

# Algorytmy Sortowania

Damian Jakubowski

21 kwietnia 2023

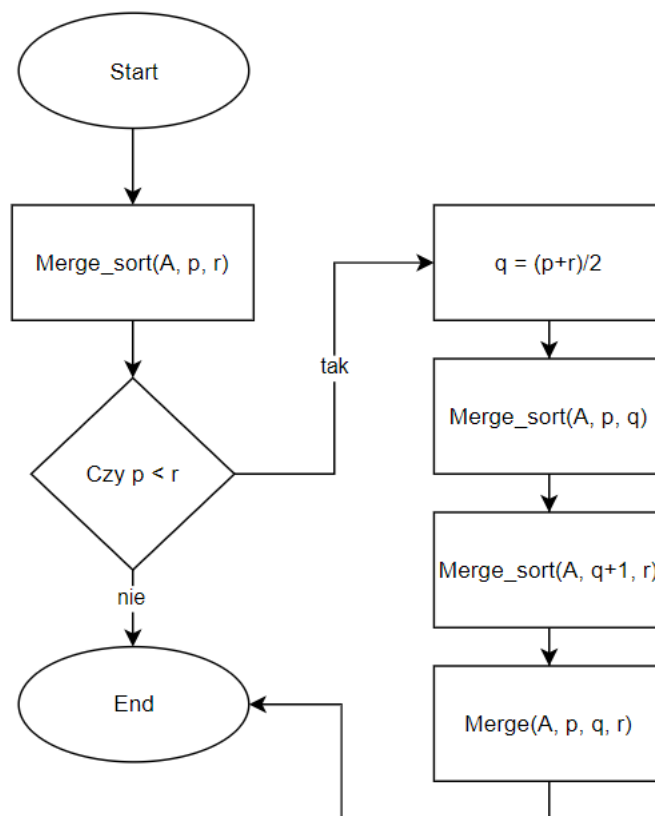
## Spis treści

<b>1</b>	<b>Przedstawienie omawianych algorytmów</b>	<b>2</b>
1.1	Sortowanie przez scalanie . . . . .	2
1.2	Sortowanie szybkie . . . . .	2
1.3	Sortowanie kubełkowe . . . . .	2
<b>2</b>	<b>Porównanie omawianych algorytmów</b>	<b>4</b>
2.1	Przypadek pesymistyczny . . . . .	4
2.2	Przypadek średni . . . . .	4
2.3	Przypadek optymistyczny . . . . .	4
<b>3</b>	<b>Omówienie badanych danych</b>	<b>4</b>
<b>4</b>	<b>Badanie poszczególnych algorytmów</b>	<b>5</b>
4.1	Sortowanie przez scalanie . . . . .	5
4.2	Sortowanie szybkie . . . . .	5
4.3	Sortowanie kubełkowe . . . . .	7
<b>5</b>	<b>Podsumowanie</b>	<b>8</b>

# 1 Przedstawienie omawianych algorytmów

## 1.1 Sortowanie przez scalanie

Jest to rekurencyjny algorytm sortowania danych implementujący metode dziel i zwyciężaj. Algorytm wywołuje się rekurencyjnie na coraz to mniejszym zakresie tablicy, dojdzie do momentu gdy sortuje tylko jeden element następnie metoda Merge odpowiednio wstawia elementy na poprawne miejsca z całego zakresu tablicy.



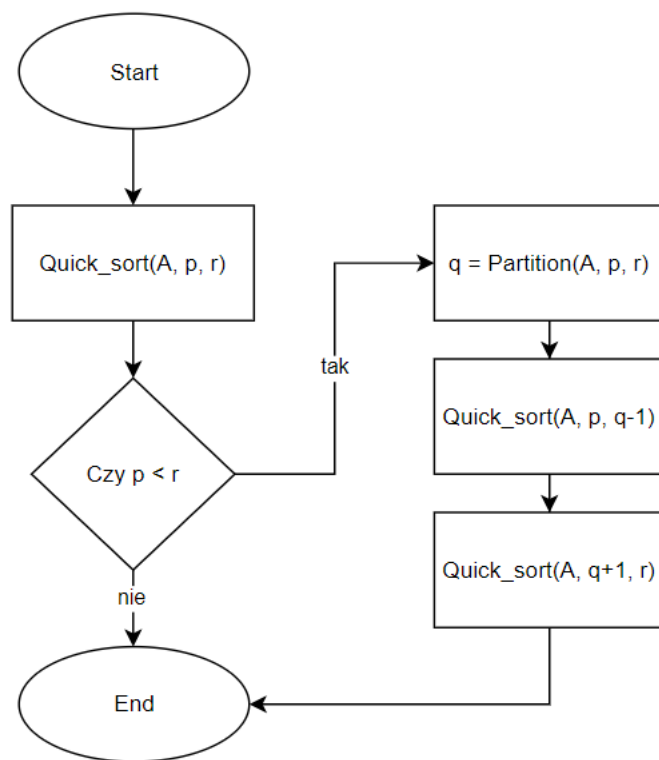
Rysunek 1: Schemat blokowy algorytmu merge sort.

## 1.2 Sortowanie szybkie

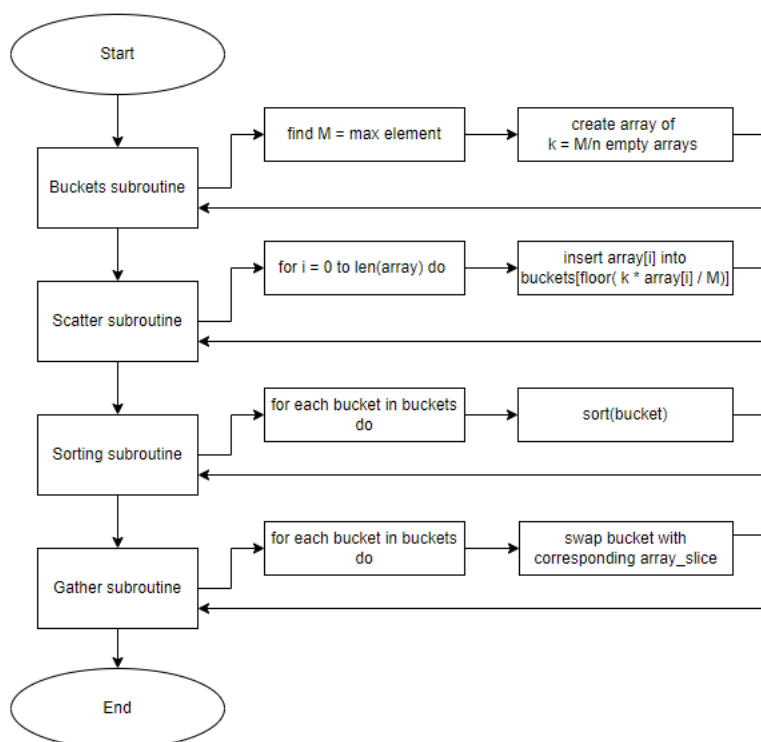
Również jest to algorytm implementujący metode dziel i zwyciężaj. Jest to usprawniony merge sort. Algorytm wywołuje się rekurencyjnie wokół jakiegoś elementu zazwyczaj środkowego jednak istnieją różne metody wyboru tzw. pivota. Za pomocą metody Partition algorytm zamienia stronami elementy z lewej na prawa i odwrotnie gdy jest on większy lub mniejszy od pivota. Dzieje się to do momentu gdy nie zostanie jeden element do przetrzucenia. Jak widać na schemacie (rys.2) takie podejście niweluje potrzebę scalenia tablicy w osobnym przejściu.

## 1.3 Sortowanie kubełkowe

Zgodnie ze schematem (rys.3) algorytm rozpoczyna swoje działanie od utworzenia tzw. kubełków (ang. bucket), następnie elementy do posortowania są dodawane do konkretnych kubełków zgodnie z zakresem do którego element należy. Działanie metody Scatter subroutine można porównać do tworzenia histogramu danych. Następnie każdy kubeł jest sortowany oddzielnie przez inny algorytm, zazwyczaj dobierany tak aby sprawdzał się na danych które sortujemy lub sortował szybko odpowiednie ilości elementów w kubełkach. Po wykonaniu sortowania wszystkie kubeły są opróżnianie i wpisywane kolejno do tablicy, ponieważ wiemy że każdy kubeł jest posortowany i każdy następny zawiera dane odpowiednio większe lub mniejsze od poprzedniego kubeła. Złożoność tego algorytmu jest zależna od algorytmu zastosowanego do sortowania poszczególnych kubełków od ich ilości oraz od tego czy dane zachowują rozkład normalny czy nie.



Rysunek 2: Schemat blokowy algorytmu quick sort.



Rysunek 3: Schemat algorytmu bucket sort.

## 2 Porównanie omawianych algorytmów

### 2.1 Przypadek pesymistyczny

- merge sort -  $O(n \log(n))$ ,
- quick sort -  $O(n^2)$  wystąpi gdy pivotem cały czas będzie element największy,
- bucket sort -  $O(n^2)$  wystąpi gdy wszystkie elementy trafią do jednego kubła.

### 2.2 Przypadek średni

- merge sort -  $O(n \log(n))$ ,
- quick sort -  $O(n \log(n))$ ,
- bucket sort -  $O(n + k)$ .

### 2.3 Przypadek optymistyczny

- merge sort -  $O(n \log(n))$ ,
- quick sort -  $O(n \log(n))$  wystąpi gdy pivotem cały czas będzie element środkowy,
- bucket sort -  $O(n + k)$  elementy będą równomiernie rozłożone między kubły.

## 3 Omówienie badanych danych

Dane które będą sortowane to baza danych z ocenami filmów ze strony Kaggle.com. Od razu możemy założyć, że będzie zachowany rozkład normalny więc bucket sort powinien sprawdzić się przynajmniej dobrze. Wartość maksymalna to 10 a minimalna występująca w zbiorze to 1.

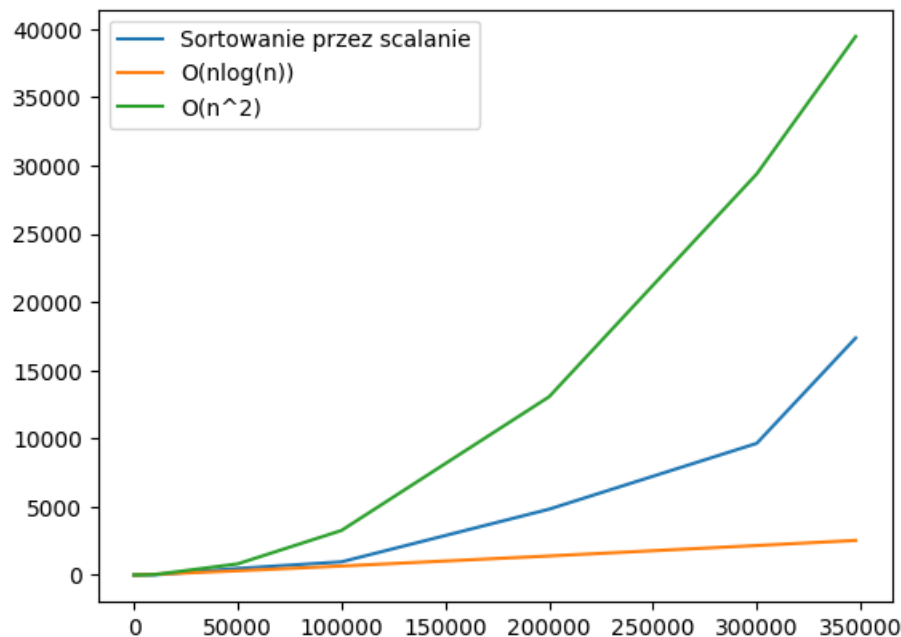
lp.	movie	rating
10	Closure (I) (2018)	9.0
11	Unstoppable (2010)	8.0
12	Dangerous Lies (2020)	7.0
13	Beastie Boys Story (2020)	7.0
14	"Ruben Brandt Collector (2018)"	7.0
15	Some Kind of Hate (2015)	3.0
16	Cube Zero (2004)	8.0
17	Carne (1991)	7.0
18	500 Days of Summer (2009)	5.0

Tabela 1: Fragment danych przeznaczonych do sortowania.

## 4 Badanie poszczególnych algorytmów

### 4.1 Sortowanie przez scalanie

#### Złożoność czasowa



Rysunek 4: Złożoność optymistyczna i pesymistyczna w porównaniu do rzeczywistej

#### Złożoność pamięciowa

```
1 while (i < mid + 1 && j < end + 1) {  
2     if (list[i] <= list[j]) {  
3         i++;  
4     } else {  
5         int val = list.removeAt(j);  
6         list.insertAt(i, val);  
7         i++;  
8         j++;  
9         mid++;  
10    }
```

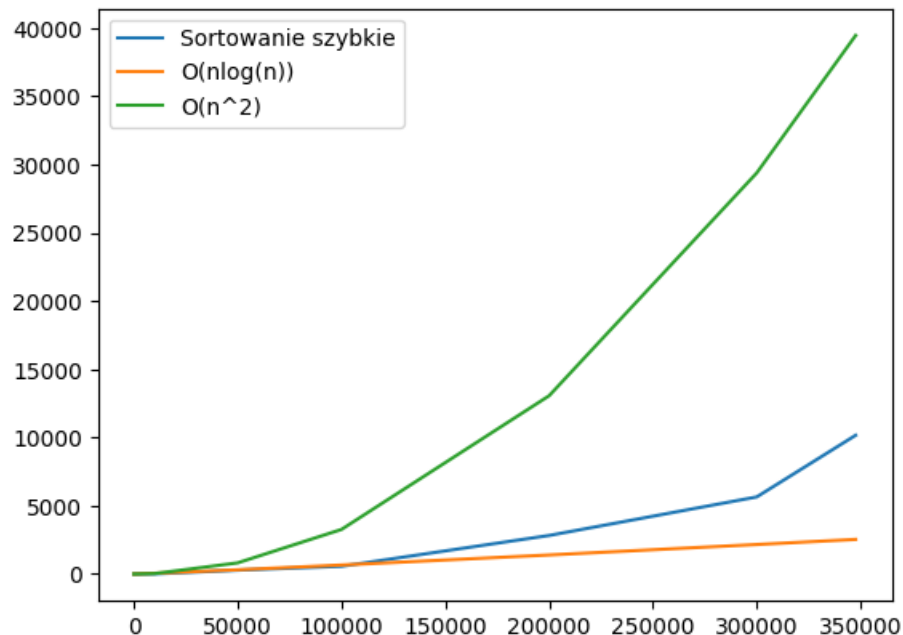
Algorytm jest zaimplementowany w miejscu więc fragment odpowiedzialny za przepisywanie elementów na odpowiednie pozycje pracuje na oryginale (nie alokuje dodatkowych zasobów) co daje złożoność pamięciową  $O(1)$ .

### Wnioski

Mergesort z pośród trzech badanych algorytmów poradził sobie najgorzej co też wynika z teorii mimo, że złożoności obliczeniowe są te same. W związku, że algorytm jest rekurencyjny pojawiło się duże zużycie pamięci.

### 4.2 Sortowanie szybkie

#### Złożoność czasowa



Rysunek 5: Złożoność optymistyczna i pesymistyczna w porównaniu do rzeczywistej

## Złożoność pamięciowa

```

1 int _partition(DoubleLinkedList<int> list, int left, int right){
2     int x = list[right];
3     int i = left-1;
4     for (int j = left; j <= right-1; j++){
5         if (list[j] < x){
6             i++;
7             list.swapValue(i, j);
8         }
9     }
10    list.swapValue(i+1, right);
11    return i+1;
12 }

```

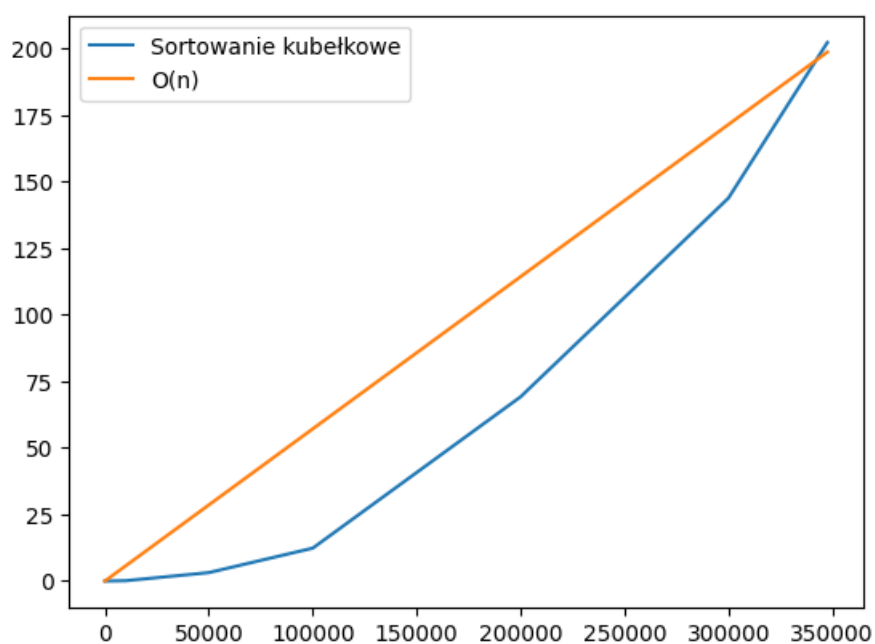
Metoda partition zaimplementowana jest również w miejscu i można to zauważyć po fragmencie kodu wyżej. W funkcji używany jest oryginał sortowanej listy co nie powoduje zbędnej alokacji pamięci więc złożoność pamięciowa algorytmu wynosi  $O(1)$ .

## Wnioski

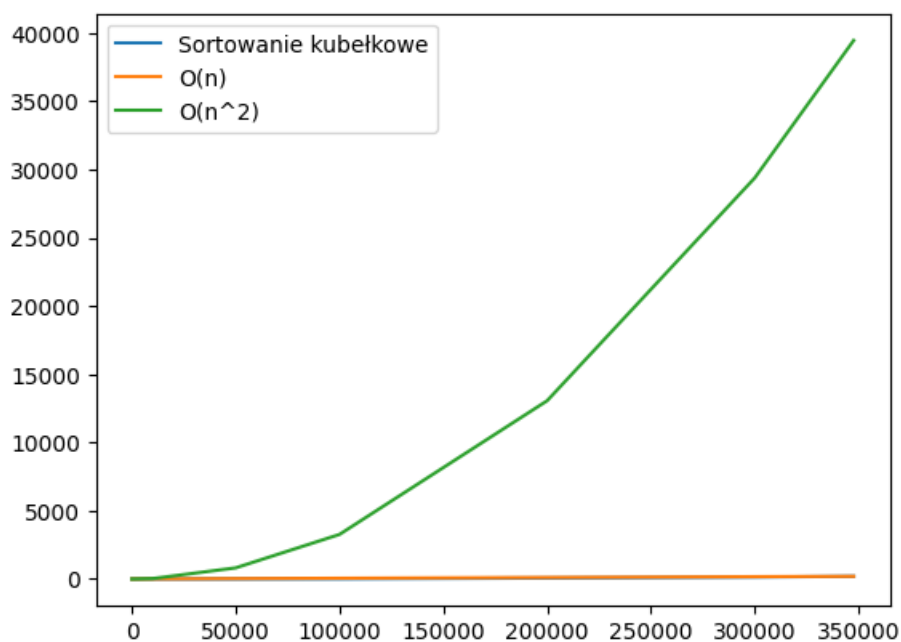
Algorytm sortowania szybkiego poradził sobie lepiej niż sortowanie przez scalanie co również jest wynikiem przewidywanym, ponieważ quick sort to tak naprawdę usprawniony merge sort.

### 4.3 Sortowanie kubełkowe

#### Złożoność czasowa



Rysunek 6: Złożoność optymistyczna w porównaniu do rzeczywistej



Rysunek 7: Złożoność pesymistyczna w porównaniu do rzeczywistej

## Złożoność pamięciowa

```
1 for (int i = 0; i < startSize; i++) {
2     var poppedItem = list.popBack();
3     var index = (k * poppedItem ~/ m).floor();
4     if (index >= k) {
5         buckets.last.pushBack(poppedItem);
6         continue;
7     }
8     buckets.elementAt(index)!.pushBack(poppedItem);
9 }
```

Zgodnie z fragmentem który jest odpowiedzialny za rozrzucenie elementów do odpowiednich kubłów element najpierw jest usuwany z oryginału a następnie przerzucany do kubła w związku z tym elementy nie są kopiowane więc nie jest potrzebne więcej miejsca aby je przechować co daje złożoność pamięciową  $O(1)$ .

```
1 T? popBack() {
2     Node<T> poppedNode = this._tail!;
3     this._tail = _tail!.prev;
4     this._tail!.next = null;
5     this._size--;
6     return poppedNode.value;
7 }
```

Metoda popBack() przepina wskaźnik tail na przedostatni element i zwraca jego wartość oraz usuwa referencje na ostatni element tak aby trash collector mógł zwolnić jego zasoby.

## Wnioski

Tak jak zakładano w Punkcie 3 sortowanie kubełkowe poradziło sobie z taką ilością danych zgodnie z przewidywaną złożonością i najlepiej wśród badanych algorytmów. Jednym z powodów może być fakt, że sortowane dane spełniają warunki możliwości wyłapania najlepszego przypadku bucket sorta.

## 5 Podsumowanie

Osiągnięte wyniki są zgodne z teoretycznymi obliczeniami złożoności i również udało się osiągnąć złożoność pamięciową równą  $O(1)$ . Cały projekt bardzo dobrze obrazuje, że ważne jest by dopasować algorytm do rodzaju danych lub ich ilości.