Seminari 13

Matematika za ekonomiste 2

Damir Horvat

FOI, Varaždin

Sadržaj

Oznake

drugi zadatak treći zadatak

prvi zadatak

četvrti zadatak

peti zadatak

šesti zadatak

Oznake

Oznake

- $ullet \; \ell_{\scriptscriptstyle X} \; o \; {\sf broj} \; {\sf ilde{z}} {\sf ivih} \; x{\sf -godišnjaka}$
- ullet $d_x
 ightarrow {
 m broj} \ x$ -godišnjaka umrlih tijekom (x+1)-ve godine

$$d_{\mathsf{x}} = \ell_{\mathsf{x}} - \ell_{\mathsf{x}+1}$$

 $ullet q_x
ightarrow v$ jerojatnost da osoba stara x godina umre tijekom naredne godine

$$q_{\mathsf{x}} = rac{d_{\mathsf{x}}}{\ell_{\mathsf{x}}} = rac{\ell_{\mathsf{x}} - \ell_{\mathsf{x}+1}}{\ell_{\mathsf{x}}}$$

ullet $p_{ imes}$ o vjerojatnost da osoba stara x godina bude živa naredne godine

$$ho_{\scriptscriptstyle X} = 1 - q_{\scriptscriptstyle X} = rac{\ell_{\scriptscriptstyle X+1}}{\ell_{\scriptscriptstyle Y}}$$

Oznake

ullet $_np_{\scriptscriptstyle X}$ \to vjerojatnost da će x-godišnjak živjeti narednih n godina

$$_{n}p_{x}=rac{\ell_{x+n}}{\ell_{x}}$$

ullet $_nq_{\scriptscriptstyle X}$ ightarrow vjerojatnost da će x-godišnjak umrijeti u narednih n godina

$$_{n}q_{x}=1-_{n}p_{x}=rac{\ell_{x}-\ell_{x+n}}{\ell_{x}}$$

prvi zadatak

Kolika je vjerojatnost da ženska osoba starosti 20 godina doživi 21. rođendan? Kolika je vjerojatnost da muška osoba starosti 50 godina doživi 51. rođendan?

Kolika je vjerojatnost da ženska osoba starosti 20 godina doživi 21. rođendan? Kolika je vjerojatnost da muška osoba starosti 50 godina doživi 51. rođendan?

$$p_{20}(f) = \frac{\ell_{21}(f)}{\ell_{20}(f)}$$

Kolika je vjerojatnost da ženska osoba starosti 20 godina doživi 21. rođendan? Kolika je vjerojatnost da muška osoba starosti 50 godina doživi 51. rođendan?

$$p_{20}(f) = \frac{\ell_{21}(f)}{\ell_{20}(f)} = ----$$

Kolika je vjerojatnost da ženska osoba starosti 20 godina doživi 21. rođendan? Kolika je vjerojatnost da muška osoba starosti 50 godina doživi 51. rođendan?

$$p_{20}(f) = \frac{\ell_{21}(f)}{\ell_{20}(f)} = \frac{99499}{20}$$

Kolika je vjerojatnost da ženska osoba starosti 20 godina doživi 21. rođendan? Kolika je vjerojatnost da muška osoba starosti 50 godina doživi 51. rođendan?

$$p_{20}(f) = \frac{\ell_{21}(f)}{\ell_{20}(f)} = \frac{99499}{99519}$$

Kolika je vjerojatnost da ženska osoba starosti 20 godina doživi 21. rođendan? Kolika je vjerojatnost da muška osoba starosti 50 godina doživi 51. rođendan?

$$p_{20}(f) = \frac{\ell_{21}(f)}{\ell_{20}(f)} = \frac{99499}{99519} = 0.999799$$

Kolika je vjerojatnost da ženska osoba starosti 20 godina doživi 21. rođendan? Kolika je vjerojatnost da muška osoba starosti 50 godina doživi 51. rođendan?

Rješenje

$$p_{20}(f) = \frac{\ell_{21}(f)}{\ell_{20}(f)} = \frac{99499}{99519} = 0.999799$$

Kolika je vjerojatnost da ženska osoba starosti 20 godina doživi 21. rođendan? Kolika je vjerojatnost da muška osoba starosti 50 godina doživi 51. rođendan?

Rješenje

$$p_{20}(f) = \frac{\ell_{21}(f)}{\ell_{20}(f)} = \frac{99499}{99519} = 0.999799$$

$$p_{50}(m) = \frac{\ell_{51}(m)}{\ell_{50}(m)}$$

Kolika je vjerojatnost da ženska osoba starosti 20 godina doživi 21. rođendan? Kolika je vjerojatnost da muška osoba starosti 50 godina doživi 51. rođendan?

Rješenje

$$p_{20}(f) = \frac{\ell_{21}(f)}{\ell_{20}(f)} = \frac{99499}{99519} = 0.999799$$

$$p_{50}(m) = \frac{\ell_{51}(m)}{\ell_{50}(m)} = \frac{1}{2}$$

Kolika je vjerojatnost da ženska osoba starosti 20 godina doživi 21. rođendan? Kolika je vjerojatnost da muška osoba starosti 50 godina doživi 51. rođendan?

Rješenje

$$p_{20}(f) = \frac{\ell_{21}(f)}{\ell_{20}(f)} = \frac{99499}{99519} = 0.999799$$
$$p_{50}(m) = \frac{\ell_{51}(m)}{\ell_{50}(m)} = \frac{93761}{4}$$

Kolika je vjerojatnost da ženska osoba starosti 20 godina doživi 21. rođendan? Kolika je vjerojatnost da muška osoba starosti 50 godina doživi 51. rođendan?

Rješenje

$$p_{20}(f) = \frac{\ell_{21}(f)}{\ell_{20}(f)} = \frac{99499}{99519} = 0.999799$$

$$p_{50}(m) = \frac{\ell_{51}(m)}{\ell_{50}(m)} = \frac{93761}{94320}$$

Kolika je vjerojatnost da ženska osoba starosti 20 godina doživi 21. rođendan? Kolika je vjerojatnost da muška osoba starosti 50 godina doživi 51. rođendan?

Rješenje

$$p_{20}(f) = \frac{\ell_{21}(f)}{\ell_{20}(f)} = \frac{99499}{99519} = 0.999799$$

$$p_{50}(m) = \frac{\ell_{51}(m)}{\ell_{50}(m)} = \frac{93761}{94320} = 0.994073$$

Kolika je vjerojatnost da ženska osoba starosti 20 godina doživi 21. rođendan? Kolika je vjerojatnost da muška osoba starosti 50 godina doživi 51. rođendan?

Rješenje

$$p_{20}(f) = \frac{\ell_{21}(f)}{\ell_{20}(f)} = \frac{99499}{99519} = 0.999799$$

$$p_{50}(m) = \frac{\ell_{51}(m)}{\ell_{50}(m)} = \frac{93761}{94320} = 0.994073$$

Vjerojatnost da ženska osoba starosti 20 godina doživi 21. rođendan jednaka je 99.9799%.

drugi zadatak

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 40 godina ili muška osoba starosti 30 godina ne doživi idući rođendan?

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 40 godina ili muška osoba starosti 30 godina ne doživi idući rođendan?

$q_{x} = \frac{d_{x}}{\ell_{x}} = \frac{\ell_{x} - \ell_{x+1}}{\ell_{x}}$

$$q_{40}(f) = \frac{d_{40}(f)}{\ell_{40}(f)}$$

$q_{x} = \frac{d_{x}}{\ell_{x}} = \frac{\ell_{x} - \ell_{x+1}}{\ell_{x}}$

$$q_{40}(f) = rac{d_{40}(f)}{\ell_{40}(f)} = ----$$

$q_{x}=rac{d_{x}}{\ell_{x}}=rac{\ell_{x}-\ell_{x+1}}{\ell_{x}}$

$$q_{40}(f) = \frac{d_{40}(f)}{\ell_{40}(f)} = \frac{81}{}$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 40 godina ili muška osoba starosti 30 godina ne doživi idući rođendan? $d_{x} = \ell_{x} - \ell_{x+}$

$q_{x} = \frac{d_{x}}{\ell_{x}} = \frac{\ell_{x} - \ell_{x+1}}{\ell_{x}}$

$$q_{40}(f) = \frac{d_{40}(f)}{\ell_{40}(f)} = \frac{81}{98796}$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 40 godina ili muška osoba starosti 30 godina ne doživi idući rođendan? $d_x = \ell_x - \ell_{x+}$

 $q_{x} = \frac{d_{x}}{\ell_{x}} = \frac{\ell_{x} - \ell_{x+1}}{\ell_{x}}$

$$q_{40}(f) = \frac{d_{40}(f)}{\ell_{40}(f)} = \frac{81}{98796} = 0.00082$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 40 godina ili muška osoba starosti 30 godina ne doživi idući rođendan?

Rješenje

$$q_{\mathsf{x}} = \frac{d_{\mathsf{x}}}{\ell_{\mathsf{x}}} = \frac{\ell_{\mathsf{x}} - \ell_{\mathsf{x}+1}}{\ell_{\mathsf{x}}}$$

$$q_{40}(f) = \frac{d_{40}(f)}{\ell_{40}(f)} = \frac{81}{98796} = 0.00082$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 40 godina ili muška osoba starosti 30 godina ne doživi idući rođendan?

 $q_{x} = \frac{d_{x}}{\ell_{x}} = \frac{\ell_{x} - \ell_{x+1}}{\ell_{x}}$

Rješenje

$$q_{40}(f) = \frac{d_{40}(f)}{\ell_{40}(f)} = \frac{81}{98796} = 0.00082$$
$$q_{30}(m) = \frac{d_{30}(m)}{\ell_{30}(m)}$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 40 godina ili muška osoba starosti 30 godina ne doživi idući rođendan?

Rješenje

$$q_{\scriptscriptstyle X} = rac{d_{\scriptscriptstyle X}}{\ell_{\scriptscriptstyle X}} = rac{\ell_{\scriptscriptstyle X} - \ell_{\scriptscriptstyle X+1}}{\ell_{\scriptscriptstyle X}}$$

$$q_{40}(f) = \frac{d_{40}(f)}{\ell_{40}(f)} = \frac{81}{98796} = 0.00082$$
$$q_{30}(m) = \frac{d_{30}(m)}{\ell_{20}(m)} = ---$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 40 godina ili muška osoba starosti 30 godina ne doživi idući rođendan?

Rješenje

$$q_{x} = \frac{d_{x}}{\ell_{x}} = \frac{\ell_{x} - \ell_{x+1}}{\ell_{x}}$$

$$q_{40}(f) = \frac{d_{40}(f)}{\ell_{40}(f)} = \frac{81}{98796} = 0.00082$$
$$q_{30}(m) = \frac{d_{30}(m)}{\ell_{30}(m)} = \frac{86}{400}$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 40 godina ili muška osoba starosti 30 godina ne doživi idući rođendan?

Rješenje $q_{x} = \frac{d_{x}}{\ell_{x}} = \frac{\ell_{x} - \ell_{x+1}}{\ell_{x}}$

$$q_{40}(f) = \frac{d_{40}(f)}{\ell_{40}(f)} = \frac{81}{98796} = 0.00082$$
$$q_{30}(m) = \frac{d_{30}(m)}{\ell_{30}(m)} = \frac{86}{98496}$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 40 godina ili muška osoba starosti 30 godina ne doživi idući rođendan?

Rješenje

$$q_x = \frac{d_x}{\ell_x} = \frac{\ell_x - \ell_{x+1}}{\ell_x}$$

$$q_{40}(f) = \frac{d_{40}(f)}{\ell_{40}(f)} = \frac{81}{98796} = 0.00082$$
$$q_{30}(m) = \frac{d_{30}(m)}{\ell_{30}(m)} = \frac{86}{98496} = 0.000873$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 40 godina ili muška osoba starosti 30 godina ne doživi idući rođendan?

Rješenje

That he dozivi iduci rodendan?
$$q_x = \frac{d_x}{\ell_x} = \frac{\ell_x - \ell_{x+1}}{\ell_x}$$

$$q_{40}(f) = \frac{d_{40}(f)}{\ell_{40}(f)} = \frac{81}{98796} = 0.00082$$
$$q_{30}(m) = \frac{d_{30}(m)}{\ell_{30}(m)} = \frac{86}{98496} = 0.000873$$

Vjerojatnost da ženska osoba starosti 40 godina ne doživi 41. rođendan jednaka je 0.082%.

treći zadatak

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 30 godina doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina doživi 60. rođendan?

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 30 godina doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina doživi 60. rođendan?

$$_{35}p_{30}(f)=rac{\ell_{65}(f)}{\ell_{30}(f)}$$

$$\chi = \frac{\ell_{x+n}}{\ell_x}$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 30 godina doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina doživi 60. rođendan?

$$_{35}p_{30}(f)=rac{\ell_{65}(f)}{\ell_{30}(f)}=----$$

$$p_{\scriptscriptstyle \! X} = rac{oldsymbol{\ell}_{\scriptscriptstyle \! X+n}}{oldsymbol{\ell}_{\scriptscriptstyle \! X}}$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 30 godina doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina doživi 60. rođendan?

$$_{35}p_{30}(f) = \frac{\ell_{65}(f)}{\ell_{30}(f)} = \frac{90405}{}$$

$$p_{x} = \frac{\ell_{x+n}}{\ell_{x}}$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 30 godina doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina doživi 60. rođendan?

$$_{35}p_{30}(f) = \frac{\ell_{65}(f)}{\ell_{30}(f)} = \frac{90405}{99271}$$



Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 30 godina doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina doživi 60. rođendan?

$$p_{35}p_{30}(f) = \frac{\ell_{65}(f)}{\ell_{30}(f)} = \frac{90405}{99271} = 0.910689$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 30 godina doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina doživi 60. rođendan?

Rješenje

$${}_{35}p_{30}(f) = \frac{\ell_{65}(f)}{\ell_{20}(f)} = \frac{90405}{99271} = 0.910689$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 30 godina doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina doživi 60. rođendan?

Rješenje

$$_{35}p_{30}(f) = \frac{\ell_{65}(f)}{\ell_{30}(f)} = \frac{90405}{99271} = 0.910689$$

$$_{35}p_{25}(m)=rac{\ell_{60}(m)}{\ell_{25}(m)}$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 30 godina doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina doživi 60. rođendan?

Rješenje

$$p_{35}p_{30}(f) = \frac{\ell_{65}(f)}{\ell_{20}(f)} = \frac{90405}{99271} = 0.910689$$

$$_{35}p_{25}(m)=rac{\ell_{60}(m)}{\ell_{25}(m)}=----$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 30 godina doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina doživi 60. rođendan?

Rješenje

$$p_{35}p_{30}(f) = \frac{\ell_{65}(f)}{\ell_{20}(f)} = \frac{90405}{99271} = 0.910689$$

$$_{35}p_{25}(m) = \frac{\ell_{60}(m)}{\ell_{25}(m)} = \frac{85449}{}$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 30 godina doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina doživi 60. rođendan?

Rješenje

$$p_{35}p_{30}(f) = \frac{\ell_{65}(f)}{\ell_{20}(f)} = \frac{90405}{99271} = 0.910689$$

$$_{35}p_{25}(m) = \frac{\ell_{60}(m)}{\ell_{25}(m)} = \frac{85449}{98904}$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 30 godina doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina doživi 60. rođendan?

Rješenje

$$p_{35}p_{30}(f) = \frac{\ell_{65}(f)}{\ell_{20}(f)} = \frac{90405}{99271} = 0.910689$$

$$_{35}p_{25}(m) = \frac{\ell_{60}(m)}{\ell_{25}(m)} = \frac{85449}{98904} = 0.863959$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 30 godina doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina doživi 60. rođendan?

Rješenje

$$_{35}p_{30}(f) = \frac{\ell_{65}(f)}{\ell_{30}(f)} = \frac{90405}{99271} = 0.910689$$
 $_{35}p_{25}(m) = \frac{\ell_{60}(m)}{\ell_{25}(m)} = \frac{85449}{98904} = 0.863959$

Vjerojatnost da ženska osoba starosti 30 godina doživi 65. rođendan jednaka je 91.0689%.

Vjerojatnost da muška osoba starosti 25 godina doživi 60. rođendan jednaka je 86.3959%.

 $igg|_n p_{\scriptscriptstyle X} = rac{oldsymbol{\ell}_{\scriptscriptstyle X} + n}{oldsymbol{\ell}_{\scriptscriptstyle X}} igg|$

četvrti zadatak

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 18 godina ne doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina ne doživi 55. rođendan?

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 18 godina ne doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina ne doživi 55. rođendan?

$$_{47}q_{18}(f)=rac{\ell_{18}(f)-\ell_{65}(f)}{\ell_{18}(f)}$$

$$\boxed{ _{n}q_{x} = \frac{\ell_{x} - \ell_{x+n}}{\ell_{x}} }$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 18 godina ne doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina ne doživi 55. rođendan?

$$_{n}q_{x}=\frac{\ell_{x}-\ell_{x+n}}{\ell_{x}}$$

$$_{47}q_{18}(f)=rac{\ell_{18}(f)-\ell_{65}(f)}{\ell_{18}(f)}=----$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 18 godina ne doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina ne doživi 55. rođendan?

$$_{47}q_{18}(f)=rac{\ell_{18}(f)-\ell_{65}(f)}{\ell_{18}(f)}=rac{99\,559}{}$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 18 godina ne doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina ne doživi 55. rođendan?

nje
$$q_{x} = \frac{\ell_{x} - \ell_{x+n}}{\ell_{x}}$$

$$_{47}q_{18}(f) = rac{\ell_{18}(f) - \ell_{65}(f)}{\ell_{18}(f)} = rac{99\,559 - 90\,405}{}$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 18 godina ne doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina ne doživi 55. rođendan?

$$_{n}q_{x}=rac{\ell_{x}-\ell_{x+n}}{\ell_{x}}$$

$$_{47}q_{18}(f) = rac{\ell_{18}(f) - \ell_{65}(f)}{\ell_{18}(f)} = rac{99\,559 - 90\,405}{99\,559}$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 18 godina ne doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina ne doživi 55. rođendan?

$$q_{x} = \frac{\ell_{x} - \ell_{x+n}}{\ell_{x}}$$

$$_{47}q_{18}(f) = \frac{\ell_{18}(f) - \ell_{65}(f)}{\ell_{18}(f)} = \frac{99\,559 - 90\,405}{99\,559} = 0.091945$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 18 godina ne doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina ne doživi 55. rođendan?

enje
$$\frac{{}_{n}q_{x}=\frac{\ell_{x}-\ell_{x+n}}{\ell_{x}}}{\ell_{x}}$$

$${}_{47}q_{18}(f)=\frac{\ell_{18}(f)-\ell_{65}(f)}{\ell_{18}(f)}=\frac{99\,559-90\,405}{99\,559}=0.091945$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 18 godina ne doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina ne doživi 55. rođendan?

Rješenje

$$_{n}q_{x}=rac{\ell_{x}-\ell_{x+n}}{\ell_{x}}$$

$$q_{18}(f) = rac{\ell_{18}(f) - \ell_{65}(f)}{\ell_{18}(f)} = rac{99\,559 - 90\,405}{99\,559} = 0.091945$$
 $q_{19}(f) = rac{\ell_{18}(f) - \ell_{55}(m)}{\ell_{25}(m)}$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 18 godina ne doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina ne doživi 55. rođendan?

Rješenje

$$q_{25}(m) = \frac{\ell_{25}(m) - \ell_{55}(m)}{\ell_{25}(m)} = ----$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 18 godina ne doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina ne doživi 55. rođendan?

Rješenje

enje
$$\frac{{}_{n}q_{x}=\frac{\ell_{x}-\ell_{x+n}}{\ell_{x}}}{\ell_{x}}$$
 ${}_{47}q_{18}(f)=\frac{\ell_{18}(f)-\ell_{65}(f)}{\ell_{18}(f)}=\frac{99\,559-90\,405}{99\,559}=0.091945$

$$q_{25}(m) = \frac{\ell_{25}(m) - \ell_{55}(m)}{\ell_{25}(m)} = \frac{98\,904}{46}$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 18 godina ne doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina ne doživi 55. rođendan?

Rješenje

enje
$$\frac{{}_{n}q_{x}=\frac{\ell_{x}-\ell_{x+n}}{\ell_{x}}}{\ell_{x}}$$
 ${}_{47}q_{18}(f)=\frac{\ell_{18}(f)-\ell_{65}(f)}{\ell_{18}(f)}=\frac{99\,559-90\,405}{99\,559}=0.091945$

$$q_{25}(m) = \frac{\ell_{25}(m) - \ell_{55}(m)}{\ell_{25}(m)} = \frac{98\,904 - 90\,843}{4000}$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 18 godina ne doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina ne doživi 55. rođendan?

 $_{47}q_{18}(f) = \frac{\ell_{18}(f) - \ell_{65}(f)}{\ell_{18}(f)} = \frac{99\,559 - 90\,405}{99\,559} = 0.091945$

Rješenje

$$_{n}q_{x}=\frac{\ell_{x}-\ell_{x+n}}{\ell_{x}}$$

$$q_{25}(m) = \frac{\ell_{25}(m) - \ell_{55}(m)}{\ell_{25}(m)} = \frac{98\,904 - 90\,843}{98\,904}$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 18 godina ne doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina ne doživi 55. rođendan?

$$_{n}q_{x}=\frac{\ell_{x}-\ell_{x+n}}{\ell_{x}}$$

$${}_{47}q_{18}(f) = \frac{\ell_{18}(f) - \ell_{65}(f)}{\ell_{18}(f)} = \frac{99559 - 90405}{99559} = 0.091945$$
$${}_{30}q_{25}(m) = \frac{\ell_{25}(m) - \ell_{55}(m)}{\ell_{25}(m)} = \frac{98904 - 90843}{98904} = 0.081503$$

Je li vjerojatnije da ženska osoba starosti 18 godina ne doživi 65. rođendan ili da muška osoba starosti 25 godina ne doživi 55. rođendan?

Rješenje

ešenje
$$\frac{{}_{n}q_{x}=\frac{\ell_{x}-\ell_{x+n}}{\ell_{x}}}{\ell_{x}}$$
 ${}_{47}q_{18}(f)=\frac{\ell_{18}(f)-\ell_{65}(f)}{\ell_{18}(f)}=\frac{99\,559-90\,405}{99\,559}=0.091945$

$$q_{25}(m)=rac{\ell_{25}(m)-\ell_{55}(m)}{\ell_{25}(m)}=rac{98\,904-90\,843}{98\,904}=0.081503$$
 Vierojatnost da ženska osoba starosti 18 godina ne doživi 65. rođendan

jednaka je 9.1945%.

Vjerojatnost da muška osoba starosti 25 godina ne doživi 55. rođendan jednaka je 8.1503%. 6/16

peti zadatak

Kolika je vjerojatnost da će supruga starosti 28 godina biti udovica tijekom idućih 10 godina ako joj suprug ima 76 godina?

Kolika je vjerojatnost da će supruga starosti 28 godina biti udovica tijekom idućih 10 godina ako joj suprug ima 76 godina?

Rješenje

Definiramo sljedeća dva događaja:

 $A = \{$ supruga starosti 28 godina će živjeti idućih 10 godina $\}$

 $B = \{ \text{suprug starosti 76 godina \acute{c}e umrijeti u narednih 10 godina} \}$

Kolika je vjerojatnost da će supruga starosti 28 godina biti udovica tijekom idućih 10 godina ako joj suprug ima 76 godina?

Rješenje

Definiramo sljedeća dva događaja:

 $A = \{$ supruga starosti 28 godina će živjeti idućih 10 godina $\}$

 $B = \{ \text{suprug starosti 76 godina \acute{c}e umrijeti u narednih 10 godina} \}$

Nas zanima vjerojatnost događaja $A \cap B$.

Kolika je vjerojatnost da će supruga starosti 28 godina biti udovica tijekom idućih 10 godina ako joj suprug ima 76 godina?

Rješenje

Definiramo sljedeća dva događaja:

 $A = \{$ supruga starosti 28 godina će živjeti idućih 10 godina $\}$

 $B = \{ \text{suprug starosti 76 godina \acute{c}e umrijeti u narednih 10 godina} \}$

$$P(A \cap B) =$$

Kolika je vjerojatnost da će supruga starosti 28 godina biti udovica tijekom idućih 10 godina ako joj suprug ima 76 godina?

Rješenje

Definiramo sljedeća dva događaja:

 $A = \{$ supruga starosti 28 godina će živjeti idućih 10 godina $\}$

 $B = \{ \mathsf{suprug} \ \mathsf{starosti} \ \mathsf{76} \ \mathsf{godina} \ \mathsf{\acute{c}e} \ \mathsf{umrijeti} \ \mathsf{u} \ \mathsf{narednih} \ \mathsf{10} \ \mathsf{godina} \}$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) =$$

Kolika je vjerojatnost da će supruga starosti 28 godina biti udovica tijekom idućih 10 godina ako joj suprug ima 76 godina?

Rješenje

Definiramo sljedeća dva događaja:

 $A = \{$ supruga starosti 28 godina će živjeti idućih 10 godina $\}$

 $B = \{ \mathsf{suprug} \ \mathsf{starosti} \ \mathsf{76} \ \mathsf{godina} \ \mathsf{\acute{c}e} \ \mathsf{umrijeti} \ \mathsf{u} \ \mathsf{narednih} \ \mathsf{10} \ \mathsf{godina} \}$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = {}_{10}p_{28}(f)$$

Kolika je vjerojatnost da će supruga starosti 28 godina biti udovica tijekom idućih 10 godina ako joj suprug ima 76 godina?

Rješenje

Definiramo sljedeća dva događaja:

 $A = \{$ supruga starosti 28 godina će živjeti idućih 10 godina $\}$

 $B = \{ \mathsf{suprug} \ \mathsf{starosti} \ \mathsf{76} \ \mathsf{godina} \ \mathsf{\acute{c}e} \ \mathsf{umrijeti} \ \mathsf{u} \ \mathsf{narednih} \ \mathsf{10} \ \mathsf{godina} \}$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = {}_{10}p_{28}(f) \cdot$$

Kolika je vjerojatnost da će supruga starosti 28 godina biti udovica tijekom idućih 10 godina ako joj suprug ima 76 godina?

Rješenje

Definiramo sljedeća dva događaja:

 $A = \{$ supruga starosti 28 godina će živjeti idućih 10 godina $\}$

 $B = \{ ext{suprug starosti 76 godina \'ce umrijeti u narednih 10 godina} \}$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = {}_{10}p_{28}(f) \cdot {}_{10}q_{76}(m)$$

$$n p_x = rac{\ell_{x+n}}{\ell_x}$$

$$q_x = \frac{\ell_x - \ell_{x+n}}{\ell_x}$$

$$_{10}p_{28}(f)=rac{\ell_{38}(f)}{\ell_{28}(f)}$$

$$np_{x} = \frac{\ell_{x+n}}{\ell_{x}}$$

$$_{n}q_{x}=\frac{\ell_{x}-\ell_{x+n}}{\ell_{x}}$$

$$_{10}p_{28}(f)=rac{\ell_{38}(f)}{\ell_{28}(f)}=----$$

$$n p_x = rac{\ell_{x+n}}{\ell_x}$$

$$_{n}q_{x}=rac{oldsymbol{\ell}_{x}-oldsymbol{\ell}_{x+n}}{oldsymbol{\ell}_{x}}$$

$$_{10}p_{28}(f) = \frac{\ell_{38}(f)}{\ell_{28}(f)} = \frac{98\,933}{}$$

$$oxedsymbol{n}
ho_{\scriptscriptstyle X} = rac{oldsymbol{\ell}_{\scriptscriptstyle X} + n}{oldsymbol{\ell}_{\scriptscriptstyle X}}$$

$$_{n}q_{x}=rac{\ell_{x}-\ell_{x+n}}{\ell_{x}}$$

$$_{10}p_{28}(f) = \frac{\ell_{38}(f)}{\ell_{28}(f)} = \frac{98933}{99325}$$

$$_{n}q_{x}=rac{oldsymbol{\ell}_{x}-oldsymbol{\ell}_{x+n}}{oldsymbol{\ell}_{x}}$$

$$_{10}p_{28}(f) = \frac{\ell_{38}(f)}{\ell_{28}(f)} = \frac{98933}{99325} = 0.996053$$

$$np_x = \frac{\ell_{x+n}}{\ell_x}$$

$$_{n}q_{x}=rac{oldsymbol{\ell}_{x}-oldsymbol{\ell}_{x+n}}{oldsymbol{\ell}_{x}}$$

$${}_{10}p_{28}(f) = \frac{\ell_{38}(f)}{\ell_{28}(f)} = \frac{98933}{99325} = 0.996053$$
$${}_{10}q_{76}(m) = \frac{\ell_{76}(m) - \ell_{86}(m)}{\ell_{76}(m)}$$

$$_{n}p_{x}=rac{\ell_{x+n}}{\ell_{x}}$$

$$_{n}q_{x}=rac{oldsymbol{\ell}_{x}-oldsymbol{\ell}_{x+n}}{oldsymbol{\ell}_{x}}$$

$$_{10}p_{28}(f) = \frac{\ell_{38}(f)}{\ell_{28}(f)} = \frac{98\,933}{99\,325} = 0.996053$$

$$q_{76}(m) = \frac{\ell_{76}(m) - \ell_{86}(m)}{\ell_{76}(m)} = ----$$

$$_{n}q_{x}=rac{oldsymbol{\ell}_{x}-oldsymbol{\ell}_{x+n}}{oldsymbol{\ell}_{x}}$$

$$l_{10}p_{28}(f) = \frac{\ell_{38}(f)}{\ell_{28}(f)} = \frac{98\,933}{99\,325} = 0.996053$$

$$q_{10}q_{76}(m) = \frac{\ell_{76}(m) - \ell_{86}(m)}{\ell_{76}(m)} = \frac{51\,940}{40}$$

$$np_x = \frac{\ell_{x+n}}{\ell_x}$$

$$_{n}q_{x}=rac{oldsymbol{\ell}_{x}-oldsymbol{\ell}_{x+n}}{oldsymbol{\ell}_{x}}$$

$$np_x = \frac{\ell_{x+n}}{\ell_x}$$

$$_{n}q_{x}=\frac{\ell_{x}-\ell_{x+n}}{\ell_{x}}$$

$$_{10}p_{28}(f) = \frac{\ell_{38}(f)}{\ell_{28}(f)} = \frac{98933}{99325} = 0.996053$$

$$q_{10}q_{76}(m) = \frac{\ell_{76}(m) - \ell_{86}(m)}{\ell_{76}(m)} = \frac{51\,940 - 18\,298}{51\,940}$$

$$np_x = \frac{\ell_{x+n}}{\ell_x}$$

$$_{n}q_{x}=\frac{\ell_{x}-\ell_{x+n}}{\ell_{x}}$$

$$_{10}p_{28}(f) = \frac{\ell_{38}(f)}{\ell_{28}(f)} = \frac{98933}{99325} = 0.996053$$

$$q_{76}(m) = \frac{\ell_{76}(m) - \ell_{86}(m)}{\ell_{76}(m)} = \frac{51\,940 - 18\,298}{51\,940} = 0.647709$$

$$np_x = \frac{\ell_{x+n}}{\ell_x}$$

$$_{n}q_{x}=rac{oldsymbol{\ell}_{x}-oldsymbol{\ell}_{x+n}}{oldsymbol{\ell}_{x}}$$

$${}_{10}p_{28}(f) = \frac{\ell_{38}(f)}{\ell_{28}(f)} = \frac{98933}{99325} = 0.996053$$
$${}_{10}q_{76}(m) = \frac{\ell_{76}(m) - \ell_{86}(m)}{\ell_{76}(m)} = \frac{51940 - 18298}{51940} = 0.647709$$
$$P(A \cap B) =$$

$$np_x = \frac{\ell_{x+n}}{\ell_x}$$

$$_{n}q_{x}=rac{m{\ell}_{x}-m{\ell}_{x+n}}{m{\ell}_{x}}$$

$${}_{10}p_{28}(f) = \frac{\ell_{38}(f)}{\ell_{28}(f)} = \frac{98933}{99325} = 0.996053$$
$${}_{10}q_{76}(m) = \frac{\ell_{76}(m) - \ell_{86}(m)}{\ell_{76}(m)} = \frac{51940 - 18298}{51940} = 0.647709$$

$$P(A \cap B) = 0.996053 \cdot 0.647709$$

$$_{n}q_{x}=rac{oldsymbol{\ell}_{x}-oldsymbol{\ell}_{x+n}}{oldsymbol{\ell}_{x}}$$

$$_{10}p_{28}(f) = \frac{\ell_{38}(f)}{\ell_{28}(f)} = \frac{98933}{99325} = 0.996053$$
 $_{10}q_{76}(m) = \frac{\ell_{76}(m) - \ell_{86}(m)}{\ell_{76}(m)} = \frac{51940 - 18298}{51940} = 0.647709$

$$P(A \cap B) = 0.996053 \cdot 0.647709 = 0.645152$$

$$\boxed{_{n}\rho_{x}=\frac{\ell_{x+n}}{\ell_{x}}}$$

$$_{n}q_{x}=rac{oldsymbol{\ell}_{x}-oldsymbol{\ell}_{x+n}}{oldsymbol{\ell}_{x}}$$

$${}_{10}p_{28}(f) = \frac{\ell_{38}(f)}{\ell_{28}(f)} = \frac{98\,933}{99\,325} = 0.996053$$

$${}_{10}q_{76}(m) = \frac{\ell_{76}(m) - \ell_{86}(m)}{\ell_{76}(m)} = \frac{51\,940 - 18\,298}{51\,940} = 0.647709$$

$$P(A \cap B) = 0.996053 \cdot 0.647709 = 0.645152$$

Vjerojatnost da supruga postane udovica tijekom idućih $10~{\rm godina}$ jednaka je 64.5152%.

šesti zadatak

Zadatak 6

- a) Kolika je vjerojatnost da će muška osoba starosti 28 godina i ženska osoba starosti 25 godina, s tri godine bračnog staža, slaviti zlatni pir (50 godina braka)?
- b) Kolika je vjerojatnost da će barem jedna osoba doživjeti 50. godišnjicu braka?
- c) Kolika je vjerojatnost da će točno jedna osoba doživjeti 50. godišnjicu braka?

Zadatak 6

- a) Kolika je vjerojatnost da će muška osoba starosti 28 godina i ženska osoba starosti 25 godina, s tri godine bračnog staža, slaviti zlatni pir (50 godina braka)?
- b) Kolika je vjerojatnost da će barem jedna osoba doživjeti 50. godišnjicu braka?
- c) Kolika je vjerojatnost da će točno jedna osoba doživjeti 50. godišnjicu braka?

Rješenje

 Neka je A događaj da će muška osoba starosti 28 godina s tri godine bračnog staža slaviti zlatni pir.

Zadatak 6

- a) Kolika je vjerojatnost da će muška osoba starosti 28 godina i ženska osoba starosti 25 godina, s tri godine bračnog staža, slaviti zlatni pir (50 godina braka)?
- b) Kolika je vjerojatnost da će barem jedna osoba doživjeti 50. godišnjicu braka?
- c) Kolika je vjerojatnost da će točno jedna osoba doživjeti 50. godišnjicu braka?

Rješenje

- Neka je A događaj da će muška osoba starosti 28 godina s tri godine bračnog staža slaviti zlatni pir.
- Neka je B događaj da će ženska osoba starosti 25 godina s tri godine bračnog staža slaviti zlatni pir.

9/16

a) Zanima nas $P(A \cap B)$.

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) =$$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = {}_{47}p_{28}(m)$$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = {}_{47}p_{28}(m) \cdot$$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = {}_{47}p_{28}(m) \cdot {}_{47}p_{25}(f)$$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = {}_{47}p_{28}(m) \cdot {}_{47}p_{25}(f)$$

$${}_{47}p_{28}(m) = \frac{\ell_{75}(m)}{\ell_{28}(m)}$$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = {}_{47}p_{28}(m) \cdot {}_{47}p_{25}(f)$$

$${}_{47}p_{28}(m) = \frac{\ell_{75}(m)}{\ell_{28}(m)} = ---$$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = {}_{47}p_{28}(m) \cdot {}_{47}p_{25}(f)$$

$${}_{47}p_{28}(m) = \frac{\ell_{75}(m)}{\ell_{28}(m)} = \frac{54969}{}$$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = {}_{47}p_{28}(m) \cdot {}_{47}p_{25}(f)$$

$${}_{47}p_{28}(m) = \frac{\ell_{75}(m)}{\ell_{28}(m)} = \frac{54969}{98660}$$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = {}_{47}p_{28}(m) \cdot {}_{47}p_{25}(f)$$

$${}_{47}p_{28}(m) = \frac{\ell_{75}(m)}{\ell_{28}(m)} = \frac{54969}{98660} = 0.557156$$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = {}_{47}p_{28}(m) \cdot {}_{47}p_{25}(f)$$

$${}_{47}p_{28}(m) = \frac{\ell_{75}(m)}{\ell_{28}(m)} = \frac{54969}{98660} = 0.557156$$

$${}_{47}p_{25}(f) = \frac{\ell_{72}(f)}{\ell_{25}(f)}$$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = {}_{47}p_{28}(m) \cdot {}_{47}p_{25}(f)$$

$${}_{47}p_{28}(m) = \frac{\ell_{75}(m)}{\ell_{28}(m)} = \frac{54969}{98660} = 0.557156$$

$${}_{47}p_{25}(f) = \frac{\ell_{72}(f)}{\ell_{25}(f)} = ---$$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = {}_{47}p_{28}(m) \cdot {}_{47}p_{25}(f)$$

$${}_{47}p_{28}(m) = \frac{\ell_{75}(m)}{\ell_{28}(m)} = \frac{54969}{98660} = 0.557156$$

$${}_{47}p_{25}(f) = \frac{\ell_{72}(f)}{\ell_{25}(f)} = \frac{82328}{47}$$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = {}_{47}p_{28}(m) \cdot {}_{47}p_{25}(f)$$

$${}_{47}p_{28}(m) = \frac{\ell_{75}(m)}{\ell_{28}(m)} = \frac{54969}{98660} = 0.557156$$

$${}_{47}p_{25}(f) = \frac{\ell_{72}(f)}{\ell_{25}(f)} = \frac{82328}{99404}$$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = {}_{47}p_{28}(m) \cdot {}_{47}p_{25}(f)$$

$${}_{47}p_{28}(m) = \frac{\ell_{75}(m)}{\ell_{28}(m)} = \frac{54969}{98660} = 0.557156$$

$${}_{47}p_{25}(f) = \frac{\ell_{72}(f)}{\ell_{25}(f)} = \frac{82328}{99404} = 0.828216$$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = {}_{47}p_{28}(m) \cdot {}_{47}p_{25}(f)$$

$${}_{47}p_{28}(m) = \frac{\ell_{75}(m)}{\ell_{28}(m)} = \frac{54\,969}{98\,660} = 0.557156$$

$${}_{47}p_{25}(f) = \frac{\ell_{72}(f)}{\ell_{25}(f)} = \frac{82\,328}{99\,404} = 0.828216$$

$$P(A \cap B) = 0.557156 \cdot 0.828216 =$$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = {}_{47}p_{28}(m) \cdot {}_{47}p_{25}(f)$$

$${}_{47}p_{28}(m) = \frac{\ell_{75}(m)}{\ell_{28}(m)} = \frac{54969}{98660} = 0.557156$$

$${}_{47}p_{25}(f) = \frac{\ell_{72}(f)}{\ell_{25}(f)} = \frac{82328}{99404} = 0.828216$$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = {}_{47}p_{28}(m) \cdot {}_{47}p_{25}(f)$$

$$\ell_{47}p_{28}(m) = \frac{\ell_{75}(m)}{\ell_{28}(m)} = \frac{34\,909}{98\,660} = 0.557156$$

$$_{47}p_{25}(f) = \frac{\ell_{72}(f)}{\ell_{25}(f)} = \frac{82328}{99404} = 0.828216$$

$$P(A \cap B) = 0.557156 \cdot 0.828216 = 0.461446$$

a) Zanima nas $P(A \cap B)$. Kako su A i B nezavisni događaji, vrijedi

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = {}_{47}p_{28}(m) \cdot {}_{47}p_{25}(f)$$

$${}_{47}p_{28}(m) = \frac{\ell_{75}(m)}{\ell_{28}(m)} = \frac{54969}{98660} = 0.557156$$

$$_{47}p_{25}(f) = \frac{\ell_{72}(f)}{\ell_{25}(f)} = \frac{82328}{99404} = 0.828216$$

$$P(A \cap B) = 0.557156 \cdot 0.828216 = 0.461446$$

Vjerojatnost da obje osobe dožive zlatni pir jednaka je 46.1446%.

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) =$$

= $_{47}p_{28}(m)$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) =$$

= ${}_{47}p_{28}(m) + {}_{47}p_{25}(f)$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) =$$

= ${}_{47}p_{28}(m) + {}_{47}p_{25}(f) - P(A \cap B)$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) =$$

$$= {}_{47}p_{28}(m) + {}_{47}p_{25}(f) - P(A \cap B) =$$

$$= 0.557156$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) =$$

$$= {}_{47}p_{28}(m) + {}_{47}p_{25}(f) - P(A \cap B) =$$

$$= 0.557156 + 0.828216$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) =$$

$$= {}_{47}p_{28}(m) + {}_{47}p_{25}(f) - P(A \cap B) =$$

$$= 0.557156 + 0.828216 - 0.461446 =$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) =$$

$$= {}_{47}p_{28}(m) + {}_{47}p_{25}(f) - P(A \cap B) =$$

$$= 0.557156 + 0.828216 - 0.461446 =$$

$$= 0.923926$$

1. način

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) =$$

$$= {}_{47}p_{28}(m) + {}_{47}p_{25}(f) - P(A \cap B) =$$

$$= 0.557156 + 0.828216 - 0.461446 =$$

$$= 0.923926$$

Vjerojatnost da barem jedna osoba doživi zlatni pir jednaka je 92.3926%.

$$P((A \cup B)^c) =$$

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c)$$

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c) = P(A^c) \cdot P(B^c)$$

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c) = P(A^c) \cdot P(B^c)$$

$$P(A^c) =$$

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

2. način

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c) = P(A^c) \cdot P(B^c)$$

$$P(A^c) = {}_{47}q_{28}(m)$$

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

2. način

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c) = P(A^c) \cdot P(B^c)$$

$$P(A^c) = {}_{47}q_{28}(m) = 1 - {}_{47}p_{28}(m)$$

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

2. način

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c) = P(A^c) \cdot P(B^c)$$

$$P(A^c) = {}_{47}q_{28}(m) = 1 - {}_{47}p_{28}(m) = 1 - 0.557156$$

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

$$\boxed{ _{n}p_{x} + _{n}q_{x} = 1 }$$

$$\boxed{ _{n}q_{x} = \frac{\ell_{x} - \ell_{x+n}}{\ell_{x}} }$$

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c) = P(A^c) \cdot P(B^c)$$

$$P(A^c) = {}_{47}q_{28}(m) = 1 - {}_{47}p_{28}(m) = 1 - 0.557156 = 0.442844$$

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

2. način

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c) = P(A^c) \cdot P(B^c)$$

$$P(A^c) = {}_{47}q_{28}(m) = 1 - {}_{47}p_{28}(m) = 1 - 0.557156 = 0.442844$$

$$P(B^c) =$$

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

$$\boxed{ _{n}p_{x} + _{n}q_{x} = 1}$$

$$\boxed{ _{n}q_{x} = \frac{\ell_{x} - \ell_{x+n}}{\ell_{x}}}$$

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c) = P(A^c) \cdot P(B^c)$$

$$P(A^c) = {}_{47}q_{28}(m) = 1 - {}_{47}p_{28}(m) = 1 - 0.557156 = 0.442844$$

$$P(B^c) = {}_{47}q_{25}(f)$$

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

$$\boxed{ _{n}p_{x} + _{n}q_{x} = 1}$$

$$\boxed{ _{n}q_{x} = \frac{\ell_{x} - \ell_{x+n}}{\ell_{x}}}$$

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c) = P(A^c) \cdot P(B^c)$$

$$P(A^c) = {}_{47}q_{28}(m) = 1 - {}_{47}p_{28}(m) = 1 - 0.557156 = 0.442844$$

$$P(B^c) = {}_{47}q_{25}(f) = 1 - {}_{47}p_{25}(f)$$

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

$$\boxed{ _{n}p_{x} + _{n}q_{x} = 1 }$$

$$\boxed{ _{n}q_{x} = \frac{\ell_{x} - \ell_{x+n}}{\ell_{x}}}$$

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c) = P(A^c) \cdot P(B^c)$$

$$P(A^c) = {}_{47}q_{28}(m) = 1 - {}_{47}p_{28}(m) = 1 - 0.557156 = 0.442844$$

$$P(B^c) = {}_{47}q_{25}(f) = 1 - {}_{47}p_{25}(f) = 1 - 0.828216$$

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

$$\boxed{ _{n}p_{x} + _{n}q_{x} = 1}$$

$$\boxed{ _{n}q_{x} = \frac{\ell_{x} - \ell_{x+n}}{\ell_{x}}}$$

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c) = P(A^c) \cdot P(B^c)$$

$$P(A^c) = {}_{47}q_{28}(m) = 1 - {}_{47}p_{28}(m) = 1 - 0.557156 = 0.442844$$

$$P(B^c) = {}_{47}q_{25}(f) = 1 - {}_{47}p_{25}(f) = 1 - 0.828216 = 0.171784$$

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

2. način

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c) = P(A^c) \cdot P(B^c)$$

$$P(A^c) = {}_{47}q_{28}(m) = 1 - {}_{47}p_{28}(m) = 1 - 0.557156 = 0.442844$$

$$P(B^c) = {}_{47}q_{25}(f) = 1 - {}_{47}p_{25}(f) = 1 - 0.828216 = 0.171784$$

$$P((A \cup B)^c) =$$

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

$$\boxed{ _{n}p_{x} + _{n}q_{x} = 1}$$

$$\boxed{ _{n}q_{x} = \frac{\ell_{x} - \ell_{x+n}}{\ell_{x}}}$$

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c) = P(A^c) \cdot P(B^c)$$

$$P(A^c) = {}_{47}q_{28}(m) = 1 - {}_{47}p_{28}(m) = 1 - 0.557156 = 0.442844$$

$$P(B^c) = {}_{47}q_{25}(f) = 1 - {}_{47}p_{25}(f) = 1 - 0.828216 = 0.171784$$

$$P((A \cup B)^c) = 0.442844 \cdot 0.171784$$

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

2. način

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c) = P(A^c) \cdot P(B^c)$$

$$P(A^c) = {}_{47}q_{28}(m) = 1 - {}_{47}p_{28}(m) = 1 - 0.557156 = 0.442844$$

$$P(B^c) = {}_{47}q_{25}(f) = 1 - {}_{47}p_{25}(f) = 1 - 0.828216 = 0.171784$$

$$P((A \cup B)^c) = 0.442844 \cdot 0.171784 = 0.076074$$

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

Odredimo najprije vjerojatnost suprotnog događaja $(A \cup B)^c$.

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c) = P(A^c) \cdot P(B^c)$$

$$P(A^c) = {}_{47}q_{28}(m) = 1 - {}_{47}p_{28}(m) = 1 - 0.557156 = 0.442844$$

$$P((A \cup B)^c) = 0.442844 \cdot 0.171784 = 0.076074$$

 $P(B^c) = {}_{47}q_{25}(f) = 1 - {}_{47}p_{25}(f) = 1 - 0.828216 = 0.171784$

$$np_x + nq_x = 1$$

$$nq_x = \frac{\ell_x - \ell_{x+n}}{\ell_x}$$

Odredimo najprije vjerojatnost suprotnog događaja $(A \cup B)^c$.

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c) = P(A^c) \cdot P(B^c)$$

$$P(A^c) = {}_{47}q_{28}(m) = 1 - {}_{47}p_{28}(m) = 1 - 0.557156 = 0.442844$$

$$P(B^c) = {}_{47}q_{25}(f) = 1 - {}_{47}p_{25}(f) = 1 - 0.828216 = 0.171784$$

$$P((A \cup B)^c) = 0.442844 \cdot 0.171784 = 0.076074$$

Vierojatnost da niti jedna osoba ne doživi zlatni pir jednaka je 7.6074%.

$$P(A \cup B) =$$

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

Odredimo najprije vjerojatnost suprotnog događaja $(A \cup B)^c$.

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c) = P(A^c) \cdot P(B^c)$$

$$P(A^c) = {}_{47}q_{28}(m) = 1 - {}_{47}p_{28}(m) = 1 - 0.557156 = 0.442844$$

$$P(B^c) = {}_{47}q_{25}(f) = 1 - {}_{47}p_{25}(f) = 1 - 0.828216 = 0.171784$$

$$P((A \cup B)^c) = 0.442844 \cdot 0.171784 = 0.076074$$

Vjerojatnost da niti jedna osoba ne doživi zlatni pir jednaka je 7.6074%.

$$P(A \cup B) = 1 - P((A \cup B)^c)$$

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

Odredimo najprije vjerojatnost suprotnog događaja $(A \cup B)^c$.

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c) = P(A^c) \cdot P(B^c)$$

$$P(A^c) = {}_{47}q_{28}(m) = 1 - {}_{47}p_{28}(m) = 1 - 0.557156 = 0.442844$$

$$P(B^c) = {}_{47}q_{25}(f) = 1 - {}_{47}p_{25}(f) = 1 - 0.828216 = 0.171784$$

$$P((A \cup B)^c) = 0.442844 \cdot 0.171784 = 0.076074$$

Vjerojatnost da niti jedna osoba ne doživi zlatni pir jednaka je 7.6074%.

$$P(A \cup B) = 1 - P((A \cup B)^c) = 1 - 0.076074$$

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

Odredimo najprije vjerojatnost suprotnog događaja $(A \cup B)^c$.

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c) = P(A^c) \cdot P(B^c)$$

$$P(A^c) = {}_{47}q_{28}(m) = 1 - {}_{47}p_{28}(m) = 1 - 0.557156 = 0.442844$$

$$P(B^c) = {}_{47}q_{25}(f) = 1 - {}_{47}p_{25}(f) = 1 - 0.828216 = 0.171784$$

$$P((A \cup B)^c) = 0.442844 \cdot 0.171784 = 0.076074$$

Vjerojatnost da niti jedna osoba ne doživi zlatni pir jednaka je 7.6074%.

$$P(A \cup B) = 1 - P((A \cup B)^c) = 1 - 0.076074 = 0.923926$$

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

$\boxed{ _{n}p_{x} + _{n}q_{x} = 1}$ $\boxed{ _{n}q_{x} = \frac{\ell_{x} - \ell_{x+n}}{\ell_{x}}}$

x

2. način

Odredimo najprije vjerojatnost suprotnog događaja $(A \cup B)^c$.

$$P((A \cup B)^c) = P(A^c \cap B^c) = P(A^c) \cdot P(B^c)$$

$$\Gamma((\mathcal{N} \cup \mathcal{D})) = \Gamma(\mathcal{N} + \mathcal{D}) = \Gamma(\mathcal{N}) \Gamma(\mathcal{D})$$

$$P(B^c) = {}_{47}q_{25}(f) = 1 - {}_{47}p_{25}(f) = 1 - 0.828216 = 0.171784$$

 $P(A^c) = {}_{47}q_{28}(m) = 1 - {}_{47}p_{28}(m) = 1 - 0.557156 = 0.442844$

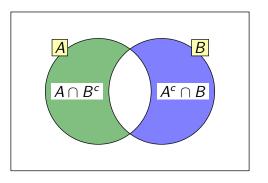
$$P((A \cup B)^c) = 0.442844 \cdot 0.171784 = 0.076074$$

Vjerojatnost da niti jedna osoba ne doživi zlatni pir jednaka je 7.6074%.
$$P(A \cup B) = 1 - P((A \cup B)^c) = 1 - 0.076074 = 0.923926$$

92.3926%.
$$(A \cup B)^{c} = A^{c} \cap B^{c}$$

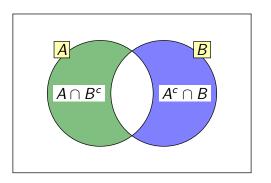
c) 1. način

Zanima nas vjerojatnost događaja $(A \cap B^c) \cup (A^c \cap B)$.



c) 1. način

Zanima nas vjerojatnost događaja $(A \cap B^c) \cup (A^c \cap B)$.



Uočite da je

$$(A \cap B^c) \cup (A^c \cap B) = (A \setminus B) \cup (B \setminus A).$$

- $A \cap B^c$ i $A^c \cap B$ su disjunktni događaji
- A i B^c su nezavisni događaji
- A^c i B su nezavisni događaji

Stoga je

$$P((A\cap B^c)\cup (A^c\cap B))=$$

- $A \cap B^c$ i $A^c \cap B$ su disjunktni događaji
- A i B^c su nezavisni događaji
- A^c i B su nezavisni događaji

$$P((A \cap B^c) \cup (A^c \cap B)) = P(A \cap B^c) + P(A^c \cap B)$$

- $A \cap B^c$ i $A^c \cap B$ su disjunktni događaji
- A i B^c su nezavisni događaji
- A^c i B su nezavisni događaji

$$P((A \cap B^c) \cup (A^c \cap B)) = P(A \cap B^c) + P(A^c \cap B) =$$
$$= P(A) \cdot P(B^c)$$

- $A \cap B^c$ i $A^c \cap B$ su disjunktni događaji
- A i B^c su nezavisni događaji
- A^c i B su nezavisni događaji

$$P((A \cap B^c) \cup (A^c \cap B)) = P(A \cap B^c) + P(A^c \cap B) =$$
$$= P(A) \cdot P(B^c) +$$

- $A \cap B^c$ i $A^c \cap B$ su disjunktni događaji
- A i B^c su nezavisni događaji
- A^c i B su nezavisni događaji

$$P((A \cap B^c) \cup (A^c \cap B)) = P(A \cap B^c) + P(A^c \cap B) =$$
$$= P(A) \cdot P(B^c) + P(A^c) \cdot P(B)$$

- $A \cap B^c$ i $A^c \cap B$ su disjunktni događaji
- A i B^c su nezavisni događaji
- A^c i B su nezavisni događaji

$$P((A \cap B^{c}) \cup (A^{c} \cap B)) = P(A \cap B^{c}) + P(A^{c} \cap B) =$$

$$= P(A) \cdot P(B^{c}) + P(A^{c}) \cdot P(B) =$$

$$= 0.557156 \cdot 0.171784 + 0.442844 \cdot 0.828216 =$$

- $A \cap B^c$ i $A^c \cap B$ su disjunktni događaji
- A i B^c su nezavisni događaji
- A^c i B su nezavisni događaji

$$P((A \cap B^c) \cup (A^c \cap B)) = P(A \cap B^c) + P(A^c \cap B) =$$

$$= P(A) \cdot P(B^c) + P(A^c) \cdot P(B) =$$

$$= 0.557156 \cdot 0.171784 + 0.442844 \cdot 0.828216 =$$

$$= 0.462481$$

- $A \cap B^c$ i $A^c \cap B$ su disjunktni događaji
- A i B^c su nezavisni događaji
- A^c i B su nezavisni događaji

$$P((A \cap B^c) \cup (A^c \cap B)) = P(A \cap B^c) + P(A^c \cap B) =$$

$$= P(A) \cdot P(B^c) + P(A^c) \cdot P(B) =$$

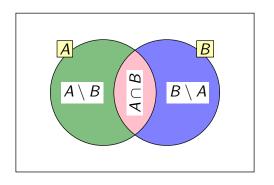
$$= 0.557156 \cdot 0.171784 + 0.442844 \cdot 0.828216 =$$

$$= 0.462481$$

Vjerojatnost da točno jedna osoba doživi zlatni pir jednaka je 46.2481%.

2. način

Zanima nas vjerojatnost događaja $A \triangle B$.



$$A \triangle B = (A \setminus B) \cup (B \setminus A).$$

- Događaji $A \triangle B$ i $A \cap B$ su disjunktni događaji.
- $A \cup B = (A \triangle B) \cup (A \cap B)$

- Događaji $A \triangle B$ i $A \cap B$ su disjunktni događaji.
- $A \cup B = (A \triangle B) \cup (A \cap B)$

$$P(A \cup B) = P(A \triangle B) + P(A \cap B)$$

- Događaji $A \triangle B$ i $A \cap B$ su disjunktni događaji.
- $A \cup B = (A \triangle B) \cup (A \cap B)$

$$P(A \cup B) = P(A \triangle B) + P(A \cap B)$$

iz čega slijedi

$$P(A \triangle B) = P(A \cup B) - P(A \cap B).$$

- Događaji $A \triangle B$ i $A \cap B$ su disjunktni događaji.
- $A \cup B = (A \triangle B) \cup (A \cap B)$

$$P(A \cup B) = P(A \triangle B) + P(A \cap B)$$

iz čega slijedi

$$P(A \triangle B) = P(A \cup B) - P(A \cap B).$$

Konačno dobivamo

$$P(A \triangle B) = 0.923926 - 0.461446 =$$

- Događaji $A \triangle B$ i $A \cap B$ su disjunktni događaji.
- $A \cup B = (A \triangle B) \cup (A \cap B)$

$$P(A \cup B) = P(A \triangle B) + P(A \cap B)$$

iz čega slijedi

$$P(A \triangle B) = P(A \cup B) - P(A \cap B).$$

Konačno dobivamo

$$P(A \triangle B) = 0.923926 - 0.461446 = 0.46248$$

- Događaji $A \triangle B$ i $A \cap B$ su disjunktni događaji.
- $A \cup B = (A \triangle B) \cup (A \cap B)$

$$P(A \cup B) = P(A \triangle B) + P(A \cap B)$$

iz čega slijedi

$$P(A \triangle B) = P(A \cup B) - P(A \cap B).$$

Konačno dobivamo

$$P(A \triangle B) = 0.923926 - 0.461446 = 0.46248$$

Vjerojatnost da točno jedna osoba doživi zlatni pir jednaka je 46.248%.