

Uma pesquisa entomológica detalhada sobre o mosquito Aedes aegypti investigou a prevalência dos vírus da Dengue (D), Zika (Z) e Chikungunya (C) em uma determinada população de mosquitos.

As probabilidades de cada vírus são:

- P(D) = 0.06
- P(Z) = 0.04
- P(C) = 0.02

As probabilidades de co-infecção (portar múltiplos vírus) são:

- $P(D \cap Z) = 0.003$
- $P(D \cap C) = 0.002$
- $P(Z \cap C) = 0.001$

A probabilidade de portar os três vírus simultaneamente é:

• $P(D \cap Z \cap C) = 0,0001$

Perguntas:

- (a) Qual é a probabilidade de um mosquito *Aedes aegypti* escolhido aleatoriamente ser portador de pelo menos um dos três vírus (Dengue, Zika ou Chikungunya)? (Calcule $P(D \cup Z \cup C)$)
- (b) Qual é a probabilidade de um mosquito ser portador de **Dengue** e **Zika**, dado que ele é portador de Chikungunya? (Calcule $P(D \cap Z \mid C)$)

Resolução

(a) Probabilidade de pelo menos um vírus

Usamos o Princípio da Inclusão-Exclusão para 3 eventos:

$$P(D \cup Z \cup C) = P(D) + P(Z) + P(C) - P(D \cap Z) - P(D \cap C) - P(Z \cap C) + P(D \cap Z \cap C)$$

(b) Probabilidade condicional $P(D \cap Z \mid C)$

Pela definição de probabilidade condicional:

$$P(D \cap Z \mid C) = \frac{P(D \cap Z \cap C)}{P(C)}$$