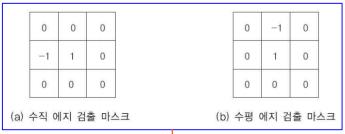
[인공지능응용프로그래밍] 12주차-2교시 수업

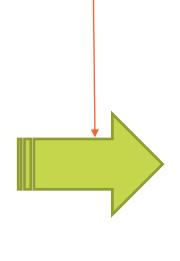
CNN(합성곱) 개요

이미지 특징 추출 알고리즘

- Feature extraction
 - 필터(커널)를 사용해 이미지의 주요 특징을 추출
- 외곽선 검출 알고리즘









CNN(Convolutional Neural Network) 개요

CNN

- 이미지의 공간 정보를 유지한 상태로 학습이 가능한 모델
 - 특징 추출기 + 분류기 구성
- 일반 Dense() 층과 비교
 - Fully Connected Neural Network와 비교하여 다음과 같은 차별성
 - 각 레이어의 입출력 데이터의 형상 유지
 - 이미지의 공간 정보를 유지하면서 인접 이미지와의 특징을 효과적으로 인식
 - 복수의 필터로 이미지의 특징 추출 및 학습
 - 추출한 이미지의 특징을 모으고 강화하는 Pooling 레이어
 - 일반 신경망과 비교하여 학습 패러미터가 매우 적음
 - _ 필터를 공유 패러미터로 사용하기 때문

LeCun 1998년

- LeNet이라는 Network를 1998년에 제안
 - 얀 르쿤(Yann Lecun) 연구팀
- 이것이 최초의 CNN

2018 Turing Award for deep learning

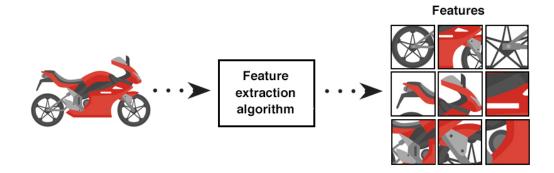






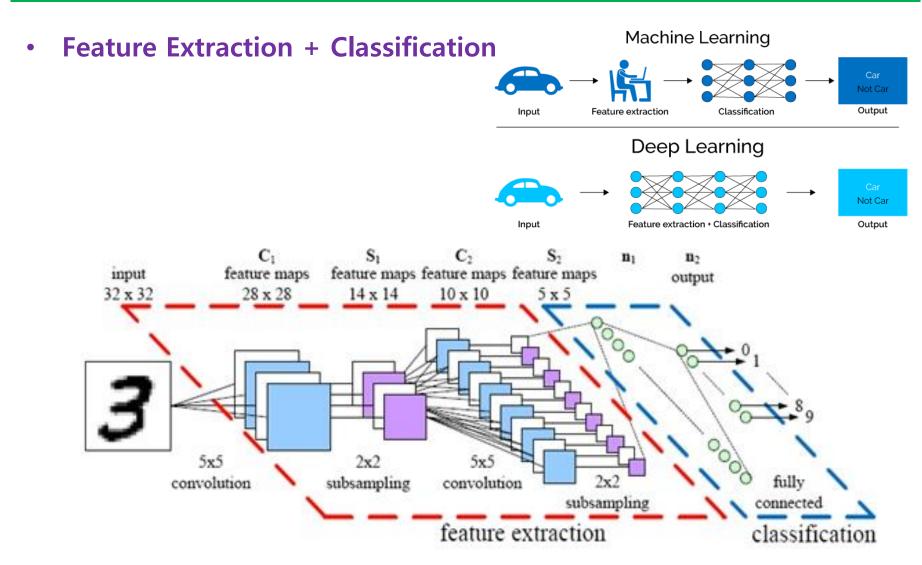
CNN은 컨볼루션 층과 풀링 층, 분류기로 구성

- Feature Extractor(특징 추출기) + Classifier(분류기)
 - 이미지의 특징을 추출하는 부분과 클래스를 분류하는 부분으로 나눔
- 특징 추출기:
 - 자동으로 특징을 추출하는 필터를 생성하는 것이 목적
 - Convolution Layer와 Pooling Layer를 여러 겹 쌓는 형태로 구성
 - Convolution Layer: 입력 데이터에 필터를 적용 후 활성화 함수를 반영하는 필수 요소
 - Pooling Layer: 선택적인 레이어
 - Subsampling, downsampling 이라고도 부름



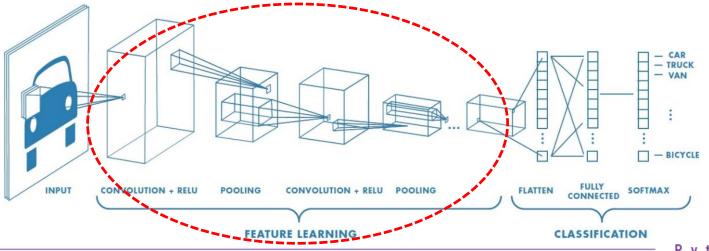
- 분류기
 - CNN 마지막 부분에는 이미지 분류를 위한 Fully Connected 레이어가 추가
 - 처음은 Flatten 레이어
 - 이미지의 특징을 추출하는 부분과 이미지를 분류하는 부분 사이에 이미지 형태의 데이 터를 배열 형태로 변환

CNN 구조



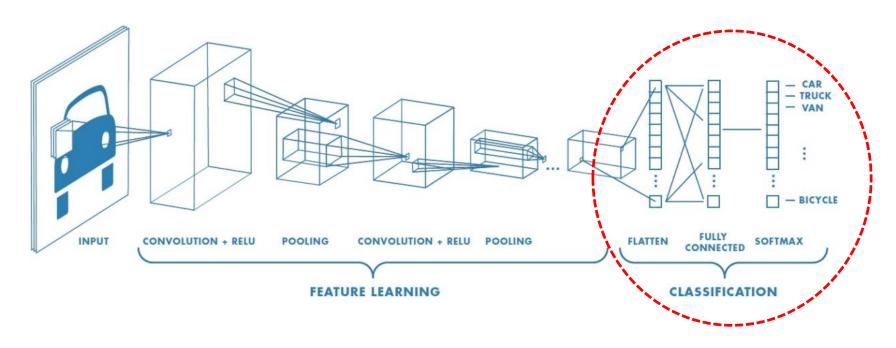
CNN의 컨볼루션

- 컨볼루션 층
 - 각 이미지에서 특정 특징을 활성화하는 컨볼루션 필터 집합에 입력 이미지를 통과
 - ReLU(Rectified Linear Unit)
 - 음수 값을 0에 매핑하고 양수 값을 유지하여 더 빠르고 효과적인 학습을 가능
- 풀링(서브샘플링) 층
 - 비선형 다운샘플링을 수행
 - 네트워크에서 학습해야 하는 매개 변수 수를 줄여서 출력을 간소화
 - 차원을 축소해 연산량을 감소
 - 이미지의 강한 특징만을 추출하는 특징 선별 효과가 있음



CNN의 분류

- 여러 계층에서 특징을 학습한 다음 분류 단계로 이동
- K 차원의 벡터를 출력하는 완전 연결 계층
 - K는 네트워크가 예측할 수 있는 클래스의 수
 - 벡터에는 분류되는 이미지의 각 클래스에 대한 확률
 - 마지막 계층에서는 softmax와 같은 분류 계층을 사용하여 분류 출력을 제공



컨볼루션의 동기

- 이미지 위치에 따른 밀접한 상관관계
 - 평판화(flatten) 작업을 수행하는 일반 딥러닝 구조
 - 이러한 공간적인 특성이 소멸
- 컨볼루션
 - 데이터의 공간적인 특성이 유지

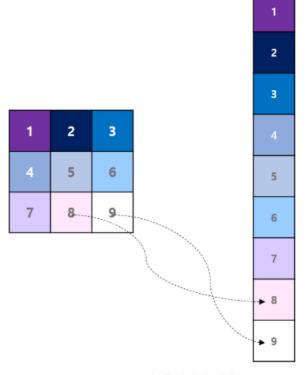


Figure 3: 3x3 흑백 이미지 예시

컨볼루션 계산 방법

- 필터와 편향이 필요
 - 4 x 4 흑백 이미지, 2 x 2 필터
 - 필터(filter), 커널(kernel), 윈도(window)라고도 부름

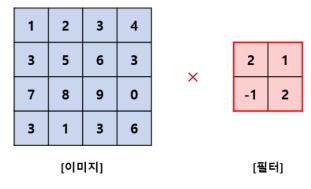
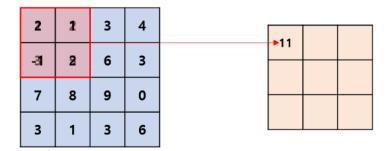


Figure 7: Convolutional Layer 예제



 $(1 \times 2) + (2 \times 1) + (-1 \times 3) + (5 \times 2) = 11$

Figure 8: Convolutional Layer 예제 (계속)

컨볼루션의 가중치와 편향

- 딥러닝 관점
 - 필터가 가중치, 필터 당 하나인 편향도 사용
 - 필더와 편향이 구해야 할 값

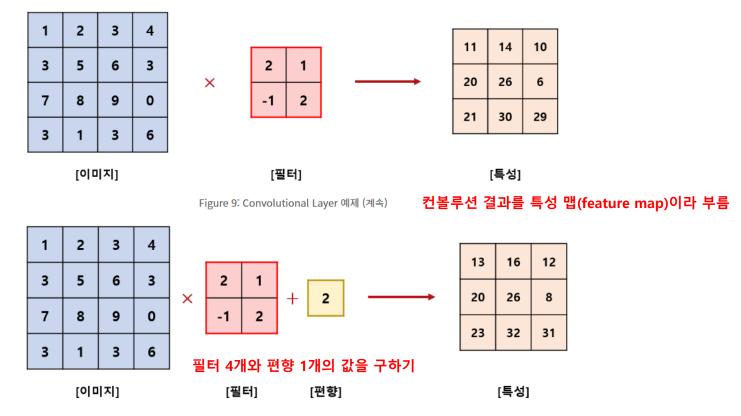


Figure 10: Convolutional Layer with bias

Convolution 합성곱

• 필터를 통해 합성곱의 결과인 피쳐 맵을 획득

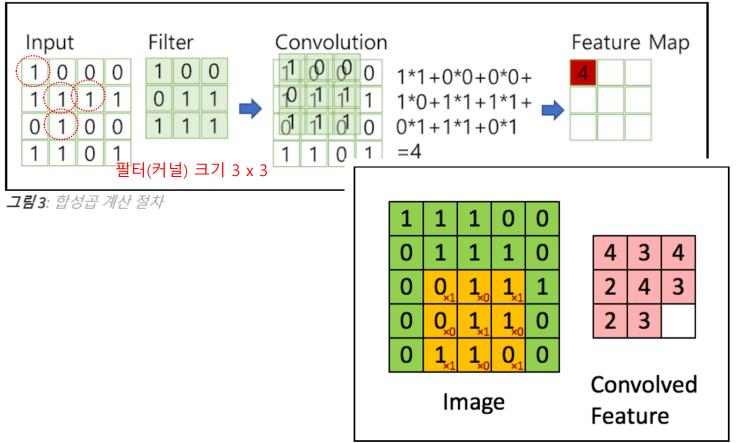


그림1: 합성곱 처리 절치, 출처:

 $http://deep learning.stanford.edu/wiki/index.php/Feature_extraction_using_convolution$

Stride: 필터가 움직이는 간격

- 보폭 stride가 1로 필터를 입력 데이터에 순회하는 예제
 - stride가 2로 설정되면 필터는 2칸씩 이동하면서 합성곱을 계산
 - 4 x 4 가 3 x 3 이 됨(4 1[strides] = 3)

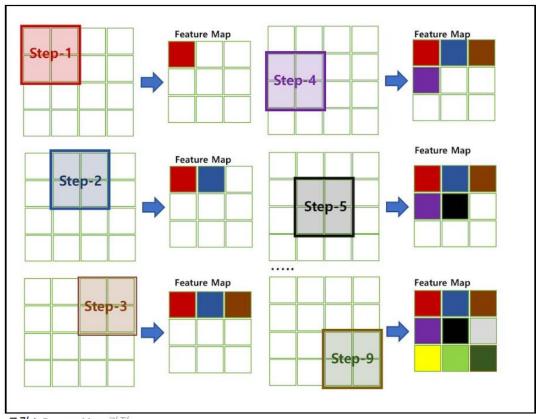
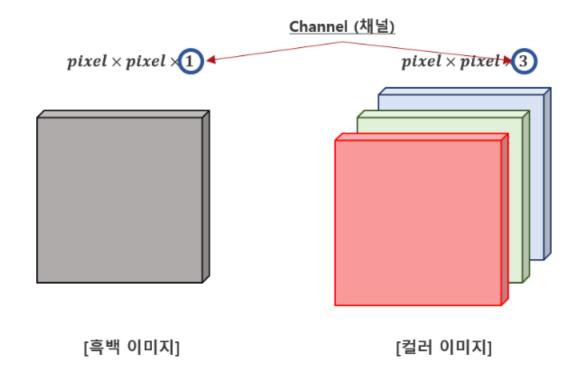


그림4: Feature Map 과정

이미지 데이터

- 픽셀 단위로 구성
 - 컬러인 경우, 각 픽셀은 RGB 값으로 구성
 - 이미지에서 겹쳐지는 구분을 채널(channel)이라고 하며
 - 흑백이면 1, 컬러면 3, RGBA(밝기인 alpha)이면 4



칼라인 경우, 채널이 3개

- 입력 데이터가 여러 채널을 갖을 경우
 - 필터는 채널마다 달리 적용
 - 필터는 각 채널을 순회하며 합성곱을 계산한 후, 채널별 피처 맵을 만듦
 - 1개의 피처 맵이 생성
 - 각 채널의 피처 맵을 합산하여 최종 피처 맵으로 반환
 - 입력 데이터는 채널 수와 상관없이 필터 별로 1개의 피처 맵이 생성

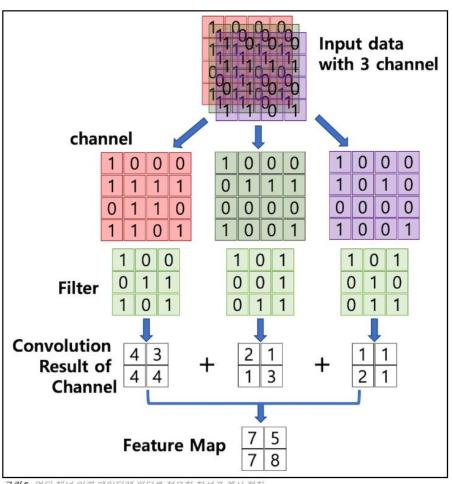
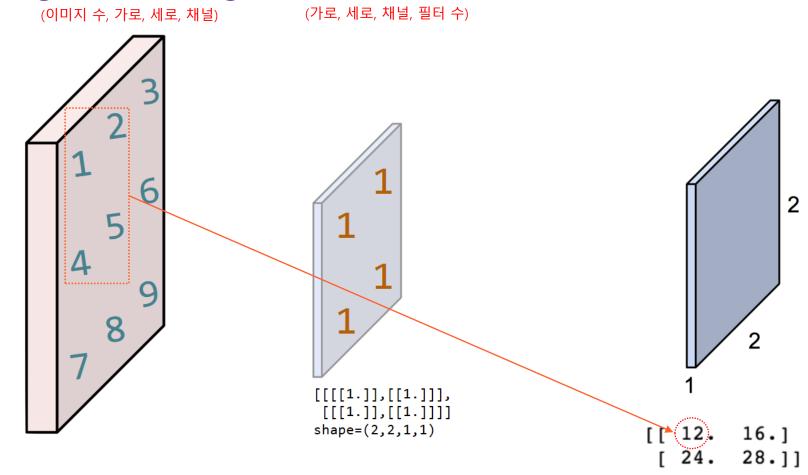


그림 5: 멀티 채널 입력 데이터에 필터를 적용한 합성곱 계산 절차

Simple convolution layer

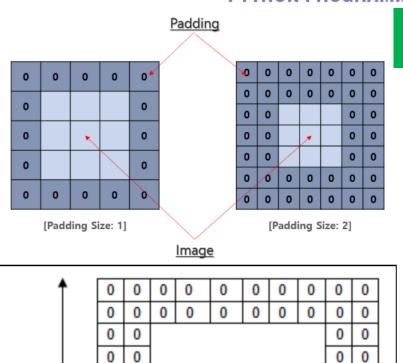
• Image: 1,3,3,1 image, Filter: 2,2,1,1, Stride: 1x1



PYTHON PROGRAMMING

패딩(Padding)

- 합성곱의 결과인 특징 맵
 - Filter와 Stride에 작용으로 Feature
 Map 크기는 입력 데이터보다 작음
- 패딩
 - 입력 데이터 외각에 지정된 픽셀만큼 특정 값으로 채워 넣는 것 의미
 - 결과인 특징 맵 크기가 줄어드는 것을 방지하는 방법
 - 보통 패딩 값으로 0으로 채워 넣음



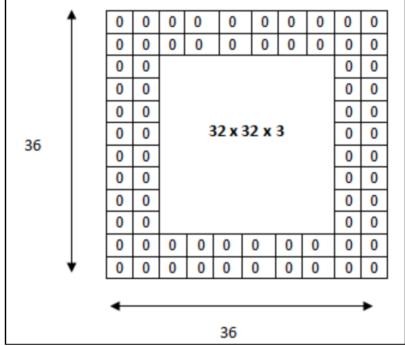


그림6: padding 예제: 2pixel 추가

Pooling 레이어

- 데이터의 공간적인 특성을 유지하면서 크기 를 줄여주는 층
 - 컨볼루션의 결과를 줄이거나 특정 데이터를 강조
 - 연속적인 합성곱 층 사이에 삽입
 - 출력 데이터를 입력으로 받아서 출력 데이터 (Activation Map)의 크기를 줄이거나 특정 데이터를 강조하는 용도로 사용
 - 학습할 가중치를 줄이고, 과적합(overfitting) 문제 도 해결
 - 일반적으로 Pooling 크기와 Stride를 같은 크기로 설정하여 모든 원소가 한 번씩 처리 되도록 설정
- 풀링의 종류
 - Max Pooling
 - 정사각 행렬의 특정 영역 안에 값의 최댓값
 - 대부분 이것을 사용
 - Average Pooling, Min Pooling

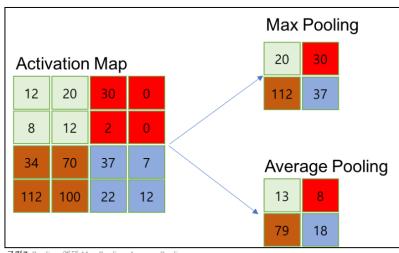
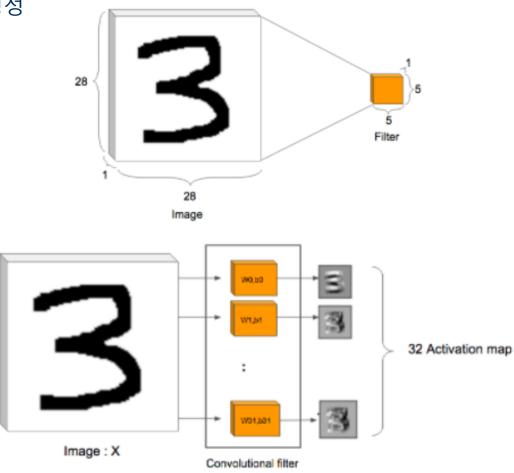


그림7: Pooling 예제: Max Pooling, Average Pooling

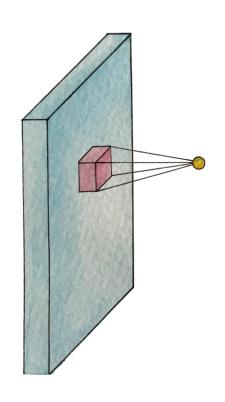
[인공지능응용프로그래밍] 12주차-3교시 수업

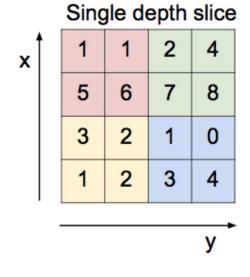
하나의 이미지에 커널은 여러 개 구성 가능

- 32개의 필터 사용
 - 32개의 특징 맵이 생성



Convolution layer and max pooling



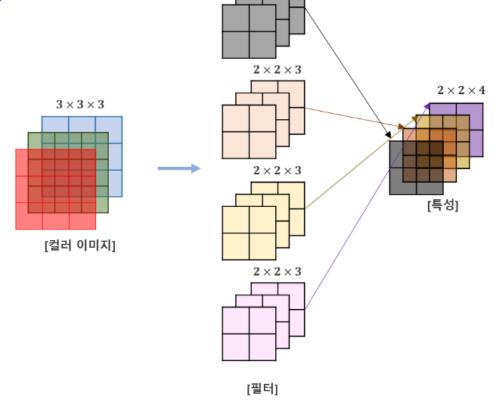


max pool with 2x2 filters and stride 2

6	8
3	4

필터 4개

- 컬러 색상에서 합성 곱 연산
 - 필터 수 4개
 - 2 x 2 x 3(채널 수)
 - 특징 맵이 4개



 $2 \times 2 \times 3$

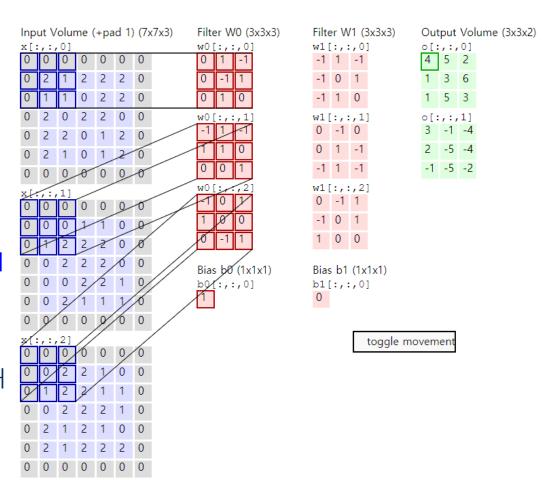
Figure 16: 필터 개수가 2이상인 합성

유명 강의

- 스탠포드 대학의 CNN 강좌
 - CS231n 강의노트 Convolutional Neural Networks
 - http://aikorea.org/cs231n/convolutional-networks/
 - 강의 PPT
 - http://cs231n.stanford.edu/slides/2020/

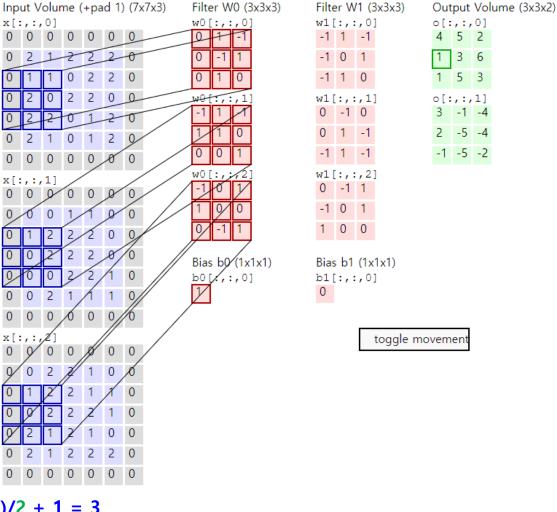
건볼루션 데모

- 컨볼루션 레이어
 - 행렬(볼륨)의 구성
 - 입력 볼륨(파란색)
 - 가중치 볼륨(빨간색)
 - 출력 볼륨(녹색)
- 입력
 - W1=5, H1=5
 - D1=3(채널 수)
 - 제로 패딩 P=1 이 적용되어 입력 볼륨의 가장자리가 모두 0으로 추가
- 가중치(필터, 커널)
 - 컨볼루션 레이어의 파라미터
 - 3 * 3 크기의 필터 수 2개
 - 편향도 2개
 - stride 2마다 적용
 - K=2, F=3, S=2, P=1



컨볼루션 데모

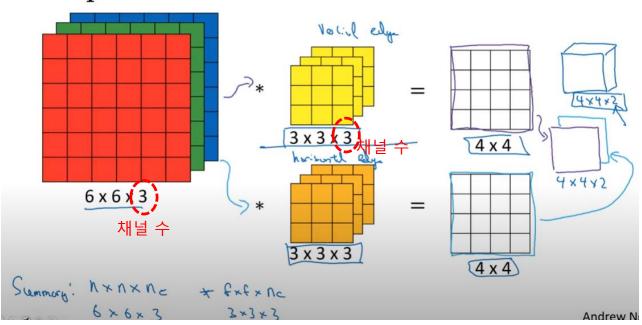
- 입력
 - W1=5, H1=5
 - D1=3(채널 수)
 - 제로 패딩 P=1 이 적용 되어 입력 볼륨의 가장자리가 모두 0으로 추가
- 가중치(필터, 커널)
 - 컨볼루션 레이어의 파라미터
 - 3 * 3 크기의 필터 수 2개
 - 편향도 2개
 - stride 2마다 적용
 - K=2, F=3, S=2, P=1
- 출력 볼륨
 - _ 크기와 계산
 - 가로/세로 각각 (5 3 + 2)/2 + 1 = 3
 - 입력(파란색)과 필터(빨간색)이 elementwise로 곱해진 뒤 하나로 더해지고
 - Bias가 더해짐
 - _ 필터 개수만큼 편향 수 필요
- 패러미터의 수: 커널의 원소 수 + 편향 수
 - 커널 수(K) * 커널 사이즈(F)² * 채널:색상 수(D) + 커널 수(K)



필터 수 2

- 채널 3
 - 커널 크기 3 * 3
- 결과
 - 4 * 4 * 2
 - 4 * 4가 2개

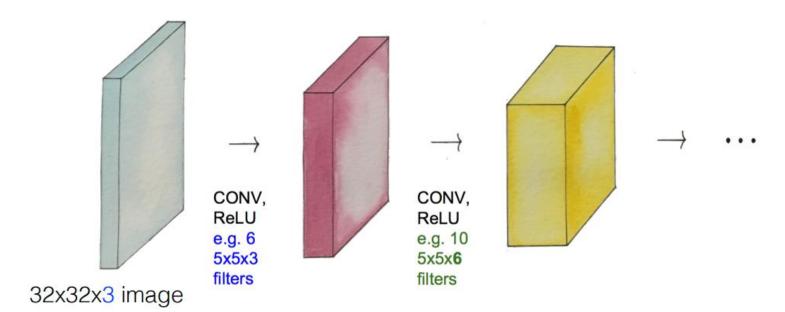
Multiple filters



https://www.deeplearning.ai/

각 컨볼루션 단계의 패러미터 수

- 패러미터의 수: 커널의 원소 수 + 편향 수
 - 커널 수(K) * 커널 사이즈(F)² * 채널(색상 수(D)) + 커널 수(K)
- 커널 5 * 5의 3개 인 층
 - -3*(5*5)*3+3
- 커널 5 * 5의 6개 인 층
 - -6*(5*5)*3+6



파일

cnn_basic.ipynb

채널을 추가한 이미지 그리기

- 3 x 3 이미지 하나
 - (1, 3, 3)
- 채널 추가
 - (1, 3, 3, 1)

```
[1]
     1 # %matplotlib inline
      2 import numpy as np
      3 import tensorflow as tf
      4 import matplotlib.pyplot as plt
      1 image = np.array([[[1,2,3],
                             [4.5.6].
                            [7,8,9]]], dtype=np.float32)
      4 print (image.shape)
      5 \text{ image} = \text{image.reshape}(-1, 3, 3, 1)
      7 image = np.array([[[[1],[2],[3]],
      8
                             [[4],[5],[6]],
                            [[7],[8],[9]]]], dtype=np.float32)
     10 ----
     11 print(image.shape)
     12 print (image)
     13 plt.imshow(image.reshape(3,3), cmap='Greys')
```

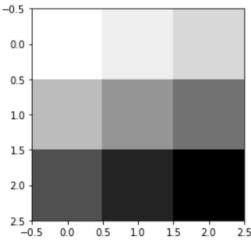
```
(1, 3, 3)
(1, 3, 3, 1)
[[[[1.]
   [2.]
   [3.]]
  [[4.]
   [5.]
   [6.]]
  [[7.]
   [8.]
   [9.]]]]
<matplotlib.image.AxesImage at 0x7f26f3b1aef0>
 -0.5
  0.0
  0.5
  1.0
  1.5
  2.0 -
  2.5 -
                                2.0
    -0.5
        0.0
                0.5
                    1.0
                          1.5
```

채널을 추가된 이미지 그리기

• 4차원의 이미지

- (1, 3, 3, 1)

(1, 3, 3, 1) <matplotlib.image.AxesImage at 0x7f9001b1dba8>



1 filter (2,2,1,1) with padding: VALID

weight.shape = 1 filter (2, 2, 1, 1)Simple convolution layer

 Image:
 1,3,3,1 image, Filter:
 2,2,1,1,1
 Stride:
 1x1, Padding:
 VALID

 이미지 수, 가로, 세로, 채널
 가로, 세로, 채널
 필터 수

 one number 2 [[[1],[2],[3]], [[[[1.]],[[1.]]], [[4],[5],[6]], [[[1.]],[[1.]]]] [[7],[8],[9]]]] shape=(2,2,1,1)shape=(1,3,3,1)

tf.nn.conv2d

tf.nn.conv2d(input, filters, strides, padding, ...)

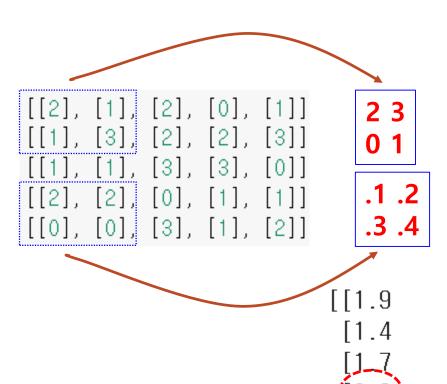
```
image = np.array([[[[1],[2],[3]],
                   [[4],[5],[6]],
                   [[7],[8],[9]]]], dtype=np.float32)
print("image.shape", image.shape)
# wight가 커널
weight = tf.constant([[[[1.]],[[1.]]],
                      [[[1.]],[[1.]]])
print("weight.shape", weight.shape)
conv2d = tf.nn.conv2d(image, weight, strides=[1, 1, 1, 1],
                       padding='VALID')
print("conv2d.shape", conv2d.shape)
conv2d img = np.swapaxes(conv2d, 0, 3)
print(type(conv2d img))
print(conv2d img)
for i, one img in enumerate(conv2d img):
    print(one img.reshape(2,2))
    plt.subplot(1, 1, i+1)
    plt.imshow(one img.reshape(2,2), cmap='gray')
```

```
image.shape (1, 3, 3, 1)
weight.shape (2, 2, 1, 1)
conv2d.shape (1, 2, 2, 1)
<class 'numpy.ndarray'>
[[[12.]
   [16.]]
  [[24.]
   [28.]]]]
[[12, 16.]
 [24. 28.]]
 -0.50
 -0.25
  0.00
  0.25
  0.50
  0.75
  1.00
  1.25
  1.50 -
     -0.5
              0.0
                      0.5
                               1.0
                                       1.5
```

2 x 2 커널 2개 적용

Strides 1

- 결과 4 x 4



```
[(10) 10. 6. 6.]

[12. 15. 13. 13.]

[ 7. 11. 16. 7.]

[10. 7. 4. 7.]]

= 2*2 + 1*3 + 1*0 + 3*1 = 10
```

2 x 2 커널 2개 적용 컨볼루션

```
[12, 15, 13, 13,]
                                                     [7.11.16.7.]
                                                     [10. 7. 4. 7.]]
                                                              2.2
                                                                         1.6
                                                                         2.7
                                                           2.2
                                                     [1.4
                                                           1.3000001 1.3
                                                     [0.6]
                                                               1.4000001 1.5
x in = np.array([[
  [[2], [1], [2], [0], [1]],
                                                     0 -
  [[1], [3], [2], [2], [3]],
  [[1], [1], [3], [3], [0]],
                                                     1 .
                                                                             1
 [[2], [2], [0], [1], [1]],
  [[0], [0], [3], [1], [2]], ]])
x = tf.constant(x in, dtype=tf.float32)
                                                     2 .
# 2 x 2 커널 2개 적용
                                                     3 -
kernel in = np.array([
 [[2, 0.1]], [[3, 0.2]]],
 [[0, 0.3]], [[1, 0.4]]], ])
kernel = tf.constant(kernel in, dtype=tf.float32)
conv2d = tf.nn.conv2d(x, kernel, strides=[1, 1, 1, 1], padding='VALID')
print("conv2d.shape", conv2d.shape)
conv2d img = np.swapaxes(conv2d, 0, 3)
for i, one img in enumerate(conv2d img):
   print(one img.reshape(4,4))
   plt.subplot(1,2,i+1), plt.imshow(one img.reshape(4,4), cmap='gray')
```

conv2d.shape (1, 4, 4, 2)

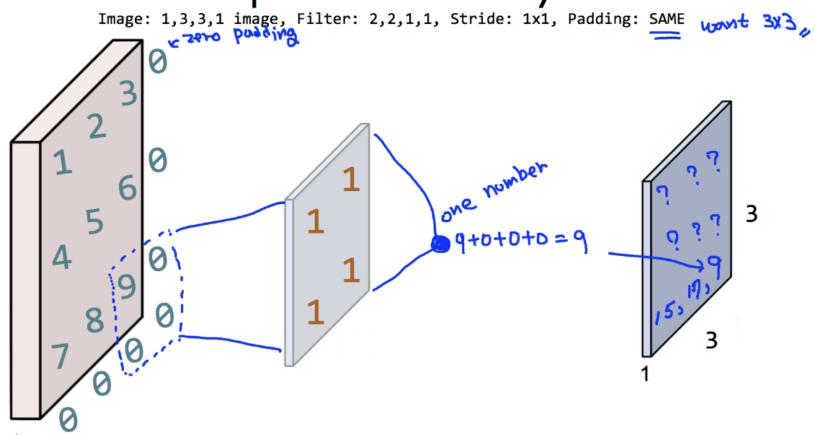
[[10, 10, 6, 6,]

[인공지능응용프로그래밍] 13주차-1교시 수업

tf.nn.conv2d(..., padding='SAME')

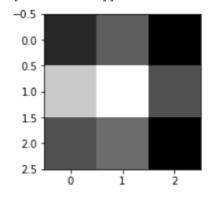
1 filter (2,2,1,1) with padding:SAME

Simple convolution layer



컨볼루션 결과 크기도 원본과 동일

image.shape (1, 3, 3, 1)
weight.shape (2, 2, 1, 1)
conv2d.shape (1, 3, 3, 1)
[[12. 16. 9.]
[24. 28. 15.]
[15. 17. 9.]]



필터가 3개

```
[12.16.9.]
1 image = np.array([[[[1],[2],[3]],
                                                                 [24. 28. 15.]
              [[4],[5],[6]],
                                                                 [15. 17. 9.]]
              [[7],[8],[9]]]], dtype=np.float32)
 4 print(image.shape)
5 plt.imshow(image.reshape(3,3), cmap='Greys')
(1, 3, 3, 1)
<matplotlib.image.AxesImage at 0x7f9001b1dba8>
                                                                 [[120. 160. 90.]
                                             10
                                                  10
                                                                [240. 280. 150.]
 0.0
                                             10
                                                  10
                                                                 [150. 170. 90.]]
 0.5
 1.0
 1.5
                                             -1
                                                                 [[-12. -16. -9.]
                                                               [-24. -28. -15.]
 2.0
                                             -1
                                                                 [-15. -17. -9.]
  -0.5 0.0 0.5 1.0 1.5 2.0 2.5
   weight = tf.constant([[[[1.,10.,-1.]],[[1.,10.,-1.]]],
                                    [[[1.,10.,-1.]],[[1.,10.,-1.]]])
                                 (2,2,1,3)
```

가로, 세로, 채널, 필터 수

Python

2행 2열의 채널 1개, 3개 filters (2,2,1,3)

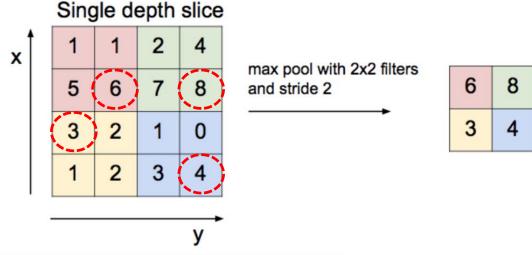
2 -

```
가로, 세로, 채널, 필터 수
[8] 1 # print("imag:\mun", image)
      2 print("image.shape", image.shape)
      4 \text{ weight} = \text{tf.constant}([[[[1.,10.,-1.]],[[1.,10.,-1.]]],
                              [[[1.,10.,-1.]],[[1.,10.,-1.]]]]
      6 print("weight.shape", weight.shape)
      8 conv2d = tf.nn.conv2d(image, weight, strides=[1, 1, 1, 1], padding='SAME')
      9 print ("conv2d.shape", conv2d.shape)
     10
     11 conv2d_img = np.swapaxes(conv2d, 0, 3)
     12 for i, one_img in enumerate(conv2d_img):
            print(one img.reshape(3,3))
            plt.subplot(1,3,i+1), plt.imshow(one_img.reshape(3,3), cmap='gray')
    image.shape (1, 3, 3, 1)
     weight.shape (2, 2, 1, 3)
     conv2d.shape (1, 3, 3, 3)
     [[12, 16, 9,]
      [24, 28, 15,]
      [15, 17, 9,]]
     [[120. 160. 90.]
      [240. 280. 150.]
      [150, 170, 90,]]
     [[-12, -16, -9,]
      [-24. -28. -15.]
      [-15, -17, -9,]]
      0 -
                      1
                                       1 -
      1
```

커널이 2, 이미지가 2 x 2인 맥스풀링

padding='VALID'

MAX POOLING



4	3
2	1

옵션 padding

- padding='SAME'
 - ▼ SAME: Zero paddings

(4)	3	0
2	1	0
0	0	0

4	(3)	0
2	1	0
0	0	0

4	3	0
(2)	1	0
0	0	0

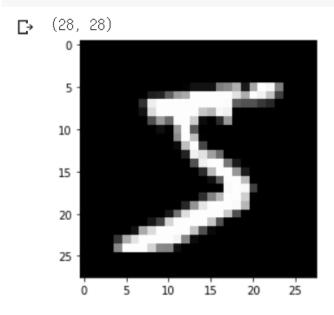
4	3	0
2		0
0	0	0

학습 데이터

- 첫 이미지
 - mnist[0][0][0]:
 - 학습 데이터, 이미지 중, 첫번째

```
[11] 1 import tensorflow as tf
2 mnist = tf.keras.datasets.mnist
3
4 mnist = mnist.load_data()
```

```
[12] 1 img = mnist[0][0][0].reshape(28,28)
2 plt.imshow(img, cmap='gray')
3 print(img.shape)
```



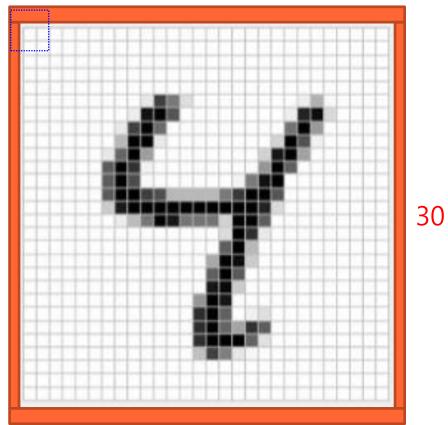
필터 크기가 3이고 strides 2

- 필터의 사이즈가 k
 - 사방으로 k/2 만큼의 패딩
 - K=3
 - 3/2 = 1
- Strides 2인 경우
 - _ 결과
 - 14 x 14

$$-(30-3)/2+1$$

- (총길이-필터 크기)/strides + 1





Python

필터 크기가 3이고 strides 2, 필터 수가 5

```
[13] 1 # 4차원으로 확장

2 img = img.reshape(-1,28,28,1)

3 # 3 x 3의 필터 5개 생성

4 W1 = tf.Variable(tf.random.normal([3, 3, 1, 5], stddev=0.01))

5

6 conv2d = tf.nn.conv2d(img, W1, strides=[1, 2, 2, 1], padding='SAME')

7 print(conv2d.shape)

8

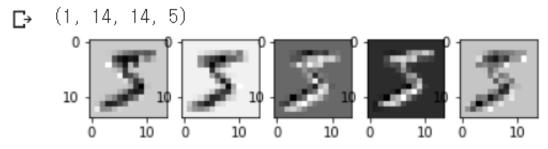
9 conv2d_img = np.swapaxes(conv2d, 0, 3)

10 for i, one_img in enumerate(conv2d_img):

11 plt.subplot(1,5,i+1)

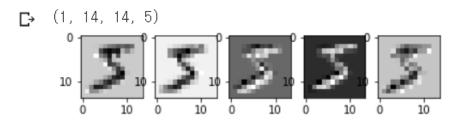
12 plt.imshow(one_img.reshape(14,14), cmap='gray')

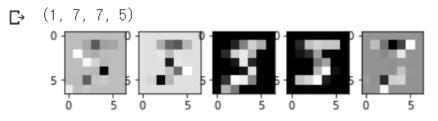
13
```



다시 맥스풀링 적용

- 필터 크기가 2이고 strides 2 적용
 - 이미지의 크기가 반으로 줌





이미지를 위한 keras.layers.Conv2D

keras.layers.Conv2D()

filters, kernel_size, strides=(1, 1), padding='valid', data_format=None, activation=None, use_bias=True, ...

• 주요 인자

- filters: 정수, 컨볼루션의 아웃풋 필터의 수
- kernel_size: 정수 혹은 단일 정수의 튜플/리스트, 커널 크기(가로, 세로)
- Strides: 정수 혹은 단일 정수의 튜플/리스트. 컨볼루션의 보폭 길이를 특정
- padding: "valid", 혹은 "same" (대소문자 무시). "valid"는 "패딩 없음"을 의미
 - "same"은 아웃풋이 원래 인풋과 동일한 길이를 갖도록 인풋을 패딩
 - 제로 패딩을 사용해 아웃풋이 원래의 인풋과 같은 길이를 갖도록
- data_format: 문자열, "channels_last" (디폴트 값) 혹은 "channels_first" 중 하나
 - 입력 차원의 순서를 표현
 - "channels_last"는 (이미지수, 높이, 너비, channels) 형태
 - "channels_first"는 (이미지수, channels, 높이, 너비) 형태

입력 형태

- data_format이 "channels_last"이면 (batch, rows, cols, channels) 형태의 4D 텐서
 - data_format이 "channels_first"이면 (batch, channels, rows, cols) 4D 텐서

출력 형태

- data_format이 "channels_last"이면 (batch, new_rows, new_cols, filters) 형태의 4D 텐서
 - data_format이 "channels_first"이면 (batch, filters, new_rows, new_cols) 4D 텐서

MNIST 입력 모양

- 흑백 이미지, 60000개 28 * 28, 기본 형태, 채널 라스트
 - (6000, 28, 28, 1)

