Hogstadiet 的数学

2023/24 作物

资格委员会 2023 年 11 月 8 日至 14 日

写作时间:120分钟。

辅助工具:铅笔、橡皮擦、尺子和卡尺。不是迷你计算器。 证明所有解决方案的合理性,除非另有说明,否则答案本身不得分。 提交您想到的所有内容,包括部分解决方案。书写清晰。 每个解决方案可得 0 – 3 分。祝你好运!

注意!此竞赛文本不得包含在资格审查书中。竞赛文本将于 11 月 14 日后在 HMT 网站 www.matematiktavling.org 上提供。

- 1. 哪些两位整数等于它们的数字乘积与它们的数字和之和?
- 2. 三角形的三个外角的关系为 7:9:14。求三角形中最小的那个角度。

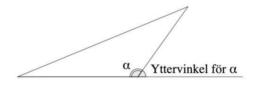


图 1:外角的定义

3. 埃斯特姑妈喜欢聚会,她几乎总是有客人。她邀请了26位客人(包括来自曼彻斯特的四位牧师)。她还确保客人的平均年龄与她自己完全一样。

不幸的是,不是所有的客人都能住在同一个房间里,所以她被迫把他们分成两个房间,客厅里有 15 个人 11 个在房间里,11 个在厨房里。当埃斯特姨妈走进客厅,计算每个人的平均年龄时 那个房间里的人(包括她自己)的平均年龄比她大3岁。之后,她进入了商店并计算店里所有人的平均年龄(包括她自己)。比阿姨的年龄小多少埃斯特的年龄是平均年龄吗?

4. 用所有六个数字表达以下数字

2,5, 7, 10, 25, 100

每个操作恰好出现一次,以及可选操作 (+、ÿ、×、÷)和括号。

a) 2023

b) 2024

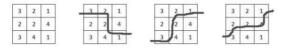
=)2025年

(例如,42 可以表示为 42 = 100 × (7 × 5)·25 × 10 + 2。)

该问题仅需要答案!

- 5. Viktualia 必须购买重物才能进行力量训练。每吨都有重物。至少 她需要买多少个砝码才能把 3 吨到 9 吨的所有整数加起来?
- 6. 在"蜿蜒的道路"游戏中,你必须从网格的左侧走到右侧。所有数字的总和 道路上的点数必须等于预定数。道路还必须将网格划分为两个总和相等的部分。

在下面的例子中,道路总数应为 12。我们可以看到,三种道路变体都满足这一要求,而 网络上部的总和与下部的总和相同(在本例中为 5)。



找到下面网格中所有可能的路径,使得曲折路径的总和恰好为30。

				-	
2	4	2	4	2	4
3	3	3	3	3	3
1	2	3	4	5	6
2	3	4	4	3	2
1	1	1	1	1	1
4	2	4	2	4	2





数学高中

对于那些对数学感兴趣并希望获得更高学位的人让中学教育变得有趣、富有挑战性和具有教育意义。

www.dagy.danderyd.se