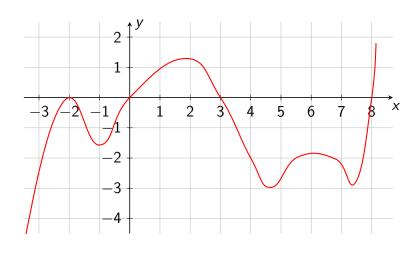
1

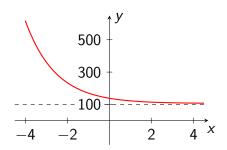
Zadatak 1

Zadan je graf funkcije f.



Zadatak 2

Zadana je funkcija h svojim grafom na donjoj slici.



Ispitajte monotonost, omeđenost i parnost funkcije h na temelju njezinog grafa.

3/7

1/7

2/7

a) Odredite nultočke funkcije f.

b) Navedite neki interval na kojemu je funkcija f pozitivna.

c) Navedite neki interval na kojemu je funkcija f negativna.

d) Napišite neki interval na kojemu funkcija f pada.

e) Napišite neki interval na kojemu funkcija f raste.

f) Napišite neki interval na kojemu funkcija f nije monotona.

g) Napišite neki interval na kojemu je $f(x) \leq -1$.

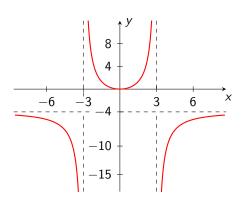
h) Koliko lokalnih ekstrema ima funkcija f?

i) Koliko rješenja ima jednadžba f(x) = 1 na segmentu [-3, 9]?

j) Koliko rješenja ima jednadžba f(x) = 1 na segmentu [-3, 8]?

Zadatak 3

Zadana je funkcija f svojim grafom na donjoj slici.



Ispitajte monotonost, omeđenost i parnost funkcije f na temelju njezinog grafa.

Zadatak 4

Zadane su funkcije $f(x) = \log_2 x$ i $g(x) = \log_3 x$.

- a) Na kojim dijelovima domena vrijedi nejednakost $f(x) \ge g(x)$?
- b) Na kojim dijelovima domena vrijedi nejednakost $f(x) \leq g(x)$?
- c) Na kojem dijelu domene vrijedi $1 \le f(x) \le 2$?
- d) Na kojem dijelu domene vrijedi $1 \leqslant g(x) \leqslant 2$?
- e) Na kojim dijelovima domena vrijedi nejednakost $f^{-1}(x) \ge g^{-1}(x)$?
- f) Na kojim dijelovima domena vrijedi nejednakost $f^{-1}(x) \leq g^{-1}(x)$?
- g) Usporedite funkcije f, g, f^{-1} i g^{-1} na intervalu $(0, +\infty)$ s linearnom funkcijom h(x) = x.

Zadatak 6

Ispitajte parnost sljedećih funkcija:

a)
$$f(x) = \frac{2x^2}{3 - x^2}$$

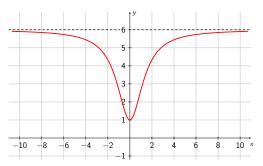
b)
$$h(x) = 2^{5-x} + 50$$

c)
$$g(x) = \log_4 \frac{3 + 2x}{3 - 2x}$$

5/7

Zadatak 5

Zadan je graf funkcije $g: \mathbb{R} \to \operatorname{Im} g$, a funkcije g_1, g_2 i g_3 imaju isto pravilo pridruživanja kao i funkcija g.



- a) Ispitajte omeđenost funkcije g.
- b) Je li funkcija $g : \mathbb{R} \to \operatorname{Im} g$ bijekcija?
- c) Je li funkcija $g_1: \langle -\infty, 0] \to \mathbb{R}$ bijekcija?
- d) Je li funkcija $g_2: \langle -\infty, 0] \rightarrow [1, 6 \rangle$ bijekcija?
- e) Je li funkcija $g_3: [0, +\infty) \rightarrow [1, 6]$ bijekcija?

7 / 7