# Uppgift 2

I denna uppgift kommer jag använda mig utav följande formler

Ohms lag vid likström:

$$U = I \times R$$

$$I = U/R$$

$$R = U/I$$

Ohms lag vid växelström:

$$U=I\times Z$$

$$I = U/Z$$

$$Z = U/I$$

Impendansen i en RLC-krets: 
$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$$

Resonansfrekvens

$$f = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

Den totala spänningen i RLC-krets om  $U_{\rm R}$  och  $U_{\rm L}$  är känt

$$U_{tot} = \sqrt{U_R^2 + U_L^2}$$

Reaktans och impendans

$$X_L = 2\pi f L$$

$$X_L = 2\pi f L$$
$$X_C = \frac{1}{2\pi f C}$$

$$U_C = I \times X_C$$

$$X_C =$$

## Uppgifterna och lösningar

a) En krets består av motståndet R=60 Ohm, spolen L (okänd), kondensatorn C (okänd) och en växelströmsgenerator med effektivvärdet U (okänt) med frekvensen f=50 Hz, se figur.

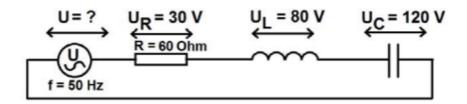


Figure 1: Bild på krets 1

Samtliga värden i figuren är effektivvärden och angivna med två värdesiffror. Räkna ut U.

$$U_{tot} = \sqrt{U_R^2 + (U_L - U_C)^2}$$

$$U_{tot} = \sqrt{30^2 + (80 - 120)^2}$$

$$U_{tot} = 50V$$

Svar: U = 50 V.

b) Beräkna strömmen, reaktansen och impedansen i kretsen ovan.

Då komponenterna är seriekopplade så är strömmen samma över de alla tre. Vi kan räkna ut strömmen över resistorn enkelt.

$$I_R = \frac{U_R}{R}$$
 $I_R = \frac{30}{60} = 0.5A$ 

För att räkna ut impendansen och reaktansen kan vi använda formlerna nedan.

Vi vet redan  $U_L$  och  $U_C$ .

$$X_L = U_L/I = 80V/0.5A = 160\Omega \\ X_C = U_C/I = 120V/0.5A = 240\Omega$$

## Rimlighetstest

$$\begin{split} I &= U/Z \\ Z &= \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} \end{split}$$

Definiera först Z:

$$Z = \sqrt{60^2 + (160 - 240)^2}$$

$$Z = \sqrt{3600 + 6400}$$

$$Z = 100$$

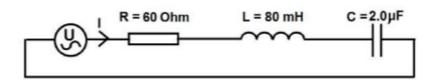
$$I=50/100$$

$$I = .5$$

Vilket stämmer med det vi tidigare räknat ut.

Svar: 
$$I=$$
 0.5 A,  $X_L=$  160  $\Omega$  och  $X_C=$  240  $\Omega$ .

c) Nedan finns en ny krets. Beräkna resonansfrekvensen f.



Resonansfrekvensen är definierad enligt formeln nedan.

$$f = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

Så vi stoppar in de variabler vi känner till enligt bilden.

$$\begin{array}{l} f = \frac{1}{2\pi\sqrt{80e-3\times 2e-6}} \\ f = 397.8873577 \approx 397.887 \; \mathrm{Hz} \end{array}$$

 $(80e-3 \; \text{\"ar} \; \text{då} \; 80 \times 10^{-3}, \, \text{jag kommer använda det framöver för att spara plats})$ 

#### Svar: Resonansfrekvensen är ungefär 397.887 Hz.

d) Om  $U=90\ V$ , vad blir strömmen I i den nya kretsen. Använd frekvensen du räknade ut i c

Vi kan använda formlerna nedan för att räkna ut detta.

$$\begin{split} I &= \frac{U}{Z} \\ Z &= \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} \end{split}$$

Men vi vet inte  $X_L$  eller  $X_C$  ännu.

$$X_L = 2\pi f L$$
$$X_L = 2\pi \times 397$$

 $X_L = 2\pi \times 397.887 \times 0.08$ 

 $X_L \approx 199.998\Omega$ 

$$X_C = \frac{1}{2\pi fC}$$

$$\begin{array}{l} X_C = \frac{1}{2\pi fC} \\ X_C = \frac{1}{2\pi \times 397.887 \times 2e - 6} \\ X_C \approx 0.005\Omega \end{array}$$

$$X_C \approx 0.005\Omega$$

$$Z = \sqrt{60^2 + (199.998 - 0.005)^2}$$

$$Z \approx 208.756$$

$$I = \frac{90}{208.756} \approx 0.43A$$

#### Rimlighetstest:

$$U_{tot} = Z \times I$$

$$U_{tot} = 208.756 \times 0.43 = 89.76508 \approx 90$$

Det blir en viss skillnad på grund av avrundningsfel, men det är nära nog.

## Svar: I = 0.43 A

e) Beräkna även  $U_R$ ,  $U_L$  och  $U_C$  för den nya kretsen. Använd frekvensen du räknade ut i c

$$U_R = I * R$$

$$U_R = 0.43A * 60\Omega = 2.85V$$

$$U_L = I * X_L$$

$$X_L = 2\pi f L$$

$$X_L = 2\pi \times 397.887 \times 0.08$$

$$X_L \approx 199.998\Omega$$

$$U_L = 0.43A * 199.998\Omega = 8.60V$$

$$U_C = I * X_C$$

$$X_C = \frac{1}{2\pi fC}$$

$$X_C = \frac{1}{2\pi fC}$$

$$X_C = \frac{1}{2\pi \times 397.887 \times 2e - 6}$$

$$X_C \approx 0.005\Omega$$

$$X_C \approx 0.005\Omega$$

$$U_C = 0.43A * 0.005\Omega = 8.98V$$

Svar: 
$$U_R = 2.85 \ V, \, U_L = 8.60 \ V, \, U_C = 8.98 \ V$$

## Svar

- b) I = 0.5 A,  $X_L = 160~\Omega$  och  $X_C = 240~\Omega$
- c) Resonansfrekvensen är ungefär 397.887 Hz.
- d) 0.43 A
- e)  $U_{\rm R}=2.85~V,\,U_{\rm L}=8.60~V~{\rm och}~U_{\rm C}=8.98~V$