

MIRACL 大数运算库使用手册

游贵荣

一. MIRACL 简介

MIRACL (Multiprecision Integer and Rational Arithmetic C/c++ Library) 是一套由 Shamus Software Ltd. 所开发的一套关于大数运算函数库，用来设计与大数运算相关的密码学之应用，包含了 RSA 公开密码学、Diffie-Hellman 密钥交换 (Key Exchange)、AES、DSA 数字签名，还包含了较新的椭圆曲线密码学 (Elliptic Curve Cryptography) 等等。运算速度快，并提供源代码。MIRACL 是当前使用比较广泛的基于公钥加密算法保护实现的大数库之一，据说要使用该库用于商业软件，需要交纳一笔昂贵的授权费——1000\$。

二. MIRACL 常用函数调用手册

声明：此处只列出和大数相关的简单运算函数，以及产生大数随机数的函数调用手册，具体请查看 manual.doc 文档。不当之处，请大家批评指正！

函数原型：void absol (big x, big y);

功能说明：取 x 的绝对值， $y=|x|$

函数原型：void add (big x, big y, big z);

功能说明：两个大数相加， $z=x+y$

Example: add(x, x, x); // This doubles the value of x.

函数原型：void bigbits (int n, big x);

功能说明：产生一个 n 位的大整数，初始化随机种子由 irand 函数实现

Example: bigbits(100, x); // This generates a 100 bit random number

函数原型：int cistr (big x, char *s);

功能说明：将大数字符串转换成大数

返回值：输入字符数的个数

Example: `mip->IOBASE=16; // input large hex number into big x
 cinstr(x, " AF12398065BFE4C96DB723A");`

函数原型: `int compare(big x, big y);`

功能说明: 比较两个大数的大小

返回值: $x > y$ 时返回+1, $x = y$ 时返回 0, $x < y$ 时返回-1

函数原型: `void convert(int n, big x);`

功能说明: 将一个整数 n 转换成一个大数 x

函数原型: `void copy(big x, big y);`

功能说明: 将一个大数赋值给另一个大数, $y = x$

函数原型: `int cotstr(big x, char *s);`

功能说明: 将一个大数根据其进制转换成一个字符串

返回值: 字符串长度

函数原型: `void decr(big x, int n, big z) ;`

功能说明: 将一个大数减去一个整数, $z = x - n$.

函数原型: `void divide(big x, big y, big z);`

功能说明: 两个大数相除, $z = x / y$; $x = x \bmod y$, 当变量 y 和 z 相同时, x 为余数, 商不返回 (即 y 的值不变); 当 x 和 z 相同时, x 为商, 余数不返回。

Example: `divide(x, y, y); // x 为余数, y 值不变`

函数原型: `BOOL divisible(big x, big y)`

功能说明: 测试 x 能否整除 y

返回值: y 除 x 余数为 0, 返回 TRUE, 否则返回 FALSE

函数原型: `int igcd(int x, int y) ;`

功能说明：返回两个整数的最大公约数

函数原型：void incr(big x, int n, big z);

功能说明：将一个大数加上一个整数， $z=x+n$

Example: incr(x, 2, x); /* This increments x by 2. */

函数原型：void mirkill(big x);

功能说明：释放内存大数所占的内存

函数原型：miracl *mirsys(int nd, int nb);

功能说明：初始化 MIRACL 系统，该函数必须在调用 MIRACL 库函数之前先执行

Example: miracl *mip=mirsys(500, 10); //初始化 500 位的 10 进制数

函数原型：void mirexit();

功能说明：清除 MIRACL 系统，释放所有内部变量

函数原型：void multiply(big x, big y, big z);

功能说明：两个大数相乘， $z=x.y$

函数原型：void negify(big x, big y);

功能说明：大数取负号， $y=-x$.

函数原型：int numdig(big x);

功能说明：返回大数 x 中数字的个数

函数原型：void premult(big x, int n, big z);

功能说明：一个大数乘以一个整数， $z=n.x$

函数原型：int subdiv(big x, int n, big z);

功能说明：一个大数除以一个整数， $z=x/n$.

返回值：余数

函数原型：BOOL subdivisible(big x, int n)

功能说明：测试 n 能否整除 x

返回值：x 除以 n 余数为 0，返回 TRUE，否则返回 FALSE

函数原型：void bigdig(int n, int b, big x);

功能说明：产生一个指定长度的进制的随机数，该函数使用内置的随机数发生器，初始化种子调用 irand 函数

Example: bigdig(100, 10, x); //产生一个 100 位的 10 进制随机数

函数原型：void bigrand(big w, big x);

功能说明：使用内置的随机数发生器，产生一个小于 w 的大数随机数， $x < w$

函数原型：int egcd(big x, big y, big z);

功能说明：计算两个大数的最大公约数， $z = \gcd(x, y)$

函数原型：void expb2(int n, big x)

功能说明：计算 2 的 n 次方的大数

Example: expb2(1398269, x); // $2^{1398269}$
 decr(x, 1, x); // $x = x - 1$
 mip->IOBASE=10; //使用 10 进制
 cotnum(x, stdout); //输出到屏幕

This calculates and prints out the largest known prime number (on a true 32-bit computer with lots of memory!)

函数原型：void expint(int b, int n, big x);

功能说明：计算 b 的 n 次方的大数

函数原型：void fft_mult(big x, big y, big z);

功能说明：使用 Fast Fourier 算法计算两个大数乘积， $z = x \cdot y$

函数原型: `unsigned int invers(unsigned int x, unsigned int y);`

功能说明: 计算两个无符号整数（要求互素）的模逆，返回 $x^{-1} \bmod y$

函数原型: `BOOL isprime(big x);`

功能说明: 判断一个大数是否为素数，使用概率测试算法

返回值: x 为素数返回 TRUE，否则返回 FALSE

函数原型: `void powmod(big x, big y, big z, big w);`

功能说明: 模幂运算， $w = x^y \bmod z$

函数原型: `void sftbit(big x, int n, big z);`

功能说明: 将一个大数左移或右移 n 位，n 为正数时左移，负数时右移

函数原型: `int xgcd(big x, big y, big xd, big yd, big z);`

功能说明: 计算两个大数的扩展最大公约数，也可以用来计算模逆，这个函数比 mad 函数运算速度稍慢。 $z = \gcd(x, y) = x \cdot xd + y \cdot yd$

Example: `xgcd(x, p, x, x, x); // 计算 $x^{-1} \bmod p$
/* $x = 1/x \bmod p$ (p is prime) */`

三. MIRACL 函数库调用举例

1. 使用微软的 VS.NET 2003 中文版

(1) 启动 Microsoft Visual Studio .NET 2003, 选择“文件”→“新建”→“项目”命令, 如图 1-1 所示;



图 1-1 新建项目

(2) 打开“新建项目”对话框, 选择“Win32 控制台项目”模板, 在“名称”文本框中输入“TestMiracl”, 如图 1-2 所示, 单击“确定”按钮;

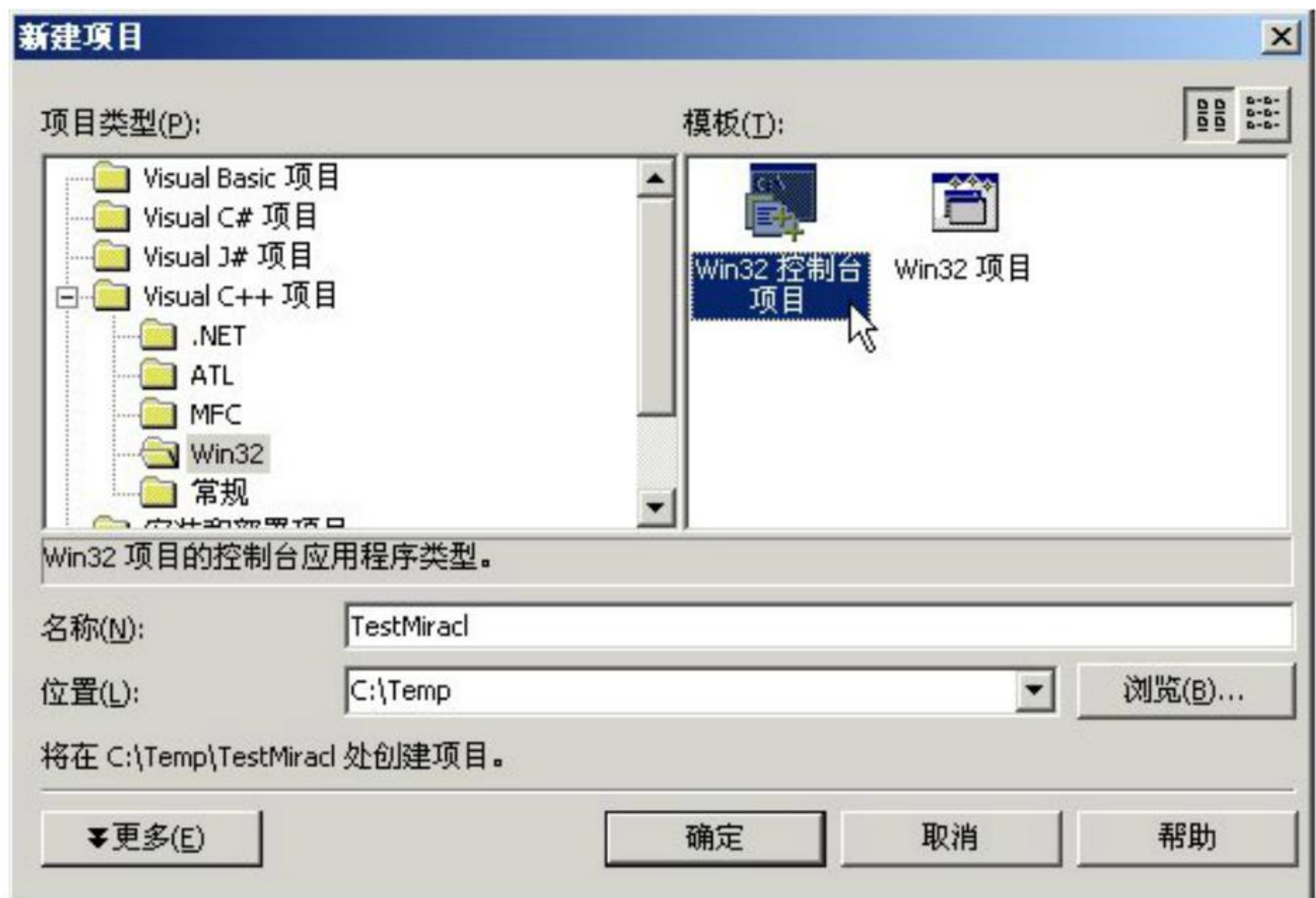


图 1-2 选择模板

(3) 单击“完成”按钮，完成新建项目；

(4) 将大数运算静态库文件 `ms32.lib` 和头部文件 `miracl.h` 和 `mirdef.h` 拷贝到项目所在文件夹，本例中为“`C:\Temp\TestMiracl`”，如图 1-3 所示；



图 1-3 拷贝大数运算库所需文件

(5) 将大数运算静态库文件 `ms32.lib` 文件添加到项目中，操作方法是：右击“`TestMircal`”，选择快捷菜单中的“添加”→“添加现有项”命令，如图 1-4 所示；

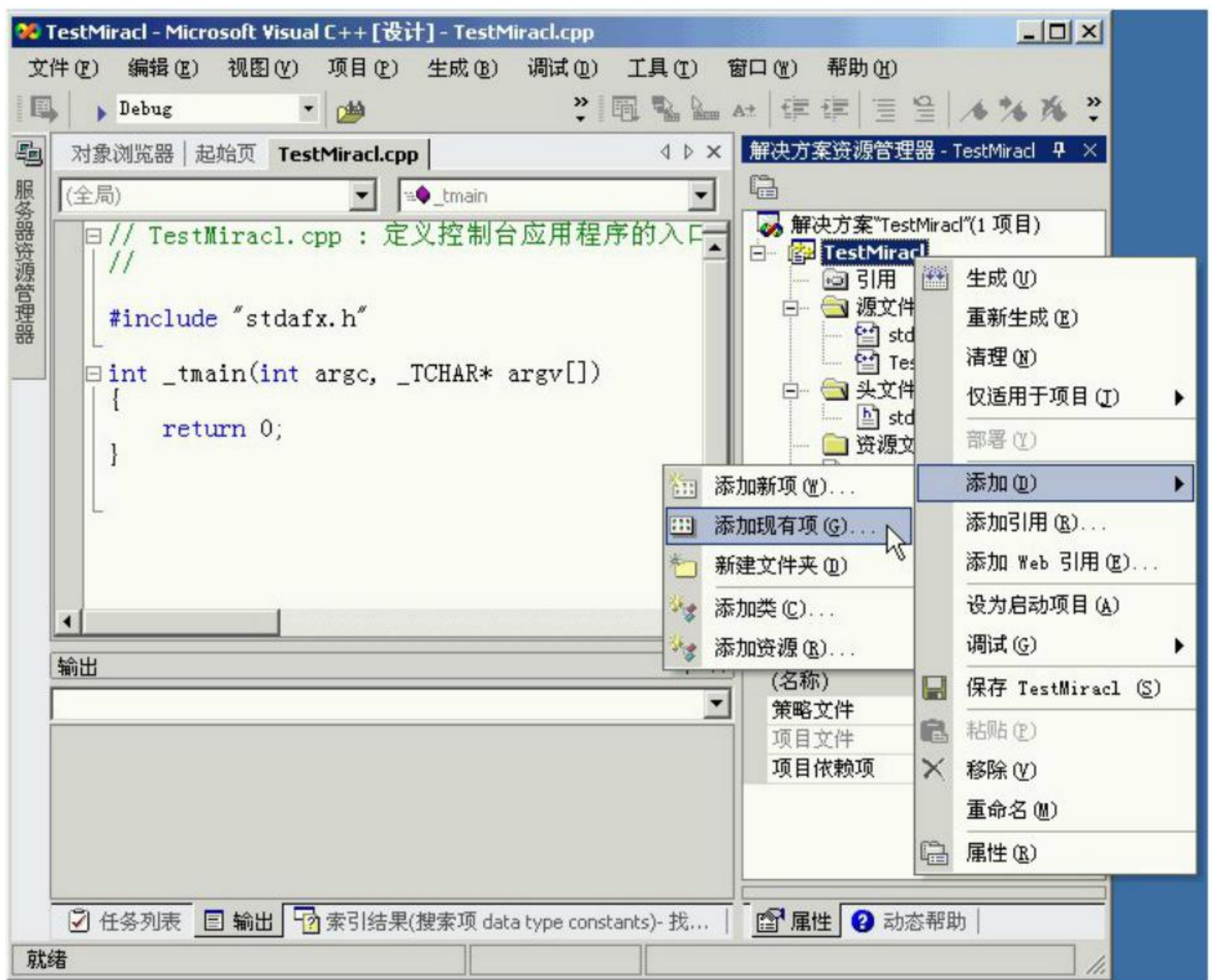


图 1-4 打开添加现有项对话框

(6) 打开“添加现有项-TestMiracal”对话框，选择文件类型为“所有文件(*.*)”，双击“ms32.lib”文件，将其添加到项目中，如图 1-5 所示；

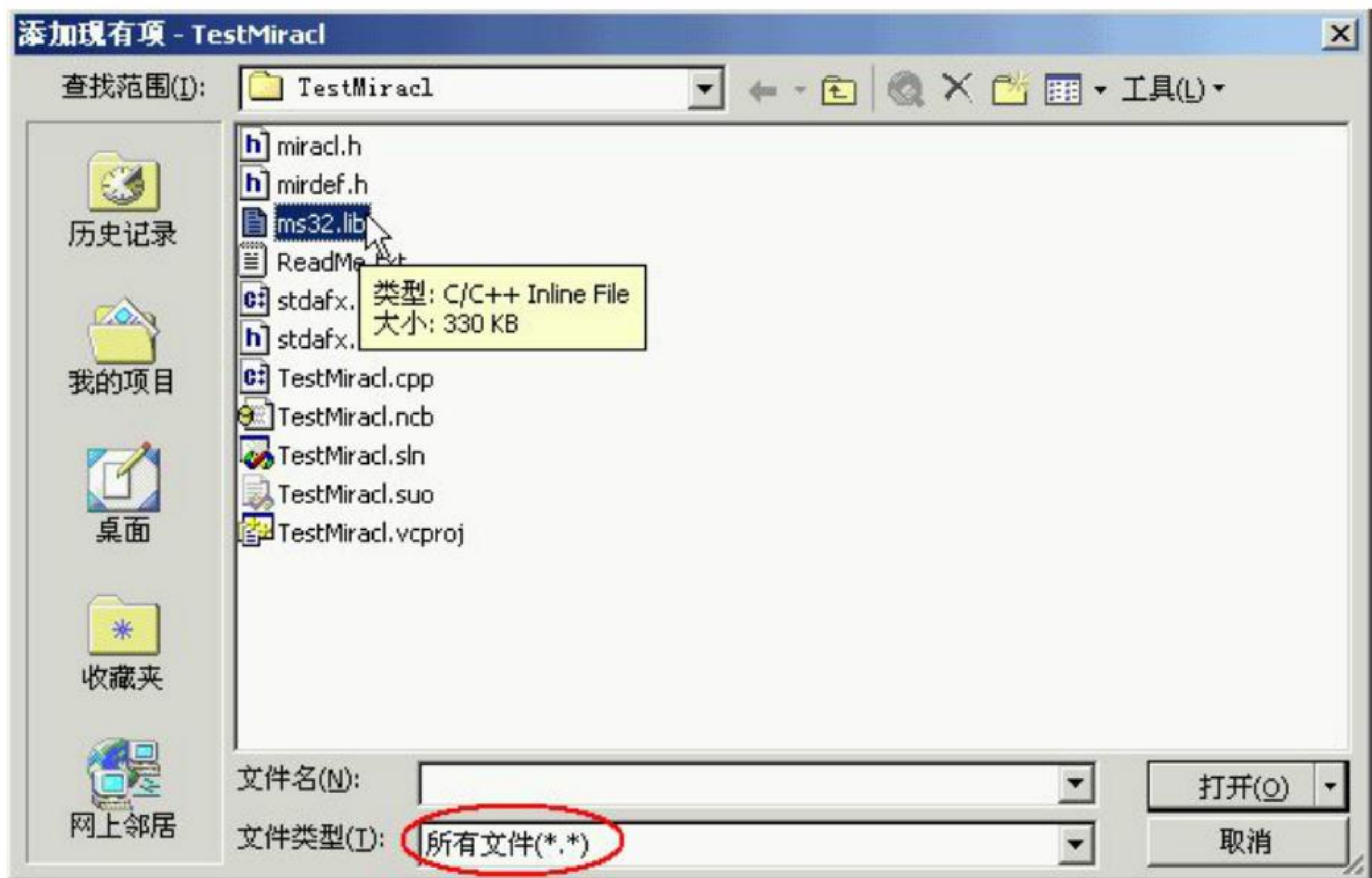


图 1-5 添加 ms32.lib 库文件

(7) 右击“TestMircal”,选择快捷菜单中的“添加”命令,打开“属性页”对话框,单击“C/C++”配置属性,选择“预编译头”选项,设置为“不使用编译头”,如图 1-6 所示,单击“确定”按钮;

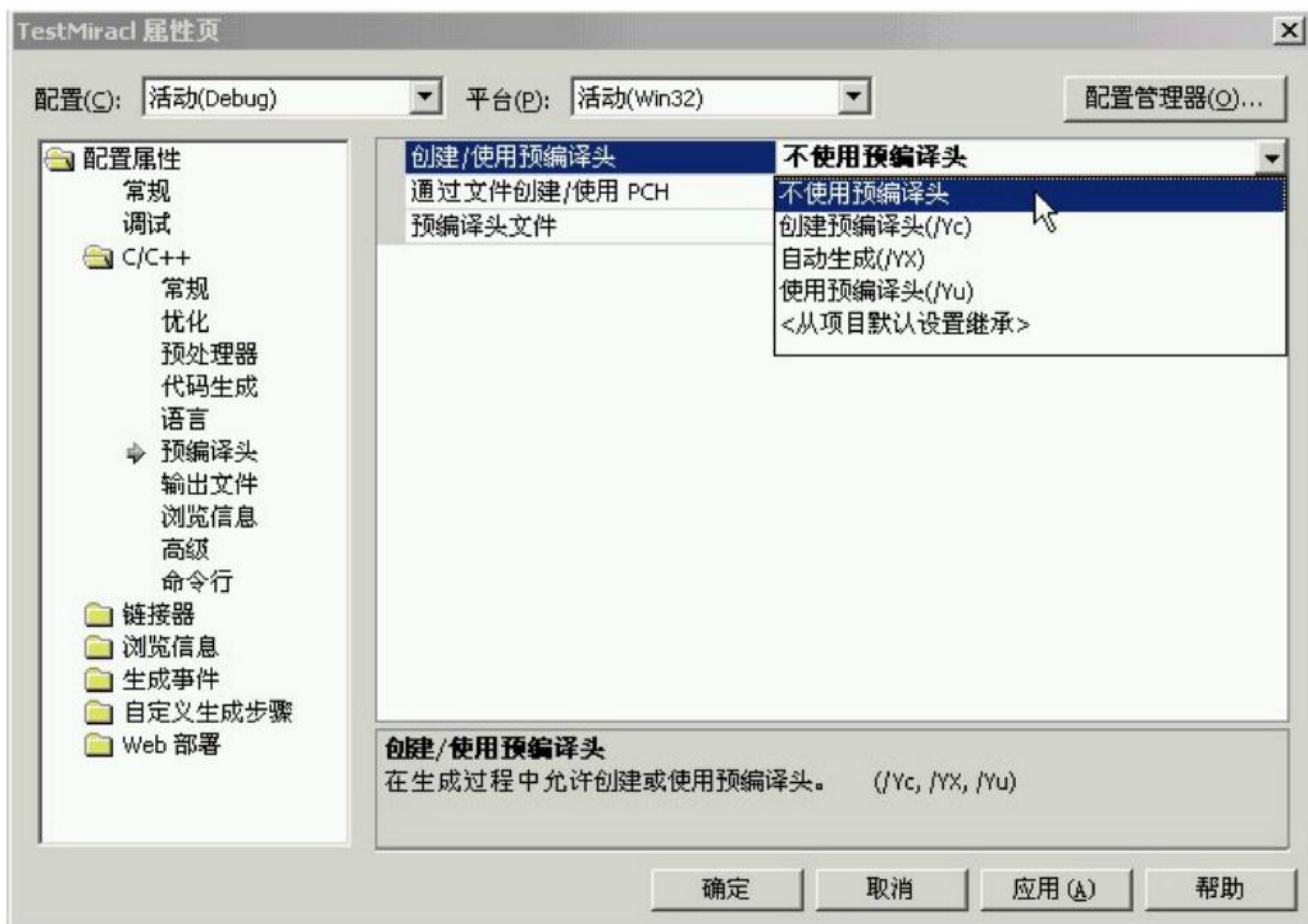
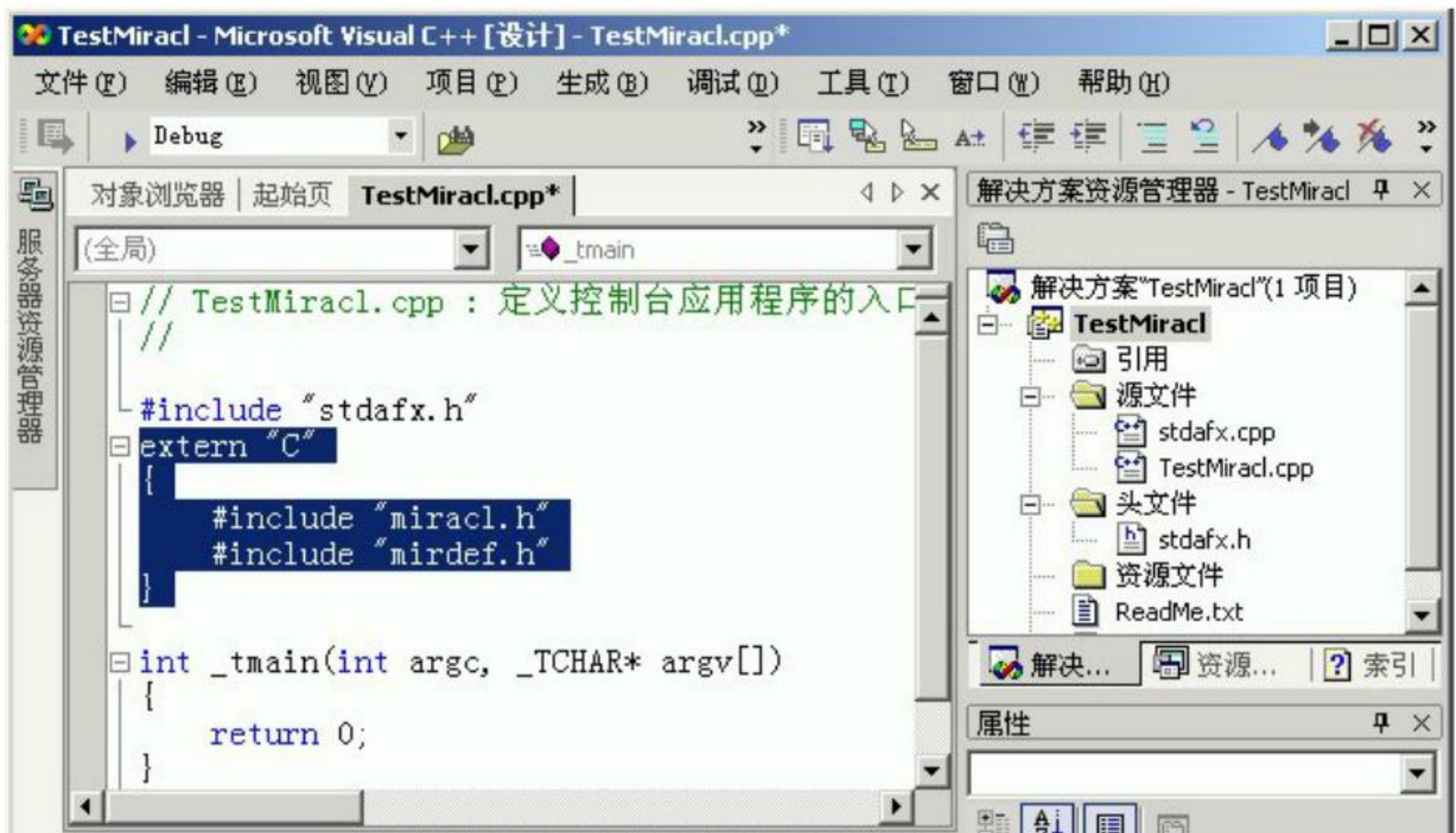


图 1-6 不使用预编译头

(7) 为项目添加如下头文件的包含，此处使用 `extern "C"` 是表示用 C 的方式编译，因为 `ms32.lib` 是 C 的库，不是 C++ 的库，如图 1-7 所示；

```
extern "C"
{
    #include "miracl.h"
    #include "mirdef.h"
}
```

(8) 在_tmain 函数中插入如下代码，以测试大数运算情况；

```
miracl *mip = mirsys(400,10); //初始化一个400位10进制的大数系统
big x,y,z;
```

```
x = mirvar(177);
y = mirvar(79);
z = mirvar(0);
divide(x, y, z); //x=x mod y, z=x/y
```

```
cotnum(x, stdout); //x=19
cotnum(y, stdout); //y=79
cotnum(z, stdout); //z=2
```

```
multiply(x, y, z); //z=x*y
mip->IOBASE=16; //将原来的10进制改为16进制模式
cotnum(z, stdout); //5DD
```

```
/* 测试 $13^{-1} \bmod 2436 = 937$ 
x = mirvar(13);
y = mirvar(2436);
```



```

    xgcd(x, y, z, z, z);
    std::cout<<"z=";
    cotnum(z, stdout);
*/

    mirkill(x);          //释放大数变量
    mirkill(y);
    mirkill(z);

    //=====
    //下面进行RSA算法加密和解密运算
char OutStr[500];
char mStr[]="Computer";

    big m=mirvar(0); //m 明文
    big c=mirvar(0); //c 密文

    big p=mirvar(0); //大素数p
    big q=mirvar(0); //大素数q

    big n=mirvar(0); //n 模数
    big pn=mirvar(0); //欧拉函数值 $pn = (p - 1)(q - 1)$ 

    big d=mirvar(0); //d 私钥
    big e=mirvar(0); //e 公钥

    mip->IOBASE=10;      //将原来的16进制改为10进制模式

    expb2(500, p);        //计算2的500次方,  $2^{1024} \approx 1.8 * 10^{308}$ 
    nxprime(p, p);        //找一个比2的500次方大的素数
    std::cout<<"p=";
    cotnum(p, stdout);

    //还是测试一下是否为素数
    if ( isprime(p) ) std::cout<<"p is a prime!"<<"\n";

```



```

premult(p, 2, q); //q=p*2
nxprime(q, q); //找一个比p*2大的素数
std::cout<<"q=";
cotnum(q, stdout);
//还是测试一下是否为素数
if ( isprime(q) ) std::cout<<"q is a prime!"<<"\n";

multiply(p, q, n); //n = (p - 1) (q - 1)

//以下计算欧拉函数值pn
decr(p, 1, p); //p = p - 1
decr(q, 1, q); //q = q - 1
multiply(p, q, pn); //pn = (p - 1) (q - 1)

convert(65537, e); //取e公钥为2的16次方加1
//cinstr(e, "65537"); //取e公钥为2的16次方加1

xgcd(e, pn, d, d, d); //计算d = e-1 mod n
std::cout<<"d=";
cotnum(d, stdout);

bytes_to_big(8, mStr, m); //将8个字符的明文，转换成大数
std::cout<<"m=";
cotnum(m, stdout);

//加密
powmod(m, e, n, c); //计算c=me mod n
std::cout<<"c=";
cotnum(c, stdout);

//解密
powmod(c, d, n, m); //计算m=cd mod n
std::cout<<"m=";
cotnum(m, stdout);
big_to_bytes(256, m, OutStr, FALSE); //将m转换成数组写入temp
OutStr[8] = '\0';
std::cout<<"OutStr="<<OutStr<<"\n";

```

```
mirkill(m);          //释放大数变量
mirkill(c);

mirkill(p);
mirkill(q);

mirkill(d);
mirkill(e);

mirkill(n);
mirkill(pn);

mirexit();
```

2.使用微软的 VC++V6.0 英文版

使用 VC++V6.0 和 VS.NET2003 的区别主要在创建项目和项目属性设置有点不一样。关键就是要把 MS32.LIB 静态库文件添加到 project 中，还有就是 project 的项目属性中的编译选项不要用“预编译头文件”。详细情况请参见 msvisual.txt 文档。