Выполнить следующие задания. При решении использовать только рекурентные соотношения (следующий член ряда — это текущий член ряда, умноженный на какой-то множитель, $a_n = a_{n-1} * d$). Например: $n! = (n-1)! \times i$

В задании N = 10 необходимо вывести n первых членов соответствующей последовательности; в задании N = 10 — найти сумму ряда, в задании N = 20 — найти сумму бесконечного ряда (если ряд расходящийся, вывести сообщение об этом.)

1.
$$y_n = \frac{1}{2}y_{n-1} + \frac{1}{3}y_{n-2},$$

 $y_1 = 0.5, y_2 = 0.4$

3.
$$y_n = \frac{1}{n}y_{n-1} + \frac{1}{n^2}y_{n-2},$$

 $y_1 = 0.9, y_2 = 1.1$

5.
$$y_n = y_{n-1}^2 + \frac{y_{n-1}}{y_{n-2}} + y_{n-2},$$

 $y_1 = 2, y_2 = 0.2$

7.
$$y_n = \frac{1}{5}(2y_{n-2} + 3y_{n-1}),$$

 $y_1 = 4, y_2 = -4$

9.
$$y_n = \frac{n}{3}y_{n-2} + \frac{n-1}{2}y_{n-1},$$

 $y_1 = -1, y_2 = -2$

11.
$$S = \sum_{n=1}^{k} \frac{(-1)^{n+1} x^{2n-1}}{2n!}$$

13.
$$S = \sum_{n=1}^{k} \frac{(-1)^{n+1} x^2}{2^{2n+1} (2n-1)!}$$

15.
$$S = \sum_{n=1}^{k} \frac{(-1)^{n+1} x^{n-1}}{3^n 2(n+1)!}$$

17.
$$S = \sum_{n=1}^{k} \frac{(-1)^{n+1} x^{2n+1} 2^{n+1}}{(2n+1)!}$$

2.
$$y_n = \frac{1}{6}(y_{n-1} + \frac{1}{y_{n-2}}),$$

 $y_1 = -2, y_2 = 1$

4.
$$y_n = \frac{n}{3}y_{n-2}^2 + \frac{n+1}{2}y_{n-1}^2$$
,
 $y_1 = 0.1, y_2 = -0.1$

6.
$$y_n = \frac{1}{3}(\frac{y_{n-1}}{2} + \frac{y_{n-2}}{3}),$$

 $y_1 = 2, y_2 = 1$

8.
$$y_n = \frac{1}{n-1}y_{n-2} + \frac{1}{n-2}y_{n-1},$$

 $y_1 = 0.5, y_2 = 0.4$

10.
$$y_n = \frac{1}{5}y_{n-2} + \frac{1}{4}y_{n-1} + \frac{1}{n}y_1 = 0.5, y_2 = 0.25$$

12.
$$S = \sum_{n=1}^{k} \frac{(-1)^n x^{2n+1}}{(2n)!}$$

14.
$$S = \sum_{n=1}^{k} \frac{x^{2n-1}3^{2n+1}}{2n!}$$

16.
$$S = \sum_{n=1}^{k} \frac{(-1)^{n-1} x^{2n+2} n!}{n^2 + n + 1}$$

18.
$$S = \sum_{n=1}^{k} \frac{(-1)^n x^{2n+2}}{(2n+2)!}$$

19.
$$S = \sum_{n=1}^{k} \frac{(-1)^{n-1} x^{2n} 3^{n+2}}{(2n+1)!}$$

$$S = \sum_{n=1}^{k} \frac{(-1)^{n+1} (2n)! x^{2n-1}}{2^{n-1}}$$

21.
$$S = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^{2n-1}}{2n!}$$

$$22.$$

$$S = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{2^{n-1}}$$

23.
$$S = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{2^{2n-1}}$$

$$24.$$

$$S = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{2^{n-1}}$$

25.
$$S = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{(2n-1)!}$$

$$S = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{x^{n-1}}$$

27. Построить треугольник Паскаля. С его помощью получить коэффициенты многочлена

$$P(x) = (x+1)^n.$$

- 28. Построить треугольник Паскаля. С его помощью получить n-ое число Фибоначчи.
- 29. Построить треугольник Паскаля. С его помощью получить бинамиальные коэффициенты (C_n^m) .