

1. Algoritmusok bonyolultságának mérése, bonyolultságok típusai. Bonyolultsági függvények, ordó jelölés. Keresési és rendezési algoritmusok, gráfalgoritmusok bonyolultsága.

## Algoritmusok bonyolultságának mérése

- Időbonyolultság: Az algoritmus futási idejének mértéke a bemeneti adatok méretének függvényében.
  - Általában az algoritmus által végrehajtott alapvető műveletek számával mérjük.
  - Különböző esetekre szokás mérni:
    - Legjobb eset: A lehető legkedvezőbb futási idő.
    - Legrosszabb eset: A lehető legrosszabb futási idő.
    - Átlagos eset: Az átlagos futási idő a bemenetek valamilyen eloszlása esetén.
- Tárbonyolultság: Az algoritmus által felhasznált memória mértéke a bemeneti adatok méretének függvényében.

## Bonyolultságok típusai

- Konstans időbonyolultság (O(1)): Az algoritmus futási ideje független a bemenet méretétől.
- Logaritmikus időbonyolultság (O(log n)): Az algoritmus futási ideje logaritmikusan növekszik a bemenet méretével.
- Lineáris időbonyolultság (O(n)): Az algoritmus futási ideje arányosan nő a bemenet méretével.
- Polinomiális időbonyolultság (O(n^k)): Az algoritmus futási ideje a bemenet méretének valamilyen hatványával nő.
- Exponenciális időbonyolultság (O(2^n)): Az algoritmus futási ideje exponenciálisan nő a bemenet méretével.
- Faktoriális időbonyolultság (O(n!)): Az algoritmus futási ideje faktoriálisan nő a bemenet méretével.

### Bonyolultsági függvények, ordó jelölés

- Bonyolultsági függvény: Az algoritmus futási idejét vagy tárigényét leíró matematikai függvény.
- Ordó jelölés (Big-O notation): Az algoritmus futási idejének vagy tárigényének felső határát jelöli, a bemenet méretének függvényében.

#### Példák:

- O(1): Konstans időbonyolultság.
- O(n): Lineáris időbonyolultság.
- $O(n \log n)$ : Lineáris-logaritmikus időbonyolultság.
- $O(n^2)$ : Négyzetes időbonyolultság.
- $O(2^n)$ : Exponenciális időbonyolultság.

# Keresési algoritmusok bonyolultsága

- Lineáris keresés:
  - Legrosszabb esetben O(n)
  - Az algoritmus sorban ellenőrzi a bemenet összes elemét.
- Bináris keresés:
  - Legrosszabb esetben  $O(\log n)$
  - Az algoritmus rendezetten keres a bemenet elemei között, mindig felezi a keresési tartományt.

# Rendezési algoritmusok bonyolultsága

- Buborék rendezés (Bubble Sort):
  - Időbonyolultság:  $O(n^2)$
  - Az algoritmus többször végigmegy a listán, és mindig kicseréli a szomszédos elemeket, ha azok rossz sorrendben vannak.
- Beszúrásos rendezés (Insertion Sort):
  - Időbonyolultság:  $O(n^2)$
  - Az algoritmus minden elemet a helyére tesz a már rendezett részlistában.
- Összefésüléses rendezés (Merge Sort):
  - Időbonyolultság:  $O(n \log n)$
  - Az algoritmus felosztja a listát kisebb részekre, majd azokat rendezi és összefésüli.

- Gyors rendezés (Quick Sort):
  - Átlagos időbonyolultság:  $O(n \log n)$
  - Legrosszabb esetben:  $O(n^2)$
  - Az algoritmus kiválaszt egy pivot elemet, és a listát kisebb és nagyobb elemekre osztja, majd rekurzívan rendezi azokat.

### Gráfalgoritmusok bonyolultsága

- Szélességi keresés (Breadth-First Search, BFS):
  - Időbonyolultság: O(V+E)
  - Az algoritmus rétegszerűen bejárja a gráf csúcsait.
- Mélységi keresés (Depth-First Search, DFS):
  - Időbonyolultság: O(V+E)
  - Az algoritmus mélységben bejárja a gráf csúcsait.
- Dijkstra algoritmus:
  - Időbonyolultság:  $O(V^2)$  (Prioritási sor nélkül)
  - Prioritási sorral:  $O((V+E)\log V)$
  - Az algoritmus a legkisebb súlyú utat találja meg egy forráscsúcsból a többi csúcsba.
- Floyd-Warshall algoritmus:
  - Időbonyolultság:  $O(V^3)$
  - Az algoritmus a legrövidebb utat találja meg minden csúcs között a gráfban.