МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«БЕЛГОРОДСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ им. В. Г. ШУХОВА» (БГТУ им. В.Г. Шухова)

Кафедра программного обеспечения вычислительной техники и автоматизированных систем

Лабораторная работа №3.3

по дисциплине: Дискретная математика тема: «Фактормножества»

Выполнил: ст. группы ПВ-221 Лоёк Никита Викторович

Проверили: Бондаренко Татьяна Владимировна Рязанов Юрий Дмитриевич

Лабораторнаяработа№ 3.3

Цель работы: научиться формировать фактормножесто для заданного отношения эквивалентности на ЭВМ.

Вариант 12

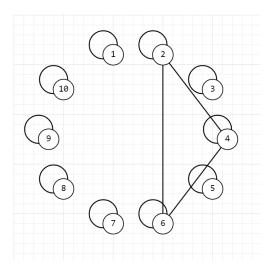
$$A = \{(x,y) \mid x \in N \ u \ y \in N \ u \ x < 11 \ u \ y < 11 \ u \ (x \ u \ y \ четно \ u \ меньше 7 \ u nu \ x = y)\}$$

Задания

1. Отношение представить графом и характеристической функцией в матричной форме. Найти разбиение Ф, определяемое заданным отношением эквивалентности.

$$A = \{(x, y) \mid x \in N \text{ и } y \in N \text{ и } x < 11 \text{ и } y < 11 \text{ и } (x \text{ и } y \text{ чётно и меньше 7 или } x = y)\}$$

Граф:



Характеристическая функция в матричной форме:

```
[1] = {1}

[2] = {2, 4, 5}

[3] = {3}

[4] = {2, 4, 5}

[5] = {2, 4, 5}

[6] = {6}

[7] = {7}

[8] = {8}

[9] = {9}

[9] = {10}
```

Разбиение $\Phi = \{\{1\}, \{2, 4, 6\}, \{3\}, \{5\}, \{7\}, \{8\}, \{9\}, \{10\}\}$

2. Написвть программу, которая формирует разбиение, определяемое заданным отношением эквивалентности.

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <cassert>
using namespace std;
vector<vector<bool>> inputMatrix(unsigned size) {
    vector<vector<bool>> matrix(size, vector<bool>(size));
    for (int i = 0; i < size; i++) {
        for (int j = 0; j < size; j++) {
            bool in;
            cin >> in;
            matrix[i][j] = in;
        }
    for (int i = 0; i < size; i++) {
        if (matrix[i][i] != 1) {
            cerr << "Not order relation" << endl;</pre>
            assert(0);
        for (int j = 0; j < size; j++) {
            if (matrix[i][j] != matrix[j][i]) {
                cerr << "Not order relation" << endl;</pre>
                assert(0);
   return matrix;
}
vector<unsigned> createPartition(vector<vector<bool>> &matrix) {
    vector<unsigned> partition(matrix.size(), 0);
    unsigned groupsCounter = 0;
    for (int i = 0; i < partition.size(); i++) {</pre>
        if (partition[i] == 0) {
            groupsCounter++;
            for (int j = 0; j < matrix.size(); j++) {</pre>
```

```
if (matrix[i][j]) {
                     partition[j] = groupsCounter;
             }
        }
    return partition;
void outputArray(vector<unsigned> &array) {
    for (int i = 0; i < array.size(); i++) {</pre>
        cout << array[i] << ' ';</pre>
}
void outputMatrix(vector<vector<bool>> &matrix) {
    for (int i = 0; i < matrix.size(); i++) {</pre>
        for (int j = 0; j < matrix[0].size(); ++j) {
            cout << matrix[i][j] << ' ';</pre>
        cout << endl;</pre>
}
void outputPartition(vector<unsigned> &array) {
    unsigned maxSize = 0;
    for (int i = 0; i < array.size(); i++) {</pre>
        if (maxSize < array[i]) {</pre>
            maxSize = array[i];
    cout << endl;</pre>
    cout << "{";
    bool flag1;
    bool flag2 = false;
    for (int i = 1; i < maxSize+1; i++) {</pre>
        if (!flag2) {
            cout << "{";
             flag2 = true;
        } else if (flag2)
            cout << ", {";
        flag1 = false;
        for (int j = 0; j < array.size(); j++) {
             if (array[j] == i && !flag1) {
                 cout << j+1;
                 flag1 = true;
             } else if (array[j] == i && flag1) {
                 cout << ", " << j+1;
        cout << "}";
    cout << "}" << endl;</pre>
}
vector<vector<bool>> f(vector<unsigned> &array) {
```

```
unsigned maxSize = 0;
    for (int i = 0; i < array.size(); i++) {</pre>
        if (maxSize < array[i]) {</pre>
            maxSize = array[i];
    }
    vector<vector<bool>> matrix(array.size(),vector<bool>(array.size(),
false));
    for (int i = 0; i < maxSize; i++) {</pre>
        vector<unsigned> arr;
        for (int j = 0; j < array.size(); ++j) {
            if (array[j] == (i + 1)) {
                arr.push back(j+1);
        }
        for (int j = 0; j < arr.size(); ++j) {</pre>
            for (int k = 0; k < arr.size(); ++k) {
                matrix[arr[j]-1][arr[k]-1] = true;
        }
   return matrix;
}
int main() {
   vector<vector<bool>> matrix = inputMatrix(10);
   vector<unsigned> partition = createPartition(matrix);
   cout << endl;</pre>
   outputArray(partition);
   outputPartition(partition);
   vector<vector<bool>> m = f(partition);
   outputMatrix(m);
   return 0;
}
```

Результат работы программы:

```
1 1 0 0 0 0 0 1 1 0
          1 1 0 0 0 0 0 1 1 0
          0010001001
          0 0 0 1 1 0 0 0 0 0
          0 0 0 1 1 0 0 0 0 0
          0 0 0 0 0 1 0 0 0 0
          0 0 1 0 0 0 1 0 0 1
          1 1 0 0 0 0 0 1 1 0
          1 1 0 0 0 0 0 1 1 0
          0010001001
          1 1 2 3 3 4 2 1 1 2
          \{\{1, 2, 8, 9\}, \{3, 7, 10\}, \{4, 5\}, \{6\}\}
          1 1 0 0 0 0 0 1 1 0
          1 1 0 0 0 0 0 1 1 0
          0 0 1 0 0 0 1 0 0 1
          0 0 0 1 1 0 0 0 0 0
          0 0 0 1 1 0 0 0 0 0
          0 0 0 0 0 1 0 0 0 0
          0 0 1 0 0 0 1 0 0 1
          1 1 0 0 0 0 0 1 1 0
          1 1 0 0 0 0 0 1 1 0
          0 0 1 0 0 0 1 0 0 1
10000000000
0 1 0 1 0 1 0 0 0 0
0 0 1 0 0 0 0 0 0 0
0 1 0 1 0 1 0 0 0 0
0 0 0 0 1 0 0 0 0 0
0 1 0 1 0 1 0 0 0 0
0 0 0 0 0 0 1 0 0 0
0000000100
0 0 0 0 0 0 0 0 1 0
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
Not order relation
Assertion failed: 0, file C:/Users/Admin/Desktop/1/main.cpp, line 27
Process finished with exit code 3
```

Вывод

Вывод: в ходе работы я научился формировать фактормножесто для заданного отношения эквивалентности на ЭВМ.