Rouabah Dalil, M2 IMSD, Décembre 2019

Clustering - Prédiction de l'occurence de crime aux États-Unis

Introduction

Ce projet consiste en la prédiction de l'occurence de crime aux États-Unis, sur la base du jeu de données "Communities and Crimes" disponible sur UCI (https://archive.ics.uci.edu/ml/datasets/Communities+and+Crime (https://archive.

Parmi les 127 variables prédictives, on supprimera les cinq premières qui n'ont pas de valeur prédictives, comme indiqué dans la description fournie sur UCI. De plus, selon cette dernière, on sait que toutes les variables sont quantitatives et comprises entre 0 et 1.

Ce projet a pour but la création d'un modèle de prédiction du score "ViolentCrimesPerPop" par régression sur forêt aléatoire. Après une analyse exploratoire puis un prétraitement des données, on se proposera de trouver le modèle minimisant l'erreur obtenue (on précisera à ce moment la métrique d'erreur utilisée).

On définit ci-dessous les packages utilisés pour la réalisation de ce projet.

```
In [1]: pip install pydot
        Requirement already satisfied: pydot in /usr/local/lib/python3.6/dist-packages
        Requirement already satisfied: pyparsing>=2.1.4 in /usr/local/lib/python3.6/dist
        -packages (from pydot) (2.4.5)
In [0]: import warnings
        warnings.filterwarnings('ignore')
        from IPython.display import Image
        import pandas as pd # Module d'import et manipulation des données
        import numpy as np
        import seaborn as sns # Modules de visualisation des données
        import matplotlib.pyplot as plt
        from mpl toolkits.mplot3d import Axes3D
        # Modules permettant la construction et l'évaluation du modèle
        from sklearn.preprocessing import StandardScaler
        from sklearn.model selection import train test split, cross val score, GridSearchCV
        from sklearn.ensemble import RandomForestRegressor as rfr
        from sklearn.metrics import mean absolute error as mae
        from sklearn.metrics import mean squared error as mse
        from sklearn.metrics import r2 score as r2
        from sklearn.metrics import roc curve
        #Modules permettant la visualisation d'arbres composant la forêt
        from sklearn.tree import export graphviz
        import pydot
```

Analyse exploratoire et prétraitement des données

Procédons par l'import des données. On notera, avec la visualisation préliminaire fournie sur Kaggle, que les valeurs manquantes sont indiquées par des "?", ce qui doit être mentionné lors de l'import ci-dessous:

```
In [3]: path to file = 'C:/Users/DalilR/Desktop/Clustering/Communities.csv'
        #df = pd.read csv(path to file,header=None,na values="?")
        df = pd.read csv('/content/communities.data',header=None,na values="?")
        #La commande ci-dessus sert en cas d'utilisation de l'outil Colab : un simple impor
        t du fichier .csv suffit et cette commande procèdera à l'import automatiquement.
        hd = ['state','county','community','communityname','fold','population','householdsi
        ze','racepctblack','racePctWhite','racePctAsian','racePctHisp','agePct12t21','agePc
        t12t29','agePct16t24','agePct65up','numbUrban','pctUrban','medIncome','pctWWage','p
        ctWFarmSelf', 'pctWInvInc', 'pctWSocSec', 'pctWPubAsst', 'pctWRetire', 'medFamInc', 'perC
        apInc', 'whitePerCap', 'blackPerCap', 'indianPerCap', 'AsianPerCap', 'OtherPerCap', 'Hisp
        PerCap', 'NumUnderPov', 'PctPopUnderPov', 'PctLess9thGrade', 'PctNotHSGrad', 'PctBSorMor
        e','PctUnemployed','PctEmploy','PctEmplManu','PctEmplProfServ','PctOccupManu','PctO
        ccupMgmtProf', 'MalePctDivorce', 'MalePctNevMarr', 'FemalePctDiv', 'TotalPctDiv', 'PersP
        erFam', 'PctFam2Par', 'PctKids2Par', 'PctYoungKids2Par', 'PctTeen2Par', 'PctWorkMomYoung
        Kids','PctWorkMom','NumIlleg','PctIlleg','NumImmig','PctImmigRecent','PctImmigRec5
        ','PctImmigRec8','PctImmigRec10','PctRecentImmig','PctRecImmig5','PctRecImmig8','Pc
        tRecImmig10','PctSpeakEnglOnly','PctNotSpeakEnglWell','PctLargHouseFam','PctLargHou
        seOccup', 'PersPerOccupHous', 'PersPerOwnOccHous', 'PersPerRentOccHous', 'PctPersOwnOcc
        up','PctPersDenseHous','PctHousLess3BR','MedNumBR','HousVacant','PctHousOccup','Pct
        HousOwnOcc', 'PctVacantBoarded', 'PctVacMore6Mos', 'MedYrHousBuilt', 'PctHousNoPhone', '
        PctWOFullPlumb','OwnOccLowQuart','OwnOccMedVal','OwnOccHiQuart','RentLowQ','RentMed
        ian','RentHighQ','MedRent','MedRentPctHousInc','MedOwnCostPctInc','MedOwnCostPctInc
        NoMtg', 'NumInShelters', 'NumStreet', 'PctForeignBorn', 'PctBornSameState', 'PctSameHous
        e85','PctSameCity85','PctSameState85','LemasSwornFT','LemasSwFTPerPop','LemasSwFTFi
        eldOps','LemasSwFTFieldPerPop','LemasTotalReq','LemasTotReqPerPop','PolicReqPerOffi
        c','PolicPerPop','RacialMatchCommPol','PctPolicWhite','PctPolicBlack','PctPolicHisp
        ','PctPolicAsian','PctPolicMinor','OfficAssgnDrugUnits','NumKindsDrugsSeiz','PolicA
        veOTWorked', 'LandArea', 'PopDens', 'PctUsePubTrans', 'PolicCars', 'PolicOperBudg', 'Lema
        sPctPolicOnPatr', 'LemasGangUnitDeploy', 'LemasPctOfficDrugUn', 'PolicBudgPerPop', 'Vio
        lentCrimesPerPop']
        df.columns = hd
        df.head()
```

Out[3]:

	state	county	community	communityname	fold	population	householdsize	racepctblack	racePctWhite
0	8	NaN	NaN	Lakewoodcity	1	0.19	0.33	0.02	0.90
1	53	NaN	NaN	Tukwilacity	1	0.00	0.16	0.12	0.74
2	24	NaN	NaN	Aberdeentown	1	0.00	0.42	0.49	0.56
3	34	5.0	81440.0	Willingborotownship	1	0.04	0.77	1.00	0.08
4	42	95.0	6096.0	Bethlehemtownship	1	0.01	0.55	0.02	0.95

5 rows × 128 columns

```
In [4]: df.shape
Out[4]: (1994, 128)
```

```
In [5]: df.describe()
```

Out[5]:

	state	county	community	fold	population	householdsize	racepctblack	racePct ¹
count	1994.000000	820.000000	817.000000	1994.000000	1994.000000	1994.000000	1994.000000	1994.00
mean	28.683551	58.826829	46188.336597	5.493982	0.057593	0.463395	0.179629	0.7!
std	16.397553	126.420560	25299.726569	2.873694	0.126906	0.163717	0.253442	0.24
min	1.000000	1.000000	70.000000	1.000000	0.000000	0.000000	0.000000	0.00
25%	12.000000	9.000000	25065.000000	3.000000	0.010000	0.350000	0.020000	0.6
50%	34.000000	23.000000	48090.000000	5.000000	0.020000	0.440000	0.060000	0.8
75%	42.000000	59.500000	66660.000000	8.000000	0.050000	0.540000	0.230000	0.94
max	56.000000	840.000000	94597.000000	10.000000	1.000000	1.000000	1.000000	1.00

8 rows × 127 columns

On remarque déjà une quantité non négligeable de valeurs manquantes. De plus, à la vue des dimensions du jeu de données, il sera difficile d'avoir le contrôle sur ces valeurs. Nous allons donc afficher les colonnes contenant les valeurs manquantes, et décider par la suite de la démarche à adopter, en fonction de la quantité de valeurs manquantes qu'elles contiennent.

De plus, à la vue des variables, on remarque qu'elles sont normalisées mais pas standardisées. Cela peut éventuellement altérer le résultat. On va donc dans un premier temps procéder sans standardiser les données, puis, ultérieurement, en fonction des résultats, nous y procéderons ou non.

```
In [6]: nulls = df.isnull().sum()
         print(nulls[nulls>0])
         print('On a', len(nulls[nulls>0]), 'colonnes à valeurs manquantes')
                                   1174
         county
                                  1177
         community
         OtherPerCap
                                     1
         LemasSwornFT
                                  1675
         LemasSwFTPerPop
                                   1675
         LemasSwFTFieldOps
                                   1675
         LemasSwFTFieldPerPop 1675
        LemasSwritter

LemasTotalReq 1675

LemasTotReqPerPop 1675

PolicReqPerOffic 1675

1675
         RacialMatchCommPol 1675
         RacialMatched....
PctPolicWhite
                                  1675
                                  1675
         PctPolicHisp
                                   1675
         PctPolicAsian
PctPolicMinor
                                  1675
                                  1675
         OfficAssgnDrugUnits 1675
NumKindsDrugsSeiz 1675
         PolicAveOTWorked
                                  1675
                                  1675
         PolicCars
         PolicOperBudg
                                   1675
         LemasPctPolicOnPatr 1675
LemasGangUnitDeploy 1675
         PolicBudgPerPop
                                  1675
         dtype: int64
         On a 25 colonnes à valeurs manquantes
```

24 des 25 colonnes à valeurs manquantes contiennent plus de 50% de NaN. On va donc supprimer ces colonnes du jeu de données.

Pour la colonne restante, qui ne contient qu'une valeur manquante, on peut soit supprimer l'instance correspondant à la valeur manquante, ou remplacer celle-ci par la moyenne de la colonne concernée. Ces deux options ayant un impact relativement négligeable sur le résultat final, on peut en choisir une sans critère particulier. Ici, on opte pour la seconde option.

On va, par la même occasion, définir les données X et y qui serviront plus tard à l'élaboration du modèle.

```
In [0]: ft_to_drop = nulls[nulls>0]

df2 = df.dropna(axis=1, subset=ft_to_drop)

y = df2['ViolentCrimesPerPop']

X = df2.drop(['ViolentCrimesPerPop', 'communityname','state','fold'],axis=1)

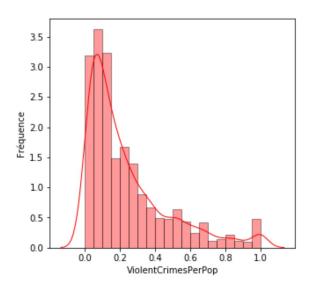
X.fillna(X['OtherPerCap'].mean(),inplace=True)
```

Visualisation des données

Commençons par visualiser la répartition de la variable à prédire.

Out[8]: <matplotlib.axes._subplots.AxesSubplot at 0x7fb9b6c64be0>

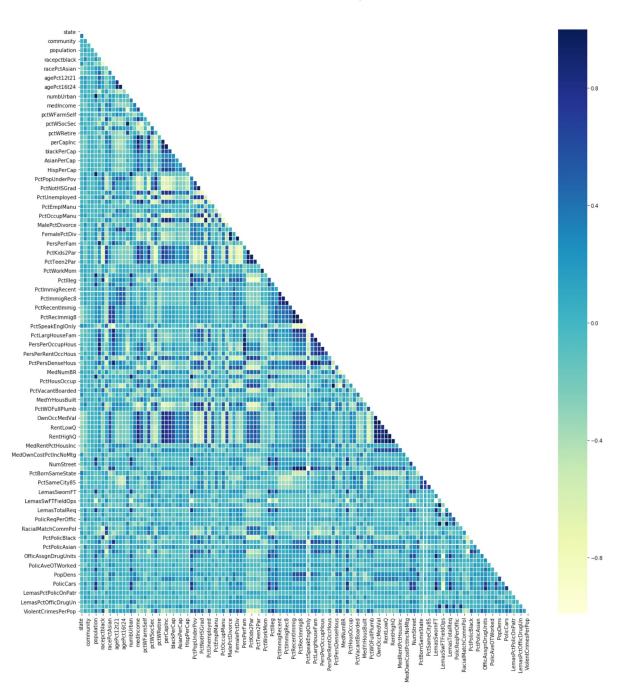
Répartition de l'occurence de crimes violent aux États-Unis



On remarque déjà un important déséquilibre dans la répartition de cette variable.

Affichons maintenant la heatmap des corrélations.

Correlation heatImap in the dataset



Compte tenu des dimensions élevées du jeu de données, il est difficile d'extraire des informations intéressantes de cette matrice des corrélations. Il est cependant intéressant de constater que l'on peut l'afficher et voir malgré tout une forte corrélation entre l'occurence des crimes violents et le pourcentage d'enfants étant dans un foyer avec leurs deux parents, ou encore le pourcentage d'enfants nés sans que leurs parents se soient mariés.

Voyons de plus près quelles variables sont très corrélées à la variable à prédire (i.e celles dont le coefficient de corrélation est supérieur à 0.5 en valeur absolue).

```
In [10]: correlations = abs(corr['ViolentCrimesPerPop'])
        var int = correlations[correlations>0.5]
        print(var int)
        racepctblack 0.631264
        racePctWhite
                           0.684770
                           0.576324
        pctWInvInc
        pctWPubAsst
                           0.574665
        PctPopUnderPov
                            0.521877
        PctUnemployed
                            0.504235
        MalePctDivorce
                          0.525407
                           0.556032
        FemalePctDiv
        TotalPctDiv
                           0.552777
       PctIlleg
                            0.737957
        PctPersOwnOccup 0.525491
PctPolicBlack 0.543545
        ViolentCrimesPerPop 1.000000
        Name: ViolentCrimesPerPop, dtype: float64
```

Un nombre relativement élevé de variables est fortement corrélé à l'occurence de crimes violents. Voyons si l'on peut extraire d'autres informations par la visualisation des données, en visualisant plus particulièrement certaines variables très corrélées.

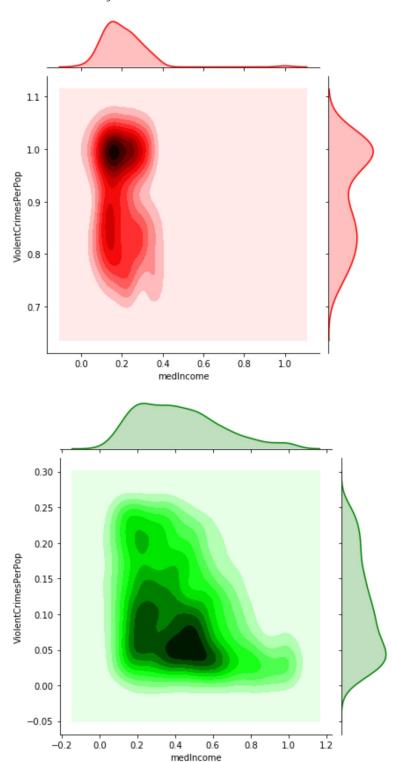
Il sera question ici de séparer le jeu de données en deux : une partie constituée d'instances présentant une faible occurence de crimes violents, l'autre partie constituée d'instances faisant l'objet d'une forte occurence de crimes violents. On veut observer le comportement de ces deux parties par rapport à certaines variables. Évidemment, on ne pourra pas réitérer cela pour toutes les variables.

Commençons par le rapport à la variable définissant le revenu médian par foyer.

```
In [11]: | dfhi = df[df['ViolentCrimesPerPop']>=0.75] # Instances à fort taux de criminalité
        dflo = df[df['ViolentCrimesPerPop'] <= 0.25] # Instances à faible taux de criminalité
        print(dfhi['medIncome'].describe(), dflo['medIncome'].describe())
        count 104.000000
        mean 0.205096
                 0.113000
        std
                 0.000000
        min
                 0.137500
        25%
        50%
                  0.180000
        75%
                 0.252500
                 1.000000
        max
        Name: medIncome, dtype: float64 count 1341.000000
                  0.418001
                  0.218510
        std
                  0.020000
        min
        25%
                  0.240000
                  0.390000
        50%
        75%
                   0.550000
                   1.000000
        max
        Name: medIncome, dtype: float64
```

On remarque déjà une différence significative de revenus entre les deux "populations". Passons à la visualisation pour confirmer cette tendance.

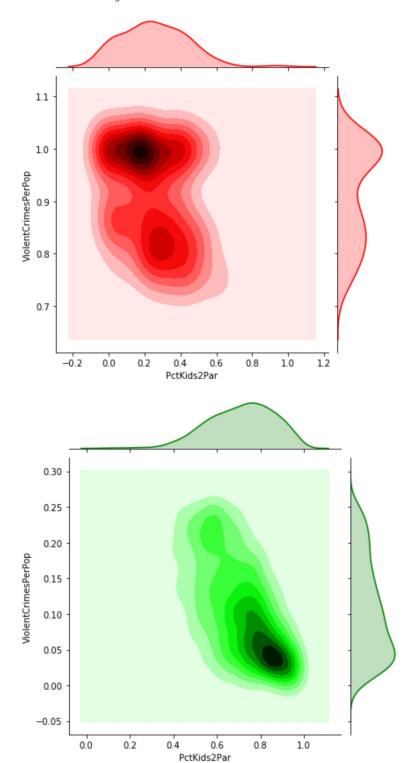
Out[12]: <seaborn.axisgrid.JointGrid at 0x7fb9b2a89eb8>



Tendance confirmée : on voit bien que les instances présentant une forte criminalité ont un salaire très restreint, contrairement aux autres, dont la moyenne est également deux fois plus élevée.

Nous avons vu précédemment une forte corrélation entre le pourcentage d'enfants étant dans un foyer avec deux parents. Voyons si, par la visualisation, nous arrivons à comprendre cette corrélation.

Out[13]: <seaborn.axisgrid.JointGrid at 0x7fb9b2ab2668>



De la même manière ici, on voit une différence significative de répartition d'enfants élevés dans un foyer de deux parents : les instances les plus 'violentes' ont tendance à observer une valeur basse pour cette variable, et inversement pour les instances moins 'violentes'.

Il est important de remarquer cependant que la corrélation n'a pas la valeur d'une implication : en effet, il est possible qu'une forte criminalité fasse 'fuir' des familles qui étaient installées. Autrement dit, la proportion d'enfants élevés par deux parents peut aussi bien être une conséquence d'une ciminalité élevée.

Régression par Forêt Aléatoire

Nous allons maintenant procéder à la création d'un modèle de régression par forêt aléatoire, et évaluer ce modèle par la suite.

La difficulté principale réside dans le choix des paramètres pour lesquels on opte. En effet, il existe une multitude de combinaisons de paramètres, et un choix s'imposera entre l'interprétabilité et l'erreur. De plus, choisir manuellement les paramètres optimaux peut s'avérer être fastidieux - on va préférer des méthodes automatisées retournant l'erreur pour le modèle optimal.

Définissons tout d'abord la fonction qui permettra l'affichage et la sauvegarde d'un arbre composant la forêt que l'on aura au préalable modélisée, permettant d'exporter au format .png un arbre extrait de la forêt, permettant une visualisation en outre.

```
In [0]: def save_arbre(modele):
    feature_list = list(X.columns)
    arbre = modele.estimators_[3]
    export_graphviz(arbre, out_file = 'arbre.dot', feature_names = feature_list, ro
    unded = True, precision = 1)
        (graph, ) = pydot.graph_from_dot_file('arbre.dot')

        graph.write_png('arbre.png');
        print('Succès')
```

Définissons maintenant un premier modèle, et évaluons-le en utilisant la métrique d'erreur moyenne absolue négative (neg MAE), obtenue par la somme des erreurs de prédiction en valeur absolue, pondérée par le nombre de prédictions. On va utiliser une cross-validation à 10 plis, et afficher l'erreur moyenne que l'on obtiendra sur ces dix plis.

Ce premier modèle est parfaitement sommaire et servira de point de départ pour la précision des paramètres.

```
In [15]: premier_modele = rfr();
    cross_valid_scores = cross_val_score(premier_modele, X, y, cv = 10, scoring = 'neg_
    mean_absolute_error');
    print (cross_valid_scores.mean())
    -0.09920656532663316
```

Avec une erreur de prédiction en moyenne égale à 0.1, on peut être relativement satisfait. Affichons un arbre obtenu dans ce modèle.

```
In [16]: X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X,y)
    premier_modele.fit(X_train,y_train)
    save_arbre(premier_modele)
Succès
```

Ce premier modèle nous conduit à l'arbre suivant:

```
In [17]: Image('arbre_long.png', width=1200, height=400)
Out[17]:
```

Le modèle est relativement précis, cependant à la vue d'un arbre composant la forêt, on peut se poser la question de l'interprétabilité de notre modèle. On va donc chercher à améliorer l'interprétabilité en proposant des arbres plus réduits, tout en essayant de conserver une erreur aussi proche de zéro que possible.

Pour ce faire, nous pouvons utiliser la fonction GridSearchCV, qui permet une recherche exhaustive de la meilleure combinaison de paramètres (dont les valeurs possibles seront définies arbitrairement au préalable). On peut afficher par la suite les erreurs associées par validation croisée à dix plis, puis un arbre composant la forêt du modèle final retenu.

On définit la fonction ci-dessous, qui retournera le modèle final ainsi que les scores associés.

```
In [0]: def rfr model(X, y):
            # Entrée : X et y les données, et la variable à prédire
            # Sortie : Le modèle retenu et les scores associés par validation croisée
            gsc = GridSearchCV(
                estimator=rfr(),
                param grid={
                    'max depth': range(3,10),
                    'n estimators': (10, 50, 100, 500), 'max leaf nodes': (2,3,5,7)
                cv=10, scoring='neg_mean_absolute_error', verbose=0, n_jobs=-1)
            grid result = gsc.fit(X,y)
            best_params = grid_result.best params
            rf r = rfr(max depth=best params["max depth"], n estimators=best params["n esti
        mators"], verbose=False, max leaf nodes=best params['max leaf nodes']
        , random_state=False)
            scores = cross val score(rf r, X, y, cv=10, scoring='neg mean absolute error')
            return rf r, scores
        #modele final, scores finaux = rfr model(X,y)
        #modele final.fit(X train, y train)
```

Cette fonction est très coûteuse en temps (elle exécute un modèle, puis une validation croisée, et ce un très grand nombre de fois), c'est pour cela que l'on définit le modèle directement via les paramètres retenus lors d'une première exécution : profondeur maximale 7, 50 estimateurs (i.e 50 arbres dans la forêt), et un maximum de 7 feuilles par noeud. On laisse cependant la fonction disponible si le lecteur désire l'exécuter.

Définissons ci-dessous le modèle que l'on qualifiera de 'final', et évaluons-le en utilisant trois métriques.

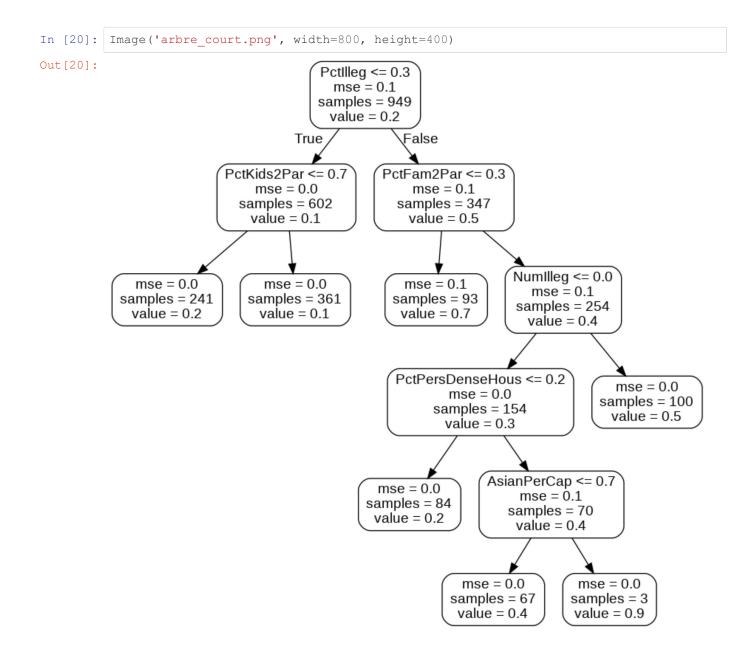
```
In [19]: modele_final = rfr(max_depth=7, n_estimators=50, max_leaf_nodes=7, random_state=1)
    modele_final.fit(X_train, y_train)
    y_predit = modele_final.predict(X_test)
    save_arbre(modele_final);

    print('Score R2: %.4f' % r2(y_test,y_predit))
    print('Erreur quadratique moyenne : %.4f' % mse(y_test,y_predit))
    print('Erreur absolue moyenne : %.4f' % mae(y_test,y_predit))

Succès
    Score R2: 0.6209
    Erreur quadratique moyenne : 0.0185
    Erreur absolue moyenne : 0.0968
```

On observe au passage une très légère hausse de l'erreur moyenne, de l'ordre de 0.003.

Regardons un arbre de la forêt "finale", afin de juger de son interprétabilité.



L'arbre ainsi obtenu présente une très grande capacité à être interprété : on a très clairement les variables explicitées ainsi que les processus de décision à chaque noeud. Cette amélioration se fait au détriment d'une variation de l'erreur moyenne qui s'avère être presque négligeable.

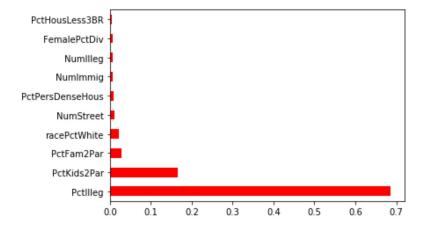
Remarquons tout de même que l'erreur de prédiction semble se situer au niveau des scores représentant une forte occurence de crimes violents. Cela peut notamment s'expliquer par le fait que les instances concernées par ces scores sont relativement peu représentées par rapport à celles présentant une faible criminalité.

Importance des variables dans le modèle

On va afficher l'importance des variables dans notre modèle:

```
In [21]: feat_importances = pd.Series(modele_final.feature_importances_, index=X.columns)
    feat_importances.nlargest(10).plot(kind='barh', color='red')
```

Out[21]: <matplotlib.axes._subplots.AxesSubplot at 0x7fb9a9337828>



On observe ici que deux variables se distinguent fortement par leur importance : PctIlleg et PctKids2Par. On serait tenté de construire un modèle basé uniquement sur ces variables, mais en plus d'en avoir que trop peu pour la prédiction, notre erruer ne changerait que très peu.

Optons plutôt pour une standardisation, qui permettrait éventuellement une optimisation de l'erreur de prédiction et du score R2.

Optimisation de l'erreur par standardisation

On commence par définir les données standardisées grâce à la fonction "scale" fournie par scikit-learn.

Ensuite, le nettoyage préliminaire étant déjà effectué, nous pouvons directement passer à la construction du modèle, et l'évaluer.

```
In [22]: sc = StandardScaler()

X2_train, X2_test, y2_train, y2_test = train_test_split(X, y, test_size = 0.25);

modele_final_scaled = rfr(n_estimators=100);
X2_train = sc.fit_transform(X2_train);
X2_test = sc.transform(X2_test);
modele_final_scaled.fit(X2_train,y2_train);

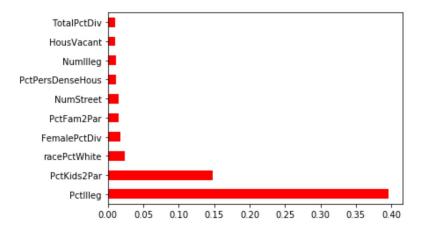
y2_predit = modele_final_scaled.predict(X2_test);

print('Score R2: %.4f' % r2(y2_test,y2_predit))
print('Erreur quadratique moyenne : %.4f' % mse(y2_test,y2_predit))

feat_importances = pd.Series(modele_final_scaled.feature_importances_, index=X.columns)
feat_importances.nlargest(10).plot(kind='barh', color='red')

Score R2: 0.6524
Erreur quadratique moyenne : 0.0208
Erreur absolue moyenne : 0.1014
```

Out[22]: <matplotlib.axes. subplots.AxesSubplot at 0x7fb9a932b7b8>



On remarque une légère amélioration de l'erreur de prédiction du modèle, de même pour le score R2 qui avoisine 0.7. Cette amélioration reste cependant assez modeste.

L'importance des variables ne varie que très peu, ce qui laisse penser que la standardisation n'a que peu d'impact sur la construction du modèle.

Conclusion

Cette étude a permis l'exploration de différentes manières de construire une forêt aléatoire. En effet, sans chercher à contrôler les paramètres, on peut arriver à un résultat très bon mais difficile à interpréter. À l'inverse, en contrôlant certains paramètres, notamment comme la profondeur maximale des arbres, et au détriment d'une partie (négligeable ou non, selon les modèles et les données) de la précision, on arrive à un modèle qui semble être beaucoup plus aisé d'interpréter.

Il faut cependant noter qu'une erreur de 0.1 sur un score attribué entre 0 et 1 n'est pas optimale, et ceci semble être causé par la sous-représentation (fort heureusement) des villes présentant une forte criminalité. Pour remédier à cela, une possibilité serait d'effectuer un sur-échantillonnage ou un sous-échantillonnage des instances respectivement peu ou très représentées, afin d'équilibrer le jeu de données. Cela serait possible avec une méthode de type SMOTE.

Un prérequis à l'utilisation d'une telle méthode serait de catégoriser la variable d'intérêt. Cela transformerait ce problème en un problème de classification et non plus de régression, et il faudrait également s'attendre à une perte d'information lors de l'interprétation du modèle, en fonction du nombre de classes choisies par exemple.

Une autre limite de cette étude réside dans la difficulté à visualiser efficacement le plus de variables possibles. En effet, on a vu via la heatmap des corrélations qu'il est très difficile d'en tirer une quelconque information. De façon analogue, il est également très difficile de visualiser un nombre important de variables sans surcharger l'étude, ce qui oblige à n'en sélectionner que quelques unes, au risque de passer à côté d'informations intéressantes.

Enfin, la piste à explorer serait l'amélioration de la précision et la sous-représentation des instances présentant une forte occurence de crimes violents.