



دانشکده مهندسی کامپیوتر

## **الگوریتم تخلیه پردازش چند کاربره برای کمینه کردن تاخیر در دستگاه‌های اینترنت اشیا**

پروژه پایانی کارشناسی مهندسی کامپیوتر

محمد مبین داریوش همدانی

استاد راهنما

رضا انتظاری ملکی

خرداد ۱۴۰۱



## تأییدی هیأت داوران جلسه دفاع از پروژه

نام دانشکده: دانشکده مهندسی کامپیوتر

نام دانشجو: محمدمبین داریوش همدانی

عنوان پروژه: الگوریتم تخلیه پردازش چند کاربره برای کمینه کردن تاخیر در دستگاه‌های

اینترنت اشیا

تاریخ دفاع: خرداد ۱۴۰۱

رشته: مهندسی کامپیوتر

ردیف	سمت	نام و نام خانوادگی	مرتبۀ دانشگاهی	دانشگاه یا مؤسسه	امضاء
۱	استاد راهنما	دکتر رضا منتظاری ملکی	استادیار	دانشگاه علم و صنعت ایران	
۲	استاد داور داخلی	دکتر ....	.....	دانشگاه علم و صنعت ایران	

## تأییدی صحت و اصالت نتایج

باسمه تعالی

اینجانب محمدمبین داریوش همدانی به شماره دانشجویی ۹۶۵۲۱۱۹۱ دانشجوی رشته مهندسی کامپیوتر مقطع تحصیلی کارشناسی تأیید می‌نمایم که کلیه‌ی نتایج این پروژه حاصل کار اینجانب و بدون هرگونه دخل و تصرف است و موارد نسخه‌برداری شده از آثار دیگران را با ذکر کامل مشخصات منبع ذکر کرده‌ام. در صورت اثبات خلاف مندرجات فوق، به تشخیص دانشگاه مطابق با ضوابط و مقررات حاکم (قانون حمایت از حقوق مؤلفان و مصنفان و قانون ترجمه و تکثیر کتب و نشریات و آثار صوتی، ضوابط و مقررات آموزشی، پژوهشی و انضباطی) با اینجانب رفتار خواهد شد و حق هرگونه اعتراض در خصوص احقاق حقوق مکتسب و تشخیص و تعیین تخلف و مجازات را از خویش سلب می‌نمایم. در ضمن، مسئولیت هرگونه پاسخگویی به اشخاص اعم از حقیقی و حقوقی و مراجع ذیصلاح (اعم از اداری و قضایی) به عهده‌ی اینجانب خواهد بود و دانشگاه هیچ‌گونه مسئولیتی در این خصوص نخواهد داشت.

نام و نام خانوادگی: محمدمبین داریوش همدانی

تاریخ و امضا:

## مجوز بهره‌برداری از پایان‌نامه

- بهره‌برداری از این پایان‌نامه در چهارچوب مقررات کتابخانه و با توجه به محدودیتی که توسط استاد راهنما به شرح زیر تعیین می‌شود، بلامانع است:
- ☐ بهره‌برداری از این پایان‌نامه برای همگان بلامانع است.
  - ☐ بهره‌برداری از این پایان‌نامه با اخذ مجوز از استاد راهنما، بلامانع است.
  - ☐ بهره‌برداری از این پایان‌نامه تا تاریخ ..... ممنوع است.

استاد راهنما: رضا انتظاری ملکی

تاریخ:

امضا:

## چکیده

رایانش لبه‌ای یک الگوی محاسبات توزیع شده است که با نزدیک کردن منابع پردازشی به لبه شبکه، سعی دارد تا مزایایی مانند زمان پاسخگویی کمتر، مصرف باتری کمتر و تحرک پذیری را برای کاربران به ارمغان بیاورد. از زمان معرفی رایانش لبه‌ای و استانداردهای معروف آن مانند رایانش لبه‌ای چند دسترسی<sup>۱</sup>، یکی از چالش‌های مهم این حوزه طراحی استراتژی‌های کارآمد برای تخلیه وظایف بوده است.

علاوه بر این، با رشد روز افزون صنعت اینترنت اشیا، انواع زیادی از کاربردهای نرم‌افزاری جدید با نیازمندی‌های پردازشی متفاوت در سطح شبکه به وجود آمده است. بنابراین یک ویژگی مهم در طراحی استراتژی تخلیه وظایف در رایانش لبه‌ای، در نظر گرفتن ناهمگونی کاربردها از نظر میزان منابع مورد نیاز است.

در پروژه فعلی روشی برای بدست آوردن استراتژی تخلیه وظایف با تاخیر کمینه تحت محدودیت توان مصرفی ارائه شده است. روش پیشنهادی شامل دو قسمت می‌باشد. در قسمت اول، سیستم تخلیه وظایف با کمک زنجیره مارکوف گسسته-زمان مدل‌سازی می‌شود و در قسمت دوم، با استفاده از الگوریتمی مبتنی بر برنامه‌ریزی خطی<sup>۲</sup> استراتژی تخلیه بهینه برای مدل ساخته شده محاسبه می‌شود.

علاوه بر تشریح و حل مسئله به صورت تئوری، ساختار نرم‌افزاری جدیدی در زبان Kotlin ارائه می‌شود که می‌توان با استفاده از آن استراتژی بهینه را برای سیستم مورد نظر بدست آورد و عملکرد آن را با کمک شبیه‌سازی بررسی کرد. پروژه فعلی گسترشی بر پژوهش [۱] است و از روشی مشابه با روش ارائه شده در پروژه فعلی استفاده می‌کند.

**واژگان کلیدی:** تخلیه وظیفه، رایانش لبه‌ای، زنجیره مارکوف، برنامه‌ریزی خطی، رایانش ابری

---

<sup>۱</sup> Multi-access Edge Computing

<sup>۲</sup> Linear Programming

# فهرست مطالب

چ	فهرست تصاویر
ح	فهرست جداول
خ	فهرست علائم اختصاری
۱	فصل ۱: مقدمه
۵	فصل ۲: مروری بر ادبیات و کارهای انجام شده
۵	۱-۲ ویژگی‌های محیط مسئله
۸	۲-۲ بررسی مقالات از نظر روش حل مسئله
۸	۳-۲ پژوهش‌های مرتبط
۱۰	فصل ۳: شرح مسئله
۱۱	۱-۳ مدل وظایف
۱۲	۲-۳ مدل دستگاه کاربر
۱۴	۳-۳ مدل زمان
۱۴	۴-۳ مدل کانال بیسیم
۱۵	۵-۳ مفهوم کنش
۱۶	۶-۳ استراتژی تخلیه
۱۷	۷-۳ روند فعالیت سیستم تخلیه وظایف

## فصل ۴: روش پیشنهادی ۱۸

- ۱-۴ استراتژی تخلیه تصادفی . . . . . ۱۸
- ۲-۴ مدل زنجیره مارکوف دستگاه کاربر . . . . . ۱۹
- ۳-۴ محاسبه تاخیر و توان میانگین با کمک توزیع پایدار . . . . . ۲۳
- ۴-۴ محاسبه تاخیر میانگین . . . . . ۲۵
- ۵-۴ توان مصرفی میانگین . . . . . ۲۸
- ۶-۴ استراتژی تخلیه وظیفه بهینه . . . . . ۲۸
- ۷-۴ دو بهینه‌سازی برای الگوریتم جستجوی استراتژی . . . . . ۳۱

## فصل ۵: پیاده‌سازی عملی ۳۴

- ۱-۵ مولفه‌های اصلی چارچوب Kompute . . . . . ۳۶
- ۲-۵ تعریف و حل یک مسئله تخلیه وظیفه نمونه در Kompute . . . . . ۳۹
- ۳-۵ شبیه‌سازی استراتژی‌های تخلیه وظیفه . . . . . ۴۰

## فصل ۶: آزمایش و نتیجه ۴۱

- ۱-۶ بررسی عملکرد در مقایسه با الگوریتم‌های پایه . . . . . ۴۱

## فصل ۷: جمع‌بندی و پیشنهادها ۴۶

## مراجع ۵۳



## فهرست تصاویر

۱-۲	سه دانه‌بندی مختلف در سامانه تخلیه پردازش	۶
۱-۳	ساختار کلی سیستم تخلیه پردازش	۱۰
۲-۳	روند فعالیت دستگاه کاربر	۱۷
۱-۴	یک مارکوف نمونه برای مسئله پاکبختگی	۱۹
۲-۴	زنجیره مارکوف سیستم تخلیه در قالب گراف جهت دار	۲۲
۱-۵	کلاس دیاگرام فریم‌ورک Kompute	۳۵
۲-۵	مولفه‌های شرکت‌کننده در حل مسئله خطی استراتژی تخلیه در Kompute	۳۸
۱-۶	تاخیر سرویس به ازای نرخ ورود در حالت تک صف	۴۲
۲-۶	تاخیر میانگین بر حسب نرخ ورود $\alpha_1$ و $\alpha_2$	۴۴

# فهرست جداول

۱-۱	مقایسه رایانش ابری و لبه‌ای . . . . .	۲
۱-۲	تقسیم‌بندی شرایط محیطی مسئله تخلیه پردازش . . . . .	۵
۲-۲	تقسیم‌بندی الگوریتم‌های حل مسئله تخلیه پردازش . . . . .	۸
۱-۳	لیست کنش‌ها در سیستم با یک صف وظیفه . . . . .	۱۵
۲-۳	دسته‌بندی کنش‌ها در سیستم با $k$ صف . . . . .	۱۵
۱-۴	پارامترهای محیط رایانش لبه‌ای در سناریو دو صف با یک صف ثابت . . . . .	۲۰
۲-۴	مقادیر ماتریس انتقال $\chi_{\tau, \tau'}$ در صورت حضور در حالت $\tau = ([1, 1], 0, 1, 0, 1)$ . . . . .	۲۱
۳-۴	امکان پذیری کنش‌های مختلف در حالت $\tau = ([3, 0], 0, 1, 0, 1)$ . . . . .	۳۲
۱-۶	پارامترهای محیط رایانش لبه‌ای در سناریو تک صف . . . . .	۴۲
۲-۶	پارامترهای محیط رایانش لبه‌ای در سناریو دو صف با یک صف ثابت . . . . .	۴۳
۳-۶	پارامترهای محیط رایانش لبه‌ای در سناریو دو صف متغیر . . . . .	۴۵
۴-۶	درصد کارآمدی استراتژی‌ها . . . . .	۴۵
۵-۶	پارامترهای محیط رایانش لبه‌ای در سناریو سه صف . . . . .	۴۵

## فهرست علایم اختصاری

$\tau$ .....	حالت دستگاه کاربر
$q_i$ .....	تعداد وظایف موجود در صف $i$ -ام
$\alpha_i$ .....	نرخ ورود وظیفه به صف $i$ -ام
$\beta$ .....	احتمال ارسال موفق بسته
$S$ .....	مجموعه تمام حالت‌های دستگاه کاربر
$A$ .....	مجموعه تمام کنش‌های ممکن
$\eta_i$ .....	نسبت وظایف نوع $i$ که محلی اجرا می‌شوند
$P_{tx}$ .....	توان مصرفی برای ارسال یک بسته
$P_{loc}$ .....	توان مصرفی برای اجرای محلی به اندازه یک بازه زمانی
$P_{max}$ .....	حداکثر توان مصرفی قابل قبول
$L_i$ .....	تعداد بازه زمانی لازم برای پردازش محلی وظایف نوع $i$
$M_i$ .....	تعداد بازه زمانی لازم برای تخلیه وظایف نوع $i$
$C_i$ .....	تعداد بازه زمانی لازم برای رایانش لبه‌ای وظایف نوع $i$
$t_{rx}$ .....	زمان اضافه لازم برای بازدریافت وظیفه از سرور لبه‌ای
$Q$ .....	ظرفیت هر صف وظیفه
$C_L$ .....	تعداد قسمت اجرا شده از وظیفه تخصیص داده شده به پردازنده محلی
$C_R$ .....	تعداد قسمت ارسال شده از وظیفه تخصیص داده شده به واحد ارسال
$T_L$ .....	نوع وظیفه تخصیص داده شده به پردازنده محلی
$T_R$ .....	نوع وظیفه تخصیص داده شده به واحد ارسال

$\Delta$ .....	طول هر بازه زمانی .....
$\pi_\tau$ .....	احتمال حضور در حالت $\tau$ در توزیع پایدار زنجیره مارکوف .....
$\chi_{\tau',\tau}$ .....	احتمال گذر از حالت $\tau'$ به $\tau$ در زنجیره مارکوف .....
$g_\tau^a$ .....	احتمال انتخاب کنش $a$ در حالت $\tau$ در استراتژی $g$ .....

# فصل ۱

## مقدمه

افزایش روز افزون تعداد دستگاه‌های موجود در لبه شبکه در سال‌های اخیر، و همچنین معرفی کاربردهای نرم افزاری جدید که نیازمند منابع محاسباتی بالا هستند باعث شده است که تقاضای زیادی برای خدمات پردازش ابری بوجود بیاید. پردازش ابری این امکان را به دستگاه‌های هوشمند از جمله تلفن همراه و اینترنت اشیا می‌دهد که بخشی از پردازش‌های سنگین خود را به سرورهای قدرتمند «تخلیه» کنند تا بر محدودیت‌های پردازشی خود غلبه کنند و کاربردهای نرم افزاری پیچیده‌ای مانند واقعیت افزوده و خودروهای هوشمند را برای کاربران فراهم کنند.

با این وجود، پیاده‌سازی‌های سنتی پردازش ابری یک ایراد ذاتی دارند، و آن فاصله زیاد سرورهای ابری با دستگاه‌های پایانی است. الگوی «رایانش لبه‌ای» و معماری‌های استاندارد آن مانند رایانش لبه‌ای دسترسی-چندگانه که توسط سازمان ETSI ارائه شده است، سعی دارند تا با آوردن بخشی از منابع محاسباتی به نزدیکی لبه شبکه، این مشکل را تا حدی برطرف کنند. علاوه بر تمایل دستگاه‌های لبه شبکه به کمتر شدن این فاصله و به عبارتی «کشش» منابع محاسباتی توسط آن‌ها به منظور افزایش کیفیت سرویس، شرکت‌های ارائه‌دهنده خدمات ابری نیز تمایل دارند تا با «فشردن» بخشی از منابع محاسباتی خود به لبه شبکه، بار محاسباتی و هزینه‌های تجهیزاتی خود را کاهش دهند. [۲] در جدول ۱-۱ مقایسه‌ای کلی از رایانش ابری و لبه‌ای ارائه شده است. با دقت در این جدول می‌توان فهمید که رایانش لبه‌ای جایگزین رایانش ابری نمی‌باشد بلکه مکمل آن است.

ویژگی	رایانش ابری	رایانش لبه‌ای
استقرار	مرکزی	توزیع شده
فاصله تا دستگاه کاربر	زیاد	کم
تاخیر	زیاد	کم
تغییرات تاخیر <sup>۱</sup>	زیاد	کم
منابع پردازشی	فراوان	محدود
فضای ذخیره‌سازی	فراوان	محدود

جدول ۱-۱: مقایسه رایانش ابری و لبه‌ای

یک امر مهم در پیاده‌سازی کارآمد رایانش لبه‌ای، طراحی استراتژی‌های تخلیه وظیفه به صورت هوشمند و موثر است. این استراتژی‌ها نحوه تخصیص منابع توسط دستگاه کاربر<sup>۲</sup> را مشخص می‌کنند و این امکان را به دستگاه کاربر می‌دهند تا درباره تخلیه یا عدم تخلیه وظایف محاسباتی در طول زمان تصمیم بگیرد.

استراتژی تخلیه بهینه به استراتژی تخلیه‌ای گفته می‌شود که یک تابع «هدف» خاص را تحت شرایط محیطی مشخص کمینه یا بیشینه کند. توابع هدف عموماً بر حسب یک یا چند معیار سیستم تعریف می‌شوند. برخی از این معیارها عبارتند از:

□ تاخیر سرویس (Service Delay)

□ توان مصرفی ((Consumed Power))

□ تقدم و تاخر (Jitter)

□ هزینه (Cost)

مقدار توابع هدف و شروط مسئله تخلیه بستگی به پارامترهای زیادی دارند، از جمله میزان منابع موجود در دستگاه کاربر، نیازمندی‌های کاربر، کیفیت شبکه دسترسی و شلوغی سرورهای رایانش لبه‌ای. علاوه بر پارامترهای محیطی، ساختار کاربردهای<sup>۳</sup> نرم‌افزاری مورد بررسی نیز در مسئله تاثیر

<sup>1</sup> Jitter

<sup>2</sup> User Equipment

<sup>3</sup> Application

می‌گذارند. برای مثال ممکن است که تمام یا بخشی از یک کاربرد خاص قابلیت تخلیه نداشته باشد.

در پروژه فعلی **تاخیر سرویس** به عنوان تابع هدف در نظر گرفته شده است. تاخیر همواره یک معیار اصلی در سنجش کیفیت سامانه‌های کامپیوتری بوده است. همچنین با رشد روز افزون صنعت اینترنت اشیا، کاربردهای جدیدی در سطح شبکه به وجود آمده است که نیازمندی‌های تاخیر بسیار پایین دارند، به طوری که سرورهای رایانش ابری پاسخگوی این نیازمندی نخواهد بود. و از طرفی نیازمندی‌های پردازشی بالا امکان اجرای این کاربردها به صورت محلی و بهنگام<sup>۴</sup> را نمی‌دهد. یک نمونه از این دسته از کاربردها «سامانه مدیریت ترافیک هوشمند» است که نیازمند انجام پردازش‌های سنگین در زمان بسیار کم می‌باشد.

تاخیر سرویس بسته به اجرای محلی و یا تخلیه از مولفه‌های متفاوتی تشکیل می‌شود. در صورت اجرای محلی تاخیر سرویس از موارد زیر تشکیل خواهد بود:

۱. تاخیر انتظار در صف وظیفه  $d_q$

۲. تاخیر اجرا به صورت محلی  $d_{loc}$

و در صورت تخلیه از موارد زیر تشکیل خواهد شد:

۱. تاخیر صف  $d_q$

۲. تاخیر ارسال  $d_{tx}$

۳. تاخیر انتشار  $d_{propagation}$

۴. تاخیر اجرا در سرور لبه‌ای  $d_{server}$

۵. تاخیر بازدریافت وظیفه از سرور  $d_{rx}$

---

<sup>۴</sup>Real-time

در پروژه فعلی روشی برای بدست آوردن استراتژی تخلیه وظیفه با تاخیر کمینه تحت محدودیت توان مصرفی در محیط رایانش لبه‌ای ارائه خواهیم داد. روش ارائه شده مبتنی بر زنجیره مارکوف گسسته-زمان و برنامه‌ریزی خطی می‌باشد و گسترشی بر روش ارائه شده در [۱] می‌باشد. نوآوری و مزیت اصلی روش پیشنهادی ما نسبت به مقاله ذکر شده قابلیت پشتیبانی از وظایف با نیازمندی‌های پردازشی و شبکه‌ای متفاوت (وظایف ناهمگون) می‌باشد. انگیزه اصلی از این گسترش، تنوع محاسباتی وظایف در محیط‌های اینترنت اشیا بوده است. به طور مثال در بسیاری از پژوهش‌های حوزه تخلیه وظیفه در اینترنت اشیا، وظایف به دو دسته «سبک» و «سنگین» تقسیم می‌شوند. [۳] [۴] برای درک مفهوم وظایف سبک و سنگین می‌توان مثال اتومبیل خودران را در نظر گرفت. در این کاربرد، وظیفه پردازش اطلاعات تصاویر به منظور راندن خودرو یک وظیفه سنگین محسوب می‌شود، در حالی که وظیفه روشن کردن سیستم گرمایشی خودرو بر حسب داده‌ی سنسور دما، یک وظیفه سبک محسوب می‌شود.

ادامه پروژه فعلی به پنج فصل تقسیم شده است. در فصل ۲ پژوهش‌های مرتبط انجام شده را مرور می‌کنیم. در فصل ۳ به شرح مسئله تخلیه وظیفه و ساختار رایانش لبه‌ای می‌پردازیم. در فصل ۴ روش پیشنهادی برای بدست آوردن استراتژی تخلیه بهینه را شرح می‌دهیم. در فصل ۵ ابتدا ساختار نرم‌افزاری<sup>۵</sup> جدیدی مبتنی بر زبان Kotlin با نام Kompute ارائه می‌دهیم که این امکان را به کاربران و پژوهشگران می‌دهد تا استراتژی تخلیه بهینه را به ازای سیستم دلخواه خود محاسبه کنند و آن استراتژی را با سایر استراتژی‌های پایه<sup>۶</sup> مقایسه کنند. در بخش دوم از فصل ۵ با استفاده از Kompute به آزمایش و شبیه‌سازی روش ارائه شده در بخش ۴ می‌پردازیم. در انتها در فصل ۶ یک جمع‌بندی کلی از تمامی مطالب ارائه می‌دهیم و پیشنهاداتی نیز برای گسترش روش پیشنهادی ارائه می‌کنیم.

<sup>۵</sup>Framework<sup>۶</sup>Baseline



## فصل ۲

# مروری بر ادبیات و کارهای انجام شده

پژوهش‌های انجام شده در زمینه تخلیه پردازش<sup>۱</sup> را می‌توان بر حسب «ویژگی‌های محیط مسئله» و همین‌طور «الگوریتم استفاده شده برای حل مسئله» دسته‌بندی کرد. در این فصل ابتدا به معرفی این ویژگی‌ها و الگوریتم‌ها می‌پردازیم و سپس برخی از مقالاتی که ارتباط نزدیکی با پروژه فعلی دارند را معرفی می‌کنیم.

## ۱-۲ بررسی مقالات از نظر ویژگی‌های محیط مسئله

در جدول ۱-۲ که برگرفته از [۵] می‌باشد، برخی از ویژگی‌های محیط مسئله و حالت‌های ممکن برای این ویژگی‌ها مشاهده می‌شود.

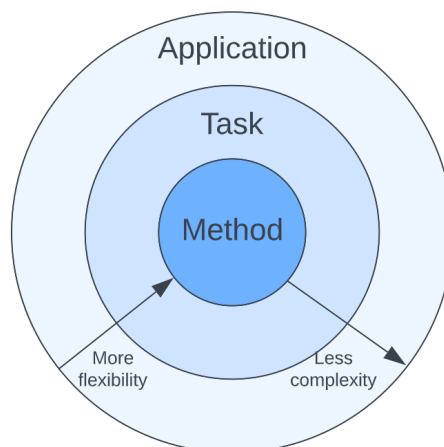
Granularity	User Count	Mobility	Destination	Metric
Application	Single UE	Cloud Server	Single-server	Delay
Task	Multi UE	Edge Server	Multi-server	Energy
Method		Ad hoc		Cost

جدول ۱-۲: تقسیم‌بندی شرایط محیطی مسئله تخلیه پردازش

<sup>۱</sup>Computation Offloading

### دانه‌بندی (Granularity)

دانه‌بندی به نوع مولفه‌های پردازشی قابل تخلیه در سیستم اشاره دارد. طبق [۵] دانه‌بندی را با سه دسته مختلف (به ترتیب از دانه ریز به دانه درشت) بیان می‌کنیم: کاربرد، وظیفه، متد. هر چه دانه‌بندی ریزتر باشد انعطاف‌پذیری سیستم تخلیه بیشتر خواهد بود، به طوری که به توسعه‌دهندگان نرم‌افزار اجازه خواهد داد تا به طور دقیق مشخص کنند که کدام قسمت‌ها از یک کاربرد خاص تخلیه شوند و کدام قسمت‌ها نشوند. با این حال پیاده‌سازی سیستم‌های تخلیه پردازش به صورت دانه‌ریز به مراتب پیچیده‌تر است. پیاده‌سازی‌های دانه‌ریز همچنین هزینه اضافه<sup>۲</sup> بیشتری برای ساخت محیط‌های مجازی در سرور خواهند داشت. خلاصه‌ای از انواع دانه‌بندی‌ها در شکل ۱-۲ آورده شده است.



شکل ۱-۲: سه دانه‌بندی مختلف در سامانه تخلیه پردازش

به عنوان نمونه در [۶] دانه‌بندی در سطح متد صورت گرفته است، در حالی که در [۱] دانه‌بندی در سطح وظیفه صورت گرفته است. ما نیز در پروژه فعلی مسئله تخلیه پردازش را در سطح وظیفه حل کرده‌ایم.

<sup>۲</sup>Overhead

### تعداد کاربران (User Count)

در برخی از مقالات مانند [۱] مسئله تخلیه پردازش تنها برای یک کاربر در نظر گرفته می‌شود در حالیکه در برخی از پژوهش‌ها مانند [۷] از چندین کاربر همزمان نیز پشتیبانی می‌شود. در پروژه فعلی تعداد کاربران را برای سادگی بیشتر یک در نظر می‌گیریم.

### تحرك پذیری (Mobility)

به انجام پردازش توسط هر گره<sup>۳</sup> ای به جز گره ایجاد کننده وظیفه، تخلیه وظیفه گفته می‌شود. طبق این تعریف سه نوع از تحرك پذیری را متناظر با نوع گره پردازشی می‌توانیم در نظر بگیریم.

۱. پردازش در سرور ابری

۲. پردازش در سرور لبه‌ای

۳. پردازش در شبکه‌ای بدون ساختار<sup>۴</sup> (از دستگاه‌های کاربر)

### تعداد سرور

مشابه با تعداد کاربران، تعداد سرورهای پردازشی در سامانه تخلیه نیز می‌تواند یک یا بیشتر باشد. برای نمونه در [۷] مسئله تخلیه پردازش برای چندین سرور بررسی شده است. در پروژه فعلی ما حالت تک سرور را در نظر می‌گیریم.

### معیار بهینه‌سازی

معیار بهینه‌سازی به کمیتی اشاره دارد که استراتژی تخلیه پردازش سعی در بهینه‌سازی آن دارد. برخی از معیارهای رایج عبارتند از: تاخیر، انرژی، کیفیت سرویس، و هزینه. برای مثال در [۱] معیار تاخیر، در [۸] معیار انرژی و در [۹] معیار هزینه در نظر گرفته شده است.

<sup>3</sup>Node

<sup>4</sup>Ad-hoc

## ۲-۲ بررسی مقالات از نظر روش حل مسئله

در جدول ۲-۲ که برگرفته از [۱۰] می‌باشد، یک دسته‌بندی کلی از الگوریتم‌های رایج در حل مسئله تخلیه پردازش مشاهده می‌شود. برای آشنایی بیشتر با این روش‌ها به [۵] و [۱۰] رجوع شود. در پروژه فعلی ما از الگوریتمی قطعی<sup>۵</sup> بر پایه برنامه‌ریزی خطی برای یافتن استراتژی تخلیه تصادفی<sup>۶</sup> استفاده می‌کنیم.

Model	Examples
Stochastic	Machine learning, Generalized poisson distribution, Game theory, Queuing theory, Markov processes, Gaussian processes
Deterministic	Some supervised Machine Learning approaches (e.g., KNN), Linear and non-linear programming, Linear regression equation

جدول ۲-۲: تقسیم‌بندی الگوریتم‌های حل مسئله تخلیه پردازش

## ۳-۲ پژوهش‌های مرتبط

در [۱] مسئله تخلیه وظیفه با تاخیر کمینه با استفاده از روشی مبتنی بر زنجیره مارکوف و برنامه‌ریزی خطی حل شده است. در پروژه فعلی محیط تک کاربر و تک سرور در نظر گرفته شده است. روش ارائه شده در درازمدت عملکرد بهینه دارد اما چندین کاستی دارد از جمله عدم پشتیبانی از وظایف با نیازمندی‌های پردازشی متفاوت و عدم پشتیبانی از موازی‌سازی. پروژه فعلی گسترشی بر این مقاله است.

در [۱۱] یک مکانیزم تخلیه وظیفه با هزینه کمینه برای محیط رایانش لبه‌ای متحرک ارائه شده است. محیط در نظر گرفته شده از نظر ثابت بودن طول بازه‌های زمانی و تفاوت وظایف و همچنین

<sup>۵</sup>Deterministic

<sup>۶</sup>Stochastic

نحوه تعریف مسئله بهینه‌سازی، شبیه به پژوهش ما می‌باشد. اما از نظر معیار و تعداد سرور متفاوت می‌باشد. روش بهینه‌سازی استفاده شده در پروژه فعلی روش «ضرایب لاگرانژ» می‌باشد که عملکرد سریعی دارد اما لزوماً جواب بهینه سراسری را پیدا نمی‌کند و فقط جواب‌های بهینه محلی را پیدا می‌کند.

در [۱۲] و [۱۳] مشابه با پروژه فعلی، ناهمگونی وظایف و تقابل<sup>۷</sup> تاخیر و انرژی در نظر گرفته شده است. با این تفاوت که در این دو مقاله از روش بهینه‌سازی لیاپانوف استفاده شده است. همچنین این دو مقاله مسئله تخلیه وظیفه را در محیط رایانش ابری را در نظر گرفته‌اند و نه رایانش لبه‌ای و همچنین چارچوب نرم‌افزاری ای برای حل مسئله در محیط‌های خاص ارائه نداده‌اند.

در [۱۴] مسئله تخلیه و زمان‌بندی ارسال و اجرا به صورت همزمان در نظر گرفته شده است و کانال بیسیم به صورت تصادفی مدل شده است و از این ابعاد به پژوهش ما شباهت دارد. معیار بهینه‌سازی در پروژه فعلی انرژی مصرفی است. روش ارائه شده عملکرد خوبی دارد و به میزان قابل توجهی در انرژی مصرفی صرفه‌جویی می‌کند. با این حال مدل در نظر گرفته شده کاستی‌هایی دارد. یک ایراد اصلی فرض وجود تنها یک کاربرد در سیستم است. به عبارت دیگر تاخیر ایجاد شده به واسطه انتظار کاربردها در صف در نظر گرفته نشده است.

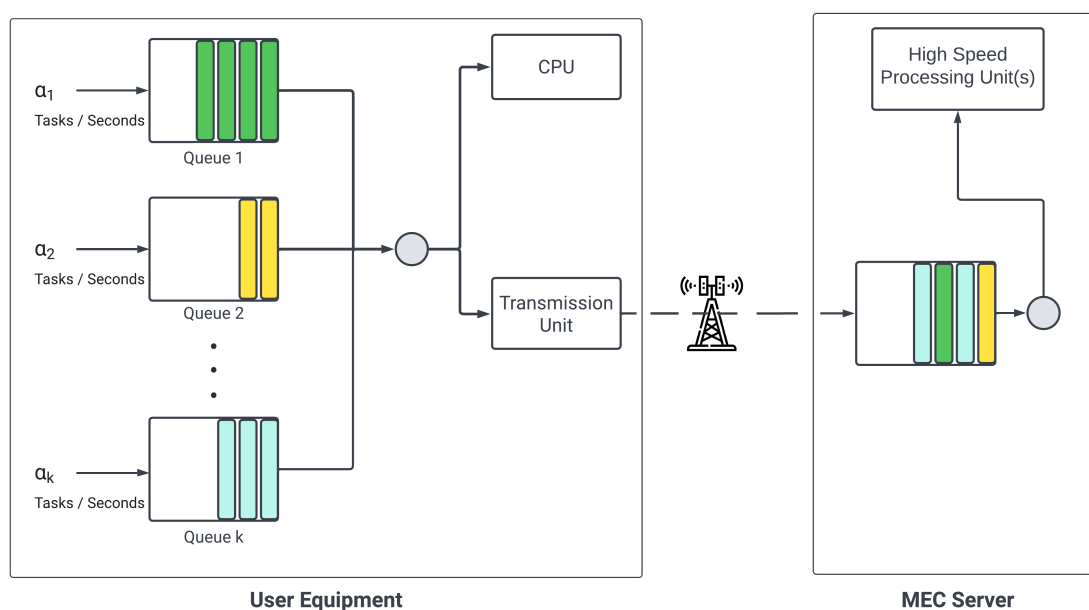
---

<sup>7</sup>Tradeoff

## فصل ۳

### شرح مسئله

در پروژه فعلی قصد داریم در یک سامانه رایانش لبه‌ای مطابق با شکل ۳-۱، استراتژی تخلیه‌ای بیابیم که تاخیر سرویس میانگین  $\bar{T}$  را تحت محدودیت توان مصرفی  $P_{max}$  در درازمدت کمینه کند.



شکل ۳-۱: ساختار کلی سیستم تخلیه پردازش

همانطور که در شکل ۱-۳ مشاهده می‌شود، در سامانه مد نظر سه مولفه اصلی وجود دارد:

۱. دستگاه کاربر (User Equipment)

۲. سرور رایانش لبه‌ای چند-دسترسی (Multi-access Edge Computing Server)

۳. کانال بیسیم

در فصل جاری نحوه عملکرد هر کدام از این مولفه‌ها در قالب مدل‌های تئوری شرح داده می‌شود.

## ۱-۳ مدل وظایف

فرض می‌شود که  $k$  نوع وظیفه مختلف در سیستم رایانش لبه‌ای وجود دارد و به ازای هر نوع وظیفه دقیقاً یک صف در سیستم وجود دارد. وظایف نوع  $i$ -ام برای اجرا به صورت محلی<sup>۱</sup> احتیاج به  $L_i$  بازه زمانی پردازش توسط پردازنده دارند و به منظور تخلیه به سرور رایانش لبه‌ای احتیاج به  $M_i$  واحد زمانی ارسال توسط واحد ارسال<sup>۲</sup> دارند. همچنین فرض می‌شود که وظایف نوع  $i$ -ام در سرور رایانش لبه‌ای به  $C_i$  بازه زمانی پردازش توسط سرور نیاز دارند. برای سادگی بیشتر در ادامه پروژه فعلی برای اشاره به یک واحد زمانی اجرا توسط پردازنده از عبارت «قسمت»<sup>۳</sup> استفاده می‌کنیم که انتزاعی از قسمت‌های کد اجرایی است. و برای اشاره به یک واحد زمانی ارسال توسط واحد ارسال از عبارت «بسته» استفاده می‌شود.

<sup>۱</sup> Local

<sup>۲</sup> Transmission Unit

<sup>۳</sup> Section

## ۲-۳ مدل دستگاه کاربر

دستگاه کاربر مطابق با شکل ۱-۳ شامل دو مولفه پردازنده و واحد ارسال می‌باشد. همچنین همانطور که اشاره شد  $k$  صف مختلف به ازای هر کدام از انواع وظایف در سیستم وجود دارد. ظرفیت هر صف را برابر با مقدار ثابت  $Q$  در نظر می‌گیریم.

در هر بازه زمانی، پردازنده یا به اندازه یک قسمت پردازش انجام می‌دهد و یا بیکار<sup>۴</sup> است. اجرای هر قسمت پردازش توسط پردازنده به میزان  $P_{loc}$  وات توان مصرف می‌کند. به طور مشابه واحد ارسال در هر بازه زمانی یا یک بسته را به شبکه ارسال می‌کند یا بیکار است. نکته قابل توجه در مورد واحد ارسال این است که با توجه به شرایط کانال بیسیم، در یک بازه زمانی خاص ممکن است ارسال موفقیت آمیز باشد یا نباشد. فرض می‌شود که ارسال موفقیت آمیز هر بسته به میزان  $P_{tx}$  وات توان مصرف می‌کند. توضیحات بیشتر در مورد نحوه کارکرد کانال بی‌سیم در بخش ۳-۴ آورده شده است.

با توجه به توضیحات داده شده می‌توان مدلی برای «حالت دستگاه کاربر»<sup>۵</sup> تعریف کرد. در [۱] برای مشخص کردن حالت دستگاه در زمان  $t$  از یک سه تایی مانند  $\tau[t] = (q[t], c_T[t], c_L[t])$  استفاده شده است، که در آن  $q[t]$  مشخص کننده تعداد وظایف موجود در صف وظایف،  $c_T[t]$  مشخص کننده تعداد بسته ارسال شده از وظیفه تخصیص داده شده به واحد ارسال است، و  $c_L[t]$  مشخص کننده تعداد قسمت اجرا شده از وظیفه تخصیص داده شده به پردازنده است. همچنین حالت  $c_T[t] = 0$  معادل با بیکار بودن واحد ارسال و  $c_L[t] = 0$  معادل با بیکار بودن پردازنده تعریف می‌شود. برای مثال سه تایی  $(4, 2, 1)$  به این معنی است که ۴ وظیفه در صف وظایف وجود دارد، واحد پردازش در حال تخلیه وظیفه‌ای است و تا کنون یک بسته از آن وظیفه را ارسال کرده و به عنوان قدم بعدی باید بسته شماره ۲ را ارسال کند. پردازنده نیز در حال اجرای وظیفه‌ای به صورت محلی است و تا کنون یک قسمت از آن وظیفه را اجرا کرده است.

<sup>۴</sup>Idle

<sup>۵</sup>User Equipment State



با این حال مدل فوق در مسئله تخلیه وظیفه با چند نوع وظیفه قابل استفاده نیست و نیاز به تغییر دارد. ما در پروژه فعلی برای تعیین حالت دستگاه کاربر از یک چندتایی<sup>۶</sup> به طول  $k + 4$  مطابق با رابطه ۱.۲-۳ استفاده می‌کنیم. در این رابطه متغیرهای  $q_1[t], \dots, q_k[t]$  تعداد وظایف موجود از هر نوع وظیفه در صف مربوطه را مشخص می‌کنند. متغیرهای  $c_R[t]$  و  $c_L[t]$  مشابه با حالت تک صف تعریف می‌شوند و به ترتیب وضعیت واحد ارسال و پردازنده را مشخص می‌کنند. دو متغیر جدید  $T_L[t]$  و  $T_R[t]$  به ترتیب مشخص کننده نوع وظیفه در حال ارسال توسط واحد ارسال و نوع وظیفه در حال اجرا توسط پردازنده اند.

$$\tau[t] = (q_1[t], q_2[t], \dots, q_k[t], c_R[t], c_L[t], T_R[t], T_L[t]) \quad (۱.۲-۳)$$

در پروژه فعلی به منظور خوانایی بیشتر، چندتایی بیان شده در رابطه ۱.۲-۳ را به صورت زیر نیز نمایش می‌دهیم و این دو صورت معادل هم می‌باشند:

$$\tau[t] = ([q_1[t], q_2[t], \dots, q_k[t]], c_R[t], c_L[t], T_R[t], T_L[t]) \quad (۲.۲-۳)$$

رابطه ۳.۲-۳ با تعریف شروط مختلف فضای حالت مسئله را توصیف می‌کند. (نکته: در رابطه ۳.۲-۳ و سراسر پروژه فعلی منظور از  $\tau\{X\}$  مقدار متغیر  $X$  در حالت  $\tau$  است.)

$$\begin{aligned} \forall \tau \in S, i \in \{1, 2, \dots, k\} \quad 0 \leq \tau\{q_i\} \leq Q \\ \forall \tau \in S \quad \tau\{T_L\}, \tau\{T_R\} \in \{0, 1, 2, \dots, k\} \\ \forall \tau \in \{\tau' \in S \mid \tau'\{T_R\} = 0\} \quad \tau\{C_R\} = 0 \\ \forall \tau \in \{\tau' \in S \mid \tau'\{T_R\} \neq 0\} \quad 1 \leq \tau\{C_R\} \leq M_{\tau\{T_R\}} \\ \forall \tau \in \{\tau' \in S \mid \tau'\{T_L\} = 0\} \quad \tau\{C_L\} = 0 \\ \forall \tau \in \{\tau' \in S \mid \tau'\{T_L\} \neq 0\} \quad 1 \leq \tau\{C_L\} \leq L_{\tau\{T_L\}} - 1 \end{aligned} \quad (۳.۲-۳)$$

---

<sup>۶</sup>Tuple

### ۳-۳ مدل زمان

وضعیت سیستم تخلیه وظیفه در فواصل زمانی<sup>۷</sup> با طول ثابت  $\Delta$  میلی ثانیه بررسی می‌شود. برای مثال حالت دستگاه کاربر را در بازه زمانی  $t$ -ام با  $\tau[t]$  مشخص می‌کنیم، و حالت دستگاه در بازه زمانی  $t+1$  را با  $\tau[t+1]$  مشخص می‌کنیم و فاصله بین این دو بازه زمانی  $\Delta$  میلی ثانیه است.

بررسی زمان به صورت واحدهای گسسته به منظور ساده‌سازی مسئله و همچنین گسترش پذیری آن به شرایط محیطی مختلف صورت گرفته است. در عمل، یک مقدار قابل استفاده برای  $\Delta$  طول بازه‌های زمانی شبکه دسترسی<sup>۸</sup> مورد نظر است. برای مثال در شبکه‌های LTE طول هر بازه زمانی ۰/۵ میلی‌ثانیه می‌باشد. [۱۵]

### ۴-۳ مدل کانال بیسیم

در پروژه فعلی مشابه با [۱] کانال بی‌سیم را به صورت تصادفی مدل می‌کنیم<sup>۹</sup> یکی از دلایل اصلی برای مدل‌سازی کانال به صورت تصادفی، وجود نویز و ناپایداری در ارتباطات بیسیم است. کانال بی‌سیم را با یک مدل ساده احتمالی دوجمله‌ای مدل می‌کنیم به این صورت که ارسال هر بسته توسط واحد ارسال با احتمال  $\beta$  موفقیت آمیز خواهد بود و با احتمال  $1-\beta$  ناموفق خواهد بود. در عمل مقدار  $\beta$  با توجه به رابطه ۴.۴-۳ (رابطه شنون) محاسبه می‌شود، که در آن  $R$  مشخص کننده سائز هر بسته است،  $r(t)$  مشخص کننده نرخ ارسال در زمان  $t$ ،  $B$  پهنای باند سیستم،  $\gamma[t]$  مقدار بهره کانال<sup>۱۰</sup> و  $N_0$  مشخص کننده اندازه نویز کانال است.

$$\beta = P(r(t) \geq R)$$

$$r(t) = B \log_r \left( 1 + \frac{\gamma[t]P_{tx}}{N_0 B} \right) \quad (4.4-3)$$

<sup>7</sup>Time Slot

<sup>8</sup>Access Network

<sup>9</sup>Stochastic Channel

<sup>10</sup>Channel Gain

## ۳-۵ مفهوم کنش

یک استراتژی تخلیه در هر بازه زمانی مانند  $t$  می‌بایست یک کنش<sup>۱۱</sup> مانند  $v[t]$  را برای اجرا توسط دستگاه کاربر انتخاب کند. اجرای هر کنش می‌تواند حالت دستگاه کاربر را تغییر دهد. برای درک بهتر مفهوم کنش، ابتدا مشابه [۱] حالتی را در نظر می‌گیریم که تنها یک صف (یک نوع وظیفه) در سیستم وجود داشته باشد. در این حالت می‌توانیم مجموعه کنش‌ها را با چهار عضو مطابق جدول ۳-۱ مشخص کنیم.

ID	Transmit	Local Execution	Description
1	False	False	No operation
2	False	True	Add to CPU
3	True	False	Add to TU
4	True	True	Add to both units

جدول ۳-۱: لیست کنش‌ها در سیستم با یک صف وظیفه

به طور مشابه در شرایطی که بیش از یک نوع وظیفه در سیستم وجود داشته باشد مجموعه کنش‌های ممکن مطابق با جدول ۳-۲ بدست می‌آید.

ID	Transmit	Local Execution	Description	Count
{1}	False	False	No operation	1
{2, ..., k + 1}	False	True	Add to CPU	k
{k + 2, ..., 2k + 1}	True	False	Add to TU	k
{2k + 2, ..., 2k + k * k - 1}	True	True	Add to both units	k <sup>2</sup>

جدول ۳-۲: دسته‌بندی کنش‌ها در سیستم با  $k$  صف

اجرای هر کنش طبعاً ممکن است که حالت سیستم را تغییر دهد. به طور مثال اجرای هر کنش نوع Add To CPU یک وظیفه را از صف مربوطه بر می‌دارد، بنابراین طول صف مطابق  $q_i[t+1] = q_i[t] - 1$  تغییر می‌کند. با اجرای این کنش همچنین وضعیت پردازنده از  $c_L[t] = 0$  یعنی حالت بیکار به  $c_L[t+1] = 1$  تغییر خواهد کرد زیرا قسمت اول وظیفه مربوطه در بازه زمانی  $t$  انجام خواهد شد. به

<sup>11</sup> Action

طور مشابه برای سایر کنش‌ها نیز میتوان توابع انتقال<sup>۱۲</sup> مشخص تعریف کرد که با گرفتن یک حالت ورودی، حالت خروجی را محاسبه نماید. به دلیل پیچیدگی روابط این توابع، از توضیح بیشتر در این بخش صرف نظر شده است. برای مشاهده منطق دقیق این توابع در قالب کد، به پیوست ۱ مراجعه شود.

### ۳-۶ استراتژی تخلیه

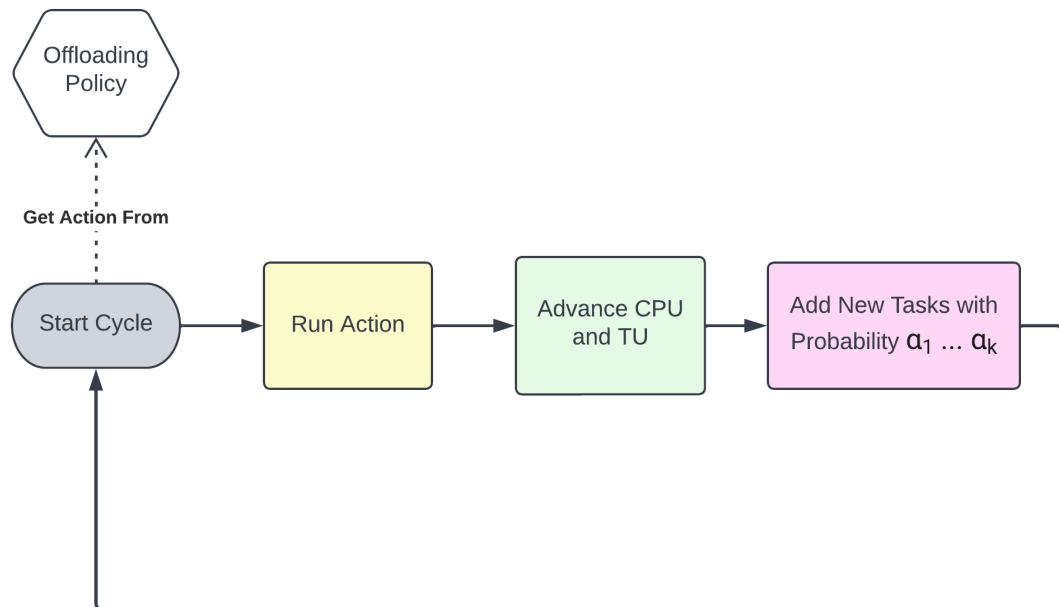
استراتژی تخلیه در هر بازه زمانی تصمیم می‌گیرد که دستگاه کاربر چه کنشی را اجرا کند. بنابراین استراتژی تخلیه یک تابع مانند  $G(\tau)$  می‌باشد که با گرفتن حالت دستگاه کاربر  $\tau[t]$  به عنوان ورودی، یک کنش مانند  $a$  را به عنوان خروجی می‌دهد. لازم به ذکر است که در اینجا این تابع را به صورت مفهومی انتزاعی در نظر می‌گیریم و در فصل‌های آتی به طور دقیق به نحوه بدست آوردن تابع بهینه  $g(\tau)^*$  خواهیم پرداخت.

---

<sup>12</sup>Transition Function

### ۷-۳ روند فعالیت سیستم تخلیه وظایف

نحوه عملکرد دستگاه کاربر در هر بازه زمانی مطابق با فرآیند مشخص شده در شکل ۲-۳ می باشد. در هر بازه، دستگاه کاربر ابتدا کنش اجرایی را از یک استراتژی تخلیه دریافت می کند. سپس کنش انتخاب شده توسط دستگاه کاربر اجرا خواهد شد که ممکن است منجر به تغییر حالت دستگاه شود. سپس پردازنده و واحد ارسال هر کدام در صورت فعال بودن به اندازه یک بازه زمانی فعالیت خواهند کرد. در انتها وظایف جدید با احتمالات  $\alpha_1, \dots, \alpha_k$  به صف های وظایف اضافه خواهند شد.



شکل ۲-۳: روند فعالیت دستگاه کاربر

## فصل ۴

### روش پیشنهادی

در این فصل الگوریتمی ارائه خواهیم داد که با استفاده از آن می‌توان مسئله یافتن استراتژی تخلیه با تاخیر کمینه را که در فصل قبل تشریح شد را حل کرد. استراتژی خروجی توسط الگوریتم از نوع تصادفی می‌باشد و برای بدست آوردن آن از مفاهیمی مانند زنجیره مارکوف و برنامه‌ریزی خطی استفاده خواهد شد.

#### ۴-۱ استراتژی تخلیه تصادفی

با استفاده از مدل‌های توصیف شده در فصل قبل می‌توانیم یک تعریف ریاضی از «استراتژی تخلیه تصادفی» داشته باشیم. مشابه با مقاله [۱] استراتژی تخلیه تصادفی را به صورت یک توزیع احتمالی مانند  $g_T^a$  بر روی مجموعه  $S \times A$  تعریف می‌کنیم. در اینجا عبارت  $S \times A$  نمایانگر ضرب دکارتی مجموعه تمام حالت‌های سیستم در مجموعه تمام کنش‌های ممکن در سیستم است. یک نکته قابل توجه این است که برخی از دو تایی‌های حاصل از این ضرب دکارتی هیچ گاه در واقعیت امکان‌پذیر نیست. برای مثال در حالتی که صف خالی باشد تنها یک کنش امکان‌پذیر است و آن هم کنش شماره ۱ (No Operation) است. با این حال برای سادگی در توضیح تئوری روش حل مسئله، این دو تایی‌ها را نیز در دامنه تابع توزیع احتمالی استراتژی تخلیه در نظر می‌گیریم تا همواره تعداد اعضای دامنه تابع احتمال برابر با  $|S| \cdot |A|$  باشد.

همچنین طبق تعریف توزیع احتمال، رابطه ۱-۴ باید برای هر استراتژی تخلیه تصادفی برقرار باشد.

$$\sum_{\tau \in S} \sum_{a \in A} g_{\tau}^a = 1 \quad (۱-۴)$$

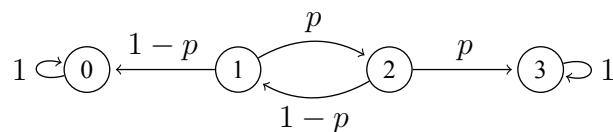
## ۲-۴ مدل زنجیره مارکوف دستگاه کاربر

در این قسمت ابتدا مدل آماری زنجیره مارکوف گسسته-زمان را معرفی می‌کنیم و سپس توضیح می‌دهیم که چگونه می‌توان با استفاده از این مدل معیارهای تاخیر و توان مصرفی میانگین را برای یک سیستم تخلیه وظیفه محاسبه کرد.

**تعریف ۱-۴.** دنباله‌ای از متغیرهای تصادفی  $X_1, X_2, \dots$  را که احتمال تغییر وضعیت از زمان  $t$  به  $t+1$  مستقل از وضعیت‌های قبلی باشد را یک **زنجیره مارکوف گسسته-زمان** می‌نامند. این گزاره را به بیان متغیرهای تصادفی و تابع احتمال به صورت رابطه زیر نشان می‌دهیم.

$$\Pr(X_{t+1} = x \mid X_1 = x_1, X_2 = x_2, \dots, X_n = x_t) = \Pr(X_{t+1} = x \mid X_t = x_t)$$

زنجیره مارکوف گسسته-زمان را می‌توان با گراف جهت‌دار نیز نمایش داد. در شکل ۱-۴ یک زنجیره نمونه مشاهده می‌شود.



شکل ۱-۴: یک زنجیره مارکوف نمونه برای مسئله پاکبختی قمارباز<sup>۱</sup>

<sup>۱</sup>The Gambler's ruin

**تعریف ۲.۴.** زنجیره مارکوف گسسته زمان  $X(t)$  را **همگن-زمان** می‌گوییم اگر شرط زیر همواره برقرار باشد:

$$P(X_{n+1} = j | X_n = i) = P(X_1 = j | X_0 = i)$$

به عبارت دیگر یعنی احتمالات مربوط به انتقال بین حالت‌ها به زمان  $t$  وابسته نیستند. در این حالت احتمال انتقال زنجیره از حالت  $i$  به  $j$  را با عبارت  $p_{ij} = P(X_1 = j | X_0 = i)$  نمایش می‌دهیم و همچنین ماتریس انتقال را با  $P = (p_{ij})$  نمایش می‌دهیم.

طبق تعاریف ۱.۴ و ۲.۴ می‌توان حالت دستگاه کاربر در طی زمان را به صورت یک زنجیره مارکوف گسسته‌زمان در نظر گرفت به طوری که  $\tau[t]$  حالت زنجیره در زمان  $t$  را مشخص می‌کند. همچنین ماتریس انتقال  $\chi$  را اینگونه تعریف می‌کنیم که  $\chi_{\tau, \tau'}$  احتمال انتقال از حالت  $\tau$  به  $\tau'$  را مشخص می‌کند. این ماتریس انتقال به ازای یک استراتژی تخلیه داده شده و پارامترهای سیستمی مشخص قابل محاسبه می‌باشد. به طور دقیق‌تر احتمال انتقال از حالتی مانند  $\tau$  به  $\tau'$  بستگی به مقادیر زیر دارد:

□ استراتژی تخلیه  $g_{\tau}^a$

□ احتمال ورود وظایف  $\alpha_1, \dots, \alpha_k$

□ احتمال موفقیت واحد ارسال  $\beta$

برای نمونه در سیستم تخلیه وظیفه‌ای با ویژگی‌های مشخص شده در جدول ۴-۱ احتمال انتقال به حالات بعدی مطابق با جدول ۲-۴ می‌باشد. برای سادگی، در اینجا از توضیح بیشتر در مورد نحوه محاسبه مقادیر درایه‌های ماتریس انتقال صرف نظر می‌کنیم. برای آگاهی از نحوه محاسبه این مقادیر در قالب کد به پیوست ۳ رجوع شود.

Parameter	$M_1$	$M_2$	$L_1$	$L_2$	$C_1$	$C_2$	$\beta$	$P_{tx}$	$P_{loc}$	$P_{max}$	$t_{rx}$
Value	1	3	7	2	1	1	0.95	1	0.8	1.6	0

جدول ۴-۱: پارامترهای محیط رایانش لبه‌ای در سناریو دو صف با یک صف ثابت



$\tau'$	$\chi_{\tau, \tau'}$
$([1, 1], 0, 2, 0, 1)$	$g_{\tau}^{NoOperation} * (1 - \alpha_1) * (1 - \alpha_2)$
$([2, 1], 0, 2, 0, 1)$	$g_{\tau}^{NoOperation} * \alpha_1 * (1 - \alpha_2)$
$([1, 2], 0, 2, 0, 1)$	$g_{\tau}^{NoOperation} * (1 - \alpha_1) * \alpha_2$
$([2, 2], 0, 2, 0, 1)$	$g_{\tau}^{NoOperation} * \alpha_1 * \alpha_2$
$([0, 1], 0, 2, 0, 1)$	$g_{\tau}^{AddToTU(1)} * \beta * (1 - \alpha_1) * (1 - \alpha_2)$
$([0, 1], 1, 2, 1, 1)$	$g_{\tau}^{AddToTU(1)} * (1 - \beta) * (1 - \alpha_1) * (1 - \alpha_2)$
$([1, 1], 0, 2, 0, 1)$	$g_{\tau}^{AddToTU(1)} * \beta * \alpha_1 * (1 - \alpha_2)$
$([1, 1], 1, 2, 1, 1)$	$g_{\tau}^{AddToTU(1)} * (1 - \beta) * \alpha_1 * (1 - \alpha_2)$
$([0, 2], 0, 2, 0, 1)$	$g_{\tau}^{AddToTU(1)} * \beta * (1 - \alpha_1) * \alpha_2$
$([0, 2], 1, 2, 1, 1)$	$g_{\tau}^{AddToTU(1)} * (1 - \beta) * (1 - \alpha_1) * \alpha_2$
$([1, 2], 0, 2, 0, 1)$	$g_{\tau}^{AddToTU(1)} * \beta * \alpha_1 * \alpha_2$
$([1, 2], 1, 2, 1, 1)$	$g_{\tau}^{AddToTU(1)} * (1 - \beta) * \alpha_1 * \alpha_2$
$([1, 0], 2, 2, 2, 1)$	$g_{\tau}^{AddToTU(2)} * \beta * (1 - \alpha_1) * (1 - \alpha_2)$
$([1, 0], 1, 2, 2, 1)$	$g_{\tau}^{AddToTU(2)} * (1 - \beta) * (1 - \alpha_1) * (1 - \alpha_2)$
$([2, 0], 2, 2, 2, 1)$	$g_{\tau}^{AddToTU(2)} * \beta * \alpha_1 * (1 - \alpha_2)$
$([2, 0], 1, 2, 2, 1)$	$g_{\tau}^{AddToTU(2)} * (1 - \beta) * \alpha_1 * (1 - \alpha_2)$
$([1, 1], 2, 2, 2, 1)$	$g_{\tau}^{AddToTU(2)} * \beta * (1 - \alpha_1) * \alpha_2$
$([1, 1], 1, 2, 2, 1)$	$g_{\tau}^{AddToTU(2)} * (1 - \beta) * (1 - \alpha_1) * \alpha_2$
$([2, 1], 2, 2, 2, 1)$	$g_{\tau}^{AddToTU(2)} * \beta * \alpha_1 * \alpha_2$
$([2, 1], 1, 2, 2, 1)$	$g_{\tau}^{AddToTU(2)} * (1 - \beta) * \alpha_1 * \alpha_2$

جدول ۲-۴: مقادیر ماتریس انتقال  $\chi_{\tau, \tau'}$  در صورت حضور در حالت  $\tau = ([1, 1], 0, 1, 0, 1)$ 

زنجیره مارکوف را می‌توان به صورت گراف جهت‌دار نیز توصیف کرد به طوری که درایه  $p_{i,j}$  در ماتریس انتقال معادل یک یال جهت‌دار از راس  $i$  به راس  $j$  با وزن  $p_{i,j}$  می‌باشد. بنابراین می‌توان گفت که جدول ۲-۴ یال‌های گراف با راس مبدا  $\tau = ([1, 1], 0, 1, 0, 1)$  را مشخص می‌کند. در شکل ۲-۴ گراف جهت‌دار متناظر با زنجیره مارکوف سیستم نمونه‌ای رسم شده است. در این سیستم یک صف وظیفه وجود دارد،  $Q = 2$  و هر وظیفه دو قسمت و یک بسته دارد.<sup>۲</sup> با توجه به اینکه تنها یک نوع وظیفه در سیستم وجود دارد از متغیرهای  $T_L$  و  $T_R$  در فضای حالت صرف نظر شده است. سه‌تایی  $(x, y, z)$  را بیانگر حالتی در نظر می‌گیریم که در آن  $x$  وظیفه در صف وجود دارد، واحد ارسال در وضعیت  $y$  قرار دارد و پردازنده  $z$  قسمت از وظیفه تخصیص داده شده را اجرا کرده است.

<sup>۲</sup> کد استفاده شده برای رسم این گراف در آدرس <https://github.com/dalisyron/OffloadingVisualizer> موجود می‌باشد



شکل ۲-۴: زنجیره مارکوف تخلیه در قالب گراف جهت دار (برای مشاهده جزئیات زوم کنید)

### ۳-۴ محاسبه تاخیر و توان میانگین با کمک توزیع پایدار

به منظور محاسبه معیارهای توان مصرفی میانگین و تاخیر سرویس میانگین لازم است که بتوانیم درباره وضعیت سیستم تخلیه وظیفه در طولانی مدت استنتاج کنیم. در همین راستا مفهوم **توزیع پایدار** را برای زنجیره مارکوف تعریف می‌کنیم.

**تعریف ۳.۴.** توزیع احتمالی مانند  $p_i$  را یک **توزیع پایدار** برای زنجیره مارکوف با ماتریس انتقال  $P$  می‌گوییم هر گاه شرط زیر در آن برقرار باشد:

$$\pi = \pi P \iff \pi_j = \sum_i \pi_i P_{ij} \quad \forall j.$$

یک سوالی که ممکن است بوجود بیاید این است که آیا هر زنجیره مارکوف گسسته‌زمانی توزیع پایدار دارد؟ برای پاسخ به این سوال لازم است دو مفهوم زنجیره مارکوف **تقلیل‌ناپذیر** و **غیرمتناوب** را تعریف کنیم.

**تعریف ۴.۴.** اگر رسیدن از هر نقطه به نقطه دیگر از فضای حالت با احتمال مثبت در زنجیره مارکوف میسر باشد، زنجیره را **تقلیل‌ناپذیر** گویند. به بیان ریاضی می‌توان تقلیل‌ناپذیر بودن زنجیره مارکوف را به صورت زیر نشان داد.

$$\Pr(X_{n_{ij}} = j \mid X_0 = i) = p_{ij}^{(n_{ij})} > 0$$

**تعریف ۵.۴.** تناوب  $d(i)$  برای حالت  $i$  به صورت  $d(i) = \gcd\{n : P_{ii}^n > 0\}$  تعریف می‌شود، که به معنی بزرگ‌ترین مقسوم علیه مشترک تعداد مراحل ممکن است به صورتی که از  $i$  شروع کرده و به  $i$  برگردیم. یک زنجیره مارکوف **تقلیل‌ناپذیر** را **متناوب** با تناوب  $d$  می‌گوییم اگر تمامی حالت‌ها تناوبی برابر با  $d > 1$  را داشته باشند. یک زنجیره مارکوف **تقلیل‌ناپذیر** را **غیرمتناوب** می‌گوییم اگر تمامی حالت‌ها تناوب برابر با ۱ داشته باشند.

**قضیه ۱.۴ (همگرایی)** هر زنجیره مارکوف تقلیل ناپذیر و غیر متناوب دارای یک توزیع پایدار منحصر به فرد مانند  $\pi$  می باشد.

حال با استفاده از قضیه ۱.۴ ثابت می کنیم که زنجیره مارکوف سیستم تخلیه وظیفه دارای توزیع پایدار منحصر به فرد است. برای سادگی فرض می کنیم که سامانه یک صف دارد و سپس نحوه بسط نتیجه به چندین صف را توضیح می دهیم.

**قضیه ۲.۴.** زنجیره مارکوف مربوط به سیستم تخلیه تک صف تقلیل ناپذیر است.

**اثبات:**

قسمت الف) با توجه به تعریف سیستم تخلیه می دانیم که از هر حالت غیر شروع مانند  $(0, 0, 0) \neq (x, y, z)$  می توان به حالت شروع رفت. به این منظور کافی است که تمام وظایف داخل صف به نحوی (اجرا یا ارسال) به اتمام برسند و وظیفه جدیدی نیز در این حین وارد سیستم نشود.

قسمت ب) همچنین می توان ثابت کرد که از حالت شروع  $(0, 0, 0)$  می توان به هر حالت دیگر  $(x, y, z)$  رفت. به این منظور دنباله رخدادهای زیر را در نظر بگیرید:

۱. ورود  $x$  وظیفه جدید

۲. انتقال یک وظیفه به واحد ارسال و ورود یک وظیفه جدید، هر دو در صورتی که  $y > 0$

۳. پیشرفت واحد ارسال به مدت  $y$  سیکل و عدم ورود وظیفه جدید در این حین

۴. انتقال یک وظیفه به پردازنده و ورود یک وظیفه جدید، هر دو در صورتی که  $z > 0$

۵. پیشرفت واحد ارسال به مدت  $z$  سیکل و عدم ورود وظیفه جدید در این حین

با توجه به نتایج بخش الف و ب می توان نتیجه گرفت که از گشتی با احتمال مثبت از هر حالت به حالت دیگر وجود دارد بنابراین طبق تعریف زنجیره تقلیل ناپذیر است.

**قضیه ۳.۴.** زنجیره مارکوف مربوط به سیستم تخلیه تک صف غیر متناوب است.

**اثبات:**

به منظور اثبات این قضیه فقط کافی است که به این نکته توجه کنیم که حالت  $(0, 0, 0)$  دارای تناوب یک می باشد زیرا با احتمالی مثبت (متناظر با رخداد عدم ورود وظیفه و کنش No Operation) می توان در همان حالت ماند. با توجه به همین نکته و تقلیل ناپذیر بودن زنجیره می توانیم نتیجه بگیریم که سایر حالت ها نیز باید تناوب یک داشته باشند. بنابراین زنجیره غیرمتناوب است.

با توجه به قضایای ۲.۴ و ۳.۴ و قضیه همگرایی می توان نتیجه گرفت که زنجیره مارکوف سیستم تخلیه تک صف دارای توزیع پایدار منحصر به فرد می مطابق با رابطه ۲.۳-۴ می باشد. برای بسط این اثبات به حالت چند صف اثبات غیرمتناوب بودن یکسان خواهد بود و در اثبات تقلیل ناپذیر بودن، رخداد اول به ورود  $x_1, \dots, x_k$  وظیفه از انواع مختلف تغییر پیدا می کند.

$$\begin{cases} \sum_{\tau' \in \mathcal{S}} \chi_{\tau', \tau} \pi_{\tau'} = \pi_{\tau}, \forall \tau \in \mathcal{S} \\ \sum_{\tau \in \mathcal{S}} \pi_{\tau} = 1 \end{cases} \quad (۲.۳-۴)$$

## ۴-۴ محاسبه تاخیر میانگین

تأخیر هر وظیفه شامل تأخیر انتظار در صف وظایف و تأخیر پردازش می باشد. به منظور بدست آوردن تأخیر میانگین سیستم ابتدا  $\theta_i$  را به عنوان کسری از وظایف سیستم در طولانی مدت که از نوع  $i$  هستند تعریف می کنیم. اگر طول صف ها به مقدار کافی بزرگ باشد و همچنین استراتژی تخلیه ای داشته باشیم که منجر به پر شدن صف و اتلاف وظیفه<sup>۳</sup> نشود مقدار  $\theta_i$  طبق رابطه ۳.۴-۴ بدست می آید.

$$\theta_i = \frac{\alpha_i}{\sum_{j=1}^k \alpha_j} \quad (۳.۴-۴)$$

<sup>۳</sup>Task Loss

پارامتر  $t_q^i$  را برابر با مقدار میانگین تاخیر انتظار در صف مربوط به وظایف نوع  $i$  تعریف می‌کنیم. طبق قانون Little می‌توان مقدار این تاخیر را بر اساس رابطه ۴-۴ بدست آورد. همانطور که پیش‌تر ذکر شد برای برقراری این رابطه لازم است که اتلاف وظیفه در صف هیچ‌گاه رخ ندهد. به عبارت دیگر با فرض اینکه استراتژی تخلیه‌ی ارائه شده «کارآمد» باشد این رابطه برقرار است. در پیاده‌سازی عملی، محدودیت «کارآمد» بودن یک استراتژی بدین گونه تعریف شده است که احتمال پر بودن صف حداکثر مقداری ناچیز باشد.

$$t_q^i = \frac{\theta_i}{\alpha_i} \sum_{j=0}^Q i \cdot \Pr\{q_i[t] = i\} = \frac{1}{\alpha} \sum_{\tau \in S} \tau\{q_i\} \cdot \pi_\tau \quad (۴.۴-۴)$$

همچنین  $t_{tx}^i$  را به عنوان تاخیر ارسال میانگین یک وظیفه از نوع  $i$  توسط واحد ارسال تعریف می‌کنیم که مقدار آن بر اساس امید ریاضی موفقیت در فرآیند برنولی مطابق با رابطه ۴-۵ بدست می‌آید.

$$t_{tx}^i = M_i \sum_{j=1}^{\infty} j(1-\beta)^{(j-1)}\beta \quad (۵.۴-۴)$$

به یاد داریم که مقدار تاخیر در صورت پردازش محلی برای وظایف نوع  $i$  برابر  $L_i$  می‌باشد. تاخیر اجرا در صورت تخلیه وظیفه به صورت مجموع زمان ارسال وظیفه  $t_{tx}^i$  زمان اجرا در سرور لبه‌ای  $C_i$  و تاخیر دریافت نتیجه از سرور  $t_{rx}^i$  محاسبه می‌شود.

$$t_c^i = t_{tx}^i + C_i + t_{rx}^i \quad (۶.۴-۴)$$

در نتیجه می‌توان تاخیر اجرای میانگین وظایف نوع  $i$  را نیز مطابق رابطه ۴-۷ بیان کرد.

$$t_p^i = \eta_i L_i + (1 - \eta_i) t_c^i \quad (۷.۴-۴)$$

که در آن  $\eta_i$  بیانگر کسری از وظایف نوع  $i$  می‌باشد که در طولانی‌مدت به صورت محلی اجرا می‌شوند

و مطابق با رابطه ۴-۸ بدست می آید.

$$\eta_i = \frac{\sum_{\tau, a \in S_1^i \cup S_3^i \cup S_5^i} \pi_{\tau} g_{\tau}^a}{\sum_{\tau, a \in S_1^i \cup S_2^i \cup S_3^i \cup S_4^i} \pi_{\tau} g_{\tau}^a + 2 \sum_{\tau, a \in S_5^i} \pi_{\tau} g_{\tau}^a} \quad (۸.۴-۴)$$

که در آن  $S_1^i, \dots, S_5^i$  به صورت زیر تعریف می شوند:

$$(۹.۴-۴)$$

$$S_1^i = \{\tau, a \in \mathcal{S} \times A | type(a) = AddToCPU \wedge cpuQueue(a) = i\}$$

$$S_2^i = \{\tau, a \in \mathcal{S} \times A | type(a) = AddToTU \wedge tuQueue(a) = i\}$$

$$S_3^i = \{\tau, a \in \mathcal{S} \times A | type(a) = AddToBoth \wedge cpuQueue(a) = i \wedge tuQueue(a) \neq i\}$$

$$S_4^i = \{\tau, a \in \mathcal{S} \times A | type(a) = AddToBoth \wedge cpuQueue(a) \neq i \wedge tuQueue(a) = i\}$$

$$S_5^i = \{\tau, a \in \mathcal{S} \times A | type(a) = AddToBoth \wedge cpuQueue(a) = i \wedge tuQueue(a) = i\}$$

در رابطه فوق تابع  $type(a)$  نوع کنش را مشخص می کند و یکی از چهار نوع بیان شده در بخش ۳-۵ می باشد. توابع  $cpuQueue(a)$  و  $tuQueue(a)$  نیز نوع وظیفه مربوط به کنش  $a$  را مشخص می کنند.

با استفاده از روابط بالا همچنین می توانیم میانگین تاخیر سرویس هر وظیفه در سیستم را طبق رابطه ۴-۱۰ محاسبه کنیم. رابطه بدست آمده برای  $\bar{T}$  همچنین مشخص کننده تابع هدف در مسئله پیدا کردن استراتژی تخلیه بهینه می باشد.

$$\bar{T} = \sum_{i=1}^k \theta_i (t_q^i + t_p^i) \quad (۱۰.۴-۴)$$

## ۵-۴ توان مصرفی میانگین

اگر پارامتر  $\mu_{\tau}^{loc}$  و  $\mu_{\tau}^{tx}$  را به ترتیب به عنوان احتمال فعالیت پردازنده در حالت  $\tau$  و احتمال وجود درخواست ارسال وظیفه در حالت  $\tau$  تعریف کنیم، و  $v_{tx}$  و  $v_{loc}$  را به صورت مجموع این دو پارامتر در فضای حالت مسئله تعریف کنیم، آنگاه توان مصرفی میانگین طبق رابطه زیر بدست می‌آید:

$$\begin{aligned}\bar{P} &= \sum_{\tau \in \mathcal{S}} \pi_{\tau} (\mu_{\tau}^{loc} P_{loc} + \beta \mu_{\tau}^{tx} P_{tx}) \\ &= \sum_{\tau \in \mathcal{S}} \pi_{\tau} (\mu_{\tau}^{loc} P_{loc}) + \sum_{\tau \in \mathcal{S}} \pi_{\tau} (\beta \mu_{\tau}^{tx} P_{tx}) \\ &= v_{loc} P_{loc} + \beta v_{tx} P_{tx}\end{aligned}\quad (۱۱.۵-۴)$$

در اینجا فرض می‌کنیم که مقادیر  $\mu_{\tau}^{loc}$  و  $\mu_{\tau}^{tx}$  از قبل معلوم است. در پیوست ۲ نحوه بدست آوردن مقادیر  $v_{tx}$  و  $v_{loc}$  در قالب کد شرح داده شده است.

## ۶-۴ استراتژی تخلیه وظیفه بهینه

با توجه به توابع بدست آمده برای تاخیر و توان مصرفی میانگین در بخش‌های پیشین، حال می‌توانیم مسئله پیدا کردن استراتژی تخلیه بهینه را به صورت یک مسئله بهینه سازی مانند  $\mathcal{P}_1$  بیان کنیم:

$$\begin{aligned}\mathcal{P}_1 : \min_{\{g_{\tau}^a\}} \bar{T} &= \left( \sum_{i=1}^k \frac{1}{\alpha_i} \sum_{\tau \in \mathcal{S}} \tau \{q_i\} \cdot \pi_{\tau} \right) + T_p^0 \\ \text{s.t.} \quad &\begin{cases} \bar{P} \leq \bar{P}_{\max} \\ \sum_{\tau' \in \mathcal{S}} \chi_{\tau', \tau} \pi_{\tau'} = \pi_{\tau}, \tau \in \mathcal{S}, \\ \sum_{\tau \in \mathcal{S}} \pi_{\tau} = 1, \\ \sum_{a \in A} g_{\tau}^a = 1, \forall \tau \in \mathcal{S} \\ g_{\tau}^a \geq 0, \forall \tau \in \mathcal{S}, a \in A \end{cases}\end{aligned}\quad (۱۲.۶-۴)$$



که در آن  $T_p^0$  برابر با تاخیر اجرای میانگین است که به ازای مقادیر داده شده از  $\eta_0, \dots, \eta_k$ ، مقداری ثابت دارد و از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$T_p^0 = \sum_{i=1}^k (\eta_i L_i + (1 - \eta_i) t_c^i) \quad (۱۳.۶-۴)$$

مسئله  $\mathcal{P}_1$  به دلیل وجود پارامتر  $\eta_i$  در تابع هدف یک مسئله خطی نیست. با این حال می‌توانیم با استفاده از تغییری کوچک مسئله را به مجموعه‌ای از مسائل برنامه‌ریزی خطی تبدیل کنیم. به این منظور مشابه با [۱] ابتدا از تعریف «معیار احاطه»<sup>۴</sup> در زنجیره مارکوف استفاده می‌کنیم. به این منظور مجموعه متغیرهای جایگزین  $\{x_\tau^a\}$  را طبق رابطه  $x_\tau^a = \pi_\tau g_\tau^a$  تعریف می‌کنیم. به عبارتی  $x_\tau^a$  برابر با احتمال حضور در حالت  $\tau$  و انتخاب کنش  $a$  می‌باشد. همچنین طبق تعریف می‌دانیم که  $\sum_{a \in A} g_\tau^a = 1$  بنابراین خواهیم داشت  $\sum_{a \in A} x_\tau^a = \pi_\tau$

حال با جایگذاری  $\{x_\tau^a\}$  به جای  $\{\pi_\tau\}$  در  $\mathcal{P}_1$  خواهیم داشت:

$$\mathcal{P}_2 : \min_{\mathbf{x}, \eta} \bar{T} = \left( \sum_{i=1}^k \frac{1}{\alpha_i} \sum_{\tau \in \mathcal{S}} \sum_{a \in A} \tau\{q_i\} \cdot x_\tau^a \right) + T_p^0$$

$$\text{s.t.} \begin{cases} \nu_{loc}(\mathbf{x}) P_{loc} + \beta \nu_{tx}(\mathbf{x}) P_{tx} \leq \bar{P}_{\max} \\ \Gamma(\mathbf{x}, \eta_i) =, \forall i \in \{1, \dots, k\} \\ F_\tau(\mathbf{x}) = 0, \forall \tau = (i, m, n) \in \mathcal{S} \\ \sum_{\tau \in \mathcal{S}} \sum_{a \in A} x_\tau^a = 1 \\ \eta_i \in [0, 1], \forall i \in \{1, \dots, k\} \\ x_\tau^a \geq 0, \forall \tau \in \mathcal{S}, a \in A \end{cases} \quad (۱۴.۶-۴)$$

که در آن  $\nu_{tx}$  و  $\nu_{loc}$  به ترتیب احتمال فعالیت پردازنده و واحد ارسال را در یک واحد زمانی دلخواه مشخص می‌کنند و به ازای یک استراتژی داده شده قابل محاسبه اند.<sup>۵</sup> تابع  $\Gamma(\mathbf{x}, \eta_i)$  بر اساس رابطه

<sup>۴</sup>Occupation Measure

<sup>۵</sup>برای مشاهده روش محاسبه این دو پارامتر در قالب کد به پیوست ۲ مراجعه شود.

۴-۸ می باشد و به صورت زیر محاسبه می شود:

$$\Gamma(x, \eta) = \eta \sum_{\tau, a \in \mathcal{S}_1^i \cup \mathcal{S}_2^i \cup \mathcal{S}_3^i \cup \mathcal{S}_4^i} x_\tau^a + 2\eta \sum_{\tau, a \in \mathcal{S}_5^i} x_\tau^a - \eta \sum_{\tau, a \in \mathcal{S}_1^i \cup \mathcal{S}_3^i \cup \mathcal{S}_5^i} x_\tau^a \quad (۱۵.۶-۴)$$

و تابع  $F_\tau(x)$  به صورت زیر تعریف می شود:

$$F_\tau(x) = \sum_{\tau' \in \mathcal{S}} \sum_{a \in A} \tilde{\chi}_{\tau', \tau, a} x_{\tau'}^a - \sum_{a \in A} x_\tau^a \quad (۱۶.۶-۴)$$

در رابطه فوق منظور از  $\tilde{\chi}_{\tau', \tau, a}$  احتمال شرطی این است که به شرط اینکه در حالت  $\tau'$  باشیم و کنش  $a$  انتخاب شده باشد، آنگاه به حالت  $\tau'$  برویم و مطابق با رابطه ۴-۱۷ بدست می آید. لازم به ذکر است که مقدار  $\tilde{\chi}_{\tau', \tau, a}$  بر خلاف  $\chi_{\tau, \tau'}$  نسبت به استراتژی تخلیه احتمالی  $g_\tau^a$  مستقل است.

$$\tilde{\chi}_{\tau, \tau', \alpha} = P(\tau[t+1] = \tau' \mid \tau[t] = \tau \wedge v[t] = a) \quad (۱۷.۶-۴)$$

در صورتی که مقادیر  $\eta_0, \dots, \eta_k$  معلوم باشد آنگاه مسئله  $\mathcal{P}_2$  تبدیل به یک مسئله برنامه ریزی خطی می شود. با یافتن مقادیر جواب بهینه  $\{x_\tau^a\}$  می توان استراتژی بهینه را طبق رابطه زیر بدست آورد:

$$g_\tau^{a*} = \frac{x_\tau^{a*}}{\sum_{a \in A} x_\tau^{a*}}, \forall \tau \in \mathcal{S}, a \in A \quad (۱۸.۶-۴)$$

بنابراین جهت یافتن استراتژی بهینه برای یک سیستم تخلیه وظیفه کافی است که مسئله برنامه ریزی خطی حاصل از  $\mathcal{P}_2$  را به ازای مقادیر مختلف  $\eta_0, \dots, \eta_k$  حل کرده تا استراتژی بهینه بدست بیاید. مراحل این فرآیند جستجو در الگوریتم ۱ به صورت خلاصه آمده است. در این الگوریتم تابع  $splitRange$  تابعی است که با گرفتن یک بازه از اعداد حقیقی مانند  $R$  و پارامتر  $precision$  تعداد  $precision$  نمونه با فاصله های یکسان از بازه  $R$  را در قالب یک لیست بر می گرداند. منظور از  $splitRange([0, 1], precision)^k$  نیز ضرب دکارتی  $k$  نمونه از این لیست های خروجی در یک دیگر می باشد.

### الگوریتم ۱۰۴ الگوریتم جستجوی استراتژی تخلیه وظیفه بهینه

**Require:**  $precision \geq 2$

- 1:  $etaSettings \leftarrow splitRange([0, 1], precision)^k$
- 2:  $optimalPolicy = null$
- 3: **for each**  $s \in etaSettings$  **do**
- 4:    $(\eta_0, \dots, \eta_k) \leftarrow s$
- 5:    $solution \leftarrow solveLP(\eta_0, \dots, \eta_k)$
- 6:   **if**  $optimalPolicy = null$  **or**  $solution.delay < optimalPolicy.delay$  **then**
- 7:      $optimalPolicy \leftarrow solution.policy$
- 8:   **end if**
- 9: **end for**
- 10: **return**  $optimalPolicy$

## ۷-۴ دو بهینه‌سازی برای الگوریتم جستجوی استراتژی

در این بخش دو بهینه‌سازی مختلف را به منظور بهبود عملکرد الگوریتم ۱۰۴ معرفی می‌کنیم. این دو بهینه‌سازی در فریم‌ورک Kompute که در فصل پیش رو ارائه خواهد شد پیاده‌سازی شده‌اند.

### ۱-۷-۴ کاهش تعداد متغیرها

در مسئله بهینه‌سازی  $P_2$  تعداد  $|S| \cdot |A|$  متغیر وجود دارد. این مقدار برای تعداد صف‌های کم (برای مثال  $k \leq 3$ ) قابل اجرا می‌باشد اما با افزایش تعداد صف‌ها اجرای الگوریتم را بسیار زمان‌بر و یا غیرممکن می‌کند. یک بهینه‌سازی خیلی ساده ولی کارآمد که در [۱] به آن اشاره‌ای نشده است این است که می‌توان تمام متغیرهای مانند  $x_\tau^a$  که کنش  $a$  جزو کنش‌های ممکن در  $\tau$  نباشد را حذف کرد زیرا مقدار آنها در جواب مسئله همواره برابر صفر می‌باشد. برای مثال در جدول ۳-۴ مجموعه تمام کنش‌های سیستم تخلیه توصیف شده در جدول ۱-۴ به همراه امکان‌پذیری هر کنش در صورت حضور در حالت  $\tau = ([3, 0], 0, 1, 0, 1)$  مشخص شده است. همانطور که مشاهده می‌شود در این حالت فقط ۲ کنش از مجموعه ۹ کنش موجود در  $A$  امکان‌پذیر می‌باشند. کنش‌های ردیف ۲ و ۳ به دلیل مشغول بودن پردازنده امکان‌پذیر نمی‌باشند. کنش ردیف ۵ به دلیل خالی بودن صف وظایف نوع ۲ امکان‌پذیر نمی‌باشد. کنش‌های ردیف ۶ الی ۹ نیز به دلیل مشغول بودن پردازنده امکان‌پذیر نمی‌باشند. بنابراین می‌توانیم به سادگی ۷ متغیر متناظر این کنش‌ها را از مجموعه  $\{x_\tau^a\}$  حذف کنیم

Row	Action	Is Possible
1	NoOperation	Yes
2	AddToCPU(queueIndex = 1)	No
3	AddToCPU(queueIndex = 2)	No
4	AddToTransmissionUnit(queueIndex = 1)	Yes
5	AddToTransmissionUnit(queueIndex = 2)	No
6	AddToBothUnits(cpuQueueIndex = 1, tuQueueIndex = 1)	No
7	AddToBothUnits(cpuQueueIndex = 1, tuQueueIndex = 2)	No
8	AddToBothUnits(cpuQueueIndex = 2, tuQueueIndex = 1)	No
9	AddToBothUnits(cpuQueueIndex = 2, tuQueueIndex = 2)	No

جدول ۴-۳: امکان پذیری کنش‌های مختلف در حالت  $\tau = ([3, 0], 0, 1, 0, 1)$

بدون اینکه تغییری در جواب مسئله بهینه‌سازی  $\mathcal{P}_2$  ایجاد شود.

## ۲-۷-۴ موازی‌سازی

الگوریتم ۱.۴ به گونه‌ای تعریف شده است که امکان موازی‌سازی و مقیاس‌پذیری<sup>۶</sup> آن به صورت خطی وجود دارد. به عبارت دیگر می‌توان مسئله برنامه‌ریزی خطی متناظر با هر مقداردهی از  $\eta_0, \dots, \eta_k$  را به یک هسته یا گره پردازشی خاص اختصاص داد. در شبیه‌سازی سناریو وظایف سبک و سنگین (رجوع شود به ۳-۱-۶) مشاهده شد که الگوریتم موازی‌سازی شده هنگام اجرا بر روی سروری با ۲۴ هسته و تقسیم‌بندی به ۲۴ رشته<sup>۷</sup> عملکردی معادل ۲۰ برابر سریع‌تر از حالت تک‌رشته<sup>۸</sup> دارد.

<sup>۶</sup>Scaling

<sup>۷</sup>Thread

<sup>۸</sup>Single-thread

---

**الگوریتم ۲.۴** جستجوی استراتژی تخلیه وظیفه بهینه موازی‌سازی شده
 

---

**Require:**  $precision \geq 2$   
**Require:**  $threadCnt \geq 1$

- 1: **synchronized**  $optimalPolicy = null$
- 2: **procedure**  $findOptimalForEtaSettings(etaSettings)$
- 3:   **for each**  $s \in etaSettings$  **do**
- 4:      $(\eta_0, \dots, \eta_k) \leftarrow s$
- 5:      $solution \leftarrow solveLP(\eta_0, \dots, \eta_k)$
- 6:     **if**  $optimalPolicy = null$  **or**  $solution.delay < optimalPolicy.delay$  **then**
- 7:        $optimalPolicy \leftarrow solution.policy$
- 8:     **end if**
- 9:   **end for**
- 10: **end procedure**
- 11:  $etaSettings \leftarrow splitRange([0, 1], precision)^k$
- 12:  $etaBatches \leftarrow splitToBatches(etaSettings, threadCnt)$
- 13: **for each**  $i \in 1 \dots threadCnt$  **do**
- 14:    $thread[i] = Thread\{findOptimalForEtaSettings(etaBatches[i])\}$
- 15: **end for**
- 16: **for each**  $i \in 1 \dots threadCnt$  **do**
- 17:    $thread[i].start()$
- 18: **end for**
- 19: **for each**  $i \in 1 \dots threadCnt$  **do**
- 20:    $thread[i].join()$
- 21: **end for**
- 22: **return**  $optimalPolicy$

---

## فصل ۵

# پیاده‌سازی عملی

در این فصل چارچوب نرم‌افزاری با نام **کامپیوت**<sup>۱</sup> (Kompute) ارائه خواهیم کرد که با استفاده از آن می‌توان الگوریتم ارائه شده در فصل پیشین برای یافتن استراتژی تخلیه بهینه را به ازای پارامترهای محیطی مختلف اجرا کرد و عملکرد استراتژی تخلیه را با کمک شبیه‌سازی بررسی کرد. این چارچوب طبق یافته‌های ما اولین پیاده‌سازی متن‌باز در زمینه استراتژی تخلیه وظایف ناهمگون در رایانش لبه‌ای است. در این فصل ابتدا توضیح مختصری در مورد نحوه کارکرد و معماری کامپیوت خواهیم داد و سپس برنامه‌های نمونه‌ای برای «پیدا کردن استراتژی تخلیه بهینه» و «شبیه‌سازی استراتژی تخلیه» ارائه خواهیم کرد. کامپیوت در زبان کاتلین<sup>۲</sup> نوشته شده است که زبان برنامه‌نویسی چندمنظوره‌ای است که نخستین بار توسط شرکت «جت برینز»<sup>۳</sup> ارائه شد. محبوب‌ترین نسخه این زبان نسخه ماشین مجازی جاوا می‌باشد. چند دلیل انتخاب کاتلین برای پیاده‌سازی پروژه فعلی عبارتند از:

□ سادگی نحو زبان

□ قابلیت‌های زیاد کتابخانه استاندارد

□ پشتیبانی از واسط بومی جاوا<sup>۴</sup> به منظور حل سریع برنامه‌های خطی در زبان C++

---

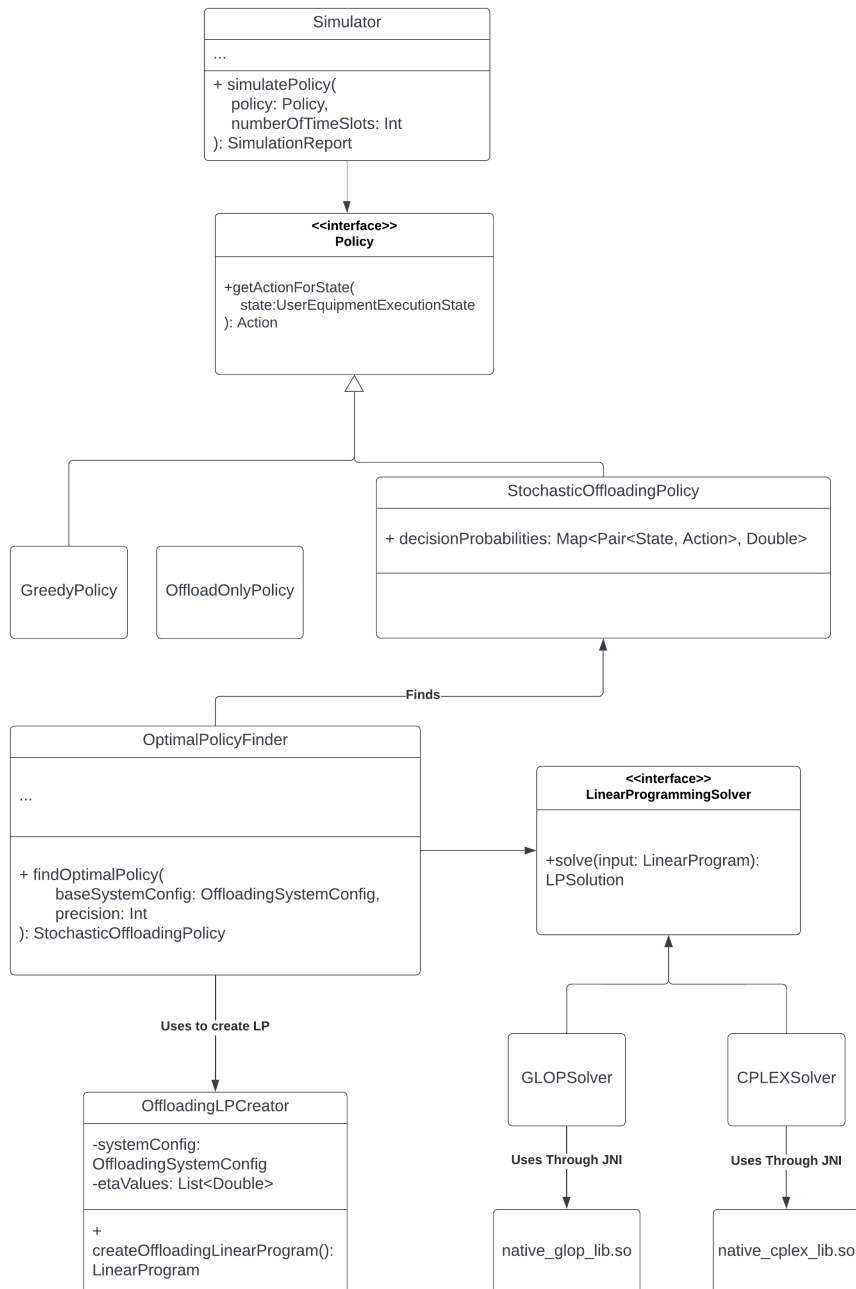
<sup>۱</sup> <https://github.com/dalisyron/Kompute>

<sup>۲</sup> Kotlin

<sup>۳</sup> JetBrains

<sup>۴</sup> Java Native Interface

معماری کلی کامپیوت در قالب یک کلاس دیاگرام در شکل ۵-۱ آورده شده است.



شکل ۵-۱: کلاس دیاگرام فریم‌ورک Compute

## ۵-۱ مولفه‌های اصلی چارچوب Kompute

در این بخش به توضیح برخی از اجزای اصلی این چارچوب می‌پردازیم.

### ۵-۱-۱ واسط Policy

واسط Policy قراردادی است که تمام استراتژی‌های تخلیه وظیفه باید آن را پیاده‌سازی کنند. همانطور که در فصل ۴ گفته شد، یک استراتژی تخلیه وظیفه دارد بسته به حالت فعلی سیستم، تصمیم بگیرد که چه کنشی برای اجرا در بازه زمانی فعلی انتخاب شود. این منطق در کامپیوت با استفاده از قطعه کد ۵-۱ تعریف شده است.

قطعه کد ۵-۱: واسط Policy

```
interface Policy {
    fun getActionForState(state: UserEquipmentExecutionState): Action
}
```

به عنوان نمونه برای پیاده‌سازی استراتژی تخلیه وظیفه «حریصانه-تخلیه اول»<sup>۵</sup> کلاس وارث مطابق با قطعه کد ۵-۲ تعریف می‌شود. این استراتژی تخلیه در صورتی که بتواند هم تخلیه و هم پردازش محلی انجام دهد، هر دو را انجام خواهد داد و در صورتی که تنها یک وظیفه در صف‌های وظایف باشد آن وظیفه را تخلیه خواهد کرد.

قطعه کد ۵-۲: پیاده‌سازی استراتژی تخلیه وظیفه حریصانه-تخلیه اول

```
class GreedyOffloadFirstPolicy : Policy {
    override fun getActionForStateGreedy(state: UserEquipmentExecutionState): Action {
        if (state.averagePower() > state.pMax) return Action.NoOperation
        if (state.ueState.isCPUActive() && state.ueState.isTUActive()) {
            return Action.NoOperation
        }
        if (state.taskQueueLength.all { it == 0 }) return Action.NoOperation
        if (state.ueState.isCPUActive()) {
            return OffloadOnlyPolicy.getActionForState(state)
        }
        if (state.ueState.isTUActive()) {
            return LocalOnlyPolicy.getActionForState(state)
        }
        val nonEmptyIndices = state.taskQueueLength.indices.filter {
            state.taskQueueLength[it] > 0
        }
        require(nonEmptyIndices.isNotEmpty())
    }
}
```

<sup>۵</sup> Greedy-Offload First



```

val queueIndices: Pair<Int, Int>? =
state.ueState.getTwoRandomQueueIndicesForTwoTasks()
if (queueIndices == null) {
    return Action.AddToTransmissionUnit(nonEmptyIndices[0])
} else {
    return Action.AddToBothUnits(queueIndices.first, queueIndices.second)
}
}
}

```

### ۲-۱-۵ کلاس OffloadingLPCreator

این کلاس وظیفه ساخت مسئله برنامه‌ریزی خطی  $P_2$  که در رابطه ۴-۱۴.۶ بیان شد را دارد. بدین منظور این کلاس پنج شگرد زیر را تعریف می‌کند:

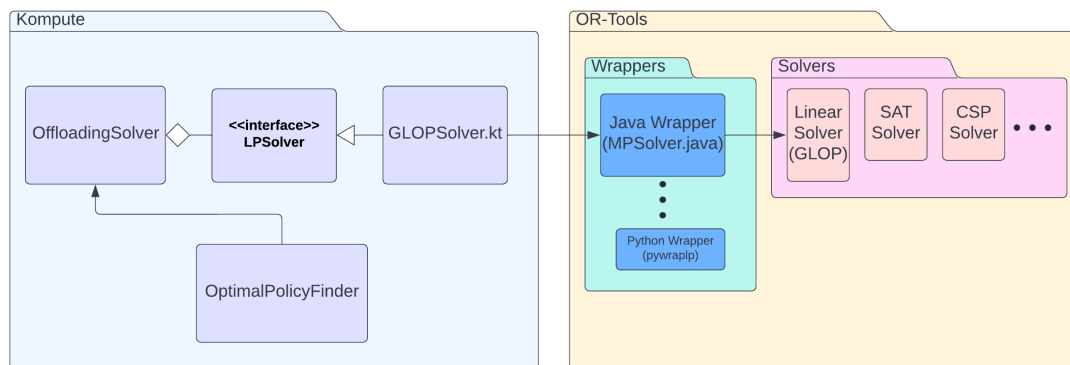
- fun getObjectiveEquation(): EquationRow
- fun getEquation2(): EquationRow
- fun getEquations3(): List<EquationRow>
- fun getEquation4s(): List<EquationRow>
- fun getEquation5(): EquationRow

که به ترتیب تابع هدف مسئله بهینه‌سازی و چهار شرط ذکر شده در ۴-۱۴.۶ را محاسبه می‌کنند. در نهایت با ترکیب این پنج تابع یک شی برنامه خطی توسط شگرد createOffloadingLinearProgram ایجاد می‌شود که به منظور محاسبه استراتژی تخلیه بهینه نیاز داریم که آن را حل کنیم. در ادامه به نحوه حل این برنامه خطی توسط کلاس‌های Solver می‌پردازیم.

### ۳-۱-۵ حل‌کننده خطی

مولفه‌های شرکت‌کننده در حل مسئله بهینه‌سازی استراتژی تخلیه در کامپیوت در شکل ۵-۲ مشخص شده‌اند. در پایین‌ترین لایه برای حل مسئله برنامه‌ریزی خطی از حل‌کننده خطی<sup>۶</sup> به نام GLOP

<sup>۶</sup>Linear Solver



شکل ۵-۲: مولفه‌های شرکت‌کننده در حل مسئله خطی استراتژی تخلیه در Kompute

استفاده شده است. این حل‌کننده جزئی از پروژه متن‌باز OR-Tools<sup>۷</sup> است که توسط شرکت گوگل ارائه شده و نگهداری می‌شود. [۱۶] این حل‌کننده مانند اکثر حل‌کننده‌های سریع و مدرن، در زبان C++ نوشته شده است، اما احاطه‌گرهای آن در زبان‌های دیگر مانند پایتون، جاوا، و سی شارپ وجود دارد. در پروژه فعلی، ما از احاطه‌گر زبان جاوا استفاده کرده‌ایم که در پروژه OR-Tools با استفاده از رابط بومی جاوا و در قالب کلاس MPSolver پیاده‌سازی شده است.

در Kompute کلاسی به نام GLOPSolver وجود دارد که با گرفتن یک شی از نوع برنامه خطی در دامنه Kompute، آن شی را به برنامه خطی قابل شناسایی برای کلاس MPSolver تبدیل می‌کند و در نهایت نتیجه حل برنامه خطی را بر می‌گرداند. کلاس MPSolver قابلیت پشتیبانی از برخی از حل‌کننده‌های دیگر به جز GLOP را نیز دارد. با این وجود، به دلیل متن‌باز بودن پروژه، از برخی از حل‌کننده‌های تجاری معروف مانند CPLEX<sup>۸</sup> پشتیبانی نمی‌کند. معماری Kompute به گونه‌ای طراحی شده است که امکان استفاده از هر حل‌کننده خطی در آن وجود داشته باشد. برای نمونه علاوه بر حل‌کننده پیش‌فرض GLOPSolver کلاسی با نام CPLEXSolver نیز در پروژه وجود دارد که در صورتی که نسخه تجاری CPLEX که دارای جواز معتبر باشد بر روی سیستم کاربر نصب باشد از آن حل‌کننده استفاده خواهد شد.

<sup>۷</sup><https://github.com/google/or-tools>

<sup>۸</sup><https://www.ibm.com/analytics/cplex-optimizer>

## ۲-۵ تعریف و حل یک مسئله تخلیه وظیفه نمونه در Kompute

در قطعه کد نمونه زیر، مسئله تخلیه وظیفه برای محیط رایانش لبه‌ای با دو صف<sup>۹</sup> حل شده است.

قطعه کد ۳-۵: تعریف و حل مسئله نمونه

```
fun main(args: Array<String>) {
    val systemConfig = OffloadingSystemConfig(
        userEquipmentConfig = UserEquipmentConfig(
            stateConfig = UserEquipmentStateConfig(
                taskQueueCapacity = 5,
                tuNumberOfPackets = listOf(1, 3),
                cpuNumberOfSections = listOf(7, 2),
                numberOfQueues = 2
            ),
            componentsConfig = UserEquipmentComponentsConfig(
                alpha = listOf(4.0), (9.0)
                beta = ,90.0
                etaConfig = null,
                pTx = ,0.1
                pLocal = ,8.0
                pMax = 7.1
            )
        ),
        environmentParameters = EnvironmentParameters(
            nCloud = listOf(1, 1),
            tRx = ,5.0
        )
    )

    val optimalPolicy = RangedOptimalPolicyFinder.findOptimalPolicy(
        baseSystemConfig = systemConfig,
        precision = 10
    )
    /*
    // For multi-threaded execution use this instead:

    val optimalPolicy = ConcurrentRangedOptimalPolicyFinder(
        baseSystemConfig = systemConfig
    ).findOptimalPolicy(precision = 10, numberOfThreads = 8)
    */

    val decisionProbabilities: Map<StateAction, Double>
        = optimalPolicy.stochasticPolicyConfig.decisionProbabilities

    println(decisionProbabilities)
}
```

به این منظور ابتدا پارامترهای محیط تخلیه وظیفه در رایانش لبه‌ای را با استفاده از کلاس OffloadingSystemConfig مشخص می‌کنیم. سپس استراتژی بهینه را با استفاده از کلاس RangedOptimalPolicyFinder با دقت لازم پیدا می‌کنیم. در نهایت جواب خروجی به صورت توزیع احتمالی بر روی مجموعه  $|S| \times |A|$  بدست می‌آید.

<sup>۹</sup>شرایط بر اساس تقسیم‌بندی وظایف به Heavy و Light در اینترنت اشیا

## ۳-۵ شبیه‌سازی استراتژی‌های تخلیه وظیفه

در قطعه کد نمونه زیر استراتژی تخلیه بهینه به همراه سه استراتژی تخلیه پایه شبیه‌سازی شده‌اند و نتایج تاخیر و توان مصرفی گزارش شده است.

قطعه کد ۴-۵: شبیه‌سازی استراتژی‌های تخلیه وظیفه

```
fun main(args: Array<String>) {
    val baseSystemConfig: OffloadingSystemConfig = Mock.doubleQueueConfig()
    val alpha0Start = 0.1
    val alpha0End = 60.0
    val sampleCount = 30
    val simulationCycles = 1_000_000
    for (i in 0 until sampleCount) {
        val alpha0 = (alpha0Start + i * ((alpha0End - alpha0Start) / (sampleCount - 1)))
        val systemConfig = baseSystemConfig.withAlpha(0, alpha0)
        val optimalPolicy = RangedOptimalPolicyFinder.findOptimalPolicy(
            baseSystemConfig = systemConfig,
            precision = 10
        )
        val simulator = Simulator(systemConfig)
        val simulationResults = with(simulator) {
            listOf(
                simulatePolicy(LocalOnlyPolicy, simulationCycles),
                simulatePolicy(OffloadOnlyPolicy, simulationCycles),
                simulatePolicy(GreedyLocalFirstPolicy, simulationCycles),
                simulatePolicy(optimalPolicy, simulationCycles)
            )
        }
        val (localOnlyDelay,
            offloadOnlyDelay,
            greedyLocalFirstDelay,
            optimalDelay) = simulationResults.map { it.averageDelay }
        val (localOnlyAveragePower,
            offloadOnlyAveragePower,
            greedyLocalFirstAveragePower,
            optimalAveragePower) = simulationResults.map { it.averagePowerConsumption }
        println("$localOnlyDelay | " +
            "$offloadOnlyDelay | " +
            "$greedyLocalFirstDelay | " +
            "$optimalDelay")

        println("$localOnlyAveragePower | " +
            "$offloadOnlyAveragePower | " +
            "$greedyLocalFirstAveragePower | " +
            "$optimalAveragePower")
    }
}
```

در این مثال، به ازای مقادیر نرخ ورودی مختلف برای صف شماره یک (اندیس صفر)، با کمک کلاس Simulator معیارهای توان مصرفی و تاخیر محاسبه و گزارش شده است. پارامتر simulationCycles تعداد بازه‌های زمانی لازم برای شبیه‌سازی را مشخص می‌کند. پرواضح است که هر چه این مقدار بالاتر باشد، دقت شبیه‌سازی بالاتر خواهد بود.

## فصل ۶

# آزمایش و نتیجه

در این فصل قصد داریم عملکرد و درستی روش ارائه شده در فصول ۴ و ۵ را با کمک آزمون‌های مختلف و شبیه‌سازی بررسی کنیم.

### ۱-۶ بررسی عملکرد در مقایسه با الگوریتم‌های پایه

در این بخش عملکرد استراتژی یافت شده توسط الگوریتم ۱۰۴ را با چهار الگوریتم پایه زیر مقایسه می‌کنیم:

۱. استراتژی «فقط تخلیه»<sup>۱</sup> که همه‌ی وظایف را تخلیه می‌کند

۲. استراتژی «حریصانه، تخلیه اول»<sup>۲</sup> که در هر بازه زمانی اگر واحد ارسال یا پردازنده بیکار باشند به هر کدام از آنها یک وظیفه از صفی رندوم تخصیص می‌دهد و در صورتی که تنها یک وظیفه در صف باشد و مجبور به انتخاب بین تخلیه و اجرای محلی باشد، تخلیه را انتخاب می‌کند.

۳. استراتژی «حریصانه، محلی اول»<sup>۳</sup> که در هر بازه زمانی اگر واحد ارسال یا پردازنده بیکار باشند به هر کدام از آنها یک وظیفه از صفی رندوم تخصیص می‌دهد و در صورتی که تنها یک وظیفه

---

<sup>۱</sup> Offload Only

<sup>۲</sup> Greedy (Offload First)

<sup>۳</sup> Greedy (Local First)

در صف باشد و مجبور به انتخاب بین تخلیه و اجرای محلی باشد، اجرای محلی را انتخاب می‌کند.

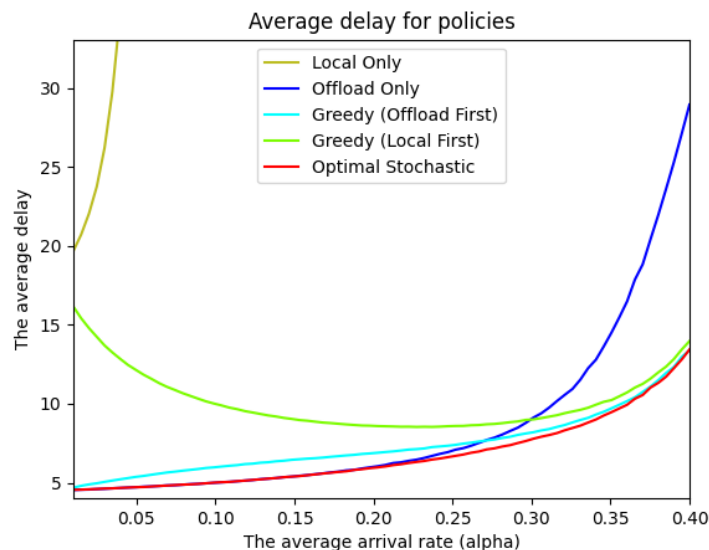
۴. استراتژی «فقط (اجرای محلی)»<sup>۴</sup>

### ۱-۱-۶ شبیه‌سازی تک صف

با توجه به اینکه روش ارائه شده توسط ما حالت گسترش یافته [۱] است، ابتدا محیط تست ارائه شده در آن پژوهش را برای تست الگوریتم در نظر می‌گیریم. پارامترهای این محیط در جدول ۱-۶ خلاصه شده‌اند. نتیجه این آزمایش در شکل ۱-۶ مشاهده می‌شود.

Parameter	$M_1$	$L_1$	$\beta$	$P_{tx}$	$P_{loc}$	$P_{max}$	$C_1$	$t_{rx}$
Value	1	17	0.4	1.0	0.8	1.6	1	0.0

جدول ۱-۶: پارامترهای محیط رایانش لبه‌ای در سناریو تک صف



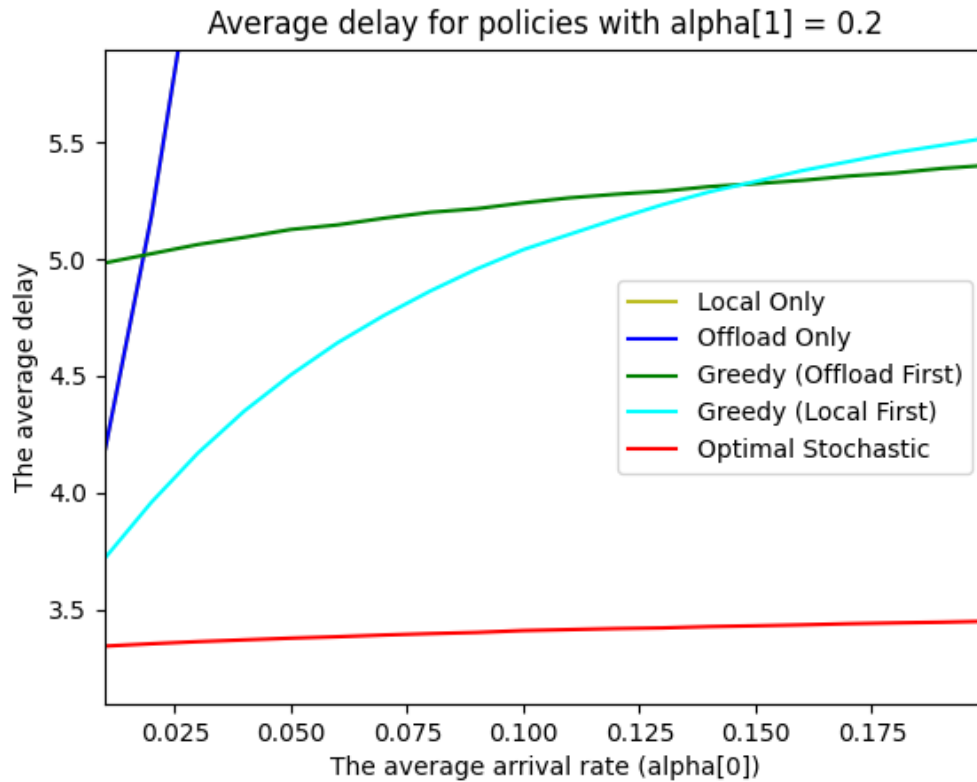
شکل ۱-۶: تاخیر سرویس به ازای نرخ ورود در حالت تک صف

<sup>۴</sup>Local Only

همانطور که مشاهده می‌شود استراتژی تخلیه تصادفی یافت شده از تمام الگوریتم‌های پایه بهتر عمل می‌کند و شکل منحنی‌های نمودار با [۱] مطابقت دارد.

## ۲-۱-۶ شبیه‌سازی دو صف با یک صف ثابت در سناریو سبک و سنگین

در این قسمت سناریوی تست به این گونه است که میزان تاخیر به ازای مقادیر مختلف نرخ ورود برای صف شماره یک و مقدار ثابت نرخ ورود برای صف شماره دو مشاهده می‌شود. پارامترهای محیطی در نظر گرفته شده در جدول ۲-۶ به طور خلاصه آمده است.



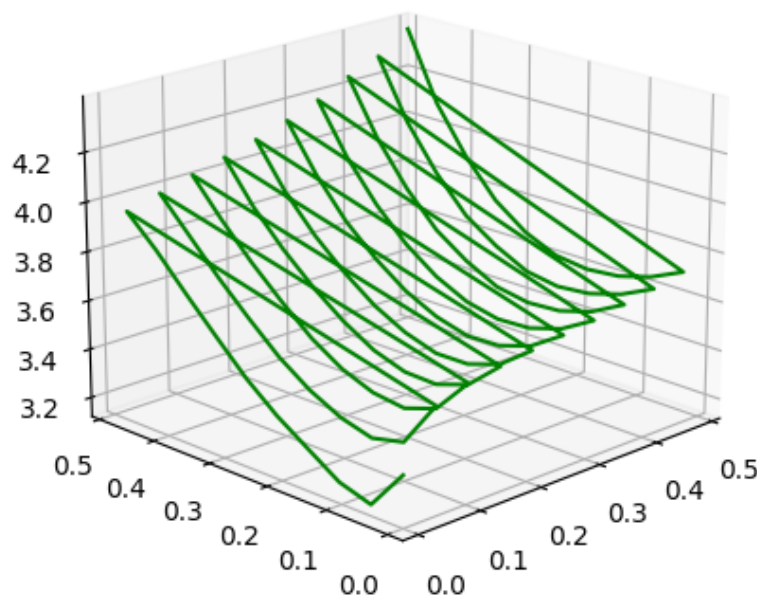
Parameter	$M_1$	$M_2$	$L_1$	$L_2$	$C_1$	$C_2$	$\beta$	$P_{tx}$	$P_{loc}$	$P_{max}$	$t_{rx}$
Value	1	3	7	2	1	1	0.95	1	0.8	1.6	0

جدول ۲-۶: پارامترهای محیط رانندگی لایه‌ای در سناریو دو صف با یک صف ثابت

همانطور که مشاهده می‌شود استراتژی تخلیه بهینه بسیار بهتر از الگوریتم‌های پایه عمل می‌کند. دلیل اصلی این تفاوت زیاد (نسبت به تفاوت کم در سناریو با یک صف در بخش قبل) عدم هوشمندی استراتژی‌های حریصانه در انتخاب نوع وظیفه تخصیص داده شده به پردازنده و واحد ارسال است. به عبارت دیگر انتخاب تصادفی نوع وظیفه فرستاده شده به پردازنده و واحد ارسال در الگوریتم‌های حریصانه باعث می‌شود که در شرایطی که تفاوت زیادی بین نوع وظایف وجود دارد (مانند سناریو سبک و سنگین) این الگوریتم‌ها عملکرد خیلی بدی داشته باشند. این در حالی است که در حالت تک صف انتخاب بین انواع وظیفه مطرح نبوده است و تنها عامل برای عملکرد غیربهینه استراتژی‌های حریصانه، عدم زمانبندی درست وظایف بوده است.

### ۶-۱-۳ شبیه‌سازی دو صف متغیر وظایف سبک و سنگین

در این قسمت مقدار تاخیر سرویس به ازای مقادیر مختلف نرخ ورود به هر دو صف محاسبه شده است. پارامترهای سیستمی این سناریو در جدول ۶-۳ آمده است. همانطور که مشاهده می‌شود استراتژی بهینه در بازه  $\alpha_1, \alpha_2 \in [0, 0.4]$  عملکرد قابل قبول دارد.



شکل ۶-۲: تاخیر میانگین بر حسب نرخ ورود  $\alpha_1$  و  $\alpha_2$



Parameter	$M_1$	$M_2$	$L_1$	$L_2$	$C_1$	$C_2$	$\beta$	$P_{tx}$	$P_{loc}$	$P_{max}$	$t_{rx}$
Value	1	3	7	2	1	1	0.95	1	0.8	1.6	0

جدول ۳-۶: پارامترهای محیط رایانش لبه‌ای در سناریو دو صف متغیر

#### ۴-۱-۶ شبیه‌سازی سه صف وظیفه

در این قسمت عملکرد الگوریتم ارائه شده در شرایطی که سه صف وجود دارد بررسی شده است. پارامترهای محیط رایانش لبه‌ای در جدول ۵-۶ آورده شده است. با توجه به اینکه رسم نمودار در شرایط چهار بعدی امکان پذیر نیست از مفهومی به نام آزمون «کارآمدی» استفاده می‌کنیم. مفهوم کارآمدی را اینگونه تعریف می‌کنیم که یک استراتژی کارآمد است اگر احتمال پر بودن یک یا چند صف در سیستم از  $\frac{1}{|S|}$  کمتر باشد. در این آزمایش، کارآمدی استراتژی‌های مختلف را به ازای ۱۰۰۰ نمونه مختلف در بازه‌های  $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3 \in [0, 0.2]$  تست کردیم که نتایج آن در جدول ۴-۶ مشاهده می‌شود.

Policy	Optimal	Local Only	Greedy (Local First)	Greedy (Offload First)	Offload Only
Effectiveness	100.0%	8.5%	80.3%	79.3%	21.6%

جدول ۴-۶: درصد کارآمدی استراتژی‌ها

Parameter	$M_1$	$M_2$	$M_3$	$L_1$	$L_2$	$L_3$	$C_1$	$C_2$	$C_3$	$\beta$	$P_{tx}$	$P_{loc}$	$P_{max}$	$t_{rx}$
Value	1	3	2	4	2	3	1	1	2	0.95	1	0.8	1.6	0.5

جدول ۵-۶: پارامترهای محیط رایانش لبه‌ای در سناریو سه صف

## فصل ۷

### جمع‌بندی و پیشنهادها

در پروژه فعلی روشی برای بدست آوردن استراتژی تخلیه وظیفه با تاخیر کمینه در شرایط حضور چندین نوع وظیفه در محیط رایانش لبه‌ای معرفی شد. عملکرد این الگوریتم نیز با کمک شبیه‌سازی بررسی شد. در طول انجام پروژه فعلی ایده‌های مختلفی برای بهبود روش ارائه شده به ذهن ما رسید که برخی از آنها مانند بهینه‌سازی‌های معرفی شده در بخش ۴-۷ پیاده‌سازی شدند. اما برخی از این ایده‌ها به مرحله پیاده‌سازی نرسیدند و پژوهش درباره آنها امکان بهبود روش فعلی را فراهم خواهد کرد.

یکی از این موارد کاهش تعداد متغیرهای مسئله برنامه‌ریزی خطی  $P_2$  (رابطه ۴-۱۴.۶) با استفاده از حذف «تک‌کنش» ها می‌باشد. پیشتر در بخش ۴-۷-۱ به این موضوع اشاره شد که می‌توان متغیرهایی که متناظر با کنش‌های غیر ممکن هستند را از مسئله بهینه‌سازی  $P_2$  حذف کرد. با استدلالی مشابه این امکان وجود دارد که متغیرهایی که متناظر با تنها کنش ممکن در یک حالت هستند را از الگوریتم حذف کرد، زیرا مقدار این متغیرها در تعیین استراتژی بهینه نقشی ندارد چون احتمال انتخاب آنها همواره ۱ (قطعی) می‌باشد. با این حال حذف این متغیرها بر خلاف بهینه‌سازی ۴-۷-۱ ساختار زنجیره مارکوف را دگرگون خواهد، بنابراین احتمالاً نیازمند تغییر توابع انتقال و/یا تغییر شروط رابطه ۴-۱۴.۶ خواهد شد.

## پیوست ۱ - توابع انتقال حالت

تابع انتقال حالت به ازای کنش ورودی

```
fun getNextStateRunningAction(
    sourceState: UserEquipmentState,
    action: Action
): UserEquipmentState {
    return when (action) {
        is Action.NoOperation → {
            sourceState
        }
        is Action.AddToCPU → {
            getNextStateAddingToCPU(sourceState, action.queueIndex)
        }
        is Action.AddToTransmissionUnit → {
            getNextStateAddingToTU(sourceState, action.queueIndex)
        }
        is Action.AddToBothUnits → {
            getNextStateAddingToBothUnits(
                sourceState,
                action.cpuTaskQueueIndex,
                action.transmissionUnitTaskQueueIndex
            )
        }
    }
}
```

تابع انتقال حالت پایه

```
fun getNextStateAddingToCPU(
    sourceState: UserEquipmentState,
    queueIndex: Int
): UserEquipmentState {
    require(sourceState.cpuState == 0)
    require(sourceState.taskQueueLengths[queueIndex] > 0)

    val updatedLengths = sourceState.taskQueueLengths.decrementedAt(queueIndex)

    return sourceState.copy(
        taskQueueLengths = updatedLengths,
        cpuState = -1,
        cpuTaskTypeQueueIndex = queueIndex
    )
}
```

تابع انتقال حالت با کنش ارسال توسط واحد ارسال

```
fun getNextStateAddingToTU(
    sourceState: UserEquipmentState,
    queueIndex: Int
): UserEquipmentState {
    require(sourceState.tuState == 0)
    require(sourceState.taskQueueLengths[queueIndex] > 0)

    val updatedLengths = sourceState.taskQueueLengths.decrementedAt(queueIndex)

    return sourceState.copy(
        taskQueueLengths = updateLengths,
        tuState = 1,
        tuTaskTypeQueueIndex = queueIndex
    )
}
```

تابع انتقال حالت با کنش اجرا و ارسال به طور همزمان

```
fun getNextStateAddingToBothUnits(
    sourceState: UserEquipmentState,
    cpuQueueIndex: Int,
    tuTaskQueueIndex: Int
): UserEquipmentState {
    if (cpuQueueIndex == tuTaskQueueIndex) {
        require(sourceState.taskQueueLengths[cpuQueueIndex] > 1)
    } else {
        require(sourceState.taskQueueLengths[cpuQueueIndex] > 0)
        require(sourceState.taskQueueLengths[tuTaskQueueIndex] > 0)
    }
    return getNextStateAddingToCPU(
        getNextStateAddingToTU(sourceState, tuTaskQueueIndex),
        cpuQueueIndex
    )
}
```

## پیوست ۲ – تابع ساخت شرط حداکثر توان مصرفی در برنامه خطی

تابع ساخت شرط حداکثر توان مصرفی

```
fun getEquation2(): EquationRow {
    val pLoc = systemConfig.pLoc
    val pTx = systemConfig.pTx
    val beta = systemConfig.beta
    val rhsEquation2 = systemConfig.pMax
    val coefficients = mutableListOfZeros(indexMapping.variableCount)

    indexMapping.coefficientIndexByStateAction.forEach { (stateAction, index) →
        val (state, action) = stateAction
        var coefficientValue = 0.0

        if (state.isTUActive())
            || (action is Action.AddToTransmissionUnit
            || action is Action.AddToBothUnits)) {
            coefficientValue += beta * pTx
        }

        if (state.isCPUActive())
            || (action is Action.AddToCPU)
            || (action is Action.AddToBothUnits)) {
            coefficientValue += pLoc
        }

        coefficients[index] = coefficientValue
    }

    return EquationRow(
        coefficients = coefficients,
        rhs = rhsEquation2,
        type = EquationRow.Type.LessThan
    )
}
```

## پیوست ۳ – نحوه محاسبه ماتریس انتقال

در این بخش نحوه محاسبه درایه‌های ماتریس انتقال  $\chi_{\tau, \tau'}$  به ازای حالت ورودی  $\tau$  در قالب کد شرح داده شده است. همانطور که در بخش ۲-۴ گفته شد، درایه‌های ماتریس انتقال معادل «یال» های گراف زنجیره می‌باشند. بنابراین هدف ما پیدا کردن یال‌های گراف با مبدا  $\tau$  به همراه وزن آنها می‌باشد. به این منظور ابتدا با کمک تابع زیر کنش‌های ممکن را برای حالت ورودی پیدا می‌کنیم:

تابع محاسبه کنش‌های ممکن به ازای حالت داده شده

```
override fun getPossibleActions(state: UserEquipmentState): List<Action> {
    val result = mutableListOf<Action>(Action.NoOperation)
    if (state.isCPUActive() && state.isTUActive()) return result
    val nonEmptyQueueIndices = state.taskQueueLengths.indices.filter {
        state.taskQueueLengths[it] > 0
    }
    if (!state.isCPUActive())
        for (queueIndex in nonEmptyQueueIndices) {
            if (config.limitation[queueIndex] != StateManagerConfig.Limitation.OffloadOnly) {
                result.add(Action.AddToCPU(queueIndex))
            }
        }
    if (!state.isTUActive()) {
        for (queueIndex in nonEmptyQueueIndices) {
            if (config.limitation[queueIndex] != StateManagerConfig.Limitation.LocalOnly) {
                result.add(Action.AddToTransmissionUnit(queueIndex))
            }
        }
    }
    if (!state.isTUActive() && !state.isCPUActive()) {
        for (i in nonEmptyQueueIndices) {
            for (j in nonEmptyQueueIndices) {
                if (i == j && state.taskQueueLengths[i] < 2) continue
                if (config.limitation[i] != StateManagerConfig.Limitation.OffloadOnly
                    && config.limitation[j] != StateManagerConfig.Limitation.LocalOnly) {
                    result.add(Action.AddToBothUnits(i, j))
                }
            }
        }
    }
    return result.sorted()
}
```

در مرحله بعد می‌بایست به ازای هر جفت حالت و کنش  $(\tau, a)$ ، مجموعه حالات ممکن در صورت حضور در حالت  $\tau$  و انتخاب کنش  $a$  را محاسبه کنیم. به این منظور از تابع زیر استفاده می‌کنیم:

تابع محاسبه کنش‌های ممکن به ازای حالت داده شده

```
fun getTransitionsForAction(state: UserEquipmentState, action: Action): List<Transition> {
    checkStateAgainstLimitations(state)
    val stateAfterAction = getNextStateRunningAction(state, action).let {
        if (it.isCPUActive()) getNextStateAdvancingCPU(it) else it
    }
    checkStateAgainstLimitations(stateAfterAction)
    val transitions: MutableList<Transition> = mutableListOf()
    val notFullIndicesAfterAction = (stateAfterAction.taskQueueLengths.indices).filter {
        val queueLengths = stateAfterAction.taskQueueLengths[it]
        queueLengths < config.userEquipmentStateConfig.taskQueueCapacity
    }
    if (notFullIndicesAfterAction.isEmpty()) {
        if (stateAfterAction.isTUActive()) {
            transitions.add(Transition(
                source = state,
                dest = getNextStateAdvancingTU(stateAfterAction),
                transitionSymbols = listOf(listOf(action, ParameterSymbol.Beta)))
            transitions.add(Transition(state, stateAfterAction,
                listOf(listOf(action, ParameterSymbol.BetaC))))
        } else {
            transitions.add(Transition(state, stateAfterAction, listOf(listOf(action))))
        }
    } else {
        val taskArrivalMappings = getAllSubsets(notFullIndicesAfterAction.size)
        for (mapping in taskArrivalMappings) {
            val addTaskSymbols = mapping.mapIndexed { index, taskArrives →
                if (taskArrives)
                    ParameterSymbol.Alpha(notFullIndicesAfterAction[index])
                else
                    ParameterSymbol.AlphaC(notFullIndicesAfterAction[index])
            }
            val destState = getNextStateAddingTasksBasedOnMapping(
                stateAfterAction, mapping, notFullIndicesAfterAction
            )
            if (stateAfterAction.isTUActive()) {
                transitions.add(Transition(
                    source = state,
                    dest = getNextStateAdvancingTU(destState),
                    transitionSymbols = listOf(
                        listOf(action, ParameterSymbol.Beta) + addTaskSymbols))
                )
                transitions.add(Transition(
                    source = state,
                    dest = destState,
                    transitionSymbols = listOf(
                        listOf(action, ParameterSymbol.BetaC) + addTaskSymbols))
                )
            } else {
                transitions.add(Transition(state, destState, listOf(
                    listOf(action) + addTaskSymbols)))
            }
        }
    }
    return transitions
}
```

در نهایت با ترکیب دو تابعی که تعریف شد می‌توانیم تابع  $\text{sum}$  بنویسیم که تمام یال‌های  $\tau$  را پیدا کند:

تابع محاسبه یال‌های زنجیره به ازای حالت مبدا ورودی

```
fun getEdgesForState(state: UserEquipmentState): List<Edge> {  
    return getPossibleActions(state)  
        .map { action →  
            getTransitionsForAction(state, action)  
        }  
        .flatten().map { it.toEdge() }  
}
```



## مراجع

- [1] J. Liu, Y. Mao, J. Zhang, and K. B. Letaief, "Delay-optimal computation task scheduling for mobile-edge computing systems," in 2016 IEEE International Symposium on Information Theory (ISIT), pp.1451–1455, 2016.
- [2] W. Shi, J. Cao, Q. Zhang, Y. Li, and L. Xu, "Edge computing: Vision and challenges," IEEE Internet of Things Journal, vol.3, no.5, pp.637–646, 2016.
- [3] A. Yousefpour, G. Ishigaki, R. Gour, and J. P. Jue, "On reducing iot service delay via fog offloading," IEEE Internet of Things Journal, vol.5, no.2, pp.998–1010, 2018.
- [4] H. Tran-Dang and D.-S. Kim, "Frato: Fog resource based adaptive task offloading for delay-minimizing iot service provisioning," IEEE Transactions on Parallel and Distributed Systems, vol.32, no.10, pp.2491–2508, 2021.
- [5] J. Wang, J. Pan, F. Esposito, P. Calyam, Z. Yang, and P. Mohapatra, "Edge cloud offloading algorithms: Issues, methods, and perspectives," ACM Comput. Surv., vol.52, feb 2019.
- [6] E. Cuervo, A. Balasubramanian, D.-k. Cho, A. Wolman, S. Saroiu, R. Chandra, and P. Bahl, "Maui: Making smartphones last longer with code offload," in Proceedings of the 8th International Conference on Mobile Systems, Applications, and Services, MobiSys '10, (New York, NY, USA), p.49–62, Association for Computing Machinery, 2010.
- [7] G. Hu, Y. Jia, and Z. Chen, "Multi-user computation offloading with d2d for mobile edge computing," in 2018 IEEE Global Communications Conference (GLOBECOM), pp.1–6, 2018.
- [8] X. Meng, W. Wang, and Z. Zhang, "Delay-constrained hybrid computation offloading with cloud and fog computing," IEEE Access, vol.5, pp.21355–21367, 2017.
- [9] Y. He, N. Zhao, and H. Yin, "Integrated networking, caching, and computing for connected vehicles: A deep reinforcement learning approach," IEEE Transactions on Vehicular Technology, vol.67, no.1, pp.44–55, 2018.

- [10] A. Shakarami, M. Ghobaei-Arani, M. Masdari, and M. Hosseinzadeh, "A survey on the computation offloading approaches in mobile edge/cloud computing environment: A stochastic-based perspective," *Journal of Grid Computing*, vol.18, pp.639–671, Dec 2020.
- [11] A. Samanta and Z. Chang, "Adaptive service offloading for revenue maximization in mobile edge computing with delay-constraint," *IEEE Internet of Things Journal*, vol.6, no.2, pp.3864–3872, 2019.
- [12] J. Kwak, Y. Kim, J. Lee, and S. Chong, "Dream: Dynamic resource and task allocation for energy minimization in mobile cloud systems," *IEEE Journal on Selected Areas in Communications*, vol.33, no.12, pp.2510–2523, 2015.
- [13] Z. Jiang and S. Mao, "Energy delay tradeoff in cloud offloading for multi-core mobile devices," *IEEE Access*, vol.3, pp.2306–2316, 2015.
- [14] W. Zhang, Y. Wen, K. Guan, D. Kilper, H. Luo, and D. O. Wu, "Energy-optimal mobile cloud computing under stochastic wireless channel," *IEEE Transactions on Wireless Communications*, vol.12, no.9, pp.4569–4581, 2013.
- [15] A.-E. M. Taha, N. A. Ali, and H. S. Hassanein, *Frame-Structure and Node Identification*, pp.147–160. 2011.
- [16] 2022.
- [17] X. Chen, T. Chen, Z. Zhao, H. Zhang, M. Bennis, and Y. Ji, "Resource awareness in unmanned aerial vehicle-assisted mobile-edge computing systems," in *2020 IEEE 91st Vehicular Technology Conference (VTC2020-Spring)*, pp.1–6, 2020.

**Abstract:**

Edge computing is a distributed computing paradigm that seeks to provide users with lower response times, lower power consumption, and mobility management by bringing computing resources closer to the network edge. Since its introduction, edge computing and its standard implementations, such as Multi-access Edge Computing, have faced one important challenge: How to design efficient task offloading policies?

Furthermore, with the rapid growth of the smartphone and IoT industry, many new types of applications have been introduced to the internet, each having different resource needs. Thus, taking into account the heterogeneity of user tasks becomes an essential factor when designing task offloading policies for edge computing environments.

This paper introduces a method for finding the delay-optimal task offloading policy under the power consumption constraint. The method consists of two steps. First, the offloading system is modeled using Discrete-time Markov Chains. Then, an algorithm based on linear programming is used to find the optimal task offloading policy for the created model. In addition to discussing the problem mathematically, we introduce a new software framework, written in the Kotlin language, which allows users to find the optimal task offloading policy for a given system. This framework can also benchmark the optimal policy's effectiveness using simulation. The current paper is based on [1] and uses a similar method to that research.

**Keywords:** Task Offloading, Edge Computing, Markov Chains, Linear Programming, Cloud Computing



**Iran University of Science and Technology**  
**Computer Engineering Department**

# **A multi-user computation offloading policy to minimize average latency for IoT devices**

**Bachelor of Computer Engineering Final Project**

**By:**

**Mohammadmobin Dariushhamedani**

**Supervisor:**

**Dr. Reza Entezari-Maleki**

**June 2022**