和 a 相遇了
       // 假设没交点, 那最后两个都会指向 null
       if (headA == nullptr || headB == nullptr) {
           return nullptr;
       }
```

```
ListNode* p1 = headA;
       ListNode* p2 = headB;
       while (p1 != p2) {
           p1 = (p1 == nullptr? headB: p1->next);
           p2 = (p2 == nullptr? headA: p2->next);
       return p1;
   }
1.4 树
1.4.1 中序遍历
栈一直塞左子树,取出栈顶,扔到 res 里去,pop 出来,开始遍历原栈顶的右子树
vector<int> inorderTraversal(TreeNode* root) {
       stack<TreeNode*> stk;
       vector<int> res;
       while (root != nullptr || !stk.empty()) { // 两个条件 或!!!!
           while (root != nullptr) { // 一直把 root 的左子树丢进去
               stk.push(root);
               root = root->left;
           root = stk.top();
           stk.pop(); // 栈顶扔出来
           res.emplace_back(root->val); // 值搞进去
           root = root->right; // 开始原栈顶的右子树
       }
       return res;
   }
1.4.2 层序遍历
队列 (bfs) queue
1.4.3 锯齿形层序遍历
队列 + 优先队列 deque
   vector<vector<int>> zigzagLevelOrder(TreeNode* root) {
       // 层序遍历,加个参数,奇数左到右,偶数右到左
       // dequeue, 双端队列
       vector<vector<int> > res;
       if (root == nullptr) {
           return res;
       queue<TreeNode*> q;
       q.push(root);
       bool left_order = true;
       while (!q.empty()) {
           deque<int> level_lst;
           int size = q.size();
           for (int i = 0; i < size; ++i) { // 这里写 size, 而不是 q.size, 因为 q 一直在变!!!
               TreeNode* node = q.front();
               q.pop();
               if (left_order) {
```

```
level_lst.push_back(node->val);
               } else {
                   level_lst.push_front(node->val);
               }
               if (node->left) {
                   q.push(node->left);
               }
               if (node->right) {
                   q.push(node->right);
           }
           res.emplace_back(vector<int>(level_lst.begin(), level_lst.end()));
           left_order = !left_order;
       }
       return res;
   }
1.4.4 前序 + 中序还原树
前序:根 [\pm][\pm] 中序:[\pm] 根 [\pm] 找到根在中序里的位置(先用 \pm 两 存好值-位置关系,\pm 0 \pm 3),然后递归
   TreeNode* buildTree(vector<int>& preorder, vector<int>& inorder) {
       // 通过前序找到根,再在中序里找到根的位置,左边是左子树,右边是右子树,这样就知道在前序里走几步是左,后面的就是右
       // 因此,区间的端点就是递归的参数
       // 把中序的值和 index 存到一个 map 里,这样就能知道在前序中的区间位置了
       int len_pre = preorder.size();
       int len_in = inorder.size();
       if (len_pre != len_in) {
           return nullptr;
       }
       unordered_map<int, int> xmap;
       for (int i = 0; i < len_in; ++i) {</pre>
           xmap.emplace(inorder[i], i);
       // 前序, 左右区间; 中序 map, 左右区间
       return buildTreeSub(preorder, 0, len_pre - 1, xmap, 0, len_in - 1);
   }
   // 这里 xmap 要传引用,不然会超时。。
   TreeNode* buildTreeSub(vector<int>& preorder, int pre_start, int pre_end, unordered_map<int, int>&
       if (pre_start > pre_end || in_start > in_end) { // 终止条件
           return nullptr;
       int root_val = preorder[pre_start];
       TreeNode* root = new TreeNode(root_val);
       int in_index = xmap[root_val]; //肯定会有
       root->left = buildTreeSub(preorder, pre_start + 1, pre_start + in_index - in_start, xmap, in_st
       root->right = buildTreeSub(preorder, pre_start + in_index - in_start + 1, pre_end, xmap, in_ind
       return root;
   }
       // 迭代法 (看不懂):
       // 前序中的任意连续两个节点 u,v 而言,要么 v 是 u 的左儿子,
```

1.4.5 二叉搜索树第 k 小

```
左边比根小,右边比根大,那就中序遍历,遍历完成左,然后根,然后右,然后 k-,减到 0 就是了中序就是栈
    int kthSmallest(TreeNode* root, int k) {
       // 栈,中序遍历,左子树都比它小,所以找 topk 小,就先遍历完左的,再遍历它,再右
       stack<TreeNode*> stk;
       while (root != nullptr || stk.size() > 0) {
           while (root != nullptr) {
               stk.push(root);
               root = root->left;
           root = stk.top();
           stk.pop();
           --k;
           if (k == 0) {
               break;
           root = root->right;
       }
       return root->val;
   }
1.5 图
1.5.1 岛屿数量
以 1 开始, dfs, visited 置 0, dfs 就是上下左右地递归:
   int numIslands(vector<vector<char>>& grid) {
       // dfs,看成一个无向图,垂直或者水平相邻的 1 之间是一条边
       // 遇到 1, 就以它为起点, dfs, 每个走到的 1 重新记为 O!!!
       // 这样,走了多少次 dfs,就有多少个岛屿
       // dfs 中 就是先置 O, 然后上下左右分别递归找
       int rows = grid.size();
       if (rows == 0) {
           return 0;
       int cols = grid[0].size();
       int num islands = 0;
       for (int r = 0; r < rows; ++r) {</pre>
           for (int c = 0; c < cols; ++c) {</pre>
               if (grid[r][c] == '1') {
                   ++num_islands;
                   dfs(grid, r, c);
           }
       }
       return num_islands;
   }
   void dfs(vector<vector<char> >& grid, int r, int c) {
       int rows = grid.size();
       int cols = grid[0].size();
```

```
grid[r][c] = '0';
       if (r - 1 >= 0 \&\& grid[r - 1][c] == '1') {
           dfs(grid, r - 1, c); // \bot
       }
       if (r + 1 < rows && grid[r + 1][c] == '1') {
           dfs(grid, r + 1, c); // \top
       if (c - 1 \ge 0 \&\& grid[r][c - 1] == '1') {
           dfs(grid, r, c - 1); // 左
       if (c + 1 < cols && grid[r][c + 1] == '1') {</pre>
           dfs(grid, r, c+1); // 右
   }
1.6 回溯法
1.6.1 回溯小结
回溯法: 一种通过探索所有可能的候选解来找出所有的解的算法。如果候选解被确认不是一个解(或者至少不是最后一个解),回溯算法会通过在上
一步进行一些变化抛弃该解,即回溯并且再次尝试。
套路:调用:
       vector<string> res; // 也可能是 vec 的 vec
       string cur; // 也可能是 vec, 看题目
       backtrace(res, cur, xxx);
       return res;
回溯函数:
   void backtrace(vector<string>& res, string& cur, xxx) { // xxx 一般有两个参数, 当前值 a, 上限 len
       if (aaaa) { // a+1 之类的 加到上限了如
           res.push_back(cur);
           return:
       }
       if (bbbb) {
           cur.push back('aaa'); //扔进去
           backtrace(res, cur, xxxx); // a+1 之类的操作, 把 len 也传进去
           cur.pop_back(); // 放出来
       }
   }
模板:
回溯(子集, 全集):
   if 满足条件:
       加入答案
   for 元素 in 全集:
       元素加入子集
       回溯(子集,全集)
       元素退出子集
1.6.2 电话号码的字母组合
   vector<string> letterCombinations(string digits) {
       // 回溯 +dfs
```

unordered_map<char, string> phone_map {

```
{'2', "abc"},
            {'3', "def"},
            {'4', "ghi"},
            {'5', "jkl"},
            {'6', "mno"},
            {'7', "pqrs"},
            {'8', "tuv"},
            {'9', "wxyz"}
       };
        vector<string> res;
        if (digits.empty()) {
           return res;
        }
        string comb;
       backtrace(res, phone_map, digits, 0, comb);
       return res;
   }
   void backtrace(vector<string>& res, const unordered_map<char, string>& phone_map,
        const string& digits, int index, string& comb_str) {
            // index: 输入的 digits 的第 index 个字母
            if (index == digits.length()) {
                res.push_back(comb_str);
            } else {
                char digit = digits[index];
                const string& letters = phone_map.at(digit);
                for (const char& letter: letters) {
                    comb_str.push_back(letter); // 先搞一个
                    backtrace(res, phone_map, digits, index + 1, comb_str);
                    comb_str.pop_back(); // 扔掉,换一个新的
               }
            }
   }
1.6.3 括号生成
   vector<string> generateParenthesis(int n) {
        vector<string> res;
        string cur;
       backtrace(res, cur, 0, 0, n);
       return res;
    // open 左括号个数, close 右括号个数
   void backtrace(vector<string>& res, string& cur, int open, int close, int n) {
        if (cur.size() == n * 2) { // -共 2n 个左右括号
           res.push_back(cur);
           return;
       }
        if (open < n) { // 还可以继续加左括号 (最多可以加 n 个)
            cur.push_back('(');
            backtrace(res, cur, open + 1, close, n);
            cur.pop_back();
        }
        if (close < open) { // 准备加新的右括号了
```

```
cur.push back(')');
            backtrace(res, cur, open, close + 1, n);
            cur.pop_back();
       }
   }
1.6.4 全排列
   vector<vector<int>>> permute(vector<int>& nums) {
        vector<vector<int> > res;
       backtrace(res, nums, 0, nums.size());
       return res;
   }
   void backtrace(vector<vector<int> >& res, vector<int>& output, int first, int len) {
        if (first == len) {
            res.push_back(output);
       }
       for (int i = first; i < len; ++i) {</pre>
            swap(output[i], output[first]); // 交換
            backtrace(res, output, first + 1, len);
            swap(output[i], output[first]); // 换回去
       }
   }
1.6.5 子集
调用两次 \mathbf{dfs}, 因为对于子集来说,每个数字可以选也可以不选。
    void dfs(vector<vector<int> > &res, const vector<int>& nums, vector<int>& cur_res, int cur) {
        if (cur == nums.size()) {
            res.push back(cur res);
            return;
       }
       // 调用两次 dfs, 因为对于子集来说,每个数字可以选也可以不选。
       cur res.push back(nums[cur]);
       dfs(res, nums, cur_res, cur + 1);
       cur res.pop back();
       dfs(res, nums, cur_res, cur + 1);
   }
   vector<vector<int>> subsets(vector<int>& nums) {
        vector<vector<int> > res;
        vector<int> cur_res;
       dfs(res, nums, cur_res, 0);
       return res;
   }
1.6.6 单词搜索
   bool check(vector<vector<char> >& board, vector<vector<int> >& visited,
        int i, int j, string word, int k) {
        if (board[i][j] != word[k]) { //不匹配,不行
           return false:
       } else if (k == word.length() - 1) { //到最后一个词了且相等, ok
            return true;
```

```
visited[i][j] = true;
   vector<pair<int, int> > directions{{0, 1}, {0, -1}, {1, 0}, {-1, 0}};
   bool res = false;
    for (const auto& dir: directions) {
        int new_i = i + dir.first;
        int new_j = j + dir.second;
        if (new_i >= 0 && new_i < board.size() && new_j >= 0 && new_j < board[0].size()) {
            if(!visited[new_i][new_j]) {
                bool flag = check(board, visited, new_i, new_j, word, k + 1);
                if (flag) {
                    res = true;
                    break;
                }
            }
        }
   }
   visited[i][j] = false; //还原
   return res;
}
bool exist(vector<vector<char>>& board, string word) {
    int h = board.size(), w = board[0].size();
    vector<vector<int> > visited(h, vector<int>(w));
   for (int i = 0; i < h; ++i) {
        for (int j = 0; j < w; ++j) {
            bool flag = check(board, visited, i, j, word, 0);
            if (flag) {
                return true;
            }
        }
    }
   return false;
}
```

1.7 排序与搜索

1.7.1 各排序算法总结

排序算法	平均时间复杂度	最好情况	最坏情况	空间复杂度	排序方式	稳定性
冒泡排序	O(n²)	O(n)	O(n²)	O(1)	In-place	稳定
选择排序	O(n²)	O(n²)	O(n²)	O(1)	In-place	不稳定
插入排序	O(n²)	O(n)	O(n²)	O(1)	In-place	稳定
希尔排序	O(n log n)	O(n log² n)	O(n log² n)	O(1)	In-place	不稳定
归并排序	O(n log n)	O(n log n)	O(n log n)	O(n)	Out-place	稳定
快速排序	O(n log n)	O(n log n)	O(n²)	O(log n)	In-place	不稳定
堆排序	O(n log n)	O(n log n)	O(n log n)	O(1)	In-place	不稳定
计数排序	O(n + k)	O(n + k)	O(n + k)	O(k)	Out-place	稳定
桶排序	O(n + k)	O(n + k)	O(n²)	O(n + k)	Out-place	稳定
基数排序	O(n×k)	O(n×k)	O(n×k)	O(n + k)	Out-place	稳定

大小顶堆参考:

```
//小顶堆 (是大于。。不是小于), 这也是默认
priority_queue <int, vector<int>, greater<int> > q;
//大顶堆
priority_queue <int, vector<int>,less<int> >q;
//默认大顶堆
priority_queue<int> a;
// 自定义比较函数:(小顶堆,实现大于操作)
struct MyCmp {
   bool operator()(pair<int, int>& a, pair<int, int>& b) {
       return a.second > b.second;
   }
};
// 小顶堆
priority_queue<pair<int, int>, vector<pair<int, int> >, MyCmp> q;
1.7.2 二分小结
    int search(vector<int>& nums, int target) {
       int low = 0, high = nums.size() - 1;
       while (low <= high) { // 小于等于
           int mid = low + (high - low) / 2; // 标准写法, 背下来
           if (nums[mid] == target) {
               return mid;
            } else if (nums[mid] > target) {
               high = mid - 1;
            } else {
```

```
low = mid + 1;
           }
       }
       return -1;
   }
1.7.3 颜色分类
即荷兰国旗问题数组里有 0 1 2, 要求相同颜色的相邻单指针,还可以用双指针,没太懂
   void sortColors(vector<int>& nums) {
       int n = nums.size();
       int ptr = 0;
       // 遍历两次,第一遍把 0 交换到前面去,第二遍把 1 交换到 0 之后
       // 用指针 ptr 标记最后一个 0 的下一位,第二遍从 ptr 开始
       for (int i = 0; i < n; ++i) {
           if (nums[i] == 0) {
               swap(nums[i], nums[ptr]);
               ++ptr;
       }
       for (int i = ptr; i < n; ++i) {</pre>
           if (nums[i] == 1) {
               swap(nums[i], nums[ptr]);
               ++ptr;
           }
       }
   }
1.7.4 前 k 个高频元素
多存个 map, 堆里存的是个 pair
   struct MyCmp {
       bool operator()(pair<int, int>& a, pair<int, int>& b) {
           return a.second > b.second;
       }
   };
   vector<int> topKFrequent(vector<int>& nums, int k) {
       // 先遍历一遍,map 存< k, cnt>,然后遍历 map,用个小顶堆
       // 如果堆的元素个数小于 k,就可以直接插入堆中。
       // 如果堆的元素个数等于 k,则检查堆顶与当前出现次数的大小。
       // 如果堆顶更大,说明至少有 k 个数字的出现次数比当前值大,故舍弃当前值;
       // 否则,就弹出堆顶,并将当前值插入堆中。
       // c++ 的堆是 priority_queue
       unordered_map<int, int> word_count;
       for (auto& v: nums) {
           word_count[v]++;
       }
       // pop 的是优先级最高的元素, top 也是优先级最高的
       // priorty_queue<int, vector<int>, cmp> 这是定义方式, 一定要有个 vec
       priority_queue<pair<int, int>, vector<pair<int, int> >, MyCmp> q;
       for (auto& [num, cnt]: word_count) {
           if (q.size() < k) {</pre>
               q.emplace(num, cnt);
```

```
} else {
               if (q.top().second < cnt) {</pre>
                   q.pop();
                   q.emplace(num, cnt);
           }
       }
       vector<int> res;
       while (!q.empty()){
           res.emplace_back(q.top().first);
           q.pop();
       }
       return res;
   }
1.7.5 数组中的第 k 个最大元素
堆顶就是了
   int findKthLargest(vector<int>& nums, int k) {
       //小顶堆,堆顶就是要的
       struct MyCmp {
           bool operator()(int a, int b) {
               return a > b;
       };
       priority_queue<int, vector<int>, MyCmp> q;
       for (auto& i: nums) {
           if (q.size() < k) {</pre>
               q.emplace(i);
           } else {
               if (i > q.top()) {
                   q.pop();
                   q.emplace(i);
               }
           }
       return q.top();
   }
1.7.6 寻找峰值
二分,类似旋转数组,如果 mid 不是符合条件的,那看看是在上升还是在下降,如果是在上升,那就看右边区间,如果是下降,那看左边。
   // 可以搞成匿名函数
   // pair<int, int> get(int i, int n, vector<int> & nums) {
   //
          // 方便处理 nums[-1] 和 nums[n] 的边界情况
   //
          if (i == -1 // i == n) {
   //
              return {0, 0};
   //
   //
          return {1, nums[i]};
   //
          //保证能取到的比越界的大,都能取到的时候,用实际的数比较
   1/ }
   int findPeakElement(vector<int>& nums) {
       // 二分,类似旋转数组,如果 mid 不是符合条件的,那看看是在上升还是在下降,
       // 如果是在上升,那就看右边区间,如果是下降,那看左边。
```

```
int left = 0, right = nums.size() - 1;
        int n = nums.size();
        auto get = [&](int i) -> pair<int, int> {
            // 方便处理 nums[-1] 和 nums[n] 的边界情况
            if (i == -1 || i == n) {
               return {0, 0};
            return {1, nums[i]};
            //保证能取到的比越界的大,都能取到的时候,用实际的数比较
       };
       while (left <= right) {</pre>
            int mid = left + (right - left) / 2; //标准 mid 写法
            if (get(mid - 1) < get(mid) && get(mid) > get(mid + 1)) {
               return mid;
            if (get(mid) < get(mid + 1)) {</pre>
               left = mid + 1;
           } else {
               right = mid - 1;
            }
       }
       return -1;
   }
1.7.7 在排序数组中查找元素的第一个和最后一个位置
public:
    int binary search(vector<int>& nums, int target, bool lower) {
        // ans 初始化为 n!!!,因为外面要-1,对于 [1] 且 target=1 的 case,会有问题
        int left = 0, right = nums.size() - 1, ans = nums.size();
        //不要急着 return, 要找到边界
       while (left <= right) {</pre>
            int mid = left + (right - left) / 2;
            // lower = true, 想找左边界, 只要 nums [mid] >= target 就可能可以, 只有<target 的时候才停
           // lower = false, 想找右边第一个>target 的
            // 都是找左区间
            if (nums[mid] > target || (lower && nums[mid] >= target)) {
               ans = mid;
                right = mid - 1;
            } else {
                left = mid + 1;
       }
       return ans;
   }
   vector<int> searchRange(vector<int>& nums, int target) {
        // 其实要找的就是第一个 =target 的位置,和第一个>target 的位置-1
        int left_idx = binary_search(nums, target, true);
        int right_idx = binary_search(nums, target, false) - 1;
        if (left_idx <= right_idx && right_idx < nums.size()</pre>
            && left_idx >=0 && nums[left_idx] == target && nums[right_idx] == target) {
            return vector<int>{left_idx, right_idx};
       return vector<int>{-1, -1};
```

```
}
1.7.8 合并区间
   vector<vector<int>> merge(vector<vector<int>>& intervals) {
        // 先排序, 然后第一个区间扔进去, 遍历下一个的时候,
        // 看看和前面的最后一个区间有没交集,如果无交集(当前左> 已有右),那就扔到最后
        // 如果有交集, 那就取这两个区间 max 的右端点
        if (intervals.size() == 0) {
            return {};
       sort(intervals.begin(), intervals.end());
       vector<vector<int> > merged;
       for (int i = 0; i < intervals.size(); ++i) {</pre>
            int left = intervals[i][0], right = intervals[i][1];
            if (merged.size() == 0 || left > merged.back()[1] ) {
               merged.push_back({left, right});
                merged.back()[1] = max(merged.back()[1], right);
       }
       return merged;
   }
1.7.9 搜索旋转排序数组
    int search(vector<int>& nums, int target) {
        // 局部有序, 二分
        int n = nums.size();
        if (n == 0) {
           return -1;
        }
        if (n == 1) {
           return nums[0] == target? 0: -1;
        int left = 0, right = n - 1;
       while (left <= right) {</pre>
            int mid = left + (right -left) / 2;
            if (nums[mid] == target) {
               return mid;
            // 看下 mid 在哪个区间里,因为有两个上升的区间,和 nums[0] 比就行
            if (nums[0] <= nums[mid]) {</pre>
                // mid 在第一个上升区间里
                if (nums[0] <= target && target < nums[mid]) {</pre>
                    // target 也在这个区间里
                    right = mid -1;
                } else {
                    left = mid + 1;
                }
            } else {
                if (nums[mid] < target && target <= nums[n - 1]) {</pre>
```

left = mid + 1;

} else {

```
right = mid - 1;
               }
           }
       }
       return -1;
   }
1.7.10 搜索二维矩阵 II
   bool searchMatrix(vector<vector<int>>& matrix, int target) {
       // 右上角开始,保证只有一个搜索方向,要么变大要么变小, 2 字形
       int m = matrix.size(), n = matrix[0].size();
       int x = 0, y = n - 1;
       while (x < m \&\& y >= 0) {
           if (matrix[x][y] == target) {
               return true;
           }
           if (matrix[x][y] > target) {
               --y;
           } else {
               ++x;
       return false;
   }
1.8 dp
1.8.1 跳跃游戏
   bool canJump(vector<int>& nums) {
       // 对于每个位置 x, 实时维护最远可到达的位置 x+nums[x],
       // 如果这个位置 x 在最远可到达位置内,那么可以从起点经过若干次跳跃到达
       // 在遍历的过程中,如果最远可到达位置>= 数组最后一个位置 ,就可以 return True
       int n = nums.size();
       int most right = 0;
       for (int i = 0; i < n; ++i) {</pre>
           if (i <= most_right) {</pre>
               most_right = max(most_right, i + nums[i]);
               if (most_right >= n - 1) {
                   return true;
           }
       }
       return false;
   }
1.8.2 不同路径
简单二维 dp, 注意边界条件
   int uniquePaths(int m, int n) {
       // f(i,j) 表示从左上角走到 (i,j) 的路径数量,
       // 这个点只可能是从左边或者上面走过来的,所以
       // f(i,j) = f(i-1,j) + f(i, j-1)
```

```
// 对于第 O 行和第 O 列,f(i,O)=1,f(O,j)=1,因为只有直着能走到
       // f(0,0) = 1
       vector<vector<int> > f(m, vector<int>(n));
       for (int i = 0; i < m; ++i) {</pre>
           f[i][0] = 1;
       }
       for (int j = 0; j < n; ++j) {
           f[0][j] = 1;
       for (int i = 1; i < m; ++i) {
           for (int j = 1; j < n; ++j) {
               f[i][j] = f[i - 1][j] + f[i][j - 1];
       return f[m - 1][n - 1];
   }
1.8.3 零钱兑换
   int coinChange(vector<int>& coins, int amount) {
       // dp[i]: 组成金额 i 需要的最少硬币数
       // dp[i] = min(dp[i-c[j]) + 1, j = 0,...,n-1,
       //!!! 注意, 是两项, dp[i] 和 dp[i - coins[j]]+ 1
       // dp[i] = min(dp[i], dp[i - coins[j]] + 1);
       // c[j] 是第 j 个面额,+1 表示选择这个面额,那 i-c[j] 就是剩下的面额了
       //!! 需要判断凑不出的情况:把 dp 初始化为 amount + 1, 如果凑不出就不更新,
       int xmax = amount + 1;
       // 因为最后一个下标要是 amount, 所以大小是 amount + 1
       vector<int> dp(amount + 1, xmax);
       dp[0] = 0;
       for(int i = 1; i <= amount; ++i) {</pre>
           for (int j = 0; j < coins.size(); ++j) {</pre>
               // 遍历每种面额
               if (coins[j] <= i) {</pre>
                   dp[i] = min(dp[i], dp[i - coins[j]]+ 1);
               }
           }
       return dp[amount] > amount? -1: dp[amount];
   }
1.8.4 最长递增子序列
   int lengthOfLIS(vector<int>& nums) {
       // 不要求连续, 比如 [3,6,2,7] 是 [0,3,1,6,2,2,7] 的子序列
       // dp[i]: 以第 i 个数字结尾(选了 nums[i]) 的最长递增子序列的长度
       // dp[i] = max(dp[j]) +1, 0<=j<i, nums[j] < nums[i], 这样才能递增
       // 最终的结果是 max(dp[i])
       int n = nums.size();
       if (n == 0) {
           return 0;
       vector<int> dp(n, 0);
       int res = 0;
```

```
for (int i = 0; i < n; ++i) {
           dp[i] = 1;
           for (int j = 0; j < i; ++j) {
               if (nums[j] < nums[i]) {</pre>
                   dp[i] = max(dp[i], dp[j] + 1);
           res = max(res, dp[i]);
       return res;
   }
1.9 设计
1.9.1 二叉树的序列化与反序列化
class Codec {
public:
   // 前序遍历,到叶子的时候,左右儿子均搞成 None
   void rser(TreeNode* root, string& str) {
       if (root == nullptr) {
           str += "None,";
       } else {
           str += to_string(root->val) + ",";
           rser(root->left, str);
           rser(root->right, str);
           //cout << str << endl;
       }
   }
    // Encodes a tree to a single string.
   string serialize(TreeNode* root) {
       string res;
       rser(root, res);
       return res;
   }
   TreeNode* rde(list<string>& data vec) {
       // 如果当前的元素为 None, 则当前为空树
       // 否则先解析这棵树的左子树,再解析它的右子树
       // list 的 front 是第一个元素的值,begin 是迭代器
       if (data_vec.front() == "None") {
           data_vec.erase(data_vec.begin());
           return nullptr;
       }
       TreeNode* root = new TreeNode(stoi(data_vec.front()));
       data_vec.erase(data_vec.begin());
       root->left = rde(data_vec);
       root->right = rde(data_vec);
       return root;
   }
   // Decodes your encoded data to tree.
   TreeNode* deserialize(string data) {
       list<string> data_vec;
```

```
string str;
        // 人肉实现下 split
       for (auto &ch: data) {
           if (ch == ',') {
               data_vec.push_back(str);
               str.clear();
           } else {
               str.push_back(ch);
       }
        if (!str.empty()) {
           data_vec.push_back(str);
           str.clear();
       }
       return rde(data_vec);
   }
};
// Your Codec object will be instantiated and called as such:
// Codec ser, deser;
// TreeNode* ans = deser.deserialize(ser.serialize(root));
1.9.2 O(1) 时间插入、删除和获取随机元素
class RandomizedSet {
public:
   // 数组可以 o(1) 地获取元素,哈希可以 o(1) 插入删除,
   // 二者结合起来就是 vec+hashmap
   RandomizedSet() {
        // 初始化随机种子
       srand((unsigned)time(NULL));
   }
   bool insert(int val) {
       // 塞进 vec 里, 同时记录下标到 map 中
       if (indices.count(val)) {
           return false;
        int index = nums.size();
       nums.emplace_back(val);
       indices[val] = index;
       return true;
   }
   bool remove(int val) {
       // 为了 o(1), 先把这个数找出来,
       // 然后在 vec 把这个元素换成最后一个元素, pop_back 就行
       // hashmap 里也删掉,同时更新 last 的下标
        if (!indices.count(val)) {
           return false;
       }
        int index = indices[val];
        int last = nums.back();
       nums[index] = last;
```

```
nums.pop_back();
       indices[last] = index;
       indices.erase(val);
       return true;
   }
   int getRandom() {
       int rand_idx = rand() % nums.size();
       return nums[rand_idx];
   }
   vector<int> nums;
   unordered_map<int, int> indices;
};
 * Your RandomizedSet object will be instantiated and called as such:
 * RandomizedSet* obj = new RandomizedSet();
 * bool param_1 = obj->insert(val);
 * bool param_2 = obj->remove(val);
 * int param_3 = obj->getRandom();
1.10
     数学
1.10.1 快乐数
    int square_sum(int n) {
       int sum = 0;
       while (n > 0) {
           int bit = n % 10;
           sum += bit * bit;
           n /= 10;
       return sum;
   bool isHappy(int n) {
       // 只有两种情况,
       // 一直走, 最后是 1, 相当于无环链表, 是快乐数, 可以快慢指针
       // 一个有环链表,可以快慢指针,相遇点不是 1
       // 没有第三种情况,因为数字再大,也会归结到一个小很多的数开始的链表,
       // 具体证明可以参考 https://leetcode-cn.com/problems/happy-number/solution/kuai-le-shu-by-leetcode-s
       int fast = n, slow = n;
       //!! 用 do while, 因为一开始 fast=slow, 但仍想走一次循环
       do {
           fast = square_sum(square_sum(fast));
           slow = square_sum(slow);
       } while (fast != slow);
       if (fast == 1) {
           return true;
       return false;
   }
```

1.10.2 阶乘后的零

```
\blacksquare其实这个就是 n 一直除以 5,然后加起来
   int trailingZeroes(int n) {
       // 因为 5*2=10, 其实就是看质因子中 5 和 2 的个数,5 的个数肯定没有 2 多,
       // 如上图,其实就是一直除以 5,再加起来
       int res = 0;
       while (n) {
           n /= 5;
           res += n;
       return res;
   }
1.10.3 Excel 表列序号
   int titleToNumber(string columnTitle) {
       // 其实是 26 进制转 10 进制
       int num = 0;
       long multiple = 1; // 从 1 开始, 需要是 long, 因为 int 会爆!!!!!
       //倒着来,其实是从最低位开始
       for (int i = columnTitle.size() - 1; i >= 0; --i) {
           int k = columnTitle[i] - 'A' + 1; // 记得 +1...
           num += k * multiple;
           multiple *= 26;
       return num;
   }
1.10.4 Pow(x, n)
   double pow_sub(double x, long long N) {
       double res = 1.0;
       double x_contribute = x;
       while (N > 0) {
           if (N \% 2 == 1) {
               res *= x_contribute;
           x_contribute *= x_contribute;
           N \neq 2;
       }
       return res;
   }
   double myPow(double x, int n) {
       // 其实就是把幂指数 n 进行二进制拆分,如 n=9,那就是
       // 1 * 2^3 + 0 * 2^2 + 0 * 2^1 + 1 * 2^0= 2^3+1
       // ==> x^9=x^8 *x^1
```

// 这么变成二进制: // n=9, n %2 =1, 要!

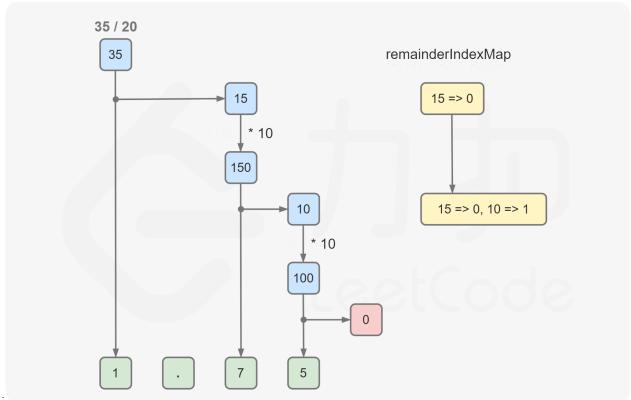
// *n/=2==> n=4, n%2=0*, 不要!

```
// n/=2==>n=2, n%2=0, 不要!
       // n/=2 ==>n=1, n%2=1, 要!
       // 因为除了 1 外,2^n 全是偶数,所以如果 n\%2=1,那就需要这个 1
       // 还需要考虑如果 n 是负的,那就是 1/xx
       long long N = n;
       return N \ge 0? pow_sub(x, N): 1 / pow_sub(x,-N);
   }
1.10.5 x 的平方根
    int mySqrt(int x) {
       // 二分
       // 只返回整数部分, 那就是 k^2 <= x 的最大 k, 可以从 0 到 x 开始二分
       int left = 0, right = x, res = -1;
       while (left <= right) {</pre>
           int mid = left + (right - left) / 2;
           if ((long long)mid * mid <= x) {</pre>
               res = mid; // 一直更新 不 break
               left = mid + 1;
           } else {
               right = mid - 1;
       return res;
   }
1.10.6 两数相除
   // 求 dividend / divisor
   int divide(int dividend, int divisor) {
       // // 参考 https://leetcode-cn.com/problems/divide-two-integers/solution/jian-dan-yi-dong-javac-
       // // 先处理边界
       // // INT_MIN: -2147483648=2^31, INT_MAX: 2147483648=-2^31
       // // int 属于 [-2^31 +1, 2^31 - 1]
       // 假设 x <0, y <0, 求 x/y 相当于找个最大的正数 z, 使得
       // yz>=x, 注意应该是最大!, 举例: 算-10/-2,
       // 如果 z=5, -10=-10, z=4, 那-8>-10, z=6, 那-12<-10
       // 因此,是最大的 z,使得 yz>=x,因为 z=6就 yz<x了
       if (dividend == INT_MIN) {
           if (divisor == 1) {
               return INT_MIN;
           if (divisor == -1) {
               return INT_MAX;
           }
       }
       if (divisor == INT_MIN) {
           // a / (-2^31) = 0, 因为除数绝对值最大
           return dividend == INT_MIN? 1: 0;
       if (dividend == 0) {
           return 0;
       }
       bool rev = false; // 看最后要不要变号
```

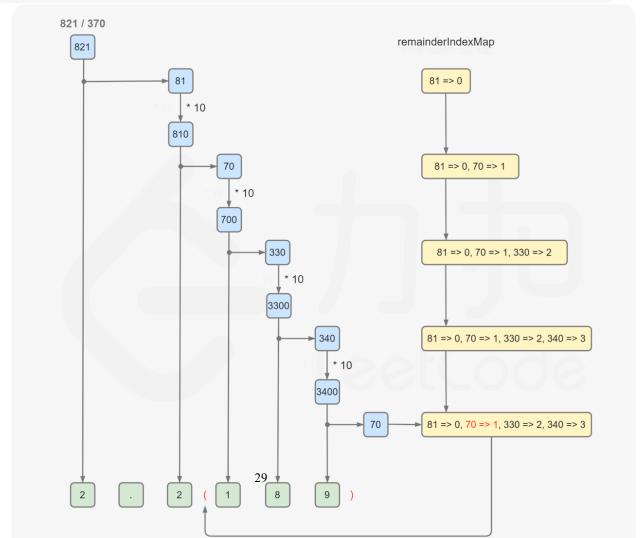
```
if (dividend > 0) {
    dividend = -dividend;
    rev = !rev;
}
if (divisor > 0) {
    divisor = -divisor;
    rev = !rev;
}
auto quick_add = [](int y, int z, int x) {
    // 判断 zy 是否>=x
    // y 负数, x 负数, z 正数!
    // 对于三个负数 a b c, 要比较 a+b 与 c, 因为 a+b 可能溢出
    // 所以要改成 a 与 c-b 比较,因为两个负数的差不会越界
    // 计算 y*z 类似 y^z
    // 3^5= 3^(1*2^2 + 0*2^1 + 1)
    // 3 * 5 = 3 * (1*2^2+ 0*2^1 + 1)=3*1*2^2+ 3*0 + 3 *1
    // 都是相当于对 z=5 不断除以 2
    // y^z: 如果是 1, 那就 res *= y, 然后 y *= y
    // y*z: 如果是 1, 那就 res+=y, 然后 y+=y
    int result = 0, add = y;
    while(z) {
        if (z & 1) {
            // z 的二进制的最后一位是 1,z % 2 == 1,
            // 要保证 result + add >= x
            if (result < x - add) {</pre>
                return false; //注意这里是直接 return false
            result += add;
        }
        if (z != 1) {
            // 要保 add + add >= x
            if (add < x - add) {
                return false; //注意这里是直接 return false
            add += add;
        z >>= 1;// z/2
    return true;
};
int left = 0, right = INT_MAX, res = 0;
while (left <= right) {</pre>
    int mid = left + ((right - left) >> 1);
    bool check = quick_add(divisor, mid, dividend);
    if (check) {
        res = mid;
        if (mid == INT_MAX) {
           break;
        left = mid + 1; // 想找更大的 直到找到最大的
    } else {
```

```
right = mid - 1;
}
return rev? -res: res;
}
```

1.10.7 分数到小数



有限小数:



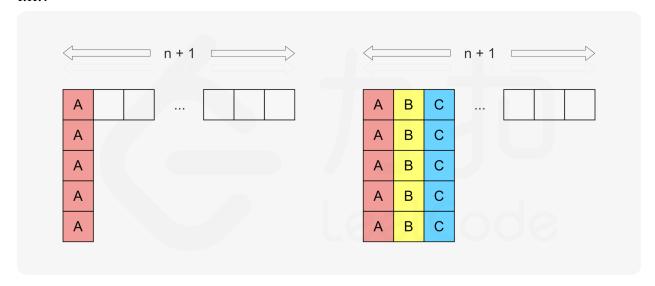
```
string fractionToDecimal(int numerator, int denominator) {
       // !!!!! 无限不循环小数属于实数中的无理数,
       // !!!!! 并且任何一个无限不循环小数都找不到一个与之相等的分数来对应。
       // 所以如果是无限小数,肯定是无限循环小数
       // 每一位小数 = 余数 *10 再除以除数得到的商。
       // 循环小数:通过判断被除数(*10 之前)有没有出现过,
       // 出现的位置就是循环节的开始,到结尾就是循环节的结束 (哈希记录)
       // 如果余数 ==0, 那就是可以除尽了, 不是循环小数
       long numerator_long = numerator; //防止溢出, 转成 int64!!!
       long denominator_long = denominator;
       if (numerator_long % denominator_long == 0) { //整除
           return to_string(numerator_long / denominator_long);
       }
       string res;
       if ((numerator_long < 0) ^ (denominator_long < 0)) {</pre>
           //异或,为 true 说明二者异号
           res.push_back('-');
       }
       numerator_long = abs(numerator_long);
       denominator long = abs(denominator long);
       long integer = numerator_long / denominator_long;
       res += to_string(integer);
       res.push_back('.');
       string fraction;
       unordered_map<long, int> remainder_index_map;
       long remainder = numerator_long % denominator_long;
       int idx = 0;
       while (remainder != 0 && !remainder_index_map.count(remainder)) {
           remainder_index_map[remainder] = idx; // 记录 *10 之前的 remainder 的位置
           remainder *= 10;
           fraction += to_string(remainder / denominator_long);
           remainder %= denominator;
           ++idx;
       }
       if (remainder != 0) {
           int first idx = remainder index map[remainder];
           // 把循环节部分用括号包起来
           fraction = fraction.substr(0, first_idx) + '(' + \
               fraction.substr(first idx) + ')';
       }
       res += fraction;
       return res;
   }
1.11 其他
1.11.1 两整数之和
   int getSum(int a, int b) {
       // 不能用 +-, 那就位运算
       // 正整数的补码与原码相同;
       // 负整数的补码为其原码除符号位外的所有位取反后加 1。
       // 可以将减法运算转化为补码的加法运算来实现。
       // 0 + 0 = 0
       // 0 + 1 = 1
```

```
// 1 + 0 = 1
       // 1 + 1 = 0 (进位)
       // 相当于不考虑进位,就是 a^{b} (异或),
       // 而进位的值是 a \& b, 进位完就是左移一位 (a \& b) << 1
       // 注意,实际的 a b 是很多位的,所以进位也是很多位的,
       // 所以要有个 while, 一直加进位直到没有进位为止!!!
       while (b != 0) {
           // 当我们赋给 signed 类型一个超出它表示范围的值时, 结果是 undefined;
           // 而当我们赋给 unsigned 类型一个超出它表示范围的值时,结果是
           // 初始值对无符号类型表示数值总数取模的余数!!
           // 因此,我们可以使用无符号类型来防止溢出。
           unsigned int carry = (unsigned int)(a & b) << 1;</pre>
           // 另外, 这里得是 (unsigned int)(a & b) 再<<1, 而不是 (a & b) << 1 再 unsigned int!!!
           a = a \hat{b};
           b = carry;
       }
       return a;
   }
1.11.2 逆波兰表达式求值
   bool is_num(string& token) {
       return !(token == "+" || token == "-" || token == "*" | token == "/");
   }
   int evalRPN(vector<string>& tokens) {
       // 栈: 从左到右遍历表达式
       // 遇到数字,入栈
       // 遇到运算符号 op, pop 栈顶 b 出来作为右, 再 pop 栈顶 a 出来作为左,
       // 计算 a op b 的结果再入栈
       // 遍历完后,栈内只有一个数,就是结果
       // 注意 题目要求除法只保留整除的结果,所以 stk 用 int 就行
       stack<int> stk;
       int n = tokens.size();
       for (int i = 0; i < n; ++i) {</pre>
           string& token = tokens[i];
           if (is_num(token)) {
               stk.push(atoi(token.c_str())); // string 转 int
           } else {
               int right = stk.top();
               stk.pop();
               int left = stk.top();
               stk.pop();
               switch (token[0]) {
                   case '+':
                      stk.push(left + right);
                      break;
                   case '-':
                       stk.push(left - right);
                      break;
                   case '*':
                      stk.push(left * right);
                       break;
                   case '/':
```

```
stk.push(left / right);
break;
}
}
return stk.top();
}

1.11.3 多数元素
int majorityElement(vector<int>& nums) {
// 因为题目说了大于半数,所以排序后肯定会占据一半一上的区间,
// 所以中间的数肯定是它
sort(nums.begin(), nums.end());
return nums[nums.size() / 2];
}
```

1.11.4



```
int leastInterval(vector<char>& tasks, int n) {
   unordered_map<char, int> freq; // 记录每一种任务的个数
   for (auto& i: tasks) {
       ++freq[i];
   }
   // stl 的 max_element
   // 获取所有任务中最多的次数
   int max_exec = max_element(freq.begin(), freq.end(),
       [](const auto& a, const auto& b) {
           return a.second < b.second;</pre>
       })->second;
   // <1> [var] 表示值传递方式捕捉变量 var
   // <2> [=] 表示值传递方式捕捉所有父作用域的变量(包括 this 指针)
   // <3> [&var] 表示引用传递捕捉变量 var
   // <4> [8] 表示引用传递捕捉所有父作用域的变量(包括 this 指针)
   // <5> [this] 表示值传递方式捕捉当前的 this 指针
   // <6> [=, \&a, \&b] 表示以引用传递的方式捕捉变量 a 和 b, 而以值传递方式捕捉其他所有的变量
   // <7> [\mathcal{Q}, a, this] 表示以值传递的方式捕捉 a 和 this, 而以引用传递方式捕捉其他所有变量
```

```
// 计算总共有多少个任务出现了 max_exec 次
   int max_cnt = accumulate(freq.begin(), freq.end(), 0,
       [=](int acc, const auto& u){
          return acc + (u.second == max_exec);
       });
   // 对于 max_exec 个任务 a 来讲,每执行一次后面要 n 个空位,
   // 所以要 (max\_exec -1) * (n+1) +1,最后这个 +1 是最后一个 a 任务,因为它执行完就行了
   // 而总共有 max_cnt 个 a 任务,如果 max_cnt <= n+1,那么可以塞进去
   // 就有 max_exec - 1) * (n + 1) + max_cnt 了
   // 填后面任务按这个方法:
   // 我们从倒数第二行开始,按照反向列优先的顺序(即先放入靠左侧的列,同一列中先放入下方的行),
   // 依次放入每一种任务,并且同一种任务需要连续地填入。
   // 如果 max_cnt > n+1,那排完 n+1 后还要再排 k 列,然后才是其他任务,
   // 这个时候就不需要再这么按顺序了,因为任意两个任务间肯定大于 n,所以总时间就是 /tasks/
   // xx.size() 需要强转成 int, 因为原来是 size_t
   return max((max_exec - 1) * (n + 1) + max_cnt, static_cast<int>(tasks.size()));
}
```