Tuần 6: LT Bài 5.pdf

- Điểm danh trên gg classroom của lớp.
- Mở R, thiết lập thư mục làm việc cho R.
- Mở file "Bai 5.pdf": đọc và thực hành các ví dụ.

Thực hành xác suất thống kê

Bài 5: PHÂN PHỐI MẪU VÀ ĐỊNH LÝ GIỚI HẠN TRUNG TÂM

1. Mẫu ngẫu nhiên phân phối chuẩn

1.1 Mô phỏng 1

Định lý 1.1: Cho $X_1, X_2, ..., X_n$ là mẫu ngẫu nhiên lấy từ phân phối chuẩn $N(\mu; \sigma^2)$. Ta có

$$\bar{X} \sim N\left(\mu; \frac{\sigma^2}{n}\right).$$

1. Mẫu ngẫu nhiên phân phối chuẩn

1.1 Mô phỏng 1

Ý tưởng:

B1. Tạo mẫu $X_1, X_2, ..., X_n \sim N(\mu; \sigma^2) \rightarrow \text{tính } \overline{X}$.

B2. Lập lại bước trên m lần, ta được

$$X_1, X_2, \dots, X_n \sim N(\mu; \sigma^2) \rightarrow \text{tính } \overline{X}_1$$

 $X_1, X_2, \dots, X_n \sim N(\mu; \sigma^2) \rightarrow \text{tính } \overline{X}_2$

. . .

$$X_1, X_2, ..., X_n \sim N(\mu; \sigma^2) \rightarrow \tanh \bar{X}_m$$

Ta có bộ dữ liệu $\bar{X}_1, \bar{X}_2, ..., \bar{X}_m$.

B3. Kiểm tra phân phối

$$\bar{X} \sim N\left(\mu; \frac{\sigma^2}{n}\right)$$

1. Mẫu ngấu nhiên phân phối chuẩn

1.1 Mô phỏng 1

Ý tưởng:

B1. Tạo mẫu $X_1, X_2, ..., X_n \sim N(\mu; \sigma^2) \rightarrow \text{tính } \bar{X}$.

B2. Lập lại bước trên m lần, ta được

$$X_1, X_2, ..., X_n \sim N(\mu; \sigma^2) \rightarrow \tanh \bar{X}_1$$

 $X_1, X_2, ..., X_n \sim N(\mu; \sigma^2) \rightarrow \tanh \bar{X}_2$

 $X_1, X_2, ..., X_n \sim N(\mu; \sigma^2) \rightarrow \tanh \bar{X}_m$ Ta có bô dữ liêu $\bar{X}_1, \bar{X}_2, ..., \bar{X}_m$.

B3. Kiểm tra phân phối

$$\bar{X} \sim N\left(\mu; \frac{\sigma^2}{n}\right)$$

Đối với mẫu ngẫu nhiên lấy từ phân phối chuẩn, ta thành lập mẫu ngẫu nhiên kích thước n=10, cụ thể ta sẽ lấy mẫu từ $N(2; 2^2)$, tức $\mu=2$ và $\sigma=2$.

```
# Mo phong 1: Cho X1,...,Xn ~ N(mu,sigma). Khi
#do X.bar ~ N(mu, sigma^2/n)
# Gan cac gia tri
n = 10; mu = 2; sigma = 2
# Tao vecto X = (X1, ..., Xn) \sim N(mu, sigma)
VecX <- function(n) rnorm(n,mu,sigma)</pre>
# Tinh gia tri trung binh mau
MeanX <- function() mean(VecX(n))</pre>
# Lap lai qua trinh tren m lan
SampleMeanX <- function(m) replicate(m,MeanX())</pre>
# Ve bieu do tan so cho du lieu vua tao
hist(SampleMeanX(1000), freq = 0, breaks = 40)
# Kiem tra lai bang cach ve ham mat do pp
# N(mu, sigma<sup>2</sup>/n)
curve(dnorm(x,mu,sigma/sqrt(n)), col = "blue", lty
= 1, lwd = 2, add = T)
```

1. Mẫu ngẫu nhiên phân phối chuẩn

1.2 Mô phỏng 2

Định lý 1.2: Cho $X_1, X_2, ..., X_n$ là mẫu ngẫu nhiên lấy từ phân phối chuẩn $N(\mu; \sigma^2)$. Ta có

$$\frac{(n-1)S_X^2}{\sigma^2} \sim \chi^2(n-1).$$

1. Mẫu ngấu nhiên phân phối chuẩn

1.2 Mô phỏng 2

Ý tưởng:

B1. Tạo mẫu
$$X_1, X_2, ..., X_n \sim N(\mu; \sigma^2) \rightarrow \text{tính } S = \frac{(n-1)S_X^2}{\sigma^2}$$
.

B2. Lập lại bước trên m lần, ta được

$$X_1, X_2, ..., X_n \sim N(\mu; \sigma^2) \rightarrow \text{tính } S_1$$

 $X_1, X_2, ..., X_n \sim N(\mu; \sigma^2) \rightarrow \text{tính } S_2$

. . .

$$X_1, X_2, \dots, X_n \sim N(\mu; \sigma^2) \rightarrow \text{tính } S_m$$

Ta có bộ dữ liệu $S_1, S_2, ..., S_m$.

B3. Kiểm tra phân phối

$$S \sim \chi^2(n-1)$$

1. Mẫu ngấu nhiên phân phối chuẩn

1.2 Mô phỏng 2

Ý tưởng:

B1. Tạo mẫu

$$X_1, X_2, \dots, X_n \sim N(\mu; \sigma^2) \rightarrow \text{tính } S = \frac{(n-1)S_X^2}{\sigma^2}.$$

B2. Lập lại bước trên m lần, ta được

$$X_1, X_2, ..., X_n \sim N(\mu; \sigma^2) \rightarrow \text{tính } S_1$$

 $X_1, X_2, ..., X_n \sim N(\mu; \sigma^2) \rightarrow \text{tính } S_2$

...

 $X_1, X_2, ..., X_n \sim N(\mu; \sigma^2) \rightarrow \text{tính } S_m$ Ta có bộ dữ liệu $S_1, S_2, ..., S_m$.

B3. Kiểm tra phân phối

$$S \sim \chi^2(n-1)$$

Đối với mẫu ngẫu nhiên lấy từ phân phối chuẩn, ta thành lập mẫu ngẫu nhiên kích thước n=10, cụ thể ta sẽ lấy mẫu từ $N(2; 2^2)$, tức $\mu=2$ và $\sigma=2$.

```
# Mo phong 1.2: Cho X1,...,Xn ~ N(mu,sigma).
# Khi do (n-1)*S^2/sigma^2 ~ X^2(n-1)

# Tinh gia tri bien S = (n-1)*var(VecX(n))/sigma^2
S <- function() (n-1)*var(VecX(n))/sigma^2

# Lap lai qua trinh tren m lan
SampleS <- function(m) replicate(m,S())

# Ve bieu do tan so cho du lieu vua tao
hist(SampleS(1000),freq = 0, breaks = 40)

# Ve ham mat do cua pp X^2(n-1)
curve(dchisq(x,n-1), col = "red", lty = 1, lwd = 2, add = T)</pre>
```

2. Bài tập

Bài 1. Cho là mẫu ngẫu nhiên kích thước 2 lấy từ phân phối chuẩn N(0;1). Dùng hàm rnorm() phát sinh $X_1, X_2 \text{ và } Y = X_1^2 + X_2^2 . \text{ Xây}$ dựng hàm MauY phát sinh mẫu ngẫu nhiên kích thước n cho Y. Lần lượt phát sinh mẫu ngẫu nhiên kích thước 100, 1000, 10000 cho Y, vẽ biểu đồ tần suất và đồ thị hàm mật độ xác suất của phân phối Chi-bình phương với 2 bậc tự do cho từng trường hợp.

Liên hệ với lý thuyết mẫu.

```
# Bai 1
# Viet ham tao Y
m = 0
Y <- function(){</pre>
         X1 <- rnorm(1,m,s)</pre>
         X2 \leftarrow rnorm(1,m,s)
         Y = (X1)^2 + (X2)^2
MauY <- function(n) replicate(n,Y())</pre>
draw <- function(m){</pre>
# Ve bieu do tan suat
hist(MauY(m), freq=0, breaks=40)
# Ve ham mat do cua phan phoi Chi binh phuong voi 2
#bac tu do
# vao cung 1 bieu do (add = TRUE)
curve(dchisq(x,2),col="blue",lty=1,lwd=2,add=TRUE)}
par(mfrow = c(1,3))
draw(100)
draw(1000)
draw(10000)
```

2. Bài tập

```
# Bai 1
# Viet ham tao MauY
m = 0
s = 1
Y <- function(){
        X1 \leftarrow rnorm(1,m,s)
        X2 \leftarrow rnorm(1,m,s)
        Y = (X1)^2 + (X2)^2
MauY <- function(n) replicate(n,Y())</pre>
draw <- function(m){</pre>
# Ve bieu do tan suat
hist(MauY(m), freq=0, breaks=40)
# Ve ham mat do cua phan phoi Chi binh phuong voi 2 bac tu do
# vao cung 1 bieu do (add = TRUE)
curve(dchisq(x,2),col="blue",lty=1,lwd=2,add=TRUE)}
par(mfrow = c(1,3))
draw(100)
draw(1000)
draw(10000)
```

3. Bài tập – Bài 6

Bài 1. Tạo vec-tơ: x = [1,2,5,7,-3,0,5,1,5,6] và y = [2,2,0,-5,7,8,11,9,3,2]

- a. Tính x+y, x*y, x-y.
- b. Tao z = [Những phần tử chẵn của x], t = [Những phần tử lẻ của y]
- c. Trích những phần tử lớn hơn 0 của x và y.
- d. Tính trung bình, độ lệch tiêu chuẩn, sai số chuẩn của x và y.
- e. Tìm phần tử lớn nhất, bé nhất của x, y.
- f. Sắp xếp x tăng dần, y giảm dần.
- g. Lưu x và y.

3. Bài tập – Bài 6

```
# Bai 1
# Tao mau x,y
x \leftarrow c(1,2,5,7,-3,0,5,1,5,6)
y \leftarrow c(2,2,0,-5,7,8,11,9,3,2)
# a. tinh tong, tich, hieu
X+y;X*y; X-y
# b. Tach gia tri cua x chan gan vao z, gia tri cua y le cho t
z < -x[x\%2 == 0];z
t <- y[y\%\%2 == 1];t
# c. Tach gia tri duong cua x, y
x[x>0]; y[y>0]
# d.
# trung binh mau cua x
mean(x)
# do lech tieu chuan cua x
sd(x)
# sai so chuan cua x
sd(x)/sqrt(length(x))
```