



# Reporte Semanal

Ramirez Moreno  
Mauricio Damian



## DISEÑO DEL MODELO

### Descripción del Mapa

El proyecto modela una red urbana simplificada formada por 5 ciudades, representando distintas zonas conectadas. Cada vértice del grafo corresponde a una ciudad estratégica:

Ciudad A: Núcleo central de la red, con mayor conectividad.

Ciudad B: Zona norte conectada al centro.

Ciudad C: Zona oeste con múltiples conexiones.

Ciudad D: Nodo central que enlaza varias ciudades.

Ciudad E: Ciudad periférica al este.

### Justificación de Aristas

El diseño incluye 7 conexiones bidireccionales que representan carreteras de doble sentido:

Conexión	Distancia	Descripción
A ↔ B	50.5 km	Carretera principal centro-norte
A ↔ C	80.0 km	Ruta más larga hacia el oeste
A ↔ D	95.0 km	Conexión extensa centro-este
B ↔ D	30.0 km	Ruta corta norte-este
C ↔ D	45.5 km	Conexión oeste-este
C ↔ E	70.0 km	Acceso a zona periférica
D ↔ E	25.0 km	Ruta más corta de la red

Todas las conexiones son bidireccionales, simulando autopistas y carreteras estatales con tráfico en ambas direcciones.

### 1.3 Criterio de Pesos

Los pesos representan distancias en kilómetros:

Cortas (25-30 km): Ciudades cercanas (B-D: 30 km, D-E: 25 km).

Medias (45-50 km): Rutas regionales (C-D: 45.5 km, A-B: 50.5 km).

Largas (70-95 km): Conexiones extensas (C-E: 70 km, A-C: 80 km, A-D: 95 km).

Esto refleja una red donde Ciudad D actúa como hub central con rutas cortas, mientras que desde Ciudad A (centro) las conexiones son más largas.

## 1.4 Diagrama del Grafo

Conexiones y grados de cada ciudad:

Ciudad A: B, C, D (grado 3)

Ciudad B: A, D (grado 2)

Ciudad C: A, D, E (grado 3)

Ciudad D: A, B, C, E (grado 4) – HUB CENTRAL

Ciudad E: C, D (grado 2)

## 2. DECISIONES DE IMPLEMENTACIÓN

### 2.1 Lista de Adyacencia vs Matriz de Adyacencia

Elección: Lista de adyacencia implementada con Dictionary<T, List<Arista<T>>> en C# y diccionarios en Python.

Justificación cuantitativa:

Grafo: n=5 vértices, m=7 aristas no dirigidas → 14 aristas dirigidas.

Lista de adyacencia:  $O(V + E) = 5 + 14 = 19$  elementos.

Matriz de adyacencia:  $O(V^2) = 5 \times 5 = 25$  elementos.

Ahorro de memoria:  $(25-19)/25 = 24\%$ .

Densidad del grafo

$$\text{Densidad} = \frac{E}{V(V-1)} = \frac{7}{5 \cdot 4} = 0.35(35\%)$$

- Grafos dispersos (<50%) favorecen listas de adyacencia.

Comparativa de operaciones:

Operación	Lista de Adyacencia	Matriz de Adyacencia
Verificar arista $u \rightarrow v$	$O(\text{grado}(u)) \approx O(2-3)$	$O(1)$
Obtener vecinos de $u$	$O(\text{grado}(u))$	$O(V) = O(5)$
Agregar arista	$O(1)$	$O(1)$
Espacio	$O(V+E) = 19$	$O(V^2) = 25$

## 2.2 Manejo de Direccionalidad

La clase Grafo<T> recibe un parámetro booleano dirigido.  
AregarArista implementa lógica bidireccional si no es dirigido.

Ventajas:

Una sola estructura para grafos dirigidos/no dirigidos.  
Flexibilidad de cambio sin modificar código.  
Código mantenable y reutilizable.  
Exportación: Se evita duplicación de aristas usando HashSet y comparación de strings.

## 2.3 Trade-offs Identificados

Desventajas:

Consulta de arista más lenta ( $O(\text{grado})$  vs  $O(1)$ ).  
Código más complejo por manejo de listas dinámicas.  
Sin acceso directo bidimensional como  $\text{matriz}[i][j]$ .

Ventajas:

Ahorro de memoria (24%).  
Iteración eficiente sobre vecinos reales.  
Mejor escalabilidad en grafos dispersos.  
Menor overhead con grados variables.

## 2.4 Escalabilidad

Proyección para redes mayores con misma densidad (~35%):

Ciudades	Lista de adyacencia	Matriz de adyacencia	Factor de escalado
50	400 elementos ≈ 3.2 KB	2,500 elementos ≈ 20 KB	6.25x
100	1,500 elementos ≈ 12 KB	10,000 elementos ≈ 80 KB	6.67x

#### **4. RESULTADOS**

Grafo de 5 vértices y 7 aristas correctamente implementado.

Ciudad D identificada como hub central (grado 4).

Suma de grados = 14 (verificación:  $2m = 14$ ).

Grafo totalmente conexo validado mediante BFS.

#### **5. CONCLUSIONES**

El proyecto modela exitosamente una red interurbana usando grafos no dirigidos.

La elección de listas de adyacencia fue adecuada para un grafo disperso (densidad 35%), con ahorro de memoria del 24%.

Se validó la estructura manualmente antes de confiar en el código.

La experiencia demuestra la importancia de:

Analizar trade-offs antes de elegir estructuras de datos.

Validar resultados manualmente.

Documentar decisiones técnicas.

Diseñar sistemas escalables (5 a 500 vértices).

Este proyecto prepara la base para algoritmos avanzados como árboles generadores mínimos y detección de ciclos en futuras semanas del curso.