

دانشکدهی مهندسی کامپیوتر

الگوریتم تخلیه پردازش چندکاربره برایکمینه کردن تاخیر در دستگاههای اینترنت اشیاء

پروژهی پایانی کارشناسی مهندسی کامپیوتر

محمدمبين داريوش همداني

استاد راهنما

رضا انتظاري ملكي



تأییدیهی هیأت داوران جلسهی دفاع از پروژه

نام دانشکده: دانشکدهی مهندسی کامپیوتر

نام دانشجو: محمدمبین داریوش همدانی

عنوان پروژه : الگوریتم تخلیه پردازش چند کاربره برای کمینه کردن تاخیر در دستگاههای اینترنت اشیاء

> تاریخ دفاع: تیر ۱۴۰۱ رشته: مهندسی کامپیوتر

امض	دانشگاه یا مؤسسه	مرتبهی	و نام	نام	سمت	ردیف
		دانشگاهی	ی	خانوادگ		
	دانشگاه	استاديار		دكتر	استاد	١
	علم و صنعت ایران		انتظارى	رضا	راهنما	
				ملكى		
	دانشگاه			دكتر	استاد داور	۲
	علم و صنعت ایران				داخلی	

تأییدیهی صحت و اصالت نتایج

باسمه تعالى

اینجانب محمدمبین داریوش همدانی به شماره دانشجویی ۱۹۵۲۱۱۹۱ دانشجوی رشته مهندسی کامپیوتر مقطع تحصیلی کارشناسی تأیید مینمایم که کلیهی نتایج این پروژه حاصل کار اینجانب و بدون هرگونه دخل و تصرف است و موارد نسخهبرداری شده از آثار دیگران را با ذکر کامل مشخصات منبع ذکر کردهام. درصورت اثبات خلاف مندرجات فوق، به تشخیص دانشگاه مطابق با ضوابط و مقررات حاکم (قانون حمایت از حقوق مؤلفان و مصنفان و قانون ترجمه و تکثیر کتب و نشریات و آثار صوتی، ضوابط و مقررات آموزشی، پژوهشی و انضباطی) با اینجانب رفتار خواهد شد و حق هرگونه اعتراض درخصوص احقاق حقوق مکتسب و تشخیص و تعیین تخلف و مجازات را از خویش سلب مینمایم. در ضمن، مسؤولیت هرگونه پاسخگویی به اشخاص اعم از حقیقی و حقوقی و مراجع ذی صلاح (اعم از اداری و قضایی) به عهده ی اینجانب خواهد بود و دانشگاه هیچگونه مسؤولیتی در این خصوص نخواهد داشت.

نام و نام خانوادگی: محمدمبین داریوش همدانی تاریخ و امضا:

مجوز بهرهبرداري از پایاننامه

استاد	که توسط	بهرهبرداری از این پایاننامه در چهارچوب مقررات کتابخانه و با توجه به محدودیتی
		راهنما به شرح زیر تعیین میشود، بلامانع است:
		بهرهبرداری از این پایاننامه برای همگان بلامانع است. \Box
		بهرهبرداری از این پایاننامه با اخذ مجوز از استاد راهنما، بلامانع است. \Box
		بهرهبرداری از این پایاننامه تا تاریختاریخ یا تاریخ یا تاریخ است.

استاد راهنما: رضا انتظاری ملکی تاریخ: امضا: رایانش لبهای الگویی از محاسبات توزیعشده است که با نزدیک کردن منابع پردازشی به لبه ی شبکه، سعی دارد تا مزایایی مانند زمان پاسخگویی کمتر، مصرف باتری پایین تر و تحرک پذیری را برای کاربران به ارمغان بیاورد. از زمان معرفی رایانش لبهای، یکی از چالشهای مهم این حوزه، طراحی استراتژیهای کارآمد برای تخلیهی وظایف بوده است. علاوه بر این با رشد روزافزون صنعت اینترنت اشیاء، تعداد زیادی کاربرد نرمافزاری جدید در سطح شبکه به وجود آمده است که هر کدام دارای نیازمندیهای محاسباتی و شبکهای خاص خود میباشند. بنابراین یک ویژگی مهم در طراحی استراتژیهای تخلیهی وظیفه در رایانش لبهای، در نظر گرفتن ناهمگونی کاربردها از نظر میزان منابع مورد نیاز است. در پروژهی فعلی روشی برای بدست آوردن استراتژی تخلیهی وظیفهی تاخیر-کمینه تحت محدودیت توان مصرفی ارائه میدهیم. روش پیشنهادی شامل دو قسمت میباشد. در قسمت تحت محدودیت توان مصرفی ارائه میدهیم. روش پیشنهادی شامل دو قسمت میباشد. در قسمت قسمت دوم، با استفاده از الگوریتمی مبتنی بر برنامهریزی خطی، استراتژی تخلیهی بهینه را برای مدل ساخته شده محاسبه می کنیم. علاوه بر تشریح و حل مسئله به صورت تئوری، چارچوب نرمافزاری جدیدی در زبان Kotlin ارائه میشود که میتوان با استفاده از آن، استراتژی تخلیهی بهینه را برای میستم مورد نظر بدست آورد و عملکرد آن استراتژی را با کمک شبیهسازی بررسی کرد.

واژگان کلیدی: تخلیهی وظیفه، رایانش لبهای، زنجیرهی مارکوف، برنامهریزی خطی، رایانش ابری

فهرست مطالب

چ	تصاویر	فهرست
ح	جداول	فهرست
خ	علايم اختصارى	فهرست
د	مقدمه	فصل ۱:
۵	مروری بر ادبیات و کارهای انجام شده	فصل ۲:
۶	ویژگیهای محیط مسئله	1-1
٩	بررسی مقالات از نظر روش حل مسئله	Y-Y
•	پژوهشهای مرتبط	٣-٢
۲	شرح مسئله	فصل ۳:
۴	مدل وظایف	1-4
۴	مدل دستگاه کاربر	۲-۳
٧	مدل زمان	٣-٣
٧	مدل کانال بیسیم	4-4
٨	مفهوم کنش	۵-۳
٩	استراتژی تخلیهی وظیفه	۶-۳
	ين في الله من الله الله الله الله الله الله الله الل	, ,

روش پیشنهادی	فصل ۴:
استراتژی تخلیهی وظیفهی تصادفی	1-4
مدل زنجیرهی مارکوف دستگاه کاربر	Y-4
محاسبهی تاخیر و توان میانگین با کمک توزیع پایدار	4-4
محاسبهی تاخیر میانگین	4-4
توان مصرفی میانگین	5-4
استراتژی تخلیهی وظیفهی بهینه	8-4
دو بهینه سازی برای الگوریتم جستجوی استراتژی	٧-۴
پیادهسازی عملی ۳۸	فما ۵
	عص ۵.
مولفههای اصلی چارچوب Kompute	1-5
تعریف و حل یک مسئلهی تخلیهی وظیفهی نمونه در Kompute عریف و حل یک مسئله	۲-۵
نحوهی شبیهسازی استراتژیهای تخلیهی وظیفه	۳-۵
آزمایش و نتیجه	فصل ۶:
بررسی صحت مدل	1-8
بررسی عملکرد در مقایسه با استراتژیهای پایه	Y-9
آزمون کارآیی	٣-۶
جمع بندی و پیشنهادها	فصل ٧:
بهبود کارآیی الگوریتم	1-7
موضع گیری استراتژی تخلیهی وظیفه	Y-V
فارسی به انگلیسی	واژەنامە
۶۸	مراجع

فهرست تصاوير

٧	•		•			•			ر	زشر	ِداز	پر	ی	ىيە	خا	ى ت	ςa	امان	سا	در	ف	ختل	ہ ر	دی	نەبن	ع دا	ه نوځ	w	1-4	
٩									•			•	:	ئتلة	مخ	ی ۱	ۺ	ِداز	پر	گره	ع اً	۽ نو	سا	در	ری	پذی	ئر ک	تح	Y-Y	
۱۳																ش	ازنا	پرد	ی ا	يە;	نخل	ی ت	انه	سام	لی د	ر کا	اختا	سا	1-4	
۲.																			•	•	ربر	ہ کا	تگاه	دسن	ت د	عالي	ند ف	رو	۲-۳	
۲۳										گی	عتً	باخ	اک	ے پ	sa	ىئل	مى	ی	برا	إنه	نمو	ۣڣ	ر کو	ما	ؚەي	جير	ك زن	یک	1-4	
۲۶									دار	تد	جھ	، ج	اف	گر	ب	قال	۰ر	ه د	علي	تخ	تم	سيم	c	کوف	مار	ئى	جيره	زن	۲-۴	
۴.																		K	om	put	e c	ڄوب	ئارج	م چ	گراه	دیا	لاس	کا	۱-۵	
۴۳					K	on	npı	ıte	ر :	, د	زی	سا	نه	يو	ے ب	لەي	ىئا	مى	ئل	ز ح	، در	نده	ن کن	کت	شر	نای	لفهم	مو	۲-۵	
۵١										ر	صف	ے د	نک	ت :	بالد	> _	در	ود	ور	رخ	ب نر	سب	> _	ے بر	ويسر	سرو	خير	تا-	1-9	
۵۳																													۲-۶	

فهرست جداول

۲	مقایسهی رایانش ابری و لبهای	1-1
۶	تقسیم بندی شرایط محیطی مسئلهی تخلیهی پردازش	1-7
١.	تقسیمبندی الگوریتمهای حل مسئلهی تخلیهی پردازش	Y-Y
۱۸	لیست کنشها در سیستمی با یک صف وظیفه	1-4
۱۸	کنشها در سیستمی با k صف وظیفه	۲-۳
74	پارامترهای محیط رایانش لبهای در سناریوی دو صف با یک صف ثابت	1-4
۲۵	مقادیر ماتریس انتقال	۲-۴
٣۶	امکان پذیری کنشهای مختلف	٣-۴
49	مقایسهی میزان تاخیر بدست آمده از مدل و شبیهسازی در سناریوی تک صف	1-8
۵٠	مقایسهی میزان تاخیر بدست آمده از مدل و شبیهسازی در سناریوی دو صف	۲-۶
۵١	پارامترهای محیط رایانش لبهای در سناریوی تک صف	٣-۶
۵۲	پارامترهای محیط رایانش لبهای در سناریوی دو صف با یک صف ثابت	4-6
۵۴	پارامترهای محیط رایانش لبهای در سناریوی دو صف متغیر	۵-۶
۵۴	درصد کارآمدی استراتژیها	9-9
۵۴	پارامترهای محیط رایانش لبهای در سناریوی سه صف	٧-۶
۵۵	$k = 1, 2, 3, 4$ صفای حالت به ازای تعداد صف	۸-۶

فهرست علائم اختصارى

au حالت دستگاه کاربر
$q_i \ldots q_i$ عداد وظایف موجود در صف i اُم فرار صف اُسُام موجود در صف عداد وظایف موجود در صف اُسُام موجود در صف اُسُام موجود در صف
$lpha_i$
eta
$S \dots \dots S$ موعهی تمام حالتهای دستگاه کاربر، کاربری کاربری تمام حالتهای دستگاه کاربر
$A \ldots \ldots$ موعهی تمام کنشهای ممکن
η_i
P_{tx}
$P_{loc} \ldots P_{loc}$ وان مصرفی لازم برای اجرای محلی به اندازهی یک بازه زمانی
P_{max}
$L_i \ldots \ldots i$ عداد بازه زمانی لازم برای پردازش محلی هر وظیفه ی نوع
M_i
C_i
t_{rx}
$Q \ldots Q$ فظیفه فظیفه فظیفه فظیفه فظیفه وظیفه فظیفه فظیفه فلیم فلیم فلیم فلیم فلیم فلیم فلیم فلیم
$C_L \ldots C_L \ldots$ غداد قسمت اجرا شده از وظیفه ی تخصیص داده شده به پردازنده محلی
$C_R \ldots C_R$ داد قسمت ارسال شده از وظیفه ی تخصیص داده شده به واحد ارسال شده از وظیفه ی تخصیص داده شده به واحد ارسال
$T_L \ldots \ldots$ وع وظیفهی تخصیص داده شده به پردازنده محلی
$T_R \ldots T_R$ وع وظیفهی تخصیص داده شده به واحد ارسال
Δ طول هر بازه زمانی \ldots
$\pi_ au$ حتمال حضور در حالت $ au$ در توزیع پایدار زنجیرهی مارکوف
$\chi_{ au', au}$ حتمال گذر از حالت $ au'$ به $ au$ در زنجیرهی مارکوف
$g_{ au}^a \ldots g$ حتمال انتخاب کنش a در حالت $ au$ در استراتژی

فصل اول

۱. مقدمه

افزایش روز افزون تعداد دستگاههای موجود در لبه ی شبکه در سالهای اخیر، و همچنین معرفی کاربردهای نرم افزاری جدید که نیازمند منابع محاسباتی بالا هستند باعث شده است که تقاضای زیادی برای خدمات رایانش ابری بوجود بیاید. رایانش ابری این امکان را به دستگاههای هوشمند از جمله تلفن همراه و اینترنت اشیاء می دهد که بخشی از پردازشهای سنگین خود را به سرورهای قدرتمند «تخلیه» کنند تا بر محدودیتهای پردازشی خود غلبه کنند و کاربردهای نرم افزاری پیچیدهای مانند واقعیت افزوده و خودروهای هوشمند را برای کاربران فراهم سازند. با این وجود، پیادهسازیهای سنتی رایانش ابری یک ایراد ذاتی دارند، و آن فاصله زیاد سرورهای ابری با دستگاههای پایانی است. الگوی «رایانش لبهای» و معماریهای استاندارد آن مانند رایانش لبهای دسترسی-چندگانه که توسط سازمان ETSI ارائه شده است، سعی دارند تا با آوردن بخشی از منابع محاسباتی به نزدیکی لبهی شبکه، این مشکل را تا حدی برطرف کنند.

علاوه بر تمایل دستگاههای لبه ی شبکه به کمتر شدن این فاصله و به عبارتی «کشش» منابع پردازشی توسط آنها به منظور بهبود کیفیت سرویس، شرکتهای ارائهدهنده ی خدمات ابری نیز تمایل دارند تا با «فشردن» بخشی از منابع پردازشی خود به لبه ی شبکه، بار محاسباتی و هزینه تجهیزاتی خود را کاهش دهند [1]. در جدول ۱-۱ مقایسهای کلی از رایانش ابری و لبهای ارائهشده است. با دقت در این جدول متوجه میشویم که رایانش لبهای جایگزین رایانش ابری نیست بلکه مکمل آن است.

رايانش لبهاي	رایانش ابری	ویژگی
توزيع شده	مر کزی	موضع گیری
کم	زیاد	فاصله تا دستگاه کاربر
کم	زیاد	تاخير
کم	زیاد	تقدم و تأخر
محدود	فرآوان	منابع پردازشی
محدود	فرآوان	فضای ذخیرهسازی

جدول ۱-۱: مقایسهی رایانش ابری و لبهای

یک امر مهم در پیادهسازی کارآمد رایانش لبهای، طراحی استراتژیهای تخلیهی وظیفه به صورت هوشمند و موثر است. این استراتژیها نحوه ی تخصیص منابع توسط دستگاه کاربر را مشخص می کنند و این امکان را به دستگاه کاربر می دهند تا درباره تخلیه یا عدم تخلیهی وظایف محاسباتی در طول زمان تصمیم بگیرد. همچنین به استراتژی تخلیهای که یک تابع «هدف» خاص را تحت شرایط محیطی مشخص، کمینه یا بیشینه کند «استراتژی تخلیهی بهینه» می گوییم. توابع هدف بر حسب یک یا چند معیار سیستم تعریف می شوند. برخی از این معیارها عبارتند از:

□ تاخیر سرویس	□ تقدم و تاخر`
🛘 مصرف توان	🛘 هزینه

مقدار توابع هدف و شروط مسئله ی تخلیه، بستگی به پارامترهای زیادی دارند، از جمله میزان منابع موجود در دستگاه کاربر، نیازمندیهای کاربر، کیفیت شبکه ی دسترسی و شلوغی سرورهای رایانش لبهای. علاوه بر پارامترهای محیطی، ساختار کاربردهای نرمافزاری نیز در مسئله ی تخلیه ی وظیفه، تاثیر می گذارند. برای مثال ممکن است که تمام یا بخشی از یک کاربرد خاص قابلیت تخلیه نداشته باشد [2].

در پروژهی فعلی تاخیر سرویس به عنوان تابع هدف در نظر گرفته شده است. تاخیر همواره یک معیار اصلی در سنجش کیفیت سامانههای کامپیوتری بوده است. همچنین با رشد روز افزون صنعت اینترنت اشیاء، کاربردهای جدیدی در سطح شبکه به وجود آمده است که نیازمندیهای تاخیر بسیار

¹ Jitter

پایینی دارند، به طوری که سرورهای رایانش ابری پاسخگوی این نیازمندی نخواهند بود. و از طرفی نیازمندیهای پردازشی بالا امکان اجرای این کاربردها به صورت محلی و بیدرنگ را نمیدهد. یک نمونه از این دسته از کاربردها «سامانه مدیریت ترافیک هوشمند» است که نیازمند انجام پردازشهای سنگین در زمان بسیار کم میباشد.

تاخیر سرویس بسته به اجرای محلی و یا تخلیه از مولفههای متفاوتی تشکیل می شود. در صورت اجرای محلی تاخیر سرویس از موارد زیر تشکیل خواهد بود:

- d_q انتظار در صف وظیفه ۱.
- d_{loc} محلى محلى .۲

و در صورت تخلیه از موارد زیر تشکیل خواهد شد:

- d_q عند صف ۱. تاخیر صف
- d_{tx} ارسال ۲. تاخیر ارسال ۲
- $d_{propagation}$ تاخیر انتشار.۳
- d_{server} در سرور لبهای ۴.
- d_{rx} انخیر بازدریافت وظیفه از سرور هاد. d_{rx}

در پروژهی فعلی روشی برای بدست آوردن استراتژی تخلیهی وظیفهی تاخیر-کمینه تحت محدودیت توان مصرفی ارائه میدهیم. روش ارائهشده، مبتنی بر زنجیرهی مارکوف گسسته-زمان و برنامهریزی خطی میباشد و گسترشی بر روش ارائهشده در [3] میباشد. نوآوری و مزیت اصلی روش پیشنهادی نسبت به مقاله ذکر شده، قابلیت پشتیبانی از وظایف با نیازمندیهای پردازشی و شبکهای متفاوت (وظایف ناهمگون) میباشد. انگیزهی اصلی از این گسترش، تنوع محاسباتی وظایف در محیطهای اینترنت اشیاء بوده است. به طور مثال در بسیاری از پژوهشهای حوزه تخلیهی وظیفه در اینترنت اشیاء، وظایف به دو دسته «سبک» و «سنگین» تقسیم میشوند [4,5]. برای درک مفهوم وظایف سبک

و سنگین می توان مثال اتومبیل خودران را در نظر گرفت. در این کاربرد، وظیفه پردازش اطلاعات تصاویر به منظور راندن خودرو یک وظیفه سنگین محسوب می شود، در حالی که وظیفه روشن کردن سیستم گرمایشی خودرو بر حسب داده ی سنسور دما، یک وظیفه سبک محسوب می شود.

ادامه ی پروژه به پنج فصل تقسیم شده است. در فصل ۲ پژوهشهای مرتبط انجام شده را مرور می کنیم. در فصل ۳ به شرح مسئله ی تخلیه ی وظیفه و ساختار رایانش لبهای می پردازیم. در فصل ۴ روش پیشنهادی برای بدست آوردن استراتژی تخلیه ی بهینه را شرح می دهیم. در فصل ۵ نحوه ی پیاده سازی عملی روش پیشنهادی را در قالب چارچوب نرمافزاری جدیدی با نام «کامپیوت^۲» ارائه می دهیم. در فصل ۶ با استفاده از چارچوب کامپیوت، به آزمایش و شبیه سازی روش پیشنهادی می پردازیم. در انتها در فصل ۷ یک جمع بندی کلی از تمامی مطالب ارائه می دهیم و پیشنهاداتی برای گسترش روش پیشنهادی عنوان می کنیم.

²Kompute

فصل دوم

۲. مروری بر ادبیات و کارهای انجام شده

پژوهشهای انجام شده در زمینه تخلیهی پردازش را می توان بر حسب «ویژگیهای محیط مسئله» و همینطور «الگوریتم استفاده شده برای حل مسئله» دسته بندی کرد. در این فصل ابتدا به معرفی این ویژگیها و الگوریتمها می پردازیم و سپس برخی از مقالاتی که ارتباط نزدیکی با پروژه ی فعلی دارند را معرفی می کنیم.

۱-۱ بررسی مقالات از نظر ویژگیهای محیط مسئله

در جدول ۲-۱ که برگرفته از [6] میباشد، برخی از ویژگیهای محیط مسئله و حالتهای ممکن برای این ویژگیها میپردازیم.

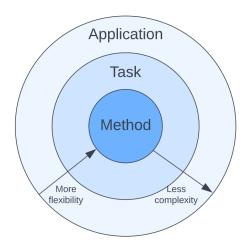
Granularity	Count	Computation Node	Destination	Metric
Application	Single UE	Cloud Server	Single-server	Delay
Task	Multi UE	Edge Server	Multi-server	Energy
Method		Ad hoc		Cost

جدول ۲-۱: تقسیمبندی شرایط محیطی مسئلهی تخلیهی پردازش

۱–۱–۲ دانهبندی

دانهبندی به نوع مولفههای پردازشی قابل تخلیه در سیستم اشاره دارد. طبق [6] دانهبندی را با سه دسته مختلف (به ترتیب از دانهریز به دانه درشت) بیان می کنیم: کاربرد، وظیفه، شگرد. هر چه دانهبندی ریزتر باشد انعطاف پذیری سیستم تخلیه بیشتر خواهد بود، به طوری که به توسعه دهندگان نرمافزار اجازه خواهد داد تا به طور دقیق مشخص کنند که کدام قسمتها از یک کاربرد خاص تخلیه شوند و کدام قسمتها نشوند. با این حال پیاده سازی سیستمهای تخلیه ی پردازش به صورت دانه ریز به

مراتب پیچیده تر است. پیاده سازی های دانه ریز همچنین سربار زمانی بیشتری برای ساخت محیطهای مجازی در سرور دارند. به عنوان نمونه در [7] دانه بندی در سطح شگرد صورت گرفته است، در حالی که در [3] دانه بندی در سطح وظیفه صورت گرفته است. ما نیز در پروژه ی فعلی مسئله ی تخلیه ی پردازش را در سطح وظیفه حل کرده ایم. خلاصه ای از انواع دانه بندی ها در شکل ۲-۱ آورده شده است.



شکل ۲-۱: سه نوع دانهبندی مختلف در سامانهی تخلیهی پردازش

۲–۱–۲ تعداد کاربر و سرور

در برخی از مقالات مانند [3] مسئله ی تخلیه ی پردازش تنها برای یک کاربر در نظر گرفته می شود، در بروژه ی فعلی حالیکه در برخی از مقالات مانند [8] از چندین کاربر همزمان نیز پشتیبانی می شود. در پروژه ی فعلی تعداد کاربران را برای سادگی یک در نظر می گیریم. طبیعتا در حالت تک کاربر نیز سرور خدمت دهنده می تواند به کاربران مختلفی خدمت دهی کند. اما تفاوتی که در این حالت وجود دارد این است که برای هر کاربر محیط تخلیه ی پردازش جدایی در نظر گرفته می شود و کاربران متفاوت از وضعیت یکدیگر اطلاعی ندارند. بنابراین در مقالاتی که تخلیه ی پردازش برای چندین کاربر در نظر گرفته می شود، عموما یک چاچوبی برای ارتباط و همکاری بین دستگاههای مختلف در شبکه نیز در نظر گرفته می شود.

مشابه با تعداد کاربران، تعداد سرورهای پردازشی در سامانه تخلیه نیز می تواند یک یا بیشتر باشد. برای نمونه در [8] مسئله ی تخلیه ی پردازش برای چندین سرور بررسی شده است. در پروژه ی فعلی ما حالت تکسرور را در نظر می گیریم. افزایش تعداد سرورها عموما فضای حالت مسئله بهینه سازی

را بزرگتر می کند، و حل آن را پیچیدهتر.

۲-۱-۲ گره پردازشی

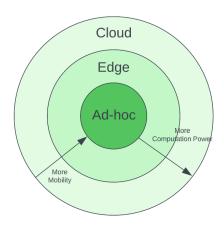
در رایانش توزیعشده به انجام پردازش توسط هر گره پردازشی به جز گره ایجادکننده ی آن پردازش، تخلیه ی پردازش تغلیه تخلیه ی پردازش گفته می شود. با این حال بسته به نوع گره خدمت دهنده، مسئله تخلیه ی پردازش می تواند ویژگیهای بسیار متفاوتی داشته باشد. در ادبیات تخلیه ی پردازش، عموما سه معماری مختلف برای سامانه در نظر گرفته می شود:

- ۱. پردازش در سرور ابری
- ۲. پردازش در سرور لبهای
- ۳. پردازش در شبکهای بدون ساختار (از دستگاههای کاربر)

برای مثال در [3] گرههای پردازشی سرورهای لبهای در نظر گرفته شده است، در حالیکه در [9] مسئله تخلیه وظیفه در سطح رایانش ابری و به طور دقیق تر، «رایانش ابری متحرک » بررسی شده است. در [10] گرههای پردازشی پهبادهای متحرک هستند و مسئله ی تخلیه وظیفه در محیط «شبکه بدون ساختار متحرک » در نظر گرفته شده است. نوع گرههای پردازشی همچنین بر روی «تحرک پذیری» دستگاههای کاربر تاثیر می گذارد. به طور کلی هر چه فاصله گرههای پردازشی نسبت به دستگاه کاربر کمتر باشد و تعداد گرههای پردازشی در حومه دستگاه کاربر بیشتر باشد، تحرک پذیری افزایش می یابد (مطابق شکل ۲-۲).

¹Mobile Cloud Computing

²Mobile Ad-hoc Network



شکل ۲-۲: تحرکپذیری در سه نوع گره پردازشی مختلف

r-1-7 معیار بهینهسازی

معیار بهینهسازی به کمیتی اشاره دارد که استراتژی تخلیهی پردازش سعی در بهینهسازی آن دارد. برخی از معیارهای رایج عبارتند از: تاخیر، انرژی، کیفیت سرویس و هزینه. برای مثال در [3] معیار تاخیر، در [11] معیار انرژی و در [12] معیار هزینه در نظر گرفته شده است.

بررسى مقالات از نظر روش حل مسئله

در جدول ۲-۲ که بر گرفته از [13] می باشد، یک دسته بندی کلی از الگوریتم های رایج برای حل مسئلهی تخلیهی پردازش مشاهده میشود. در پروژهی فعلی ما از **روشی** قطعی بر پایهی برنامهریزی خطی برای یافتن استراتژی تخلیه تصادفی استفاده می کنیم. برای آشنایی بیشتر با روشهای حل مسئله تخليه وظيفه به[6] و [13] رجوع شود.

Model	Examples
Stochastic	Machine learning, Generalized poison distribution, Game theory, Queuing theory, Markov processes, Gaussian processes
Deterministic	Some supervised Machine Learning approaches (e.g., KNN), Linear and non-linear programming, Linear regression equation

جدول ۲-۲: تقسیمبندی الگوریتمهای حل مسئلهی تخلیهی پردازش

۲-۳ پژوهشهای مرتبط

در [3] مسئلهی تخلیهی وظیفهی تاخیر-کمینه با استفاده از روشی مبتنی بر زنجیرهی مارکوف و برنامهریزی خطی حل شده است. در این پژوهش محیط تک کاربر و تک سرور در نظر گرفته شده است. نویسندگان این مقاله نشان میدهند که روش ارائهشده در درازمدت عملکرد بهینه دارد. با این حال روش ارائه شده توسط این مقاله چندین کاستی دارد، از جمله عدم پشتیبانی از وظایف با نیازمندیهای پردازشی متفاوت و عدم پشتیبانی از موازیسازی. پروژهی فعلی گسترشی بر این مقاله است.

در [14] مکانزیم تخلیهی وظیفهای با هزینهی کمینه در محیط رایانش لبهای متحرک ارائهشده است. محیط در نظر گرفته شده از نظر ثابت بودن طول بازههای زمانی و تفاوت وظایف و همچنین نحوهی تعریف مسئلهی بهینهسازی، شبیه به پروژهی فعلی میباشد. اما از نظر معیار و تعداد سرور متفاوت میباشد. روش بهینهسازی استفاده شده در پروژهی فعلی روش «ضرایب لاگرانژ» میباشد که عملکرد سریعی دارد اما لزوما جواب بهینه سراسری را پیدا نمی کند و فقط جوابهای بهینه محلی را پیدا می کند.

در [9] و [15] مشابه با پروژهی فعلی ، ناهمگونی وظایف و تقابل تاخیر و انرژی در نظر گرفته شده است.

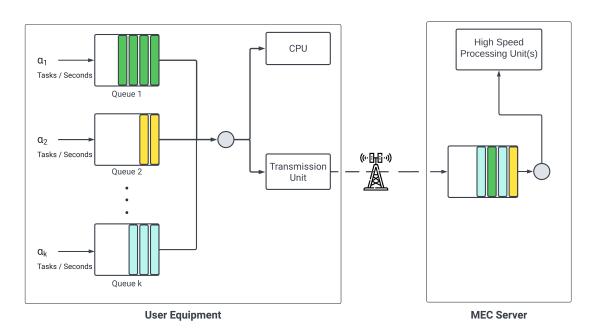
با این تفاوت که در این دو مقاله از روش بهینهسازی لیاپانوف استفاده شده است. همچنین این دو مقاله مسئلهی تخلیهی وظیفه را در محیط رایانش ابری در نظر گرفتهاند و نه رایانش لبهای. علاوه بر این هیچ یک از این دو مقاله چارچوبی نرمافزاری برای حل مسئله در محیطهای خاص ارائه ندادهاند.

در [16] مسئله ی تخلیه و زمان بندی ارسال و اجرا به صورت همزمان در نظر گرفته شده است و کانال بیسیم به صورت تصادفی مدل شده است و از این ابعاد به پروژه ی فعلی شباهت دارد. بر خلاف پروژه فعلی معیار بهینه سازی در این پروژه انرژی مصرفی است. روش ارائه شده عملکرد خوبی دارد و به میزان قابل توجی در انرژی مصرفی صرفه جویی می کند. با این حال مدل در نظر گرفته شده کاستی هایی دارد. یک ایراد اصلی فرض وجود تنها یک کاربرد در سیستم است. به عبارت دیگر تاخیر ایجاد شده به واسطه انتظار کاربردها در صف در نظر گرفته نشده است.

فصل سوم

٣. شرح مسئله

در پروژهی فعلی قصد داریم در یک سامانهی رایانش لبهای مطابق با شکل $^{-1}$ ، استراتژی تخلیهای در پروژهی فعلی قصد داریم در \bar{T} را تحت محدودیت توان مصرفی P_{max} در درازمدت کمینه کند.



شکل ۳-۱: ساختار کلی سامانهی تخلیهی پردازش

همانطور که در شکل ۳-۱ مشاهده می شود، در سامانه مد نظر سه مولفه اصلی وجود دارد:

- ۱. دستگاه کاربر (User Equipment)
- 7. سرور رایانش لبهای چند-دسترسی (Multi-access Edge Computing Server)
 - ۳. كانال بيسيم

در فصل جاری نحوهی عملکرد هر کدام از این مولفهها در قالب مدلهای تئوری شرح داده میشود.

فصل ۳. شرح مسئله مسئله مسئله المسئله المسئله المسئله المسئله المسئله المسئلة ا

۱-۳ مدل وظایف

فرض می شود که k نوع وظیفه ی مختلف در سیستم رایانش لبهای وجود دارد و به ازای هر نوع وظیفه دقیقا یک صف در سیستم وجود دارد. وظایف نوع i-1 برای اجرا به صورت محلی احتیاج به i-1 بازه زمانی پردازش توسط پردازنده دارند و به منظور تخلیه به سرور رایانش لبهای احتیاج به i-1 واحد زمانی ارسال توسط واحد ارسال دارند. همچنین فرض می شود که وظایف نوع i-1 در سرور رایانش لبهای بردازش توسط سرور نیاز دارند. برای سادگی بیشتر در ادامه ی پروژه ی فعلی لبهای به i-1 بازه زمانی پردازش توسط سرور نیاز دارند. برای سادگی بیشتر در ادامه می کنیم که برای اشاره به یک واحد زمانی پردازش توسط پردازنده از عبارت «قسمت» استفاده می کنیم که انتزاعی از قسمتهای کد اجرایی است. برای اشاره به یک واحد زمانی ارسال توسط واحد ارسال نیز از عبارت «بسته»استفاده می شود.

۲-۳ مدل دستگاه کاربر

دستگاه کاربر مطابق با شکل $^{-1}$ شامل دو مولفه ی پردازنده و واحد ارسال می باشد. همچنین همانطور که اشاره شد k صف مختلف به ازای هر کدام از انواع وظایف در سیستم وجود دارد. ظرفیت هر صف را برابر با مقدار ثابت Q در نظر می گیریم. در هر بازه زمانی، پردازنده یا به اندازه ی یک قسمت پردازش انجام می دهد و یا بیکار است. اجرای هر قسمت پردازش توسط پردازنده به میزان P_{loc} وات توان مصرف می کند. به طور مشابه واحد ارسال در هر بازه زمانی یا یک بسته را به شبکه ارسال می کند یا بیکار است. نکته قابل توجه در مورد واحد ارسال این است که با توجه به شرایط کانال بیسیم، در یک بازه زمانی خاص ممکن است ارسال موفقیت آمیز باشد یا نباشد. فرض می شود که ارسال موفقیت آمیز هر بسته به میزان P_{tx} وات توان مصرف می کند. توضیحات بیشتر در مورد نحوه ی کار کرد کانال بیسیم، در بخش P_{tx} آور ده شده است.

با توجه به توضیحات داده شده می توان مدلی برای «حالت دستگاه کاربر» تعریف کرد. در [3] برای مشخص کردن حالت دستگاه در زمان t از یک سه تایی مانند $au[t]=(q[t],c_T[t],c_L[t])$ استفاده شده است، که در آن q[t] مشخص کننده تعداد وظایف موجود در صف وظایف، q[t] مشخص کننده

تعداد بسته ارسال شده از وظیفه ی تخصیص داده شده به واحد ارسال است، و $c_L[t]$ مشخص کننده تعداد قسمت اجرا شده از وظیفه تخصیص داده شده به پردازنده است. همچنین حالت $c_T[t] = 0$ معادل با بیکار بودن واحد ارسال و $c_L[t] = 0$ معادل با بیکار بودن پردازنده تعریف می شود. برای مثال سه تایی $c_L[t] = 0$ به این معنی است که ۴ وظیفه در صف وظایف وجود دارد، واحد پردازش در حال تخلیه ی وظیفه ای است و تا کنون یک بسته از آن وظیفه را ارسال کرده و به عنوان قدم بعدی باید بسته شماره ۲ را ارسال کند. پردازنده نیز در حال اجرای وظیفه ای به صورت محلی است و تا کنون یک قسمت از آن وظیفه را اجرا کرده است.

با این حال مدل فوق در مسئله ی تخلیه ی وظیفه ی با چند نوع وظیفه، قابل استفاده نیست و نیاز به تغییر دارد. ما در پروژه ی فعلی برای تعیین حالت دستگاه کاربر از یک چندتایی به طول k+4 مطابق با رابطه ی ۲۰۲۰ استفاده می کنیم. در این رابطه ی متغیرهای $q_1[t], \dots, q_k[t]$ تعداد وظایف موجود از هر نوع وظیفه در صف مربوطه را مشخص می کنند. متغیرهای $c_R[t]$ و $c_R[t]$ و مشابه با حالت تک صف تعریف می شوند و به ترتیب وضعیت واحد ارسال و پردازنده را مشخص می کنند. دو متغیر جدید را در حال ارسال توسط واحد ارسال و نوع وظیفه در حال ارسال توسط واحد ارسال و نوع وظیفه در حال اجرا توسط یردازنده اند.

$$\tau[t] = (q_1[t], q_2[t], \dots, q_k[t], c_R[t], c_L[t], T_R[t], T_L[t]) \tag{1.1-r}$$

در پروژهی فعلی به منظور خوانایی بیشتر، چندتایی بیان شده در رابطهی ۳-۱.۲ را به صورت زیر نیز نمایش میدهیم و این دو صورت معادل هم میباشند:

$$\tau[t] = ([q_1[t], q_2[t], \dots, q_k[t]], c_R[t], c_L[t], T_R[t], T_L[t])$$
(Y.Y-Y)

رابطه ی ۳-۲-۳ با تعریف شروط مختلف فضای حالت مسئله را توصیف می کند. (نکته: در رابطه ی ۳.۲-۳ با تعریف شروط مختلف فضای منظور از $\tau\{X\}$ مقدار متغیر X در حالت τ است.)

$$\begin{split} \forall \tau \in S, i \in \{1, 2, \dots, k\} &\quad 0 \leqslant \tau \left\{q_i\right\} \leqslant Q \\ \forall \tau \in S \quad \tau \left\{T_L\right\}, \tau \left\{T_R\right\} \in \{0, 1, 2, \dots, k\} \\ \forall \tau \in \left\{\tau' \in S \mid \tau' \left\{T_R\right\} = 0\right\} \quad \tau \left\{C_R\right\} = 0 \\ \forall \tau \in \left\{\tau' \in S \mid \tau' \left\{T_R\right\} \neq 0\right\} \quad 1 \leqslant \tau \left\{C_R\right\} \leqslant M_{\tau \left\{T_R\right\}} \\ \forall \tau \in \left\{\tau' \in S \mid \tau' \left\{T_L\right\} = 0\right\} \quad \tau \left\{C_L\right\} = 0 \\ \forall \tau \in \left\{\tau' \in S \mid \tau' \left\{T_L\right\} \neq 0\right\} \quad 1 \leqslant \tau \left\{C_L\right\} \leqslant L_{\tau \left\{T_L\right\}} - 1 \end{split}$$

فصل ۳. شرح مسئله ۳–۳. مدل زمان

۳-۳ مدل زمان

وضعیت سیستم تخلیه ی وظیفه در فواصل زمانی با طول ثابت Δ میلی ثانیه بررسی می شود. به طور دقیق تر حالت دستگاه کاربر را در بازه زمانی t-اُم با $\tau[t]$ مشخص می کنیم، و حالت دستگاه در بازه زمانی $\tau[t]$ را با $\tau[t]$ مشخص می کنیم و فاصله بین این دو بازه زمانی را برابر با $\tau[t]$ میلی ثانیه در نظر می گیریم. بررسی زمان به صورت واحدهای گسسته، به منظور ساده سازی مسئله و همچنین ایجاد گسترش پذیری روش ارائه شده به شرایط محیطی مختلف صورت گرفته است. در عمل یک مقدار قابل استفاده برای Δ طول بازه های زمانی شبکه ی دسترسی مورد نظر است. برای مثال در شبکه های علی طول هر بازه زمانی Δ میلی ثانیه می باشد. [17]

۴-۳ مدل کانال بیسیم

در پروژه ی فعلی مشابه با [3] کانال بی سیم را به صورت تصادفی مدل می کنیم یکی از دلایل اصلی برای مدل سازی کانال به صورت تصادفی، وجود نویز و ناپایداری در ارتباطات بیسیم است. کانال بی سیم را با یک مدل ساده احتمالی دوجملهای مدل می کنیم به این صورت که ارسال هر بسته توسط واحد ارسال با احتمال β موفقیت آمیز خواهد بود و با احتمال β ناموفق خواهد بود. در عمل مقدار و با توجه به رابطه β با توجه به رابطه β (رابطه ی شنون) محاسبه می شود، که در آن β مشخص کننده سایز هر بسته است، β مشخص کننده ی نرخ ارسال در زمان β ، β پهنای باند سیستم، γ مقدار بهره کانال و γ مشخص کننده اندازه ی نویز کانال است.

$$\beta = P(r(t) \ge R)$$

$$r(t) = B \log_r \left(1 + \frac{\gamma[t] P_{\text{tx}}}{N_0 B} \right)$$
 (f.f-r)

¹Access Network

۵-۳ مفهوم کنش

یک استراتژی تخلیه در هر بازه زمانی مانند t میبایست یک کنش مانند v[t] را برای اجرا توسط دستگاه کاربر انتخاب کند. اجرای هر کنش میتواند حالت دستگاه کاربر را تغییر دهد. برای در ک بهتر مفهوم کنش، ابتدا مشابه با v[t] حالتی را در نظر می گیریم که تنها یک صف (یک نوع وظیفه) در سیستم وجود داشته باشد. در این حالت میتوانیم مجموعه ی کنشها را با چهار عضو مطابق جدول v[t] مشخص کنیم.

ID	Transmit	Local Execution	Description				
1	False	False	No operation				
2	False	True	Add to CPU				
3	True	False	Add to Transmission Unit				
4	True	True	Add to both units				

جدول ۳-۱: لیست کنشها در سیستمی با یک صف وظیفه

به طور مشابه در شرایطی که بیش از یک نوع وظیفه در سیستم وجود داشته باشد مجموعهی کنشهای ممکن مطابق با جدول ۳-۲ بدست می آید.

ID	Transmit	Local Execution	Description	Count
{ 1}	False	False	No operation	1
$\{2,, k+1\}$	False	True	Add to CPU	k
$\{k+2,,2k+1\}$	True	False	Add to Transmission Unit	k
$\{2k+2,,2k+k*k-1\}$	True	True	Add to both units	k^2

جدول k تقسیمبندی کنشها در سیستمی با k صف وظیفه

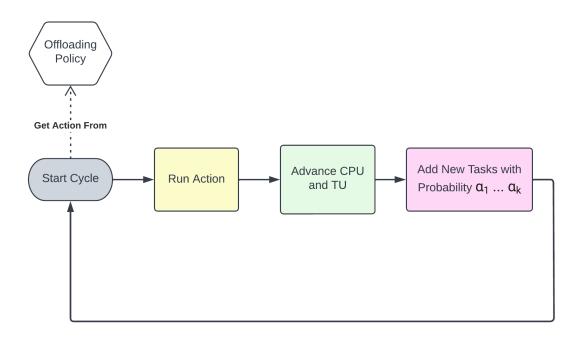
Add اجرای هر کنش ممکن است که حالت سیستم را تغییر دهد. به طور مثال با اجرای کنشی از نوع اجرای هر کنش ممکن است که حالت سیستم را تغییر دهد. به طور صف به صورت $q_i[t+1]=0$ یک وظیفه از صف انتخابشده برداشته می شود، بنابراین طول صف به صورت و حالت $c_L[t]=0$ تغییر می کند. با اجرای این کنش همچنین وضعیت پردازنده از $c_L[t]=0$ یعنی حالت بیکار به $c_L[t]=0$ تغییر می کند زیرا قسمت اول وظیفه ی مربوطه در بازه زمانی $c_L[t+1]=1$ انجام خواهد شد. به طور مشابه برای سایر کنشها نیز میتوان تابع انتقال مشخصی تعریف کرد که با گرفتن یک حالت ورودی، حالت خروجی را محاسبه نماید. به دلیل پیچیدگی روابط این توابع، از توضیح بیشتر در این بخش صرف نظر شده است. برای مشاهده منطق دقیق این توابع در قالب کد، به پیوست ۱ مراجعه شود.

۳-۶ استراتژی تخلیهی وظیفه

استراتژی تخلیه وظیفه در هر بازه زمانی تصمیم می گیرد که دستگاه کاربر چه کنشی را اجرا کند. بنابراین استراتژی تخلیه، یک تابع مانند $G(\tau)$ می باشد که با گرفتن حالت دستگاه کاربر $\tau[t]$ به عنوان ورودی، یک کنش مانند a را به عنوان خروجی می دهد. لازم به ذکر است که در اینجا این تابع را به صورت مفهومی انتزاعی در نظر می گیریم و در فصل های آتی به طور دقیق به نحوه ی بدست آوردن تابع بهینه $g(\tau)$ می پردازیم.

٧-٧ روند فعاليت سيستم تخليهي وظيفه

نحوه ی عملکرد دستگاه کاربر در هر بازه زمانی مطابق با فرآیند مشخص شده در شکل $^{-7}$ می باشد. در هر باز، دستگاه کاربر ابتدا کنش اجرایی را از یک استراتژی تخلیه دریافت می کند. سپس کنش انتخاب شده توسط دستگاه کاربر اجرا خواهد شد که ممکن است منجر به تغییر حالت دستگاه شود. سپس پردازنده و واحد ارسال هر کدام در صورت فعال بودن به اندازه ی یک بازه زمانی فعالیت خواهند کرد. در انتها وظایف جدید با احتمالات $\alpha_1, \dots, \alpha_k$ به صفهای وظایف اضافه خواهند شد.



شکل ۳-۲: روند فعالیت دستگاه کاربر

فصل چهارم

۴. روش پیشنهادی

در این فصل الگوریتمی ارائه میدهیم که با استفاده از آن میتوان مسئلهی یافتن استراتژی تخلیه با تاخیر کمینه را که در فصل قبل تشریح شد، حل کرد. استراتژی خروجی توسط الگوریتم، از نوع تصادفی میباشد و برای بدست آوردن آن، از روشی مبتنی بر زنجیرهی مارکوف و برنامهریزی خطی استفاده میکنیم.

۱-۴ استراتژی تخلیهی وظیفهی تصادفی

با استفاده از مدلهای توصیف شده در فصل قبل می توانیم یک تعریف ریاضی از «استراتژی تخلیه وظیفه ی تصادفی» داشته باشیم. مشابه با مقاله [3] استراتژی تخلیه ی تصادفی را به صورت یک توزیع احتمالی مانند g_{τ}^a بر روی مجموعه ی $S \times A$ تعریف می کنیم. در اینجا عبارت $S \times A$ نمایانگر ضرب دکارتی مجموعه ی تمام حالتهای سیستم در مجموعه ی تمام کنشهای ممکن در سیستم است. یک نکته قابل توجه این است که برخی از دوتاییهای حاصل از این ضرب دکارتی هیچگاه در واقعیت امکان پذیر نیست. برای مثال در حالتی که صف خالی باشد، تنها یک کنش امکان پذیر است و آن هم کنش شماره ۱ (No Operation) است. با این حال برای سادگی در توضیح روش حل مسئله، این دوتاییها را نیز در دامنه تابع توزیع احتمالی استراتژی تخلیه در نظر می گیریم تا همواره تعداد اعضای دامنه ی تابع توزیع احتمال برابر با $|S| \cdot |S|$ باشد.

همچنین طبق تعریف توزیع احتمال، رابطهی ۴-۱.۱ باید برای هر استراتژی تخلیه تصادفی برقرار باشد.

$$\sum_{\tau \in S} \sum_{a \in A} g_{\tau}^{a} = 1 \tag{1.1-4}$$

۲-۴ مدل زنجیرهی مارکوف دستگاه کاربر

در این قسمت ابتدا مدل آماری زنجیره ی مارکوف گسسته-زمان را معرفی می کنیم و سپس توضیح می دهیم که چگونه می توان با استفاده از این مدل معیارهای تاخیر و توان مصرفی میانگین را برای یک سیستم تخلیه ی وظیفه محاسبه کرد.

t تعریف ۱.۴ دنبالهای از متغیرهای تصادفی X_1, X_2, \ldots را که احتمال تغییر وضعیت از زمان به t+1 مستقل از وضعیتهای قبلی باشد را یک **زنجیرهی مارکوف گسسته**—**زمان** مینامند. این گزاره را به بیان متغیرهای تصادفی و تابع احتمال به صورت رابطه ی زیر نشان می دهیم.

$$\Pr\left(X_{t+1} = x \mid X_1 = x_1, X_2 = x_2, \dots, X_n = x_t\right) = \Pr\left(X_{t+1} = x \mid X_t = x_t\right)$$

زنجیرهی مارکوف گسسته-زمان را میتوان با گراف جهتدار نیز نمایش داد. در شکل ۱-۴ یک زنجیرهی نمونه مشاهده میشود.

$$1 \stackrel{\frown}{\bigcirc} 0 \stackrel{\frown}{\longleftarrow} 1 \stackrel{p}{\longleftarrow} 2 \stackrel{p}{\longrightarrow} 3 \stackrel{\frown}{\bigcirc} 1$$

شکل ۱-۱: یک زنجیرهی مارکوف نمونه برای مسئلهی پاکباختگی قمارباز ۱

¹The Gambler's ruin

تعریف ۲.۴. زنجیره ی مارکوف گسسته-زمان X(t) را همگن-زمان می گوییم اگر شرط زیر همواره برقرار باشد:

$$P(X_{n+1} = j \mid X_n = i) = P(X_1 = j \mid X_0 = i)$$

به عبارت دیگر یعنی احتمالات مربوط به انتقال بین حالتها به زمان t وابسته نیستند. در این عبارت دیگر یعنی احتمالات مربوط به انتقال بین حالت احتمال انتقال زنجیره از حالت $p_{ij}=P\left(X_1=j\mid X_0=i\right)$ نمایش می دهیم و همچنین ماتریس انتقال را با $P=(p_{ij})$ نمایش می دهیم.

طبق تعاریف ۱.۴ و ۲.۴ می توان حالت دستگاه کاربر در طی زمان را به صورت یک زنجیره ی مارکوف گسسته زمان در نظر گرفت به طوری که $\tau[t]$ حالت زنجیره در زمان t را مشخص می کند. همچنین ماتریس انتقال χ را اینگونه تعریف می کنیم که $\chi_{\tau,\tau'}$ احتمال انتقال از حالت τ به τ را مشخص می کند. این ماتریس انتقال به ازای یک استراتژی تخلیه ی داده شده و پارامترهای سیستمی مشخص، قابل محاسبه می باشد. به طور دقیق تر احتمال انتقال از حالتی مانند τ به τ بستگی به مقادیر زیر دارد:

- $g_{ au}^a$ استراتژی تخلیه \Box
- $\alpha_1, \cdots, \alpha_k$ احتمال ورود وظایف
 - eta احتمال موفقیت واحد ارسال ا

برای نمونه در سیستم تخلیهی وظیفهای با ویژگیهای مشخص شده در جدول ۴-۱ احتمال انتقال به حالات بعدی مطابق با جدول ۴-۲ بدست میآید. برای سادگی در اینجا از توضیح بیشتر در مورد نحوهی محاسبهی مقادیر درایههای ماتریس انتقال صرف نظر میکنیم. برای آگاهی از نحوهی محاسبهی این مقادیر در قالب کد به پیوست ۳ رجوع شود.

Parameter	M_1	M_2	L_1	L_2	C_1	C_2	β	P_{tx}	P_{loc}	P_{max}	t_{rx}
Value	1	3	7	2	1	1	0.95	1	0.8	1.6	0

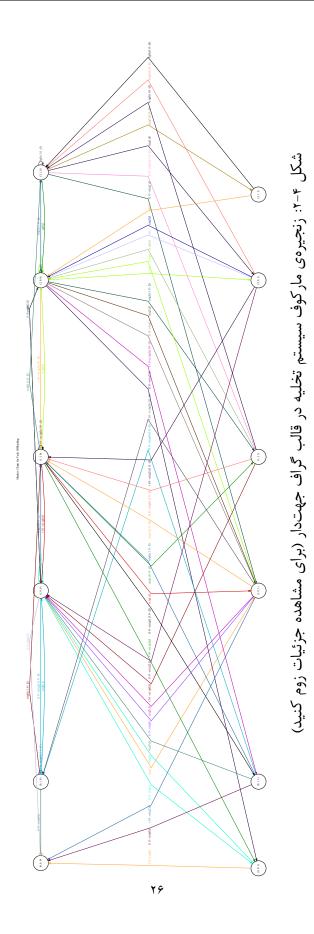
جدول ۴-۱: پارامترهای محیط رایانش لبهای در سناریوی دو صف با یک صف ثابت

au'	$\chi_{ au, au'}$
([1,1],0,2,0,1)	$g_{\tau}^{NoOperation} * (1 - \alpha_1) * (1 - \alpha_2)$
([2,1],0,2,0,1)	$g_{\tau}^{NoOperation} * \alpha_1 * (1 - \alpha_2)$
([1,2],0,2,0,1)	$g_{\tau}^{NoOperation} * (1 - \alpha_1) * \alpha_2$
([2,2],0,2,0,1)	$g_{\tau}^{NoOperation} * \alpha_1 * \alpha_2$
([0,1],0,2,0,1)	$g_{\tau}^{AddToTU(1)} * \beta * (1 - \alpha_1) * (1 - \alpha_2)$
([0,1],1,2,1,1)	$g_{\tau}^{AddToTU(1)} * (1 - \beta) * (1 - \alpha_1) * (1 - \alpha_2)$
([1,1],0,2,0,1)	$g_{\tau}^{AddToTU(1)} * \beta * \alpha_1 * (1 - \alpha_2)$
([1,1],1,2,1,1)	$g_{\tau}^{AddToTU(1)} * (1 - \beta) * \alpha_1 * (1 - \alpha_2)$
([0,2],0,2,0,1)	$g_{\tau}^{AddToTU(1)} * \beta * (1 - \alpha_1) * \alpha_2$
([0,2],1,2,1,1)	$g_{\tau}^{AddToTU(1)}*(1-\beta)*(1-\alpha_1)*\alpha_2$
([1,2],0,2,0,1)	$g_{\tau}^{AddToTU(1)} * \beta * \alpha_1 * \alpha_2$
([1,2],1,2,1,1)	$g_{\tau}^{AddToTU(1)}*(1-\beta)*\alpha_1*\alpha_2$
([1,0],2,2,2,1)	$g_{\tau}^{AddToTU(2)} * \beta * (1 - \alpha_1) * (1 - \alpha_2)$
([1,0],1,2,2,1)	$ g_{\tau}^{AddToTU(2)}*(1-\beta)*(1-\alpha_1)*(1-\alpha_2) $
([2,0],2,2,2,1)	$g_{\tau}^{AddToTU(2)} * \beta * \alpha_1 * (1 - \alpha_2)$
([2,0],1,2,2,1)	$g_{\tau}^{AddToTU(2)} * (1-\beta) * \alpha_1 * (1-\alpha_2)$
([1,1],2,2,2,1)	$g_{\tau}^{AddToTU(2)} * \beta * (1 - \alpha_1) * \alpha_2$
([1,1],1,2,2,1)	$a_{\tau}^{AddToTU(2)} * (1 - \beta) * (1 - \alpha_1) * \alpha_2$
([2,1],2,2,2,1)	$g_{\tau}^{AddToTU(2)} * \beta * \alpha_1 * \alpha_2$
([2,1],1,2,2,1)	$g_{\tau}^{AddToTU(2)} * (1 - \beta) * \alpha_1 * \alpha_2$

au=([1,1],0,1,0,1) حدول ۲-۴: مقادیر ماتریس انتقال $\chi_{ au, au'}$ در صورت حضور در حالت

در نمایش زنجیره ی مارکوف به صورت گراف، هر درایه ماتریس انتقال مانند $p_{i,j}$ معادل یک یال جهتدار از راس به راس i به راس j با وزن $p_{i,j}$ میباشد. بنابراین میتوان گفت که جدول ۲-۴ یالهای گراف از راس مبدا $\tau = ([1,1],0,1,0,1)$ را مشخص میکند. در شکل ۲-۴ گراف جهتدار متناظر با سیستم تخلیهی وظیفهی نمونهای رسم شده است که در آن یک صف وظیفه وجود دارد، از متغیرهای هر وظیفه دو قسمت و یک بسته دارد. τ با توجه به اینکه تنها یک نوع وظیفه وجود دارد، از متغیرهای است τ و نخصی حالت صرف نظر شده است. در این زنجیره، سهتایی τ و بیانگر حالتی است که در آن τ وظیفه در صف وجود دارد، واحد ارسال در وضعیت τ قرار دارد و پردازنده τ قسمت از خوش در آن تخصیص داده شده به خودش را تاکنون اجرا کرده است.

موجود میباشد https://github.com/dalisyron/OffloadingVisualizer موجود میباشد https://github.com/dalisyron/OffloadingVisualizer



۳-۴ محاسبهی تاخیر و توان میانگین با کمک توزیع پایدار

به منظور محاسبه ی معیارهای توان مصرفی میانگین و تاخیر سرویس میانگین لازم است که بتوانیم درباره وضعیت سیستم تخلیه ی وظیفه در طولانی مدت استنتاج کنیم. در همین راستا مفهوم توزیع یایدار را برای زنجیره ی مارکوف تعریف می کنیم.

تعریف ۳.۴. توزیع احتمالی مانند p_i را یک توزیع پایدار برای زنجیره مارکوف با ماتریس انتقال P می گوییم هر گاه شرط زیر در آن برقرار باشد:

$$\pi = \pi P \quad \iff \quad \pi_j = \sum_i \pi_i P_{ij} \quad \forall j.$$

یک سوالی که ممکن است بوجود بیاید این است که آیا هر زنجیرهی مارکوف گسستهزمانی توزیع پایدار دارد؟ برای پاسخ به این سوال لازم است دو مفهوم زنجیرهی مارکوف تقلیلناپذیر و غیرمتناوب را تعریف کنیم.

تعریف ۴.۴. اگر رسیدن از هر نقطه به نقطه دیگر از فضای حالت با احتمال مثبت در زنجیرهی مارکوف میسر باشد، زنجیره را تقلیلناپذیر گویند. به بیان ریاضی میتوان تقلیلناپذیر بودن زنجیره ی مارکوف را به صورت زیر نشان داد.

$$\Pr\left(X_{n_{ij}} = j \mid X_0 = i\right) = p_{ij}^{(n_{ij})} > 0$$

تعریف میشود، که تعریف می د. تناوب d(i) برای حالت i به صورت $\{n: P_{ii}^n>0\}$ تعریف میشود، که به معنی بزرگترین مقسوم علیه مشترک تعداد مراحل ممکن است به صورتی که از i شروع کرده و به i برگردیم. یک زنجیره مارکوف تقلیل ناپذیر را متناوب با تناوب d میگوییم اگر تمامی حالتها تناوبی برابر با d>1 را داشته باشند. یک زنجیره مارکوف تقلیل ناپذیر را غیرمتناوب می گوییم اگر تمامی حالتها تناوب برابر با ۱ داشته باشند.

قضیه ۱.۴. (همگرایی) هر زنجیرهی مارکوف تقلیلناپذیر و غیر متناوب دارای توزیع پایدار منحصر به فردی مانند π میباشد.

حال با استفاده از قضیه ۱.۴ ثابت می کنیم که زنجیره ی مار کوف سیستم تخلیه ی وظیفه، دارای توزیع پایدار منحصر به فرد است. برای سادگی فرض می کنیم که سامانه یک صف دارد و سپس نحوه ی بسط نتیجه به چندین صف را توضیح می دهیم.

قضیه ۲.۴. زنجیرهی مارکوف مربوط به سیستم تخلیه تک صف تقلیلناپذیر است. اثبات:

قسمت الف) با توجه به تعریف سیستم تخلیه می دانیم که از هر حالت غیر شروع مانند \neq (0,0,0) می توان به حالت شروع رفت. به این منظور کافی است که تمام وظایف داخل صف به نحوی (اجرا یا ارسال) به اتمام برسند و وظیفه ی جدیدی نیز در این حین وارد سیستم نشود.

قسمت ب) همچنین می توان ثابت کرد که از حالت شروع (0,0,0) می توان به هر حالت دیگر قسمت ب) رفت. به این منظور دنباله رخدادهای زیر را در نظر بگیرید:

- ا. ورود x وظیفهی جدید
- y>0 که وظیفه به واحد ارسال و ورود یک وظیفه جدید، هر دو در صورتی که ۲.
 - ۳. پیشرفت واحد ارسال به مدت y سیکل و عدم ورود وظیفه ی جدید در این حین
 - z>0 که وظیفه به پردازنده و ورود یک وظیفه جدید، هر دو در صورتی که *
 - ه. پیشرفت واحد ارسال به مدت z سیکل و عدم ورود وظیفه ی جدید در این حین

با توجه به نتایج بخش الف و ب می توان نتیجه گرفت که از گشتی با احتمال مثبت از هر حالت به حالت دیگر وجود دارد بنابراین طبق تعریف زنجیره تقلیل ناپذیر است.

قضیه ۳.۴. زنجیرهی مارکوف مربوط به سیستم تخلیه تک صف غیر متناوب است. اثبات:

به منظور اثبات این قضیه فقط کافی است که به این نکته توجه کنیم که حالت (0,0,0) دارای تناوب یک میباشد زیرا با احتمالی مثبت (متناظر با رخداد عدم ورود وظیفه و کنش No Operation) میتوان در همان حالت ماند. با توجه به همین نکته و تقلیل ناپذیر بودن زنجیره میتوانیم نتیجه بگیریم که سایر حالتها نیز باید تناوب یک داشته باشند. بنابراین زنجیره غیرمتناوب است.

با توجه به قضایای ۲.۴ و ۳.۴ و قضیه همگرایی می توان نتیجه گرفت که زنجیره ی مارکوف سیستم تخلیه تک صف دارای توزیع پایدار منحصر به فرد می مطابق با رابطه ی ۲.۳-۴ می باشد. برای بسط این اثبات به حالت چند صف اثبات غیرمتناوب بودن یکسان خواهد بود و در اثبات تقلیل ناپذیر بودن، رخداد اول به ورود x_1, \dots, x_k وظیفه از انواع مختلف تغییر پیدا می کند.

$$\begin{cases} \sum_{\boldsymbol{\tau}' \in \mathcal{S}} \chi_{\boldsymbol{\tau}', \boldsymbol{\tau}} \pi_{\boldsymbol{\tau}'} = \pi_{\boldsymbol{\tau}}, \forall \boldsymbol{\tau} \in \mathcal{S} \\ \sum_{\boldsymbol{\tau} \in \mathcal{S}} \pi_{\boldsymbol{\tau}} = 1 \end{cases}$$
 (Y.٣-۴)

۴-۴ محاسبهی تاخیر میانگین

تاخیر هر وظیفه، شامل تاخیر انتظار در صف وظایف و تاخیر پردازش میباشد. به منظور بدست آوردن i تاخیر میانگین سیستم ابتدا θ_i را به عنوان کسری از وظایف سیستم در طولانی مدت که از نوع i هستند تعریف میکنیم. اگر طول صفها به مقدار کافی بزرگ باشد و همچنین استراتژی تخلیهای داشته باشیم که منجر به پر شدن صف و اتلاف وظیفه نشود مقدار θ_i طبق رابطهی ۴-۴.۳ بدست می آید.

$$\theta_i = \frac{\alpha_i}{\sum_{j=1}^k \alpha_j} \tag{\text{r.f-f}}$$

پارامتر t_q^i را برابر با مقدار میانگین تاخیر انتظار در صف مربوط به وظایف نوع i تعریف می کنیم. طبق قانون لیتِل می میتوان مقدار این تاخیر را بر اساس رابطه که ۴.۴-۴ بدست آورد. همانطور که پیش تر ذکر شد برای برقراری این رابطه لازم است که اتلاف وظیفه در صف رخ ندهد. به عبارت دیگر فقط با فرض اینکه استراتژی تخلیه ارائه شده «کارامد» باشد رابطه ۴.۴-۴ برقرار است. در پیاده سازی عملی، محدودیت «کارآمد» بودن یک استراتژی بدین گونه تعریف شده است که احتمال پر بودن صف مقداری ناچیز باشد.

$$t_q^i = \frac{\theta_i}{\alpha_i} \sum_{j=0}^Q i \cdot \Pr\{q_i[t] = i\} = \frac{1}{\alpha} \sum_{\tau \in S} \tau\{q_i\} \cdot \pi_{\tau} \tag{\text{f.f-f}}$$

همچنین t_{tx}^i را به عنوان تاخیر ارسال میانگین یک وظیفه از نوع i توسط واحد ارسال تعریف می کنیم که مقدار آن بر اساس امید ریاضی موفقیت در فرآیند برنولی مطابق با رابطه ی 4.4 بدست می آید.

$$t_{tx}^i = M_i \sum_{j=1}^{\infty} j(1-\beta)^{(j-1)} \beta \qquad (\text{a.f-f})$$

به یاد داریم که مقدار تاخیر در صورت پردازش محلی برای وظایف نوع i برابر i میباشد. تاخیر اجرا و C_i در صورت تخلیه و طیفه به صورت مجموع زمان ارسال وظیفه t_{tx}^i زمان اجرا در سرور لبهای و t_{tx}^i محاسبه می شود.

$$t_c^i = t_{tx}^i + C_i + t_{rx} \tag{9.5-f}$$

در نتیجه می توان تاخیر اجرای میانگین وظایف نوع i را نیز مطابق رابطه ی ۷.۴–۴ بیان کرد.

$$t_p^i = \eta_i L_i + (1 - \eta_i) t_c^i \tag{v.f-f}$$

که در آن η_i بیانگر کسری از وظایف نوع i میباشد که در طولانی مدت به صورت محلی اجرا می شوند

³Little's Law

و مطابق با رابطهی ۴-۸.۴ بدست می آید.

$$\eta_i = \frac{\sum_{\boldsymbol{\tau}, \boldsymbol{a} \in \mathcal{S}_1^i \cup \mathcal{S}_3^i \cup \mathcal{S}_5^i} \pi_{\boldsymbol{\tau}} g_{\boldsymbol{\tau}}^a}{\sum_{\boldsymbol{\tau}, \boldsymbol{a} \in \mathcal{S}_1^i \cup \mathcal{S}_2^i \cup \mathcal{S}_3^i \cup \mathcal{S}_4^i} \pi_{\boldsymbol{\tau}} g_{\boldsymbol{\tau}}^a + 2\sum_{\boldsymbol{\tau}, \boldsymbol{a} \in \mathcal{S}_5^i} \pi_{\boldsymbol{\tau}} g_{\boldsymbol{\tau}}^a}$$
(A.f-f)

که در آن S_1^i, \cdots, S_5^i به صورت زیر تعریف می شوند:

(4.4-4)

$$S_1^i = \{ \boldsymbol{\tau}, \boldsymbol{a} \in \mathcal{S} \times A | type(a) = AddToCPU \land cpuQueue(a) = i \}$$

$$S_2^i = \{ \boldsymbol{\tau}, \boldsymbol{a} \in \mathcal{S} \times A | type(a) = AddToTU \wedge tuQueue(a) = i \}$$

$$S_3^i = \{ \boldsymbol{\tau}, \boldsymbol{a} \in \mathcal{S} \times A | type(a) = AddToBoth \wedge cpuQueue(a) = i \wedge tuQueue(a) \neq i \}$$

$$S_4^i = \{ \boldsymbol{\tau}, \boldsymbol{a} \in \mathcal{S} \times A | type(a) = AddToBoth \wedge cpuQueue(a) \neq i \wedge tuQueue(a) = i \}$$

$$S_5^i = \{ \boldsymbol{\tau}, \boldsymbol{a} \in \mathcal{S} \times A | type(a) = AddToBoth \wedge cpuQueue(a) = i \wedge tuQueue(a) = i \}$$

در رابطهی فوق تابع type(a) نوع کنش را مشخص می کند و یکی از چهار نوع بیان شده در بخش type(a) نیز نوع وظیفهی مربوط به کنش a را مشخص می کنند. tuQueue(a) و cpuQueue(a) و cpuQueue(a) می کنند.

با استفاده از روابط بالا همچنین می توانیم میانگین تاخیر سرویس هر وظیفه در سیستم را طبق رابطه ی ۴-۴، محاسبه کنیم. رابطه ی بدست آمده برای \bar{T} همچنین مشخص کننده تابع هدف در مسئله ی پیدا کردن استراتژی تخلیه ی بهینه می باشد.

$$ar{T} = \sum_{i=1}^k heta_i \left(t_q^i + t_p^i
ight)$$
 (1...۴-۴)

۵-۴ توان مصرفی میانگین

اگر پارامتر μ_{τ}^{tx} و μ_{τ}^{tx} و احتمال وجود اگر پارامتر در خواست ارسال وظیفه در حالت τ تعریف کنیم، و v_{tx} و v_{tx} و v_{tx} و v_{tx} و پارامتر در خواست ارسال وظیفه در حالت τ تعریف کنیم، آنگاه توان مصرفی میانگین طبق رابطهی زیر بدست می آید:

$$\begin{split} \bar{P} &= \sum_{\tau \in \mathcal{S}} \pi_{\tau} \left(\mu_{\tau}^{loc} P_{loc} + \beta \mu_{\tau}^{tx} P_{tx} \right) \\ &= \sum_{\tau \in \mathcal{S}} \pi_{\tau} \left(\mu_{\tau}^{loc} P_{loc} \right) + \sum_{\tau \in \mathcal{S}} \pi_{\tau} \left(\beta \mu_{\tau}^{tx} P_{tx} \right) \\ &= v_{loc} P_{loc} + \beta v_{tx} P_{tx} \end{split}$$

$$(11.5-F)$$

در اینجا فرض می کنیم که مقادیر $\mu_{ au}^{loc}$ و $\mu_{ au}^{tx}$ از قبل معلوم است. در پیوست ۲ نحوه ی بدست آوردن مقادیر v_{loc} و v_{loc} و v_{loc} و v_{tx} در قالب کد شرح داده شده است.

۴-۶ استراتژی تخلیهی وظیفهی بهینه

با توجه به توابع بدست آمده برای تاخیر و توان مصرفی میانگین در بخشهای پیشین، حال میتوانیم مسئلهی پیدا کردن استراتژی تخلیهی بهینه را به صورت یک مسئلهی بهینه سازی مانند \mathcal{P}_1 بیان کنیم:

$$\mathcal{P}_{1}: \min_{\{g_{\tau}^{a}\}} \bar{T} = (\sum_{i=1}^{k} \frac{1}{\alpha_{i}} \sum_{\tau \in S} \tau\{q_{i}\} \cdot \pi_{\tau}) + T_{p}^{0}$$

$$\int_{\mathbf{T}} \bar{P} \leq \bar{P}_{\max}$$

$$\sum_{\tau' \in S} \chi_{\tau', \tau} \pi_{\tau'} = \pi_{\tau}, \mathbf{\tau} \in S,$$

$$\sum_{\tau \in S} \pi_{\tau} = 1,$$

$$\sum_{\alpha \in A} g_{\tau}^{\alpha} = 1, \forall \tau \in S$$

$$g_{\tau}^{a} \geq 0, \forall \tau \in S, \ a \in A$$

$$(14.9-4)$$

که در آن T_p^0 برابر با تاخیر اجرای میانگین است که به ازای مقادیر داده شده از η_0, \dots, η_k مقداری ثابت دارد و از رابطه ی زیر بدست می آید:

$$T_p^0 = \sum_{i=1}^k (\eta_i L_i + (1 - \eta_i) t_c^i)$$
 (17.9-4)

مسئله ی \mathcal{P}_1 به دلیل وجود پارامتر η_i در تابع هدف یک مسئله خطی نیست. با این حال می توانیم با استفاده از تغییری کوچک مسئله را به مجموعهای از مسائل برنامه ریزی خطی تبدیل کنیم. به این منظور مشابه با [3] ابتدا از تعریف «معیار احاطه*» در زنجیره ی مارکوف استفاده می کنیم. به این منظور مجموعه متغیرهای جایگزین $\{x_{\tau}^a\}$ را طبق رابطه ی $x_{\tau}^a=\pi_{\tau}g_{\tau}^a$ تعریف می کنیم. به عبارتی منظور مجموعه متغیرهای جایگزین $\{x_{\tau}^a\}$ را طبق رابطه ی می می شد. همچنین طبق تعریف می دانیم که $x_{\tau}^a=\sum_{a\in A}x_{\tau}^a$ بنابراین خواهیم داشت $x_{\tau}^a=\sum_{a\in A}x_{\tau}^a$

حال با جایگذاری $\{x_{ au}^a\}$ به جای $\{\pi_{ au}\}$ در $\{x_{ au}^a\}$ خواهیم داشت:

$$\mathcal{P}_{2}: \min_{\boldsymbol{x},\eta} \bar{T} = (\sum_{i=1}^{k} \frac{1}{\alpha_{i}} \sum_{\tau \in \mathcal{S}} \sum_{a \in A} \tau\{q_{i}\} \cdot x_{\tau}^{a}) + T_{p}^{0}$$

$$\begin{cases} \nu_{loc}(\boldsymbol{x}) P_{loc} + \beta \nu_{tx}(\boldsymbol{x}) P_{tx} \leq \bar{P}_{\max} \\ \Gamma(\boldsymbol{x}, \eta_{i}) =, \forall i \in \{1, \cdots, k\} \\ F_{\tau}(\boldsymbol{x}) = 0, \forall \tau = (i, m, n) \in \mathcal{S} \\ \sum_{\tau \in \mathcal{S}} \sum_{a \in A} = 1 \\ \eta_{i} \in [0, 1], \forall i \in \{1, \cdots, k\} \\ x_{\tau}^{a} \geq 0, \forall \tau \in \mathcal{S}, a \in A \end{cases}$$

$$(14.9-4)$$

که در آن u_{tx} و احد زمانی دلخواه فعالیت پردازنده و واحد ارسال را در یک واحد زمانی دلخواه می u_{tx} و به ازای یک استراتژی داده شده قابل محاسبه اند. u_{tx} تابع u_{tx} بر اساس مشخص می کنند و به ازای یک استراتژی داده شده قابل محاسبه اند.

⁴Occupation Measure

⁶برای مشاهده روش محاسبه این دو پارامتر در قالب کد به پیوست ۲ مراجعه شود.

رابطهی ۴-۸.۴ می باشد و به صورت زیر محاسبه می شود:

$$\Gamma(x,\eta) = \eta \sum_{\tau,a \in S_1^i \cup S_2^i \cup S_3^i \cup S_4^i} x_\tau^a + 2\eta \sum_{\tau,a \in S_5^i} x_\tau^a - \eta \sum_{\tau,a \in S_1^i \cup S_3^i \cup S_5^i} x_\tau^a \tag{13.9-F}$$

و تابع $F_{ au}(x)$ به صورت زیر تعریف می شود:

$$F_{\tau}(\boldsymbol{x}) = \sum_{\tau' \in \mathcal{S}} \sum_{a \in A} \tilde{\chi}_{\tau',\tau,a} x_{\tau'}^a - \sum_{a \in A} x_{\tau}^a$$
 (19.9-4)

در رابطهی فوق منظور از $\tilde{\chi}_{\tau',\tau,a}$ احتمال شرطی این است که به شرط اینکه در حالت τ' باشیم و کنش a انتخاب شده باشد، آنگاه به حالت τ' برویم و مطابق با رابطهی ۱۷.۶–۴ بدست می آید. لازم به ذکر است که مقدار $\tilde{\chi}_{\tau',\tau,a}$ بر خلاف $\tilde{\chi}_{\tau,\tau'}$ نسبت به استراتژی تخلیه احتمالی g_{τ}^a مستقل است.

$$\tilde{\chi}_{\tau,\tau',\alpha} = P\left(\tau[t+1] = \tau' \mid \tau[t] = \tau \land v[t] = a\right) \tag{1V.9-F}$$

در صورتی که مقادیر η_0,\cdots,η_k معلوم باشد آنگاه مسئله \mathcal{P}_2 تبدیل به یک مسئله ی برنامهریزی خطی میشود. با یافتن مقادیر جواب بهینه $\{x_{ au}^a\}$ میتوان استراتژی بهینه را طبق رابطه ی زیر بدست آورد:

$$g_{\tau}^{a*} = \frac{x_{\tau}^{a*}}{\sum_{a \in A} x_{\tau}^{a*}}, \forall \tau \in \mathcal{S}, a \in A \tag{1A.9-F}$$

بنابراین جهت یافتن استراتژی بهینه برای یک سیستم تخلیهی وظیفه کافی است که مسئلهی برنامه برنامه برنامه برنامه ریزی خطی حاصل از \mathcal{P}_2 را به ازای مقادیر مختلف η_0, \dots, η_k حل کرده تا استراتژی بهینه بدست بیاید. مراحل این فرآیند جستجو در الگوریتم ۱ به صورت خلاصه آمده است. در این الگوریتم بایع precision تابع precision تابع precision تابع precision تابع precision تابع precision بازه از بازه precision را در قالب یک لیست بر می گرداند. منظور از precision نمونه با فاصله های یکسان از بازه precision را در قالب یک لیست بر می گرداند. منظور از precision نیز ضرب دکارتی precision نمونه از این لیستهای خروجی در یک دیگر می باشد.

الگوريتم ۱.۴ الگوريتم جستجوى استراتژى تخليهى وظيفهى بهينه

```
Require: precision \geq 2

1: etaSettings \leftarrow splitRange([0,1], precision)^k

2: optimalPolicy = null

3: for each s \in etaSettings do

4: (\eta_0, \cdots, \eta_k) \leftarrow s

5: solution \leftarrow solveLP(\eta_0, \cdots, \eta_k)

6: if optimalPolicy = null or solution.delay < optimalPolicy.delay then

7: optimalPolicy \leftarrow solution.policy

8: end if

9: end for

10: return optimalPolicy
```

۴-۷ دو بهینهسازی برای الگوریتم جستجوی استراتژی

در این بخش دو بهینهسازی مختلف را به منظور بهبود عملکرد الگوریتم ۱.۴ معرفی میکنیم. این دو بهینهسازی در چارچوب Kompute که در فصل پیش رو ارائه خواهد شد پیادهسازی شدهاند.

۱-۷-۴ کاهش تعداد متغیرها

در مسئله ی بهینه سازی \mathcal{P}_2 تعداد $|S| \cdot |A|$ متغیر وجود دارد. این مقدار برای تعداد صفهای کم (برای مثال $k \leq 3$) قابل اجرا می باشد اما با افزایش تعداد صفها اجرای الگوریتم را بسیار زمان بر و یا غیرممکن می کند. یک بهینه سازی خیلی ساده ولی کار آمد که در [3] به آن اشاره ای نشده است این است که می توان تمام متغیرهای مانند x_{τ}^a که کنش a جزو کنشهای ممکن در τ نباشد را حذف کرد زیرا مقدار آنها در جواب مسئله ی همواره برابر صفر می باشد. برای مثال در جدول π - مجموعه ی تمام کنشهای سیستم تخلیه توصیف شده در جدول π - به همراه امکان پذیری هر کنش در صورت حضور در حالت π - (π - (π - (π - (π -)) مشخص شده است. همانطور که مشاهده می شود در این حالت فقط π - کنش از مجموعه ی π - کنش موجود در π - امکان پذیر می باشند. کنش های ردیف π - و π - دلیل مشغول بودن پردازنده امکان پذیر نمی باشند. کنش ردیف π - به دلیل مشغول بودن پردازنده امکان پذیر نمی باشند. کنش دلیل مشغول بودن پردازنده امکان پذیر نمی باشند. کنش دلیل مشغول بودن پردازنده امکان پذیر نمی باشند. کنش دلیل مشغول بودن پردازنده امکان پذیر نمی باشند. کنش دلیل مشغول بودن پردازنده امکان پذیر نمی باشد. کنش دایل مشغول بودن پردازنده امکان پذیر نمی باشد. کنش دایل مشغول بودن پردازنده امکان پذیر نمی باشد. کنش دایل مشغول بودن پردازنده امکان پذیر نمی باشد.

Row	Action	Is Possible
1	NoOperation	Yes
2	AddToCPU(queueIndex = 1)	No
3	AddToCPU(queueIndex = 2)	No
4	AddToTransmissionUnit(queueIndex = 1)	Yes
5	AddToTransmissionUnit(queueIndex = 2)	No
6	AddToBothUnits(cpuQueueIndex = 1, tuQueueIndex = 1)	No
7	AddToBothUnits(cpuQueueIndex = 1, tuQueueIndex = 2)	No
8	AddToBothUnits(cpuQueueIndex = 2, tuQueueIndex = 1)	No
9	AddToBothUnits(cpuQueueIndex = 2, tuQueueIndex = 2)	No

au = ([3,0],0,1,0,1) جدول ۴–۳: امکانپذیری کنشهای مختلف در حالت

نمی اشند. بنابراین می توانیم به سادگی ۷ متغیر متناظر این کنشها را از مجموعه $\{x_{ au}^a\}$ حذف کنیم بدون اینکه تغییری در جواب مسئله ی بهینه سازی \mathcal{P}_2 ایجاد شود.

۲-۷-۴ موازیسازی

الگوریتم ۱.۴ به گونهای تعریف شده است که امکان موازیسازی و مقیاسپذیری آن به صورت خطی وجود دارد. به عبارت دیگر می توان مسئله ی برنامه ریزی خطی متناظر با هر مقداردهی از η_0, \dots, η_k را به یک هسته یا گره پردازشی خاص اختصاص داد. در شبیه سازی سناریوی وظایف سبک و سنگین (رجوع شود به -7) مشاهده شد که الگوریتم موازی سازی شده هنگام اجرا بر روی سروری با ۲۴ هسته و تقسیم بندی به ۲۴ ریسمان عملکردی معادل ۲۰ برابر سریع تر از حالت تک ریسمان دارد.

الگوریتم ۲.۴ الگوریتم موازیسازی شدهی جستجوی استراتژی تخلیهی بهینه

```
Require: precision \ge 2
Require: threadCnt \geq 1
 1: synchronized optimalPolicy = null
 2: procedure findOptimalForEtaSettings(etaSettings)
      for each s \in etaSettings do
          (\eta_0, \cdots, \eta_k) \leftarrow s
 4:
          solution \leftarrow solveLP(\eta_0, \cdots, \eta_k)
 5:
          if optimalPolicy = null or solution.delay < optimalPolicy.delay then
             optimalPolicy \leftarrow solution.policy
          end if
      end for
10: end procedure
11: etaSettings \leftarrow splitRange([0,1], precision)^k
12: etaBatches \leftarrow splitToBatches(etaSettings, threadCnt)
13: for each i \in 1 \cdots threadCnt do
      thread[i] = Thread\{findOptimalForEtaSettings(etaBatches[i])\}
14:
15: end for
16: for each i \in 1 \cdots threadCnt do
      thread[i].start()
17:
18: end for
19: for each i \in 1 \cdots threadCnt do
      thread[i].join()
20:
21: end for
22: return optimalPolicy
```

فصل پنجم

۵. پیادهسازی عملی

در این فصل چارچوب نرمافزاری «کامپیوت "» را ارائه میدهیم که با استفاده از آن میتوان الگوریتم ارائه شده در فصل پیشین برای یافتن استراتژی تخلیه ی بهینه را به ازای پارامترهای محیطی مختلف اجرا کرد و عملکرد استراتژی تخلیه را با کمک شبیهسازی بررسی کرد. مخزن پروژه کامپیوت از لینک زیر در دسترس میباشد:

• https://github.com/dalisyron/Kompute

این چارچوب طبق یافتههای ما اولین پیادهسازی متنباز در زمینه استراتژی تخلیهی وظیفهی ناهمگون در رایانش لبهای است. در این فصل ابتدا توضیح مختصری در مورد نحوهی کارکرد و معماری کامپیوت خواهیم داد و سپس برنامههای نمونهای برای «پیدا کردن استراتژی تخلیهی بهینه» و «شبیهسازی استراتژی تخلیه» ارائه خواهیم کرد. کامپیوت در زبان کاتلین نوشته شده است که زبان برنامهنویسی چندمنظورهای است که نخستین بار توسط شرکت «جت برینز "» ارائه شد. محبوب ترین نسخه این زبان نسخه ماشین مجازی جاوا می باشد. دلایل اصلی انتخاب کاتلین برای پیاده سازی پروژه ی فعلی عبار تند از:

- 🛘 سادگی نحو زبان
- 🛘 قابلیتهای زیاد کتابخانهی استاندارد
- C++ پشتیبانی از واسط بومی جاوا † به منظور حل سریع برنامههای خطی در زبان \Box

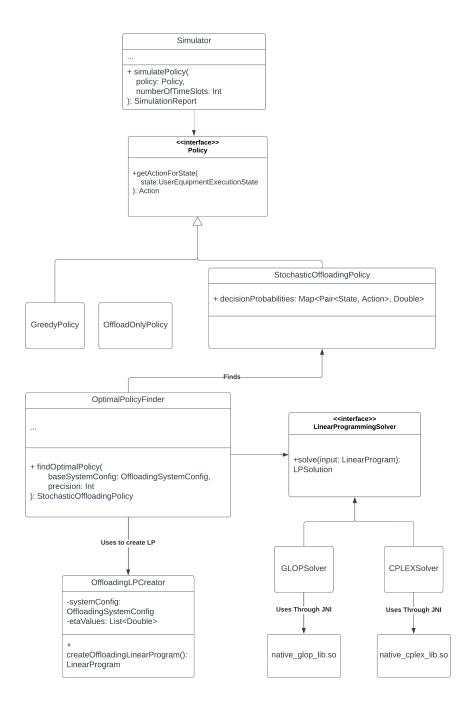
معماری کلی کامپیوت در قالب یک کلاس دیاگرام در شکل ۵-۱ آورده شده است.

¹Kompute

²Kotlin

³JetBrains

⁴Java Native Interface



شکل ۵-۱: کلاس دیاگرام چارچوب Kompute

۱-۵ مولفه های اصلی چارچوب Kompute

۱-۱-۵ واسط Policy

واسط Policy قردادی است که تمام استراتژیهای تخلیهی وظیفه باید آن را پیادهسازی کنند. همانطور که در فصل ۴ گفته شد، یک استراتژی تخلیهی وظیفه، میبایست که با توجه به حالت سیستم در زمانی مشخص، تصمیم بگیرد که چه کنشی برای اجرا در آن بازه زمانی انتخاب شود. این منطق در کامپیوت با رابط مشخصشده در قطعه کد ۵-۱ تعریف شده است.

قطعه کد ۵-۱: واسط Policy

```
interface Policy {
   fun getActionForState(state: UserEquipmentExecutionState): Action
}
```

به عنوان نمونه برای پیادهسازی استراتژی تخلیهی وظیفهی «حریصانه-تخلیه اول^ه» کلاس وارث مطابق با قطعه کد ۵-۲ تعریف میشود. این استراتژی تخلیه در صورتی که بتواند هم تخلیه و هم پردازش محلی انجام دهد، هر دو را انجام خواهد داد و در صورتی که تنها یک وظیفه در صفهای وظایف باشد آن وظیفه را تخلیه خواهد کرد.

قطعه کد ۵-۲: پیادهسازی استراتژی تخلیهی وظیفهی حریصانه-تخلیهی اول

```
class GreedyOffloadFirstPolicy : Policy {
   override fun getActionForStateGreedy(state: UserEquipmentExecutionState): Action {
      if (state.averagePower() > state.pMax) return Action.NoOperation
      if (state.ueState.isCPUActive() && state.ueState.isTUActive()) {
         return Action.NoOperation
      if (state.taskQueueLength.all { it = 0 }) return Action.NoOperation
      if (state.ueState.isCPUActive()) {
         return OffloadOnlyPolicy.getActionForState(state)
      if (state.ueState.isTUActive()) {
         return LocalOnlyPolicy.getActionForState(state)
      }
      val nonEmptyIndices = state.taskQueueLength.indices.filter {
         state.taskQueueLength[it] > 0
      require(nonEmptyIndices.isNotEmpty())
      val queueIndices: Pair<Int, Int>? =
      state.ueState.getTwoRandomQueueIndicesForTwoTasks()
```

⁵Greedy-Offload First

```
if (queueIndices = null) {
    return Action.AddToTransmissionUnit(nonEmptyIndices[0])
} else {
    return Action.AddToBothUnits(queueIndices.first, queueIndices.second)
}
}
}
```

۲–۱–۵ کلاس ۲–۱–۵

این کلاس وظیفه ی ساخت مسئله ی برنامه ریزی خطی \mathcal{P}_2 که در رابطه ی ۱۴.۶–۱۴.۶ بیان شد را دارد. بدین منظور این کلاس پنج شگرد زیر را تعریف می کند:

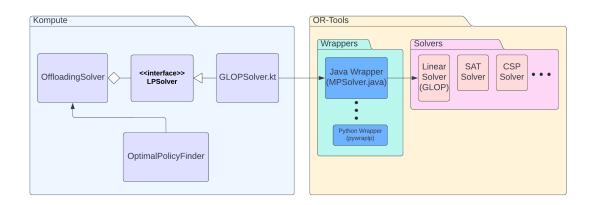
- fun getObjectiveEquation(): EquationRow
- fun getEquation2(): EquationRow
- fun getEquations3(): List<EquationRow>
- fun getEquation4s(): List<EquationRow>
- fun getEquation5(): EquationRow

که به ترتیب تابع هدف مسئله ی بهینه سازی و چهار شرط ذکر شده در ۱۴.۶-۴ را محاسبه می کنند. در در تعلی تابع یک شی برنامه خطی توسط شگرد createOffloadingLinearProgram نهایت با ترکیب این پنج تابع یک شی برنامه خطی توسط شگرد این داریم که آن را حل کنیم. در ایجاد می شود که به منظور محاسبه ی استراتژی تخلیه ی بهینه نیاز داریم که آن را حل کنیم. در ادامه به نحوه ی حل این برنامه خطی توسط کلاسهای Solver می پردازیم.

۵-۱-۵ حلکنندهی خطی

مولفههای شرکت کننده در حل مسئله ی بهینه سازی در کامپیوت، در شکل ۵-۲ مشخص شده اند. در پایین ترین لایه برای حل مسئله برنامه ریزی خطی از حل کننده خطی به نام GLOP استفاده شده است. این حل کننده جزئی از پروژه متن باز OR-Tools است ٔ که توسط شرکت گوگل ارائه شده و نگه داری

⁶https://github.com/google/or-tools



شکل ۵-۲: مولفههای شرکت کننده در حل مسئلهی بهینهسازی در Kompute

می شود. [18] این حل کننده مانند اکثر حل کننده های سریع و مدرن، در زبان ++C نوشته شده است، اما احاطه گرهای آن در زبان های دیگر مانند پایتون، جاوا، و سی شارپ وجود دارد. در پروژهی فعلی ، ما از احاطه گر زبان جاوا استفاده کرده ایم که در پروژه OR-Tools با استفاده از رابط بومی جاوا و در قالب کلاس MPSolver پیاده سازی شده است.

در Kompute کلاسی به نام GLOPSolver وجود دارد که با گرفتن یک شی از نوع برنامه خطی در دامنه هر Kompute آن شی را به برنامهخطی قابل شناسایی برای کلاس MPSolver تبدیل می کند و در نهایت نتیجه حل برنامهخطی را بر می گرداند. کلاس MPSolver قابلیت پشتیبانی از برخی از حل کنندههای دیگر به جز GLOP را نیز دارد. با این وجود، به دلیل متنباز بودن پروژه، از برخی از حل کنندههای تجاری معروف مانند CPLEX پشتیبانی نمی کند. معماری Kompute به گونهای طراحی شده است که امکان استفاده از هر حل کننده خطی در آن وجود داشته باشد. برای نمونه علاوه بر حل کننده پیشفرض GLOPSolver کلاسی با نام CPLEXSolver نیز در پروژه وجود دارد که در صورتی که نسخه تجاری CPLEX که دارای جواز معتبر باشد بر روی سیستم کاربر نصب باشد از آن حل کننده استفاده خواهد شد.

⁷https://www.ibm.com/analytics/cplex-optimizer

۲-۵ تعریف و حل یک مسئلهی تخلیهی وظیفهی نمونه در Kompute

در قطعه کد نمونهی زیر، مسئلهی تخلیهی وظیفه برای محیط رایانش لبهای با دو صف با نوع وظایف «سبک» و «سنگین» حل شده است.

قطعه کد ۵-۳: تعریف و حل مسئلهی نمونه

```
fun main(args: Array<String>) {
   val systemConfig = OffloadingSystemConfig(
      userEquipmentConfig = UserEquipmentConfig(
         stateConfig = UserEquipmentStateConfig(
            taskQueueCapacity = 5,
            tuNumberOfPackets = listOf(1, 3),
            cpuNumberOfSections = listOf(7, 2),
            numberOfQueues = 2
         componentsConfig = UserEquipmentComponentsConfig(
            alpha = listOf, 4.0), (9.0)
            beta = ,90.0
            etaConfig = null,
            pTx = ,0.1
            pLocal = ,8.0
            pMax = 7.1
         )
      ),
      environmentParameters = EnvironmentParameters(
         nCloud = listOf(1, 1),
         tRx = ,5.0
   val optimalPolicy = RangedOptimalPolicyFinder.findOptimalPolicy(
      baseSystemConfig = systemConfig,
      precision = 10
   // For multi-threaded execution use this instead:
   val optimalPolicy = ConcurrentRangedOptimalPolicyFinder(
      baseSystemConfig = systemConfig
   ).findOptimalPolicy(precision = 10, numberOfThreads = 8)
   val decisionProbabilities: Map<StateAction, Double>
      = optimalPolicy.stochasticPolicyConfig.decisionProbabilities
   println(decisionProbabilities)
}
```

به این منظور ابتدا پارامترهای محیط تخلیه وظیفه در رایانش لبهای را با استفاده از کلاس وظیفه در رایانش لبهای را با استفاده از کلاس OffloadingSystemConfig مشخص می کنیم. سپس استراتژی بهینه را با استفاده از کلاس RangedOptimalPolicyFinder با دقت لازم پیدا می کنیم. در نهایت جواب خروجی به صورت توزیع احتمالی بر روی مجموعه یا $|S| \times |A|$ بدست می آید.

۵-۳ نحوهی شبیهسازی استراتژیهای تخلیهی وظیفه

در قطعه کد نمونهی زیر، استراتژی تخلیهی بهینه و سه استراتژی تخلیهی پایه شبیهسازی شدهاند و نتایج تاخیر و توان مصرفی گزارش شده است.

قطعه کد ۵-۴: شبیهسازی استراتژیهای تخلیهی وظیفه

```
fun main(args: Array<String>) {
   val baseSystemConfig: OffloadingSystemConfig = Mock.doubleQueueConfig()
   val alphaOStart = 01.0
   val alpha0End = 60.0
   val sampleCount = 30
   val simulationCycles = 1_000_000
   for (i in 0 until sampleCount) {
      val alpha0 = (alpha0Start + i * ((alpha0End - alpha0Start) / (sampleCount - 1)))
      val systemConfig = baseSystemConfig.withAlpha(0, alpha0)
      val optimalPolicy = RangedOptimalPolicyFinder.findOptimalPolicy(
         baseSystemConfig = systemConfig,
         precision = 10
      val simulator = Simulator(systemConfig)
      val simulationResults = with(simulator) {
            simulatePolicy(LocalOnlyPolicy, simulationCycles),
            simulatePolicy(OffloadOnlyPolicy, simulationCycles),
            simulatePolicy(GreedyLocalFirstPolicy, simulationCycles),
            simulatePolicy(optimalPolicy, simulationCycles)
      }
      val (localOnlyDelay,
         offloadOnlyDelay,
         greedyLocalFirstDelay,
         optimalDelay) = simulationResults.map { it.averageDelay }
      val (localOnlyAveragePower,
         offloadOnlyAveragePower,
         greedyLocalFirstAveragePower,
         optimalAveragePower) = simulationResults.map { it.averagePowerConsumption }
      println("$localOnlyDelay | " +
    "$offloadOnlyDelay | " +
         "$greedyLocalFirstDelay | " +
         "$optimalDelay")
      println("$localOnlyAveragePower | " +
         "$offloadOnlyAveragePower | " +
         "$greedyLocalFirstAveragePower | " +
         "$optimalAveragePower")
   }
}
```

در این مثال به ازای مقادیر نرخ ورود مختلف برای صف شماره یک، با کمک کلاس Simulator معیارهای توان مصرفی و تاخیر محاسبه و گزارش شده است. پارامتر simulationCycles تعداد بازههای زمانی شبیه سازی را مشخص می کند. پرواضح است که هر چه این مقدار بالاتر باشد، دقت شبیه سازی بالاتر خواهد بود.

فصل ششم

۶. آزمایش و نتیجه

در این فصل قصد داریم عملکرد و درستی روش ارائهشده در فصلهای ۴ و ۵ را با کمک آزمونهای مبتنی بر شبیهسازی بررسی کنیم. در بخش نخست از این فصل، مدل تعریف شده برای مسئله بهینهسازی را صحتسنجی می کنیم. بدین منظور تاخیر سرویس بدست آمده توسط مدل برنامهریزی خطی را با نتیجه اجرای شبیهسازی بر روی استراتژی تخلیهی بدستآمده از همان مدل مقایسه خواهیم کرد. در بخش خواهیم کرد. به عبارتی به کمک شبیهسازی مدل را با «خودش» مقایسه خواهیم کرد. در بخش دوم، به مقایسهی عملکرد استراتژی حاصل از الگوریتم با سایر استراتژیها می پردازیم. در این بخش چندین استراتژی رایج را به عنوان استراتژی پایه در نظر می گیریم و عملکرد استراتژی تخلیه حاصل از الگوریتم را با کمک شبیهسازی در برابر آنها می سنجیم.

۱-۶ بررسی صحت مدل

در این بخش بررسی می شود که آیا مقدار تاخیر سرویس بدست آمده توسط شبیه سازی با مقدار تاخیر مشخص شده در جواب بهینه ی مسئله ی \mathcal{P}_2 (رابطه ی ۱۴.۶–۴ همخوانی دارد یا نه. بدین منظور نتایج الگوریتم جستجوی استراتژی تخلیه را در دو سناریو شبیه سازی مختلف بررسی می کنیم.

۱-۱-۶ سناریوی تک صف

در این آزمون محیطی با یک صف وظیفه در نظر گرفته شده است که ویژگیهای آن در جدول 9-7 مشخص شده است. شبیهسازی به ازای ۲۹ مقدار مختلف 10 اجرا شده است که نتایج آن در مقایسه با مقدار محاسبه شده توسط مدل برنامه ریزی خطی مسئله، در جدول 1-7 خلاصه شده است. تعداد سیکلهای شبیهسازی در هر ۲۹ حالت برابر با 10^7 بوده است. همانطور که مشاهده می شود مقدار تاخیر سرویس محاسبه شده توسط مدل برنامه ریزی خطی، بسیار نزدیک به مقدار تاخیر بدست آمده

توسط شبیهسازی میباشد.

۲-۱-۶ سناریوی دو صف

در این آزمون محیطی با دو صف وظیفه با ویژگیهای مشخص شده در جدول $^{9-4}$ در نظر گرفته شده است. شبیه سازی به ازای ۲۲ مقدار دهی مختلف به η_1,η_2 اجرا شده است که نتایج آن در مقایسه با مقدار محاسبه شده توسط مدل مسئله در جدول $^{9-7}$ خلاصه شده است. تعداد سیکلهای شبیه سازی در هر 10 حالت برابر با 10 بوده است. همانطور که مشاهده می شود مقدار تاخیر سرویس محاسبه شده توسط مدل، بسیار نزدیک به مقدار بدست آمده توسط شبیه سازی می باشد.

۲-۶ بررسی عملکرد در مقایسه با استراتژیهای پایه

در این بخش عملکرد استراتژی یافت شده توسط الگوریتم ۱.۴ را با چهار الگوریتم پایه زیر مقایسه می کنیم:

- ۱. استراتژی «فقط تخلیه» که همهی وظایف را تخلیه می کند
- ۲. استراتژی «حریصانه، تخلیه اول» که در هر بازه زمانی اگر واحد ارسال یا پردازنده بیکار باشند
 به هر کدام از آنها یک وظیفه از صفی رندوم تخصیص میدهد و در صورتی که تنها یک وظیفه
 در صف باشد و مجبور به انتخاب بین تخلیه و اجرای محلی باشد، تخلیه را انتخاب میکند.
- ۳. استراتژی «حریصانه، محلی اول» که در هر بازه زمانی اگر واحد ارسال یا پردازنده بیکار باشند به هر کدام از آنها یک وظیفه از صفی رندوم تخصیص می دهد و در صورتی که تنها یک وظیفه در صف باشد و مجبور به انتخاب بین تخلیه و اجرای محلی باشد، اجرای محلی را انتخاب می کند.
 - ۴. استراتژی «فقط (اجرای) محلی» ٔ

¹Offload Only

²Greedy - Offload First

³Greedy - Local First

⁴Local Only

η_1	Delay (model estimate)	Delay (simulation result)	Error
0.01	5.9403373	5.945382	0.0050447
0.02	5.9413582	5.9441002	0.002742
0.03	5.9873212	5.9979591	0.0106379
0.04	6.0332846	6.0445199	0.0112353
0.05	6.0792458	6.0772735	-0.0019723
0.06	6.1653313	6.1611952	-0.0041361
0.07	6.2608539	6.2771005	0.0162466
0.08	6.3563761	6.3485279	-0.0078482
0.09	6.4518981	6.4535551	0.001657
0.1	6.5474205	6.5470207	-0.0003998
0.11	6.6429429	6.6441015	0.0011586
0.12	6.7384654	6.7475386	0.0090732
0.13	6.8339881	6.8304343	-0.0035538
0.14	6.963416	6.967968	0.004552
0.15	7.117219	7.1221635	0.0049445
0.16	7.2710211	7.2660879	-0.0049332
0.17	7.4248235	7.4243839	-0.0004396
0.18	7.578626	7.5757626	-0.0028634
0.19	7.7324285	7.7334524	0.0010239
0.2	7.8862311	7.8823844	-0.0038467
0.21	8.0400334	8.0431362	0.0031028
0.22	8.193836	8.1896367	-0.0041993
0.23	8.3476384	8.3507161	0.0030777
0.24	8.5014409	8.50166	0.0002191
0.25	8.6793609	8.6778177	-0.0015432
0.26	8.9366602	8.9342996	-0.0023606
0.27	9.334054	9.3359713	0.0019173
0.28	9.9963099	9.9920628	-0.0042471
0.29	11.6247515	11.6247351	-0.0000164
		Variance	0.0000314
		Mean absolute difference	0.0041032

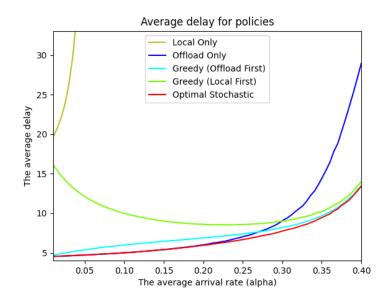
جدول ۶-۱: مقایسهی میزان تاخیر بدست آمده از مدل و شبیهسازی در سناریوی تک صف

η_1	η_2	Delay (model estimate)	Delay (simulation result)	Error
0	0	5.3055545	5.3043168	-0.0012377
0	0.2	4.5749717	4.5740879	-0.0008838
0	0.4	4.2116748	4.2124139	0.0007391
0	0.6	3.9532195	3.954735	0.0015155
0	0.8	3.6947642	3.6941737	-0.0005905
0	1	3.4702381	3.4711606	0.0009225
0.2	0	5.4240034	5.425082	0.0010786
0.2	0.2	4.9543158	4.9546973	0.0003815
0.2	0.4	4.7082897	4.7077916	-0.0004981
0.2	0.6	4.5023325	4.5033802	0.0010477
0.2	0.8	4.3225922	4.3218913	-0.0007009
0.2	1	4.3916784	4.3898362	-0.0018422
0.4	0	6.0300612	6.0294958	-0.0005654
0.4	0.2	5.6038029	5.6044667	0.0006638
0.4	0.4	5.3794469	5.3817302	0.0022833
0.4	0.6	5.1951134	5.1951965	0.0000831
0.4	0.8	5.1865812	5.1870742	0.000493
0.4	1	5.4041958	5.4026623	-0.0015335
0.6	0	7.4340974	7.4330417	-0.0010557
0.6	0.2	7.2298104	7.2298944	0.000084
0.6	0.4	7.5736237	7.5743988	0.0007751
0.6	0.6	8.7051662	8.7024916	-0.0026746
			Variance	0.0000314
			Mean absolute difference	0.0041032

جدول ۶-۲: مقایسهی میزان تاخیر بدست آمده از مدل و شبیهسازی در سناریوی دو صف

Parameter	M_1	L_1	β	P_{tx}	P_{loc}	P_{max}	C_1	t_{rx}
Value	1	17	0.4	1.0	0.8	1.6	1	0.0

جدول ۶-۳: یارامترهای محیط رایانش لبهای در سناریوی تک صف



شکل ۱-۶: تاخیر سرویس بر حسب نرخ ورود در حالت تک صف تاخیر سرویس بر حسب نرخ ورود α_1 در حالت تک صف تاخیر سرویس بر

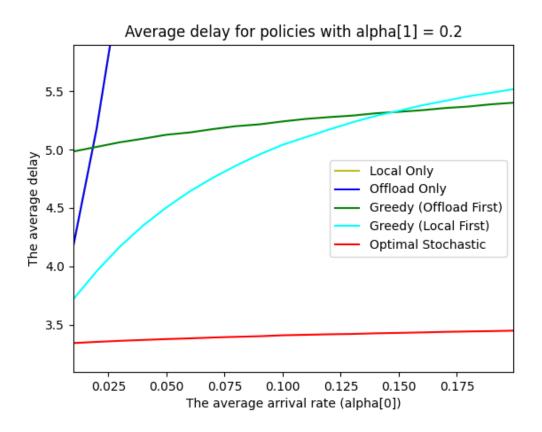
۱-۲-۶ شبیهسازی تک صف

با توجه به اینکه روش ارائهشده توسط ما حالت گسترش یافته [3] است، ابتدا محیط آزمایش ارائهشده در آن پژوهش را برای آزمون الگوریتم در نظر می گیریم. پارامترهای این محیط در جدول 9-7 خلاصه شده اند. نتیجه این آزمایش در شکل 9-1 مشاهده می شود.

همانطور که مشاهده می شود استراتژی تخلیه تصادفی یافت شده از تمام الگوریتمهای پایه بهتر عمل می کند و شکل منحنیهای نمودار با [3] مطابقت دارد.

۲-۲-۶ شبیهسازی دو صف با یک صف ثابت در سناریوی سبک و سنگین

در این قسمت سناریوی آزمون به این گونه است که میزان تاخیر به ازای مقادیر مختلف نرخ ورود برای صف شماره یک و مقدار ثابت نرخ ورود برای صف شماره دو مشاهده میشود. پارامترهای محیطی در



Parameter	M_1	M_2	L_1	L_2	C_1	C_2	β	P_{tx}	P_{loc}	P_{max}	t_{rx}
Value	1	3	7	2	1	1	0.95	1	0.8	1.6	0

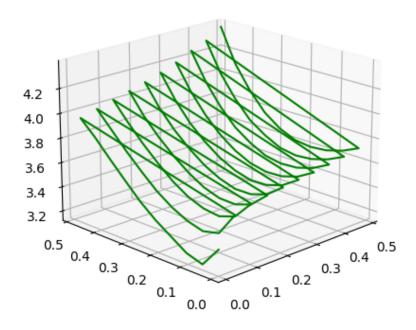
جدول ۶-۴: پارامترهای محیط رایانش لبهای در سناریوی دو صف با یک صف ثابت

نظر گرفته شده در جدول ۶-۴ به طور خلاصه آمده است. همانطور که مشاهده می شود استراتژی تخلیه ی بهینه بسیار بهتر از الگوریتمهای پایه عمل می کند. دلیل اصلی این تفاوت زیاد (نسبت به تفاوت کم در سناریوی با یک صف در بخش قبل) عدم هوشمندی استراتژیهای حریصانه در انتخاب نوع وظیفه ی تخصیص داده شده به پردازنده و واحد ارسال است. به عبارت دیگر انتخاب تصادفی نوع وظیفه فرستاده شده به پردازنده و واحد ارسال در الگوریتمهای حریصانه باعث می شود که در شرایطی که تفاوت زیادی بین نوع وظایف وجود دارد (مانند سناریو سبک و سنگین) این الگوریتمها عملکرد خیلی بدی داشته باشند. این در حالی است که در حالت تک صف انتخاب بین انواع وظیفه مطرح نبوده است و تنها عامل برای عملکرد غیربهینه ی استراتژیهای حریصانه، عدم زمانبندی درست

وظایف بوده است.

۶-۲-۶ شبیه سازی دو صف متغیر وظایف سبک و سنگین

در این قسمت مقدار تاخیر سرویس به ازای مقادیر مختلف نرخ ورود به هر دو صف محاسبه شده است. پارامترهای سیستمی این سناریو در جدول 8-8 آمده است. همانطور که مشاهده میشود استراتژی بهینه در بازه $\alpha_1, \alpha_2 \in [0, 0.4]$ عملکرد قابل قبول دارد.



شکل ۶-۲: تاخیر سرویس بر حسب نرخ ورود α_1 و مو α_2 و حالت دو صف

Parameter	M_1	M_2	L_1	L_2	C_1	C_2	β	P_{tx}	P_{loc}	P_{max}	t_{rx}
Value	1	3	7	2	1	1	0.95	1	0.8	1.6	0

جدول ۶-۵: پارامترهای محیط رایانش لبهای در سناریوی دو صف متغیر

۶-۲-۶ شبیهسازی سه صف وظیفه

در این قسمت عملکرد الگوریتم ارائهشده در شرایطی که سه صف وجود دارد بررسی شده است. پارامترهای محیط رایانش لبهای در جدول 9 آورده شده است. با توجه به اینکه رسم نمودار در شرایط چهار بعدی امکانپذیر نیست از مفهومی به نام آزمون «کارآمدی» استفاده می کنیم. مفهوم کارآمدی را اینگونه تعریف می کنیم که یک استراتژی کارآمد است اگر احتمال پر بودن یک یا چند صف در سیستم از $\frac{1}{|S|}$ کمتر باشد. در این آزمایش، کارآمدی استراتژیهای مختلف را به ازای 9 مشاهده نمونه مختلف در بازههای 9 9 9 مشاهده می شود.

Policy	Optimal	Local Only	Greedy (Local First)	Greedy (Offload First)	Offload Only
Effectiveness	100.0%	8.5%	80.3%	79.3%	21.6%

جدول ۶-۶: درصد کارآمدی استراتژیها

Parameter	M_1	M_2	M_3	L_1	L_2	L_3	C_1	C_2	C_3	β	P_{tx}	P_{loc}	P_{max}	t_{rx}
Value	1	3	2	4	2	3	1	1	2	0.95	1	0.8	1.6	0.5

جدول ۶-۷: پارامترهای محیط رایانش لبهای در سناریوی سه صف

۳-۶ آزمون کارآیی

یک نکته که در دو بخش پیشین به آن اشارهای نشد کارایی الگوریتم ارائهشده از نظر زمان اجرا و حافظه مصرفی میباشد. در آزمایشهای بخش پیشین تعداد صفها ۳ یا کمتر در نظر گرفته شده بود که اجرای الگوریتم مسئله را به راحتی میسر میساخت. دلیل این امر این است که با افزایش تعداد صفها، فضای حالت مسئله به صورت نمایی بزرگ خواهد شد. در جدول ۶-۸ تعداد حالتهای زنجیرهی مارکوف |S| به همراه زمان اجرا و حافظه مصرفی لازم جهت حل مسئله آورده شده است. برای تفسیر راحت تر نتایج آزمایش، تعداد بستهها و قسمتهای تمام صفها برابر مقدار ثابت $L_i = M_i = 2$ در نظر گرفته شده است. البته در شرایط واقعی قطعا تعداد قسمتها و بستههای هر صف متفاوت خواهند بود. زیرا در غیر این صورت صفهای با ویژگیهای یکسان را میتوان به یک صف با نرخ ورود مجموع تبدیل کرد. پردازنده استفاده شده در این آزمایش Intel® Xeon® Processor Q=6 بوده است. حل کننده خطی استفاده شده GLOP بوده است $^{
m a}$. طول هر وظیفه برابر با E3-1220 در نظر گرفته شده است. همانطور که مشاهده میشود زمان اجرای الگوریتم به صورت نمایی افزایش می یابد و مسئله فقط برای تعداد صفهای کمتر از ۵ در زمان قابل قبول حل می شود. این تعداد در محیطهای با تنوع وظایف نسبتا کم مانند سناریوی «سبک» «سنگین» که پیشتر بیان شد، انتزاع قابل قبولی از فضای مسئله ارائه می دهد و عملکرد بهتری از حالت تک وظیفه دارد. در فصل پیش رو چندین ایده که می تواند در کاهش فضای حالت مسئله و بهبود عملکرد الگوریتم موثر باشد، جهت یژوهش بیشتر ارائهشده اند.

Number of queues	State count (S)	Running time
1	14	80ms
2	147	433ms
3	1372	7003 ms
4	100842	24164 seconds (\sim 7 Hours)

k=1,2,3,4 جدول ۶–۸: زمان اجرا و اندازهی فضای حالت به ازای تعداد صف

[.] هدر آزمایشهای انجام شده مشاهده شد که GLOP عملکرد بهتری نسبت به CPLEX دارد و به این دلیل انتخاب گردید

فصل هفتم

۷. جمعبندی و پیشنهادها

در این پروژه روشی برای بدست آوردن استراتژی تخلیهی وظیفهی تاخیر-کمینه در شرایط حضور چندین نوع وظیفه معرفی شد. همچنین چارچوب نرمافزاری جدیدی معرفی شد که قادر به محاسبهی استراتژی تخلیهی وظیفهی بهینه و شبیهسازی آن میباشد. روش ارائهشده به طور جامع تحت آزمایش قرار گرفت و عملکرد آن با کمک شبیهسازی بررسی شد. روش ارائهشده این پتانسیل را دارد که نحوهی زمان بندی وظایف در محیطهای با وظایف گوناگون مانند اینترنت اشیاء را به طور قابل توجهی بهبود ببخشد. با این حال چندین محدودیت در پروژهی فعلی وجود دارد، که رفع آنها نیاز به پژوهش بیشتر دارد. در ادامه به برخی از این موارد به طور مختصر اشاره می کنیم.

۱–۷ بهبود کارآیی الگوریتم

یک محدودیت اصلی در روش ارائهشده، افت کارآیی الگوریتم با افزایش تعداد صفها میباشد. در فصل ۶ اشاره شد که این افت به دلیل انفجار فضای حالت مسئله میباشد. به عبارت دیگر با افزایش تعداد متغیرهای مسئله ی برنامهریزی خطی \mathcal{P}_2 (رابطه ی ۴-۱۴.۶) زمان اجرای الگوریتم به صورت تصاعدی بالا میرود. در بخش ۴-۷-۱ روشی ارائه شد که تا حدی اندازه ی فضای حالت مسئله را کاهش میداد. با این حال همانطور که در نتایج شبیهسازی مشاهده شد، الگوریتم ارائه میکنیم که با برای طول صفهای بیشتر از ۵ کارآیی ندارد. در بخش فعلی دو ایده مختلف را ارائه میکنیم که با یژوهش بیشتر درباره آنها شاید بتوان عملکرد الگوریتم را بهبود ببخشید.

۱-۱-۷ **حذف تککنشها**

 $(|S| \times |A|)$ مشکل انفجار فضای حالت، حذف «تک کنش» ها از فضای مسئله الفجار فضای حالت، حذف au میباشد. به طور دقیق تر کنش a را برای حالت a یک تک کنش مینامیم اگر تنها کنش ممکن در

حالت au باشد. با توجه به اینکه کنش NoOperation در همه حالتها ممکن است، تک کنشها همواره متناظر با NoOperation می باشند.

پیشتر در بخش $^{+}$ -۷-۱ به این موضوع اشاره شد که می توان متغیرهایی که متناظر با کنشهای غیر ممکن هستند را از مسئله بهینه بهینه بهازی \mathcal{P}_2 حذف کرد. با استدلالی مشابه این احتمال وجود دارد که بتوان متغیرهایی که متناظر با تنها کنش ممکن در یک حالت هستند را از الگوریتم برنامه ریزی خطی حذف کرد، زیرا احتمال انتخاب کنشهای متناظر با چنین متغیرهایی همواره ۱ (قطعی) می باشد و مقدار آن متغیرها در تعیین استراتژی بهینه تاثیری ندارد.

با دقت در فضای حالت مسئله می توان دریافت که بسیاری از حالتهای فضای مسئله دارای تک کنش می باشند. برای مثال هر حالتی که پردازنده و واحد ارسال هر دو در آن مشغول باشند از این نوع خواهد بود. فرآوانی چنین حالتهایی در فضای حالت مسئله بدین معنی است که حذف آنها می تواند کار آیی الگوریتم ارائه شده را به طور قابل توجهی بهبود بخشد. با این حال حذف تک کنشها از لیست متغیرهای مسئله، بر خلاف بهینه سازی 4-7-1 ساختار زنجیره ی مار کوف را دگر گون خواهد، بنابراین احتمالا نیازمند تغییر توابع انتقال و تغییر شروط رابطه ی 4-7.1 خواهد بود. پژوهش بیشتر در این زمینه مشکل انفجار فضای حالت را به طور کامل حل نخواهد کرد، اما امید می رود که تعداد صفهای قابل پشتیبانی در روش ارائه شده را به طور قابل توجهی افزایش دهد.

٧-١-٧ اعمال جريمه براى اتلاف وظيفه

یک راه بنیادی تر برای رفع مشکل انفجار فضای حالت این است که کلا مدل حالت (τ) مسئله را ینگونه تغییر دهیم که هر صف ظرفیتی برابر با ۲ داشته باشد. طبیعتا اعمال چنین محدودیتی در مسئله فعلی ممکن نیست زیرا فرض کرده ایم که اتلاف صورت نمی گیرد، به این صورت که حضور در حالتهای با صف پر $(q_i = Q)$ را به منزله غیر کارامد بودن استراتژی در نظر گرفتیم (رجوع شود به بخش ۴-۲-۶). اما می توان تغییری در مدل اعمال کرد که هزینه اتلاف وظیفه را نیز در نظر بگیرد. به طور دقیق تر مدل برنامه ریزی خطی می تواند به ازای یک استراتژی تخلیه داده شده و نرخ ورود به طور دقیق تر مدل برنامه ریزی خطی می تواند به ازای یک استراتژی تخلیه داده شده و نرخ ورود به طور دقیق تر مدل وقوع اتلاف وظیفه در صف با طول ۲ را در نظر بگیرد. در چنین حالتی می توان به

میزان مشخصی مانند Ω جریمه تاخیر در تابع هدف در نظر گرفت. بدین صورت حل کننده خطی در راستای کم کردن تاخیر، سعی خواهد کرد که احتمال وقوع اتلاف وظیفه را در سامانه پایین بیاورد. با استفاده از این تغییر فضای حالت مسئله به طور قابل توجهی کوچک خواهد شد به طوری که اگر در روش قدیمی $|S_1|$ حالت وجود داشته باشد، در روش جدید $\frac{|S_1|\cdot 2^k}{O^k}$ حالت وجود خواهد داشت.

۷-۷ موضع گیری استراتژی تخلیهی وظیفه

یک موضوع مهم که در پروژه ی فعلی به آن پرداخته نشد، نحوه ی موضع گیری (Deployment) استراتژی تخلیه ی وظیفه یا به عبارتی «سازوکار تنظیم استراتژی در دستگاه کاربر» است. همانطور که در شبیه سازی های انجام شده در فصل ۶ مشاهده شد، الگوریتم محاسبه ی استراتژی تخلیه ی بهینه به منابع محاسباتی زیادی نیاز دارد. طبیعتا انجام چنین محاسباتی بر روی دستگاه کاربر که موجودیتی مانند تلفن همراه یا اینترنت اشیاء است عملی نخواهد بود. چه بسا که در پروژه ی فعلی نیز برای تمام شبیه سازی ها از سروری قدرتمند با ۲۴ هسته پردازشی استفاده شد. در سطح بالا، یک راه حل برای موضع گیری روش پیشنهادی در پروژه، استفاده از معماری مشابه با شبکههای مبتنی بر نرم افزار امی میاشد. برای مثال می توان در هر سرور رایانش لبهای فرآیندی را اجرا کرد، که هر n ساعت یک بار، اطلاعات محیطی (مانند نرخ ورود هر نوع از وظایف) را از دستگاههای کاربر سرویس گیرنده بگیرد و اطلاعات محیطی (مانند نرخ ورود هر نوع از وظایف) را از دستگاههای کاربر سرویس گیرنده بگیرد و متناسب با شرایط هر محیط، استراتژی تخلیه ی بهینه را محاسبه کرده و برای دستگاه کاربر مربوطه ارسال کند. با این وجود، پیاده سازی کارآمد چنین سازوکاری، نیازمند پژوهش بیشتر می باشد.

¹Software Defined Networks

واژهنامه فارسی به انگلیسی

اتلاف وظیفه
احاطه گر
استراتژی پایه
بدون ساختار
جهره
بىدرنگ
بیکار
پردازش
تابع انتقال
تاخير سرويس
تاخير – کمينه
تحرکپذیری
تصادفی
تصادفی
تقابل
چار چوب
چندتایی
حل کننده
خطی
دانهبندی
دستگاه کاربر
ريسمان
سربار
شگرد
قسمت
قطع

واژهنامه فارسی به انگلیسی	<u>واژ</u> ەنامە فارسى بە انكليس <u>ى</u>
Application	كاربرد
Action	كنش
Local	محلی
Scaling	مقیاسپذیری
Parallelism	موازیسازی
Deployment	موضع گیری
Interoperability	همکنشپذیری
Transmission Unit	واحد ارسال

پیوست ۱ - توابع انتقال حالت

تابع انتقال حالت به ازای کنش ورودی

```
fun getNextStateRunningAction(
   sourceState: UserEquipmentState,
   action: Action
): UserEquipmentState {
   return when (action) {
      is Action.NoOperation \rightarrow {
         sourceState
      is Action.AddToCPU \rightarrow {
         getNextStateAddingToCPU(sourceState, action.queueIndex)
      is Action.AddToTransmissionUnit \rightarrow {
         getNextStateAddingToTU(sourceState, action.queueIndex)
      }
      is Action.AddToBothUnits → {
         getNextStateAddingToBothUnits(
             sourceState,
             action.cpuTaskQueueIndex,
             action.transmissionUnitTaskQueueIndex
         )
   }
}
```

تابع انتقال حالت پایه

```
fun getNextStateAddingToCPU(
    sourceState: UserEquipmentState,
    queueIndex: Int
): UserEquipmentState {
    require(sourceState.cpuState = 0)
    require(sourceState.taskQueueLengths[queueIndex] > 0)

    val updatedLengths = sourceState.taskQueueLengths.decrementedAt(queueIndex)

    return sourceState.copy(
        taskQueueLengths = updatedLengths,
        cpuState = -1,
        cpuTaskTypeQueueIndex = queueIndex
)
}
```

تابع انتقال حالت با كنش ارسال توسط واحد ارسال

```
fun getNextStateAddingToTU(
    sourceState: UserEquipmentState,
    queueIndex: Int
): UserEquipmentState {
    require(sourceState.tuState = 0)
    require(sourceState.taskQueueLengths[queueIndex] > 0)

    val updatedLengths = sourceState.taskQueueLengths.decrementedAt(queueIndex)

    return sourceState.copy(
        taskQueueLengths = updateLengths,
        tuState = 1,
        tuTaskTypeQueueIndex = queueIndex
```

```
}
```

تابع انتقال حالت با کنش اجرا و ارسال به طور همزمان

```
fun getNextStateAddingToBothUnits(
    sourceState: UserEquipmentState,
    cpuQueueIndex: Int,
    tuTaskQueueIndex: Int
): UserEquipmentState {
    if (cpuQueueIndex = tuTaskQueueIndex) {
        require(sourceState.taskQueueLengths[cpuQueueIndex] > 1)
    } else {
        require(sourceState.taskQueueLengths[cpuQueueIndex] > 0)
        require(sourceState.taskQueueLengths[tuTaskQueueIndex] > 0)
    }
    return getNextStateAddingToCPU(
        getNextStateAddingToTU(sourceState, tuTaskQueueIndex),
        cpuQueueIndex
    )
}
```

پیوست ۲ - تابع ساخت شرط حداکثر توان مصرفی در برنامهی خطی

تابع ساخت شرط حداكثر توان مصرفي

```
fun getEquation2(): EquationRow {
   val pLoc = systemConfig.pLoc
   val pTx = systemConfig.pTx
   val beta = systemConfig.beta
   val rhsEquation2 = systemConfig.pMax
   val coefficients = mutableListOfZeros(indexMapping.variableCount)
   \verb|indexMapping.coefficientIndexByStateAction.forEach| \{ (stateAction, index) \rightarrow (stateAction, index) \} 
      val (state, action) = stateAction
      var coefficientValue = 0.0
      if (state.isTUActive()
      || (action is Action.AddToTransmissionUnit
      || action is Action.AddToBothUnits)) {
         coefficientValue += beta * pTx
      if (state.isCPUActive()
      || (action is Action.AddToCPU)
      || (action is Action.AddToBothUnits)) {
         coefficientValue += pLoc
      coefficients[index] = coefficientValue
   return EquationRow(
      coefficients = coefficients,
      rhs = rhsEquation2,
      type = EquationRow.Type.LessThan
   )
}
```

پیوست ۳ – نحوهی محاسبهی ماتریس انتقال

در این بخش نحوه ی محاسبه ی درایه های ماتریس انتقال $\chi_{\tau,\tau'}$ به ازای حالت ورودی τ در قالب کد شرح داده شده است. همانطور که در بخش τ -۲ گفته شد، درایه های ماتریس انتقال معادل «یال» های گراف زنجیره می باشند. بنابراین هدف ما پیدا کردن یال های گراف با مبدا τ به همراه وزن آنها می باشد. به این منظور ابتدا با کمک تابع زیر کنش های ممکن را برای حالت ورودی پیدا می کنیم:

تابع محاسبهی کنشهای ممکن به ازای حالت داده شده

```
override fun getPossibleActions(state: UserEquipmentState): List<Action> {
   val result = mutableListOf<Action>(Action.NoOperation)
   if (state.isCPUActive() && state.isTUActive()) return result
   val nonEmptyQueueIndices = state.taskQueueLengths.indices.filter {
      state.taskQueueLengths[it] > 0
   if (!state.isCPUActive())
      for (queueIndex in nonEmptyQueueIndices) {
         if (config.limitation[queueIndex] ≠ StateManagerConfig.Limitation.OffloadOnly) {
            result.add(Action.AddToCPU(queueIndex))
   if (!state.isTUActive()) {
      for (queueIndex in nonEmptyQueueIndices) {
         if (config.limitation[queueIndex] ≠ StateManagerConfig.Limitation.LocalOnly) {
            result.add(Action.AddToTransmissionUnit(queueIndex))
      }
   if (!state.isTUActive() && !state.isCPUActive()) {
      for (i in nonEmptyQueueIndices) {
         for (j in nonEmptyQueueIndices) {
            if (i = j && state.taskQueueLengths[i] < 2) continue</pre>
            if (config.limitation[i] ≠ StateManagerConfig.Limitation.OffloadOnly
            && config.limitation[j] \neq StateManagerConfig.Limitation.LocalOnly) {
               result.add(Action.AddToBothUnits(i,j))
            }
         }
      }
   return result.sorted()
}
```

در مرحله بعد میبایست به ازای هر جفت حالت و کنش (τ,a) ، مجموعه کالات ممکن در صورت حضور در حالت τ و انتخاب کنش τ را محاسبه کنیم. به این منظور از تابع زیر استفاده می کنیم:

تابع محاسبهی کنشهای ممکن به ازای حالت داده شده

```
fun getTransitionsForAction(state: UserEquipmentState, action: Action): List<Transition> \{
   checkStateAgainstLimitations(state)
   val stateAfterAction = getNextStateRunningAction(state, action).let {
      if (it.isCPUActive()) getNextStateAdvancingCPU(it) else it
   checkStateAgainstLimitations(stateAfterAction)
   val transitions: MutableList<Transition> = mutableListOf()
   val notFullIndicesAfterAction = (stateAfterAction.taskQueueLengths.indices).filter {
      val queueLengths = stateAfterAction.taskQueueLengths[it]
      queueLengths < config.userEquipmentStateConfig.taskQueueCapacity</pre>
   if (notFullIndicesAfterAction.isEmpty()) {
      if (stateAfterAction.isTUActive()) {
         transitions.add(Transition(
            source = state,
            dest = getNextStateAdvancingTU(stateAfterAction),
            transitionSymbols = listOf(listOf(action, ParameterSymbol.Beta))))
         transitions. add (Transition (state, state After Action,
            listOf(listOf(action, ParameterSymbol.BetaC))))
         transitions.add(Transition(state, stateAfterAction, listOf(listOf(action))))
   } else {
      val taskArrivalMappings = getAllSubsets(notFullIndicesAfterAction.size)
      for (mapping in taskArrivalMappings) {
         val addTaskSymbols = mapping.mapIndexed \{ index, taskArrives \rightarrow
            if (taskArrives)
               ParameterSymbol.Alpha(notFullIndicesAfterAction[index])
            else
               ParameterSymbol.AlphaC(notFullIndicesAfterAction[index])
         val destState = getNextStateAddingTasksBasedOnMapping(
            stateAfterAction, mapping, notFullIndicesAfterAction
         if (stateAfterAction.isTUActive()) {
            transitions.add(Transition(
               source = state,
               dest = getNextStateAdvancingTU(destState),
               transitionSymbols = listOf(
                  listOf(action, ParameterSymbol.Beta) + addTaskSymbols))
            transitions.add(Transition(
               source = state,
               dest = destState,
               transitionSymbols = listOf(
                  listOf(action, ParameterSymbol.BetaC) + addTaskSymbols))
         } else {
            transitions.add(Transition(state, destState, listOf(
               listOf(action) + addTaskSymbols)))
         }
      }
   }
   return transitions
}
```

au در نهایت با ترکیب دو تابعی که تعریف شد میتوانیم تابع سومی بنویسیم که تمام یالهای با مبدا را پیدا کند:

```
تابع محاسبهی یالهای زنجیره به ازای حالت مبدا ورودی

fun getEdgesForState(state: UserEquipmentState): List<Edge> {
    return getPossibleActions(state)
    .map { action →
        getTransitions
       .flatten().map { it.toEdge() }
}
```

- [1] W. Shi, J. Cao, Q. Zhang, Y. Li, and L. Xu, "Edge computing: Vision and challenges," *IEEE Internet of Things Journal*, vol. 3, no. 5, pp. 637–646, 2016.
- [2] N. Abbas, Y. Zhang, A. Taherkordi, and T. Skeie, "Mobile edge computing: A survey," *IEEE Internet of Things Journal*, vol. 5, no. 1, pp. 450–465, 2018.
- [3] J. Liu, Y. Mao, J. Zhang, and K. B. Letaief, "Delay-optimal computation task scheduling for mobile-edge computing systems," in 2016 IEEE International Symposium on Information Theory (ISIT), 2016, pp. 1451–1455.
- [4] A. Yousefpour, G. Ishigaki, R. Gour, and J. P. Jue, "On reducing iot service delay via fog offloading," *IEEE Internet of Things Journal*, vol. 5, no. 2, pp. 998–1010, 2018.
- [5] H. Tran-Dang and D.-S. Kim, "Frato: Fog resource based adaptive task offloading for delay-minimizing iot service provisioning," *IEEE Transactions on Parallel and Distributed Systems*, vol. 32, no. 10, pp. 2491–2508, 2021.
- [6] J. Wang, J. Pan, F. Esposito, P. Calyam, Z. Yang, and P. Mohapatra, "Edge cloud offloading algorithms: Issues, methods, and perspectives," *ACM Computing Surveys*, vol. 52, no. 1, Feb 2019. [Online]. Available: https://doi.org/10.1145/3284387
- [7] E. Cuervo, A. Balasubramanian, D.-k. Cho, A. Wolman, S. Saroiu, R. Chandra, and P. Bahl, "Maui: Making smartphones last longer with code offload," in *Proceedings of the 8th International Conference on Mobile Systems, Applications, and Services*, ser. MobiSys '10. New York, NY, USA: Association for Computing Machinery, 2010, pp. 49–62. [Online]. Available: https://doi.org/10.1145/1814433.1814441
- [8] G. Hu, Y. Jia, and Z. Chen, "Multi-user computation offloading with d2d for mobile edge computing," in 2018 IEEE Global Communications Conference (GLOBECOM), 2018, pp. 1–6.
- [9] J. Kwak, Y. Kim, J. Lee, and S. Chong, "Dream: Dynamic resource and task allocation for energy minimization in mobile cloud systems," *IEEE Journal on Selected Areas in Communications*, vol. 33, no. 12, pp. 2510–2523, 2015.
- [10] G. Feng, X. Li, Z. Gao, C. Wang, H. Lv, and Q. Zhao, "Multi-path and multi-hop task offloading in mobile ad hoc networks," *IEEE Transactions on Vehicular Technology*, vol. 70, no. 6, pp. 5347–5361, 2021.
- [11] X. Meng, W. Wang, and Z. Zhang, "Delay-constrained hybrid computation offloading with cloud and fog computing," *IEEE Access*, vol. 5, pp. 21 355–21 367, 2017.

- [12] Y. He, N. Zhao, and H. Yin, "Integrated networking, caching, and computing for connected vehicles: A deep reinforcement learning approach," *IEEE Transactions on Vehicular Technology*, vol. 67, no. 1, pp. 44–55, 2018.
- [13] A. Shakarami, M. Ghobaei-Arani, M. Masdari, and M. Hosseinzadeh, "A survey on the computation offloading approaches in mobile edge/cloud computing environment: A stochastic-based perspective," *Journal of Grid Computing*, vol. 18, no. 4, pp. 639–671, Dec 2020. [Online]. Available: https://doi.org/10.1007/s10723-020-09530-2
- [14] A. Samanta and Z. Chang, "Adaptive service offloading for revenue maximization in mobile edge computing with delay-constraint," *IEEE Internet of Things Journal*, vol. 6, no. 2, pp. 3864–3872, 2019.
- [15] Z. Jiang and S. Mao, "Energy delay tradeoff in cloud offloading for multi-core mobile devices," *IEEE Access*, vol. 3, pp. 2306–2316, 2015. [Online]. Available: https://doi.org/10.1109/ACCESS.2015.2499300
- [16] W. Zhang, Y. Wen, K. Guan, D. Kilper, H. Luo, and D. O. Wu, "Energy-optimal mobile cloud computing under stochastic wireless channel," *IEEE Transactions on Wireless Communications*, vol. 12, no. 9, pp. 4569–4581, 2013.
- [17] A.-E. M. Taha, N. A. Ali, and H. S. Hassanein, Frame Structure, Addressing and Identification, ser. LTE, LTE-Advanced and WiMAX: Towards IMT-Advanced Networks. Wiley, 2011, pp. 59–73. [Online]. Available: http://ieeexplore.ieee.org/document/8045017
- [18] Wikipedia contributors, "Glop Wikipedia, the free encyclopedia," 2022, [Online; accessed 2-July-2022]. [Online]. Available: https://en.wikipedia.org/wiki/GLOP

Abstract:

Edge computing is a distributed computing paradigm that seeks to provide users with lower response times, lower power consumption, and mobility management by bringing computing resources closer to the network edge. Since its introduction, edge computing and its standard implementations, such as Multi-access Edge Computing, have faced one important challenge: How to design efficient task offloading policies? Furthermore, with the rapid growth of the smartphone and IoT industry, many new types of applications have been introduced to the internet, each having different resource needs. Thus, taking into account the heterogeneity of user tasks becomes an essential factor when designing task offloading policies for edge computing environments. This paper introduces a method for finding the delay-optimal task offloading policy under the power consumption constraint. The method consists of two steps. First, the offloading system is modeled using Discrete-time Markov Chains. Then, an algorithm based on linear programming is used to find the optimal task offloading policy for the created model. In addition to discussing the problem mathematically, we introduce a new software framework, written in the Kotlin language, which allows users to find the optimal task offloading policy for a given system. This framework can also benchmark the optimal policy's effectiveness using simulation.

Keywords: Task Offloading, Edge Computing, Markov Chains, Linear Programming, Cloud Computing



Iran University of Science and Technology Computer Engineering Department

A multi-user computation offloading policy to minimize average latency for IoT devices

Bachelor of Computer Engineering Final Project

By:

Mohammadmobin Dariushhamedani

Supervisor:

Dr. Reza Entezari-Maleki

July 2022