

Legyen  $X$  egy halmaz. Az  $\mathcal{A} \subset \mathcal{P}(X)$  halmazrendszert  $\sigma$ -algebrának nevezzük, ha

1.  $X \in \mathcal{A}$ ,
2.  $\bar{A} = X \setminus A \in \mathcal{A} \quad \forall A \in \mathcal{A}$ ,
3.  $\bigcup_{i=1}^{\infty} A_i \in \mathcal{A}$ , ha  $A_i \in \mathcal{A}$  ( $i \in \mathbb{N}$ )

Ekkor az  $(X, \mathcal{A})$  rendezett párt mérhető térnek, az  $\mathcal{A}$  elemeit mérhető halmazoknak nevezzük.

A  $\mu: \mathcal{A} \rightarrow [0, \infty]$  függvényt mértéknek nevezzük az  $(X, \mathcal{A})$  mérhető téren, ha  $\mu(\emptyset) = 0$  és

$$\mu\left(\bigcup_{i=1}^{\infty} A_i\right) = \sum_{i=1}^{\infty} \mu(A_i)$$

blablabla

$$\mu\left(\bigcup_{i=1}^{\infty} A_i\right) = \sum_{i=1}^{\infty} \mu(A_i) \tag{1}$$

Az (1)

$$I_A: X \rightarrow \mathbb{R}, \quad I_A(x) := \begin{cases} 1, & \text{ha } x \in A \\ 0, & \text{különben} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \mu\left(\bigcup_{i=1}^{\infty} A_i\right) &= \text{blablablablabla} \\ &= \text{vmivmivmivmi} \end{aligned}$$

$$\operatorname{ctg}(x) = \frac{\cos(x)}{\sin(x)}$$