ALGORITMO QUE DÉ UNA SOLUCIÓN ÓPTIMA PARA EL RUTEO DE VEHÍCULOS ELÉCTRICOS

Kevin Arley Parra Henao Universidad EAFIT Colombia kaparrah@eafit.edu.co Daniel Alejandro Mesa Arango Universidad EAFIT Colombia damesaa@eafit.edu.co Mauricio Toro Universidad EAFIT Colombia mtorobe@eafit.edu.co

RESUMEN

Diseñar un algoritmo para encontrar las rutas óptimas para que un conjunto de camiones eléctricos visite un conjunto de clientes. [1] A corto y largo plazo, está tecnología promete cambiar la forma en qué nos transportarnos, sin embargo, su consumo energético y la necesidad de recargar las baterías empleadas por vehículos eléctricos, hace necesario considerar las rutas que se toman. Algunos problemas relacionados son: El problema del camino más corto, grafos bipartitos, ciclos impares, coloración, componentes fuertemente conexas y árbol de expansión mínima.

Palabras clave

Algoritmos \rightarrow Diseño \rightarrow Transporte \rightarrow Inteligencia artificial \rightarrow Optimización \rightarrow Eficiencia \rightarrow Ruteo \rightarrow Vehículos \rightarrow Vehículos eléctricos \rightarrow Grafos \rightarrow Mapa \rightarrow Ruta corta \rightarrow Ruta más eficiente \rightarrow Mejor ruta \rightarrow Tiempo \rightarrow Estructura de datos \rightarrow Diseño de algoritmos

Palabras clave de la clasificación de la ACM Computabilidad \rightarrow Abstracción \rightarrow Diseño y análisis de algoritmos \rightarrow Análisis de algoritmos para grafos \rightarrow Análisis de algoritmos de aproximación \rightarrow Algoritmos de aproximación numérica \rightarrow Diseño y análisis de estructura de datos \rightarrow Comprensión de datos \rightarrow Técnicas de diseño de algoritmos \rightarrow Divide y conquistaras

1. INTRODUCCIÓN

El problema por resolver es un Problema de Ruteo de Vehículos (VRP, por sus siglas en inglés, Vehicle Routing Problem) con la modificación de que los vehículos a considerar son eléctricos, por lo que el tiempo de carga y el consumo energético serán factores importantes a tener en cuenta. El primer problema planteado tipo VPR fue el del agente viajero o TSP (Travelling Salesman Problem) introducido por Flood en 1956. [2]

2. PROBLEMA

La pregunta por resolver es: Dado una lista de clientes ubicados en un mapa vial bidimensional, un depósito de inicio y fin, y unas restricciones de tiempo y energía ¿cuáles son las rutas para un número libre de camiones eléctricos, para visitar todos los clientes, minimizando el tiempo total, que es la suma del tiempo del recorrido más el tiempo que toman las recargas de batería? [1]

3. TRABAJOS RELACIONADOS 3.1 GRAFOS BIPARTITOS, CICLOS IMPARES Y COLORACIÓN [3]

El problema de verificar si un grafo es bipartito es equivalente al problema de colorabilidad de grafos para dos colores, simplemente son el mismo problema, pero con diferente nomenclatura. Con respecto al problema de detección de la existencia de ciclos impares, cualquier grafo con un ciclo de longitud impar es claramente no colorable para dos colores. En vista de que los tres problemas son equivalentes es posible elaborar un solo algoritmo que resuelva los tres problemas. Para colorear un grafo con dos colores, dado un color asignado a un vértice v, debe colorearse el resto del grafo asignando el otro color a cada vértice advacente a v. Este proceso es equivalente a alternar los dos colores para los nodos en cada nivel de un árbol DFS, y durante el retorno de las llamadas recursivas verificar si no hay arista que conecte dos nodos del mismo color, ya que tal arista es evidencia de un ciclo de longitud impar. A continuación, ilustraremos esta idea, usando el árbol DFS de la sección de recorrido de grafos. La primera figura muestra el grafo original, la segunda el árbol DFS y la tercera es el grafo coloreado a blanco y gris, usando la heurística descrita anteriormente. Una vez construido el árbol DFS y coloreado los nodos, es sencillo comprobar que las aristas 5-4 y 0-7 conectan dos nodos del mismo color, lo cual es evidencia de la existencia de un ciclo de longitud impar. De hecho, el ciclo 0-5-3-4-7-0 es un ciclo de longitud impar. Si eliminamos 5-4 y 0-7 el grafo sería colorable y no habría ciclos de longitud impar.

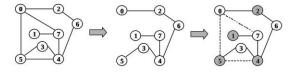


Figura 1

3.2 COMPONENTES FUERTEMENTE CONEXAS

Una componente fuertemente conexa de un dígrafo es un conjunto máximo de nodos en el cual existe un camino que va desde cualquier nodo del conjunto hasta cualquier otro nodo del conjunto. Si el dígrafo conforma una sola componente fuertemente conexa, se dice que el dígrafo es fuertemente conexo. [3] Una solución para esto seria aplicar el método Kosaraju, que a su vez usa DFS para recorrer el grafo y hallar la solución.

3.3 ÁRBOL DE EXPANSIÓN MÍNIMA [3]

Encontrar la manera menos costosa de conectar todos los puntos, entonces nos enfrentamos al problema de encontrar un árbol de expansión mínima (MST – Minimum Spanning Tree). Un árbol de expansión de un grafo conexo es un

subgrafo que contiene todos los nodos del grafo y no tiene ciclos. El árbol de expansión mínima de un grafo pesado no dirigido es el árbol de expansión cuyo peso (la suma de los pesos de todas sus aristas) no es mayor al de ningún otro árbol de expansión. El algoritmo de Prim es tal vez el algoritmo de MST más sencillo de implementar y el mejor método para grafos densos. Este algoritmo puede encontrar el MST de cualquier grafo conexo pesado.

3.4 EL CAMINO MAS CORTO

En la Teoría de Grafos, uno de los problemas más conocido es el del camino más corto. El problema consiste en encontrar un camino entre dos vértices (o nodos) de tal manera que la suma de los pesos de las aristas que lo constituyen es mínima. [4] Una solución sería: El algoritmo de dijkstra determina la ruta más corta desde un nodo origen hacia los demás nodos para ello es requerido como entrada un grafo cuyas aristas posean pesos.

4. AGENTE VIAJERO Y DIVISIÓN DEL PROBLEMA COMO SOLUCIÓN AL RUTEO DE VEHÍCULOS

Utilizamos una estructura en c++ para almacenar los datos de los nodos, a saber: identificación en la variable id de tipo entero, nombre en la variable name de tipo string, coordenada x, y en las variables de tipo float x, y respectivamente, el tipo de estación (de carga, depósito o cliente) en la variable type de tipo char y el tipo de estación (para estaciones de carga) en la variable station_type de tipo entero. Organizamos todos los nodos en un vector de nodos, y también tenemos un vector para los nodos de carga, ya que planeamos para la solución que implementaremos hacer una división de los nodos por regiones, finalmente planteamos la utilización del agente viajero como una solución óptima que bien podría cambiar en un futuro.

4.3 Criterios de diseño de la estructura de datos

La implementación que en estos momentos llevamos acabo nos parece que es eficiente ya que nos permite dividir el problema por camiones para diferentes sectores y asi abastecer los clientes y tener a disposición siempre la estación de carga mas cercana para no tardar en ir y cargar la complejidad seria entonces relativamente baja, aunque aun no sabemos si la podemos reducir más.

NOTA: Algunos numerales no están presentes porque aun no tenemos el algoritmo terminado o en condiciones de pruebas de ejecución y complejidad, todo esto por supuesto será reportado en la entrega final del proyecto.

REFERENCIAS

[1] Restrepo, A., & Toro, M. 2018. Algoritmo para ruteo de vehículos eléctricos (2nd ed.).

https://github.com/mauriciotoro/ST0247-

Eafit/tree/master/proyecto, March 4, 2018, Medellín.

[2] ROCHA MEDINA, Linda Bibiana; GONZÁLEZ LA

ROTTA, Elsa Cristina; ORJUELA CASTRO, Javier Arturo.

Una Revisión al Estado del Arte del Problema de Ruteo de Vehículos: Evolución Histórica Y Métodos De Solución. **Ingeniería**, [S.l.], v. 16, n. 2, p. 35-55, dec. 2011. ISSN 2344-8393. Disponible en:

https://revistas.udistrital.edu.co/ojs/index.php/reving/article/view/3832>. Date accessed: 03 mar. 2018. doi:https://doi.org/10.14483/23448393.3832.

[3] Coto, E. 2003. Algoritmos Básicos de Grafos. http://ccg.ciens.ucv.ve/~ernesto/nds/CotoND200302.pdf, March 4, 2018, Caracas.

[4] 3.1. El camino más corto. n.d. E-ducativa.catedu.es. http://educativa.catedu.es/44700165/aula/archivos/repositor io//4500/4724/html/31_el_camino_ms_corto.html, March 4, 2018.

[5] Arias Figueroa, J. 2013. CAMINO MAS CORTO: ALGORITMO DE DIJKSTRA. Algorithms and More. https://jariasf.wordpress.com/2012/03/19/camino-mascorto-algoritmo-de-dijkstra/, March 4, 2018.

Figura 1: Coto, E. 2003. Algoritmos Básicos de Grafos. http://ccg.ciens.ucv.ve/~ernesto/nds/CotoND200302.pdf, March 4, 2018, Caracas.