- 1. Explorar modos o maneras de representar los siguientes reales:

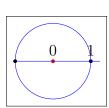
(d)  $\sqrt{2} + \sqrt{3}$ 

- (a)  $\sqrt{2}$ (b)  $\sqrt{3}$ (c)  $-\sqrt{5}$

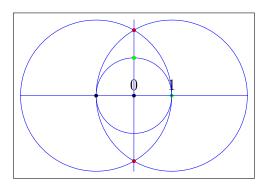
(e)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$ 

Soluciones

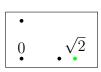
(a)



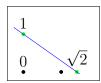
0



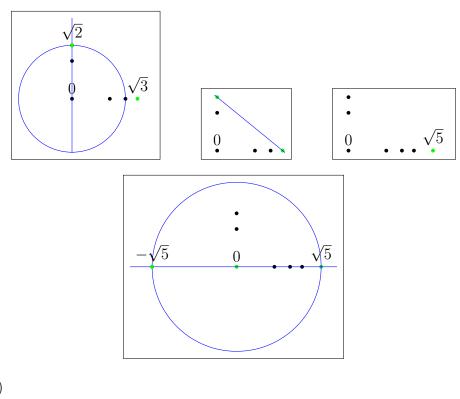




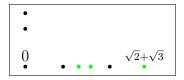
(b)



(c)



(d)



- (e) COMPLETAR.
- 2. Explorar modos o maneras de:
  - (a) Interpolar cuatro números racionales equidistantes entre  $-3\ \mathrm{y}$  7.
  - (b) Interpolar cinco números en el segundo del ítem anterior. ¿Cuántas veces podría reiterar esta actividad?
  - (c) Intercalar un número racional y uno irracional entre 0,0000021 y 0,0000019.

(a)  $[-3,7] = [-3,-1] \cup [-1,1] \cup [1,3] \cup [3,5] \cup [5,7].$ 

(b)  $[-1,1] = [-1,-\frac{2}{3}] \cup [-\frac{2}{3},-\frac{1}{3}] \cup [-\frac{1}{3},0] \cup [0,\frac{1}{3}] \cup [\frac{1}{3},\frac{2}{3}] \cup [\frac{2}{3},1].$ Este proceso se puede reiterar indefinidamente pues los reales son un conjunto denso.

(c) Basta considerar  $x = 0,0000020 \text{ y } x + \frac{\sqrt{2}}{10^8}$ .

3. Ordene en forma creciente los siguientes reales y escriba los números listados en el ítem a en notación científica.

(a)

•  $2,8 \cdot 10^{-2}$ 

•  $0.032 \cdot 10^{-4}$ 

•  $1.6 \cdot 10^{-4}$ 

•  $32,526 \cdot 10^{-5}$ 

(b)

π

• 3,  $\overline{14}$ 

• 3,  $\overline{1415}$ 

# Soluciones

(a)

•  $0,032 \cdot 10^{-4} = 0,32 \cdot 10^{-5} = 3,2 \cdot 10^{-6}$ .

•  $32,526 \cdot 10^{-5} = 3,2526 \cdot 10^{-4}$ .

(b)

 $3, 2 \cdot 10^{-6} < 1, 6 \cdot 10^{-4} < 3, 2526 \cdot 10^{-4} < 2, 8 \cdot 10^{-2} < 3, \overline{14} < 3, \overline{1415} < \pi$ 

4.

• Grafique en el eje real:

(a) [-7,3)

(d)  $[a,b] \cup \mathbb{R}$ 

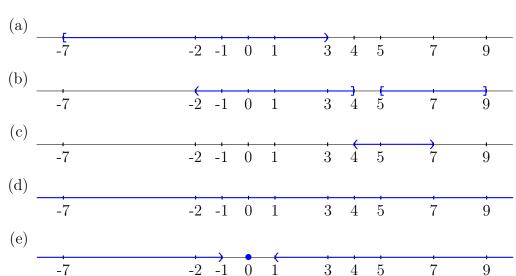
(b)  $[-2,4) \cup [5,9]$ 

(e)  $(-\infty, -1) \cup \{0\} \cup (1, +\infty)$ 

(c)  $(4,7) \cap \mathbb{R}$ 

- Dar ejemplos de conjuntos de números reales de modo que todo elemento y su opuesto pertenezcan a ellos.
- Dar ejemplos de conjuntos de números reales de modo que no siempre elementos opuestos pertenezcan a los mismos.
- Definir conjunto simétrico. Dar ejemplo de conjuntos simétricos que contienen o no al cero.

•



- $\mathbb{R}$ ,  $\mathbb{Q}$ ,  $\mathbb{Z}$ , [-a, a], (-a, a),  $\{-a, a\}$ , ...
- Sea X un conjunto del punto anterior, luego para  $k \neq 0$  resulta que  $X \{k\}$  no es simétrico.
- Sea  $X\subseteq R$ , diremos que X es un conjunto simétrico si y solo si:  $\forall x\in X\Rightarrow -x\in X.$
- 5. Siendo A = (-2, 5], B = [1, 8] y C = [-5, 9); hallar:
  - (a)  $A \cup B$
- (d)  $C (A \cap B)$
- (g)  $\mathbb{R} \cap A$

- (b) A B
- (e)  $B \cap \{2\}$
- (h)  $\mathbb{R}_0^- \cap B$

- (c) B A
- (f)  $B \cap \mathbb{R}$
- (i)  $(\mathbb{R}^+ \cap C) A$

(a) 
$$A \cup B = (-2, 8] = \{x \in \mathbb{R}/-2 < x \le 8\}$$

(b) 
$$A - B = (-2, 1) = \{x \in \mathbb{R} / -2 < x < 1\}$$
  
 $-7$   $-5$   $-2$   $-1$  0 1 2 3 4 5 7 8 9

(c) 
$$B - A = (5, 8] = \{x \in \mathbb{R}/5 < x \le 8\}$$
 $-7$ 
 $-5$ 
 $-2$ 
 $-1$ 
 $0$ 
 $1$ 
 $2$ 
 $3$ 
 $4$ 
 $5$ 
 $7$ 
 $8$ 
 $9$ 

(d) 
$$C - (A \cap B) = C - [1, 5] = [-5, 1) \cup (5, 9) = \{x \in \mathbb{R}/-5 \le x < 1 \lor 5 < x < 9\}$$

(f) 
$$B \cap \mathbb{R} = B = \{x \in \mathbb{R}/1 \le x \le 8\}$$
  
-7 -5 -2 -1 0 1 2 3 4 5 7 8 9

(g) 
$$\mathbb{R} \cap A = A = \{x \in \mathbb{R}/-2 < x \le 5\}$$
  
 $-7$   $-5$   $-2$   $-1$  0 1 2 3 4 5 7 8 9

(h) 
$$\mathbb{R}_0^- \cap B = \emptyset = \{x \in \mathbb{R}/x \neq x\}$$
  $-7$   $-5$   $-2$   $-1$   $0$   $1$   $2$   $3$   $4$   $5$   $7$   $8$   $9$ 

- (i) COMPLETAR.
- 5. Representar en el eje real los siguientes conjuntos:

(a) 
$$A = \{x/x \in \mathbb{R} \land x = 2t + 1 \land -4 \le t < 3 \land t \in \mathbb{Z}\}.$$

(b) 
$$B = \{u/u = 2m^2 \land m \in \mathbb{N} \land 6 < m \le 10\}.$$

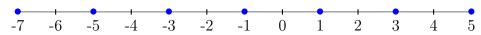
(c) 
$$C = \{x \in \mathbb{R}/x^2 = p \land p \in \mathbb{Z}^-\}.$$

(d) 
$$D = \{x \in \mathbb{R}/ -2 < x < 7\}.$$

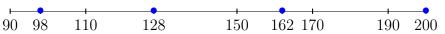
(a) Observemos que

 $A = \{-4 \cdot 2 + 1, -3 \cdot 2 + 1, -2 \cdot 2 + 1, -1 \cdot 2 + 1, 0 \cdot 2 + 1, 1 \cdot 2 + 1, 2 \cdot 2 + 1\}$ 

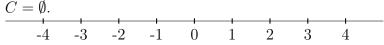
es decir que  $A = \{-7, -5, -3, -1, 1, 3, 5\}.$ 

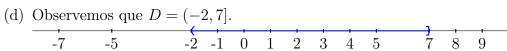


(b) Observemos que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ , es decir que  $B = \{2 \cdot 7^2, 2 \cdot 8^2, 2 \cdot 9^2, 2 \cdot 10^2\}$ {98, 128, 162, 200}.



(c) Observemos que ningún número real al cuadrado es negativo, luego





6. Encontrar el conjunto solución para cada una de las siguientes inecuaciones o sistemas de inecuaciones:

(a) 
$$3x - 1 \ge 2$$
.

(d) 
$$\begin{cases} 3x - 2 > 1 \\ x < 4 \\ x > 3 \end{cases}$$

(b) 
$$-1 < -2x + 3 \le 5$$
.

$$\begin{cases} x < 4 \\ x > 3 \end{cases}$$

(c) 
$$\begin{cases} 4x + 1 > 2 \\ x - 3 \le 3 \end{cases}$$

(e) 
$$\begin{cases} -x > 5\\ -6x \ge 3 \end{cases}$$

## Soluciones

(a) 
$$3x - 1 \ge 2 \iff 3x \ge 3 \iff x \ge 1$$
.  $S = [1, \infty)$ .

(b) 
$$-1 < -2x + 3 \le 5 \iff -4 < -2x \le 2 \iff 2 > x \ge -1.$$
  $S = [-1, 2)$ .

(c) 
$$\begin{cases} 4x+1>2\\ x-3\leq 3 \end{cases} \iff \begin{cases} 4x>1\\ x\leq 6 \end{cases} \iff \begin{cases} x>\frac{1}{4}\\ x\leq 6 \end{cases}$$
$$S = \left(\frac{1}{4},\infty\right)\cap(-\infty,6] = \left(\frac{1}{4},6\right].$$

(d) 
$$\begin{cases} 3x - 2 > 1 \\ x < 4 \\ x > 3 \end{cases} \iff \begin{cases} x > 1 \\ x < 4 \\ x > 3 \end{cases}$$
$$S = (1, \infty) \cap (-\infty, 4) \cap (3, \infty) = (3, 4)$$

- (e) COMPLETAR
- 7. Hallar el conjunto solución en cada caso:

(a) 
$$\frac{5x-2}{x} > 1$$
. (c)  $\frac{2}{-x+3} < 0$ .

(b) 
$$-1 < \frac{3x+2}{x-2} \le 3$$
.

(a) 
$$\frac{5x-2}{x} > 1 \iff \frac{5x-2}{x} - 1 > 0 \iff \frac{5x-2}{x} - \frac{x}{x} > 0 \iff \frac{5x-2-x}{x} > 0 \iff \frac{4x-2}{x} > 0 \iff \frac{5x-2}{x} > 0 \iff \frac$$

• 
$$4x - 2 > 0 \land x > 0 \iff 4x > 2 \land x > 0 \iff x > \frac{1}{2} \land x > 0$$
.  
•  $4x - 2 < 0 \land x < 0 \iff 4x < 2 \land x < 0 \iff x < \frac{1}{2} \land x < 0$ .

• 
$$4x - 2 < 0 \land x < 0 \iff 4x < 2 \land x < 0 \iff x < \frac{1}{2} \land x < 0$$
.

$$S = \left(\frac{1}{2}, \infty\right) \cup (-\infty, 0).$$

- (b) COMPLETAR.
- (c) COMPLETAR.

8. Resolver y verificar las soluciones en cada caso:

(a) 
$$3|x|-4=5$$
.

(b) 
$$|x-3| = |x+5|$$
.

(c) 
$$||x-2|-2|=1$$
.

(d) 
$$\left| \sqrt[3]{|x+3|} - 12.531x \cdot 10^{-17} \right| = -7.$$

### Soluciones

(a) 
$$3|x| - 4 = 5 \iff 3|x| = 9 \iff |x| = 3 \iff x = 3 \lor x = -3$$
.  $S = \{-3, 3\}$ .

Verificamos:

• 
$$3|3|-4=3\cdot 3-4=9-4=5$$
.

• 
$$3|-3|-4=3\cdot 3-4=9-4=5$$
.

(b) 
$$|x-3| = |x+5| \iff$$

• 
$$x-3=|x+5|\iff$$
  
•  $x+5=x-3\iff 8=0x\iff 8=0.$   
•  $x+5=-x+3\iff 2=-2x\iff \boxed{x=-1}.$ 

• 
$$x-3=-|x+5| \iff$$
  
•  $-(x+5)=x-3 \iff -x-5=x-3 \iff -2=2x \iff \boxed{x=-1}$ .  
•  $-(x+5)=-x+3 \iff -x-5=-x+3 \iff -8=0x \iff -8=0$ .

Verificamos:

$$|-1-3| = |-1+5| \iff |-4| = |4| \iff 4 = 4$$

(c) Llamaremos y = |x - 2| luego debemos resolver |y - 2| = 1:

$$|y-2|=1\iff y-2=1\lor y-2=-1\iff y=3\lor y=1$$

Finalmente despejamos x para cada valor de y:

• 
$$3 = |x - 2| \iff x - 2 = 3 \lor x - 2 = -3 \iff x = 5 \lor x = -1.$$

• 
$$1 = |x - 2| \iff x - 2 = 1 \lor x - 2 = -1 \iff x = 3 \lor x = 1.$$

Es decir que el conjunto solución es:  $S = \{-1, 1, 3, 5\}$ .

Verificamos:

• 
$$||(-1) - 2| - 2| = ||-3| - 2| = |3 - 2| = |1| = 1.$$

• 
$$||1-2|-2| = ||-1|-2| = |1-2| = |-1| = 1$$
.

• 
$$||3-2|-2| = ||1|-2| = |1-2| = |-1| = 1$$
.

• 
$$||5-2|-2| = ||3|-2| = |3-2| = |1| = 1.$$

(d) Puesto que para cualquier numero  $r \in \mathbb{R}$  resulta  $|r| \geq 0$ ; la ecuación planteada no tiene soluciones.