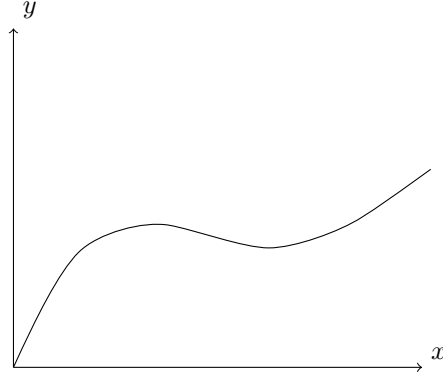


Введение в математический анализ



Теорема (Локальная теорема Муавра-Лапласа). Если в схеме Бернулли n стремится к бесконечности, величина $p \in (0, 1)$ постоянна, а величина $x_m = \frac{m-np}{\sqrt{npq}}$ ограничена равномерно по m и n (то есть $\exists a, b : -\infty < a \leq x_m \leq b < +\infty$), то

$$P_{n(m)} = \frac{1}{\sqrt{2\pi npq}} \exp\left(-\frac{x_m^2}{2}\right) (1 + \alpha_{n(m)})$$

Определение. $f : V \times V \rightarrow \mathbb{C}$ называется полуторалинейной формой над комплексным векторным пространством, если $\forall x, y, z \in V, \forall \alpha, \beta \in \mathbb{C}$:

1. $f(\alpha x + \beta y, z) = \alpha f(x, z) + \beta f(y, z)$
2. $f(x, \alpha y + \beta z) = \bar{\alpha} f(x, y) + \bar{\beta} f(x, z)$

Следствие. Матрицу унитарного линейного оператора можно унитарным преобразованием привести к виду Σ , т.е. $\forall U \in U(n)$ справедливо: $U = P\Sigma P^*$, где P – унитарная.

Доказательство. $x = Px', y = Py' \implies \underbrace{x^{TF} \bar{y}}_{\text{Запись полуторалинейной формы}} = (Px')^{TF}$ □

Запись полуторалинейной формы

Замечание.

$$\int_{-\infty}^{+\infty} t \cdot e^{-\frac{t^2}{2\sigma^2}} dt = 0$$

Лемма (Евклида). Если простое число p делит без остатка произведение двух целых чисел $x \cdot y$, то p делит x или y .

Пример. Тензор типа $(1, 1)$ можно интерпретировать как линейные операторы на V .

Замечание.

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$$

Пример.

$$|x| = \begin{cases} x, & x \geq 0 \\ -x, & \text{иначе} \end{cases}$$