

# Structuri de date și algoritmi

There is no silver bullet

---

*Fred Brooks*

---

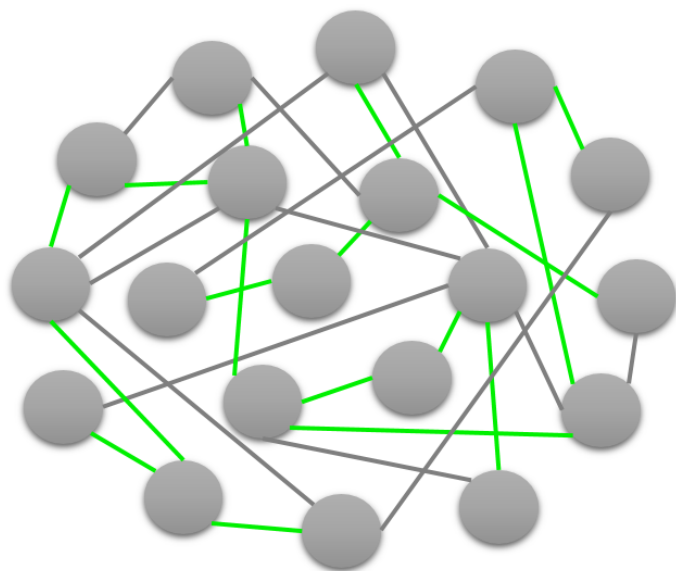
---

# Structuri de date și algoritmi

---

---

APLICAȚII PRACTICE



GABRIEL M. DANCIU

[—DRAFT—]

LAST UPDATED: 16 Iunie 2017

2017

EDITURA UNIVERSITATII TRANSILVANIA

Dreptul de autor © 2017 aparține Gabriel M. Danciu

Toate drepturile sunt preluate de autor. Această publicație nu poate fi reprodusă, distribuită sau transmisă în orice formă, fără acordul editorului, cu excepția citării unor pasaje relativ scurte sau a altor utilizări necomerciale permise de lege. Pentru cereri de alte tipuri de permisiuni adresați-vă editorului.

Publicat de:

Editura Universitatii Transilvania  
Str. Iuliu Maniu nr. 41A Brașov  
Brașov, 500091

Imprimată de Editura Universitatii Transilvania

## **Imprimată în România**

Danciu, Gabriel, M.

Structuri de date și algoritmi:  
aplicații practice/ Danciu, Gabriel, M.

p. cm.

Include referințe bibliografice și index

ISBN: 978-4-4444444-4-6 (format fizic)

ISBN: 978-5-5555555-5-7 (format electronic)

1. Get from QualityBooks

I. Danciu, Gabriel, M. , 2017 II. Title.

QP333.K33 2017

333.33-dc33

2017xxxxxx

Prima Ediție

14 13 12 11 10 / 10 9 8 7 6 5 4 3 2 1

***Editura  
Universitatii  
Transilvania***



***Brașov  
România***

# Rezumatul cuprinsului

<b>Lista de figuri</b>	<b>vii</b>
<b>Prefață</b>	<b>ix</b>
<b>1 Introducere</b>	<b>1</b>
<b>2 Structuri de date</b>	<b>19</b>
<b>3 Greedy</b>	<b>41</b>
<b>4 Divide et impera</b>	<b>45</b>
<b>5 Programare dinamica</b>	<b>49</b>
<b>6 String Matching</b>	<b>53</b>
<b>7 Back Tracking</b>	<b>57</b>
<b>8 Metode iterative</b>	<b>61</b>
<b>Rezumate pe capitole</b>	<b>65</b>
<b>Bibliografie</b>	<b>65</b>
<b>Lista cu autorii citați</b>	<b>69</b>
<b>Sursele imaginilor</b>	<b>71</b>
<b>Abrevieri și simboluri</b>	<b>72</b>
<b>Index</b>	<b>73</b>



# Cuprinsul detaliat

<b>Lista de figuri</b>	<b>vii</b>
<b>Prefață</b>	<b>ix</b>
<b>1 Introducere</b>	<b>1</b>
1.1 Exemplu introductiv . . . . .	2
1.2 Analiza algoritmilor . . . . .	5
1.2.1 Convențiile pentru pseudocod . . . . .	5
1.2.2 Analiza sortării prin inserție . . . . .	6
1.2.3 Ordinul de timp . . . . .	8
1.3 Algoritmi fundamentali . . . . .	9
1.3.1 Înmulțirea a la russe . . . . .	9
1.3.2 Sortarea prin selecție . . . . .	11
1.3.3 Șirul lui Fibonacci . . . . .	12
1.3.4 Algoritmul lui Euclid . . . . .	14
1.3.5 Turnurile din Hanoi . . . . .	16
<b>2 Structuri de date</b>	<b>19</b>
2.1 Șiruri . . . . .	19
2.1.1 Căutarea în șir . . . . .	19
2.1.2 Inversarea elementelor într-un șir . . . . .	20
2.1.3 Șiruri bidimensionale . . . . .	21
2.1.4 Matrice rare . . . . .	23
2.2 Liste . . . . .	24
2.2.1 Operațiuni cu liste simplu înlanțuite . . . . .	25
2.2.2 Stiva . . . . .	33
2.2.3 Coadă . . . . .	37
2.3 Tabele Hash . . . . .	38
<b>3 Greedy</b>	<b>41</b>
3.1 Exemplu introductiv . . . . .	41
<b>4 Divide et impera</b>	<b>45</b>
4.1 The First Section . . . . .	45

<b>5 Programare dinamica</b>	<b>49</b>
5.1 The First Section . . . . .	49
<b>6 String Matching</b>	<b>53</b>
6.1 The First Section . . . . .	53
<b>7 Back Tracking</b>	<b>57</b>
7.1 The First Section . . . . .	57
<b>8 Metode iterative</b>	<b>61</b>
8.1 The First Section . . . . .	61
<b>Rezumate pe capitole</b>	<b>65</b>
<b>Bibliografie</b>	<b>65</b>
<b>Lista cu autorii citați</b>	<b>69</b>
<b>Sursele imaginilor</b>	<b>71</b>
<b>Abrevieri și simboluri</b>	<b>72</b>
<b>Index</b>	<b>73</b>



# Lista de figuri

1.1	Aflarea minimului dintr-un șir . . . . .	3
1.2	Aflarea minimului dintr-un șir. Schema logică. . . . .	4
1.3	Exemplu pentru algoritmul de sortare prin selecție . . . . .	12
1.4	Calculul termenului 5 al șirului Fibonacci folosind algoritmul 6. . . . .	13
1.5	Găsirea CMMDC-ului dintre numerele 102 și 18. Reprezentare vizuală . . . . .	14
1.6	Rezolvarea algoritmului turnurilor din Hanoi. Reprezentare vizuală. . . . .	17
2.1	Inversarea elementelor într-un șir. . . . .	21
2.2	Parcurgerea și inițializarea elementelor unei matrice. . . . .	22
2.3	Matricea rară inițială. . . . .	23
2.4	Lista simplu înlănțuită. . . . .	24
2.5	Inserarea unui nou element la începutul listei. . . . .	25
2.6	Inserarea unui nou element la finalul listei. . . . .	26
2.7	Inserarea unui nou element la finalul listei. . . . .	27
2.8	Ștergerea unui element de la începutul listei. . . . .	29
2.9	Ștergerea unui element de la finalul listei. . . . .	30
2.10	Ștergerea unui element din interiorul listei. . . . .	31
2.11	Evaluarea expresiei $5 \cdot 12 + 4 * + 3 -$ . . . . .	35
2.12	Transformarea expresiei $3 * 4 + ( 8 - 12 )$ în formă postfixată. . . . .	37
2.13	Exemplu de utilizare a cozii. . . . .	38
2.14	Exemplu de utilizare a unei funcții hash. . . . .	40



# Prefață

Here you write a nice preface that makes people really want to read your book.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue.

Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

Fusce mauris. Vestibulum luctus nibh at lectus. Sed bibendum, nulla a faucibus semper, leo velit ultricies tellus, ac venenatis arcu wisi vel nisl. Vestibulum diam. Aliquam pellentesque, augue quis sagittis posuere, turpis lacus congue quam, in hendrerit risus eros eget felis. Maecenas eget erat in sapien mattis porttitor. Vestibulum porttitor. Nulla facilisi. Sed a turpis eu lacus commodo facilisis. Morbi fringilla, wisi in dignissim interdum, justo lectus sagittis dui, et vehicula libero dui cursus dui. Mauris tempor ligula sed lacus. Duis cursus enim ut augue. Cras ac magna. Cras nulla. Nulla egestas. Curabitur a leo. Quisque egestas wisi eget nunc. Nam feugiat lacus vel est. Curabitur consectetur.

This is an illustration of the use of the HREF command. This should always be used since otherwise hyperlinks will not be properly formatted for print, PDF, and eBooks. – [Google Scholar](#) will help.

≈

Sloboken, NJ  
October, 2016

# 1 Introducere

Pentru început ne vom familiariza cu principiile, notațiile folosite de-a lungul întregului curs. Vom începe printr-o plasare a conceptului de algoritm în raport cu problemele reale utilizând un exemplu clasic. Vom prezenta conceptul de pseudocod și de asemenea vom folosi un exemplu de algoritm ușor de înțeles. În finalul acestui capitol vom analiza algoritmi din punct de vedere a timpului de execuție al acestora.

Ce fel de probleme se rezolvă cu ajutorul algoritmilor? Să zicem că aproape orice aplicație dezvoltată conține un algoritm (nu neapărat în forma lui didactică). De la rețele de socializare, la comerț electronic, la industrie, în aproape orice domeniu legat mai mult sau mai puțin de știința calculatoarelor, vom găsi necesitatea implementării cel puțin a unui algoritm.

Primul aspect care trebuie definit este ce reprezintă un algoritm. Există în mod evident mai multe căi de a defini un algoritm și vom enumera în cele ce urmează câteva dintre acestea:

- Un algoritm este o procedură bine definită ce are ca intrare un set de valori sau una singură, și va produce una sau mai multe ieșiri.
- Un algoritm reprezintă un set de reguli definit pentru a rezolva o problemă într-un număr finit de pași.
- Un set de pași pentru a rezolva o problemă matematică sau pentru a realiza un proces computațional.

Dacă un algoritm este o propunere conceptuală pentru a rezolva o problemă, atunci programul reprezintă forma implementată într-un limbaj specific. De regulă un program rezolvă mai multe probleme, ceea ce duce la necesitatea divizării în subprograme numite module. Fiecare modul poate conține implementarea unui algoritm sau o îmbinare a mai multor algoritmi.

Orice algoritm trebuie să poată fi definit prin:

- Intare. Se poate ca un algoritm să nu conțină nicio dată ca intrare sau să aiba un set de date ce definește intrarea.

- **Ieșire.** Fiecare algoritm are definită cel puțin o ieșire ce reprezintă soluția oferită.
- **Exprimare.** Fiecare pas al algoritmului trebuie să fie clar.
- **Finitudine.** Algoritmul trebuie să-și termine execuția după un număr finit de pași.
- **Eficacitate.** Fiecare pas trebuie să fie definit cât mai simplu pentru a putea fi executat rapid.

După modul de implementare, algoritmii se pot cataloga astfel:

- **Recursiv-Iterativ.** Recursivitatea înseamnă pe scurt apelul unei funcții în interiorul ei. Pe de cealaltă parte, un algoritm iterativ, presupune execuția succesivă a instrucțiunilor.
- **Serial-Paralel.** Modul în care se execută pașii definiți într-un algoritm poate fi consecutiv sau concomitent.
- **Deterministic-Aleatoriu.** Un algoritm deterministic va furniza pentru aceleași intrări un set de ieșiri care nu se va schimba oricâte rulări am avea. Pe de altă parte un algoritm aleatoriu, va produce pentru aceeași intrare la rulări diferite, ieșiri diferite.

În continuare vom prezenta un exemplu pentru a defini câteva modalități de a exprima un algoritm.

### 1.1 Exemplu introductiv

Pentru a exemplifica câteva moduri de a reprezenta pașii un algoritm putem folosi pentru început problema găsirii minimumului într-un șir.

Iată cum putem defini problema găsirii minimumului dintr-un șir:

**Intrare:** O secvență de  $n$  numere **Ieșire:** Valoarea celui mai mic număr din secvență

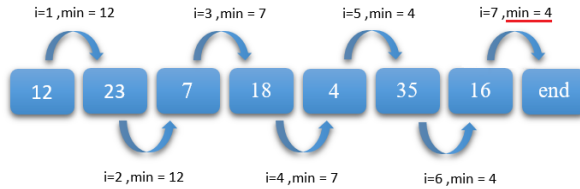
Fie secvența (12, 23, 7, 18, 4, 35, 16). Evident numărul minim se va afla parcurgând acest șir și reținând valoarea minimă, în acest caz 4. În figura 1.1 este reprezentată această parcurgere.

Există cel puțin trei tipuri de a exprima un algoritm astfel încât descrierea pașilor acestuia să nu depindă de niciun limbaj de programare:

1. **Exprimare în limbaj natural.** Aceasta presupune descrierea în cuvinte a pașilor.
2. **Pseudocod.** Descrierea are loc sub forma unui cod ce poate fi ușor transcris apoi în orice limbaj de programare.



(a) Sirul inițial. Cu gri sunt indicate indexurile valorilor din șir



(b) Parcurgerea șirului și reținerea minimului

Figura 1.1: Aflarea minimului dintr-un șir

3. Schemă logică. Un algoritm poate fi reprezentat sub o formă vizuală ușor de descris și de urmărit.

În cele ce urmează vom parcurge cele trei moduri de a implementa algoritmul de aflare a minimului dintr-un șir. Primul mod de a descrie un algoritm este tocmai expunerea pașilor în cuvinte precum în algoritmul 1.

---

**Algoritm 1** Algoritm exprimat în limbaj natural

---

- (I) Inițializează o variabilă *min* cu valoarea primului element din șir
  - (II) Parcurge tot restul șirului folosind o variabilă *i* pentru a incrementa poziția în șir
  - (III) Reține valoarea minimă în *min* comparând această variabilă cu fiecare element din șir
- 

Al doilea mod este cel mai răspândit și anume pseudocodul din algoritmul 2. Vom detalia în secțiunea următoare regulile pentru a scrie un algoritm în pseudocod.

O schemă logică este o diagramă ce reprezintă grafic pașii unui algoritm folosind blocuri conectate de săgeți ce indică fluxul datelor. Blocurile sunt diferite forme geometrice ce semnifică instrucțiuni logice: dreptunghi-asignare, cerc-conector, romb-instrucțiune condițională, etc.

După cum se poate observa acest mod de descrie un algoritm este ceva mai complicat, se folosesc anumite notații specifice ceea ce implică respectarea unor reguli de scriere.

**Algoritm 2** Algoritm exprimat în pseudocod

---

```

1: procedure FIND_MIN( $A$ )                                ▷ Find minimum in  $A$ 
2:    $min \leftarrow A[1]$ 
3:    $i \leftarrow 2$ 
4:    $n \leftarrow \text{length}(A)$ 
5:   while  $i \leq n$  do
6:     if  $min > A[i]$  then
7:        $min \leftarrow A[i]$ 
8:     end if
9:      $i \leftarrow i + 1$ 
10:  end while
11:  return  $min$                                            ▷ The minimum of  $A$  is  $min$ 
12: end procedure

```

---

Ultima modalitate de a descrie un algoritm este schema logică iar un exemplu este oferit mai jos în figura 1.2.

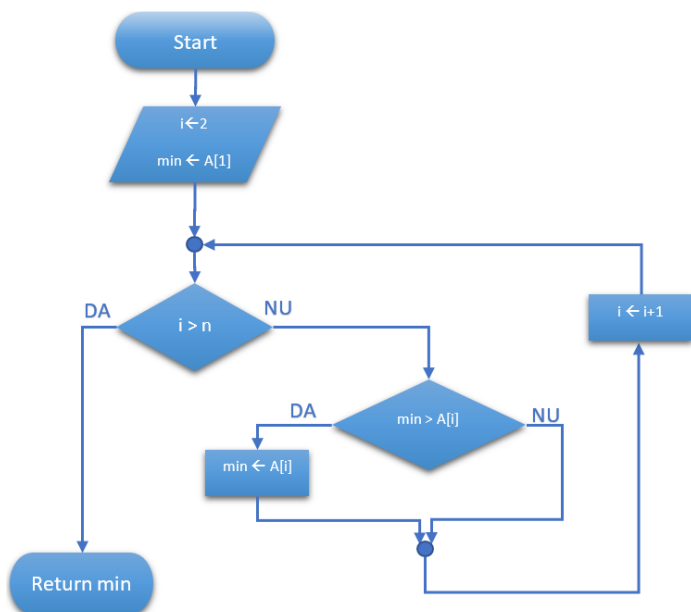


Figura 1.2: Aflarea minimumului dintr-un șir. Schema logică.



## 1.2 Analiza algoritmilor

A analiza un algoritm poate însemna a prezice resursele necesare ca acesta să ruleze. Înainte de a analiza un algoritm, trebuie să avem un model al tehnologiei pe care va fi implementat. Vom presupune faptul că va rula pe un sistem cu un procesor, iar instrucțiunile vor fi executate una după alta, fără operații concurente. Înainte de a analiza algoritmi va trebui să stabilim regulile de exprimare a acestora.

### 1.2.1 Convențiile pentru pseudocod

Pentru a folosi corect și constant, în cele ce urmează, limbajul pseudocod, trebuie să ținem cont de anumite reguli și anume:

1. Identarea indică o structură bloc (while, if, etc). În exemplul din algoritmul 2, corpul procedurii ce începe pe linia 2 constă din liniile 2-11, sau corpul while-ului ce începe pe linia 5 și conține liniile 6-9, sunt exemple de instrucțiuni din cadrul unui bloc. În loc de identare se pot folosi paranteze, acolade sau specificații begin, end pentru a spori claritatea codului.
2. Simbolul  $\triangleright$  indică faptul că ceea ce urmează după el reprezintă un comentariu.
3. Atribuirea se face folosind operatorul „ $\leftarrow$ ”. De exemplu i ia valoarea lui j se va scrie  $i \leftarrow j$ . Ese posibil ca în alte notații atribuirea să se facă folosind „ $:=$ ”.
4. Egalitatea se verifică folosind operatorul „ $=$ ”. De exemplu i egal cu j se va scrie  $i = j$ .
5. Variabilele (de exemplu  $i$  sau  $j$ ) sunt locale în procedura respectivă. Nu vom folosi variabile globale în pseudocod.
6. Șirurile se vor reprezenta prin litere mari: A,B, accesarea unui element din șir se face utilizând paranteze pătrate ca de exemplu A[3]. Aici a fost accesat elementul cu indexul 3. Notăția “.” este folosită pentru a indica un domeniu de valori din cadrul șirului. De exemplu A[1..j] indică subșirul ce este format din elementele A[1],A[2],...,A[j].
7. Parametrii sunt transmiși prin valoare, adică procedura primește copii ale parametrilor de la apel.
8. Anumite funcții predefinite pot fi referite direct prin numele lor fără a fi necesar descrierea formală a acestora. De exemplu  $\min(a, b, c)$  va returna valoarea cea mai mică dintre  $a, b$  și  $c$ .

9. Atributele unor obiecte vor fi indicate prin cuvinte în engleză cu font italic. De exemplu dacă tratăm un șir ca obiect, atunci atributul *length* va indica lungimea acestuia, adică numărul total de elemente ale șirului. Dacă dorim să reprezentăm un pointer, va trebui să marcăm acest lucru prin operația de atribuire. În alte notații lungimea șirului se indică folosind operatorul modul:  $|A|$ . Dacă avem două obiecte  $x$  și  $y$ , iar operația  $y \leftarrow x$  produce egalitatea  $f[x] = f[y]$  unde  $f$  este orice atribut al acestui obiect și apoi setăm  $f[x] \leftarrow f[y]$  unde  $f$  este orice atribut al acestui obiect și setăm  $f[x] \leftarrow 3$ , aceasta va produce automat  $f[y] = 3$ .

10. Un obiect null va fi marcat cu valoarea NULL.

### 1.2.2 Analiza sortării prin inserție

Timpul necesar sortării unui șir folosind această metodă, depinde de intrare: sortarea unui șir de mii de elemente este evident, mai lentă, decât sortarea unui șir cu zece elemente. Pentru a putea cuantifica acest timp, în raport cu intrarea, va trebui să definim noțiunea de *timp de rulare* și noțiunea de *intrare* mai amănunțit.

Noțiunea de *mărime de intrare* depinde de problema studiată. De exemplu înmulțirea a doi întregi, este în strânsă relație cu numărul de biți necesari reprezentării acelor numere. Pe de altă parte sortarea unui șir depinde de numărul de elemente ale celui șir.

Noțiunea de *timp de rulare* înseamnă mai degrabă numărul de operații (pași) care trebuie executate pentru a rula algoritmul. Este mai bine să folosim termenul de *pas* pentru a nu lega noțiunea de operație de o arhitectură anume. Pentru a cuantifica cât mai corect timpul de rulare, vom introduce și noțiunea de constantă ce reprezintă timpul necesar execuției unei instrucțiuni.

De exemplu pentru a executa linia  $i$ , putem preciza constanta ca fiind timpul necesar execuției acelei linii. Vom denumi această constantă, costul unei operații. În continuare vom analiza, pornind de la algoritmul descris anterior timpul de execuție al sortării prin inserție:

*Timpul de rulare* al algoritmului este suma timpilor necesari rulării fiecărei operații. În cazul unei operații simple (ca în cazul *for*, se va înmulți costul cu numărul de execuții al acelei operații). Numărul de execuții este ceva mai complicat în cazul operației *while* din interiorul forului. Deoarece nu putem spune cu siguranță de câte ori se va executa fiecare *while*, aceasta depinzând de **intrare** și anume de șirul de sortat. De aceea presupunem că  $t_j$  este numărul de execuții în *while* pentru un anumit  $j$ .

**Algoritm 3** Sortarea prin inserție

---

1: <b>procedure</b> INSERTION_SORT( $A$ )	const	timpi
2: <b>for</b> $j \leftarrow 1$ <b>to</b> $n$ <b>do</b>	$c_1$	$n$
3: $key \leftarrow A[j]$	$c_2$	$n - 1$
4:     ▷ insert $A[j]$ into sorted sequence $A[i..j - 1]$	0	$n - 1$
5: $i \leftarrow j - 1$	$c_4$	$n - 1$
6: <b>while</b> $i > 0$ <b>AND</b> $A[i] > key$ <b>do</b>	$c_5$	$\sum_{j=2}^n t_j$
7: $A[i + 1] \leftarrow A[i]$	$c_6$	$\sum_{j=2}^n (t_j - 1)$
8: $i \leftarrow i - 1$	$c_7$	$\sum_{j=2}^n (t_j - 1)$
9: <b>end while</b>		
10: $A[i + 1] \leftarrow key$	$c_8$	$n - 1$
11: <b>end for</b>		
12: <b>end procedure</b>		

---

Putem încerca în continuare să stabilim numărul total de execuții, și ca atare timpul de rulare total  $T(n)$ :

$$T(n) = c_1 n + c_2(n - 1) + c_4(n - 1) + c_5 \sum_{j=2}^n t_j + c_6 \sum_{j=2}^n (t_j - 1) + c_7 \sum_{j=2}^n (t_j - 1) + c_8(n - 1) \quad (1.1)$$

În cel mai bun caz, și anume când șirul de intrare este deja sortat (instrucțiunea 5.) este executată doar pentru a efectua o verificare, și nu se vor executa niciodată instrucțiunile 6. și 7. În acest caz putem rescrie  $T(n)$  considerând  $\sum_{j=2}^n t_j = \sum_{j=2}^n 1 = n - 1$ .

Asfel timpul total de rulare va fi:

$$T(n) = c_1 n + c_2(n - 1) + c_4(n - 1) + c_5(n - 1) + c_8(n - 1) = (c_1 + c_2 + c_4 + c_5 + c_8) - (c_2 + c_4 + c_5 + c_8) \quad (1.2)$$

Aceasta poate fi scrisă sub forma  $an + b$  unde  $a$  și  $b$  sunt constante ce depind de  $c_i$ . Aceasta înseamnă că  $T(n)$  este o funcție liniară de  $n$ .

În cazul în care șirul este scortat descrescător, calculând  $T(n)$  obținem cel mai slab timp din punct de vedere al eficienței. Astfel instrucțiunea *while* va fi executată de fiecare dată iar  $t_j = j$ :

$$\sum_{j=2}^n t_j = \sum_{j=2}^n j = \frac{n(n+1)}{2} - 1 \quad (1.3)$$

și

$$\sum_{j=2}^n (t_j - 1) = \sum_{j=2}^n (j - 1) = \frac{n(n-1)}{2} \quad (1.4)$$

Înlocuind în formula de calcul al lui  $T(n)$  obținem:

$$\begin{aligned} T(n) &= c_1 n + c_2(n-1) + c_4(n-1) + \\ &\quad c_5\left(\frac{n(n+1)}{2} - 1\right) + c_6\left(\frac{n(n-1)}{2}\right) + c_7\left(\frac{n(n-1)}{2}\right) + c_8(n-1) = \\ &= \left(\frac{c_5}{2} + \frac{c_6}{2} + \frac{c_7}{2}\right)n^2 + (c_1 + c_2 + c_4 + \frac{c_5}{2} - \frac{c_6}{2} - \frac{c_7}{2} + c_8)n - (c_2 + c_4 + c_5 + c_8) \end{aligned} \quad (1.5)$$

Acest timp poate fi exprimat sub forma  $f = an^2 + bn + c$  cu  $a, b$  și  $c$  depinzând de constantele  $c_{1..8}$ .

### 1.2.3 Ordinul de timp

Am simplificat unele calcule pentru a ușura cât mai mult analiza algoritmului de inserție. De exemplu, am ignorat costul concret al fiecărei instrucțiuni folosind constante de tip  $c_i$ . În cazul cel mai nefavorabil am ales constantele  $a, b$  și  $c$  pentru a arata faptul că polinomul este de ordinul 2. Pentru a simplifica și mai mult lucrurile vom proceda la următoarea notație. Se numește **ordin de creștere** acel timp de rulare dedus din funcția  $f$  ce reprezintă cel mai bine numărul de pași necesari execuției unui algoritm. Acest număr de pași este corelat cu timpul necesar rulării unui algoritm.

Din funcția  $f$  vom considera cel mai reprezentativ termen și anume  $an^2$ , deoarece pentru un  $n$  suficient de mare, ceilalți termeni vor fi mici relativ la  $an^2$ . Mai mult, vom ignora coeficientul, din moment ce aceștia sunt mai puțin semnificativi în determinarea ordinului de creștere. De aceea, obținem pentru acest algoritm, în cel mai nefavorabil caz, timpul de rulare de  $O(n^2)$ , notație pe care o vom detalia în capitolul următor.

În cazul în care șirul de intrare ar fi fost deja sortat  $T(n)$  ar fi fost sub forma  $f = an + b$ . Aceasta înseamnă că doar pentru acest caz timpul de rulare ar fi fost timpul de rulare de  $O(n)$ . Pentru a surprinde ambele cazuri există notații asimptotice pe care le vom studia ulterior.

De ce trebuie ca algoritmul să fie eficient, și ordinul de timp să fie cât mai mic? Pentru că un algoritm reprezintă o tehnologie. Astfel aceasta va evolua inevitabil, în strânsă legătură cu platformele pe care a fost implementat. Independent însă de aceste platforme, un algoritm poate fi

îmbunătățit astfel încât să producă aceleași rezultate mai rapid ceea ce înseamnă un progres al tehnologiei folosite.

Luând în considerare o serie de factori precum limbajul în care este scris algoritmul, mediul în care va rula programul ce implementează algoritmul, putem extinde analiza de bază care va fi prezentată în acest curs, pentru a prezice cu acuratețe timpul necesar rulării unui program, pentru diferite intrări.

Totuși, în cadrul acestui curs vom ignora aceste aspecte, pentru a păstra simplitatea calcului, și a ușura înțelegerea modelelor descrise. În cele ce urmează, vom studia fundamentele matematice care ne vor fi de mare folos în analiza tuturor algoritmilor ce vor fi studiați.

## 1.3 Algoritmi fundamentali

În continuare, vom prezenta câțiva algoritmi nu foarte complicați, pentru a crea introducere pentru acest curs și pentru a exersa conceptele de mai sus și nu numai.

### 1.3.1 Înmulțirea a la russe

Este o operație de matematică cu origini în Egiptul antic, și este o metodă ce nu implică folosirea tabelului înmulțirii, ci doar divizarea cu 2 și adunarea. Marele avantaj al acestei metode este că poate fi implementată ușor în tehnica de calcul modernă, deoarece implică folosirea acestor două operații aritmetice de bază.

Iată un exemplu pentru a demonstra principiul, înmulțind numerele 52 și 15:

52	15	–
26	30	–
13	60	60
6	120	–
3	240	240
1	480	480
		<hr/>
		780

Tabela 1.1: Înmulțirea a la russe pentru numerele 52 și 15

După cum se poate observa în tabelul 1.1, se aplică în mod repetat împărțirea cu 2 a primului număr și înmulțirea cu 2 a celui de al doilea număr.

În cazul în care împărțirea cu 2 a primului număr a avut ca rezultat un număr impar (în prima coloană), se reține rezultatul înmulțirii cu 2 a celui de-al doilea număr (în a doua coloană). În a treia coloană stocăm aceste rezultate parțiale. La final însumăm numerele din a treia coloană și acesta este produsul dintre 52 și 15.

În cele ce urmează vom descrie acest algoritm (4) folosind pseudocod.

---

**Algoritm 4** Înmulțirea a la russe
 

---

```

1: procedure RUSSE( $a, b$ )
2:   arrays  $X, Y$ 
3:    $X[1] \leftarrow a; Y[1] \leftarrow b$ 
4:    $i \leftarrow 1$ 
5:   ▷ se construiesc cele două coloane
6:   while  $X[i] > 1$  do
7:      $X[i+1] \leftarrow X[i]/2$ 
8:      $Y[i+1] \leftarrow Y[i] + Y[i]$ 
9:      $i \leftarrow i+1$ 
10:  end while
11:   $prod \leftarrow 0$ 
12:  while  $i > 0$  do
13:    if  $X[i] \% 2 = 0$  then
14:       $prod \leftarrow prod + Y[i]$ 
15:    end if
16:     $i \leftarrow i - 1$ 
17:  end while
18:  return  $prod$ 
19: end procedure

```

---

Ordinul de timp al acestui algoritm este  $O(n)$ , iar pseudocodul prezentat poate fi optimizat adică se poate elimina a doua buclă **while** și de asemenea se pot elimina cele două șiruri auxiliare  $X, Y$ .

Întrebarea firească este de ce funcționează acest algoritm? Răspunsul poate fi dat transformând numerele în sistemul binar. În această bază, împărțirea la 2 este echivalentul șiftării tuturor biților la dreapta cu o unitate. Asemenea înmulțirea cu 2 reprezintă șiftarea tuturor biților la stânga cu o unitate și completarea cu 0 a bitului cel mai din dreapta.

De exemplu numărul 14 în binar este 1110. Dacă ar fi să îl înmulțim cu 1 tot în binar, acesta devine:  $14 = 1 * 2^3 + 1 * 2^2 + 1 * 2^1 + 0 * 2^0$ . Se poate observa că doar puterile lui 2 înmulțite cu 1 contează în suma finală.

Mai departe să înmulțim 14 cu 2. Adică 1110 cu 10 în binar:  $14 * 2 = 28 + 0 = 11100 * 1 + 1110 * 0 = 1 * 2^4 + 1 * 2^3 + 1 * 2^2 + 0 * 2^1 + 0 * 2^0$ . După cum se poate vedea, acel 0 marcat cu font italic nici nu a contat în suma

finală. De aceea nici algoritmul nu ia în calcul numere pare din coloana a doua.

Această metodă are aplicații în domeniul educațional, fiind o metodă ușor de înțeles și de implementat, dar și în domeniul ingineresc deoarece aduce o îmbunătățire a timpului de execuție acolo unde numerele sunt foarte mari. Această problemă poate fi încadrată la categoria *divide et impera* despre care vom vorbi în capitolul dedicat acestui tip de rezolvare.

### 1.3.2 Sortarea prin selecție

Algoritmul are ca intrare un șir de date, nu neapărat sortat, și se cere sortarea crescător a acestuia. Spre deosebire de sortarea prin inserție, sortarea prin selecție, lucrează altfel, plasând la fiecare pas un element pe poziția lui finală.

---

#### Algoritm 5 Sortare prin selecție

---

```

1: procedure SELECTION_SORT( $A[1..n]$ )
2:   for  $i \leftarrow 1$  to  $n-1$  do
3:      $minj \leftarrow i; minx \leftarrow A[i]$ 
4:     ▷ caut poziția finală a lui  $A[i]$  în șir
5:     for  $j \leftarrow i+1$  to  $n$  do
6:       if  $A[j] < minx$  then
7:          $minj \leftarrow j$ 
8:          $minx \leftarrow A[j]$ 
9:       end if
10:    end for
11:    ▷ la final schimb elementul actual cu cel mai mic găsit
12:     $A[minj] \leftarrow A[i]$ 
13:     $A[i] \leftarrow minx$ 
14:  end for
15: end procedure

```

---

Algoritmul 5 funcționează astfel: pornind de la primul element în șir, ne folosim de variabile auxiliare  $minj$  și  $minx$  pentru a reține poziția celui mai mic element respectiv valoarea acestuia. Apoi vom parcurge restul șirului căutând cel mai mic element din subșirul care este format din elementele ce urmează elementului actual. Găsim cea mai mică valoare, reținem poziția, și facem interschimbarea cu elementul actual (daca este cazul). Continuăm până când am parcurs șirul până la penultimul element, clipă în care șirul va fi deja sortat.

Pentru exemplificare vom utiliza ca intrare șirul  $\{5, 2, 4, 6, 1, 3\}$ , pașii acestui algoritm fiind descriși, vizual, în figura 1.3.

Ordinul de timp al acestui algoritm este  $O(n^2)$ , independent de ordonarea inițială a elementelor.

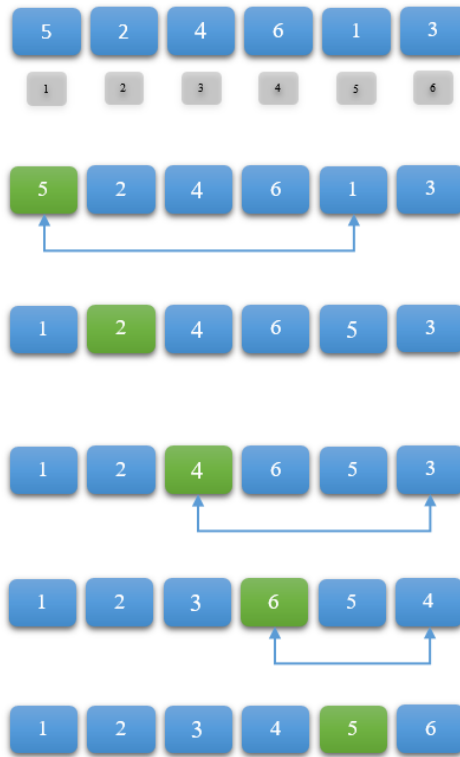


Figura 1.3: Exemplu pentru algoritmul de sortare prin selecție

Acest tip de sortare este destul de rapid pentru șiruri relativ mici (sub 100 elemente). Sortarea fișierelor sau a folderelor, verificarea unicității unor elemente, selecția rapidă a celui de-al  $k$  element dintr-un șir ordonat sunt câteva exemple de aplicații ale sortării. Vom vedea în capitolele ce urmează, diferite optimizări ale acestei probleme.

### 1.3.3 Șirul lui Fibonacci

Șirul lui Fibonacci este definit prin următoarea recurență:

$$\begin{cases} f_0 = 0, f_1 = 1 \\ n < 2 \\ f_n = f_{n-1} + f_{n-2} \end{cases} \quad n \geq 2 \quad (1.6)$$



Acest șir a fost descoperit de Leonardo Pisano, cunoscut sub numele Leonardo Fibonacci. Cel de-al  $n$ -lea termen din șir se poate scrie folosind definiția și anume conform algoritmului 6.

---

**Algoritm 6** Calculul termenului  $n$  al șirului Fibonacci.

---

Varianța recursivă

---

```

1: procedure FIBO_R( $n$ )
2:   if  $n < 2$  then return  $n$ 
3:   else return FIBO_R( $n-1$ ) + FIBO_R( $n-2$ )
4:   end if
5: end procedure

```

---

Metoda este extrem de ineficientă, deoarece recalculează de mai multe ori aceleași valori, ordinul de timp fiind unul exponențial  $O(\phi^n)$ . Vom lămurii în capitolul dedicat calculului complexității algoritmilor. Acest algoritm introduce noțiunea de recursivitate, asupra căreia vom insista ulterior în curs. Motivul pentru care acest algoritm este extrem de ineficient este pentru că în calculul termenului  $n$  se repetă (inutil) calculul termenilor inferiori după cum reiese din figura 1.4.

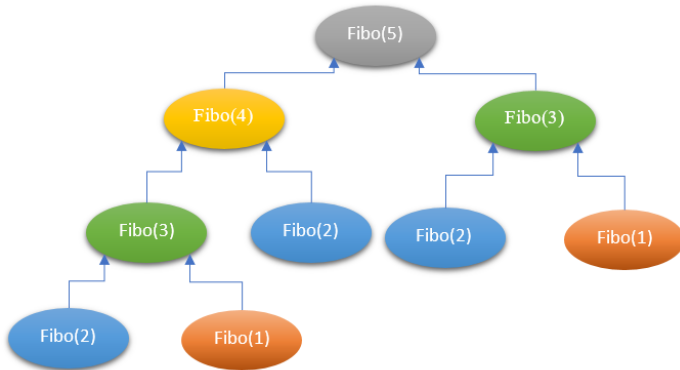


Figura 1.4: Calculul termenului 5 al șirului Fibonacci folosind algoritmul 6.

O altă metoda mai eficientă de a rezolva această problemă, și anume într-un timp liniar  $O(n)$ , este prezentată în algoritmul 7. Această versiune reprezintă defapt o metodologie de a elabora algoritmi și anume *programarea dinamică*, despre care vom vorbi în capitolul rezervat acesteia.

**Algoritm 7** Calculul termenului  $n$  al șirului Fibonacci.

Varianta iterativă

---

```

1: procedure FIBO_I( $n$ )
2:    $i \leftarrow 0; j \leftarrow 1$ 
3:    $s \leftarrow 1$ 
4:   for  $k \leftarrow 1$  to  $n$  do
5:      $i \leftarrow j$ 
6:      $j \leftarrow s$ 
7:      $s \leftarrow i + j$ 
8:   end for
9:   return  $i$ 
10: end procedure

```

---

Secvența Fibonacci are o semnificație mai mare decât cea educațională. În lumea naturală există diferite specii de plante care se dezvoltă în conformitate cu această serie sau au în componență părți ce pot fi approximate cu ajutorul acestui șir. De asemenea, anumite metodologii de dezvoltare și estimare de aplicații software, folosesc seria Fibonacci pentru a determina timpul necesar rezolvării unui proiect.

**1.3.4 Algoritmul lui Euclid**

Algoritmul ce poartă numele lui Euclid (posibil să fi fost descoperit înaintea matematicianului grec) este o metodă eficientă de a calcula CMMDC (cel mai mare divizor comun) a două numere întregi.

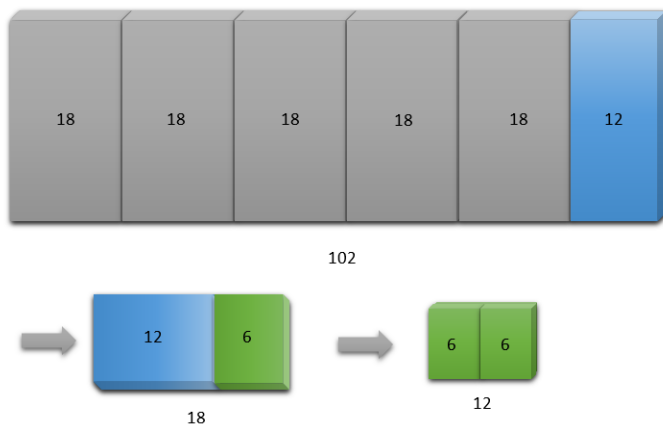


Figura 1.5: Găsirea CMMDC-ului dintre numerele 102 și 18. Reprezentare vizuală

Algoritmul 8 se bazează pe principiul că divizorul a două numere nu se schimbă dacă extragem numărul cel mai mic din cel mai mare. De exemplu CMMDC-ul lui 102 și 18 este 6. Dacă extragem 18 din 102 obținem 84, iar CMMDC-ul lui 18 și 84 este tot 6. În figura 1.5 se poate observa calculul pentru a găsi CMMDC-ul dintre numerele alese pentru exemplificare și anume 102 și 18.

Algoritmul lui Euclid se bazează pe această proprietate și spune că CMMDC-ul a două numere se poate afla astfel: se află restul împărțirii celui mai mare număr la cel mai mic și se reține acest rest, câtul și vechiul deîmpărțit devin noile numere cărora le aplicăm aceeași operație, până când restul devine zero. Penultimul rest este cmmdc-ul numerelor inițiale.

---

**Algoritmul 8** Algoritmul lui Euclid
 

---

```

1: procedure EUCLID( $m, n$ )
2:   while  $n \neq 0$  do
3:      $temp \leftarrow n$ 
4:      $n \leftarrow m \% n$ 
5:      $m \leftarrow temp$ 
6:   end while
7: return  $m$ 
8: end procedure

```

---

Pentru exemplul ales mai sus și anume 102 și 18 algoritmul va funcționa astfel:

---

```

 $temp \leftarrow 18$ 
 $n \leftarrow 12$ 
 $m \leftarrow 18$ 

 $temp \leftarrow 12$ 
 $n \leftarrow 6$ 
 $m \leftarrow 12$ 

 $temp \leftarrow 6$ 
 $n \leftarrow 0$ 
 $m \leftarrow 6$ 

```

---

Vom vedea că acest algoritm poate fi aplicat pentru a rezolva o problemă de tip *bin packing* folosind metodologia *greedy*.

Aplicațiile practice ale acestui algoritm variază de la simplificarea reprezentării fracțiilor, la construcția sistemului de criptare RSA [4] sau la elaborarea strategiilor de tip *look-ahead* precum [1].

### 1.3.5 Turnurile din Hanoi

Problema turnurilor din Hanoi reprezintă un puzzle matematic format din 3 tije și  $n$  discuri situate inițial pe prima tijă. Aceste discuri sunt plasate astfel încât la bază se află discul cu cel mai mare diametru, deasupra lui discul cu următorul diametru ca mărime ș.a.m.d.

Scopul este de a transfera discurile pe ultima tijă (a treia) astfel încât niciodată să nu avem situația în care, pe orice tijă ne-am afla, să existe un disc cu diametru mai mare deasupra unui disc cu diametru mai mic.

Altfel spus, fie  $n$  discuri  $1, 2, 3, \dots$  cu diametrele  $d_1, d_2, d_3, \dots$  situate pe prima tijă, astfel încât  $d_1 > d_2 > d_3 \dots$ , să se plaseze pe ultima tijă  $n$  discuri  $1, 2, 3, \dots$  astfel ca ordinea să se mențină  $d_1 > d_2 > d_3 \dots$  pe a treia tijă.

Problema își are originile într-un templu indian din Varanasi, oraș cunoscut anterior ca Benares. Preoții aveau această sarcină de a muta  $n = 64$  de discuri de aur dintr-o parte a templului în alta, folosind o locație intermediară pentru a plasa aceste discuri. Deoarece discurile erau fragile, trebuia să se mențină ordinea indicată mai sus.

Vom vedea ulterior că algoritmul are ordinul de timp  $O(n) = 2^n$  ceea ce înseamnă că ar fi avut de efectuat  $2^{64}$  pași. De aceea se spune că atunci când, ipotetic, ar fi terminat această sarcină, ar fi venit de mult sfârșitul lumii. Ceea ce nu este departe de adevăr pentru că această sarcină ar necesita un efort de sute de miliarde de ani, în cazul în care este executată de o singură persoană.

Iată câteva motive pentru care această problemă este relevantă:

- este un exemplu foarte bun de recursivitate
- jocul este folosit de neurofiziologi pentru a verifica defectele din lobul frontal
- ajută la stocarea datelor pentru a minimiza timpul de re-folosire al acestora
- este întâlnită și în lumea animală: o specie de furnici a folosit acest algoritm, într-un experiment efectuat în 2010 în care se observa căutarea celui mai scurt drum [3]

În figura 1.6 am reprezentat o soluție vizuală pentru acest algoritm cu  $n = 3$  discuri.

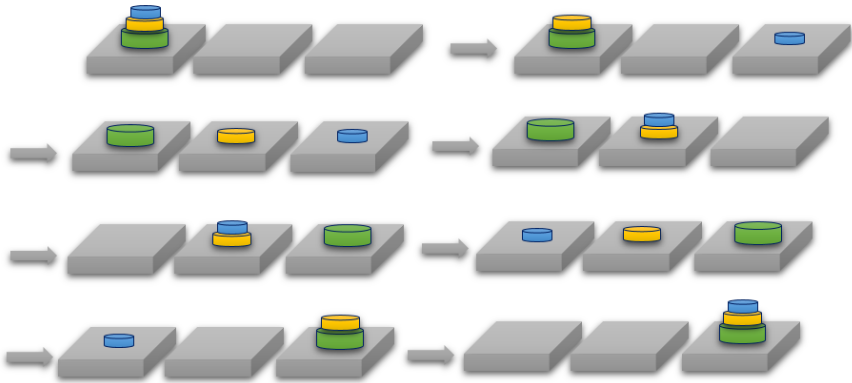


Figura 1.6: Rezolvarea algoritmului turnurilor din Hanoi. Reprezentare vizuală.

Iată și rezolvarea formală a acestei probleme:

- Se etichetează tijele cu A, B și C
- se numerotează discurile 1 - cel mai mic,  $n$  - cel mai mare

Algoritmul recursiv este 9:

---

**Algoritm 9** Algoritmul turnurilor din Hanoi

---

```

1: procedure HANOI( $n, A, B, C$ )
2:   if  $n \neq 0$  then
3:     HANOI( $n - 1, A, B, C$ )
4:     afisez «Mută discul de pe» A «pe» C
5:     HANOI( $n - 1, B, C, A$ )
6:   end if
7: end procedure

```

---

Observăm că problema poate fi descompusă în trei subprobleme independente și anume mutarea a  $n - 1$  discuri, mutarea de pe A pe C și apoi mutarea a  $n - 1$  discuri. Din acest punct de vedere problema poate fi încadrată ca fiind *divide et impera*.



## 2 Structuri de date

Pe parcursul acestui curs vom vorbi despre algoritmi a căror implementare necesită utilizarea unor structuri de date specifice. Ca atare acest capitol va trata structuri precum liste, tabele hash, grafuri, arbori ș.a.m.d.. Putem privi structurile de date ca un pas premergător studiului algoritmului deoarece există o interdependență între algoritm și structura aleasă.

### 2.1 Șiruri

Un șir  $A$  este o structură lineară alocată ca un bloc omogen de date în care datele sunt poziționate în locații consecutive. Indexarea acestor locații începe cu poziția 1 și se termină cu  $n = \text{length}(A)$ .

Aceste date pot avea un tip standard, precum întreg, string, caracter etc. Figura 1.1 prezintă cel mai bine un șir de 7 întregi cu valorile 12, 23, 7, 18, 4, 35, 16. De regulă, nu există nici o restricție cu privire la relațiile între date (exemplu: ordonare, unicitate) într-un șir, cu excepția în care problema dată specifică aceste restricții.

În continuare vom studia câteva dintre operațiile cu șiruri.

#### 2.1.1 Căutarea în șir

Căutarea unui element într-un șir este relativ simplu și presupune o parcurgere. Procedura se numește căutare lineară datorită ordinului de timp  $O(n)$ . Algoritmul pentru aceasta este 10.

---

**Algoritm 10** Algoritmul de căutare în șir

---

```

1: procedure CĂUTARE_LINEARĂ( $A[1..n], x$ )
2:    $flag \leftarrow false$ 
3:    $i \leftarrow 1$ 
4:   while  $i \leq n$  do
5:     if  $A[i] = x$  then
6:        $flag \leftarrow true$ 
7:       break
8:     end if
9:      $i \leftarrow i + 1$ 
10:  end while
11:  if  $flag = false$  then
12:    print «Not found»
13:  end if
14: end procedure

```

---

### 2.1.2 Inversarea elementelor într-un șir

Algoritmul ce inversează ordinea inițială a elementelor este 11.

---

**Algoritm 11** Algoritmul de inversare a elementelor într-un șir

---

```

1: procedure INVERSARE( $A[1..n]$ )
2:    $i \leftarrow 1$ 
3:   while  $i \leq n/2$  do
4:      $aux \leftarrow a[i]$ 
5:      $a[i] \leftarrow a[n - i - 1]$ 
6:      $a[n - i - 1] \leftarrow aux$ 
7:      $i \leftarrow i + 1$ 
8:   end while
9: end procedure

```

---

Figura 2.1 prezintă acest algoritm pornind de la șirul ales la începutul secțiunii.



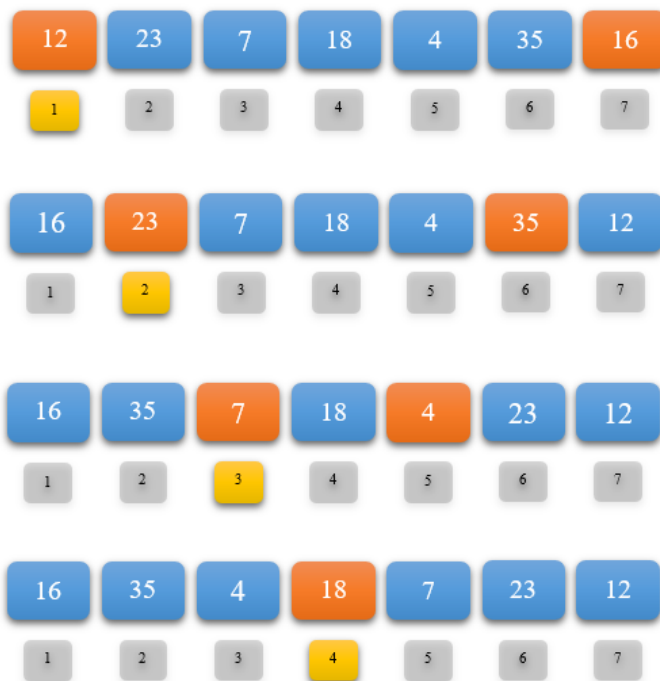


Figura 2.1: Inversarea elementelor într-un șir.

Cu galben s-a reprezentat poziția indexului  $i$  pe măsură ce acesta avansează către mijlocul șirului.

Acest algoritm este de tipul "in-place" deoarece pașii acestuia nu necesită utilizarea unei alte structuri, valorile fiind înlocuite în cadrul aceluși șir inițial. Vom vedea că acest exercițiu este util mai ales în cazul unor sortări.

### 2.1.3 Șiruri bidimensionale

Un șir 2D este o matrice. Pentru a parcurge și a accesa elementele unei matrice avem nevoie de 2 indecși după cum este indicat în algoritmul 12.

**Algoritm 12** Parcurgere și inițializare elemente matrice

---

```

1: procedure MATRIX_INIT( $A, m, n$ )
2:   for  $i \leftarrow 1$  to  $n$  do
3:     for  $j \leftarrow 1$  to  $m$  do
4:        $A[i][j] \leftarrow i * j$ 
5:     end for
6:   end for
7: end procedure

```

---

O matrice  $A$  cu  $n$  linii și  $m$  coloane poate fi parcursă într-un timp  $O(mn)$  deoarece avem un *for* cu  $m$  în cadrul unui alt *for* cu  $n$  instrucțiuni.

În figura 2.2 avem o reprezentare vizuală a algoritmului 12 pentru o matrice de  $3 \times 4$ .

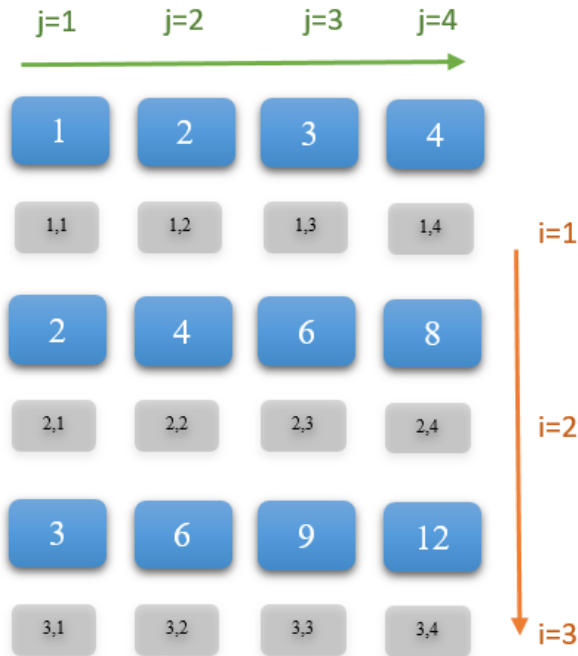


Figura 2.2: Parcurgerea și inițializarea elementelor unei matrice.

### 2.1.4 Matrice rare

O matrice rară este un tip special de matrice în care majoritatea elementelor sunt zero. Stocarea fiecărei valori într-o structură de tip matrice devine astfel ineficientă. Astfel o optimizare constă în memorarea valorilor non-zero și a pozițiilor acestora.

Pentru matricea din figura 2.3 putem crea o structură de tip matrice cu 3 coloane și atâtea linii câte elemente non-zero sunt în matricea inițială. Tabelul 2.1 conține soluția de reprezentare a matricii sparse.

3	0	0	0
1,1	1,2	1,3	1,4
0	0	8	0
2,1	2,2	2,3	2,4
0	17	0	9
3,1	3,2	3,3	3,4

Figura 2.3: Matricea rară inițială.

3	1	1
8	2	3
17	3	2
9	3	4

Tabela 2.1: Reprezentarea unei matrici rare

Metoda este eficientă deoarece în loc de 12 locații, necesită doar 4, parcurgerea făcându-se de trei ori mai rapid în acest caz. Totdată, matricea originală poate fi refăcută oricând, dacă este necesar.

## 2.2 Liste

O listă înlănțuită este o structură ce are ca fundație *nodul*. Un nod este o entitate formată din două părți: legătura și data. În dată sunt stocate valorile nodurilor care pot fi de simple: întregi, float-uri, caractere sau complexe precum obiecte de diverse tipuri.

O reprezentare în pseudocod a unui nod cea de mai jos:

```
struct {
    Data d;
    Node next;
} Node;
```

Aici *d* are tipul *Data* adică poate fi orice tip de dată, așa cum s-a indicat mai sus, iar *next* este legătura către următorul element din listă. În cazul în care în listă nu există decât un element, valoarea lui *next* este *NULL*.

O reprezentare vizuală a unei liste înlănțuite este în figura 2.4 unde avem 3 elemente. Primul element se mai numește *capul* listei iar ultimul element conține în *next* valoarea *NULL*.

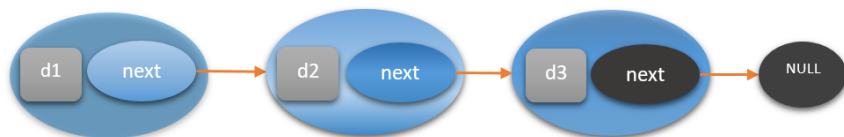


Figura 2.4: Lista simplu înlănțuită.

Lista din figura de 2.4 este o listă simplu înlănțuită adică fiecare element are legătură către un singur element din listă și anume către următorul. Această listă notată cu *L* conține 3 elemente dintre care cel cu data *d1* este primul element din listă, cel cu data *d3* fiind evident ultimul element din listă. Vom vedea în continuare că listele fi dublu și multiplu înlănțuite și cum anume se realizează aceasta.

Orice listă trebuie să permită implementarea celor 4 operațiuni de bază:

- Inserare
- Modificare
- Căutare/Parcurgere

- Ștergere

În cele urmează vom trata fiecare operațiune în parte.

### 2.2.1 Operațiuni cu liste simplu înlanțuite

#### Inserarea

Pentru a crea un element și a-l adăuga într-o listă, trebuie mai întâi să alocăm memorie pentru noul nod și apoi să stabilim locația din listă, unde va fi acesta inserat. Pentru a insera un element la începutul listei va trebui ca el să devină primul element și legătura sa *next* să fie către restul listei.

Algoritmul pentru inserare la începutul listei este 13.

---

#### Algoritm 13 Inserare la începutul listei

---

```

1: procedure INSERT_BEGINNING( $L, val$ )
2:   ▷ Alocăm memorie pentru noul nod
3:    $newnode \leftarrow new\ Node$ 
4:   ▷ Atribuim valoarea specifică acestuia
5:    $newnode.d \leftarrow val$ 
6:   ▷ Nodul are ca referință toată lista inițială
7:    $newnode.next \leftarrow L$ 
8:   ▷ El devine lista.
9:    $L \leftarrow newnode$ 
10: end procedure

```

---

Figura 2.5 prezintă inserarea unui nou nod în lista  $L$ . Noul nod (cu valoarea  $d$ ) va deveni capul listei  $L$ . Complexitatea acestui algoritm este  $O(1)$  deoarece nu necesită decât 4 pași.

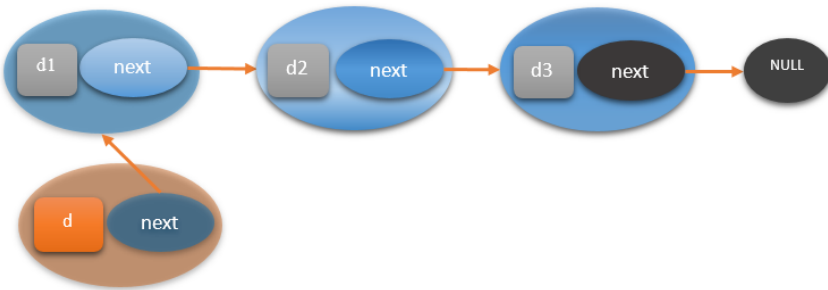


Figura 2.5: Inserarea unui nou element la începutul listei.

Pentru a insera un element la sfârșitul listei va trebui mai întâi să parcurgem lista și apoi să fie referențiat de ultimul nod din listă. Astfel noul nod devine ultimul element din listă.

Algoritmul pentru inserarea unui element în listă, la finalul acesteia, este 2.6.

---

**Algoritm 14** Inserare la finalul listei
 

---

```

1: procedure INSERT_END( $L, val$ )
2:   ▷ Alocăm memorie pentru noul nod
3:    $newnode \leftarrow new\ Node$ 
4:   ▷ Atribuim valoarea specifică acestuia
5:    $newnode.d \leftarrow val$ 
6:   ▷ Parcurgem lista L folosind un nod auxiliar
7:    $auxnode \leftarrow L$ 
8:   while  $auxnode.next \neq NULL$  do
9:      $auxnode \leftarrow auxnode.next$ 
10:  end while
11:   ▷ La final inserăm nodul în listă
12:    $auxnode.next \leftarrow newnode$ 
13: end procedure
  
```

---

Inserarea la finalul listei are reprezentarea vizuală în figura 2.6. Noul element se inserează prin rescrierea *next*-ului ultimului element. Noul element indică automat către *NULL* încă din momentul creării lui.

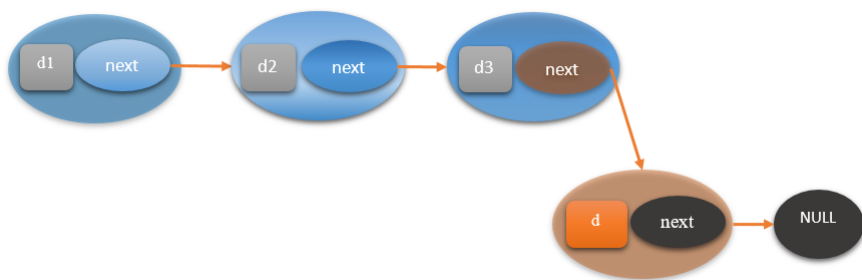


Figura 2.6: Inserarea unui nou element la finalul listei.

Ordinul de timp al acestui algoritm este  $O(n)$  deoarece trebuie parcursă întreaga listă.

Pentru a insera un nod după orice poziție din listă va trebui să parcurgem lista până la elementul căutat și va trebui să-i refacem referințele

acestui. Totodată noul nod va trebui să poarte către următorul element, cel de după poziția căutată.

---

**Algoritm 15** Inserare în interiorul listei
 

---

```

1: procedure INSERT_END( $L, x, val$ )
2:   ▷ Alocăm memorie pentru noul nod
3:    $newnode \leftarrow new\ Node$ 
4:   ▷ Atribuim valoarea specifică acestuia
5:    $newnode.d \leftarrow val$ 
6:   ▷ Parcurgem lista L folosind un nod auxiliar
7:    $auxnode \leftarrow L$ 
8:   ▷ până când găsim elementul după care dorim inserția
9:   while  $auxnode.d \neq x$  do
10:     $auxnode \leftarrow auxnode.next$ 
11:  end while
12:  ▷ Inserăm nodul în listă suprascriind 2 referințe:
13:  ▷ noul nod pointează către restul neparcurs al listei
14:   $newnode.next \leftarrow auxnode.next$ 
15:  ▷ și nodul anterior va pointa către noul nod
16:   $auxnode.next \leftarrow newnode$ 
17: end procedure
  
```

---

Inserarea în interiorul listei are reprezentarea vizuală în figura 2.7. Noul element se inserează prin rescrierea celor 2 legături marcate cu verde. Se presupune că  $x = d2$ .

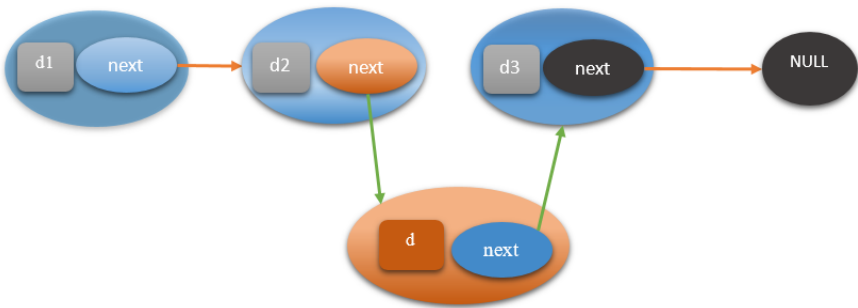


Figura 2.7: Inserarea unui nou element la finalul listei.

## Modificarea unui element din listă

Modificarea valorii unui element din listă poate fi realizată prin cel puțin două strategii. Dacă se cunoaște valoarea elementului din listă se parcurge lista exact ca în algoritmul 15. Atunci când elementul este găsit, se modifică valoarea  $d$  a obiectului.

Dacă se cunoaște poziția în listă a elementului după care se dorește inserarea, atunci algoritmul 16 este mai indicat.

---

### Algoritm 16 Modificarea unui element din listă

---

```

1: procedure CHANGEATPOSITION( $L, poz, val$ )
2:   ▷ Parcurgem lista L folosind un nod auxiliar
3:    $auxnode \leftarrow L$ 
4:    $i \leftarrow 1$ 
5:   ▷ până când găsim elementul de modificat
6:   while  $poz \neq i$  do
7:      $i \leftarrow i + 1$ 
8:   end while
9:   ▷ Modificăm valoarea nodului curent
10:   $auxnode.d \leftarrow val$ 
11: end procedure

```

---

Evident algoritmul pornește de la prezumția că poziția introdusă  $poz$  este mai mică decât numărul de elemente din listă. Se poate adăuga o validare la începutul algoritmului care să verifice acest lucru, în caz contrar restul procedurii să nu se execute.

## Parcurerea unei liste

Algoritmul de parcurgere a unei liste este foarte asemănător celor de mai sus și anume reprezentat de 17.

---

### Algoritm 17 Parcurerea unei liste

---

```

1: procedure TRAVERSE( $L, poz, val$ )
2:   ▷ Parcurgem lista L folosind un nod auxiliar
3:    $auxnode \leftarrow L$ 
4:   while  $auxnode \neq NULL$  do
5:     Print  $auxnode.d$ 
6:      $auxnode \leftarrow auxnode.next$ 
7:   end while
8: end procedure

```

---



Scopul acestei parcurgeri este de a afișa toate elementele unei liste. În cazul în care se dorește căutarea unui element de o anumită valoare atunci se va modifica linia 5.

### Ștergerea unui element din listă

Ca și în cazul inserării, există 3 posibilități: ștergerea primului element, la final și în interiorul listei.

Ștergerea primului element din listă înseamnă defapt înlocuirea listei cu elementul următor.

---

#### Algoritm 18 Ștergere la începutul listei

---

```

1: procedure DELETE_BEGINNING( $L$ )
2:   ▷ Preluăm lista  $L$  folosind un nod auxiliar
3:    $auxnode \leftarrow L$ 
4:   ▷ Ștergem primul nod, ignorând-ul
5:    $L \leftarrow auxnode.next$ 
6: end procedure

```

---

Conform figurii 2.8, noul *cap* al listei devine elementul cu data  $d2$ . Legătura care se distruge prin instrucțiunea 4 din algoritmul 18 este cea indicată cu roșu în figură.

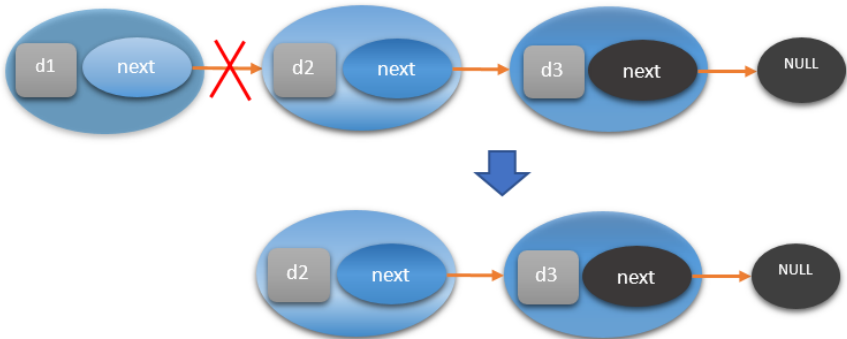


Figura 2.8: Ștergerea unui element de la începutul listei.

Ștergerea ultimului element din listă implică parcurgerea listei până la ultimul element care are *next*-ul nenull. Ștergerea se realizează prin ignorarea referinței acestui element.

**Algoritm 19** Ștergere la finalul listei

---

```

1: procedure DELETE_END( $L$ )
2:   ▷ Parcurgem lista  $L$  folosind un nod auxiliar
3:    $auxnode \leftarrow L$ 
4:   while  $auxnode.next \neq NULL$  do
5:      $auxnode \leftarrow auxnode.next$ 
6:   end while
7:    $auxnode \leftarrow NULL$ 
8: end procedure

```

---

Figura 2.9 prezintă ștergerea de la sfârșitul listei. Lista se va parcurge de la început până la elementul  $d3$  iar apoi acesta devine  $NULL$ . Automat după această instrucțiune, elementul  $d2$  devine ultimul element din listă.

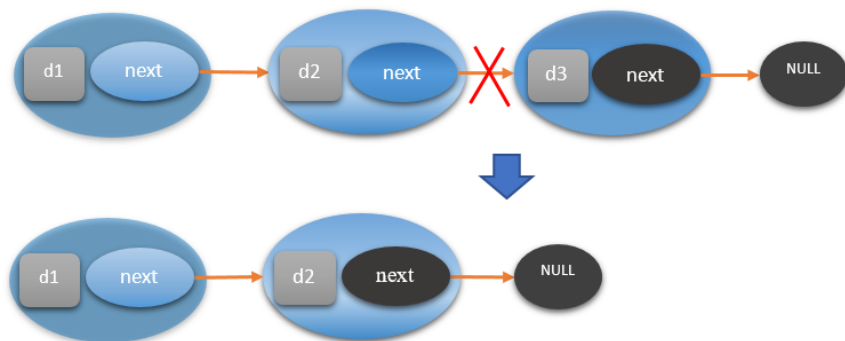


Figura 2.9: Ștergerea unui element de la finalul listei.

Ștergerea unui element din interiorul listei are loc astfel: se parcurge lista până la elementul de șters și apoi se elimină acesta prin "saltul" peste el. Adică legătura elementului anterior va fi către elementul posterior nodului de șters.

**Algoritm 20** Ștergere în interiorul listei

---

```

1: procedure DELETE_END( $L, val$ )
2:   ▷ Parcurgem lista L folosind un nod auxiliar
3:    $auxnode \leftarrow L$ 
4:   ▷ până când data următorului element va fi egală cu  $val$ 
5:   while  $auxnode.next.d \neq val$  do
6:      $auxnode \leftarrow auxnode.next$ 
7:   end while
8:   ▷ Atunci când am găsit elementul de șters, "sărim peste el"
9:    $auxnode.next \leftarrow auxnode.next.next$ 
10: end procedure

```

---

Figura 2.10 prezintă ștergerea elementului  $d2$  prin refacerea legăturii de la  $d1$  către  $d3$ , legătură marcată cu verde.

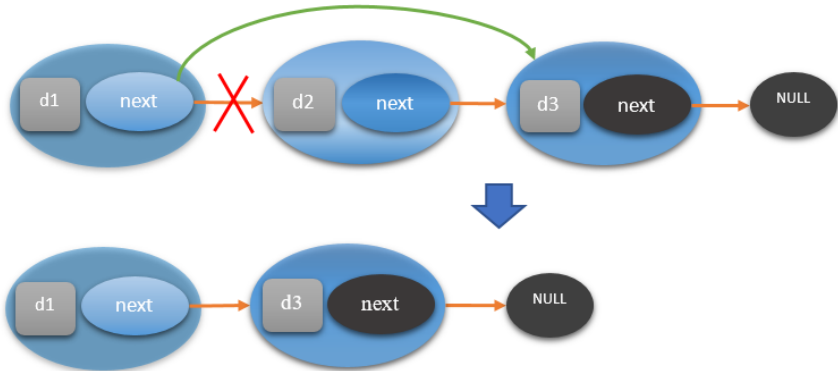


Figura 2.10: Ștergerea unui element din interiorul listei.

Avantajele listelor sunt următoarele:

- Sunt dinamice: se pot extinde, micșora cu ușurință, spre deosebire de șiruri care sunt imutabile
- Sunt ușor de implementat, deoarece nu au restricții
- Sunt structuri de bază pentru alte tipuri de date precum stiva sau coada

Dezavantajul principal intervine atunci când se impun anumite restricții asupra datelor elementelor din listă, ceea ce face ca această structură să nu fie cea mai eficientă.

Spre exemplu în mulțimi elementele duplicat nu au voie să existe, ceea ce înseamnă că la inserare va trebui să parcurgem întreaga listă indiferent de locația la care se inserează. Dacă lista va conține elemente ordonate, va trebui de asemenea parcursă lista pentru a insera la locația corectă.

De aceea, pentru astfel de operațiuni există alte structuri mai eficiente precum *tabele hash* sau *arbori balansați*.

În cele ce urmează vom detalia două dintre cele mai populare structuri derivate din liste și anume stiva și coada.

Stiva și coada sunt mulțimi dinamice în care un element va fi adăugat sau șters prin intermediul unor operații specifice. Într-o stivă, elementul șters va fi acela care a fost introdus cel mai recent în structură. Astfel stiva este o structură de dată de tip last-in first out, sau LIFO. Pe de altă parte, coada este structura de date în care ștergerea are loc conform regulii: first-in, first-out sau FIFO.

### 2.2.2 Stiva

Stiva este o structură de tip LIFO ce poate fi accesată și modificată prin două operațiuni *PUSH* și *POP*. Această structură poate fi implementată ca un șir sau ca o listă înlanțuită.

Vom trata cazul al doilea deoarece este cel mai dinamic mod de a lucra cu stive.

Operațiunea *PUSH* este defapt operațiunea de inserare a unui element nou la începutul listei, reprezentat de algoritmul 13 și figura 2.5.

Operațiunea *POP* este defapt operațiunea de ștergere a unui element de la începutul listei, reprezentat de algoritmul 18 și figura 2.8.

Aplicațiile acestei structuri sunt deosebit de numeroase precum:

1. inversarea facilă a șirurilor
2. implementarea mecanismelor *undo* din aplicații
3. oferă posibilitatea revenirii într-un punct atunci când se iau anumite decizii
4. compilatoarele folosesc evaluarea expresiilor folosind stiva
5. o serie de limbaje de programare folosesc stive pentru a implementa apelul de subrutine
6. sunt folosite în cadrul multor altor algoritmi

Evident cele două operații de *PUSH* și *POP* pot ridica excepții. *Underflow* este excepția ce se obține atunci când încercăm să scoatem elemente dintr-o stivă goală. *Overflow* este excepția ce se obține atunci când încercăm să adăugăm elemente într-o stivă plină. Faptul că o stivă este plină poate fi stabilit printr-o limită: fie numărul maxim de elemente, fie memoria maximă alocată tuturor elementelor din stivă.

În cele ce urmează vom exemplifica folosirea stivei ca structură de dată pentru rezolvarea formei postfixate a unei expresii aritmetice.

#### Expresii aritmetice postfixate

Notăția infixată a unei expresii este  $3+4$  iar notația prefixată sau denumită și poloneză este  $+ 3 4$ . Denumirea de forma poloneză provine de la matematicianul polonez Jan Lukasiewicz.

De ce folosim această notație? În forma poloneză, operatorii sunt plasați după operanzi, după cum am arătat mai sus. Dacă sunt operații multiple, operatorul va urma după al doilea operand, așa încât expresia  $3 - 4 +$

5 va fi scrisă  $3\ 4 - 5$  +marcând faptul că scădem 4 din 3 și apoi adunăm la suma nou obținută 5. Avantajul acestei notații este că elimină necesitatea parantezelor din notația infixată.

De exemplu expresia  $3-4*5$  poate fi scrisă ca  $3 - (4 * 5)$ , dar scrisă ca  $(3 - 4) * 5$  are cu totul alt înțeles și rezultat. În forma postfixată vom scrie expresia  $3 - 4 * 5$  ca  $3\ 4\ 5\ * -$  ce înseamnă clar,  $3\ (4\ 5\ *) -$  adică  $3\ 20 -$ . Cum funcționează? Pentru evaluarea unei expresii operanzii sunt plasați pe o stivă, iar în momentul efectuării operației, operanzii sunt scoși, cu ei se va efectua operația, iar rezultatul acesteia va fi plasat înapoi în stivă. Practic la final, valoarea expresiei postfixate, se află în vârful stivei.

### Aplicații practice ale formei postfixate

- Calculele au loc imediat ce operatorul este specificat. În acest fel, expresiile nu sunt evaluate ca un bloc de la stânga la dreapta, ci calculate bucată cu bucată, eficientizând timpul de calcul.
- Stiva permite stocarea unui rezultat intermediar pentru a fi folosit mai târziu, ceea ce permite calculatoarelor ce folosesc această formă, să evalueze expresii de orice complexitate, spre deosebire de calculatoarele algebrice.
- Parantezele de orice tip nu mai sunt necesare, calculele sunt deci mai simple efectuate.
- Calculatoarele au implementat această metodă de calcul a expresiilor, expresiile infixate fiind folosite pentru ca oamenii să înțeleagă sensul algebric al acestora.

### Algoritmul de evaluare a unei expresii postfixate

---

#### Algoritm 21

---

```
1: while mai există cuvinte în expresie do
2:   citește cuvântul următor
3:   if cuvântul este o valoare then
4:     push (cuvânt)
5:   else cuvântul este un operator
6:     pop() două valori de pe stivă
7:     rezultat = operația aplicată pe cele două valori
8:     push(rezultat)
9:   end if
10: end while
11: rezultat final = pop()
```

---

Algoritmul 21 nu tratează eventualele erori de *underflow* ce apar de obicei atunci când expresia furnizată nu este validă. Pentru aceasta, va trebui să fie inserate operații de verificare dacă stiva este sau nu goală, iar în acest caz să aruncăm o excepție sau un mesaj.

### Exemplu de folosire a algoritmului de evaluare a formei postfixate

Vom evalua expresia infixată  $5 + ((1 + 2) * 4) - 3$  ce poate fi scrisă sub forma postfixată astfel:  $5\ 1\ 2\ +\ 4\ *\ +\ 3\ -$  Mai jos este prezentată secvența de pași prin care este evaluată expresia de mai sus conform algoritmului 21.

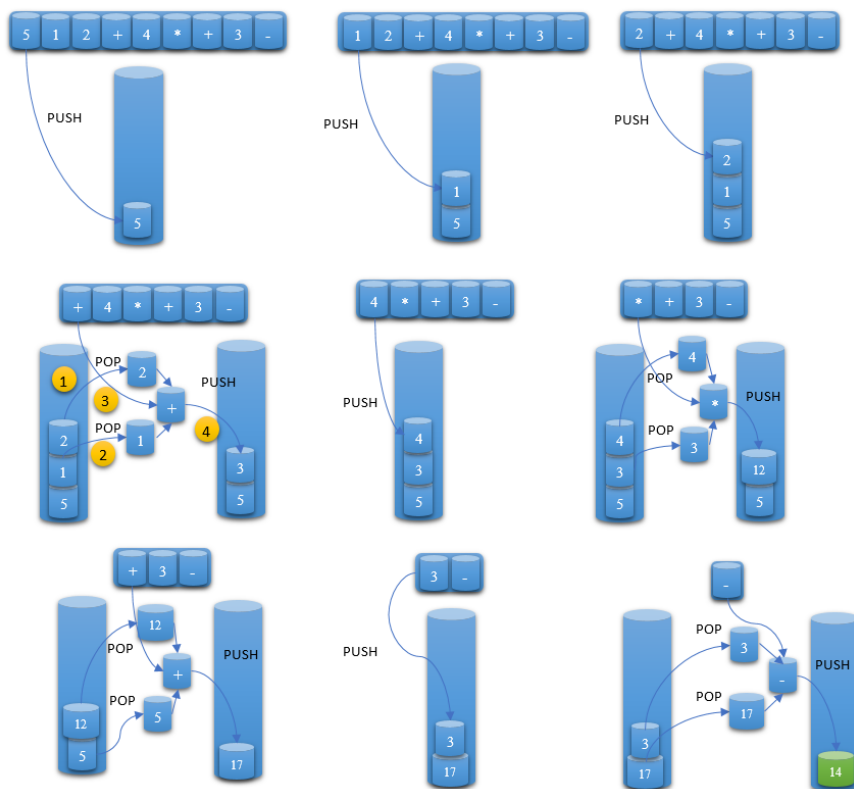


Figura 2.11: Evaluarea expresiei  $5\ 1\ 2\ +\ 4\ *\ +\ 3\ -$ .

Cerculețele de culoare galbenă marchează ordinea în care se execută operațiile atunci când se întâlnește un operator în expresie. La final tot ce avem de făcut este un ultim *POP* pentru a obține rezultatul.

**Translatarea unei expresii din forma infixată în forma postfixată**

După cum am văzut anterior, forma infixată a fost mai întâi transformată în formă postfixată și după aceea s-a evaluat expresia. Trecerea de la forma infixată la cea postfixată are loc conform algoritmului 22.

---

**Algoritm 22**

---

```

1: inițializează stiva
2: while mai există simboluri în expresie do
3:   citește simbolul următor
4:   if simbolul este o ( then
5:     Pune ( în stivă
6:   else
7:     if simbolul este un număr then
8:       Afișează număr
9:     else
10:      if simbol citit este un operator then
11:        if în vârful stivei este un alt operator cu precedența mai
        mare sau egal cu a acestuia then
12:          Scoate operator din stivă
13:          Afișează operator
14:        end if
15:        Pune simbol citit în stivă
16:      else                                ▷ Urmează o paranteză )
17:        Scoate simbolurile din stivă până la întâlnirea unei (
18:        Afișează simbolurile scoase
19:        Scoate ( din stivă
20:      end if
21:    end if
22:  end if
23: end while
24: Scoate și afișează toți operatorii din stivă

```

---



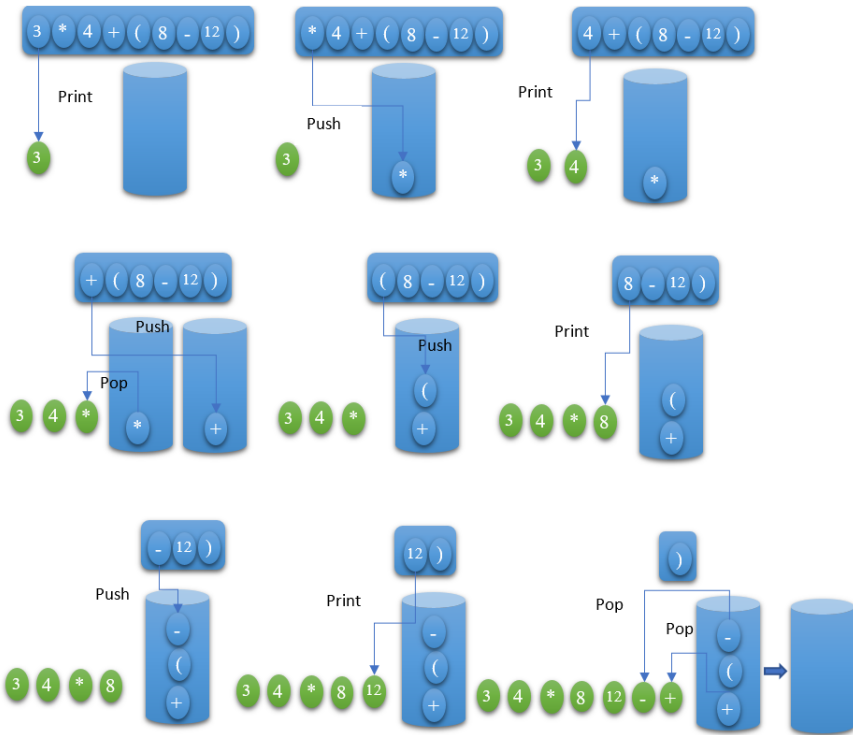


Figura 2.12: Transformarea expresiei  $3 * 4 + ( 8 - 12 )$  în formă postfixată.

În figura 2.12 este reprezentată aplicarea algoritmului 22 pentru expresia  $3 * 4 + ( 8 - 12 )$ . Cu verde s-a reprezentat expresia postfixată obținută din cea infixată.

Stiva este folosită pentru a reține temporar operatorii obținuți din expresia infixată.

Expresia obținută (forma postfixată) este  $3 4 * 8 12 - +$ .

### 2.2.3 Coadă

Stiva este o structură de tip FIFO ce poate fi accesată și modificată prin două operațiuni *ENQUEUE* și *DEQUEUE*. Ca și stiva, această structură poate fi implementată ca un șir sau ca o listă înlănțuită.

Operațiunea de inserare a unui nou element în coadă se numește *ENQUEUE* și este defapt operațiunea de inserare a unui element nou la finalul listei, reprezentat de algoritmul 14 și figura 2.6.

Ca și în cazul stivei, operațiunea *DEQUEUE* este defapt operațiunea de ștergere a unui element de la începutul listei, reprezentat de algoritmul 18 și figura 2.8.

Un exemplu clasic de utilizare a cozii este în cadrul problemei *Producător/Consumator*. Presupunem că există elemente sau sarcini ce *produc* o anumită resursă care va trebui *consumată* unul sau mai multe elemente. În cazul în care nu există resursă ce trebuie folosită, consumatorul trebuie să aștepte. Pe de altă parte dacă cel care produce nu are cui să livreze resursa, asemenea va trebui să aștepte.

Pentru a elimina acest timp de așteptare se folosește o coadă așa cum este reprezentată în figura 2.13.

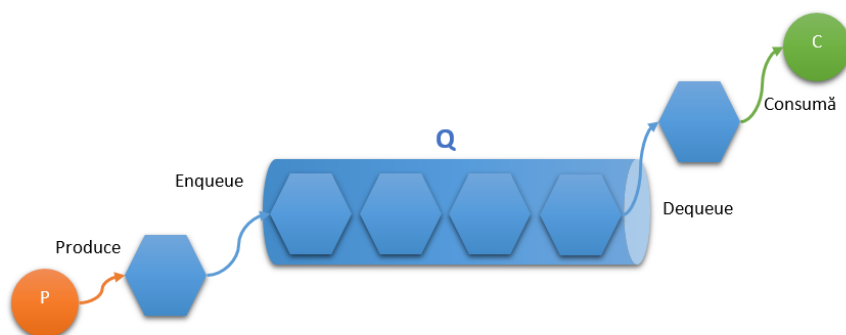


Figura 2.13: Exemplu de utilizare a cozii.

Imediat ce Producătorul creează o nouă resursă o va plasa în coadă și apoi va începe realizarea unei noi resurse. Consumatorul va scoate din coadă elementul de la începutul acesteia și apoi imediat va începe procesul de consumare a resursei. În acest fel coada reține toate resursele în ordinea producerii lor și tot astfel acestea vor fi oferite consumatorului în vederea utilizării acestor resurse. În continuare vom analiza alte structuri de date bazate pe cele studiate până acum și anume șiruri și liste.

## 2.3 Tabele Hash

Tabelele *Hash* sau *Hash Map* sunt structuri de date ce implementează un dicționar de elemente de tip cheie-valoare. Un element din această structură este format din două părți asociate: cheie și valoare.

Valoarea elementului este stocată în structură la un anumit index, index obținut prin apelul unei funcții de hash având drept cheia ca și parametru. Cheia poate fi de orice tip de dată; de exemplu un șir de caractere sau un întreg, float etc.

De regulă, funcția de hashing este o funcție injectivă ce asignează fiecărei chei un index unic. Există și situații în care se generează pentru chei diferite același index, ceea ce înseamnă o coliziune, situație ce va fi detaliată în continuare.

Pentru a stabili un cadru formal de expunere a problemei vom folosi următoarele notații:

- Un tabel hash de  $m$  elemente este  $T[0..m-1]$
- $k$  este cheia unui element
- $v$  este valoarea unui element din structură
- $U$  este mulțimea tuturor valorilor pe care le poate lua orice cheie
- $h$  funcția de hashing definită  $h : U \rightarrow \{0, 1, \dots, m-1\}$
- $h(k) = v$  reprezintă valoarea stocată la cheia  $k$

Pentru o mai bună înțelegere a problemei vom alege ca exemplu stocarea datelor dintr-o agendă telefonică. Aici cheile vor fi numele persoanelor iar valorile vor fi numerele de telefon ale acestora.

În figura 2.14 s-a reprezentat această colecție și mai exact interpretarea cheilor de către funcția hash pentru a afla locația la care este stocată valoarea asociată respectivei chei.

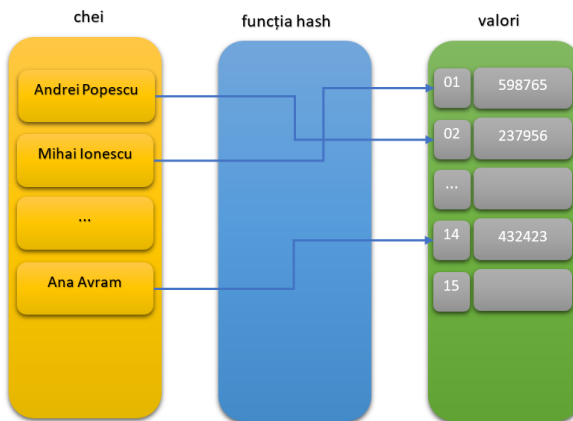


Figura 2.14: Exemplu de utilizare a unei funcții hash.



## 3 Greedy

### 3.1 Exemplu introductiv

Începem studiul algoritmilor cu următoarea problemă de sortare

Here is some copy for your book<sup>1</sup>.

Notice how this figure is in black and white when the book.tex is formatted, but color in the eBook and PDFs.

Here is a simple indexed term. And here I use the permuted index operator Indexed Thingy, although you can also have a different index name if you need it: Indexed Thingy2.

#### An Unnumbered Section

Morbi luctus, wisi viverra faucibus pretium, nibh est placerat odio, nec commodo wisi enim eget quam. Quisque libero justo, consectetur a, feugiat vitae, porttitor eu, libero. Suspendisse sed mauris vitae elit sollicitudin malesuada. Maecenas ultricies eros sit amet ante. Ut venenatis velit. Maecenas sed mi eget dui varius euismod. Phasellus aliquet volutpat odio. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Pellentesque sit amet pede ac sem eleifend consectetur. Nullam elementum, urna vel imperdiet sodales, elit ipsum pharetra ligula, ac pretium ante justo a nulla. Curabitur tristique arcu eu metus. Vestibulum lectus. Proin mauris. Proin eu nunc eu urna hendrerit faucibus. Aliquam auctor, pede consequat laoreet varius, eros tellus scelerisque quam, pellentesque hendrerit ipsum dolor sed augue. Nulla nec lacus.

Suspendisse vitae elit. Aliquam arcu neque, ornare in, ullamcorper quis, commodo eu, libero. Fusce sagittis erat at erat tristique mollis. Maecenas sapien libero, molestie et, lobortis in, sodales eget, dui. Morbi ultrices rutrum lorem. Nam elementum ullamcorper leo. Morbi dui. Aliquam sagittis. Nunc placerat. Pellentesque tristique sodales est. Maecenas imperdiet lacinia velit. Cras non urna. Morbi eros pede, suscipit ac, varius vel, egestas non, eros. Praesent malesuada, diam id pretium elementum, eros sem dictum tortor, vel consectetur odio sem sed wisi.

Sed feugiat. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Ut pellentesque augue sed urna. Vestibulum diam eros, fringilla et, consectetur eu, nonummy id, sapien. Nullam at lectus. In sagittis ultrices mauris. Curabitur malesuada erat sit amet massa. Fusce blandit. Aliquam erat volutpat. Aliquam euismod. Aenean vel lectus. Nunc imperdiet justo nec dolor.

Etiam euismod. Fusce facilisis lacinia dui. Suspendisse potenti. In mi erat, cursus id, nonummy sed, ullamcorper eget, sapien. Praesent pretium, magna in eleifend egestas, pede pede pretium lorem, quis consectetur tortor sapien facilisis magna. Mauris quis magna varius nulla scelerisque imperdiet. Aliquam non quam. Aliquam porttitor quam a lacus. Praesent vel arcu ut tortor cursus volutpat. In vitae pede quis diam bibendum placerat. Fusce elementum convallis neque. Sed dolor orci, scelerisque ac, dapibus nec, ultricies ut, mi. Duis nec dui quis leo sagittis commodo.

Aliquam lectus. Vivamus leo. Quisque ornare tellus ullamcorper nulla. Mauris porttitor pharetra tortor. Sed fringilla justo sed mauris. Mauris tellus. Sed non leo. Nullam elementum, magna in cursus sodales, augue est scelerisque sapien, venenatis congue nulla arcu et pede. Ut suscipit enim vel sapien. Donec congue. Maecenas urna mi, suscipit in, placerat ut, vestibulum ut, massa. Fusce ultrices nulla et nisl.

Etiam ac leo a risus tristique nonummy. Donec dignissim tincidunt nulla. Vestibulum rhoncus molestie odio. Sed lobortis, justo et pretium lobortis, mauris turpis condimentum augue, nec ultricies nibh arcu pretium enim. Nunc purus neque, placerat id, imperdiet sed, pellentesque nec, nisl. Vestibulum imperdiet neque non sem accumsan laoreet. In hac habitasse platea dictumst. Etiam condimentum facilisis libero. Suspendisse in elit quis nisl aliquam dapibus. Pellentesque auctor sapien. Sed egestas sapien nec lectus. Pellentesque vel dui vel neque bibendum viverra. Aliquam porttitor nisl nec pede. Proin mattis libero vel turpis. Donec rutrum mauris et libero. Proin euismod porta felis. Nam lobortis, metus quis elementum commodo, nunc lectus elementum mauris, eget vulputate ligula tellus eu neque. Vivamus eu dolor.

Nulla in ipsum. Praesent eros nulla, congue vitae, euismod ut, commodo a, wisi. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Aenean nonummy magna non leo. Sed felis erat, ullamcorper in, dictum non, ultricies ut, lectus. Proin vel arcu a odio lobortis euismod. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Proin ut est. Aliquam odio. Pellentesque massa turpis, cursus eu, euismod nec, tempor congue, nulla. Duis viverra gravida mauris. Cras tincidunt. Curabitur eros ligula, varius ut, pulvinar in, cursus faucibus, augue.

## Another Unnumbered Section

Nulla mattis luctus nulla. Duis commodo velit at leo. Aliquam vulputate magna et leo. Nam vestibulum ullamcorper leo. Vestibulum condimentum rutrum mauris. Donec id mauris. Morbi molestie justo et pede. Vivamus eget turpis sed nisl cursus tempor. Curabitur mollis sapien condimentum nunc. In wisi nisl, malesuada at, dignissim sit amet, lobortis in, odio. Aenean consequat arcu a ante. Pellentesque porta elit sit amet orci. Etiam at turpis nec elit ultricies imperdiet. Nulla facilisi. In hac habitasse platea dictumst. Suspendisse viverra aliquam risus. Nullam pede justo, molestie nonummy, scelerisque eu, facilisis vel, arcu.

Curabitur tellus magna, porttitor a, commodo a, commodo in, tortor. Donec interdum. Praesent scelerisque. Maecenas posuere sodales odio. Vivamus metus lacus, varius quis, imperdiet quis, rhoncus a, turpis. Etiam ligula arcu, elementum a, venenatis quis, sollicitudin sed, metus. Donec nunc pede, tincidunt in, venenatis vitae, faucibus vel, nibh. Pellentesque wisi. Nullam malesuada. Morbi ut tellus ut pede tincidunt porta. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam congue neque id dolor.

Donec et nisl at wisi luctus bibendum. Nam interdum tellus ac libero. Sed sem justo, laoreet vitae, fringilla at, adipiscing ut, nibh. Maecenas non sem quis tortor eleifend fermentum. Etiam id tortor ac mauris porta vulputate. Integer porta neque vitae massa. Maecenas tempus libero a libero posuere dictum. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Aenean quis mauris sed elit commodo placerat. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Vivamus rhoncus tincidunt libero. Etiam elementum pretium justo. Vivamus est. Morbi a tellus eget pede tristique commodo. Nulla nisl. Vestibulum sed nisl eu sapien cursus rutrum.

Nulla non mauris vitae wisi posuere convallis. Sed eu nulla nec eros scelerisque pharetra. Nullam varius. Etiam dignissim elementum metus. Vestibulum faucibus, metus sit amet mattis rhoncus, sapien dui laoreet odio, nec ultricies nibh augue a enim. Fusce in ligula. Quisque at magna et nulla commodo consequat. Proin accumsan imperdiet sem. Nunc porta. Donec feugiat mi at justo. Phasellus facilisis ipsum quis ante. In ac elit eget ipsum pharetra faucibus. Maecenas viverra nulla in massa.

Nulla ac nisl. Nullam urna nulla, ullamcorper in, interdum sit amet, gravida ut, risus. Aenean ac enim. In luctus. Phasellus eu quam vitae turpis viverra pellentesque. Duis feugiat felis ut enim. Phasellus pharetra, sem id porttitor sodales, magna nunc aliquet nibh, nec blandit nisl mauris at pede. Suspendisse risus risus, lobortis eget, semper at, imperdiet sit amet, quam. Quisque scelerisque dapibus nibh. Nam enim. Lorem ipsum

dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Nunc ut metus. Ut metus justo, auctor at, ultrices eu, sagittis ut, purus. Aliquam aliquam.

Etiam pede massa, dapibus vitae, rhoncus in, placerat posuere, odio. Vestibulum luctus commodo lacus. Morbi lacus dui, tempor sed, euismod eget, condimentum at, tortor. Phasellus aliquet odio ac lacus tempor faucibus. Praesent sed sem. Praesent iaculis. Cras rhoncus tellus sed justo ullamcorper sagittis. Donec quis orci. Sed ut tortor quis tellus euismod tincidunt. Suspendisse congue nisl eu elit. Aliquam tortor diam, tempus id, tristique eget, sodales vel, nulla. Praesent tellus mi, condimentum sed, viverra at, consectetur quis, lectus. In auctor vehicula orci. Sed pede sapien, euismod in, suscipit in, pharetra placerat, metus. Vivamus commodo dui non odio. Donec et felis.

Etiam suscipit aliquam arcu. Aliquam sit amet est ac purus bibendum congue. Sed in eros. Morbi non orci. Pellentesque mattis lacinia elit. Fusce molestie velit in ligula. Nullam et orci vitae nibh vulputate auctor. Aliquam eget purus. Nulla auctor wisi sed ipsum. Morbi porttitor tellus ac enim. Fusce ornare. Proin ipsum enim, tincidunt in, ornare venenatis, molestie a, augue. Donec vel pede in lacus sagittis porta. Sed hendrerit ipsum quis nisl. Suspendisse quis massa ac nibh pretium cursus. Sed sodales. Nam eu neque quis pede dignissim ornare. Maecenas eu purus ac urna tincidunt congue.

Here we'll illustrate some more indexing commands. **A Company Name** will be added to the Index (see `zzInit.tex`) as both the name alone, and under the Companies index section. You can also do *My Movie Name* as a file, and *The Cool Project* project names. Heres a final end note<sup>2</sup>, and one more citation [2].



# 4 Divide et impera

## 4.1 The First Section

Here is some copy for your book<sup>1</sup>.

Notice how this figure is in black and white when the book.tex is formatted, but color in the eBook and PDFs.

Here is a simple indexed term. And here I use the permuted index operator Indexed Thingy, although you can also have a different index name if you need it: Indexed Thingy2.

### An Unnumbered Section

Morbi luctus, wisi viverra faucibus pretium, nibh est placerat odio, nec commodo wisi enim eget quam. Quisque libero justo, consectetur a, feugiat vitae, porttitor eu, libero. Suspendisse sed mauris vitae elit sollicitudin malesuada. Maecenas ultricies eros sit amet ante. Ut venenatis velit. Maecenas sed mi eget dui varius euismod. Phasellus aliquet volutpat odio. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Pellentesque sit amet pede ac sem eleifend consectetur. Nullam elementum, urna vel imperdiet sodales, elit ipsum pharetra ligula, ac pretium ante justo a nulla. Curabitur tristique arcu eu metus. Vestibulum lectus. Proin mauris. Proin eu nunc eu urna hendrerit faucibus. Aliquam auctor, pede consequat laoreet varius, eros tellus scelerisque quam, pellentesque hendrerit ipsum dolor sed augue. Nulla nec lacus.

Suspendisse vitae elit. Aliquam arcu neque, ornare in, ullamcorper quis, commodo eu, libero. Fusce sagittis erat at erat tristique mollis. Maecenas sapien libero, molestie et, lobortis in, sodales eget, dui. Morbi ultrices rutrum lorem. Nam elementum ullamcorper leo. Morbi dui. Aliquam sagittis. Nunc placerat. Pellentesque tristique sodales est. Maecenas imperdiet lacinia velit. Cras non urna. Morbi eros pede, suscipit ac, varius vel, egestas non, eros. Praesent malesuada, diam id pretium elementum, eros sem dictum tortor, vel consectetur odio sem sed wisi.

Sed feugiat. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Ut pellentesque augue sed urna. Vestibulum diam eros, fringilla et, consectetur eu, nonummy id, sapien. Nullam at lectus. In sagittis ultrices mauris. Curabitur malesuada erat sit amet massa. Fusce blandit. Aliquam erat volutpat. Aliquam euismod. Aenean vel lectus. Nunc imperdiet justo nec dolor.

Etiam euismod. Fusce facilisis lacinia dui. Suspendisse potenti. In mi erat, cursus id, nonummy sed, ullamcorper eget, sapien. Praesent pretium, magna in eleifend egestas, pede pede pretium lorem, quis consectetur tortor sapien facilisis magna. Mauris quis magna varius nulla scelerisque imperdiet. Aliquam non quam. Aliquam porttitor quam a lacus. Praesent vel arcu ut tortor cursus volutpat. In vitae pede quis diam bibendum placerat. Fusce elementum convallis neque. Sed dolor orci, scelerisque ac, dapibus nec, ultricies ut, mi. Duis nec dui quis leo sagittis commodo.

Aliquam lectus. Vivamus leo. Quisque ornare tellus ullamcorper nulla. Mauris porttitor pharetra tortor. Sed fringilla justo sed mauris. Mauris tellus. Sed non leo. Nullam elementum, magna in cursus sodales, augue est scelerisque sapien, venenatis congue nulla arcu et pede. Ut suscipit enim vel sapien. Donec congue. Maecenas urna mi, suscipit in, placerat ut, vestibulum ut, massa. Fusce ultrices nulla et nisl.

Etiam ac leo a risus tristique nonummy. Donec dignissim tincidunt nulla. Vestibulum rhoncus molestie odio. Sed lobortis, justo et pretium lobortis, mauris turpis condimentum augue, nec ultricies nibh arcu pretium enim. Nunc purus neque, placerat id, imperdiet sed, pellentesque nec, nisl. Vestibulum imperdiet neque non sem accumsan laoreet. In hac habitasse platea dictumst. Etiam condimentum facilisis libero. Suspendisse in elit quis nisl aliquam dapibus. Pellentesque auctor sapien. Sed egestas sapien nec lectus. Pellentesque vel dui vel neque bibendum viverra. Aliquam porttitor nisl nec pede. Proin mattis libero vel turpis. Donec rutrum mauris et libero. Proin euismod porta felis. Nam lobortis, metus quis elementum commodo, nunc lectus elementum mauris, eget vulputate ligula tellus eu neque. Vivamus eu dolor.

Nulla in ipsum. Praesent eros nulla, congue vitae, euismod ut, commodo a, wisi. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Aenean nonummy magna non leo. Sed felis erat, ullamcorper in, dictum non, ultricies ut, lectus. Proin vel arcu a odio lobortis euismod. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Proin ut est. Aliquam odio. Pellentesque massa turpis, cursus eu, euismod nec, tempor congue, nulla. Duis viverra gravida mauris. Cras tincidunt. Curabitur eros ligula, varius ut, pulvinar in, cursus faucibus, augue.

## Another Unnumbered Section

Nulla mattis luctus nulla. Duis commodo velit at leo. Aliquam vulputate magna et leo. Nam vestibulum ullamcorper leo. Vestibulum condimentum rutrum mauris. Donec id mauris. Morbi molestie justo et pede. Vivamus eget turpis sed nisl cursus tempor. Curabitur mollis sapien condimentum nunc. In wisi nisl, malesuada at, dignissim sit amet, lobortis in, odio. Aenean consequat arcu a ante. Pellentesque porta elit sit amet orci. Etiam at turpis nec elit ultricies imperdiet. Nulla facilisi. In hac habitasse platea dictumst. Suspendisse viverra aliquam risus. Nullam pede justo, molestie nonummy, scelerisque eu, facilisis vel, arcu.

Curabitur tellus magna, porttitor a, commodo a, commodo in, tortor. Donec interdum. Praesent scelerisque. Maecenas posuere sodales odio. Vivamus metus lacus, varius quis, imperdiet quis, rhoncus a, turpis. Etiam ligula arcu, elementum a, venenatis quis, sollicitudin sed, metus. Donec nunc pede, tincidunt in, venenatis vitae, faucibus vel, nibh. Pellentesque wisi. Nullam malesuada. Morbi ut tellus ut pede tincidunt porta. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam congue neque id dolor.

Donec et nisl at wisi luctus bibendum. Nam interdum tellus ac libero. Sed sem justo, laoreet vitae, fringilla at, adipiscing ut, nibh. Maecenas non sem quis tortor eleifend fermentum. Etiam id tortor ac mauris porta vulputate. Integer porta neque vitae massa. Maecenas tempus libero a libero posuere dictum. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Aenean quis mauris sed elit commodo placerat. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Vivamus rhoncus tincidunt libero. Etiam elementum pretium justo. Vivamus est. Morbi a tellus eget pede tristique commodo. Nulla nisl. Vestibulum sed nisl eu sapien cursus rutrum.

Nulla non mauris vitae wisi posuere convallis. Sed eu nulla nec eros scelerisque pharetra. Nullam varius. Etiam dignissim elementum metus. Vestibulum faucibus, metus sit amet mattis rhoncus, sapien dui laoreet odio, nec ultricies nibh augue a enim. Fusce in ligula. Quisque at magna et nulla commodo consequat. Proin accumsan imperdiet sem. Nunc porta. Donec feugiat mi at justo. Phasellus facilisis ipsum quis ante. In ac elit eget ipsum pharetra faucibus. Maecenas viverra nulla in massa.

Nulla ac nisl. Nullam urna nulla, ullamcorper in, interdum sit amet, gravida ut, risus. Aenean ac enim. In luctus. Phasellus eu quam vitae turpis viverra pellentesque. Duis feugiat felis ut enim. Phasellus pharetra, sem id porttitor sodales, magna nunc aliquet nibh, nec blandit nisl mauris at pede. Suspendisse risus risus, lobortis eget, semper at, imperdiet sit amet, quam. Quisque scelerisque dapibus nibh. Nam enim. Lorem ipsum

dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Nunc ut metus. Ut metus justo, auctor at, ultrices eu, sagittis ut, purus. Aliquam aliquam.

Etiam pede massa, dapibus vitae, rhoncus in, placerat posuere, odio. Vestibulum luctus commodo lacus. Morbi lacus dui, tempor sed, euismod eget, condimentum at, tortor. Phasellus aliquet odio ac lacus tempor faucibus. Praesent sed sem. Praesent iaculis. Cras rhoncus tellus sed justo ullamcorper sagittis. Donec quis orci. Sed ut tortor quis tellus euismod tincidunt. Suspendisse congue nisl eu elit. Aliquam tortor diam, tempus id, tristique eget, sodales vel, nulla. Praesent tellus mi, condimentum sed, viverra at, consectetur quis, lectus. In auctor vehicula orci. Sed pede sapien, euismod in, suscipit in, pharetra placerat, metus. Vivamus commodo dui non odio. Donec et felis.

Etiam suscipit aliquam arcu. Aliquam sit amet est ac purus bibendum congue. Sed in eros. Morbi non orci. Pellentesque mattis lacinia elit. Fusce molestie velit in ligula. Nullam et orci vitae nibh vulputate auctor. Aliquam eget purus. Nulla auctor wisi sed ipsum. Morbi porttitor tellus ac enim. Fusce ornare. Proin ipsum enim, tincidunt in, ornare venenatis, molestie a, augue. Donec vel pede in lacus sagittis porta. Sed hendrerit ipsum quis nisl. Suspendisse quis massa ac nibh pretium cursus. Sed sodales. Nam eu neque quis pede dignissim ornare. Maecenas eu purus ac urna tincidunt congue.

Here we'll illustrate some more indexing commands. **A Company Name** will be added to the Index (see `zzInit.tex`) as both the name alone, and under the Companies index section. You can also do *My Movie Name* as a file, and *The Cool Project* project names. Heres a final end note<sup>2</sup>, and one more citation [2].

# 5 Programare dinamica

## 5.1 The First Section

Here is some copy for your book<sup>1</sup>.

Notice how this figure is in black and white when the book.tex is formatted, but color in the eBook and PDFs.

Here is a simple indexed term. And here I use the permuted index operator Indexed Thingy, although you can also have a different index name if you need it: Indexed Thingy2.

### An Unnumbered Section

Morbi luctus, wisi viverra faucibus pretium, nibh est placerat odio, nec commodo wisi enim eget quam. Quisque libero justo, consectetur a, feugiat vitae, porttitor eu, libero. Suspendisse sed mauris vitae elit sollicitudin malesuada. Maecenas ultricies eros sit amet ante. Ut venenatis velit. Maecenas sed mi eget dui varius euismod. Phasellus aliquet volutpat odio. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Pellentesque sit amet pede ac sem eleifend consectetur. Nullam elementum, urna vel imperdiet sodales, elit ipsum pharetra ligula, ac pretium ante justo a nulla. Curabitur tristique arcu eu metus. Vestibulum lectus. Proin mauris. Proin eu nunc eu urna hendrerit faucibus. Aliquam auctor, pede consequat laoreet varius, eros tellus scelerisque quam, pellentesque hendrerit ipsum dolor sed augue. Nulla nec lacus.

Suspendisse vitae elit. Aliquam arcu neque, ornare in, ullamcorper quis, commodo eu, libero. Fusce sagittis erat at erat tristique mollis. Maecenas sapien libero, molestie et, lobortis in, sodales eget, dui. Morbi ultrices rutrum lorem. Nam elementum ullamcorper leo. Morbi dui. Aliquam sagittis. Nunc placerat. Pellentesque tristique sodales est. Maecenas imperdiet lacinia velit. Cras non urna. Morbi eros pede, suscipit ac, varius vel, egestas non, eros. Praesent malesuada, diam id pretium elementum, eros sem dictum tortor, vel consectetur odio sem sed wisi.

Sed feugiat. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Ut pellentesque augue sed urna. Vestibulum diam eros, fringilla et, consectetur eu, nonummy id, sapien. Nullam at lectus. In sagittis ultrices mauris. Curabitur malesuada erat sit amet massa. Fusce blandit. Aliquam erat volutpat. Aliquam euismod. Aenean vel lectus. Nunc imperdiet justo nec dolor.

Etiam euismod. Fusce facilisis lacinia dui. Suspendisse potenti. In mi erat, cursus id, nonummy sed, ullamcorper eget, sapien. Praesent pretium, magna in eleifend egestas, pede pede pretium lorem, quis consectetur tortor sapien facilisis magna. Mauris quis magna varius nulla scelerisque imperdiet. Aliquam non quam. Aliquam porttitor quam a lacus. Praesent vel arcu ut tortor cursus volutpat. In vitae pede quis diam bibendum placerat. Fusce elementum convallis neque. Sed dolor orci, scelerisque ac, dapibus nec, ultricies ut, mi. Duis nec dui quis leo sagittis commodo.

Aliquam lectus. Vivamus leo. Quisque ornare tellus ullamcorper nulla. Mauris porttitor pharetra tortor. Sed fringilla justo sed mauris. Mauris tellus. Sed non leo. Nullam elementum, magna in cursus sodales, augue est scelerisque sapien, venenatis congue nulla arcu et pede. Ut suscipit enim vel sapien. Donec congue. Maecenas urna mi, suscipit in, placerat ut, vestibulum ut, massa. Fusce ultrices nulla et nisl.

Etiam ac leo a risus tristique nonummy. Donec dignissim tincidunt nulla. Vestibulum rhoncus molestie odio. Sed lobortis, justo et pretium lobortis, mauris turpis condimentum augue, nec ultricies nibh arcu pretium enim. Nunc purus neque, placerat id, imperdiet sed, pellentesque nec, nisl. Vestibulum imperdiet neque non sem accumsan laoreet. In hac habitasse platea dictumst. Etiam condimentum facilisis libero. Suspendisse in elit quis nisl aliquam dapibus. Pellentesque auctor sapien. Sed egestas sapien nec lectus. Pellentesque vel dui vel neque bibendum viverra. Aliquam porttitor nisl nec pede. Proin mattis libero vel turpis. Donec rutrum mauris et libero. Proin euismod porta felis. Nam lobortis, metus quis elementum commodo, nunc lectus elementum mauris, eget vulputate ligula tellus eu neque. Vivamus eu dolor.

Nulla in ipsum. Praesent eros nulla, congue vitae, euismod ut, commodo a, wisi. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Aenean nonummy magna non leo. Sed felis erat, ullamcorper in, dictum non, ultricies ut, lectus. Proin vel arcu a odio lobortis euismod. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Proin ut est. Aliquam odio. Pellentesque massa turpis, cursus eu, euismod nec, tempor congue, nulla. Duis viverra gravida mauris. Cras tincidunt. Curabitur eros ligula, varius ut, pulvinar in, cursus faucibus, augue.

## Another Unnumbered Section

Nulla mattis luctus nulla. Duis commodo velit at leo. Aliquam vulputate magna et leo. Nam vestibulum ullamcorper leo. Vestibulum condimentum rutrum mauris. Donec id mauris. Morbi molestie justo et pede. Vivamus eget turpis sed nisl cursus tempor. Curabitur mollis sapien condimentum nunc. In wisi nisl, malesuada at, dignissim sit amet, lobortis in, odio. Aenean consequat arcu a ante. Pellentesque porta elit sit amet orci. Etiam at turpis nec elit ultricies imperdiet. Nulla facilisi. In hac habitasse platea dictumst. Suspendisse viverra aliquam risus. Nullam pede justo, molestie nonummy, scelerisque eu, facilisis vel, arcu.

Curabitur tellus magna, porttitor a, commodo a, commodo in, tortor. Donec interdum. Praesent scelerisque. Maecenas posuere sodales odio. Vivamus metus lacus, varius quis, imperdiet quis, rhoncus a, turpis. Etiam ligula arcu, elementum a, venenatis quis, sollicitudin sed, metus. Donec nunc pede, tincidunt in, venenatis vitae, faucibus vel, nibh. Pellentesque wisi. Nullam malesuada. Morbi ut tellus ut pede tincidunt porta. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam congue neque id dolor.

Donec et nisl at wisi luctus bibendum. Nam interdum tellus ac libero. Sed sem justo, laoreet vitae, fringilla at, adipiscing ut, nibh. Maecenas non sem quis tortor eleifend fermentum. Etiam id tortor ac mauris porta vulputate. Integer porta neque vitae massa. Maecenas tempus libero a libero posuere dictum. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Aenean quis mauris sed elit commodo placerat. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Vivamus rhoncus tincidunt libero. Etiam elementum pretium justo. Vivamus est. Morbi a tellus eget pede tristique commodo. Nulla nisl. Vestibulum sed nisl eu sapien cursus rutrum.

Nulla non mauris vitae wisi posuere convallis. Sed eu nulla nec eros scelerisque pharetra. Nullam varius. Etiam dignissim elementum metus. Vestibulum faucibus, metus sit amet mattis rhoncus, sapien dui laoreet odio, nec ultricies nibh augue a enim. Fusce in ligula. Quisque at magna et nulla commodo consequat. Proin accumsan imperdiet sem. Nunc porta. Donec feugiat mi at justo. Phasellus facilisis ipsum quis ante. In ac elit eget ipsum pharetra faucibus. Maecenas viverra nulla in massa.

Nulla ac nisl. Nullam urna nulla, ullamcorper in, interdum sit amet, gravida ut, risus. Aenean ac enim. In luctus. Phasellus eu quam vitae turpis viverra pellentesque. Duis feugiat felis ut enim. Phasellus pharetra, sem id porttitor sodales, magna nunc aliquet nibh, nec blandit nisl mauris at pede. Suspendisse risus risus, lobortis eget, semper at, imperdiet sit amet, quam. Quisque scelerisque dapibus nibh. Nam enim. Lorem ipsum

dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Nunc ut metus. Ut metus justo, auctor at, ultrices eu, sagittis ut, purus. Aliquam aliquam.

Etiam pede massa, dapibus vitae, rhoncus in, placerat posuere, odio. Vestibulum luctus commodo lacus. Morbi lacus dui, tempor sed, euismod eget, condimentum at, tortor. Phasellus aliquet odio ac lacus tempor faucibus. Praesent sed sem. Praesent iaculis. Cras rhoncus tellus sed justo ullamcorper sagittis. Donec quis orci. Sed ut tortor quis tellus euismod tincidunt. Suspendisse congue nisl eu elit. Aliquam tortor diam, tempus id, tristique eget, sodales vel, nulla. Praesent tellus mi, condimentum sed, viverra at, consectetur quis, lectus. In auctor vehicula orci. Sed pede sapien, euismod in, suscipit in, pharetra placerat, metus. Vivamus commodo dui non odio. Donec et felis.

Etiam suscipit aliquam arcu. Aliquam sit amet est ac purus bibendum congue. Sed in eros. Morbi non orci. Pellentesque mattis lacinia elit. Fusce molestie velit in ligula. Nullam et orci vitae nibh vulputate auctor. Aliquam eget purus. Nulla auctor wisi sed ipsum. Morbi porttitor tellus ac enim. Fusce ornare. Proin ipsum enim, tincidunt in, ornare venenatis, molestie a, augue. Donec vel pede in lacus sagittis porta. Sed hendrerit ipsum quis nisl. Suspendisse quis massa ac nibh pretium cursus. Sed sodales. Nam eu neque quis pede dignissim ornare. Maecenas eu purus ac urna tincidunt congue.

Here we'll illustrate some more indexing commands. **A Company Name** will be added to the Index (see `zzInit.tex`) as both the name alone, and under the Companies index section. You can also do *My Movie Name* as a file, and *The Cool Project* project names. Heres a final end note<sup>2</sup>, and one more citation [2].



# 6 String Matching

## 6.1 The First Section

Here is some copy for your book<sup>1</sup>.

Notice how this figure is in black and white when the book.tex is formatted, but color in the eBook and PDFs.

Here is a simple indexed term. And here I use the permuted index operator Indexed Thingy, although you can also have a different index name if you need it: Indexed Thingy2.

### An Unnumbered Section

Morbi luctus, wisi viverra faucibus pretium, nibh est placerat odio, nec commodo wisi enim eget quam. Quisque libero justo, consectetur a, feugiat vitae, porttitor eu, libero. Suspendisse sed mauris vitae elit sollicitudin malesuada. Maecenas ultricies eros sit amet ante. Ut venenatis velit. Maecenas sed mi eget dui varius euismod. Phasellus aliquet volutpat odio. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Pellentesque sit amet pede ac sem eleifend consectetur. Nullam elementum, urna vel imperdiet sodales, elit ipsum pharetra ligula, ac pretium ante justo a nulla. Curabitur tristique arcu eu metus. Vestibulum lectus. Proin mauris. Proin eu nunc eu urna hendrerit faucibus. Aliquam auctor, pede consequat laoreet varius, eros tellus scelerisque quam, pellentesque hendrerit ipsum dolor sed augue. Nulla nec lacus.

Suspendisse vitae elit. Aliquam arcu neque, ornare in, ullamcorper quis, commodo eu, libero. Fusce sagittis erat at erat tristique mollis. Maecenas sapien libero, molestie et, lobortis in, sodales eget, dui. Morbi ultrices rutrum lorem. Nam elementum ullamcorper leo. Morbi dui. Aliquam sagittis. Nunc placerat. Pellentesque tristique sodales est. Maecenas imperdiet lacinia velit. Cras non urna. Morbi eros pede, suscipit ac, varius vel, egestas non, eros. Praesent malesuada, diam id pretium elementum, eros sem dictum tortor, vel consectetur odio sem sed wisi.

Sed feugiat. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Ut pellentesque augue sed urna. Vestibulum diam eros, fringilla et, consectetur eu, nonummy id, sapien. Nullam at lectus. In sagittis ultrices mauris. Curabitur malesuada erat sit amet massa. Fusce blandit. Aliquam erat volutpat. Aliquam euismod. Aenean vel lectus. Nunc imperdiet justo nec dolor.

Etiam euismod. Fusce facilisis lacinia dui. Suspendisse potenti. In mi erat, cursus id, nonummy sed, ullamcorper eget, sapien. Praesent pretium, magna in eleifend egestas, pede pede pretium lorem, quis consectetur tortor sapien facilisis magna. Mauris quis magna varius nulla scelerisque imperdiet. Aliquam non quam. Aliquam porttitor quam a lacus. Praesent vel arcu ut tortor cursus volutpat. In vitae pede quis diam bibendum placerat. Fusce elementum convallis neque. Sed dolor orci, scelerisque ac, dapibus nec, ultricies ut, mi. Duis nec dui quis leo sagittis commodo.

Aliquam lectus. Vivamus leo. Quisque ornare tellus ullamcorper nulla. Mauris porttitor pharetra tortor. Sed fringilla justo sed mauris. Mauris tellus. Sed non leo. Nullam elementum, magna in cursus sodales, augue est scelerisque sapien, venenatis congue nulla arcu et pede. Ut suscipit enim vel sapien. Donec congue. Maecenas urna mi, suscipit in, placerat ut, vestibulum ut, massa. Fusce ultrices nulla et nisl.

Etiam ac leo a risus tristique nonummy. Donec dignissim tincidunt nulla. Vestibulum rhoncus molestie odio. Sed lobortis, justo et pretium lobortis, mauris turpis condimentum augue, nec ultricies nibh arcu pretium enim. Nunc purus neque, placerat id, imperdiet sed, pellentesque nec, nisl. Vestibulum imperdiet neque non sem accumsan laoreet. In hac habitasse platea dictumst. Etiam condimentum facilisis libero. Suspendisse in elit quis nisl aliquam dapibus. Pellentesque auctor sapien. Sed egestas sapien nec lectus. Pellentesque vel dui vel neque bibendum viverra. Aliquam porttitor nisl nec pede. Proin mattis libero vel turpis. Donec rutrum mauris et libero. Proin euismod porta felis. Nam lobortis, metus quis elementum commodo, nunc lectus elementum mauris, eget vulputate ligula tellus eu neque. Vivamus eu dolor.

Nulla in ipsum. Praesent eros nulla, congue vitae, euismod ut, commodo a, wisi. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Aenean nonummy magna non leo. Sed felis erat, ullamcorper in, dictum non, ultricies ut, lectus. Proin vel arcu a odio lobortis euismod. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Proin ut est. Aliquam odio. Pellentesque massa turpis, cursus eu, euismod nec, tempor congue, nulla. Duis viverra gravida mauris. Cras tincidunt. Curabitur eros ligula, varius ut, pulvinar in, cursus faucibus, augue.

## Another Unnumbered Section

Nulla mattis luctus nulla. Duis commodo velit at leo. Aliquam vulputate magna et leo. Nam vestibulum ullamcorper leo. Vestibulum condimentum rutrum mauris. Donec id mauris. Morbi molestie justo et pede. Vivamus eget turpis sed nisl cursus tempor. Curabitur mollis sapien condimentum nunc. In wisi nisl, malesuada at, dignissim sit amet, lobortis in, odio. Aenean consequat arcu a ante. Pellentesque porta elit sit amet orci. Etiam at turpis nec elit ultricies imperdiet. Nulla facilisi. In hac habitasse platea dictumst. Suspendisse viverra aliquam risus. Nullam pede justo, molestie nonummy, scelerisque eu, facilisis vel, arcu.

Curabitur tellus magna, porttitor a, commodo a, commodo in, tortor. Donec interdum. Praesent scelerisque. Maecenas posuere sodales odio. Vivamus metus lacus, varius quis, imperdiet quis, rhoncus a, turpis. Etiam ligula arcu, elementum a, venenatis quis, sollicitudin sed, metus. Donec nunc pede, tincidunt in, venenatis vitae, faucibus vel, nibh. Pellentesque wisi. Nullam malesuada. Morbi ut tellus ut pede tincidunt porta. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam congue neque id dolor.

Donec et nisl at wisi luctus bibendum. Nam interdum tellus ac libero. Sed sem justo, laoreet vitae, fringilla at, adipiscing ut, nibh. Maecenas non sem quis tortor eleifend fermentum. Etiam id tortor ac mauris porta vulputate. Integer porta neque vitae massa. Maecenas tempus libero a libero posuere dictum. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Aenean quis mauris sed elit commodo placerat. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Vivamus rhoncus tincidunt libero. Etiam elementum pretium justo. Vivamus est. Morbi a tellus eget pede tristique commodo. Nulla nisl. Vestibulum sed nisl eu sapien cursus rutrum.

Nulla non mauris vitae wisi posuere convallis. Sed eu nulla nec eros scelerisque pharetra. Nullam varius. Etiam dignissim elementum metus. Vestibulum faucibus, metus sit amet mattis rhoncus, sapien dui laoreet odio, nec ultricies nibh augue a enim. Fusce in ligula. Quisque at magna et nulla commodo consequat. Proin accumsan imperdiet sem. Nunc porta. Donec feugiat mi at justo. Phasellus facilisis ipsum quis ante. In ac elit eget ipsum pharetra faucibus. Maecenas viverra nulla in massa.

Nulla ac nisl. Nullam urna nulla, ullamcorper in, interdum sit amet, gravida ut, risus. Aenean ac enim. In luctus. Phasellus eu quam vitae turpis viverra pellentesque. Duis feugiat felis ut enim. Phasellus pharetra, sem id porttitor sodales, magna nunc aliquet nibh, nec blandit nisl mauris at pede. Suspendisse risus risus, lobortis eget, semper at, imperdiet sit amet, quam. Quisque scelerisque dapibus nibh. Nam enim. Lorem ipsum

dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Nunc ut metus. Ut metus justo, auctor at, ultrices eu, sagittis ut, purus. Aliquam aliquam.

Etiam pede massa, dapibus vitae, rhoncus in, placerat posuere, odio. Vestibulum luctus commodo lacus. Morbi lacus dui, tempor sed, euismod eget, condimentum at, tortor. Phasellus aliquet odio ac lacus tempor faucibus. Praesent sed sem. Praesent iaculis. Cras rhoncus tellus sed justo ullamcorper sagittis. Donec quis orci. Sed ut tortor quis tellus euismod tincidunt. Suspendisse congue nisl eu elit. Aliquam tortor diam, tempus id, tristique eget, sodales vel, nulla. Praesent tellus mi, condimentum sed, viverra at, consectetur quis, lectus. In auctor vehicula orci. Sed pede sapien, euismod in, suscipit in, pharetra placerat, metus. Vivamus commodo dui non odio. Donec et felis.

Etiam suscipit aliquam arcu. Aliquam sit amet est ac purus bibendum congue. Sed in eros. Morbi non orci. Pellentesque mattis lacinia elit. Fusce molestie velit in ligula. Nullam et orci vitae nibh vulputate auctor. Aliquam eget purus. Nulla auctor wisi sed ipsum. Morbi porttitor tellus ac enim. Fusce ornare. Proin ipsum enim, tincidunt in, ornare venenatis, molestie a, augue. Donec vel pede in lacus sagittis porta. Sed hendrerit ipsum quis nisl. Suspendisse quis massa ac nibh pretium cursus. Sed sodales. Nam eu neque quis pede dignissim ornare. Maecenas eu purus ac urna tincidunt congue.

Here we'll illustrate some more indexing commands. **A Company Name** will be added to the Index (see `zzInit.tex`) as both the name alone, and under the Companies index section. You can also do *My Movie Name* as a file, and *The Cool Project* project names. Heres a final end note<sup>2</sup>, and one more citation [2].

# 7 Back Tracking

## 7.1 The First Section

Here is some copy for your book<sup>1</sup>.

Notice how this figure is in black and white when the book.tex is formatted, but color in the eBook and PDFs.

Here is a simple indexed term. And here I use the permuted index operator Indexed Thingy, although you can also have a different index name if you need it: Indexed Thingy2.

### An Unnumbered Section

Morbi luctus, wisi viverra faucibus pretium, nibh est placerat odio, nec commodo wisi enim eget quam. Quisque libero justo, consectetur a, feugiat vitae, porttitor eu, libero. Suspendisse sed mauris vitae elit sollicitudin malesuada. Maecenas ultricies eros sit amet ante. Ut venenatis velit. Maecenas sed mi eget dui varius euismod. Phasellus aliquet volutpat odio. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Pellentesque sit amet pede ac sem eleifend consectetur. Nullam elementum, urna vel imperdiet sodales, elit ipsum pharetra ligula, ac pretium ante justo a nulla. Curabitur tristique arcu eu metus. Vestibulum lectus. Proin mauris. Proin eu nunc eu urna hendrerit faucibus. Aliquam auctor, pede consequat laoreet varius, eros tellus scelerisque quam, pellentesque hendrerit ipsum dolor sed augue. Nulla nec lacus.

Suspendisse vitae elit. Aliquam arcu neque, ornare in, ullamcorper quis, commodo eu, libero. Fusce sagittis erat at erat tristique mollis. Maecenas sapien libero, molestie et, lobortis in, sodales eget, dui. Morbi ultrices rutrum lorem. Nam elementum ullamcorper leo. Morbi dui. Aliquam sagittis. Nunc placerat. Pellentesque tristique sodales est. Maecenas imperdiet lacinia velit. Cras non urna. Morbi eros pede, suscipit ac, varius vel, egestas non, eros. Praesent malesuada, diam id pretium elementum, eros sem dictum tortor, vel consectetur odio sem sed wisi.

Sed feugiat. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Ut pellentesque augue sed urna. Vestibulum diam eros, fringilla et, consectetur eu, nonummy id, sapien. Nullam at lectus. In sagittis ultrices mauris. Curabitur malesuada erat sit amet massa. Fusce blandit. Aliquam erat volutpat. Aliquam euismod. Aenean vel lectus. Nunc imperdiet justo nec dolor.

Etiam euismod. Fusce facilisis lacinia dui. Suspendisse potenti. In mi erat, cursus id, nonummy sed, ullamcorper eget, sapien. Praesent pretium, magna in eleifend egestas, pede pede pretium lorem, quis consectetur tortor sapien facilisis magna. Mauris quis magna varius nulla scelerisque imperdiet. Aliquam non quam. Aliquam porttitor quam a lacus. Praesent vel arcu ut tortor cursus volutpat. In vitae pede quis diam bibendum placerat. Fusce elementum convallis neque. Sed dolor orci, scelerisque ac, dapibus nec, ultricies ut, mi. Duis nec dui quis leo sagittis commodo.

Aliquam lectus. Vivamus leo. Quisque ornare tellus ullamcorper nulla. Mauris porttitor pharetra tortor. Sed fringilla justo sed mauris. Mauris tellus. Sed non leo. Nullam elementum, magna in cursus sodales, augue est scelerisque sapien, venenatis congue nulla arcu et pede. Ut suscipit enim vel sapien. Donec congue. Maecenas urna mi, suscipit in, placerat ut, vestibulum ut, massa. Fusce ultrices nulla et nisl.

Etiam ac leo a risus tristique nonummy. Donec dignissim tincidunt nulla. Vestibulum rhoncus molestie odio. Sed lobortis, justo et pretium lobortis, mauris turpis condimentum augue, nec ultricies nibh arcu pretium enim. Nunc purus neque, placerat id, imperdiet sed, pellentesque nec, nisl. Vestibulum imperdiet neque non sem accumsan laoreet. In hac habitasse platea dictumst. Etiam condimentum facilisis libero. Suspendisse in elit quis nisl aliquam dapibus. Pellentesque auctor sapien. Sed egestas sapien nec lectus. Pellentesque vel dui vel neque bibendum viverra. Aliquam porttitor nisl nec pede. Proin mattis libero vel turpis. Donec rutrum mauris et libero. Proin euismod porta felis. Nam lobortis, metus quis elementum commodo, nunc lectus elementum mauris, eget vulputate ligula tellus eu neque. Vivamus eu dolor.

Nulla in ipsum. Praesent eros nulla, congue vitae, euismod ut, commodo a, wisi. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Aenean nonummy magna non leo. Sed felis erat, ullamcorper in, dictum non, ultricies ut, lectus. Proin vel arcu a odio lobortis euismod. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Proin ut est. Aliquam odio. Pellentesque massa turpis, cursus eu, euismod nec, tempor congue, nulla. Duis viverra gravida mauris. Cras tincidunt. Curabitur eros ligula, varius ut, pulvinar in, cursus faucibus, augue.

## Another Unnumbered Section

Nulla mattis luctus nulla. Duis commodo velit at leo. Aliquam vulputate magna et leo. Nam vestibulum ullamcorper leo. Vestibulum condimentum rutrum mauris. Donec id mauris. Morbi molestie justo et pede. Vivamus eget turpis sed nisl cursus tempor. Curabitur mollis sapien condimentum nunc. In wisi nisl, malesuada at, dignissim sit amet, lobortis in, odio. Aenean consequat arcu a ante. Pellentesque porta elit sit amet orci. Etiam at turpis nec elit ultricies imperdiet. Nulla facilisi. In hac habitasse platea dictumst. Suspendisse viverra aliquam risus. Nullam pede justo, molestie nonummy, scelerisque eu, facilisis vel, arcu.

Curabitur tellus magna, porttitor a, commodo a, commodo in, tortor. Donec interdum. Praesent scelerisque. Maecenas posuere sodales odio. Vivamus metus lacus, varius quis, imperdiet quis, rhoncus a, turpis. Etiam ligula arcu, elementum a, venenatis quis, sollicitudin sed, metus. Donec nunc pede, tincidunt in, venenatis vitae, faucibus vel, nibh. Pellentesque wisi. Nullam malesuada. Morbi ut tellus ut pede tincidunt porta. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam congue neque id dolor.

Donec et nisl at wisi luctus bibendum. Nam interdum tellus ac libero. Sed sem justo, laoreet vitae, fringilla at, adipiscing ut, nibh. Maecenas non sem quis tortor eleifend fermentum. Etiam id tortor ac mauris porta vulputate. Integer porta neque vitae massa. Maecenas tempus libero a libero posuere dictum. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Aenean quis mauris sed elit commodo placerat. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Vivamus rhoncus tincidunt libero. Etiam elementum pretium justo. Vivamus est. Morbi a tellus eget pede tristique commodo. Nulla nisl. Vestibulum sed nisl eu sapien cursus rutrum.

Nulla non mauris vitae wisi posuere convallis. Sed eu nulla nec eros scelerisque pharetra. Nullam varius. Etiam dignissim elementum metus. Vestibulum faucibus, metus sit amet mattis rhoncus, sapien dui laoreet odio, nec ultricies nibh augue a enim. Fusce in ligula. Quisque at magna et nulla commodo consequat. Proin accumsan imperdiet sem. Nunc porta. Donec feugiat mi at justo. Phasellus facilisis ipsum quis ante. In ac elit eget ipsum pharetra faucibus. Maecenas viverra nulla in massa.

Nulla ac nisl. Nullam urna nulla, ullamcorper in, interdum sit amet, gravida ut, risus. Aenean ac enim. In luctus. Phasellus eu quam vitae turpis viverra pellentesque. Duis feugiat felis ut enim. Phasellus pharetra, sem id porttitor sodales, magna nunc aliquet nibh, nec blandit nisl mauris at pede. Suspendisse risus risus, lobortis eget, semper at, imperdiet sit amet, quam. Quisque scelerisque dapibus nibh. Nam enim. Lorem ipsum

dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Nunc ut metus. Ut metus justo, auctor at, ultrices eu, sagittis ut, purus. Aliquam aliquam.

Etiam pede massa, dapibus vitae, rhoncus in, placerat posuere, odio. Vestibulum luctus commodo lacus. Morbi lacus dui, tempor sed, euismod eget, condimentum at, tortor. Phasellus aliquet odio ac lacus tempor faucibus. Praesent sed sem. Praesent iaculis. Cras rhoncus tellus sed justo ullamcorper sagittis. Donec quis orci. Sed ut tortor quis tellus euismod tincidunt. Suspendisse congue nisl eu elit. Aliquam tortor diam, tempus id, tristique eget, sodales vel, nulla. Praesent tellus mi, condimentum sed, viverra at, consectetur quis, lectus. In auctor vehicula orci. Sed pede sapien, euismod in, suscipit in, pharetra placerat, metus. Vivamus commodo dui non odio. Donec et felis.

Etiam suscipit aliquam arcu. Aliquam sit amet est ac purus bibendum congue. Sed in eros. Morbi non orci. Pellentesque mattis lacinia elit. Fusce molestie velit in ligula. Nullam et orci vitae nibh vulputate auctor. Aliquam eget purus. Nulla auctor wisi sed ipsum. Morbi porttitor tellus ac enim. Fusce ornare. Proin ipsum enim, tincidunt in, ornare venenatis, molestie a, augue. Donec vel pede in lacus sagittis porta. Sed hendrerit ipsum quis nisl. Suspendisse quis massa ac nibh pretium cursus. Sed sodales. Nam eu neque quis pede dignissim ornare. Maecenas eu purus ac urna tincidunt congue.

Here we'll illustrate some more indexing commands. **A Company Name** will be added to the Index (see `zzInit.tex`) as both the name alone, and under the Companies index section. You can also do *My Movie Name* as a file, and *The Cool Project* project names. Heres a final end note<sup>2</sup>, and one more citation [2].



# 8 Metode iterative

## 8.1 The First Section

Here is some copy for your book<sup>1</sup>.

Notice how this figure is in black and white when the book.tex is formatted, but color in the eBook and PDFs.

Here is a simple indexed term. And here I use the permuted index operator Indexed Thingy, although you can also have a different index name if you need it: Indexed Thingy2.

### An Unnumbered Section

Morbi luctus, wisi viverra faucibus pretium, nibh est placerat odio, nec commodo wisi enim eget quam. Quisque libero justo, consectetur a, feugiat vitae, porttitor eu, libero. Suspendisse sed mauris vitae elit sollicitudin malesuada. Maecenas ultricies eros sit amet ante. Ut venenatis velit. Maecenas sed mi eget dui varius euismod. Phasellus aliquet volutpat odio. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Pellentesque sit amet pede ac sem eleifend consectetur. Nullam elementum, urna vel imperdiet sodales, elit ipsum pharetra ligula, ac pretium ante justo a nulla. Curabitur tristique arcu eu metus. Vestibulum lectus. Proin mauris. Proin eu nunc eu urna hendrerit faucibus. Aliquam auctor, pede consequat laoreet varius, eros tellus scelerisque quam, pellentesque hendrerit ipsum dolor sed augue. Nulla nec lacus.

Suspendisse vitae elit. Aliquam arcu neque, ornare in, ullamcorper quis, commodo eu, libero. Fusce sagittis erat at erat tristique mollis. Maecenas sapien libero, molestie et, lobortis in, sodales eget, dui. Morbi ultrices rutrum lorem. Nam elementum ullamcorper leo. Morbi dui. Aliquam sagittis. Nunc placerat. Pellentesque tristique sodales est. Maecenas imperdiet lacinia velit. Cras non urna. Morbi eros pede, suscipit ac, varius vel, egestas non, eros. Praesent malesuada, diam id pretium elementum, eros sem dictum tortor, vel consectetur odio sem sed wisi.

Sed feugiat. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Ut pellentesque augue sed urna. Vestibulum diam eros, fringilla et, consectetur eu, nonummy id, sapien. Nullam at lectus. In sagittis ultrices mauris. Curabitur malesuada erat sit amet massa. Fusce blandit. Aliquam erat volutpat. Aliquam euismod. Aenean vel lectus. Nunc imperdiet justo nec dolor.

Etiam euismod. Fusce facilisis lacinia dui. Suspendisse potenti. In mi erat, cursus id, nonummy sed, ullamcorper eget, sapien. Praesent pretium, magna in eleifend egestas, pede pede pretium lorem, quis consectetur tortor sapien facilisis magna. Mauris quis magna varius nulla scelerisque imperdiet. Aliquam non quam. Aliquam porttitor quam a lacus. Praesent vel arcu ut tortor cursus volutpat. In vitae pede quis diam bibendum placerat. Fusce elementum convallis neque. Sed dolor orci, scelerisque ac, dapibus nec, ultricies ut, mi. Duis nec dui quis leo sagittis commodo.

Aliquam lectus. Vivamus leo. Quisque ornare tellus ullamcorper nulla. Mauris porttitor pharetra tortor. Sed fringilla justo sed mauris. Mauris tellus. Sed non leo. Nullam elementum, magna in cursus sodales, augue est scelerisque sapien, venenatis congue nulla arcu et pede. Ut suscipit enim vel sapien. Donec congue. Maecenas urna mi, suscipit in, placerat ut, vestibulum ut, massa. Fusce ultrices nulla et nisl.

Etiam ac leo a risus tristique nonummy. Donec dignissim tincidunt nulla. Vestibulum rhoncus molestie odio. Sed lobortis, justo et pretium lobortis, mauris turpis condimentum augue, nec ultricies nibh arcu pretium enim. Nunc purus neque, placerat id, imperdiet sed, pellentesque nec, nisl. Vestibulum imperdiet neque non sem accumsan laoreet. In hac habitasse platea dictumst. Etiam condimentum facilisis libero. Suspendisse in elit quis nisl aliquam dapibus. Pellentesque auctor sapien. Sed egestas sapien nec lectus. Pellentesque vel dui vel neque bibendum viverra. Aliquam porttitor nisl nec pede. Proin mattis libero vel turpis. Donec rutrum mauris et libero. Proin euismod porta felis. Nam lobortis, metus quis elementum commodo, nunc lectus elementum mauris, eget vulputate ligula tellus eu neque. Vivamus eu dolor.

Nulla in ipsum. Praesent eros nulla, congue vitae, euismod ut, commodo a, wisi. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Aenean nonummy magna non leo. Sed felis erat, ullamcorper in, dictum non, ultricies ut, lectus. Proin vel arcu a odio lobortis euismod. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Proin ut est. Aliquam odio. Pellentesque massa turpis, cursus eu, euismod nec, tempor congue, nulla. Duis viverra gravida mauris. Cras tincidunt. Curabitur eros ligula, varius ut, pulvinar in, cursus faucibus, augue.

## Another Unnumbered Section

Nulla mattis luctus nulla. Duis commodo velit at leo. Aliquam vulputate magna et leo. Nam vestibulum ullamcorper leo. Vestibulum condimentum rutrum mauris. Donec id mauris. Morbi molestie justo et pede. Vivamus eget turpis sed nisl cursus tempor. Curabitur mollis sapien condimentum nunc. In wisi nisl, malesuada at, dignissim sit amet, lobortis in, odio. Aenean consequat arcu a ante. Pellentesque porta elit sit amet orci. Etiam at turpis nec elit ultricies imperdiet. Nulla facilisi. In hac habitasse platea dictumst. Suspendisse viverra aliquam risus. Nullam pede justo, molestie nonummy, scelerisque eu, facilisis vel, arcu.

Curabitur tellus magna, porttitor a, commodo a, commodo in, tortor. Donec interdum. Praesent scelerisque. Maecenas posuere sodales odio. Vivamus metus lacus, varius quis, imperdiet quis, rhoncus a, turpis. Etiam ligula arcu, elementum a, venenatis quis, sollicitudin sed, metus. Donec nunc pede, tincidunt in, venenatis vitae, faucibus vel, nibh. Pellentesque wisi. Nullam malesuada. Morbi ut tellus ut pede tincidunt porta. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam congue neque id dolor.

Donec et nisl at wisi luctus bibendum. Nam interdum tellus ac libero. Sed sem justo, laoreet vitae, fringilla at, adipiscing ut, nibh. Maecenas non sem quis tortor eleifend fermentum. Etiam id tortor ac mauris porta vulputate. Integer porta neque vitae massa. Maecenas tempus libero a libero posuere dictum. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Aenean quis mauris sed elit commodo placerat. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Vivamus rhoncus tincidunt libero. Etiam elementum pretium justo. Vivamus est. Morbi a tellus eget pede tristique commodo. Nulla nisl. Vestibulum sed nisl eu sapien cursus rutrum.

Nulla non mauris vitae wisi posuere convallis. Sed eu nulla nec eros scelerisque pharetra. Nullam varius. Etiam dignissim elementum metus. Vestibulum faucibus, metus sit amet mattis rhoncus, sapien dui laoreet odio, nec ultricies nibh augue a enim. Fusce in ligula. Quisque at magna et nulla commodo consequat. Proin accumsan imperdiet sem. Nunc porta. Donec feugiat mi at justo. Phasellus facilisis ipsum quis ante. In ac elit eget ipsum pharetra faucibus. Maecenas viverra nulla in massa.

Nulla ac nisl. Nullam urna nulla, ullamcorper in, interdum sit amet, gravida ut, risus. Aenean ac enim. In luctus. Phasellus eu quam vitae turpis viverra pellentesque. Duis feugiat felis ut enim. Phasellus pharetra, sem id porttitor sodales, magna nunc aliquet nibh, nec blandit nisl mauris at pede. Suspendisse risus risus, lobortis eget, semper at, imperdiet sit amet, quam. Quisque scelerisque dapibus nibh. Nam enim. Lorem ipsum

dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Nunc ut metus. Ut metus justo, auctor at, ultrices eu, sagittis ut, purus. Aliquam aliquam.

Etiam pede massa, dapibus vitae, rhoncus in, placerat posuere, odio. Vestibulum luctus commodo lacus. Morbi lacus dui, tempor sed, euismod eget, condimentum at, tortor. Phasellus aliquet odio ac lacus tempor faucibus. Praesent sed sem. Praesent iaculis. Cras rhoncus tellus sed justo ullamcorper sagittis. Donec quis orci. Sed ut tortor quis tellus euismod tincidunt. Suspendisse congue nisl eu elit. Aliquam tortor diam, tempus id, tristique eget, sodales vel, nulla. Praesent tellus mi, condimentum sed, viverra at, consectetur quis, lectus. In auctor vehicula orci. Sed pede sapien, euismod in, suscipit in, pharetra placerat, metus. Vivamus commodo dui non odio. Donec et felis.

Etiam suscipit aliquam arcu. Aliquam sit amet est ac purus bibendum congue. Sed in eros. Morbi non orci. Pellentesque mattis lacinia elit. Fusce molestie velit in ligula. Nullam et orci vitae nibh vulputate auctor. Aliquam eget purus. Nulla auctor wisi sed ipsum. Morbi porttitor tellus ac enim. Fusce ornare. Proin ipsum enim, tincidunt in, ornare venenatis, molestie a, augue. Donec vel pede in lacus sagittis porta. Sed hendrerit ipsum quis nisl. Suspendisse quis massa ac nibh pretium cursus. Sed sodales. Nam eu neque quis pede dignissim ornare. Maecenas eu purus ac urna tincidunt congue.

Here we'll illustrate some more indexing commands. **A Company Name** will be added to the Index (see `zzInit.tex`) as both the name alone, and under the Companies index section. You can also do *My Movie Name* as a file, and *The Cool Project* project names. Heres a final end note<sup>2</sup>, and one more citation [2].

## Notes

Capitolul 1 — Introducere

Capitolul 2 — Structuri de date

Capitolul 3 — Greedy

<sup>1</sup>Here is a footnote about this copy

<sup>2</sup>This is the last one

Capitolul 4 — Divide et impera

<sup>1</sup>Here is a footnote about this copy

<sup>2</sup>This is the last one

Capitolul 5 — Programare dinamica

<sup>1</sup>Here is a footnote about this copy

<sup>2</sup>This is the last one

Capitolul 6 — String Matching

<sup>1</sup>Here is a footnote about this copy

<sup>2</sup>This is the last one

Capitolul 7 — Back Tracking

<sup>1</sup>Here is a footnote about this copy

<sup>2</sup>This is the last one

Capitolul 8 — Metode iterative

<sup>1</sup>Here is a footnote about this copy

<sup>2</sup>This is the last one



# Bibliografie

- [1] William B. Gragg and Martin H. Gutknecht. *Stable Look-Ahead Versions of the Euclidean and Chebyshev Algorithms*, pages 231–260. Birkhäuser Boston, Boston, MA, 1994.
- [2] Tomas Pfister, J Charles, and A Zisserman. Large-scale Learning of Sign Language by Watching TV (Using Co-occurrences). *Proceedings of the British Machine Vision Conference*, pages 1–11, 2013.
- [3] Chris R. Reid, David J. T. Sumpter, and Madeleine Beekman. Optimisation in a natural system: Argentine ants solve the towers of hanoi. *Journal of Experimental Biology*, 214(1):50–58, 2010.
- [4] R. L. Rivest, A. Shamir, and L. Adleman. A method for obtaining digital signatures and public-key cryptosystems. *Commun. ACM*, 21(2):120–126, February 1978.





## **Lista cu autorii citați**



# Lista cu sursele imaginilor

**Note:** Additional information on sources and attributions for illustrations and figures can be found online at <http://YourBooksURL.com/>

## **All Abbreviations and Terms**

### **Nomenclature**

### **Abbreviations (Computation)**

### **Abbreviations (Neuroscience)**

---



