HÊ THỐNG MÁY TÍNH

02 – Biểu diễn số nguyên

Hệ cơ số q tổng quát

Tổng quát số nguyên có n chữ số thuộc hệ cơ số q bất kỳ được biểu diễn:

$$x_{n-1}...x_1x_0 = x_{n-1}.q^{n-1} + ... + x_1.q^1 + x_0.q^0$$

(mỗi chữ số x_i lấy từ tập X có q phần tử)

- □ Ví dụ:
 - Hê cơ số 10: $A = 123 = 100 + 20 + 3 = 1.10^2 + 2.10^1 + 3.10^0$
 - $q = 2, X = \{0, 1\}$: hệ nhị phân (binary)
 - $q = 8, X = \{0, 1, 2, ..., 7\}$: hệ bát phân (octal)
 - $q = 10, X = \{0, 1, 2, ..., 9\}$: hệ thập phân (decimal)
 - $q = 16, X = \{0, 1, 2, ..., 9, A, B, ..., F\}$: hệ thập lục phân (hexadecimal)
- Chuyển đổi: A = 123 d = 01111011 b = 173 o = 7B h
- Hệ cơ số thường được biển diễn trong máy tính là hệ cơ số 2

Chuyển đổi giữa các hệ cơ số

Đặc điểm

- Con người sử dụng hệ thập phân
- Máy tính sử dụng hệ nhị phân, bát phân, thập lục phân

Nhu cầu

- Chuyển đổi qua lại giữa các hệ đếm ?
 - Hệ khác sang hệ thập phân (... → dec)
 - Hệ thập phân sang hệ khác (dec → …)
 - Hệ nhị phân sang hệ khác và ngược lại (bin ←→ ...)
 - **...**

Chuyển đổi giữa các hệ cơ số [1] Decimal (10) → Binary (2)

- Lấy số cơ số 10 chia cho 2
 - Số dư đưa vào kết quả
 - Số nguyên đem chia tiếp cho 2
 - Quá trình lặp lại cho đến khi số nguyên = 0
- □ Ví dụ: A = 123
 - □ 123 : 2 = 61 dư 1

 - □ 30 : 2 = 15 dư 0
 - 15:2 = 7 du 1
 - 7 : 2 = 3 du' 1
 - 3 : 2 = 1 du' 1
 - $\Box 1 : 2 = 0 \text{ du } 1$

Kết quả: 1111011, vì 123 là số dương,

thêm 1 bit hiển dấu vào đầu là 0 vào

→ Kết quả cuối cùng: **01111011**

Chuyển đổi giữa các hệ cơ số [2] Decimal (10) → Hexadecimal (16)

- Lấy số cơ số 10 chia cho 16
 - Số dư đưa vào kết quả
 - Số nguyên đem chia tiếp cho 16
 - Quá trình lặp lại cho đến khi số nguyên = 0
- □ Ví dụ: A = 123
 - □ 123 : 16 = 7 dư 12 (B)
 - $7 : 16 = 0 \, du \, 7$

→ Kết quả cuối cùng: **7B**

Chuyển đổi giữa các hệ cơ số [3] Binary (2) → Decimal (10)

Khai triển biểu diễn và tính giá trị biểu thức

$$x_{n-1}...x_1x_0 = x_{n-1}.2^{n-1} + ... + x_1.2^1 + x_0.2^0$$

□ Ví dụ:

$$1011_2 = 1.2^3 + 0.2^2 + 1.2^1 + 1.2^0 = 11_{10}$$

Chuyển đổi giữa các hệ cơ số [4] Binary (2) → Hexadecimal (16)

- Nhóm từng bộ 4 bit trong biểu diễn nhị phân rồi chuyển sang ký số tương ứng trong hệ thập lục phân (0000 → 0,..., 1111 → F)
- □ Ví dụ
 - $1001011_2 = 0100 \ 1011 = 4B_{16}$

HEX	BIN	HEX	BIN	HEX	BIN	HEX	BIN
0	0000	4	0100	8	1000	C,	1100
1	0001	5	0101	9	1001	D	1101
2	0010	6	0110	Α	1010	Е	1110
3	0011	7	0111	В	1011	F	1111

Chuyển đổi giữa các hệ cơ số [5] Hexadecimal (16) → Binary (2)

Sử dụng bảng dưới đây để chuyển đổi:

HEX	BIN	HEX	BIN	HEX	BIN	HEX	BIN
0	0000	4	0100	8	1000	C,	1100
1	0001	5	0101	9	1001	D	1101
2	0010	6	0110	Α	1010	Е	1110
3	0011	7	0111	В	1011	F	1111

Ví dụ:

$$\blacksquare$$
 4B₁₆ = 1001011₂

Chuyển đổi giữa các hệ cơ số [6] Hexadecimal (16) → Decimal (10)

Khai triển biểu diễn và tính giá trị biểu thức

$$x_{n-1}...x_1x_0 = x_{n-1}.16^{n-1} + ... + x_1.16^1 + x_0.16^0$$

□ Ví dụ:

$$\Box$$
 7B₁₆ = 7.16¹ + 12 (B).16⁰ = 123₁₀

Hệ nhị phân

$$x_{n-1}...x_1x_0 = x_{n-1}.2^{n-1} + ... + x_1.2^1 + x_0.2^0$$

- Được dùng nhiều trong máy tính để biểu diện các giá trị lưu trong các thanh ghi hoặc trong các ô nhớ. Thanh ghi hoặc ô nhớ có kích thước 1 byte (8 bit) hoặc 1 word (16 bit).
- n được gọi là chiều dài bit của số đó
- Bit trái nhất x_{n-1} là bit có giá trị (nặng) nhất MSB (Most Significant Bit)
- Bit phải nhất x₀ là bit ít giá trị (nhẹ) nhất LSB (Less Significant Bit)

Ý tưởng nhị phân

- Số nhị phân có thể dùng để biểu diễn bất kỳ việc gì mà bạn muốn!
- Một số ví dụ:
 - □ Giá trị logic: $0 \rightarrow$ False; $1 \rightarrow$ True
 - Ký tự:
 - 26 ký tự (A \rightarrow Z): 5 bits (2⁵ = 32)
 - Tính cả trường hợp viết hoa/thường + ký tự lạ → 7 bits (ASCII)
 - Tất cả các ký tự ngôn ngữ trên thế giới → 8, 16, 32 bits (Unicode)
 - Màu sắc: Red (00), Green (01), Blue (11)
 - Vị trí / Địa chỉ: (0, 0, 1)...
 - □ Bộ nhớ: N bits → Lưu được tối đa 2^N đối tượng

Số nguyên không dấu

Đặc điểm

- Biểu diễn các đại lương luôn dương
 - Ví dụ: chiều cao, cân nặng, mã ASCII...
- Tất cả bit đều được sử dụng để biểu diễn giá trị (không quan tâm đến dấu âm, dương)
- □ Số nguyên không dấu 1 byte lớn nhất là $1111 \ 1111_2 = 28 1 = 255_{10}$
- Số nguyên không dấu 1 word lớn nhất là 1111 1111 1111 $1111_2 = 2^{16} 1 = 65535_{10}$
- □ Tùy nhu cầu có thể sử dụng số 2, 3... word.
- LSB = 1 thì số đó là số đó là số lẻ

Số nguyên có dấu

- Lưu các số dương hoặc âm (số có dấu)
- Có 4 cách phổ biến:
 - [1] Dấu lượng
 - □ [2] Bù 1
 - □ [3] Bù 2
 - [4] Số quá (thừa) K
- Số có dấu trong máy tính được biểu diễn ở dạng số bù 2

Số nguyên có dấu [1] Dấu lượng

- Bit trái nhất (MSB): bit đánh dấu âm / dương
 - 0: số dương
 - □ 1: số âm
- Các bit còn lại: biểu diễn độ lớn của số (hay giá trị tuyệt đối của số)
- □ Ví dụ:
 - Một byte 8 bit: sẽ có 7 bit (trừ đi bit dấu) dùng để biểu diễn giá trị tuyệt đối cho các số có giá trị từ 000000 (0₁₀) đến 1111111 (127₁₀)
 - \rightarrow Ta có thể biểu diễn các số từ -127_{10} đến $+127_{10}$
 - -N và N chỉ khác giá trị bit MSB (bit dấu), phần độ lớn (giá trị tuyệt đối) hoàn toàn giống nhau

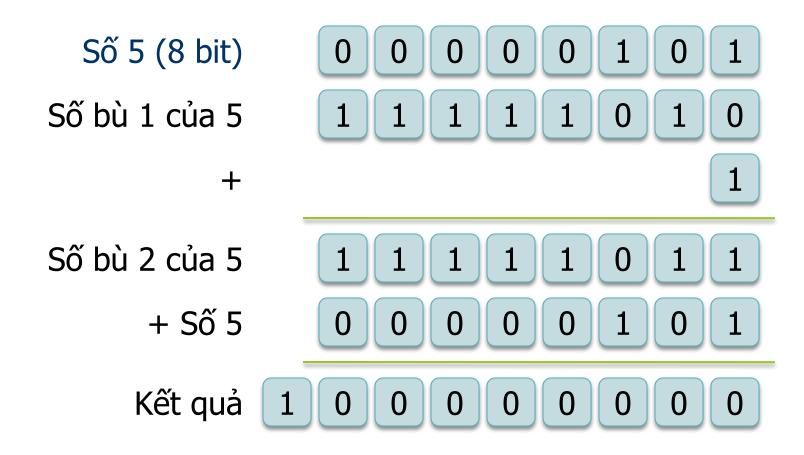
Số nguyên có dấu [2] Bù 1

- Tương tự như phương pháp [1], bit MSB dùng làm bit dấu
 - 0: Số dương
 - □ 1: Số âm
- Các bit còn lại (*) dùng làm độ lớn
- Số âm: Thực hiện phép đảo bit tất cả các bit của (*)
- □ Ví dụ:
 - □ Dạng bù 1 của 00101011 (43) là 11010100 (-43)
 - Một byte 8 bit: biểu diễn từ −127₁₀ đến +127₁₀
 - Bù 1 có hai dạng biểu diễn cho số 0, bao gồm: 00000000 (+0) và 1111111 (-0) (mẫu 8 bit, giống phương pháp [1])
 - Khi thực hiện phép cộng, cũng thực hiện theo quy tắc cộng nhị phân thông thường, tuy nhiên, nếu còn phát sinh bit nhớ thì phải tiếp tục cộng bit nhớ này vào kết quả vừa thu được

Số nguyên có dấu [3] Bù 2

- Biểu diễn giống như số bù 1 + ta phải cộng thêm số 1 vào kết quả (dạng nhị phân)
- Số bù 2 ra đời khi người ta gặp vấn đề với hai phương pháp dấu lượng [1] và bù 1 [2], đó là:
 - □ Có hai cách biểu diễn cho số 0 (+0 và -0) → không đồng nhất
 - Bit nhớ phát sinh sau khi đã thực hiện phép tính phải được cộng tiếp vào kết quả → dễ gây nhầm lẫn
 - > Phương pháp số bù 2 khắc phục hoàn toàn 2 vấn đề đó
- □ Ví dụ:
 - Một byte 8 bit: biểu diễn từ -128₁₀ đến +127₁₀ (được lợi 1 số vì chỉ có 1 cách biểu diễn số 0)

Số bù 1 và Số bù 2



Nhân xét số bù 2

- (Số bù 2 của x) + x = một dãy toàn bit 0 (không tính bit 1 cao nhất do vượt quá phạm vi lưu trữ)
- → Do đó số bù 2 của x chính là giá trị âm của x hay x (Còn gọi là phép lấy đối)

- Đổi số thập phân âm -5 sang nhị phân?
- → Đổi 5 sang nhị phân rồi lấy số bù 2 của nó

- Thực hiện phép toán a b?
- \rightarrow a b = a + (-b) \rightarrow Cộng với số bù 2 của b.

Số nguyên có dấu [4] Số quá (thừa) K

- Còn gọi là biểu diễn số dịch (biased representation)
- Chọn một số nguyên dương K cho trước làm giá trị dịch
- □ Biểu diễn số N:
 - +N (dương): có được bằng cách lấy K + N, với K được chọn sao cho tổng của K và một số
 âm bất kỳ trong miền giá trị luôn luôn dương
 - -N (âm): có được bằng cáck lấy K N (hay lấy bù hai của số vừa xác định)

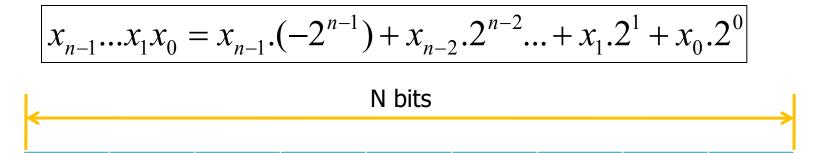
□ Ví dụ:

- Dùng 1 Byte (8 bit): biểu diễn từ -128_{10} đến $+127_{10}$
- Trong hệ 8 bit, biểu diễn N = 25, chọn số thừa k = 128, :
 - +25₁₀ = 10011001₂
 - $-25_{10} = 01100111_2$
- Chỉ có một giá trị 0: $+0 = 10000000_2$, $-0 = 10000000_2$

Nhận xét

- Số bù 2 [3] -> lưu trữ số có dấu và các phép tính của chúng trên máy tính (thường dùng nhất)
 - Không cần thuật toán đặc biệt nào cho các phép tính cộng và tính trừ
 - Giúp phát hiện dễ dàng các trường hợp bị tràn.
- □ Dấu lượng [1] / số bù 1 [2] → dùng các thuật toán phức tạp và bất lợi vì luôn có hai cách biểu diễn của số 0 (+0 và -0)
- Dấu lượng [1] -> phép nhân của số có dấu chấm động
- Số thừa K [4] → dùng cho số mũ của các số có dấu chấm động

Biểu diễn số âm (số bù 2)



2³

Phạm vi lưu trữ: [-2ⁿ⁻¹, 2ⁿ⁻¹ - 1]

21

20

2²

□ Ví dụ:

2n-2

$$\begin{array}{rcl} & 1101 \ 0110_2 & = -2^7 + 2^6 + 2^4 + 2^3 + 2^2 + 2^1 \\ & = -128 + 64 + 16 + 4 + 2 = \\ & = -42_{10} \end{array}$$

Ví dụ (số bù 2)

```
+123 = 01111011b
-123 = 10000101b
   0 = 00000000b
  -1 = 111111111b
  -2 = 111111110b
  -3 = 111111101b
-127 = 10000001b
-128 = 10000000b
```

Tính giá trị không dấu và có dấu

- □ Tính giá trị không dấu và có dấu của 1 số?
 - □ Ví dụ số word (16 bit): 1100 1100 1111 0000
 - Số nguyên không dấu ?
 - Tất cả 16 bit lưu giá trị → giá trị là 52464
 - □ Số nguyên có dấu ?
 - Bit MSB = 1 do đó số này là số âm
 - Áp dụng công thức → giá trị là -13072

Tính giá trị không dấu và có dấu

- □ Nhận xét
 - □ Bit MSB = 0 thì giá trị có dấu bằng giá trị không dấu.
 - Bit MSB = 1 thì giá trị có dấu bằng giá trị không dấu trừ đi 256
 (2⁸ nếu tính theo byte) hay 65536 (2¹⁶ nếu tính theo word).
- Tính giá trị không dấu và có dấu của 1 số?
 - Ví dụ số word (16 bit): 1100 1100 1111 0000
 - Giá trị không dấu = 52464
 - ☐ Giá trị có dấu: vì bit MSB = 1 nên giá trị có dấu = 52464 65536 = -13072

Phép dịch bit và phép xoay

- □ Shift left (SHL): $11001010 \rightarrow 10010100$
 - Chuyển tất cả các bit sang trái, bỏ bit trái nhất, thêm 0 ở bit phải nhất
- □ Shift right (SHR): $1001\ 0101\ \rightarrow\ 0100\ 1010$
 - Chuyển tất cả các bit sang phải, bỏ bit phải nhất, thêm 0 ở bit trái nhất
- □ Rotate left (ROL): $11001010 \rightarrow 10010101$
 - Chuyển tất cả các bit sang trái, bit trái nhất thành bit phải nhất
- □ Rotate right (ROR): $1001\ 0101\ \rightarrow\ 1100\ 1010$
 - Chuyển tất cả các bit sang phải, bit phải nhất thành bit trái nhất

Phép toán Logic AND, OR, NOT, XOR

AND	0	1
0	0	0
1	0	1

Pheb nhan	"Phép nhâ	'n"
-----------	-----------	-----

OR	0	1
0	0	1
1	1	1

"Phép cộng"

XOR	0	1
0	0	1
1	1	0

NOT	0	1
	1	0

"Phép phủ định"

"Phép so sánh khác"

Ví dụ

```
X = 0000 1000b = 8d
\rightarrow X shl 2 = 0010 0000b = 32d = 8 . 2<sup>2</sup>
\rightarrow (X shl 2) or X = 0010 1000b = 40d = 32 + 8
\neg Y = 0100 1010b = 74d
\rightarrow ((Y and 0Fh) shl 4) = 1010 0000
           OR
                                OR
\rightarrow ((Y and F0h) shr 4) = 0000 0100
                           1010 0100 = 164d (không dấu)
                                        = (164 - 2^8) = -92d (có dấu)
```

Một số nhận xét

```
x SHL y = x . 2<sup>y</sup>
x SHR y = x / 2<sup>y</sup>
AND dùng để tắt bit (AND với 0 luôn = 0)
OR dùng để bật bit (OR với 1 luôn = 1)
XOR, NOT dùng để đảo bit (XOR với 1 = đảo bit đó)
x AND 0 = 0
x XOR x = 0
```

Mở rộng:

Lấy giá trị tại bit thứ i của x: (x SHR i) AND 1
Gán giá trị 1 tại bit thứ i của x: (1 SHL i) OR x
Gán giá trị 0 tại bit thứ i của x: NOT(1 SHL i) AND x
Đảo bit thứ i của x: (1 SHL i) XOR x

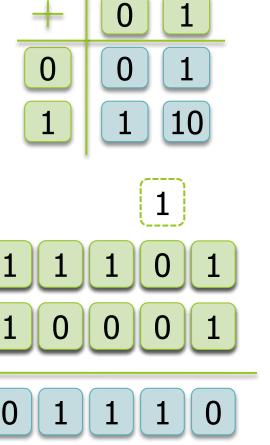
Các phép toán tử

- □ Phép Cộng (+)
- □ Phép Trừ (-)
- □ Phép Nhân (*)
- □ Phép Chia (/)

Phép cộng

□ Ví dụ:

Nguyên tắc cơ bản:



Phép cộng

$ \begin{array}{rcl} 1001 & = & -7 \\ +0101 & = & 5 \\ \hline 1110 & = & -2 \\ & (a)(-7) + (+5) \end{array} $	$ \begin{array}{rcl} 1100 & = & -4 \\ +0100 & = & 4 \\ \hline 10000 & = & 0 \\ (b)(-4) + (+4) \end{array} $
$0011 = 3 + 0100 = 4 \hline 0111 = 7 (c) (+3) + (+4)$	1100 = -4 +1111 = -1 11011 = -5 (d) (-4) + (-1)
0101 = 5 + $0100 = 4$ 1001 = Overflow (c) (+5) + (+4)	1001 = -7 +1010 = -6 10011 = Overflow (f) (-7) + (-6)

Phép trừ

Nguyên tắc cơ bản: Đưa về phép cộng

$$A - B = A + (-B) = A + (số bù 2 của B)$$

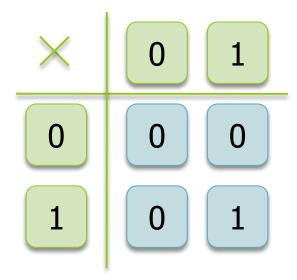
 \Box Ví dụ: 11101 - 10011 = 11101 + 01101

Phép trừ

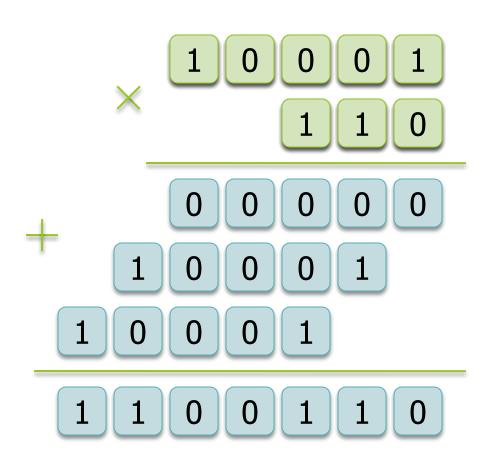
$\begin{array}{rcl} 0010 & = & 2 \\ +\underline{1001} & = & -7 \\ 1011 & = & -5 \end{array}$	$ \begin{array}{rcl} 0101 & = & 5 \\ +1110 & = & -2 \\ \hline 10011 & = & 3 \end{array} $
(a) $M = 2 = 0010$	(b) $M = 5 = 0101$
S = 7 = 0111	S = 2 = 0010
-S = 1001	-S = 1110
$ \begin{array}{r} 1011 = -5 \\ +1110 = -2 \\ 11001 = -7 \end{array} $	$\begin{array}{r} 0101 = 5 \\ +0010 = 2 \\ \hline 0111 = 7 \end{array}$
(c) $M = -5 = 1011$	(d) $M = 5 = 0101$
S = 2 = 0010	S = -2 = 1110
-S = 1110	-S = 0010
0111 = 7	1010 = -6
+ <u>0111</u> = 7	+ $1100 = -4$
1110 = Overflow	10110 = Overflow
(e) $M = 7 = 0111$	(f) $M = -6 = 1010$
S = -7 = 1001	S = 4 = 0100
-S = 0111	-S = 1100

Phép nhân

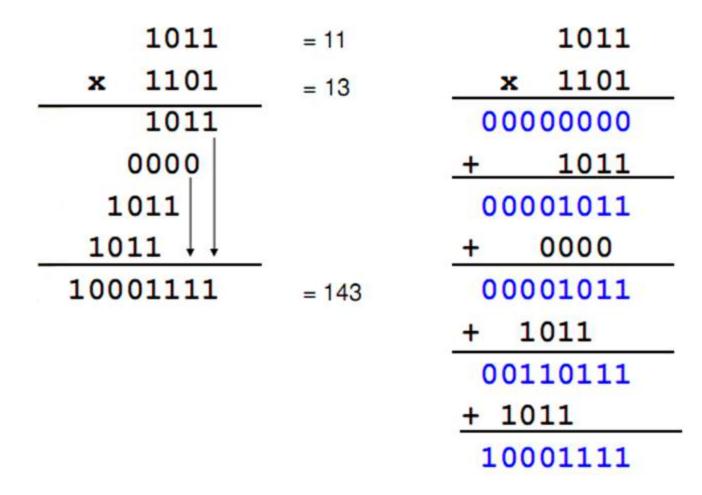
Nguyên tắc cơ bản:



Phép nhân



Phép nhân



Thuật toán nhân

- Giả sử ta muốn thực hiện phép nhân M x Q với
 - Q có n bit
- Ta định nghĩa các biến:
 - C (1 bit): đóng vai trò bit nhớ
 - A (n bit): đóng vai trò 1 phần kết quả nhân ([C, A, Q]: kết quả nhân)
 - [C, A] (n + 1 bit); [C, A, Q] (2n + 1 bit): coi như các thanh ghi ghép
- Thuật toán:

```
Khởi tạo: [C, A] = 0; k = n

Lặp khi k > 0

{

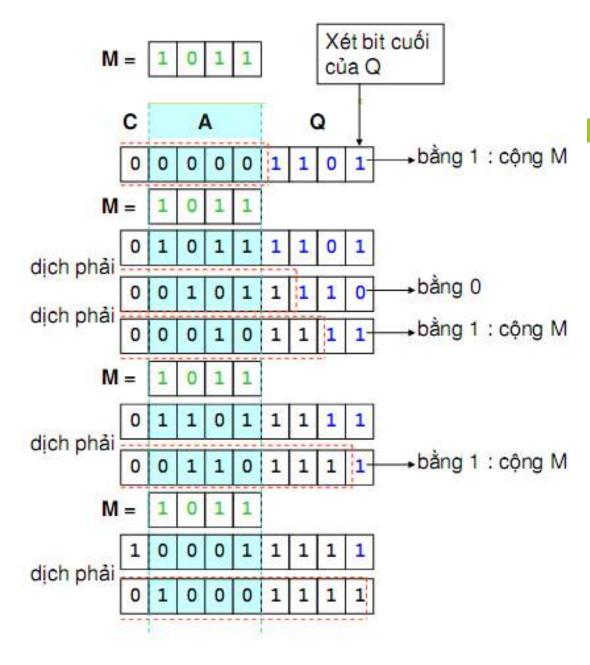
Nếu bit cuối của Q = 1 thì

Lấy (A + M) \rightarrow [C, A]

Shift right [C, A, Q]

k = k - 1

}
```



Thuật toán nhân cải tiến (số không/có dấu)

```
Khởi tạo: A = 0; k = n; Q_{-1} = 0 (thêm 1 bit = 0 vào cuối Q)
Lặp khi k > 0
     Nếu 2 bit cuối của Q<sub>0</sub>Q<sub>-1</sub>
           = 10 \text{ thì A} - \text{M} \rightarrow \text{A}
           = 01 \text{ thì A} + M \rightarrow A
           = 00, 11 thì A không thay đổi
     Shift right [A, Q, Q<sub>-1</sub>]
     k = k - 1
Kết quả: [A, Q]
```

Ví dụ M = 7, Q = -3, n = 4

2		Α	Q	Q. ₁	M
Khởi đầu	1	0000	1101	0	0111
Bước 0:	A=A-M	1001	1101	0	0111
	shift	1100	1110	1	0111
Bước 1:	A=A+M	0011	1110	1	0111
5	shift	0001	1111	0	0111
Bước 2:	A=A-M	1010	1111	0	0111
	shift	1101	0111	1	0111
Bước 3:	shift	1110	1011	1	0111
Kết quả	1110101	1 = -21			

Phép chia

Giả sử ta muốn thực hiện Q / M với

```
Khởi tạo: A = n bit 0 nếu Q > 0; A = n bit 1 nếu Q < 0; k = n
Lăp khi k > 0
    Shift left (SHL) [A, Q]
    A - M \rightarrow A
        # Nếu A < 0: Q_0 = 0 và A + M \rightarrow A
        # Ngược lại: Q_0 = 1
    k = k - 1
Kết quả: Q là thương, A là số dư
```

Ví dụ phép chia

A	Q	M = 0011	A	Q	M = 1101
0000	0111	Initial value	0000	0111	Initial value
0000	1110	Shift	0000	1110	Shift
1101		Subtract	1101		Add
0000	1110	Restore	0000	1110	Restore
0001	1100	Shift	0001	1100	Shift
1110		Subtract	1110		Add
0001	1100	Restore	0001	1100	Restore
0011	1000	Shift	0011	1000	Shift
0000		Subtract	0000		Add
0000	1001	Set $Q_0 = 1$	0000	1001	Set $Q_0 = 1$
0001	0010	Shift	0001	0010	Shift
1110		Subtract	1110		Add
0001	0010	Restore	0001	0010	Restore

(a) (7)/(3) (b) (7)/(-3)

Prefix in byte (Chuẩn IEC)

International Electrotechnical Commission (IEC)

Name	Abbr	Factor
kibi	Ki	$2^{10} = 1,024$
mebi	Mi	2 ²⁰ = 1,048,576
gibi	Gi	230 = 1,073,741,824
tebi	Ti	2 ⁴⁰ = 1,099,511,627,776
pebi	Pi	2 ⁵⁰ = 1,125,899,906,842,624
exbi	Ei	2 ⁵⁰ = 1,152,921,504,606,846,976
zebi	Zi	270 = 1,180,591,620,717,411,303,424
yobi	Yi	280 = 1,208,925,819,614,629,174,706,176

Prefix in byte (Chuẩn SI)

International System of Units (SI)

Name	Abbr	Factor	SI size		
Kilo	K	2 ¹⁰ = 1,024	$10^3 = 1,000$		
Mega	M	2 ²⁰ = 1,048,576	105 = 1,000,000		
Giga	G	230 = 1,073,741,824	109 = 1,000,000,000		
Tera	T	2 ⁴⁰ = 1,099,511,627,776	1012 = 1,000,000,000,000		
Peta	Р	2 ⁵⁰ = 1,125,899,906,842,624	1015 = 1,000,000,000,000,000		
Exa	E	260 = 1,152,921,504,606,846,976	1018 = 1,000,000,000,000,000,000		
Zetta	Z	2 ⁷⁰ = 1,180,591,620,717,411,303,424	1021 = 1,000,000,000,000,000,000,000		
Yotta	Y	280 = 1,208,925,819,614,629,174,706,176	1024 = 1,000,000,000,000,000,000,000,000		

- Chú ý: khi nói "kilobyte" chúng ta nghĩ là 1024 byte nhưng thực ra nó là 1000 bytes theo chuẩn SI, 1024 bytes là kibibyte (IEC)
- Hiện nay chỉ có các nhà sản xuất đĩa cứng và viễn thông mới dùng chuẩn SI
 - **30** GB \rightarrow 30 * 10⁹ ~ **28** * 2³⁰ bytes
 - 1 Mbit/s \rightarrow 10⁶ b/s

Homework

- Đọc chương 9, sách của W.Stalling
- Đọc trước slide bài giảng số thực

HỆ THỐNG MÁY TÍNH

03 – Biểu diễn số thực

Đặt vấn đề

- □ Biểu diễn số 123.375₁₀ sang hệ nhị phân?
- <u>Ý tưởng đơn giản:</u> Biểu diễn phần nguyên và phần thập phân riêng lẻ
 - Với phần nguyên: Dùng 8 bit ([0₁₀, 255₁₀])

$$123_{10} = 64 + 32 + 16 + 8 + 2 + 1 = 0111 \ 1011_2$$

Với phần thập phân: Tương tự dùng 8 bit

$$0.375 = 0.25 + 0.125 = 2^{-2} + 2^{-3} = 0110 \ 0000_{2}$$

- \rightarrow 123.375₁₀ = 0111 1011.0110 0000₂
- Tổng quát công thức khai triển của số thập phân hệ nhị phân:

$$x_{n-1}x_{n-2}...x_0.x_{-1}x_{-2}...x_{-m} = x_{n-1}.2^{n-1} + x_{n-2}.2^{n-2}... + x_0.2^0 + x_{-1}.2^{-1} + x_{-2}.2^{-2} + ... + x_{-m}.2^{-m}$$

Đặt vấn đề

- Tuy nhiên...với 8 bit:
 - Phần nguyên lớn nhất có thể biểu diễn: 255
 - □ Phần thập phân nhỏ nhất có thể biểu diễn: 2⁻⁸ ~ 10⁻³ = 0.001
- → Biểu diễn số nhỏ như 0.0001 (10⁻⁴) hay 0.000001 (10⁻⁵)?
- Một giải pháp: Tăng số bit phần thập phân
 - □ Với 16 bit cho phần thập phân: min = $2^{-16} \sim 10^{-5}$
 - Có vẻ không hiệu quả...Cách tốt hơn ?
- Floating Point Number (Số thực dấu chấm động)

Floating Point Number?

Giả sử ta có số (ở dạng nhị phân)

$$X = 0.000000000000011_2 = (2^{-15} + 2^{-16})_{10}$$
14 số 0

- \rightarrow X = 0.11₂ * (2⁻¹⁴)₁₀ (= (2⁻¹ + 2⁻²).2⁻¹⁴ = 2⁻¹⁵ + 2⁻¹⁶)
- Thay vì dùng 16 bit để lưu trữ phần thập phân, ta có thể chỉ cần 6 bit:

$$X = 0.11 1110$$

- Cách làm: Di chuyển vị trí dấu chấm sang phải 14 vị trí, dùng 4 bit để lưu trữ số 14 này
- → Đây là ý tưởng cơ bản của số thực dấu chấm động (floating point number)

Chuẩn hóa số thập phân

- Trước khi các số được biểu diễn dưới dạng số chấm động, chúng cần được chuẩn hóa về dạng: $\pm 1.F * 2^E$
 - F: Phần thập phân không dấu (định trị Significant)
 - E: Phần số mũ (Exponent)
- Ví dụ:
 - +0.09375₁₀ = 0.00011₂ = +1.1 * 2⁻⁴
 - $-5.25_{10} = 101.01_2 = -1.0101 * 2^2$

Biểu diễn số chấm động

 Có nhiều chuẩn nhưng hiện nay chuẩn IEEE 754 được dùng nhiều nhất để lưu trữ số thập phân theo dấu chấm động trong máy tính, gồm 2 dạng: (slide sau)

Biểu diễn số chấm động

Số chấm động chính xác đơn (32 bits):



Số chấm động chính xác kép (64 bits):



- Sign: Bit dấu (1: Số âm, 0: Số dương)
- Exponent: Số mũ (Biểu diễn dưới dạng số quá K (Biased) với
 - Chính xác đơn: $K = 127 (2^{n-1} 1 = 2^{8-1} 1)$ với n là số bit lưu trữ Exponent
 - Chính xác kép: $K = 1023 (2^{n-1} 1 = 2^{11-1} 1)$
- Significand (Fraction): Phần định trị (phần lẻ sau dấu chấm)

Ví dụ

- □ Biểu diễn số thực sau theo dạng số chấm động chính xác đơn (32 bit): X = -5.25
- Bước 1: Đổi X sang hệ nhị phân

$$X = -5.25_{10} = -101.01_2$$

Bước 2: Chuẩn hóa theo dạng ±1.F * 2^E

$$X = -5.25 = -101.01 = -1.0101 * 2^{2}$$

- Bước 3: Biểu diễn Floating Point
 - Số âm: bit dấu Sign = 1
 - Số mũ E = 2 → Phần mũ exponent với số thừa K=127 được biểu diễn:

$$\rightarrow$$
 Exponent = E + 127 = 2 + 127 = 129₁₀ = 1000 0001₂

- Phần định trị = 0101 0000 0000 0000 0000 (Thêm 19 số 0 cho đủ 23 bit)

Thảo luận về exponent

- Vì sao phần số mũ exponent không giữ nguyên lại phải lưu trữ dưới dạng số quá K (Dạng biased)?
- Giả sử trong số chấm động chính xác đơn (32 bits), ta dùng 8 bits để lưu giá trị exponent (biểu diễn dưới dạng số quá K),
 vậy miền giá trị của nó là [0, 255]
- → Với K = 127, số mũ gốc ban đầu có miền giá trị [-127, 128]
- Miền giá trị này khá vô lý, vậy tại sao chúng ta không chọn số K = 128 để miền giá trị gốc là [-128, 127] như bình thường?

Câu hỏi 1 - Đáp án

- Sở dĩ Exponent được lưu trữ dưới dạng Biased vì ta muốn chuyển từ miền giá trị số có dấu sang số không dấu (vì trong biased, số k được chọn để sau khi cộng số bất kỳ trong miền giá trị gốc, kết quả là số luôn dương)
- → Dễ dàng so sánh, tính toán

Câu hỏi 2 - Đáp án

- Số K được chọn là 127 mà không phải là 128 vì tại bước 2 trước khi biểu diễn thành số chấm động, chúng ta cần phải chuẩn hóa thành dạng ±1.F * 2^E
- Tức là chúng ta sẽ luôn luôn để dành 1 bit (số 1) phía
 trước dấu chấm chứ không đẩy sang trái hết
- → Với 8 bit, số mũ gốc ban đầu không thể đạt mức nhỏ nhất là -128 mà chỉ là -127
- → Do vậy ta chỉ cần chọn K = 127 là được

Vậy thì...

- Khi muốn biểu diễn số 0 thì ta không thể tìm ra bit trái nhất có giá trị = 1 để đẩy dấu chấm động, vậy làm sao chuẩn hóa về dạng ±1.F * 2^E?
- □ Với số dạng $\pm 0.F * 2^{-127}$ thì chuẩn hóa được nữa không?
- □ Với K = 127, exponent lớn nhất sẽ là 255
- \rightarrow Số mũ gốc ban đầu lớn nhất là 255 127 = +128
- → Vô lý vì với 8 bit có dấu ta không thể biểu diễn được số +128 ?

Trả lời

Vì đó là những số thực đặc biệt, ta không thể biểu diễn bằng dấu chấm động ©

Số thực đặc biệt

- □ Số 0 (zero)
 - □ Exponent = 0, Significand = 0
- Số không thể chuẩn hóa (denormalized)
 - Exponent = 0, Significand != 0
- □ Số vô cùng (infinity)
 - Exponent = 111...1 (toàn bit 1), Significand = 0
- □ Số báo lỗi (NaN Not a Number)
 - □ Exponent = 111...1 (toàn bit 1), Significand != 0

Normalized number

Largest positive normalized number: +1.[23 số 1] * 2¹²⁷ Exp Significand (Fraction) S 1111 1110 1111 1111 1111 1111 1111 111 $\mathbf{0}$ Smallest positive normalized number: +1.[23 số 0] * 2⁻¹²⁶ S Exp Significand (Fraction) 0 0000 0001 0000 0000 0000 0000 0000 000

Tương tự cho số negative (số âm)

Denormalized number

□ Smallest positive denormalized number: +1.[22 số 0]1 * 2⁻¹²⁷

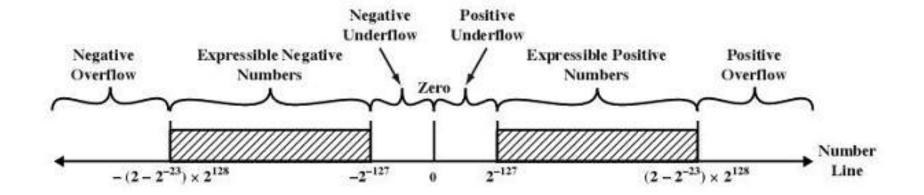
Tuy nhiên IEEE 754 quy định là $+0.[22 \text{ số } 0]1 * 2^{-126}$

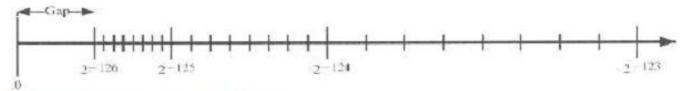
Tương tự cho số negative (số âm)

Ví dụ: n = 4, m = 3, bias = 7

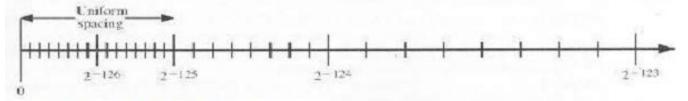
	s	ехр	frac	E	Value
	0	0000	000	-6	0
	0	0000	001	-6	1/8*1/64 = 1/512 ← closest to zero
Denormalized	0	0000	010	-6	2/8*1/64 = 2/512
numbers					
	0	0000	110	-6	6/8*1/64 = 6/512
50001000000000000000000000000000000000	0	0000	111	-6	7/8*1/64 = 7/512 ← largest denorm
	0	0001	000	-6	8/8*1/64 = 8/512 ← smallest norm
	0	0001	001	-6	9/8*1/64 = 9/512
	0	0110	110	-1	14/8*1/2 = 14/16
	0	0110	111	-1	15/8*1/2 = 15/16 ← closest to 1 below
Normalized	0	0111	000	0	8/8*1 = 1
numbers	0	0111	001	0	9/8*1 = 9/8 ← closest to 1 above
	0	0111	010	0	10/8*1 = 10/8
	•••				
	0	1110	110	7	14/8*128 = 224
	0	1110	111	7	15/8*128 = 240 ← largest norm
	0	1111	000	n/a	inf

Phân bố các số thực (32 bits)





Without denormalized numbers



With denormalized numbers

Chuẩn IEEE 754

-	-					
	(a)	iu i	200	w	44	۰
	-					L

Parameter	Single	Single Extended	Double	Double Extended	
Parameter	Single	Surgie Extended	Doume	Double Extended	
Word width (bits)	32	≥ 43	64	≥ 79	
Exponent width (bits)	8	≥ 11	11	≥ 15	
Exponent bias	127	unspecifie d	1023	unspecified	
Maximum exponent	127	≥ 1023	1023	≥ 16383	
Minimum exponent	-126	≤ -1022	-1022	≤ -16382	
Number range (base 10)	10-38, 10+38	unspecified	10-308, 10+308	unspecified	
Significand width (bits)*	23	≥ 31	52	≥ 63	
Number of exponents	254	unspecified	2046	unspecified	
Number of fractions	223	unspecified	252	unspecified	
Number of values	1.98×2^{31}	unspecified	1.99 x 2 ⁶³	unspecified	

^{*} not including implied bit

Bài tập 1

- Biểu diễn số thực sau theo dạng số chấm động chính xác đơn (32 bit): X = +12.625
- Bước 1: Đổi X sang hệ nhị phân

$$X = -12.625_{10} = -1100.101_2$$

Bước 2: Chuẩn hóa theo dạng ±1.F * 2^E

$$X = -12.625_{10} = -1100.101_2 = -1.100101 * 2^3$$

- Bước 3: Biểu diễn Floating Point
 - Số dương: bit dấu Sign = 0
 - Số mũ E = 3 → Phần mũ exponent với số thừa K=127 được biểu diễn:

$$\rightarrow$$
 Exponent = E + 127 = 3 + 127 = 130₁₀ = 1000 0010₂

- Phần định trị = 1001 0100 0000 0000 0000 (Thêm 17 số 0 cho đủ 23 bit)

Bài tập 2

- □ Biểu diễn số thực sau theo dạng số chấm động chính xác đơn (32 bit): X = -3050
- Bước 1: Đổi X sang hệ nhị phân

$$X = -3050_{10} = -1011 1110 1010_2$$

Bước 2: Chuẩn hóa theo dạng ±1.F * 2^E

$$X = -3050_{10} = -1011 1110 1010_2 = -1.011111101010 * 2^{11}$$

- Bước 3: Biểu diễn Floating Point
 - □ Số âm: bit dấu Sign = 1
 - Số mũ E = 11 → Phần mũ exponent với số thừa K=127 được biểu diễn:

$$\rightarrow$$
 Exponent = E + 127 = 11 + 127 = 138₁₀ = 1000 1010₂

- □ Phần định trị = 0111 1101 0100 0000 0000 000 (Thêm 12 số 0 cho đủ 23 bit)

Bài tập 3

- Biểu diễn số thực sau theo dạng số chấm động chính xác đơn (32 bit): X = +1.1 *
 2-128
- Lưu ý:
 - Số X: positive number
 - X < Smallest positive normalized number: +1.[23 số 0] * 2⁻¹²⁶
 - → số X là số không thể chuẩn hóa (denormalized number)
 - → Chuyển X về dạng: $X = +0.011 * 2^{-126}$
- Bước 3: Biểu diễn Floating Point
 - Số dương: bit dấu Sign = 0
 - ullet Vì đây là số không thể chuẩn hóa $\, o$ Phần mũ exponent được biểu diễn: $0000~0000_2$
 - □ Phần định trị = 0110 0000 0000 0000 0000 000
- → Kết quả nhận được: 0 0000 0000 0110 0000 0000 0000 0000

Homework

- Sách W.Stalling Computer Arithmetic, đọc chương 9
- Doc file 04_FloatingPoint.doc
- Trả lời các câu hỏi:
 - Overflow, underflow?
 - Cộng trừ nhân chia trên số thực?
 - Quy tắc làm tròn?
 - NaN: nguyên tắc phát sinh?
 - Quiet NaN và Signaling NaN?

HÊ THỐNG MÁY TÍNH

04 – BỘ LỆNH MIPS 32 bit

Giới thiệu

- Nhiệm vụ cơ bản nhất của CPU là phải thực
 hiện các lệnh được yêu cầu, gọi là instruction
- Các CPU sẽ sử dụng các tập lệnh (instruction set) khác nhau để có thể giao tiếp với nó

Kích thước lệnh

- Kích thước lệnh bị ảnh hưởng bởi:
 - Cấu trúc đường truyền bus
 - Kích thước và tổ chức bộ nhớ
 - Tốc độ CPU
- Giải pháp tối ưu lệnh:
 - Dùng lệnh có kích thước ngắn, mỗi lệnh chỉ nên được
 thực thi trong đúng 1 chu kỳ CPU
 - Dùng bộ nhớ cache

Bộ lệnh MIPS

 Chúng ta sẽ làm quen với tập lệnh cho kiến trúc MIPS (PlayStation 1, 2; PSP; Windows CE, Routers...)

- Được xây dựng theo kiến trúc (RISC) với 4 nguyên tắc:
 - Càng đơn giản, càng ổn định
 - Càng nhỏ gọn, xử lý càng nhanh
 - Tăng tốc xử lý cho những trường hợp thường xuyên xảy ra
 - Thiết kế đòi hỏi sự thỏa hiệp tốt

Cấu trúc cơ bản của 1 chương trình hợp ngữ trên MIPS

```
# khai báo các data label (có thể hiểu là các biến)
         .data
                             # sau chỉ thị này
label1: <kiểu lưu trữ> <giá trị khởi tạo>
label2: <kiểu lưu trữ> <giá trị khởi tạo>
. . .
                             # viết các lệnh sau chỉ thi này
         .text
         .globl <các text label toàn cục, có thể truy xuất từ các file khác>
                             # Đây là text label toàn cuc bắt buôc của program
         .globl main
                             # điểm text label bắt đầu của program
main:
. . .
```

Hello.asm

```
.data
                               # data segment
       .asciiz "Hello asm!"
str:
       .text
                               # text segment
       .globl
                main
main:
                               # starting point of program
       addi $v0, $0, 4
                               # v0 = 0 + 4 = 4 \rightarrow print str syscall
       la $a0, str
                               # $a0 = address(str)
       syscall
                               # excute the system call
```

Bộ lệnh MIPS – Thanh ghi

- Là đơn vị lưu trữ data duy nhất trong CPU
- Trong kiến trúc MIPS:
 - □ Có tổng cộng 32 thanh ghi đánh số từ \$0 → \$31
 - Càng ít càng dễ quản lý, tính toán càng nhanh
 - Có thể truy xuất thanh ghi qua tên của nó (slide sau)
 - Mỗi thanh ghi có kích thước cố định 32 bit
 - Bị giới hạn bởi khả năng tính toán của chip xử lý
 - Kích thước toán hạng trong các câu lệnh MIPS bị giới hạn ở
 32 bit, nhóm 32 bit gọi là từ (word)

Thanh ghi toán hạng

- Như chúng ta đã biết khi lập trình, biến (variable) là khái niệm rất quan trọng khi muốn biểu diễn các toán hạng để tính toán
- Trong kiến trúc MIPS không tồn tại khái niệm biến, thay vào đó là thanh ghi toán hạng

Thanh ghi toán hạng

- Ngôn ngữ cấp cao (C, Java...): toán hạng = biến (variable)
 - Các biến lưu trong bộ nhớ chính
- Ngôn ngữ cấp thấp (Hợp ngữ): toán hạng chứa trong các thanh ghi
 - Thanh ghi không có kiểu dữ liệu
 - Kiểu dữ liệu thanh ghi được quyết định bởi thao tác trên thanh ghi
- So sánh:
 - Ưu: Thanh ghi truy xuất nhanh hơn nhiều bộ nhớ chính
 - Khuyết: Không như bộ nhớ chính, thanh ghi là phần cứng có số lượng giới hạn và cố định -> Phải tính toán kỹ khi sử dụng

Một số thanh ghi toán hạng quan tâm

Save register:

- MIPS lấy ra 8 thanh ghi (\$16 \$23) dùng để thực hiện các phép tính số học, được đặt tên tương ứng là \$s0 - \$s7
- Tương ứng trong C, để chứa giá trị biến (variable)

Temporary register:

- MIPS lấy ra 8 thanh ghi (\$8 \$15) dùng để chứa kết quả trung gian, được đặt tên tương ứng là \$t0 \$t7
- Tương ứng trong C, để chứa giá trị biến tạm (temporary variable)

Bảnh danh sách thanh ghi MIPS

Name	Register number	Usage
\$zero	0	the constant value 0
\$v0-\$v1	2–3	values for results and expression evaluation
\$a0 — \$a3	4–7	arguments
\$t0-\$t7	8–15	temporaries
\$s0 - \$s7	16-23	saved
\$t8_\$t9	24-25	more temporaries
\$gp	28	global pointer
\$sp	29	stack pointer
\$fp	30	frame pointer
\$ra	31	return address

Thanh ghi 1 (\$at) để dành cho assembler. Thanh ghi 26 - 27 (\$k0 - \$k1) để dành cho OS

Bộ lệnh MIPS – 4 thao tác chính

- Phần 1: Phép toán số học (Arithmetic)
- Phần 2: Di chuyển dữ liệu (Data transfer)
- Phần 3: Thao tác luận lý (Logical)
- Phần 4: Rẽ nhánh (Un/Conditional branch)

Phần 1: Phép toán số học

Cú pháp: opt opr, opr1, opr2 opt (operator): Tên thao tác (toán tử, tác tử) opr (operand): Thanh ghi (toán hạng, tác tố đích) chứa kết quả opr1 (operand 1): Thanh ghi (toán hạng nguồn 1) opr2 (operand 2): Thanh ghi / hằng số (toán hạng nguồn 2)

Ví dụ

Giả sử xét câu lệnh sau:

Chỉ thị cho CPU thực hiện phép cộng

$$a \leftarrow b + c$$

- a, b, c được gọi là thanh ghi toán hạng
- Phép toán trên chỉ có thể thực hiện với đúng 3 toán hạng (không nhiều cũng không ít hơn)

Cộng, trừ số nguyên

Cộng (Add):

□ Cộng có dấu: add \$s0, \$s1, \$s2

□ Cộng không dấu: addu \$s0, \$s1, \$s2 (u: unsigned)

□ Diễn giải: \$s0 ← \$s1 + \$s2

C/C++: (a = b + c)

Trừ (Subtract):

□ Trừ có dấu: sub \$s0, \$s1, \$s2

□ Trừ không dấu: subu \$s0, \$s1, \$s2 (u: unsigned)

□ Diễn giải: \$s0 ← \$s1 - \$s2

C/C++: (a = b - c)

Nhận xét

- Toán hạng trong các lệnh trên phải là thanh ghi
- Trong MIPS, lệnh thao tác với số nguyên có dấu được biểu diễn dưới dạng bù 2
- Làm sao biết 1 phép toán được biên dịch từ C (ví dụ a = b + c) là thao tác có dấu hay không dấu? → Dựa vào trình biên dịch
- Có thể dùng 1 toán hạng vừa là nguồn vừa là đích add \$s0, \$s0, \$s1
- Cộng, trừ với hằng số? -> \$s2 sẽ đóng vai trò là hằng số
 - □ Cộng: addi \$s0, \$s1, 3 (addi = add immediate)
 - □ Trừ: addi \$s0, \$s1, -3

Ví dụ 1

Chuyển thành lệnh MIPS từ lệnh C:

$$a = b + c + d - e$$

Chia nhỏ thành nhiều lệnh MIPS:

```
add $s0, $s1, $s2 # a = b + c
add $s0, $s0, $s3 # a = a + d
sub $s0, $s0, $s4 # a = a - e
```

- Tại sao dùng nhiều lệnh hơn C?
- → Bị giới hạn bởi số lượng cổng mạch toán tử và thiết kế bên trong cổng mạch
- Ký tự "#" dùng để chú thích trong hợp ngữ cho MIPS

Ví dụ 2

Chuyển thành lệnh MIPS từ lệnh C:

$$f = (g + h) - (i + j)$$

Chia nhỏ thành nhiều lệnh MIPS:

```
add $t0, $s1, $s2  # temp1 = g + h
add $t1, $s3, $s4  # temp2 = i + j
sub $s0, $t0, $t1  # f = temp1 - temp2
```

Lưu ý: Phép gán?

- Kiến trúc MIPS không có cổng mạch dành riêng cho phép gán
- → Giải pháp: Dùng thanh ghi zero (\$0 hay \$zero) luôn mang giá trị 0
- □ Ví dụ:

```
add $s0, $s1, $zero
```

- Tương đương: \$s0 = \$s1 + 0 = \$s1 (gán)
- Lệnh "add \$zero, \$zero, \$s0" có hợp lệ ?

Phép nhân, chia số nguyên

 Thao tác nhân / chia của MIPS có kết quả chứa trong cặp 2 thanh ghi tên là \$hi và \$lo
 Bit 0-31 thuộc \$lo và 32-63 thuộc \$hi

Phép nhân

Cú pháp:

```
mult $s0, $s1
```

- Kết quả (64 bit) chứa trong 2 thanh ghi

 - \square \$hi (32 bit) = (\$s0 * \$s1) >> 32
- Câu hỏi: Làm sao truy xuất giá trị 2 thanh ghi \$lo và \$hi?
 - → Dùng 2 cặp lệnh mflo (move from lo), mfhi (move from
 - hi) mtlo (move to lo), mthi (move to high)

 - mfhi \$s0 (\$s0 = \$hi)

Phép chia

Cú pháp:

```
div $s0, $s1
```

- Kết quả (64 bit) chứa trong 2 thanh ghi
 - □ \$lo (32 bit) = \$s0 / \$s1 (thương)
 - □ \$hi (32 bit) = \$s0 % \$s1 (số dư)

Thao tác số dấu chấm động

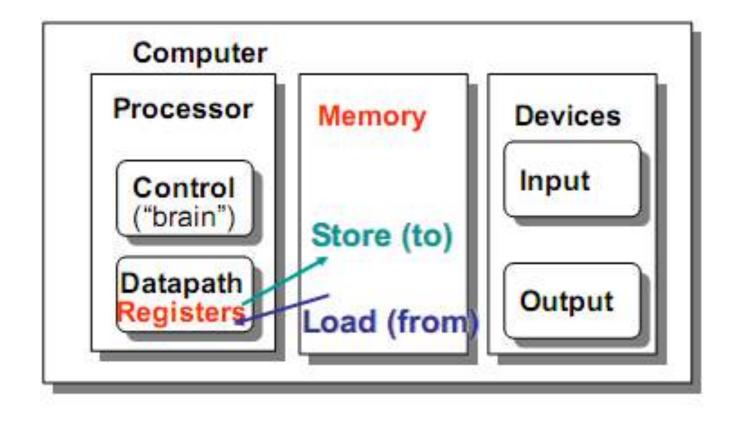
- MIPS sử dụng 32 thanh ghi dấu phẩy động để biểu diễn độ chính xác đơn của số thực. Các thanh ghi này có tên là: \$f0 \$f31.
- Để biểu diễn độ chính xác kép (double precision) thì MIPS sử dụng sự ghép đôi của 2 thanh ghi có độ chính xác đơn.

Vấn đề tràn số

- Kết quả phép tính vượt qua miền giá trị cho phép -> Tràn số xảy ra
- Một số ngôn ngữ có khả năng phát hiện tràn số (Ada), một số không (C)
- MIPS cung cấp 2 loại lệnh số học:
 - add, addi, sub: Phát hiện tràn số
 - addu, addiu, subu: Không phát hiện tràn số
- Trình biên dịch sẽ lựa chọn các lệnh số học tương ứng
 - Trình biên dịch C trên kiến trúc MIPS sử dụng addu, addiu, subu

Phần 2: Di chuyển dữ liệu

- Một số nhận xét:
 - Ngoài các biến đơn, còn có các biến phức tạp thế hiện nhiều kiểu cấu trúc dữ liệu khác nhau, ví dụ như array
 - Các cấu trúc dữ liệu phức tạp có số phần tử dữ liệu nhiều hơn số thanh ghi của CPU > làm sao lưu ??
 - → Lưu phần nhiều data trong RAM, chỉ load 1 ít vào thanh ghi của CPU khi cần xử lý
 - Vấn đề lưu chuyển dữ liệu giữa thanh ghi và bộ nhớ?
 - → Nhóm lệnh lưu chuyển dữ liệu (data transfer)



Bộ nhớ chính

- Có thể được xem như là array 1 chiều rất lớn, mỗi phần
 tử là 1 ô nhớ có kích thước bằng nhau
- Các ô nhớ được đánh số thứ tự từ 0 trở đi
 - → Gọi là địa chỉ (address) ô nhớ
- Để truy xuất dữ liệu trong ô nhớ cần phải cung cấp địa
 chỉ ô nhớ đó

Cấu trúc lệnh

Cú pháp:

```
opt opr, opr1 (opr2)
```

- opt (operator): Tên thao tác (Load / Save)
- opr (operand): Thanh ghi lưu từ nhớ (word)
- opr1 (operand 1): Hằng số nguyên
- opr2 (operand 2): Thanh ghi chứa địa chỉ vùng nhớ
 cơ sở (địa chỉ nền)

Hai thao tác chính

lw: Nạp 1 từ dữ liệu, từ bộ nhớ, vào 1 thanh ghi trên
 CPU (Load Word - lw)

w \$t0, 12 (\$s0)

Nạp từ nhớ có địa chỉ (\$s0 + 12) chứa vào thanh ghi \$t0

sw: Lưu 1 từ dữ liệu, từ thanh ghi trên CPU, ra bộ nhớ
 (Store Word – sw)

sw \$t0, 12 (\$s0)

Lưu giá trị trong thanh ghi \$t0 vào ô nhớ có địa chỉ (\$s0 + 12)

- \$s0 được gọi là thanh ghi cơ sở (base register)
 thường dùng để lưu địa chỉ bắt đầu của mảng
 / cấu trúc
- 12 gọi là độ dời (offset) thường dùng để truy
 cập các phần tử mảng hay cấu trúc

- Một thanh ghi có lưu bất kỳ giá trị 32 bit nào, có thể là số nguyên (có dấu / không dấu), có thể là địa chỉ của 1 vùng nhớ trên RAM
- □ Ví dụ:
 - □ add \$t2, \$t1, \$t0 → \$t0, \$t1 lưu giá trị
 - □ lw $$t2, 4 ($t0) \rightarrow $t0 lưu địa chỉ (C: con trỏ)$

- Số biến cần dùng của chương trình nếu nhiều hơn số thanh ghi của CPU?
- Giải pháp:
 - Thanh ghi chỉ chứa các biến đang xử lý hiện hành và các biến thường sử dụng
 - Kỹ thuật spilling register

Ví dụ 1

- Giả sử A là 1 array gồm 100 từ với địa chỉ bắt đầu (địa chỉ nền base address) chứa trong thanh ghi \$s3. Giá trị các biến g, h lần lượt chứa trong các thanh ghi \$s1 và \$s2
- Hãy chuyển thành mã hợp ngữ MIPS:

$$g = h + A[8]$$

Trả lời:

```
lw $t0, 32($s3) # Chứa A[8] vào $t0
add $s1, $s2, $t0
```

Ví dụ 2

Hãy chuyển thành mã hợp ngữ MIPS:

$$A[12] = h - A[8]$$

Trả lời:

w \$t0, 32(\$s3) # Chứa A[8] vào \$t0

sub \$t0, \$s2, \$t0

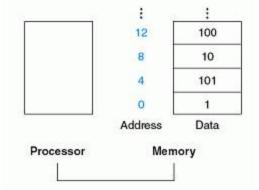
sw \$t0, 48(\$s3) # Kết quả vào A[12]

Nguyên tắc lưu dữ liệu trong bộ nhớ

- MIPS thao tác và lưu trữ dữ liệu trong bộ nhớ theo 2 nguyên tắc:
 - Alignment Restriction
 - Big Endian

Alignment Restriction

- MIPS lưu dữ liệu trong bộ nhớ theo nguyên tắc Alignment Restriction
 - Các đối tượng lưu trong bộ nhớ (từ nhớ) phải bắt đầu tại địa
 chỉ là bội số của kích thước đối tượng
 - Mà mỗi từ nhớ có kích thước là 32 bit = 4 byte = kích thước
 lưu trữ của 1 thanh ghi trong CPU
 - → Như vậy, từ nhớ phải bắt đầu tại địa chỉ là bội số của 4



Big Endian

- MIPS lưu trữ thứ tự các byte trong 1 word trong bộ nhớ theo nguyên tắc Big Endian (Kiến trúc x86 sử dụng Little Endian)
- Ví dụ: Lưu trữ giá trị 4 byte: 12345678h trong bộ nhớ

Địa chỉ byte	Big Endian	Little Endian
0	12	78
1	34	56
2	56	34
3	78	12

- Để truy xuất vào 1 từ nhớ sau 1 từ nhớ thì cần tăng 1 lượng 4 byte chứ không phải 1 byte
- Do đó luôn nhớ rằng các lệnh lw và sw thì độ dời (offset) phải là bội số của 4
- Tuy nhiên bộ nhớ các máy tính cá nhân ngày nay
 lại được đánh địa chỉ theo từng byte (8 bit)

Mở rộng: Load, Save 1 byte

- Ngoài việc hỗ trợ load, save 1 từ (lw, sw), MIPS còn hỗ trợ load, save từng byte (ASCII)
 - Load byte: Ib
 - Save byte: sb
 - Cú pháp lệnh tương tự lw, sw
- □ Ví dụ:

lb \$s0, 3 (\$s1)

Lệnh này nạp giá trị byte nhớ có địa chỉ (\$s1 + 3) vào byte thấp của thanh ghi \$s0

Nguyên tắc

- Giả sử nạp 1 byte có giá trị xzzz zzzz vào thanh ghi trên
 CPU (x: bit dấu của byte đó)
- Giá trị thanh ghi trên CPU (32 bit) sau khi nạp có dạng:

```
XXXX XXXX XXXX XXXX XXXX XZZZ ZZZZ
```

- → Tất cả các bit từ phải sang sẽ có giá trị = bit dấu của giá trị 1 byte vừa nạp (sign-extended)
- → Nếu muốn các bit còn lại từ phải sang có giá trị không theo bit dấu (=0) thì dùng lệnh:

Ibu (load byte unsigned)

Mở rộng: Load, Save 2 byte (1/2 Word)

- MIPS còn hỗ trợ load, save 1/2 word (2 byte) (Unicode)
 - Load half: Ih (nạp 2 byte nhớ vào 2 byte thấp của thanh ghi \$s0)
 - Store half: sh
 - Cú pháp lệnh tương tự lw, sw
- □ Ví dụ:

Lệnh này nạp giá trị 2 byte nhớ có địa chỉ (\$s1 + 3) vào 2 byte thấp của thanh ghi \$s0

Phần 3: Thao tác luận lý

- Chúng ta đã xem xét các thao tác số học (+, -, *, /)
 - Dữ liệu trên thanh ghi như 1 giá trị đơn (số nguyên có dấu / không dấu)
- □ Cần thao tác trên từng bit của dữ liệu → Thao tác luận lý
 - Các thao tác luận lý xem dữ liệu trong thanh ghi là dãy 32 bit riêng lẻ thay vì 1 giá trị đơn
- Có 2 loại thao tác luận lý:
 - Phép toán luận lý
 - Phép dịch luận lý

Phép toán luận lý

Cú pháp: opt opr, opr1, opr2 opt (operator): Tên thao tác opr (operand): Thanh ghi (toán hạng đích) chứa kết quả opr1 (operand 1): Thanh ghi (toán hạng nguồn 1) opr2 (operand 2): Thanh ghi / hằng số (toán hạng nguồn 2)

Phép toán luận lý

- MIPS hỗ trợ 2 nhóm lệnh cho các phép toán luận lý trên bit:
 - and, or, nor: Toán hạng nguồn thứ 2 (opr2) phải là thanh ghi
 - andi, ori: Toán hạng nguồn thứ 2 (opr2) là hằng số
- Lưu ý: MIPS không hỗ trợ lệnh cho các phép luận lý NOT, XOR, NAND...
- Lý do: Vì với 3 phép toán luận lý and, or, nor ta có thể tạo ra tất cả các phép luận lý khác → Tiết kiệm thiết kế cổng mạch
- □ Ví dụ:

$$not(A) = not(A or 0) = A nor 0$$

Phép dịch luận lý

Cú pháp: opt opr, opr1, opr2 opt (operator): Tên thao tác opr (operand): Thanh ghi (toán hạng đích) chứa kết quả opr1 (operand 1): Thanh ghi (toán hạng nguồn 1) opr2 (operand 2): Hằng số < 32 (Số bit dịch)

Phép dịch luận lý

MIPS hỗ trợ 2 nhóm lệnh cho các phép dịch luận lý trên bit:

Dịch luận lý

- Dịch trái (sll shift left logical): Thêm vào các bit 0 bên phải
- Dịch phải (srl shift right logical): Thêm vào các bit 0 bên trái

Dịch số học

- Không có dịch trái số học
- Dịch phải (sra shift right arithmetic): Thêm các bit = giá trị
 bit dấu bên trái

Ví dụ

```
sll $s1, $s2, 2 # dịch trái luận lý $s2 2 bit
  $s2 = 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0101\ 0101 = 85
  \$s1 = 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0001\ 0101\ 0100 = 340
                                                        (85 * 2^2)
srl $s1, $s2, 2 # dich phải luận lý $s2 2 bit
  $s2 = 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0101\ 0101 = 85
  \$s1 = 0000 \ 0000 \ 0000 \ 0000 \ 0000 \ 0001 \ 0101 = 21
                                                        (85 / 2^2)
  sra $$1, $$2, 2 # dịch phải số học $$2 2 bit
  $s2 = 1111 \ 1111 \ 1111 \ 1111 \ 1111 \ 1111 \ 1111 \ 1111 \ 0000 = -16
  (-16 / 2^2)
```

Phần 4: Rẽ nhánh

```
Tương tự lệnh if trong C: Có 2 loại
if (condition) clause
  if (condition)
               clause1
   else
               clause2
Lệnh if thứ 2 có thể diễn giải như sau:
if (condition) goto L1 // if \rightarrow Làm clause1
                         // else → Làm clause2
clause2
                         // Làm tiếp các lệnh khác
goto L2
L1: clause1
```

Rẽ nhánh trong MIPS

- Rẽ nhánh có điều kiện
 - beq opr1, opr2, label
 - beq: Branch if (register are) equal
 - if (opr1 == opr2) goto label
 - □ bne opr1, opr2, label
 - bne: Branch if (register are) not equal
 - if (opr1 != opr2) goto label
- Rẽ nhánh không điều kiện
 - j label
 - Jump to label
 - Tương ứng trong C: goto label
 - Có thể viết lại thành: beq \$0, \$0, label

Ví dụ

Biên dịch câu lệnh sau trong C thành lệnh hợp ngữ MIPS:

if (i == j)
$$f = g + h$$
;
else $f = g - h$;

- Ánh xạ biến f, g, h, i, j tương ứng vào các thanh ghi: \$s0, \$s1, \$s2, \$s3, \$s4
- Lệnh hợp ngữ MIPS:

```
beq $s3, $s4, TrueCase # branch (i == j)

sub $s0, $s1, $s2 # f = g - h (false)

j Fin # goto "Fin" label

add $s0, $s1, $s2 # f = g + h (true)
```

Fin: ..

TrueCase:

Xử lý vòng lặp

Xét mảng int A[]. Giả sử ta có vòng lặp trong C:

Ta có thể viết lại:

→ Sử dụng lệnh rẽ có điều kiện để biểu diễn vòng lặp!

Xử lý vòng lặp

Ánh xạ biến vào các thanh ghi như sau:

g h i j base address of A \$s1 \$s2 \$s3 \$s4 \$s5

Trong ví dụ trên có thể viết lại thành lệnh MIPS như sau:

```
Loop: sll $t1, $s3, 2 # $t1 = i * 2^2
add $t1, $t1, $s5 # $t1 = addr A[i]
lw $t1, 0 ($t1) # $t1 = A[i]
add $s1, $s1, $t1 # g = g + A[i]
add $s3, $s3, $s4 # i = i + j
bne $s3, $s2, Loop # if (i != j) goto Label
```

Xử lý vòng lặp

- Tương tự cho các vòng lặp phổ biến khác trong C:
 - while
 - for
 - do...while
- Nguyên tắc chung:
 - Viết lại vòng lặp dưới dạng goto
 - Sử dụng các lệnh MIPS rẽ nhánh có điều kiện

So sánh không bằng?

- beq và bne được sử dùng để so sánh bằng (== và != trong C)
- Muốn so sánh lớn hơn hay nhỏ hơn?
- MIPS hỗ trợ lệnh so sánh không bằng:

```
slt opr1, opr2, opr3
slt: Set on Less Than
if (opr2 < opr3)</li>
opr1 = 1;
else
```

opr1 = 0;

So sánh không bằng

Trong C, câu lệnh sau:

```
if (g < h) goto Less; # g: $s0, h: $s1
```

• Được chuyển thành lệnh MIPS như sau:

```
slt $t0, $s0, $s1  # if (g < h) then $t0 = 1
bne $t0, $0, Less  # if ($t0 != 0) goto Less
# if (g < h) goto Less
```

Nhận xét: Thanh ghi \$0 luôn chứa giá trị 0, nên lệnh
 bne và bep thường dùng để so sánh sau lênh slt

Các lệnh so sánh khác?

- □ Các phép so sánh còn lại như >, ≥, ≤ thì sao?
- MIPS không trực tiếp hỗ trợ cho các phép so sánh trên, tuy nhiên dựa vào các lệnh slt, bne, beq ta hoàn toàn có thể biểu diễn chúng!

a: \$s0, b: \$s1

```
a < b
          $t0, $s0, $s1
                          # if (a < b) then $t0 = 1
                           # if (a < b) then goto Label
    bne $t0, $0, Label
     <do something>
                           # else then do something
    a > b
$t0, $s1, $s0
                          # if (b < a) then $t0 = 1
    bne $t0, $0, Label
                           # if (b < a) then goto Label
     <do something>
                           # else then do something
    a ≥ b
          $t0, $s0, $s1
                           # if (a < b) then $t0 = 1
                           # if (a \ge b) then goto Label
    beq $t0, $0, Label
     <do something>
                           # else then do something
    a ≤ b
          $t0, $s1, $s0
                           # if (b < a) then $t0 = 1
    beq $t0, $0, Label
                           # if (b \geq a) then goto Label
     <do something>
                           # else then do something
```

Nhận xét

- □ So sánh == → Dùng lệnh beq
- □ So sánh != → Dùng lệnh bne
- So sánh < và > → Dùng cặp lệnh (slt → bne)
- So sánh ≤ và ≥ → Dùng cặp lệnh (slt → beq)

So sánh với hằng số

- So sánh bằng: beq / bne
- So sánh không bằng: MIPS hỗ trợ sẵn lệnh slti
 - slti opr, opr1, const
 - Thường dùng cho switch...case, vòng lặp for

Ví dụ: switch...case trong C

```
switch (k) {
              case 0: f = i + j; break;
              case 1: f = g + h; break;
              case 2: f = g - h; break;
Ta có thể viết lại thành các lệnh if lồng nhau:
if (k == 0) f = i + j;
else if (k == 1) f = g + h;
      else if (k == 2) f = g - h;
Anh xa giá tri biến vào các thanh ghi:
f
              h
                                        k
     g
     $s1 $s2
                       $s3
$s0
                               $s4
                                        $s5
```

Ví dụ: switch...case trong C

Chuyển thành lệnh hợp ngữ MIPS:

	bne	\$s5, \$0, L1	# if (k != 0) then goto L1
	add	\$s0, \$s3, \$s4	# else ($k == 0$) then $f = i + j$
	j	Exit	# end of case → Exit (break)
L1:	addi	\$t0, \$s5, -1	# \$t0 = k - 1
	bne	\$t0, \$0, L2	# if (k != 1) then goto L2
	add	\$s0, \$s1, \$s2	# else (k == 1) then $f = g + h$
	j	Exit	# end of case → Exit (break)
L2:	addi	\$t0, \$s5, -2	# \$t0 = k - 2
	bne	\$t0, \$0, Exit	# if (k!= 2) then goto Exit
	sub	\$s0, \$s1, \$s2	# else (k == 2) then $f = g - h$
Exit:			

Trình con (Thủ tục)

```
Hàm (fucntion) trong C \rightarrow (Biên dịch) \rightarrow Trình con (Thủ tục) trong hợp ngữ
   Giả sử trong C, ta viết như sau:
void main()
   int a, b;

    Hàm được chuyển thành lệnh hợp ngữ như thế nào ?

   sum(a, b);

    Dữ liệu được lưu trữ ra sao ?

int sum(int x, int y)
   return (x + y);
}
```

```
/* a: $s0, b: $s1 */
     ... sum (a, b); ...
     [Làm tiếp thao tác khác...]
     }
     int sum (int x, int y) {
        return x + y;
     }
     Địa chỉ Lệnh
M
                                       \# x = a
     1000
              add
                       $a0, $s0, $zero
                       $a1, $s1, $zero # y = b
     1004
              add
                       $ra, $zero, 1016 # lưu địa chỉ lát sau quay về vào $ra = 1016
     1008
              addi
                                         # nhảy đến nhãn sum
     1012
                       sum
              [Làm tiếp thao tác khác...]
     1016
                                $v0, $a0, $a1 # thực hiện thủ tục "sum"
     2000
              sum:
                       add
     2024
                                         # nhảy tới địa chỉ trong $ra
              jr
                       $ra
```

S

Thanh ghi lưu trữ dữ liệu trong thủ tục

MIPS hỗ trợ 1 số thanh ghi để lưu trữ dữ liệu cho thủ tục:

```
Đối số input (argument input): $a0 $a1 $a2 $a3
Kết quả trả về (return ...): $v0 $v1
Biến cục bộ trong thủ tục: $s0 $s1 ... $s7
Địa chỉ quay về (return address): $ra
```

- Nếu có nhu cầu lưu nhiều dữ liệu (đối số, kết quả trả về, biến cục bộ) hơn số lượng thanh ghi kể trên?
- → Bao nhiêu thanh ghi là đủ?
- → Sử dụng ngăn xếp (stack)

```
/* a: $s0, b: $s1 */
     ... sum (a, b); ...
     [Làm tiếp thao tác khác...]
     }
                                              NHÂN XÉT 1
     int sum (int x, int y) {
        return x + y;
     }
     Địa chỉ Lệnh
M
     1000
               add
                        $a0, $s0, $zero
                                           \# x = a

    Tại sao không dùng lệnh j cho đơn giản, mà lại

     1004
               add
                        $a1, $s1, $zero
                                            dùng jr?
     1008
               addi
                        $ra, $zero, 1016
                                            →Thủ tục "sum" có thể được gọi ở nhiều chỗ
     1012
                        sum
                                            khác nhau, do vậy vị trí quay về mỗi lần gọi sẽ
               [Làm tiếp thao tác khác...]
     1016
                                            khác nhau
                                            → Lệnh mới: jr
                                  $v0, $a0, $a1 # thực hiện thủ tục "sum"
     2000
                        add
               sum:
     2024
                                           # nhảy tới địa chỉ trong $ra
               jr
                        $ra
```

S

```
... sum (a, b); ...
                                 /* a: $s0, b: $s1 */
     [Làm tiếp thao tác khác...]
     }
                                              NHÂN XÉT 2
     int sum (int x, int y) {
        return x + y;
     Địa chỉ Lệnh
M
     1000
               add
                        $a0, $s0, $zero

    Thay vì dùng 2 lệnh để lưu địa chỉ quay về vào

                        $a1, $s1, $zero
     1004
               add
                                            thanh ghi $ra và nhảy đến thủ tuc "sum":
                                             1008 addi $ra, $zero, 1016 # $ra = 1016
     1008
               addi
                        $ra, $zero, 1016
                                             1012 j sum # goto sum
     1012
                        sum
                                            →MIPS hỗ trợ lệnh mới: jal (jump and link) để
               [Làm tiếp thao tác khác...]
     1016
                                            thực hiện 2 công việc trên:
                                             1008 jal sum # $ra = 1012, goto sum
                                  $v0, $a0, → Tại sao không cần xác định tường minh địa
     2000
                        add
               sum:
                                            chỉ quay về trong $ra?
     2024
               jr
                        $ra
```

S

Các lệnh nhảy mới

- jr (jump register)
 - Cú pháp: jr register
 - Diễn giải: Nhảy đến địa chỉ nằm trong thanh ghi register thay vì nhảy đến 1 nhãn như lệnh j (jump)
- jal (jump and link)
 - Cú pháp: jal label
 - Diễn giải: Thực hiện 2 bước:
 - Bước 1 (link): Lưu địa chỉ của lệnh kế tiếp vào thanh ghi \$ra (Tại sao không phải là địa chỉ của lệnh hiện tại ?)
 - Bước 2 (jump): Nhảy đến nhãn label
- Hai lệnh này được sử dụng hiệu quả trong thủ tục
 - jal: tự động lưu địa chỉ quay về chương trình chính vào thanh ghi \$ra và nhảy đến thủ tục con
 - jr \$ra: Quay lại thân chương trình chính bằng cách nhảy đến địa chỉ đã được lưu trước đó trong \$ra

Bài tập

Chuyển đoạn chương trình sau thành mã hợp ngữ MIPS:

```
void main()
{
    int i, j, k, m;
    ...
    i = mult (j, k); ...
    m = mult (i, i); ...
}
```

```
int mult (int mcand, int mlier)
{
    int product = 0;
    while (mlier > 0)
    {
        product = product + mcand;
        mlier = mlier - 1;
    }
    return product;
}
```

Thủ tục lồng nhau

Vấn đề đặt ra khi chuyển thành mã hợp ngữ của đoạn lệnh sau:

```
int sumSquare (int x, int y)
{
    return mult (x, x) + y;
}
```

- Thủ tục sumSquare sẽ gọi thủ tục mult trong thân hàm của nó
- Vấn đề:
 - Địa chỉ quay về của thủ tục sumSquare lưu trong thanh ghi \$ra sẽ bị ghi đè bởi địa chỉ quay về của thủ tục mult khi thủ tục này được gọi!
 - Như vậy cần phải lưu lại (backup) trong bộ nhớ chính địa chỉ quay về của thủ tục sumSquare (trong thanh ghi \$ra) trước khi gọi thủ tục mult
 - → Sử dụng ngăn xếp (Stack)

Ngăn xếp (Stack)

- Là ngăn xếp gồm nhiều ô nhớ kết hợp (vùng nhớ) nằm trong bộ nhớ chính
- Cấu trúc dữ liệu lý tưởng để chứa tạm các giá trị trong thanh ghi
 - Thường chứa địa chỉ trả về, các biến cục bộ của trình con, nhất là các biến có cấu trúc (array, list...) không chứa vừa trong các thanh ghi trong CPU
- Được định vị và quản lý bởi stack pointer
- Có 2 tác vụ hoạt động cơ bản:
 - push: Đưa dữ liệu từ thanh ghi vào stack
 - pop: Lấy dữ liệu từ stack chép vào thanh ghi
- Trong MIPS dành sẵn 1 thanh ghi \$sp để lưu trữ stack pointer
- Để sử dụng Stack, cần khai báo kích vùng Stack bằng cách tăng (push) giá trị con trỏ ngăn xếp stack pointer (lưu trữ trong thanh ghi \$sp)
 - Lưu ý: Stack pointer tăng theo chiều giảm địa chỉ

```
int sumSquare (int x, int y) { return mult (x, x) + y; }
       /* x: $a0, y: $a1 */
       sumSquare:
M
     init
                                            # khai báo kích thước stack cần dùng = 8 byte
             addi
                    $sp, $sp, -8
    push
                  $ra, 4 ($sp)
                                            # cất địa chỉ quay về của thủ tục sumSquare đưa vào stack
             SW
    push
                                            # cất giá tri y vào stack
                  $a1, 0 ($sp)
             SW
S
                                            # gán tham số thứ 2 là x (ban đầu là y) để phục vụ cho thủ tục mult sắp gọi
                   $a1, $a0, $zero
             add
             jal mult
                                            # nhảy đến thủ tục mult
    pop
             lw $a1, 0 ($sp)
                                            # sau khi thực thi xong thủ tục mult , khôi phục lại tham số thứ 2 = y
                                            # dựa trên giá trị đã lưu trước đó trong stack
             add $v0, $v0, $a1
                                            # mult() + y
     pop
             lw $ra, 4 ($sp)
                                            # khôi phục địa chỉ quay về của thủ tục sumSquare từ stack, đưa lại vào $ra
                                            # khôi phục 8 byte giá trị $sp ban đầu đã "mượn", kết thúc stack
             addi $sp, $sp, 8
     free
                                            # nhảy đến đoạn lệnh ngay sau khi gọi thủ tục sumSquare trong chương
             jr
                 $ra
                                            # trình chính, để thao tác tiếp các lênh khác.
       mult:
                                            # lênh xử lý cho thủ tuc mult
                                            # nhảy lại đoạn lệnh ngay sau khi gọi thủ tục mult trong thủ tục sumSquare
             jr $ra
```

Tổng quát: Thao tác với stack

- Khởi tạo stack (init)
- Lưu trữ tạm các dữ liệu cần thiết vào stack (push)
- Gán các đối số (nếu có)
- Gọi lệnh jai để nhảy đến các thủ tục con
- Khôi phục các dữ liệu đã lưu tạm từ stack (pop)
- Khôi phục bộ nhớ, kết thúc stack (free)

Cụ thể hóa

Đầu thủ tục:

```
Procedure Label:
```

```
addi $sp, $sp, —framesize # khởi tạo stack, dịch chuyển stack pointer $sp lùi sw $ra, framesize — 4 ($sp) # cất $ra (kích thước 4 byte) vào stack (push)

Lưu tạm các thanh ghi khác (nếu cần)
```

Thân thủ tục:

jal other_procedure # Gọi các thủ tục khác (nếu cần)

Cuối thủ tục:

lw \$ra, frame_size - 4 (\$sp) # khôi phục \$ra từ stack (pop)
lw ... # khôi phục các thanh ghi khác (nếu cần)
addi \$sp, \$sp, framesize # khôi phục \$sp, giải phóng stack
jr \$ra # nhảy đến lệnh tiếp theo "Procedure Label"

trong chương trình chính

Một số nguyên tắc khi thực thi thủ tục

- Nhảy đến thủ tục bằng lệnh jal và quay về nơi trước đó
 đã gọi nó bằng lệnh jr \$ra
- 4 thanh ghi chứa đối số của thủ tục: \$a0, \$a1, \$a2, \$a3
- Kết quả trả về của thủ tục chứa trong thanh ghi \$v0 (và \$v1 nếu cần)
- Phải tuân theo nguyên tắc sử dụng các thanh ghi (register conventions)

Nguyên tắc sử dụng thanh ghi

- \$0: (Không thay đổi) Luôn bằng 0
- \$50 \$57: (Khôi phục lại nếu thay đổi) Rất quan trọng, nếu thủ tục được gọi (callee) thay đổi các thanh ghi này thì nó phải khôi phục lại giá trị các thanh ghi này trước khi kết thúc
- \$sp: (Khôi phục lại nếu thay đổi) Thanh ghi con trỏ stack phải có giá trị không đổi trước và sau khi gọi lệnh "jal", nếu không thủ tục gọi (caller) sẽ không quay về được.
- Tip: Tất cả các thanh ghi này đều bắt đầu bằng ký tự s!

Nguyên tắc sử dụng thanh ghi

- sra: (Có thể thay đổi) Khi gọi lệnh "jal" sẽ làm thay đổi giá trị thanh ghi này. Thủ tục gọi (caller) lưu lại (backup) giá trị của thanh ghi \$ra vào stack nếu cần
- \$v0 \$v1: (Có thể thay đổi) Chứa kết quả trả về của thủ tục
- \$a0 \$a1: (Có thể thay đổi) Chứa đối số của thủ tục
- st0 \$t9: (Có thể thay đổi) Đây là các thanh ghi tạm nên có thể bị thay đổi bất cứ lúc nào

Tóm tắt

- Nếu thủ tục R gọi thủ tục E:
 - R phải lưu vào stack các thanh ghi tạm có thể bị sử dụng trong E trước khi gọi lệnh jal E (goto E)
 - E phải lưu lại giá trị các thanh ghi lưu trữ (\$s0 \$s7) nếu nó muốn sử dụng các thanh ghi này → trước khi kết thúc E sẽ khôi phục lại giá trị của chúng
 - Nhớ: Thủ tục gọi R (caller) và Thủ tục được gọi E (callee) chỉ cần lưu các thanh ghi tạm / thanh ghi lưu trữ mà nó muốn dùng, không phải tất cả các thanh ghi!

Bảng tóm tắt

Name	Register number	Usage	Preserved on call?
\$zero	0	the constant value 0	n.a.
\$v0-\$v1	2-3	values for results and expression evaluation	no
\$a0-\$a3	4–7	arguments	no
\$t0_\$t7	8-15	temporaries	no
\$s0_\$s7	16-23	saved	yes
\$t8_\$t9	24-25	more temporaries	no
\$gp	28	global pointer	yes
\$sp	29	stack pointer	yes
\$fp	30	frame pointer	yes
\$ra	31	return address	yes

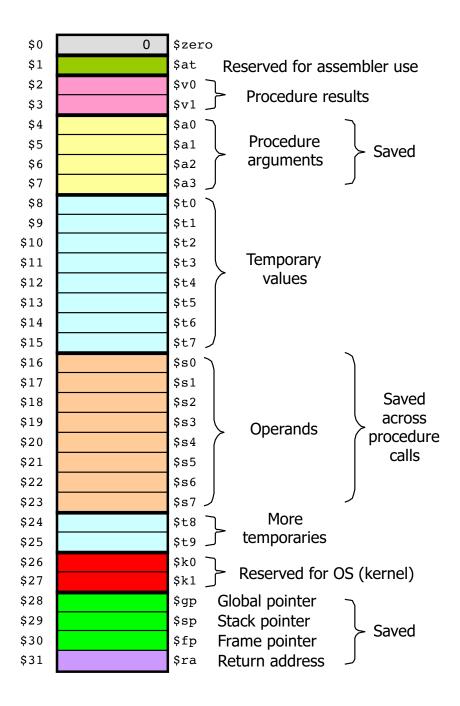
System call

Service	System Call Code	Arguments	Result
print_int	1	\$a0 = integer	
print_float	2	\$f12 = float	
print_double	3	\$f12 = double	-
print_string	4	\$a0 = string	8
read_int	5		integer (in \$v0)
read_float	6		float (in \$f0)
read_double	7		double (in \$f0)
read_string	8	\$a0 = buffer, \$a1 = length	
sbrk	9	\$a0 = amount	address (in \$v0)
exit	10		
print_character	11	\$a0 = integer	
read_character	12	100	char (in \$v0)

Hello.asm

```
.data
                               # data segment
       .asciiz "Hello asm!"
str:
       .text
                               # text segment
       .globl
                main
main:
                               # starting point of program
       addi $v0, $0, 4
                               # v0 = 0 + 4 = 4 \rightarrow print str syscall
       la $a0, str
                               # $a0 = address(str)
       syscall
                               # excute the system call
```

PHU LUC



Phụ lục 1: 40 lệnh cơ bản MIPS

Instruction	Usa	ge
Load upper immediate	lui	rt,imm
Add	add	rd,rs,rt
Subtract	sub	rd,rs,rt
Set less than	slt	rd,rs,rt
Add immediate	addi	rt,rs,imm
Set less than immediate	slti	rd,rs,imm
AND	and	rd,rs,rt
OR	or	rd,rs,rt
XOR	xor	rd,rs,rt
NOR	nor	rd,rs,rt
AND immediate	andi	rt,rs,imm
OR immediate	ori	rt,rs,imm
XOR immediate	xori	rt,rs,imm
Load word	lw	rt,imm(rs)
Store word	SW	rt,imm(rs)
Jump	j	L
Jump register	jr	rs
Branch less than 0	bltz	rs,L
Branch equal	beq	rs,rt,L
Branch not equal	bne	rs,rt,L

Instruction	Usage
Move from Hi	mfhi rd
Move from Lo	mflo rd
Add unsigned	addu rd,rs,rt
Subtract unsigned	subu rd,rs,rt
Multiply	mult rs,rt
Multiply unsigned	multu rs,rt
Divide	div rs,rt
Divide unsigned	divu rs,rt
Add immediate unsigned	addiu rs,rt,imm
Shift left logical	sll rd,rt,sh
Shift right logical	srl rd,rt,sh
Shift right arithmetic	sra rd,rt,sh
Shift left logical variable	sllv rd,rt,rs
Shift right logical variable	srlv rd,rt,rs
Shift right arith variable	srav rd,rt,rs
Load byte	lb rt,imm(rs)
Load byte unsigned	lbu rt,imm(rs)
Store byte	sb rt,imm(rs)
Jump and link	jal L
System call	syscall

Phu luc 2: Pseudo Instructions

- "Lệnh giả": Mặc định không được hỗ trợ bởi MIPS
- Là những lệnh cần phải biên dịch thành rất nhiều câu
 lệnh thật trước khi được thực hiện bởi phần cứng
 - → Lệnh giả = Thủ tục
- Dùng để hỗ trợ lập trình viên thao tác nhanh chóng
 với những thao tác phức tạp gồm nhiều bước

Ví dụ: Tính \$s1 = |\$s0|

- Dể tính được trị tuyết đối của \$s0 → \$s1, ta có lệnh giả là: abs \$s1, \$s0
- Thực sự MIPS không có lệnh này, khi chạy sẽ biên dịch lệnh này thành các lệnh thật sau:

```
# Trị tuyệt đối của X là -X nếu X < 0, là X nếu X >= 0 abs:
```

```
sub $s1, $zero, $s0

slt $t0, $s0, $zero

bne $t0, $zero, done
```

add \$s1, \$s0, \$zero

done:

jr \$ra

Một số lệnh giả phổ biến của MIPS

Name	instruction syntax	meaning
Move	move rd, rs	rd = rs
Load Address	la rd, rs	rd = address (rs)
Load Immediate	li rd, imm	rd = 32 bit Immediate value
Branch greater than	bgt rs, rt, Label	if(R[rs]>R[rt]) PC=Label
Branch less than	blt rs, rt, Label	if(R[rs] <r[rt]) pc="Label</td"></r[rt])>
Branch greater than or equal	bge rs, rt, Label	if(R[rs]>=R[rt]) PC=Label
branch less than or equal	ble rs, rt, Label	if(R[rs]<=R[rt]) PC=Label
branch greater than unsigned	bgtu rs, rt, Label	if(R[rs]<=R[rt]) PC=Label
branch greater than zero	bgtz rs, Label	if(R[rs] >=0) PC=Label

Phụ lục 3: Biểu diễn lệnh trong ngôn ngữ máy

- Chúng ta đã học 1 số nhóm lệnh hợp ngữ thao tác trên CPU tuy nhiên...
- CPU có hiểu các lệnh hợp ngữ đã học này không?
- → Tất nhiên là không vì nó chỉ hiểu được ngôn ngữ máy gồm toàn bit 0 và 1
- Dãy bit đó gọi là lệnh máy (machine language instruction)
- Mỗi lệnh máy có kích thước 32 bit, được chia thành các nhóm bit, gọi là trường (fiedld), mỗi nhóm có 1 vai trò trong lệnh máy
- Lệnh máy có 1 cấu trúc xác định gọi là cấu trúc lệnh (Instruction Format)

MIPS Instruction Format

Name			Fie	Comments			
Field size	6 bits	5 bits	5 bits	5 bits	5 bits	6 bits	All MIPS instructions 32 bits
R-format	ор	rs	rt	rd	shamt	funct	Arithmetic instruction format
l-format	ор	rs	rt	rt address/immediate			Transfer, branch, imm. format
J-format	ор		target address			Jump instruction format	

Có 3 format lệnh trong MIPS:

- R-format: Dùng trong các lệnh tính toán số học (add, sub, and, or, nor, sll, srl, sra...)
- □ I-format: Dùng trong các lệnh thao tác với hằng số, chuyển dữ liệu với bộ nhớ, rẽ nhánh
- J-format: Dùng trong các lệnh nhảy (jump C: goto)

R-format

6 bits	5	5	5	5	6
opcode	rs	rt	rd	shmat	funct

- opcode (operation code): mã thao tác, cho biết lệnh làm gì
- funct (function code): kết hợp với opcode để xác định lệnh làm gì (trường hợp các lệnh có cùng mã thao tác với opcode)
- rs (source register): thanh ghi nguồn, thường chứa toán hạng nguồn thứ 1
- rt (target register): thanh ghi nguồn, thường chứa toán hạng nguồn thứ 2
- rd (destination register): thanh ghi đích, thường chứa kết quả lệnh
- shamt: chứa số bit cần dịch trong các lệnh dịch, nếu không phải lệnh dịch thì trường này có giá trị 0

Nhận xét

- Các trường lưu địa chỉ thanh ghi rs, rt, rd có kích thước 5 bit
- Có khả năng biểu diễn các số từ 0 đến 31
- → Đủ để biểu diễn 32 thanh ghi của MIPS

- Trường lưu số bit cần dịch shamt có kích thước 5 bit
- → Có khả năng biểu diễn các số từ 0 đến 31
- → Đủ để dịch hết 32 bit lưu trữ của 1 thanh ghi

Ví dụ R-format (1)

- Biểu diễn machine code của lệnh: add \$t0, \$t1, \$t2
- Biểu diễn lệnh với R-format theo từng trường:

opcode	rs	rt	rd	shmat	funct
0	9	10	8	0	32
000000	01001	01010	01000	00000	100000

- opcode = 0
 Xác định thao tác cộng
 funct = 32
 (tất cả các lệnh theo câ
- funct = 32 (tất cả các lệnh theo cấu trúc R-format đều có opcode = 0)
- □ rs = 9 (toán hạng nguồn thứ 1 là \$t1 ~ \$9)
- rt = 10 (toán hạng nguồn thứ 2 là $$t2 \sim 10)
- □ rd = 8 (toán hạng đích là \$t0 ~ \$8)
- shmat = 0 (không phải lệnh dịch)

Ví du R-format (2)

- Biểu diễn machine code của lệnh: sII \$t2, \$s0, 4
- Biểu diễn lệnh với R-format theo từng trường:

opcode	rs	rt	rd	shmat	funct
0	0	16	10	4	0
000000	00000	10000	01010	00100	000000

- opcode = 0 Xác định thao tác dịch trái luận lý funct = 0 (tất cả các lệnh theo cấu trúc R-fo
- (tất cả các lệnh theo cấu trúc R-format đều có opcode = 0)
- rs = 0 (không dùng trong phép dịch)
- rt = 16 (toán hạng nguồn là \$s0 ~ \$16)
- rd = 10 (toán hang đích là \$t2 ~ \$10)
- $shmat = 4 (s\~o bit dich = 4)$

Vấn đề của R-format

- Làm sao giải quyết trường hợp nếu câu lệnh đòi hỏi trường dành cho toán hạng phải lớn hơn 5 bit?
- □ Ví dụ:
 - □ Lệnh addi cộng giá trị thanh ghi với 1 hằng số, nếu giới hạn trường hằng số ở 5 bit \rightarrow hằng số không thể lớn hơn $2^5 = 32$
 - → Giới hạn khả năng tính toán số học!
 - Lệnh lw, sw cần biểu diễn 2 thanh ghi và 1 hằng số offset, nếu giới hạn ở 5 bit
 - → Giới hạn khả năng truy xuất dữ liệu trong bộ nhớ
 - Lệnh beq, bne cần biểu diễn 2 thanh ghi và 1 hằng số chứa địa chỉ (nhãn) cần nhảy, nếu giới hạn ở 5 bit
 - → Giới hạn lưu trữ chương trình trong bộ nhớ
- Giải pháp: Dùng I-format cho các lệnh thao tác hằng số, truy xuất dữ liệu bộ nhớ và
 rẽ nhánh

I-format

6 bits	5	5	16
opcode	rs	rt	immediate

- opcode (operation code): mã thao tác, cho biết lệnh làm gì (tương tự opcode của R-format, chỉ khác không cần thêm trường funct)
 - Đây cũng là lý do tại sao R-format có 2 trường 6 bit để xác định lệnh làm gì thay vì 1 trường 12 bit → Để nhất quán với các cấu trúc lệnh khác (I-format) trong khi kích thước mỗi trường vẫn hợp lý
- rs (source register): thanh ghi nguồn, thường chứa toán hạng nguồn thứ 1
- rt (target register): thanh ghi đích, thường chứa kết quả lệnh
- □ immediate: 16 bit, có thể biểu diễn số nguyên từ -2¹⁵ đến (2¹⁵ − 1)
 - I-format đã có thể lưu hằng số 16 bit (thay vì 5 bit như R-format)

Ví dụ I-format

- Biểu diễn machine code của lệnh: addi \$s0, \$s1, 10
- Biểu diễn lệnh với R-format theo từng trường:

opcode	rs	rt	immediate
8	17	16	10
001000	10001	10000	0000 0000 0000 0000 1010

- opcode = 8: Xác định thao tác cộng hằng số
- rs = 17 (toán hạng nguồn thứ 1 là \$s1 ~ \$17)
- rt = 16 (toán hạng đích là \$s0 ~ \$16)
- □ immediate = 10 (toán hạng nguồn thứ 2 = hằng số = 10)

Vấn đề I-format

- Trường hằng số (immediate) có kích thước 16 bit
- Nếu muốn thao tác với các hằng số 32 bit?
- Tăng kích thước trường immediate thành 32 bit?
- → Tăng kích thước các lệnh thao tác với hằng số có cấu trúc I-format
- → Phá vỡ cấu trúc lệnh 32 bit của MIPS

Vấn đề I-format (tt)

- Giải pháp: MIPS cung cấp lệnh mới "lui"
 - lui register, immediate
 - Load Upper Immediate
 - Dưa hằng số 16 bit vào 2 byte cao của 1 thanh ghi
 - □ Giá trị 2 byte thấp của thanh ghi đó gán = 0
 - Lệnh này có cấu trúc I-format

Ví dụ

- Muốn cộng giá trị 32 bit 0xABABCDCD vào thanh ghi \$t0 ?
 - Không thể dùng:

```
addi $t0, $t0, 0xABABCDCD
```

Giải pháp dùng lệnh lui:

```
lui $at, 0xABAB
ori $at, $at, 0xCDCD
add $t0, $0, $at
```

Vấn đề rẽ nhánh có điều kiện trong I-format

Các lệnh rẽ nhánh có điều kiện có cấu trúc I-format

6 bits	5	5	16
opcode	rs	rt	immediate

- opcode: xác định lệnh beq hay bne
- rs, rt: chứa các giá trị của thanh ghi cần so sánh
- immediate chứa địa chỉ (nhãn) cần nhảy tới?
 - immediate chỉ có 16 bit → chỉ có thể nhảy tới địa chỉ từ 0 2¹⁶ (65535)
 - → Chương trình bị giới hạn không gian rất nhiều
- Câu trả lời: immediate KHÔNG phải chứa địa chỉ cần nhảy tới

Vấn đề rẽ nhánh có điều kiện trong I-format (tt)

- Trong MIPS, thanh ghi PC (Program Counter) sẽ chứa
 địa chỉ của lệnh đang được thực hiện
- immediate: số có dấu, chứa khoảng cách so với địa
 chỉ lệnh đang thực hiện nằm trong thanh ghi PC
 - □ immediate + PC → địa chỉ cần nhảy tới
- Cách xác định địa chỉ này gọi là PC-Relative Addressing (định vị theo thanh ghi PC)
 - Xem slide "Addressing Mode" (phần sau) để biết thêm về các Addressing mode trong MIPS

Vấn đề rẽ nhánh có điều kiện trong I-format (tt)

- Mỗi lệnh trong MIPS có kích thước 32 bit (1 word 1 từ nhớ)
- MIPS truy xuất bộ nhớ theo nguyên tắc Alignment
 Restriction
- Dơn vị của immediate, khoảng cách so với PC, là từ nhớ (word = 4 byte) chứ không phải là byte
- Các lệnh rẽ nhánh có thể nhảy tới các địa chỉ có khoảng cách ± 2¹⁵ word tính từ địa chỉ lưu trong PC (± 2¹⁷ byte)

Vấn đề rẽ nhánh có điều kiện trong I-format (tt)

- Cách tính địa chỉ rẽ nhánh:
 - Nếu không rẽ nhánh:

$$PC = PC + 4 = dia chỉ lệnh kế tiếp trong bộ nhớ$$

Nếu thực hiện rẽ nhánh:

$$PC = (PC + 4) + (immediate * 4)$$

- Nhận xét: immediate cho biết số lệnh cần nhảy qua để đến được nhãn

103

Ví dụ I-format

	Loop:	beq	\$t1, \$0, End
		add	\$t0, \$t0, \$t2
		addi	\$t1, \$t1, -1
		j	Loop

End: ...

opcode	rs	rt	immediate
4	9	0	3
000100	01001	00000	0000 0000 0000 0000 0011

- opcode = 4: Xác định thao tác của lệnh beq
- rs = 9 (toán hạng nguồn thứ 1 là \$t1 ~ \$9)
- rt = 0 (toán hạng nguồn thứ 2 là $$0 \sim 0)
- immediate = 3 (nhảy qua 3 lệnh kể từ lệnh rẽ nhánh có điều kiện)

Vấn đề I-format

- Mỗi lệnh trong MIPS có kích thước 32 bit
- Mong muốn: Có thể nhảy đến bất kỳ lệnh nào (MIPS hỗ trợ các hàm nhảy không điều kiện như j)
- → Nhảy trong khoảng 2³² (4 GB) bộ nhớ
- → I-format bị hạn chế giới hạn vùng nhảy
- → Dùng J-format
- Tuy nhiên, dù format nào cũng phải cần tối thiểu 6 bit cho opcode để nhất quán lệnh với các format khác
- → J-format chỉ có thể dùng 32 6 = 26 bit để biểu diễn khoảng cách nhảy

J-format

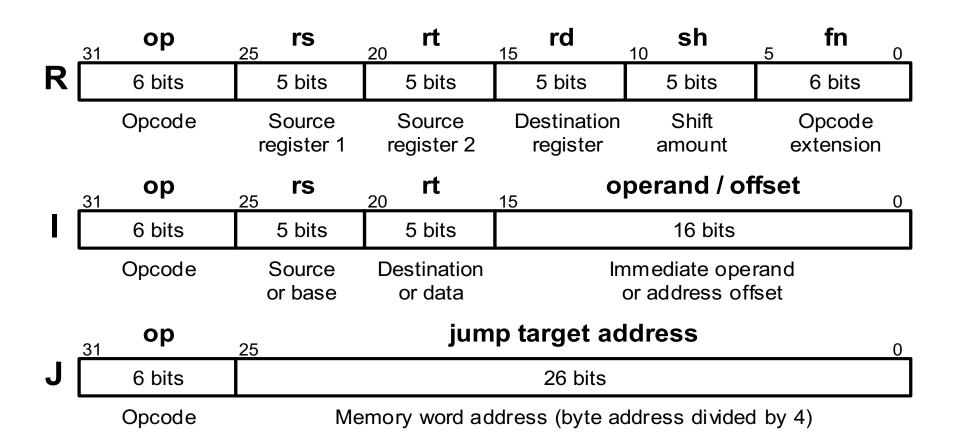
6 bits	26	
opcode	e target address	

- opcode (operation code): mã thao tác, cho biết lệnh làm gì
 (tương tự opcode của R-format và I-format)
 - Để nhất quán với các cấu trúc lệnh khác (R-format và Iformat)
- target address: Lưu địa chỉ đích của lệnh nhảy
 - Tương tự lệnh rẽ nhánh, địa chỉ đích của lệnh nhảy tính theo đơn vi word

Nhận xét

- Trong J-format, các lệnh nhảy có thể nhảy tới
 các lệnh có địa chỉ trong khoảng 2²⁶
- Muốn nhảy tới các lệnh có địa chỉ lớn hơn từ 2²⁷ đến 2³² ?
 - MIPS hỗ trợ lệnh jr (đọc trong phần thủ tục)
 - Tuy nhiên nhu cầu này không cần thiết lắm vì chương trình thường không quá lớn như vậy

Bảng tóm tắt Format



Phụ lục 4: Addressing mode

108

- Là phương thức định vi trí (địa chỉ hóa) các toán hạng trong kiến trúc MIPS
- Có 5 phương pháp chính:
 - **Immediate addressing** (Vd: addi \$t0, \$t0, 5)

Toán hạng = hằng số 16 bit trong câu lệnh

■ Register addressing (Vd: add \$t0, \$t0, \$t1)

Toán hạng = nội dung thanh ghi

■ Base addressing (Vd: lw \$t1, 8(\$t0))

Toán hạng = nội dung ô nhớ (địa chỉ ô nhớ = nội dung thanh ghi + hằng số 16 bit trong câu lệnh)

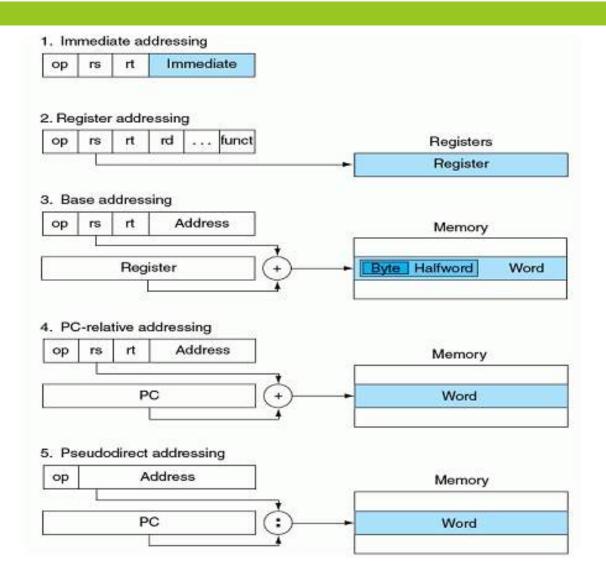
PC-relative addressing (Vd: beq \$t0, \$t1, Label)

Toán hạng = địa chỉ đích lệnh nhảy = nội dung thanh ghi PC + hằng số 16 bit trong câu lệnh

Pseudodirect addressing (Vd: j 2500)

Toán hạng = địa chỉ đích lệnh nhảy = các bit cao thanh ghi PC + hằng số 26 bit trong câu lệnh

Addressing mode



Homework

- Sách Petterson & Hennessy: Đọc hết chương 2
- Tài liệu tham khảo: Đọc "08_HP_AppA.pdf"