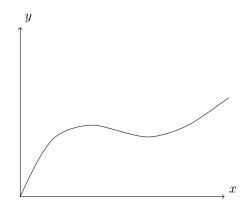
Введение в математический анализ



Теорема (Локальная теорема Муавра-Лапласа). Если в схеме Бернулли n стремится к бесконечности, величина $p \in (0,1)$ постоянна, а величина $x_m = \frac{m-np}{\sqrt{npq}}$ ограничена равномерно по m и n (то есть $\exists a,b: -\infty < a \leqslant x_m \leqslant x_m \leqslant b < +\infty$), то

$$P_{n(m)} = \frac{1}{\sqrt{2\pi npq}} \exp\left(-x_{\frac{m}{2}}^2\right) \left(1 + \alpha_{n(m)}\right)$$

Определение. $f:V\times V\to\mathbb{C}$ называется полуторалинейной формой над комплексным векторным пространством, если $\forall x,y,z\in V, \forall \alpha,\beta\in\mathbb{C}$:

1.
$$f(\alpha x + \beta y, z) = \alpha f(x, z) + \beta f(y, z)$$

2.
$$f(x, \alpha y + \beta z) = \bar{\alpha} f(x, y) + \bar{\beta} f(x, z)$$

Следствие. Матрицу унитарного линейного оператора можно унитарным преобразованием привести к виду Σ , т.е. $\forall U \in U(n)$ справедливо: $U = P\Sigma P^*$, где P — унитарная.

Доказательство.
$$x=Px',y=Py' \Longrightarrow \underbrace{x^{TF}\bar{y}}_{\text{Запись полу торалинейной формы}} = (Px')^{TF}$$

Замечание.

$$\int_{-\infty}^{+\infty} t \cdot e^{\frac{-t^2}{2\sigma^2}} dt = 0$$

Лемма (Евклида). Если простое число p делит без остатка произведение двух целых чисел $x \cdot y$, то p делит x или y.

Пример. Тензор типа (1,1) можно интерпретировать как линейные операторы на V.

Замечание.

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$$

Пример.

$$|x| = \begin{cases} x, & x \geqslant 0 \\ -x, & \text{иначе} \end{cases}$$