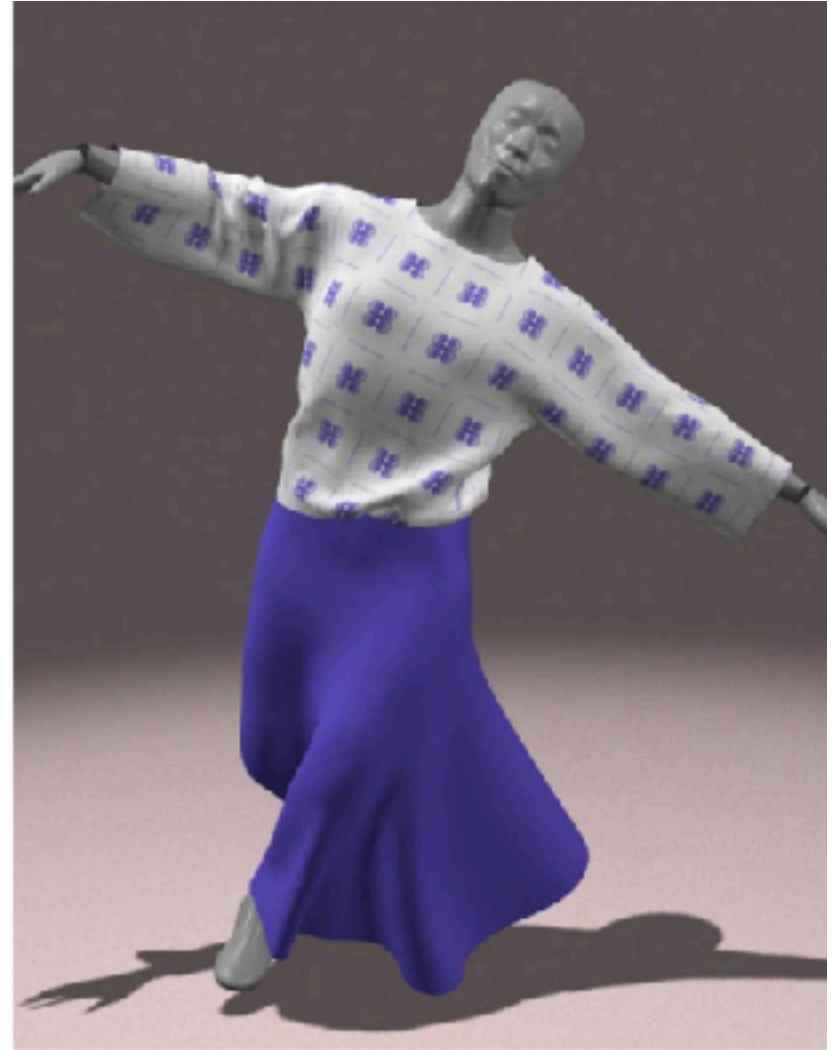


# Cloth simulation

Dan Casas

# Dressing humans



Simulación basada en triángulos [Baraff and Witkin, SIGGRAPH 98]

# Dressing humans



Adaptative Remeshing for Cloth Simulation [Narain *et al.* SIGGRAPH Asia 2012]

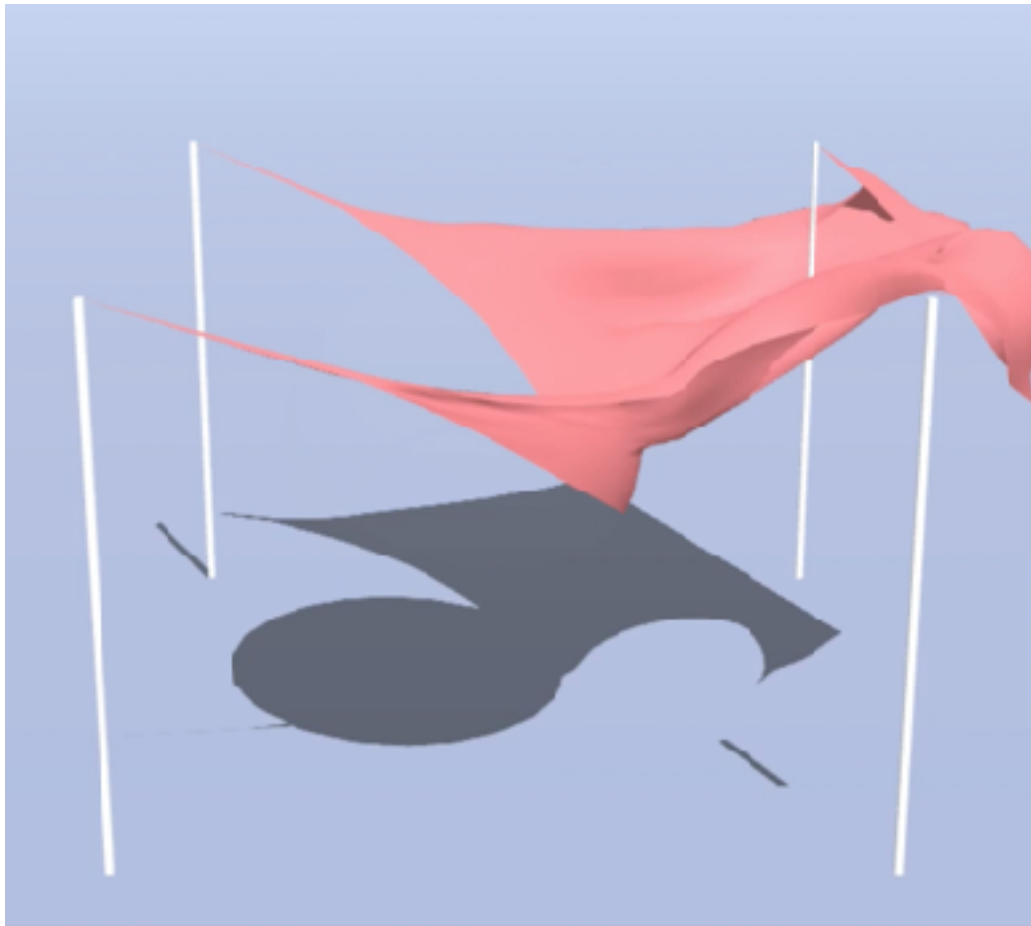
# Dressing humans



Simulación basada en hilos [Cirio SCA 2015]

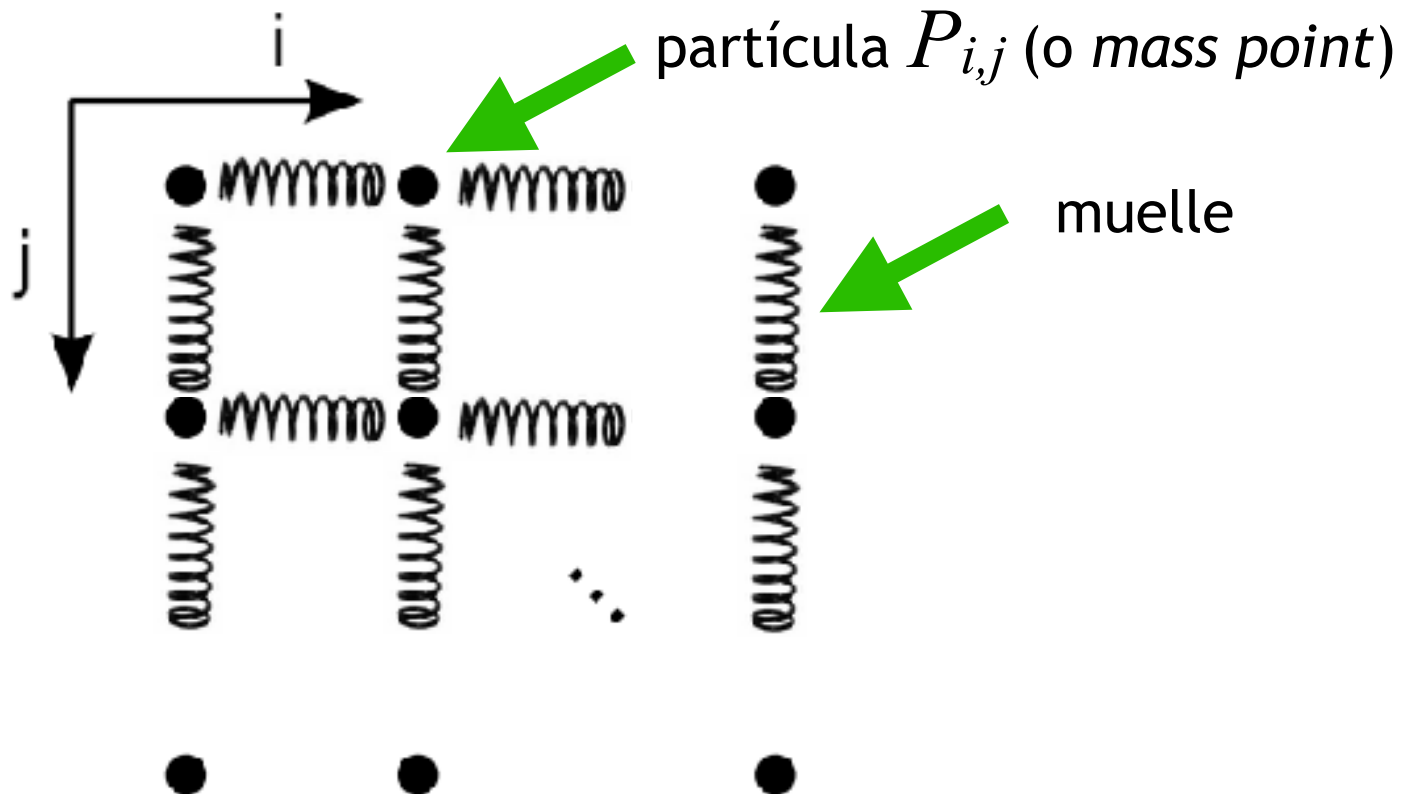
# Demo

WebGL cloth simulation <https://aatishb.com/drape/>



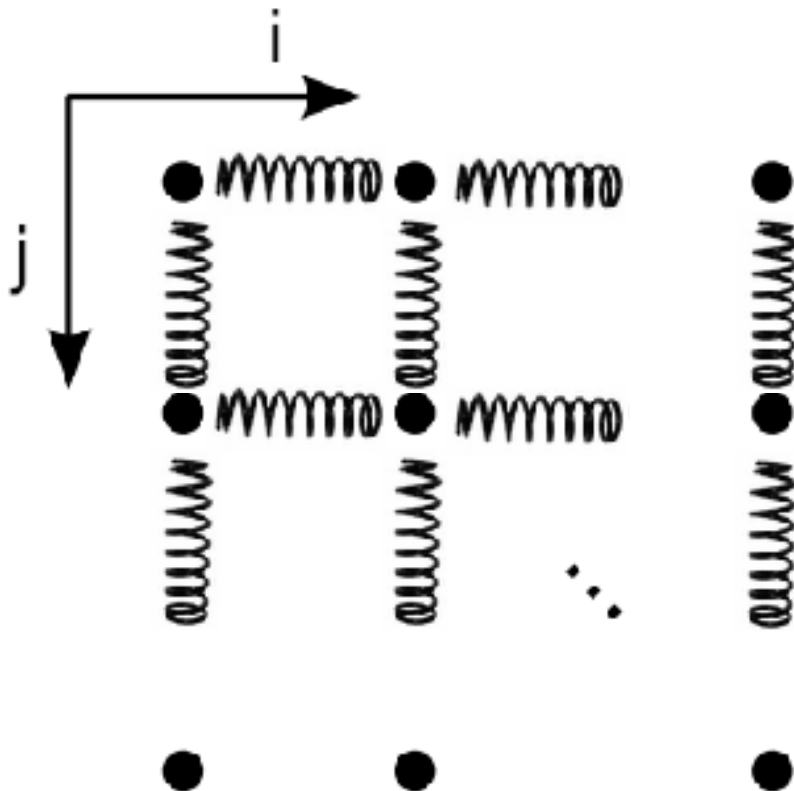
# Tela basada en triángulos

- Sistema de masa-muelle



# Tela basada en triángulos

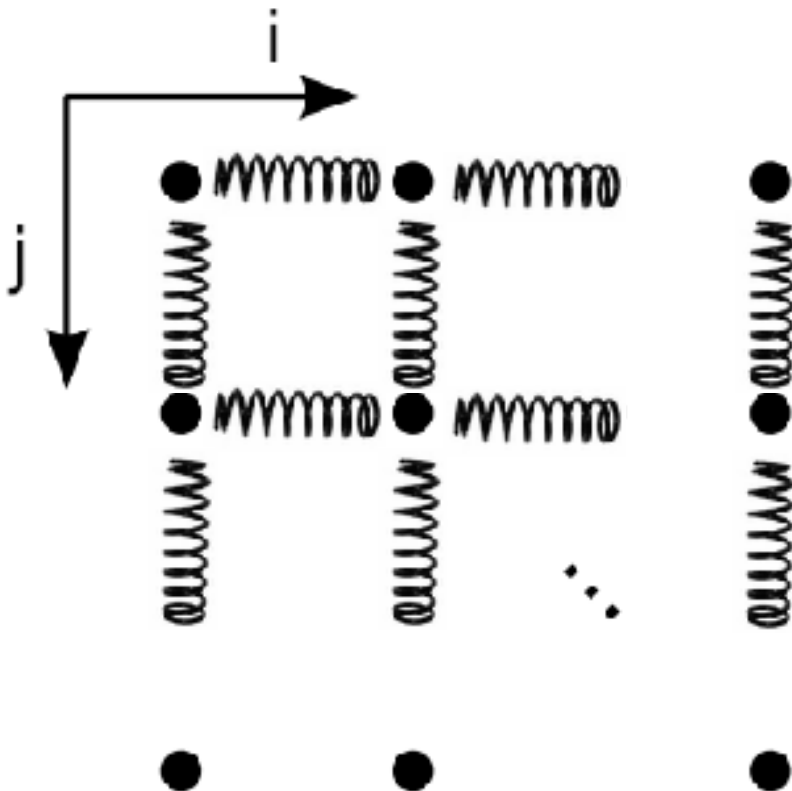
- Sistema de masa-muelle



- Partícula  $P_{ij}$  tiene:
  - masa  $m_{ij}$
  - posición  $\mathbf{x}_{ij}$
  - velocidad  $\mathbf{v}_{ij}$

# Tela basada en triángulos

- Sistema de masa-muelle



- Partícula  $P_{ij}$  tiene:

- masa  $m_{ij}$
- posición  $\mathbf{x}_{ij}$
- velocidad  $\mathbf{v}_{ij}$

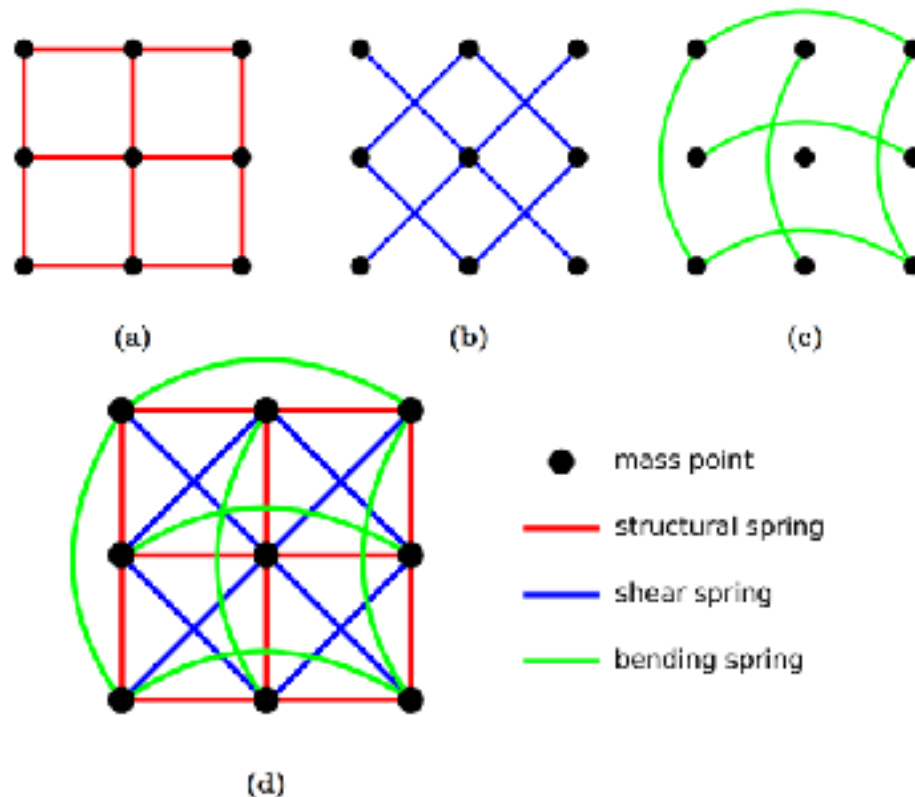
- Muelle:

- dumping (amortiguación)
- stiffness (rigidez)
- No tiene masa



# Tela basada en triángulos

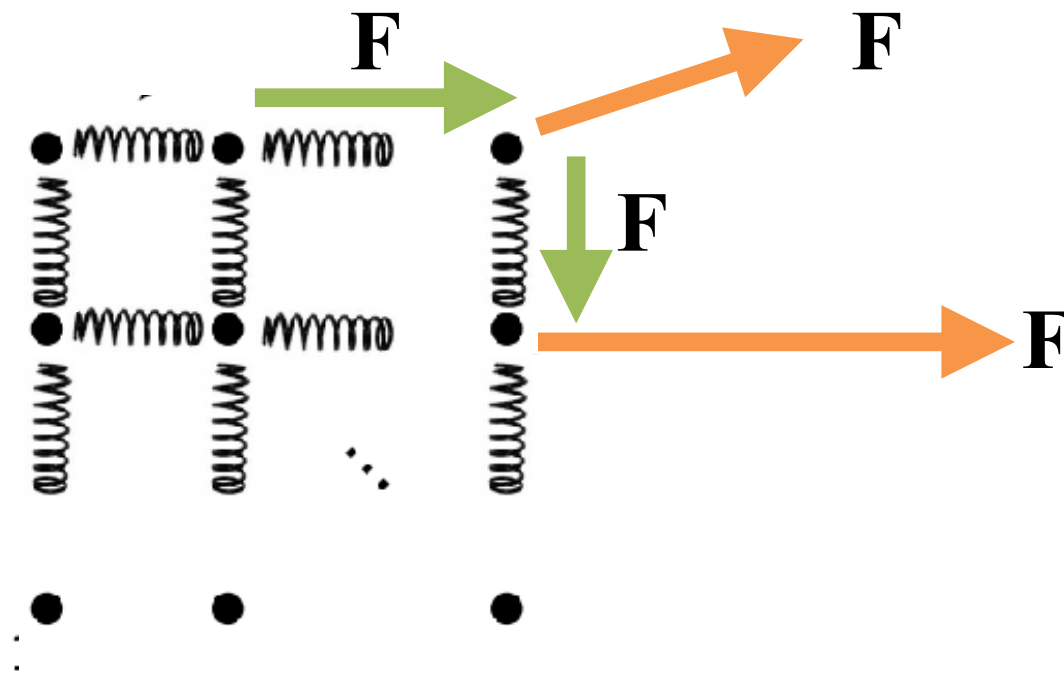
- Tipos de conexiones



**Figure 3.2:** Different types of springs in a mass-spring system: (a) structural springs, (b) shear springs, (c) bending springs and (d) all three types of springs.

# Tela basada en triángulos

- Fuerzas
  - Un sistema masa-muelle interactúa con el entorno mediante fuerzas: - externas  
- internas



# Tela basada en triángulos

- Fuerzas
  - Un sistema masa-muelle interactúa con el entorno mediante fuerzas: - externas
    - internas
  - Fuerza en cada partícula tiene que cumplir la segunda ley de Newton

$$\mathbf{F}_{ij} = m_{ij} \cdot \mathbf{a}_{ij}$$

# Tela basada en triángulos

## Tipos de fuerzas:

- Fuerzas internas



- Stiffness (rigidez)

$$\mathbf{F}_s(P_{ij}, P_{kl}) = -k_s \mathbf{x}_{ij,kl}$$

Diagram illustrating the stiffness force equation. A green arrow points from the coefficient  $k_s$  to the text "coeficiente de rigidez". A yellow arrow points from the displacement vector  $\mathbf{x}_{ij,kl}$  to the text "desplazamiento".

- Damping (amortiguación)

$$\mathbf{F}_d(P_{ij}) = -k_d \mathbf{v}_{ij}$$

Diagram illustrating the damping force equation. A green arrow points from the coefficient  $k_d$  to the text "coeficiente de damping". A yellow arrow points from the velocity vector  $\mathbf{v}_{ij}$  to the text "velocidad".

# Tela basada en triángulos

## Tipos de fuerzas:

- Fuerzas externas

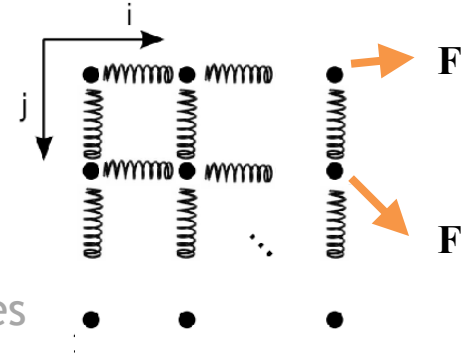
Causadas por el entorno (gravedad, viento, etc.) o colisiones

- Gravedad

$$\mathbf{F}_g(P_{ij}) = m_{ij}g$$

- Viento

$$\mathbf{F}_w(P_{ij}) = k_w[\mathbf{n}_{ij} \cdot (\mathbf{u}_w - \mathbf{v}_{ij})]\mathbf{n}_{ij}$$



# Integración numérica

A partir de nuestro modelo masa-muelle, ¿cómo simulamos?

Para saber la velocidad y la posición de cada partícula en un instante de tiempo usamos:

- Integración explícita
- Integración implícita

# Integración explícita

## Método de Euler

$$y_{n+1} = y_n + \Delta t f(t_n, y_n), \quad n = 0, 1, \dots$$

más concretamente:      (asumiendo  $\mathbf{F}_{ij} = m_{ij} \cdot \mathbf{a}_{ij}$ )

$$\mathbf{a}_{ij}(t) = \frac{1}{m_{ij}} \mathbf{F}_{ij}(t)$$

$$\mathbf{v}_{ij}(t + \Delta t) = \mathbf{v}_{ij}(t) + \Delta t \mathbf{a}_{ij}(t)$$

$$\mathbf{x}_{ij}(t + \Delta t) = \mathbf{x}_{ij}(t) + \Delta t \mathbf{v}_{ij}(t + \Delta t)$$

# Integración explícita

## Método de Euler

$$y_{n+1} = y_n + \Delta t f(t_n, y_n), \quad n = 0, 1, \dots$$



# Integración explícita

## Método de Euler

$$y_{n+1} = y_n + \Delta t f(t_n, y_n), \quad n = 0, 1, \dots$$

más concretamente:      (asumiendo  $\mathbf{F}_{ij} = m_{ij} \cdot \mathbf{a}_{ij}$ )

$$\mathbf{a}_{ij}(t) = \frac{1}{m_{ij}} \mathbf{F}_{ij}(t)$$

# Integración explícita

## Método de Euler

$$y_{n+1} = y_n + \Delta t f(t_n, y_n), \quad n = 0, 1, \dots$$

más concretamente:      (asumiendo  $\mathbf{F}_{ij} = m_{ij} \cdot \mathbf{a}_{ij}$ )

$$\mathbf{a}_{ij}(t) = \frac{1}{m_{ij}} \mathbf{F}_{ij}(t)$$

$$\mathbf{v}_{ij}(t + \Delta t) = \mathbf{v}_{ij}(t) + \Delta t \mathbf{a}_{ij}(t)$$

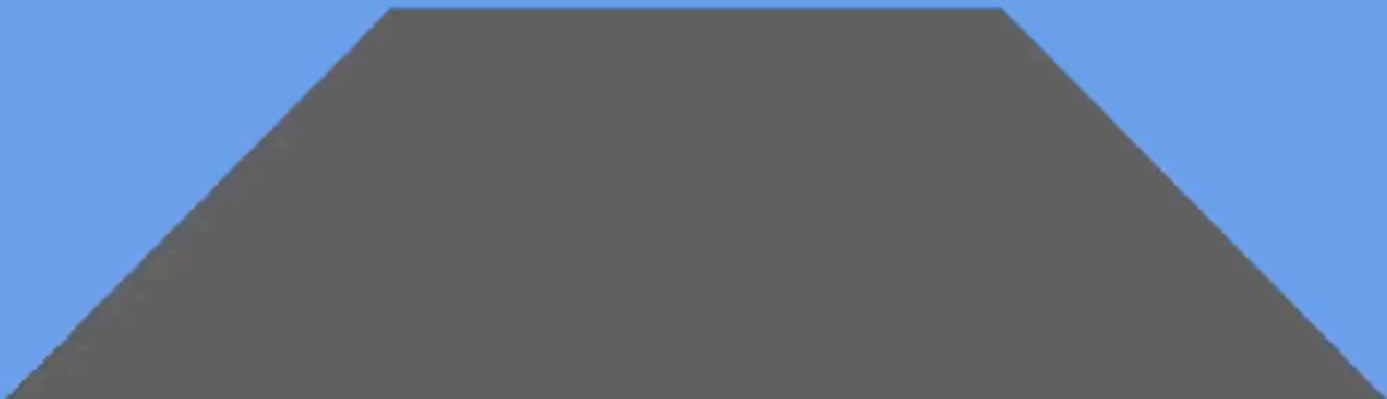
$$\mathbf{x}_{ij}(t + \Delta t) = \mathbf{x}_{ij}(t) + \Delta t \mathbf{v}_{ij}(t + \Delta t)$$

# Simulación explícita

Para cada partícula

1. Calcular suma de todas las fuerzas
2. Calcular aceleración a partir de Newton 2nd's law:  $\mathbf{F} = m\mathbf{a}$
3. Integrar para obtener posición  $\mathbf{x}$  y velocidad  $\mathbf{v}$
4. GOTO 1

961 particles



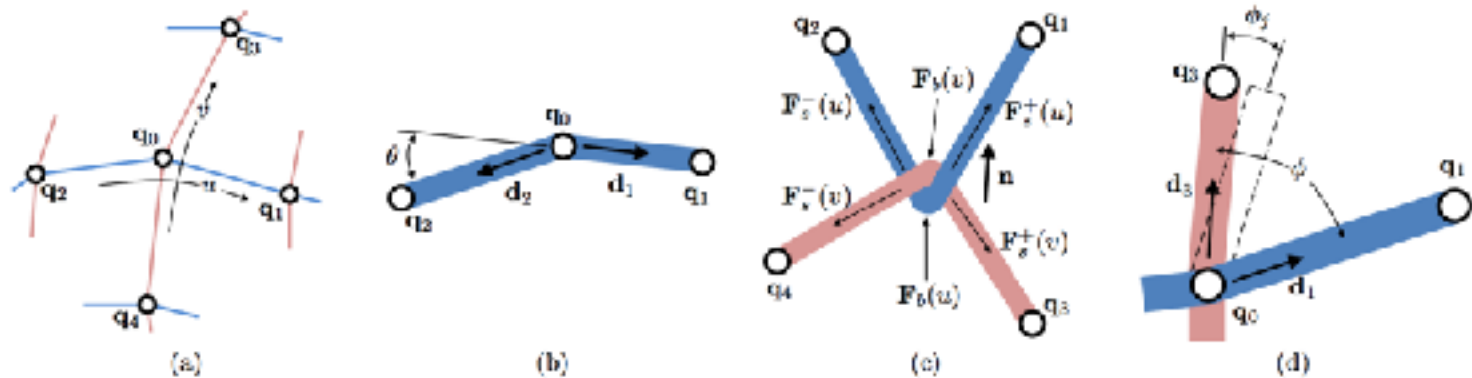
# Integración implícita

$$y_{n+1} = y_n + \Delta t f(t_{n+1}, y_{n+1}), \quad n = 0, 1, \dots$$

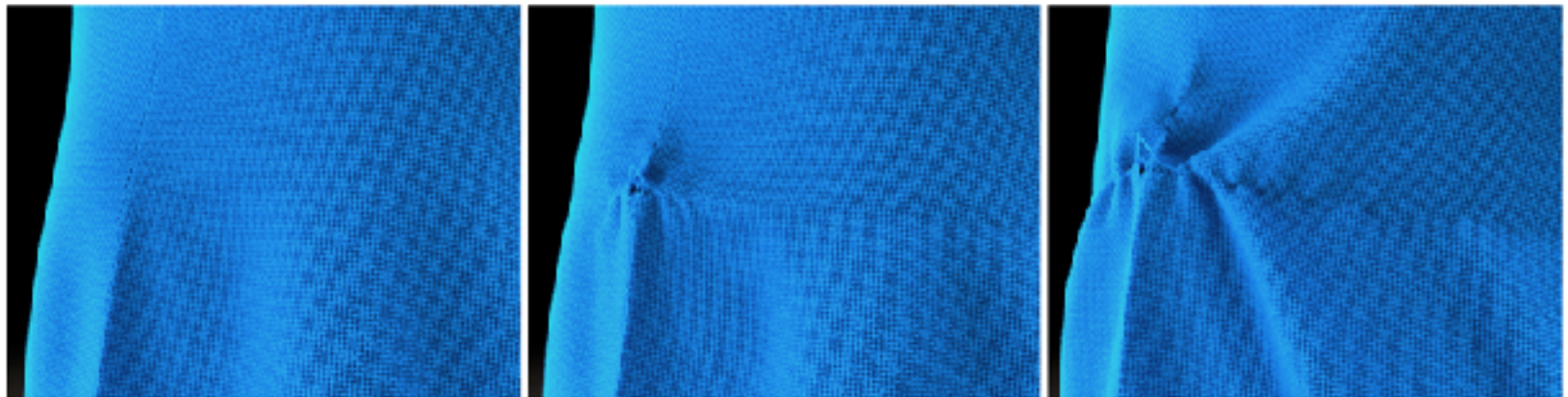


Requiere resolver un sistema de  
ecuaciones lineal

# Simulación a nivel de hilo



**Figure 5:** *a: Warp ( $u$ ) and weft ( $v$ ) yarns crossing at node  $q_0$ , and the four adjacent yarn crossings. b: Bending angle  $\theta$  between two adjacent warp segments. c: Forces producing normal compression at a crossing node. Subscripts  $s$  and  $b$  denote stretch and bending; superscripts  $+$  and  $-$  denote positive and negative yarn directions. d: Shear angle  $\phi$  and shear jamming angle  $\phi_j$  between two adjacent warp and weft yarns.*



# Simulación a nivel de hilo



# Blender demo

[https://www.youtube.com/watch?v=z\\_c3LvrlOzk](https://www.youtube.com/watch?v=z_c3LvrlOzk)