Lógica, teoría de números y conjuntos



Parcial #1

Estudiante: Nota:

Indicaciones generales

- Este es un examen individual con una duración de 60 minutos.
- No se permite el uso de libros o apuntes, calculadoras o cualquier medio electrónico.
- Los celulares deben estar apagados y guardados durante todo el examen.
- Cualquier incumplimiento de lo anterior conlleva la anulación del examen.
- 1. [0.75 pt] Defina lo que significa ser el punto medio de un segmento.
- 2. Sean x y y números enteros, considere las proposiciones:
 - A: xy > 0.
 - $B: x \ge 0 \text{ y } y \ge 0.$

Determine si las siguientes proposiciones son verdaderas o falsas. Justifique su respuesta.

- a. [0.4 pt] Si A entonces B.
- b. [0.4 pt] Si B entonces A.
- c. [0.2 pt] A, si y sólo si, B.
- 3. [0.75 pt] Dos números primos se denominan gemelos si su diferencia es 2. Explique si los siguientes números son gemelos: 2 y 4, 3 y 5, 12 y 14, 27 y 29.
- 4. Considere la siguiente proposición: Si un número divide a otros dos, entonces divide a la diferencia de estos.
 - a. [0.5 pt] Transforme el enunciado en un enunciado de la forma "Si, entonces" usando letras indeterminadas.
 - b. [1.0 pt] Demuestre de forma directa la proposición.
- 5. [1.0 pt] Sea n un número entero. Demuestre que si 3n+5 es par, entonces n es impar.

Señale d	con una	\mathbf{X} su p	rofesor:
Mauro			
Daniel			