બોર્ક પેપર, એપ્રિલ-2009

- (1) $f(x) = x^3 6x^2 36x + 2$ એ પટતું વિષેય હોય, તો
 - (A) આપેલ પૈકી કોઈ નહીં (B) (6, ∞)
 - (C) (-2, 6)
- (D) $(-\infty, -2)$
- (2) $\frac{x}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z}{2}$ and 2x + y + z = 6 if $9 \in [6] \in 4$ and.
 - (A) આપેલ પૈકી કોઈ નહીં (B) (0, 0, 0)
 - (C) (2, 1, 1)
- (D) (1, 2, 2)
- (3) શિરોબિંદુઓ $(\pm 5, 0)$ તથા નાભિઓ $(\pm 4, 0)$ વાળા ઉપવલયનું સમીકરણ શોધો.

 - (A) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$ (B) $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{25} = 1$
 - (C) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ (D) $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{25} = 1$
- $(4) \int \sin^3 x \cos^2 x \ dx = \dots$
 - (A) આપેલ પૈકી કોઈ નહીં.(B) -l
 - (C) 0
- (D) 1
- (5) $\frac{a}{a}$ અને $\frac{b}{b}$ વચ્ચેના ખૂશાનું માપ $\frac{5\pi}{6}$ હોય અને $\frac{a}{a}$ અને $\frac{b}{b}$

પરના પ્રક્ષેપનું માપ $\frac{6}{\sqrt{3}}$ હોય, તો $|\overline{a}|$ =, જ્યાં

- \overline{a} , $\overline{b} \neq \overline{0}$.

- (A) 4 (B) 12 (C) $\frac{\sqrt{3}}{2}$
- (6) $\lim_{x \to 1} \cos^{-1} \left(\frac{1 \sqrt{x}}{1 x} \right) = \dots$
 - (A) $\frac{\pi}{2}$
- $(C) \frac{\pi}{4}$

- (7) $\int \left[e^{a \log x} + e^{x \log a} \right] dx = \dots + c; \ a, \ x > 1.$
 - (A) $\frac{x^{a-1}}{a+1} + a^x \cdot \log a$ (B) $\frac{x^{a+1}}{a+1} + \frac{a^x}{\log a}$
 - (C) $\frac{e^{a \log x}}{a} + \frac{e^{x \log a}}{x}$ (D) $\frac{e^{a \log x}}{a \log x} + \frac{e^{x \log a}}{x \log a}$
- (8) લંબાતિવલય માટે e =
 - (A) $\frac{1}{\sqrt{5}}$
- (B) $-\frac{1}{\sqrt{5}}$
- (C) $\sqrt{2}$
- (D) $-\sqrt{2}$
- (9) $\frac{d}{dx} \left[x^x + x^a + a^x + a^a \right] = \dots ; a$ અરાવ છે.
 - (A) $x^x (1 + \log x) + a^a (1 + \log a)$
 - (B) $x^x (1 + \log x) + a \cdot x^a 1$
 - (C) $x^x(1 + \log x) + a^a(1 + \log a)$ $+ ax^{a-1} + a^a(1 + \log a)$
 - (D) $x^{x}(1 + \log x) + a \cdot x^{a-1} + a^{x} \log a$
- (10) જો સમક્ષિતિજ વિસ્તાર 100 મીટર હોય, તો તે માટે ન્યૂનતમ પ્રારંભિક વેગ
 - (A) 7√5 મી/સે (B) 7√10 મી/સે
 - (C) 14√5 H/R (D) 7√10 H/R
- (11) A(1, 12), B(2, 3, 5), C(1, 3, 4) al alend that Δ ABC नं क्षेत्रइण शोधो.
 - (A) આપેલ પૈકી કોઈ નહીં. (B) 4
 - (C) $\frac{\sqrt{3}}{3}$
- (D) $\sqrt{3}$
- (12) પરવલય $2x^2 = 14y$ ની નિયામિકાનું સમીકરસ છે.
 - $(A) y = \frac{7}{4}$
- (B) $y = -\frac{7}{4}$
- (C) x =
- (D) $x = -\frac{1}{4}$

(13)
$$\int_{2}^{k} (2x + 1) dx = 6, \text{ et } k = \dots$$

- (B) 4 (C) 3
- (D) 2

(14)
$$\frac{d}{dx} \left[\cos x^{\circ}\right]$$

- (A) $\frac{\pi}{180} \sin x^0$ (B) $-\frac{\pi}{180} \sin x^0$
- (C) $-\frac{\pi x}{180} \sin x^0$ (D) $-\sin x^0$
- (15) $\Re 2y = x + k$ એ પરવલય $y^2 = 24x$ નો સ્પર્શક હોય, $alk = \dots$
- (A) 24 (B) 12 (C) -12

(16)
$$\int \frac{\sqrt{\tan x}}{\sin x \cdot \cos x} dx = \dots + c; \ x \neq \frac{k\pi}{2} dx$$
$$\tan x > 0.$$

- (A) $2\sqrt{\tan x}$
- (C) $\sqrt{\tan x}$
- (D) $\sqrt{2 \tan x}$

(17)
$$\int_{0}^{1} \frac{1}{x + \sqrt{x}} dx = \dots$$

- (A) log 4
- (B) log 3
- (C) log 2
- (D) log 1
- (18) $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ ઢાળ છે.
- (B) -1 (C) 2

(19)
$$\Re \frac{\lim_{x \to -3} \frac{3x^2 + ax + a - 7}{x^2 + 2x - 3}}{x^2 + 2x - 3}$$
 j અસ્તિત્વ હોય, તો

- a =

- (A) 15 (B) 10 (C) 10
- (D) 15

- (A) સતત નથી અને વિકલનીય નથી.
 - (B) સતત છે અને વિકલનીય નથી.

- (C) સતત નથી અને વિક્લનીય છે.
- (D) સતત અને વિકલનીય છે.
- (21) $a_0(y) x^2 + y^2 + 4x + 8y = 0$ white $x^2 + y^2 + 8x$ 2ky = 0 uzeuz euel, al k =
 - (A) -8 (B) 12 (C) 4

- (22) $y = e^{2x} + x^2 + x = 0$ આગળ દોરેલ અભિલંબનું (0, 0) થી

 - (A) $\frac{4}{\sqrt{5}}$ (B) $\frac{3}{\sqrt{5}}$ (C) $\frac{2}{\sqrt{5}}$ (D) $\frac{1}{\sqrt{5}}$
- (23) $\frac{3-x}{1} = \frac{y-2}{5} = \frac{2z-3}{1}$ -11 [E4-3] R) $\frac{1}{1}$ મેળવો.
 - (A) $-1:5:\frac{1}{2}$ (B) $1:5:\frac{1}{2}$

 - (C) 1:5:1 (D) -1:5:1

(24)
$$\int \frac{f'(x)}{\sqrt{f(x)}} dx = \dots + c; f(x) \neq 0.$$

- (A) $\frac{1}{2} f(x)$ (B) $\frac{1}{2} \sqrt{f(x)}$
- (C) 2f(x)
- (D) $2\sqrt{f(x)}$
- (25) ઊગમબિંદુમાંથી સમતલ 2x + 4y 5z = 10 પર દોરવામાં આવેલા લંબનું સમીકરણ મેળવો.
 - (A) આપેલ પૈકી કોઈ નહીં.
 - (B) $\bar{r} = (2k, 5k, 4k), k \in R$
 - (C) $\bar{r} = (3k, 4k, 5k), k \in R$
 - (D) $\overline{r} = (2k, 4k, -5k), k \in R$
- (26) રેખાઓ x = y તથા y = 0 વચ્ચેના ખૂશાનું માપ
- (A) $\frac{\pi}{2}$ (B) $\frac{\pi}{3}$ (C) $\frac{\pi}{4}$ (D) $\frac{\pi}{6}$

(27)
$$e^x + sin\left(\frac{dy}{dx}\right) = 3 - i \sqrt{24191} \dots$$

- (A) પરિ**યાજ્ઞ વ્યાખ્યાયિત નહીં**.
- (B) 2

(D) 0

- (28) $\int \tan^{-1}x \ dx = \dots + c.$
 - (A) $x \tan^{-1}x + \frac{1}{2} \frac{\tan^{-1}x}{1 + x^2}$
 - (B) $\frac{1}{1 + r^2}$
 - (C) $x \tan^{-1}x \frac{1}{2} \log |1 + x^2|$
 - (D) $x \tan^{-1}x + \frac{1}{2} \log \left[1 + x^2\right]$
- (29) order $x^2 + y^2 + z^2 6x = 12y 2z + 20 = 0$ ના વ્યાસનું એક અંત્યબિંદ (2, 3, 5) હોય, તો વ્યાસનાં બીજાં અંત્યબિદ્દના યામ
 - (A) આપેલ પૈકી કોઈ નહીં. (B) (4, 9, 3)
 - (C) (4, 3, 3)
- (D) (4, 3, 5)
- (30) $\Re 53x 54y + 17 = 0$ અને 105x 108y = -4વર્તુળના સ્પર્શકો હોય, તો તે વર્તુળની ત્રિજયા છે.
 - (A) $\frac{3}{\sqrt{220}}$
- (B) $\frac{3}{2\sqrt{5725}}$
- (C) $\frac{30}{\sqrt{5725}}$ (D) $\frac{3}{2\sqrt{229}}$
- (31) $\frac{d}{dx} \left[log_e e^{sin(x^2)} \right] = \dots$
 - (A) $2x \cdot \cos x$
- (B) $2 \cos(x^2)$
- (C) $2x \cos(x^2)$
- (D) 2 cos x
- (32) $\lim_{n \to \infty} \frac{1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2}{n^3} = \dots$
- (A) $\frac{1}{2}$ (B) $\frac{1}{2}$ (C) $\frac{1}{6}$ (D) $\frac{2}{3}$
- (33) kx 2y 1 = 0 kx 4y m = 0 kx 4y m = 0રેખાઓ હોય, તો k તથા m નાં મૂલ્યો થાય.
 - (A) k = -3, m = -2 (B) k = 3, m = 2
 - (C) k = 3, m = -2 (D) k = -3, m = 2
- (34) $(\overline{x} \overline{y}) \times (\overline{x} + \overline{y}) = \dots, \text{ set } \overline{x}, \overline{y} \in \mathbb{R}^3.$
 - (A) આપેલ પૈકી કોઈ નહીં (B) $2(\overline{x} \times \overline{y})$
 - (C) $\frac{1}{2}(\overline{x} \times \overline{y})$ (D) $|\overline{x}|^2 |\overline{y}|^2$

- (35) (3, 0), (0, 4), (0, 0) શિરોબિંદુવાળા ત્રિકોલનું અંતઃકેન્દ્ર મેળવો.
 - (A) (-1, -1)
- (B) (1, 1)
- (C) (3, 3)
- (D) $\left(\frac{1}{3}, \frac{1}{3}\right)$
- (36) ગોલકની ત્રિજયાના માપનમાં 2% ત્રુટિ આવે, તો તેના પુષ્ઠફળના માપનમાં ત્રુટિં આવે.
 - (A) 4%
- (B) 3% (C) 2%
- (D) 1%
- (37) જો \overline{x} અને, \overline{y} એકમ સિંદશો હોય તથા $\overline{x} \cdot \overline{y} = 0$ હોય,
 - (A) $|\bar{x} + \bar{y}| = 2$ (B) $|\bar{x} + \bar{y}| = 1$

 - (C) $|x + y| = \sqrt{2}$ (D) $|x + y| = \sqrt{3}$
- (38) A(k, 2), B(3, 5) બિંદુ છે. \overline{AB} નાં A તરફથી k ગુણોત્તરમાં વિભાજન કરતાં બિંદુનો યામ (t, t) છે, તો $k = \dots$ $k \in R - \{0, -1\}.$
 - (A) 4
- (B) -4 (C) 2
- (39) અતિવલય $\frac{x^2}{25} \frac{y^2}{16} = 1$ ના અનંત સ્પર્શકોનાં સમીકરણ
 - (A) $y = \pm \frac{5}{4}x$ (B) $x = \pm \frac{25}{16}y$
 - (C) $y = \pm \frac{4}{5}x$ (D) $x = \pm \frac{4}{5}y$
- (40) $\lim_{n\to\infty} r^n = 0, \text{ di } r = \dots$ હોઈ શકે.

 - (A) 2 (B) $\frac{4}{5}$
- (C) 1
- (D) $\frac{3}{4}$

જવાબો

(1) C (2) D

(6) B

- (3) A
- (4) C
- (5) A (10) C

- (8) C
- (9) D
- (11) D (12) B

(7) B

- (13) C
- (14) B
- (15) A

- (16) A (17) A
- (18) A
- (19) B
- (20) B

- (21) D (22) C
- (23) A
- (24) D
 - (25) D
- (26) C (27) A
 - (28) C
- (29) B
- (30) A (35) B

- (31) C (32) A
- (33) B
- (34) B
 - (40) B
- (39) C (38) D (37) C (36) A