

인공지능 알고리즘

- 회귀 -

교관소개



지능정보기술교관
사이버 6급 박민주

軍 근무경력

- 조함훈련대 시스템운용담당('09.10. 1. ~ '15. 3.15.)
- 교육자원정보실 프로그램담당/원격교육체계개발담당('15. 3.16. ~ '20. 3.31)
 - * 교육관련체계(교관관리 프로그램 등) 다수 개발
- 정보통신학교 사이버학부('20. 4. 1. ~ 현재)

자격 / 수상

- 정보처리기사, 전자계산기조직응용기사
- 정보보안기사, 빅데이터 분석기사
- 제16회 TOPCIT(SW 역량평가) 국방부 최우수 * 국방부장관상 수상
- 제12회, 18회, 19회 TOPCIT(SW 역량평가) 해군 금상 * 해군 참모총장상 수상
- 교육사 우수교관 선발 * 해군 교육사령관상 수상

교육

- 교육대학원 석사 과정 (인공지능빅데이터 융합 교육 전공) * '22. 3. ~ '24. 8.(졸업예정)
- UNIST AI 대학원 인턴십 과정 수료(2회) * '21. 8월, '22. 8월

인공지능(AI)

컴퓨터가 사람처럼 생각하고,
판단하게 만드는 기술



1차 AI 붐
탐색·추론

머신러닝(ML)

인공지능의 한 분야

인간의 학습능력과 같은 기능을
컴퓨터에 부여하기 위한 기술



2차 AI 붐
전문가 시스템

딥러닝(DL)

인공지능 신경망을 기반으로 한
머신러닝 방법론 중 하나

빅데이터를 기반으로 스스로 학습하며,
판단하는 기술



3차 AI 붐
기계학습·특징표현학습

1950's

1960's

1970's

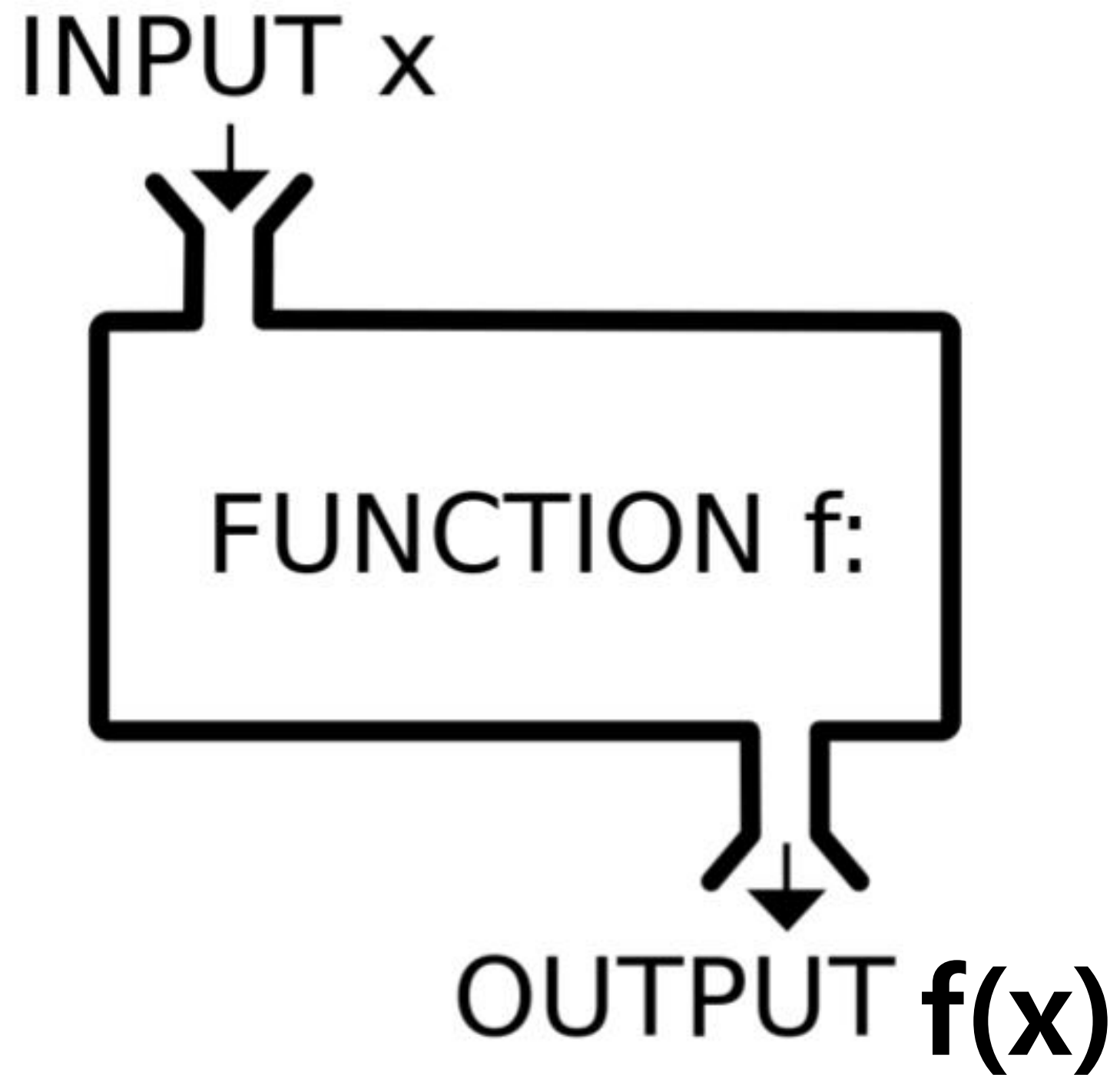
1980's

1990's

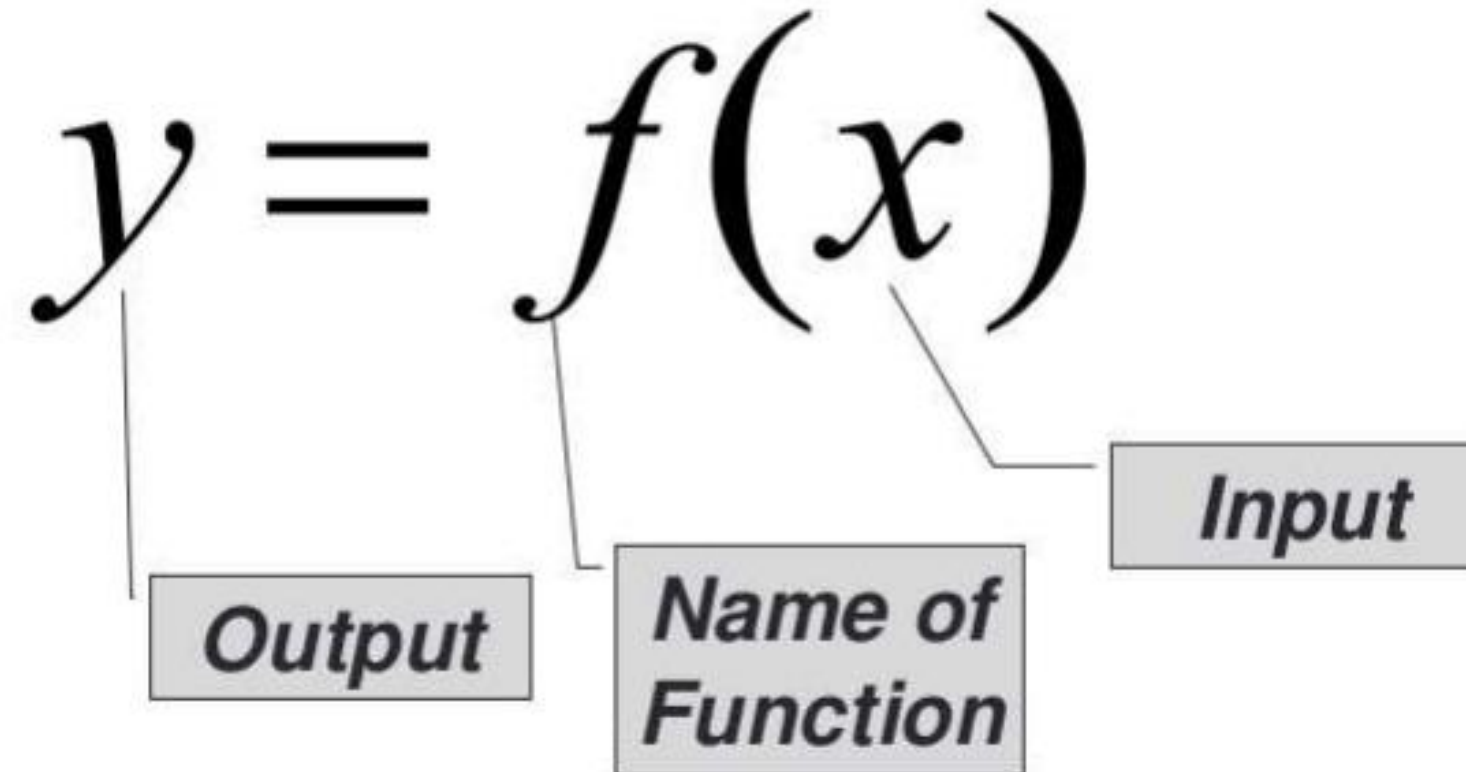
2000's

2010's

✔ Computer Science

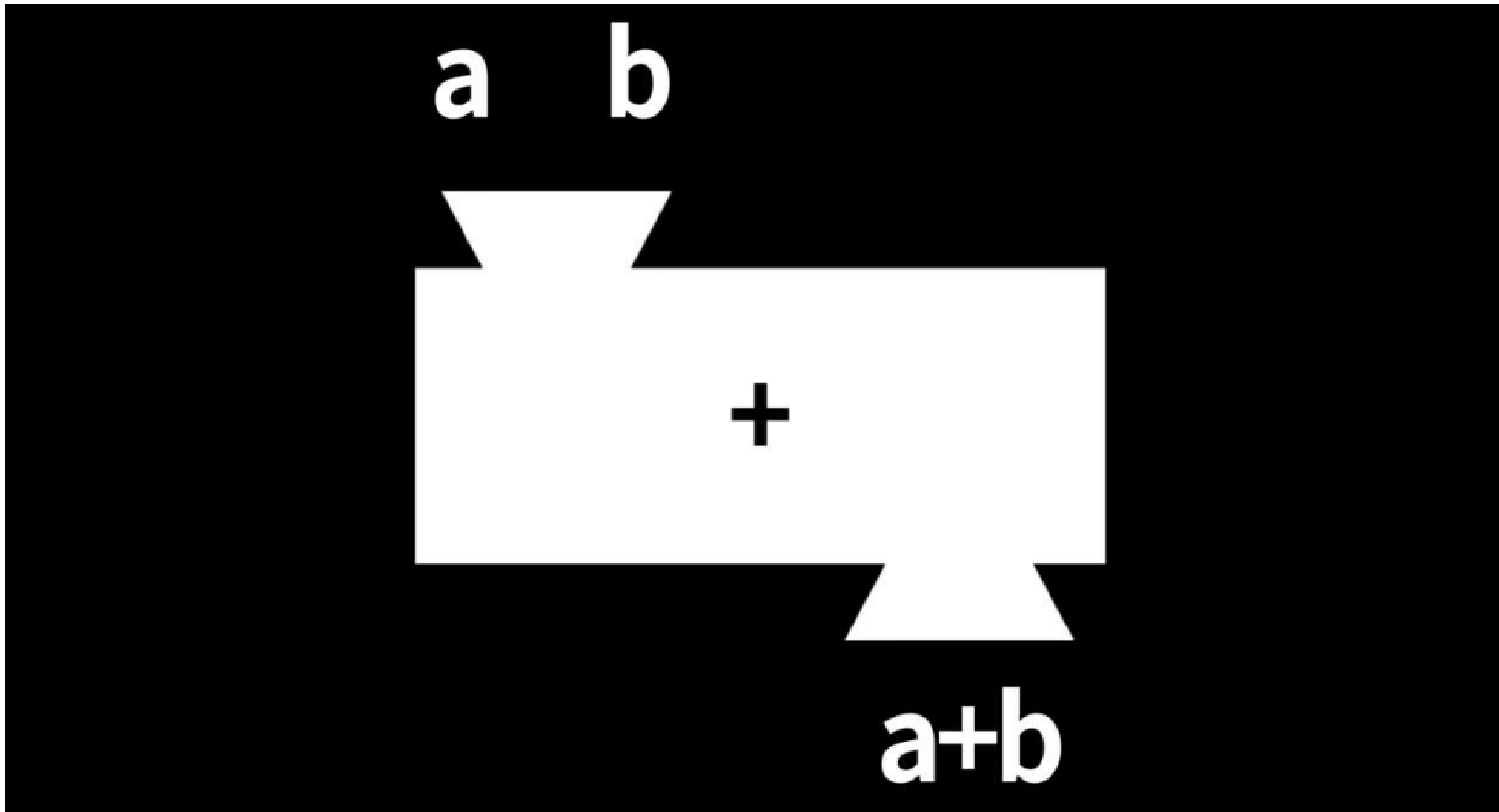


Function Notation

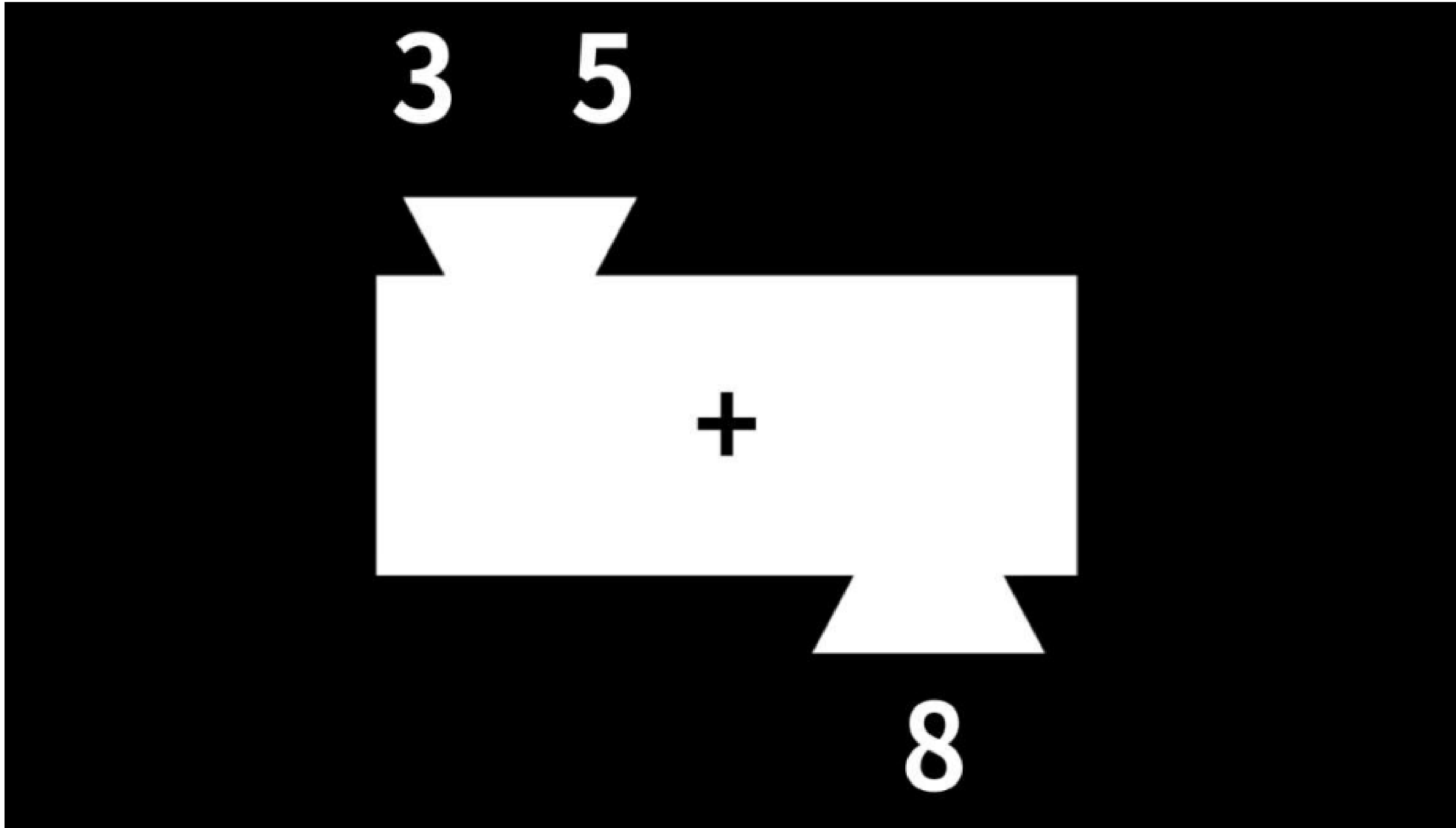
$$y = f(x)$$


A diagram illustrating function notation. The equation $y = f(x)$ is shown. Below the equation, three labels in gray boxes are connected to the symbols by lines: "Output" is connected to y , "Name of Function" is connected to f , and "Input" is connected to x .

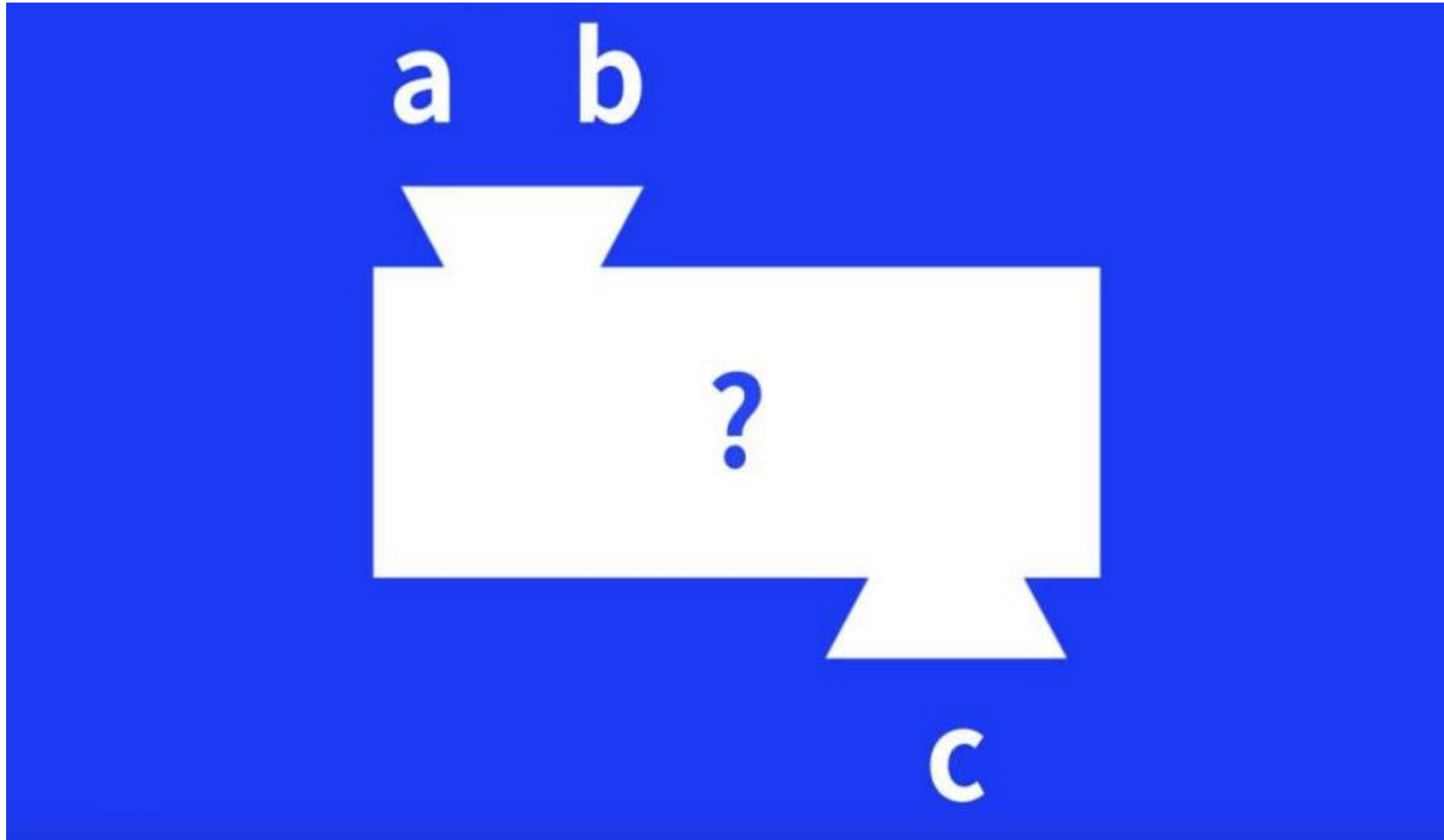
✔ Computer Science



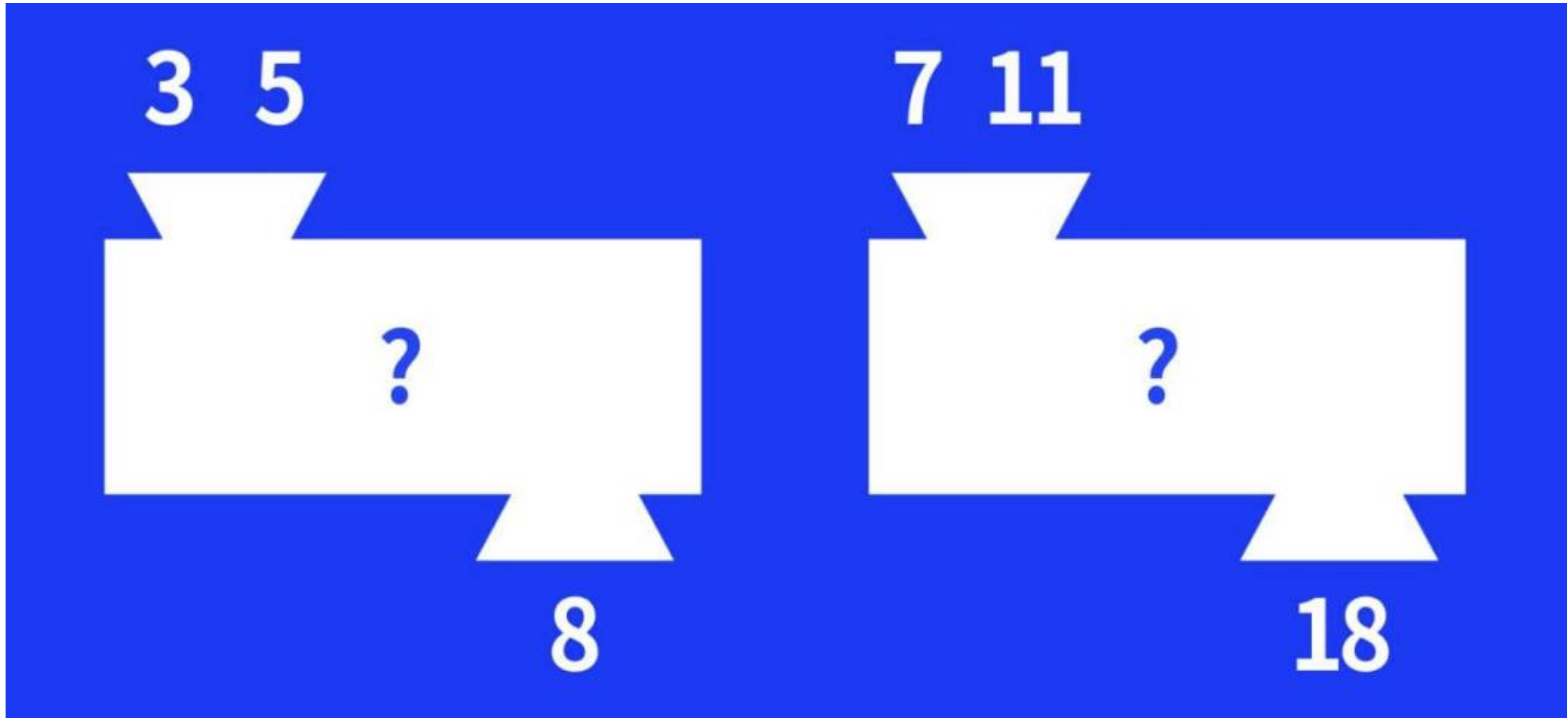
✔ Computer Science



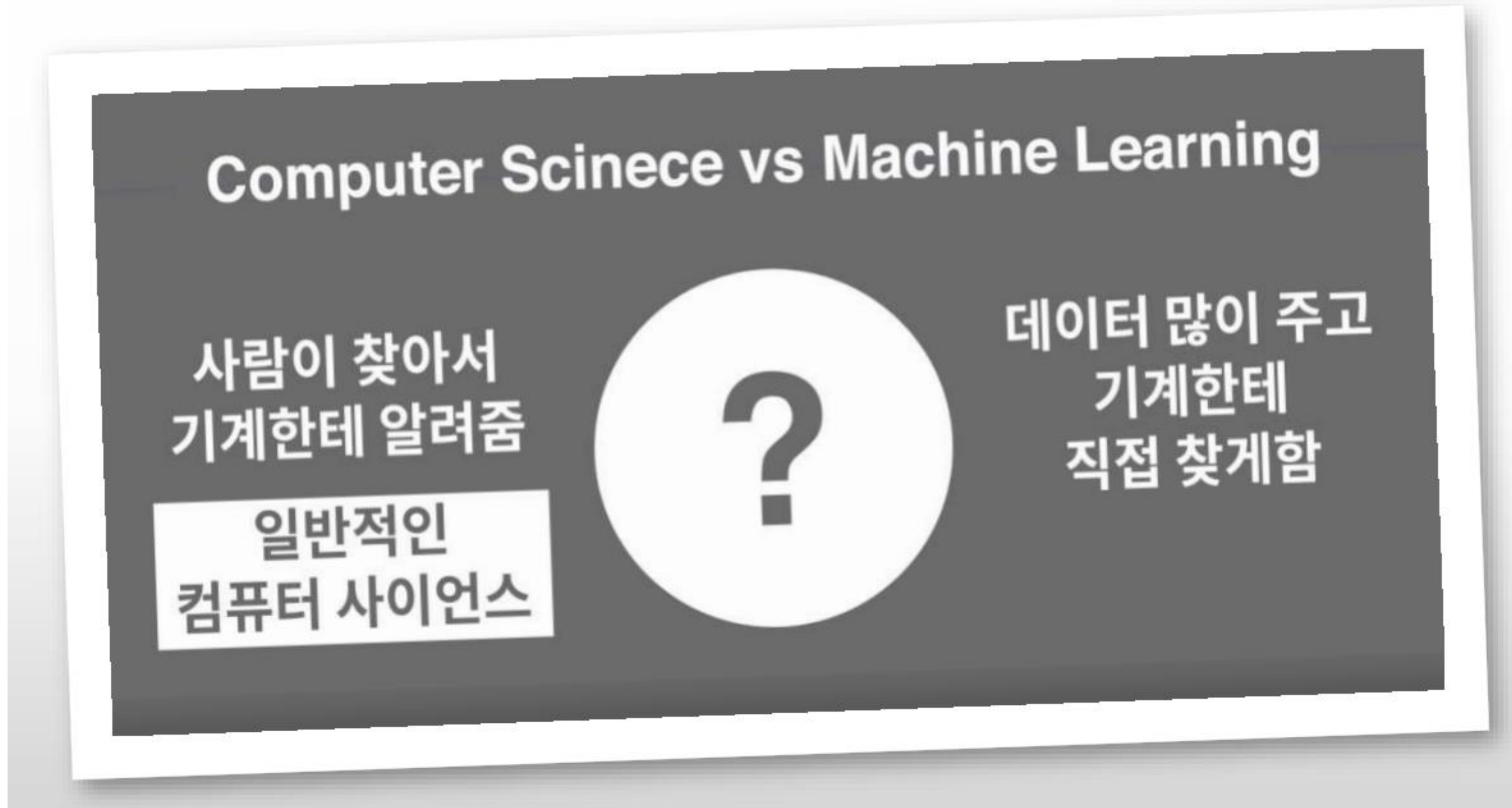
✔ Machine Learning



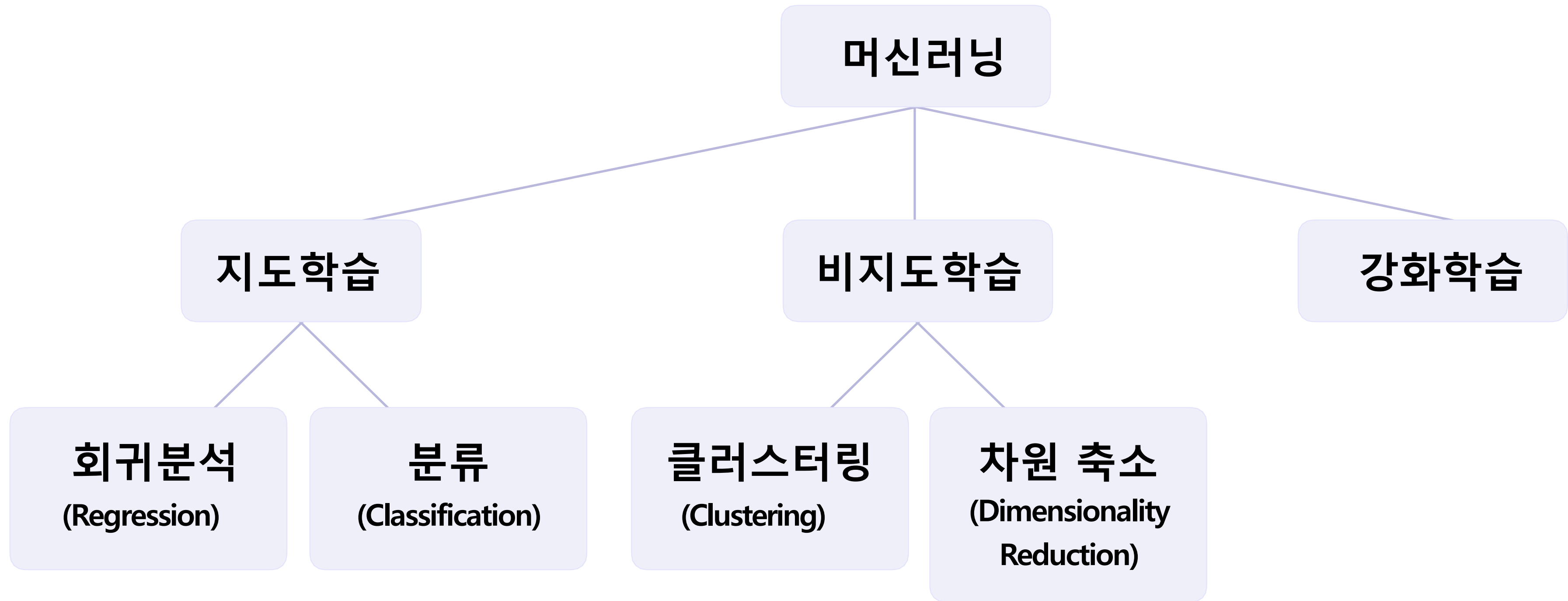
✔ Machine Learning

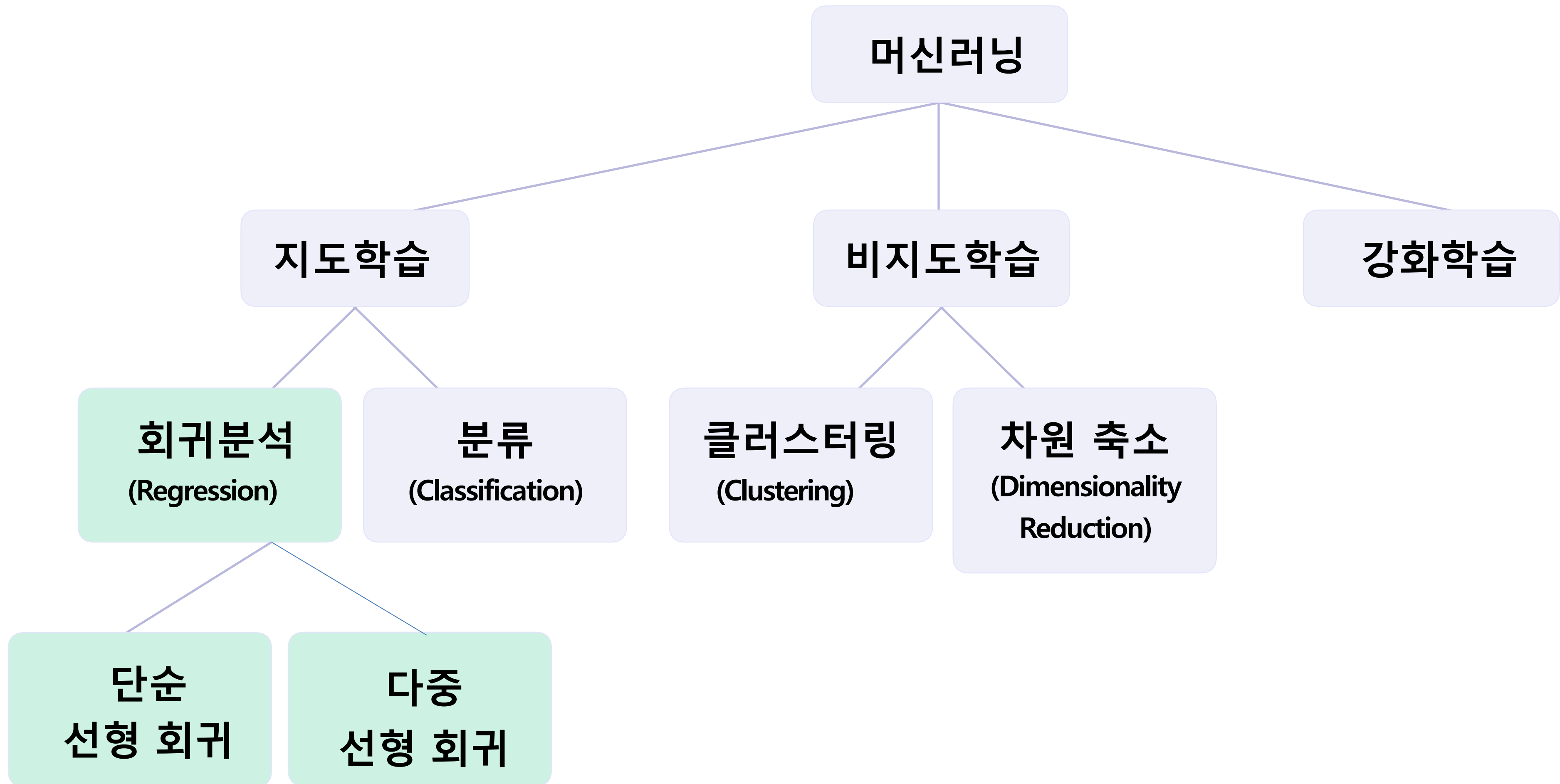


✔ Computer Science VS Machine Learning



머신러닝 유형





회 귀

✔ 가정해보기

아이스크림 가게를
운영하는 주인이라고 가정해보자.

판매용 아이스크림 주문 시,
예상되는 실제 판매량만큼만 주문을 원한다.

이 때 만약 평균 기온을 활용하여
미래 판매량을 예측할 수 있다면?



✔ 문제 정의와 해결 방안

• 문제 정의

X

Y

- 데이터: 과거 평균 기온과 그에 따른 아이스크림 판매량
- 가정: 평균 기온과 판매량은 선형적인 관계를 가지고 있음
- 목표: 평균 기온에 따른 아이스크림 판매량 예측하기

• 해결 방안

회귀 분석 알고리즘 활용

X

Y

평균 기온(° C)	아이스크림 판매량(만개)
10	40
13	52.3
20	60.5
25	80

회귀

✓ 회귀 분석이란?

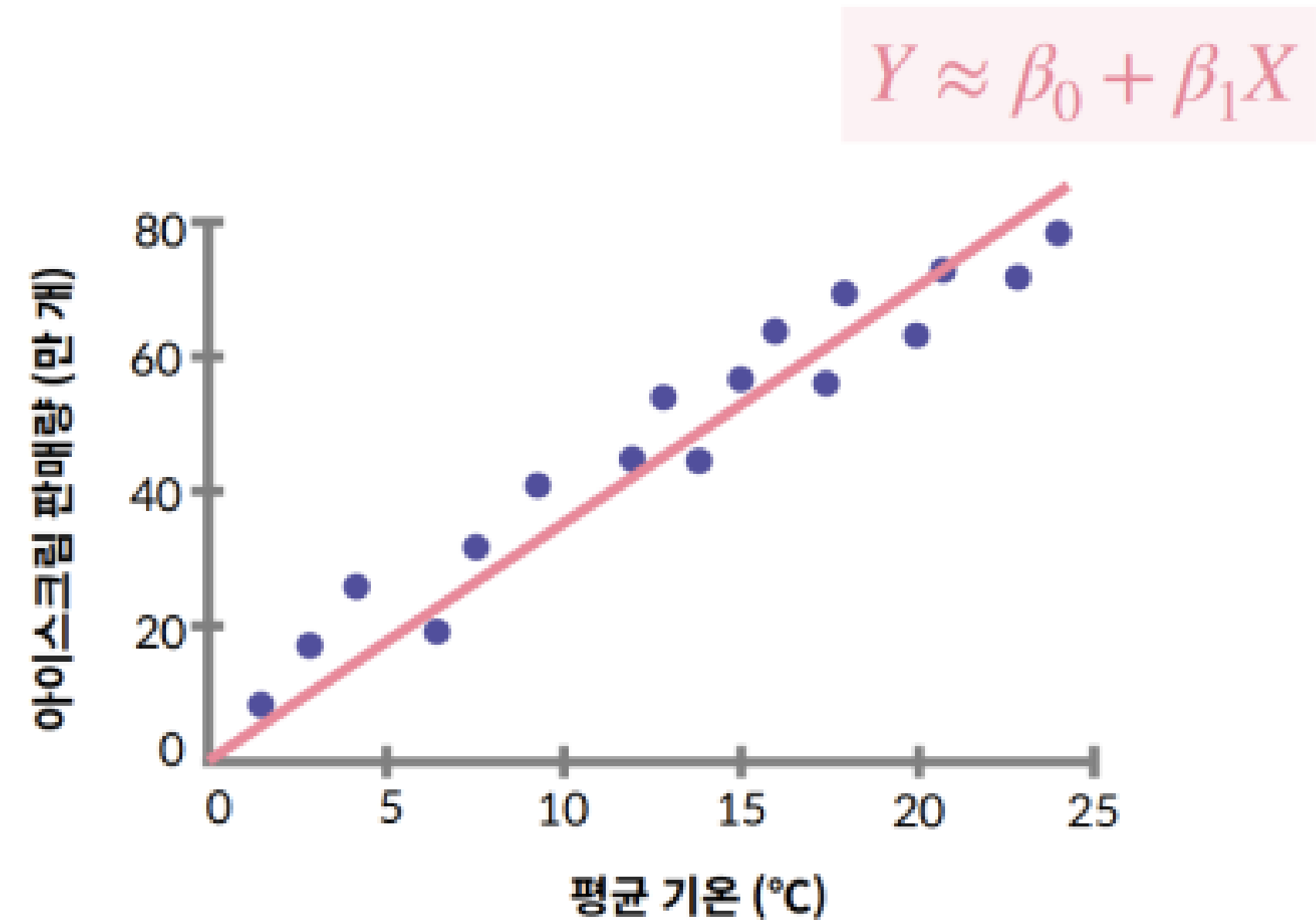
데이터를 가장 잘 설명하는 모델을 찾아
입력값에 따른 미래 결과값을 예측하는 알고리즘

주어진 데이터

X : 평균 기온, Y : 아이스크림 판매량

가정

$Y \approx \beta_0 + \beta_1 X$ \longrightarrow 적절한 β_0, β_1 값을 찾자



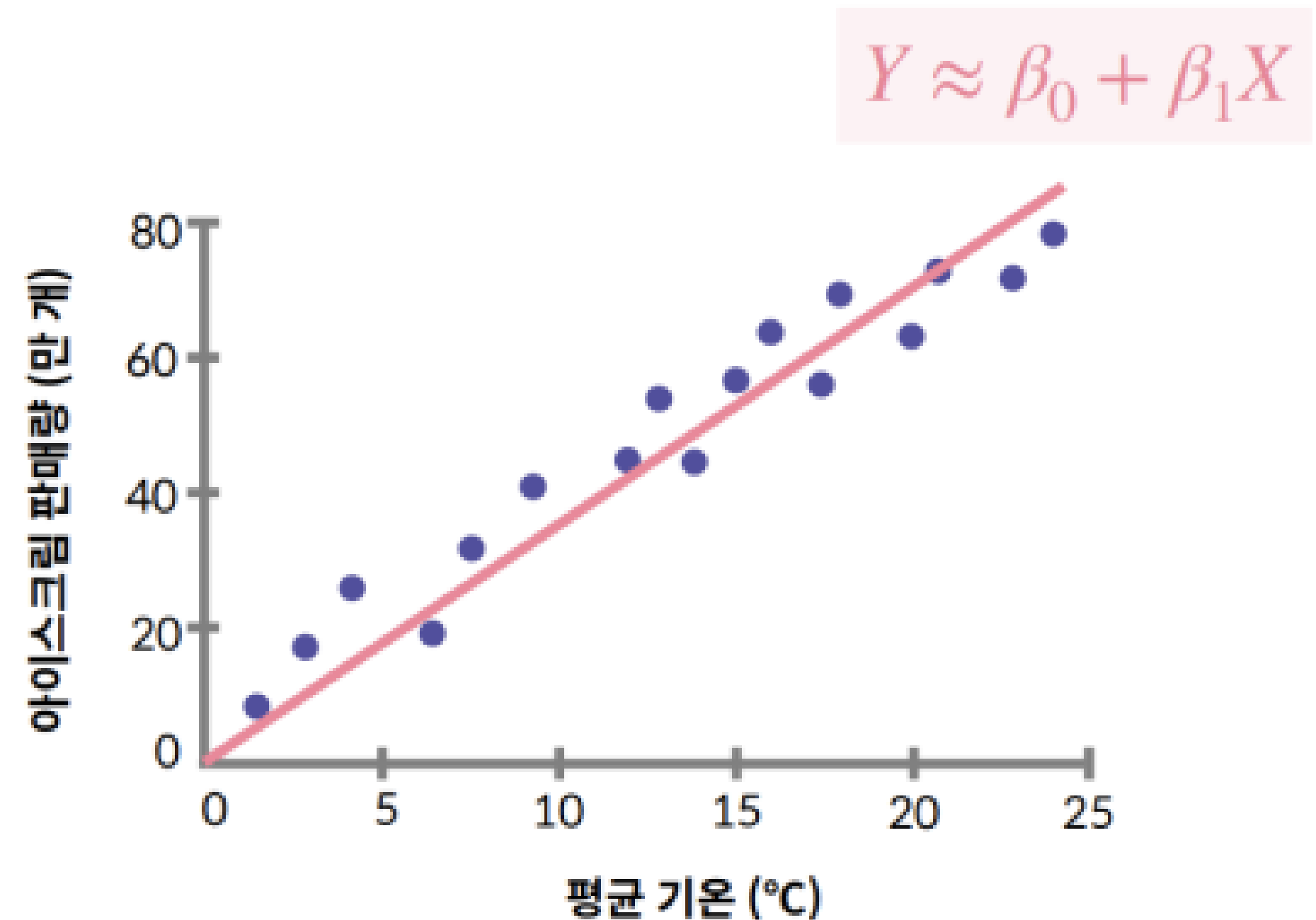
회귀

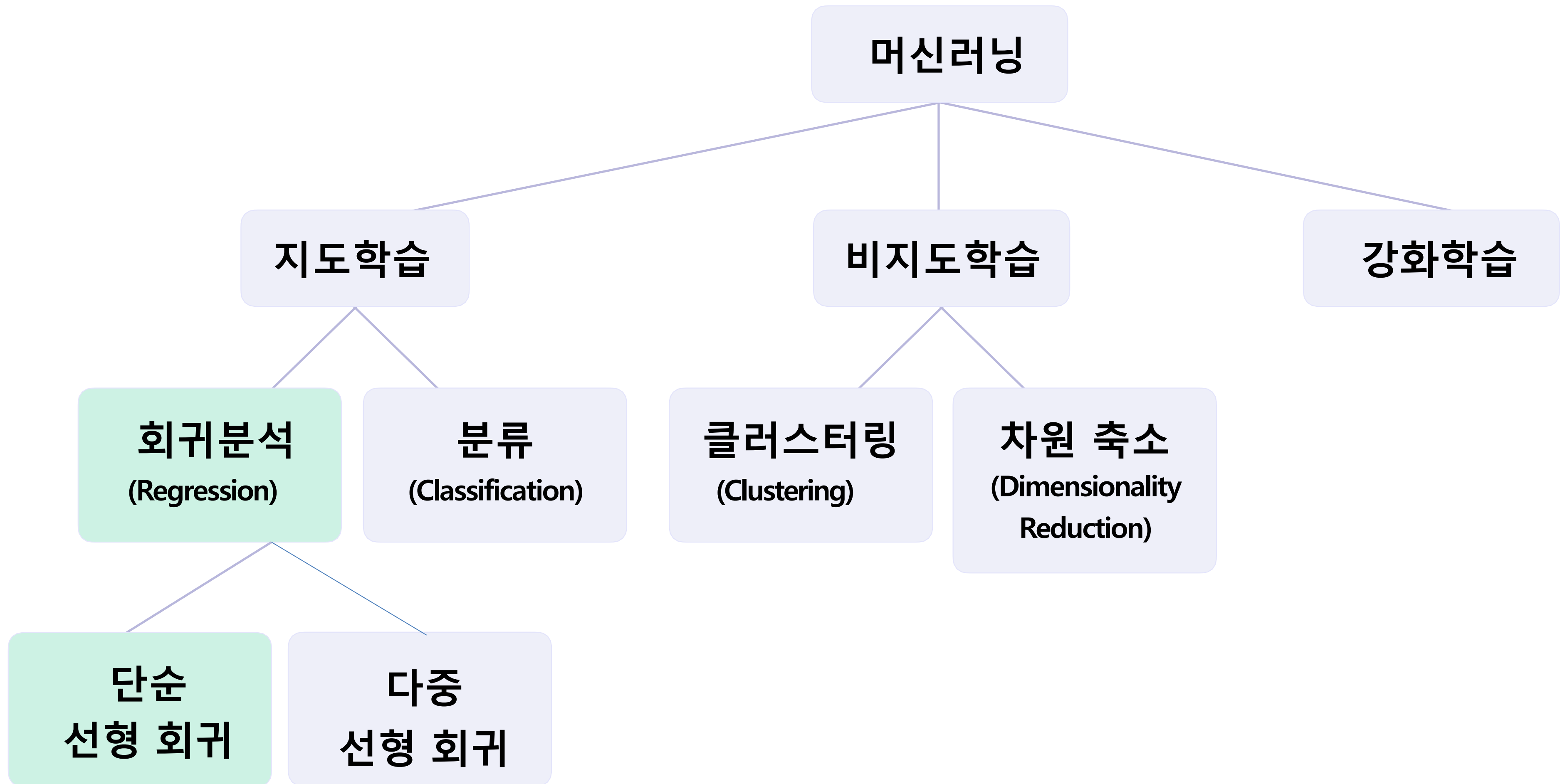
✓ 적절한 β_0, β_1 값을 찾기

완벽한 예측은 불가능하기에
최대한 잘 근사해야 한다

각 데이터의 실제 값과 모델이 예측하는 값의
차이를 최소한으로 하는 선을 찾자

단순 선형 회귀 모델을 학습하며 차이를
최소한으로 하는 선을 찾는 방법을 알아보자





단순 선형 회귀

✓ 단순 선형 회귀란?

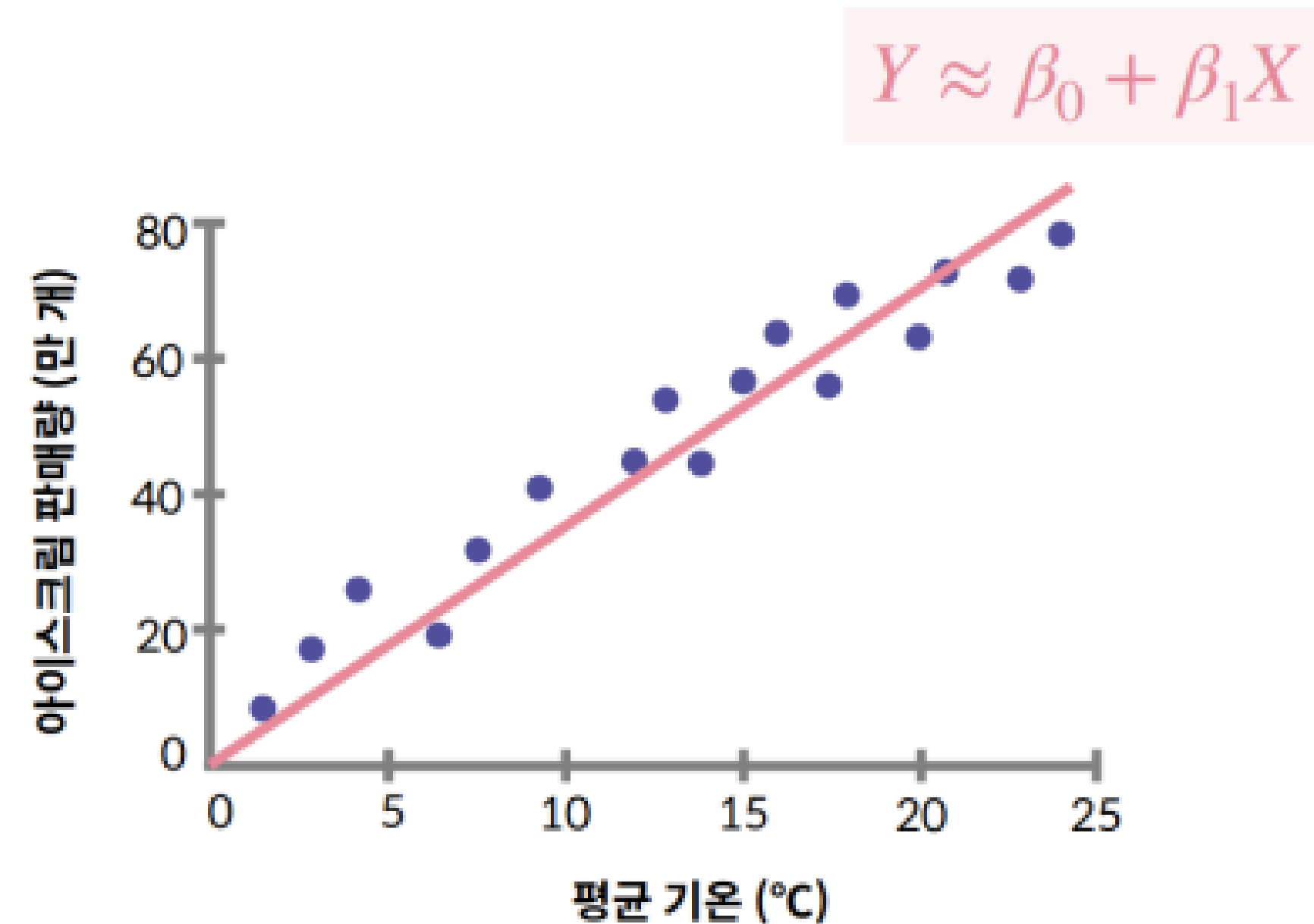
데이터를 설명하는 모델을 직선 형태로 가정

가정

$$Y \approx \beta_0 + \beta_1 X$$

직선을 구성하는

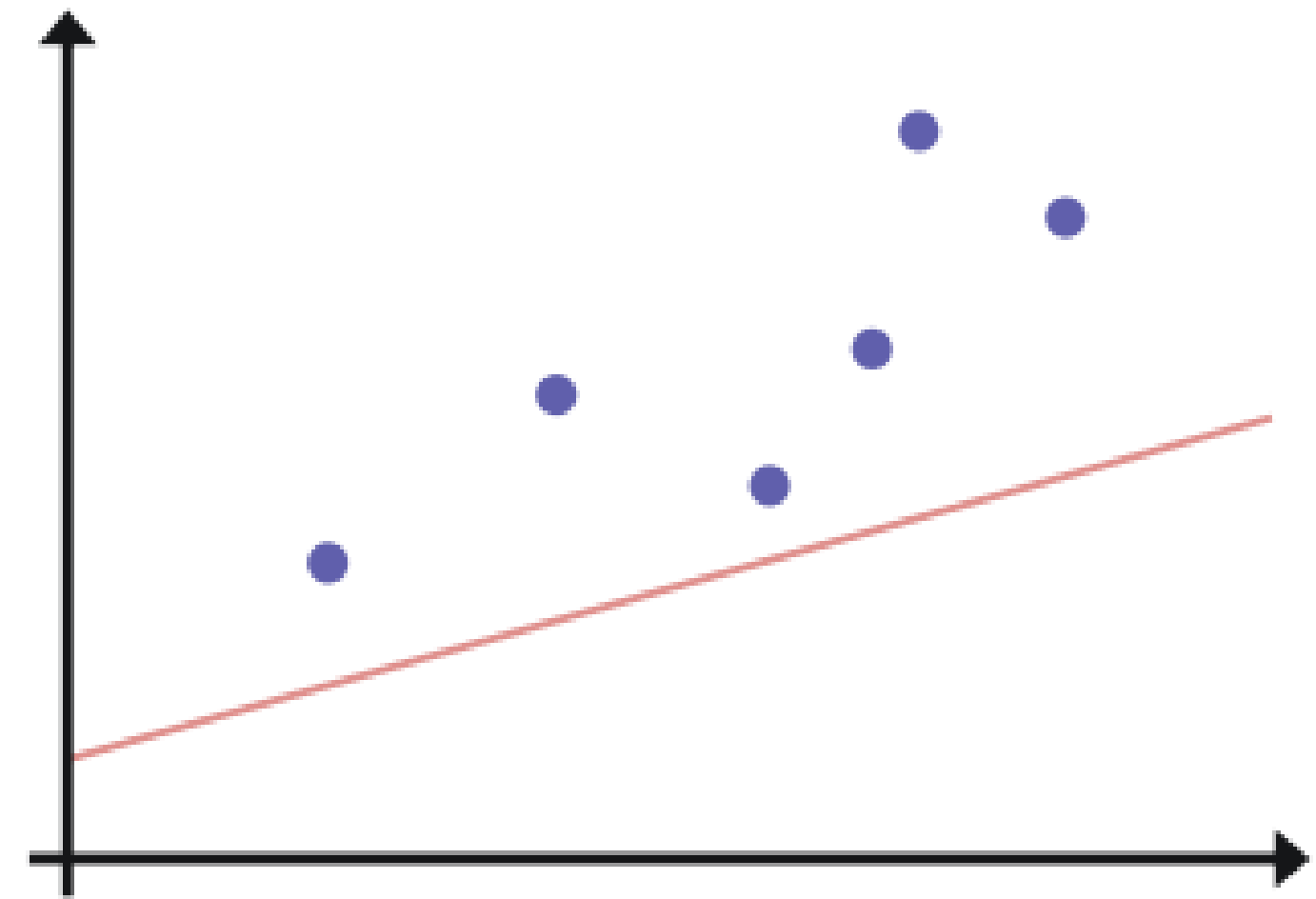
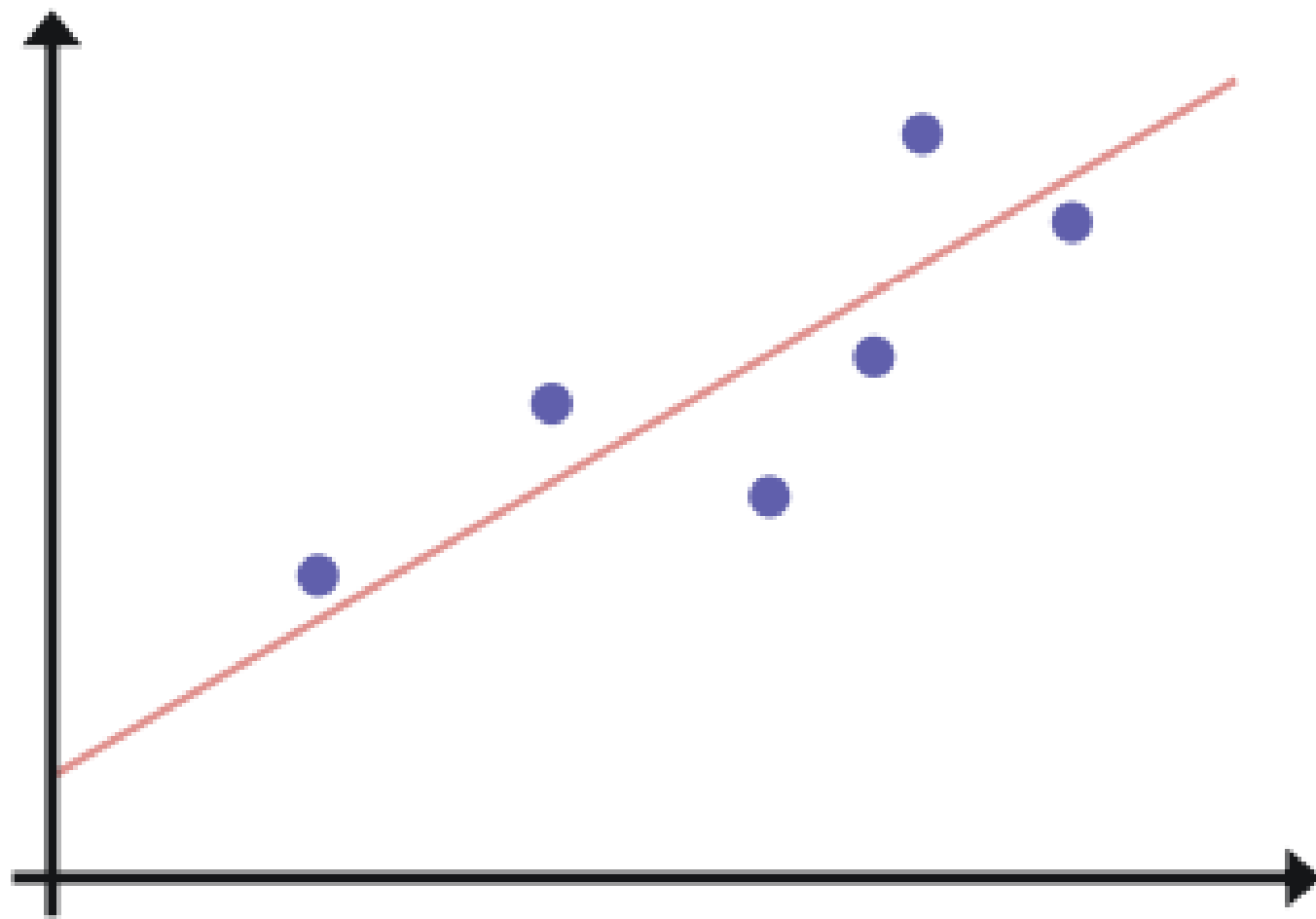
β_0 (y절편)와 β_1 (기울기)를 구해야 함



단순 선형 회귀

✔ 데이터를 잘 설명한다는 것은 어떤 것일까?

실제 정답과 내가 예측한 값과의 차이가 작을수록 좋지 않을까?

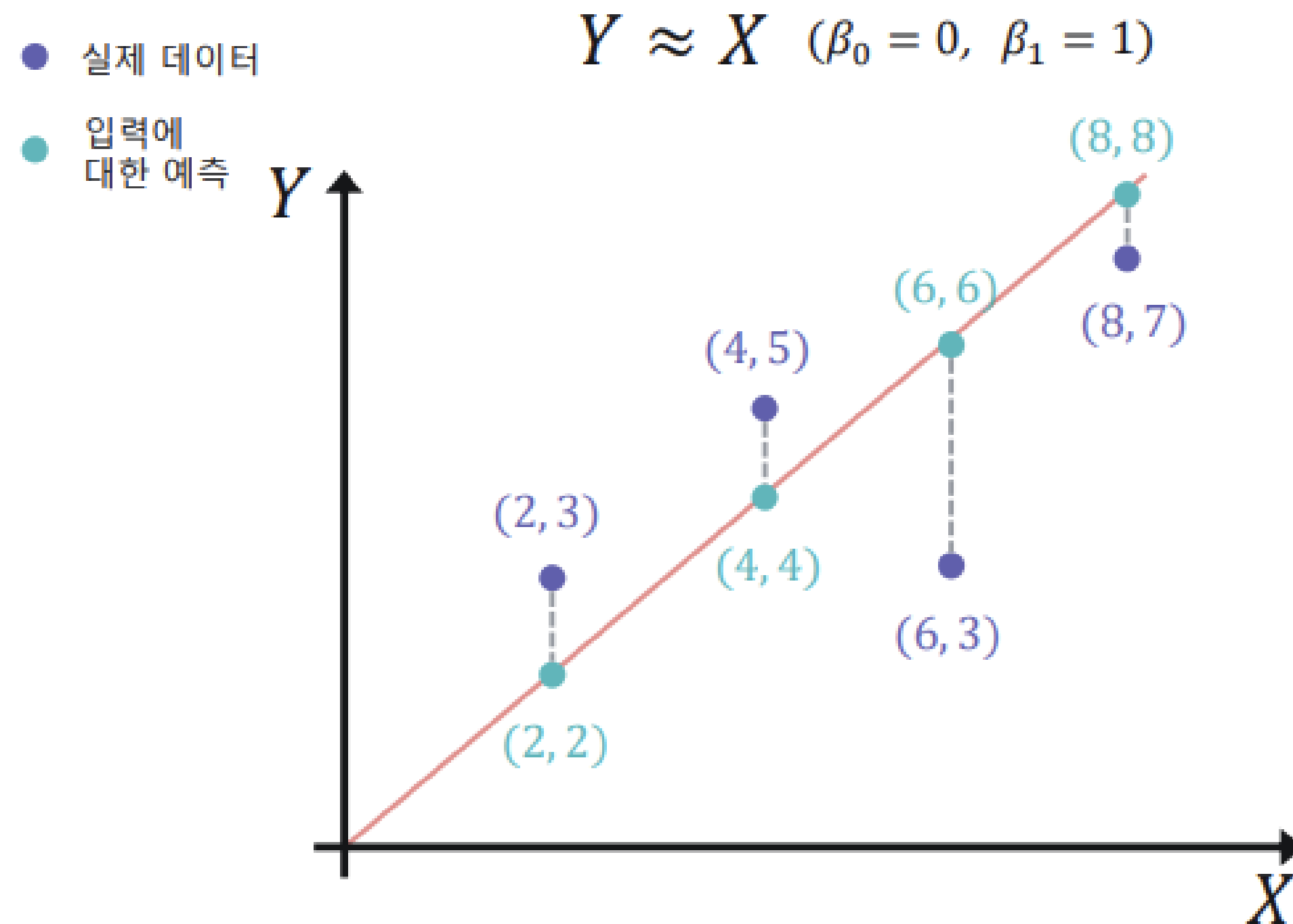


왼쪽 그래프의 차이가 오른쪽에 비해 적게 보임

단순 선형 회귀

☑ 데이터를 잘 설명한다는 것은 어떤 것일까?

실제 값과 예측 값의 차이를 구해보자

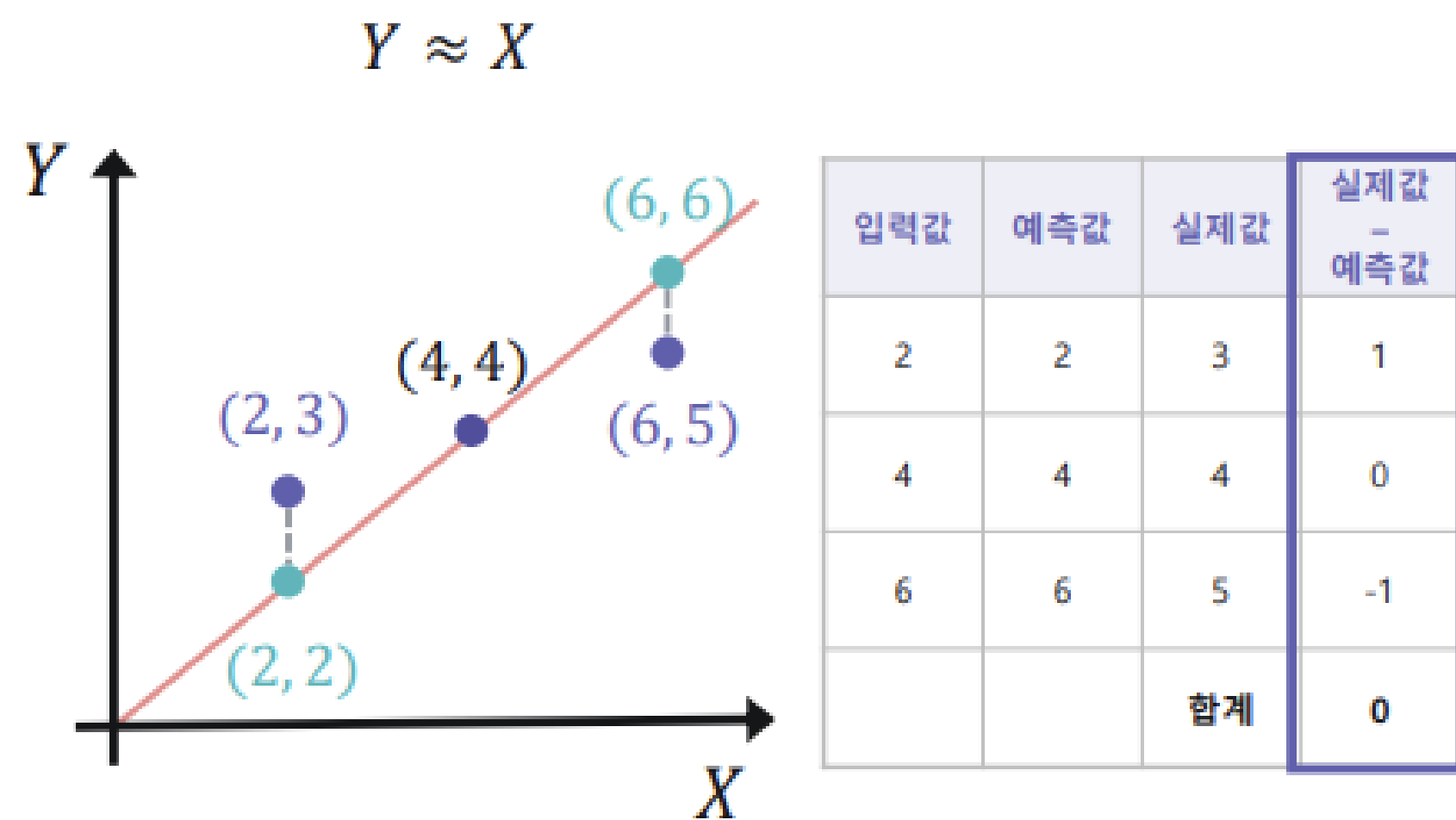


입력값	예측값	실제값	실제값 - 예측값
2	2	3	1
4	4	5	1
6	6	3	-3
8	8	7	-1
		합계	-2

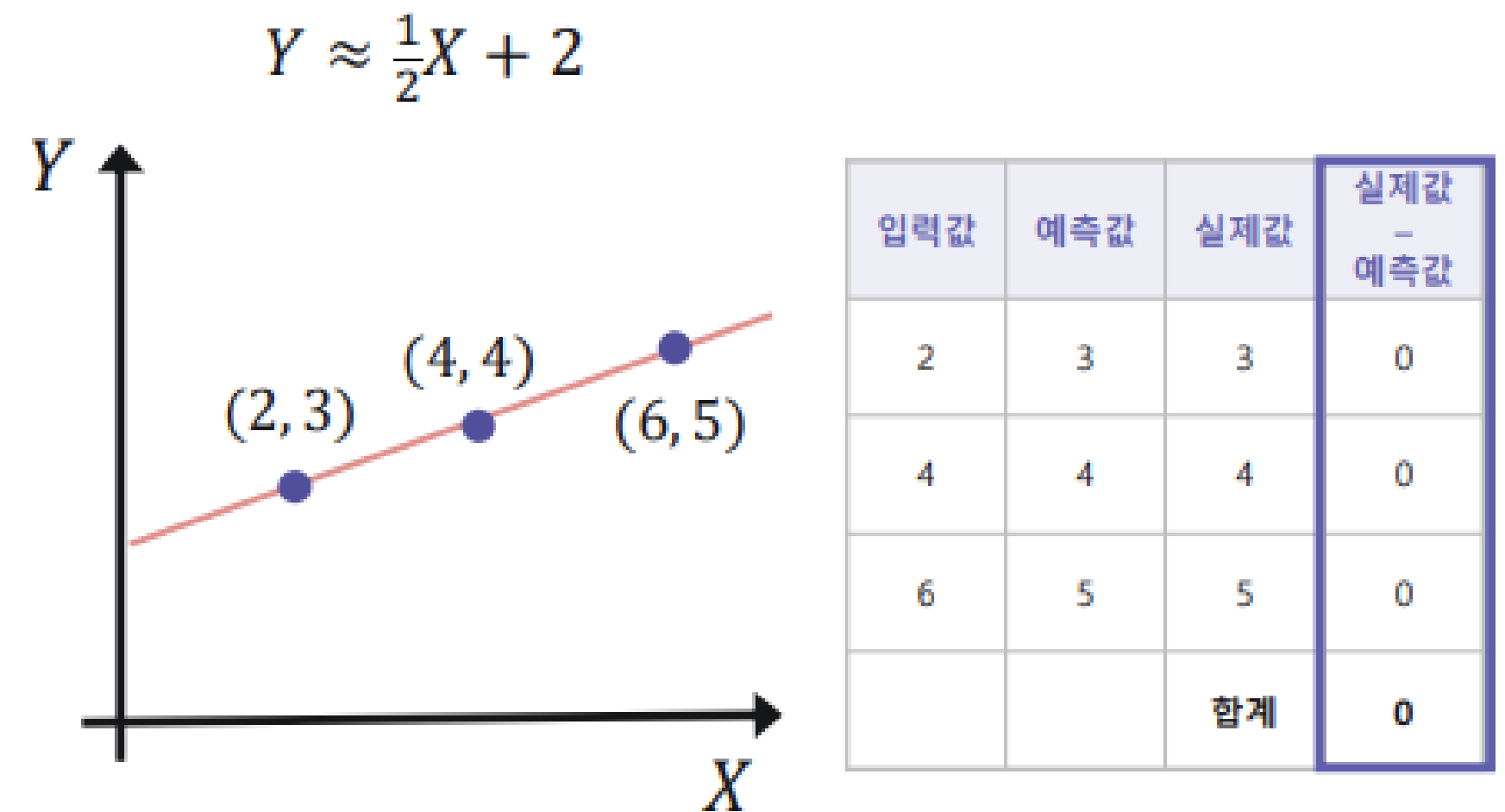
단순 선형 회귀

☑ 데이터를 잘 설명한다는 것은 어떤 것일까?

실제 값과 예측 값의 차이의 합으로 비교하기에는 예외가 있다



(4,4)에서 예측값과 실제값이 일치



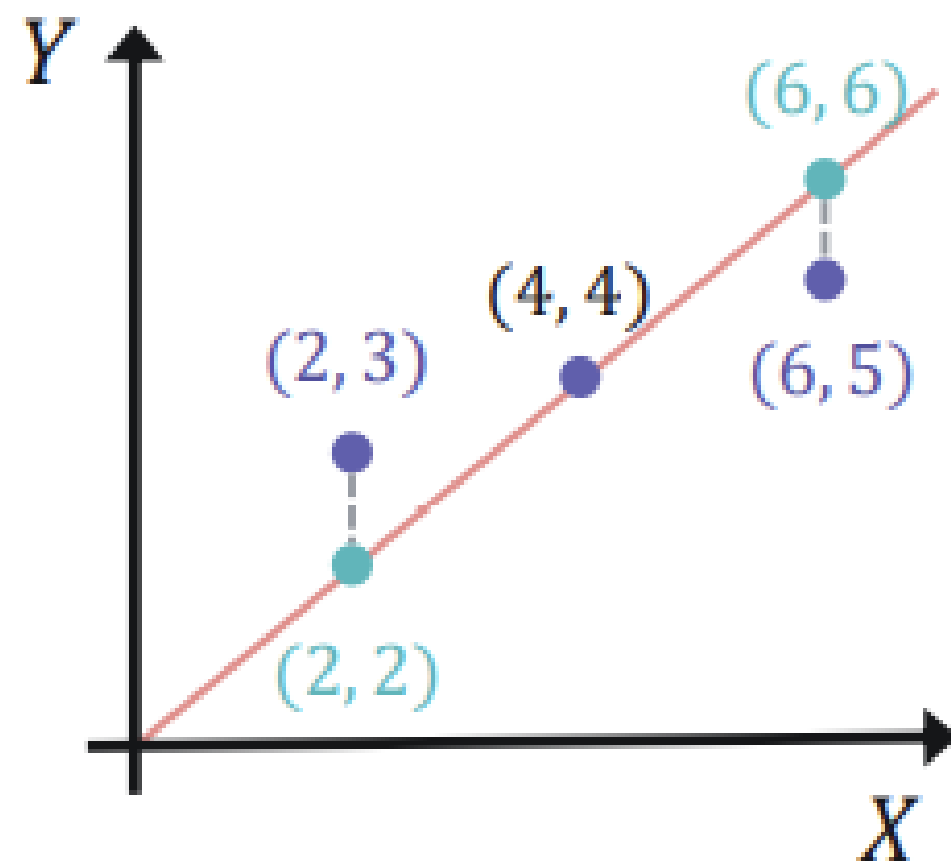
3가지 경우 모두에서 예측값과 실제값이 일치

단순 선형 회귀

☑ 데이터를 잘 설명한다는 것은 어떤 것일까?

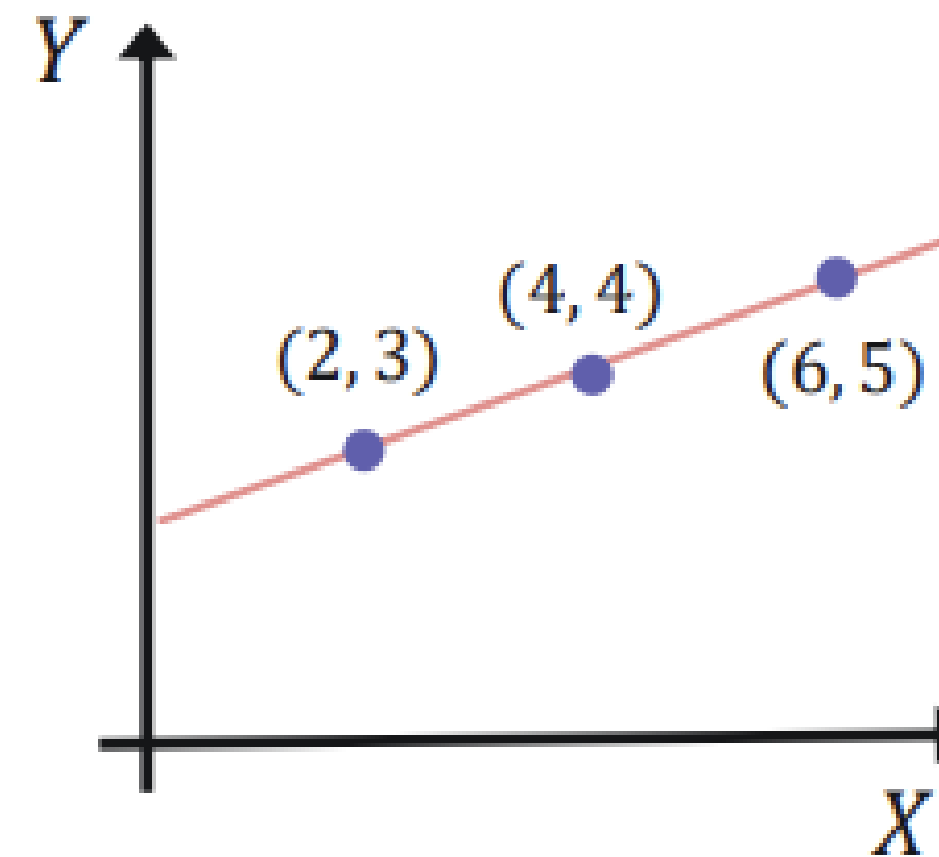
실제 값과 예측 값 **차이의 제곱의 합**으로 비교하자

$$Y \approx X$$



입력값	예측값	실제값	(실제값 - 예측값) ²
2	2	3	1
4	4	4	0
6	6	5	1
		합계	2

$$Y \approx \frac{1}{2}X + 2$$



입력값	예측값	실제값	(실제값 - 예측값) ²
2	3	3	0
4	4	4	0
6	5	5	0
		합계	0

단순 선형 회귀

✓ Loss 함수 이해하기

실제 값과 예측 값 차이의 제곱의 합을 **Loss 함수**로 정의합니다

➡ **Loss 함수**가 작을 수록 좋은 모델이다

$$Y \approx \beta_0 + \beta_1 X$$

i 번째 데이터 $(x^{(i)}, y^{(i)})$ 에 대해:

입력 값: $x^{(i)}$

실제 값: $y^{(i)}$

예측 값: $\beta_0 x^{(i)} + \beta_1$

$$\text{Loss 함수: } \frac{1}{N} \sum_i^N \left(y^{(i)} - (\beta_0 + \beta_1 x^{(i)}) \right)^2$$

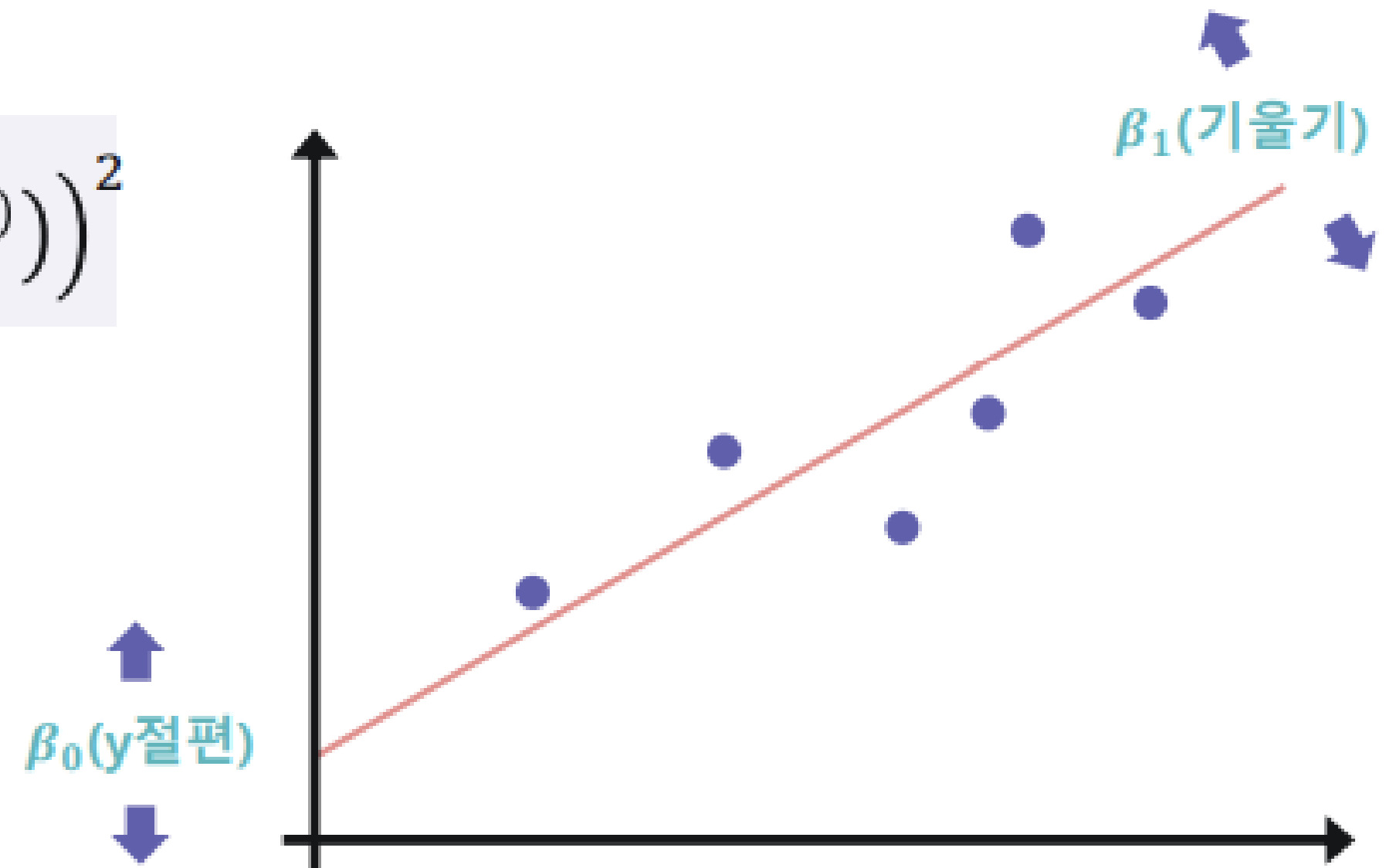
단순 선형 회귀

✓ Loss 함수 줄이기

Loss 함수에서 주어진 값은 입력 값과 실제 값이다

➡ β_0 (y절편), β_1 (기울기) 값을 조절하여 Loss 함수의 크기를 작게 한다

$$\text{Loss 함수: } \frac{1}{N} \sum_i^N \left(y^{(i)} - (\beta_0 + \beta_1 x^{(i)}) \right)^2$$



단순 선형 회귀

✓ Loss 함수 줄이기

Loss 함수의 크기를 작게 하는 β_0 (y절편), β_1 (기울기)를 찾는 방법

$$\underset{\beta_0, \beta_1}{\operatorname{argmin}} \frac{1}{N} \sum_i^N \left(y^{(i)} - (\beta_0 + \beta_1 x^{(i)}) \right)^2$$

- 1) Gradient descent (경사 하강법)
- 2) Normal equation (least squares)
- 3) Brute force search
- 4) ...

✓ 경사 하강법

Loss 함수 값이 제일 작게 하는 절편, 기울기를 β_0^* , β_1^* 라고 하자

경사 하강법은 계산 한 번으로 β_0^* , β_1^* 을 구하는 것이 아니라
초기값에서 점진적으로 구하는 방식

단순 선형 회귀

✓ 경사 하강법

β_0, β_1 값을 Loss 함수 값이 작아지게 계속 업데이트 하는 방법

1) β_0, β_1 값을 랜덤하게 초기화

2) 현재 β_0, β_1 값으로 Loss 값 계산

3) 현재 β_0, β_1 값을 어떻게 변화해야 Loss 값을 줄일 수 있는지 알 수 있는 **Gradient 값** 계산

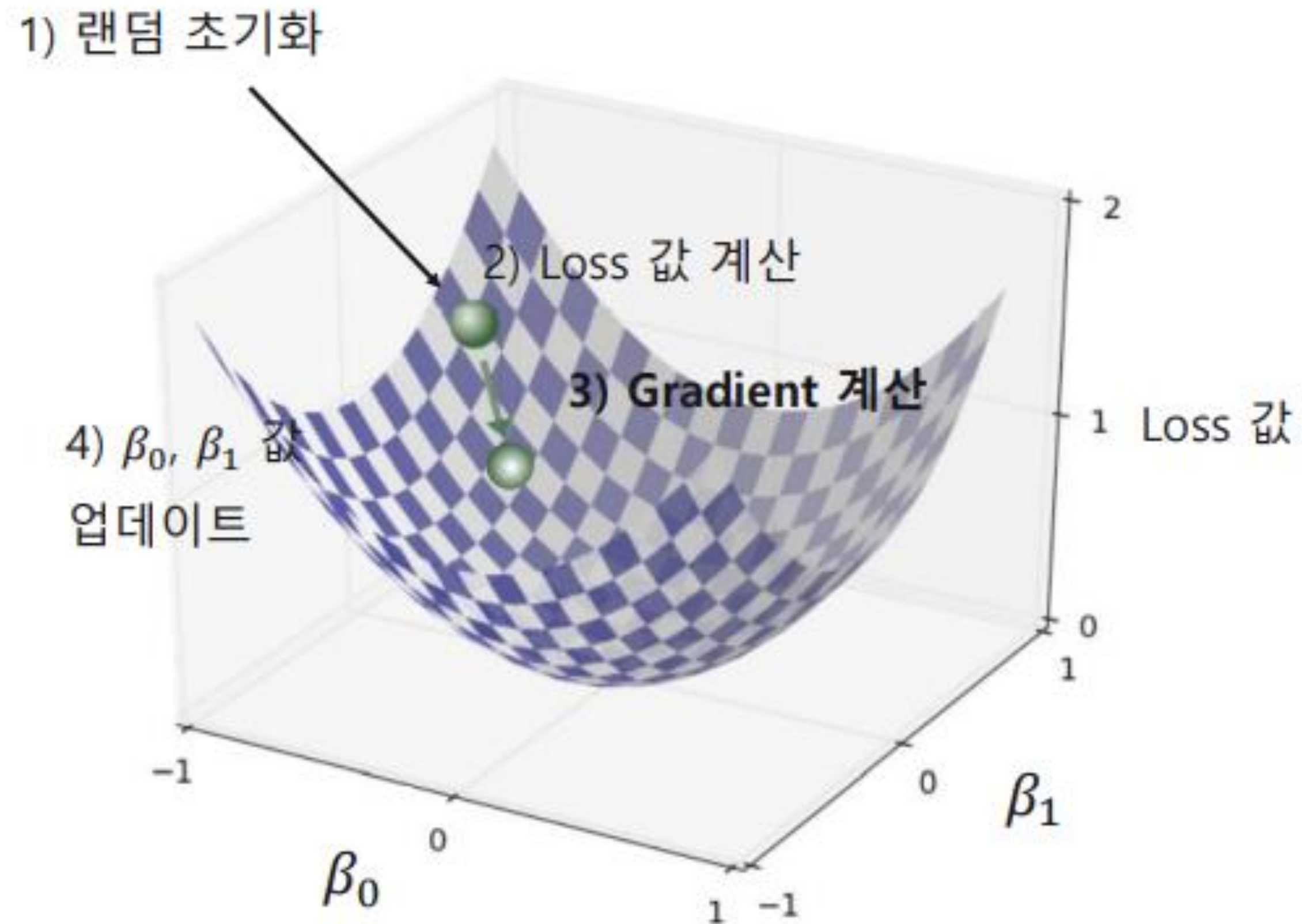
4) **Gradient 값**을 활용하여 β_0, β_1 값 업데이트

5) Loss 값의 차이가 거의 없어질 때까지 **2~4번 과정을 반복**

(Loss 값과 차이가 줄어들면 Gradient 값도 작아 짐)

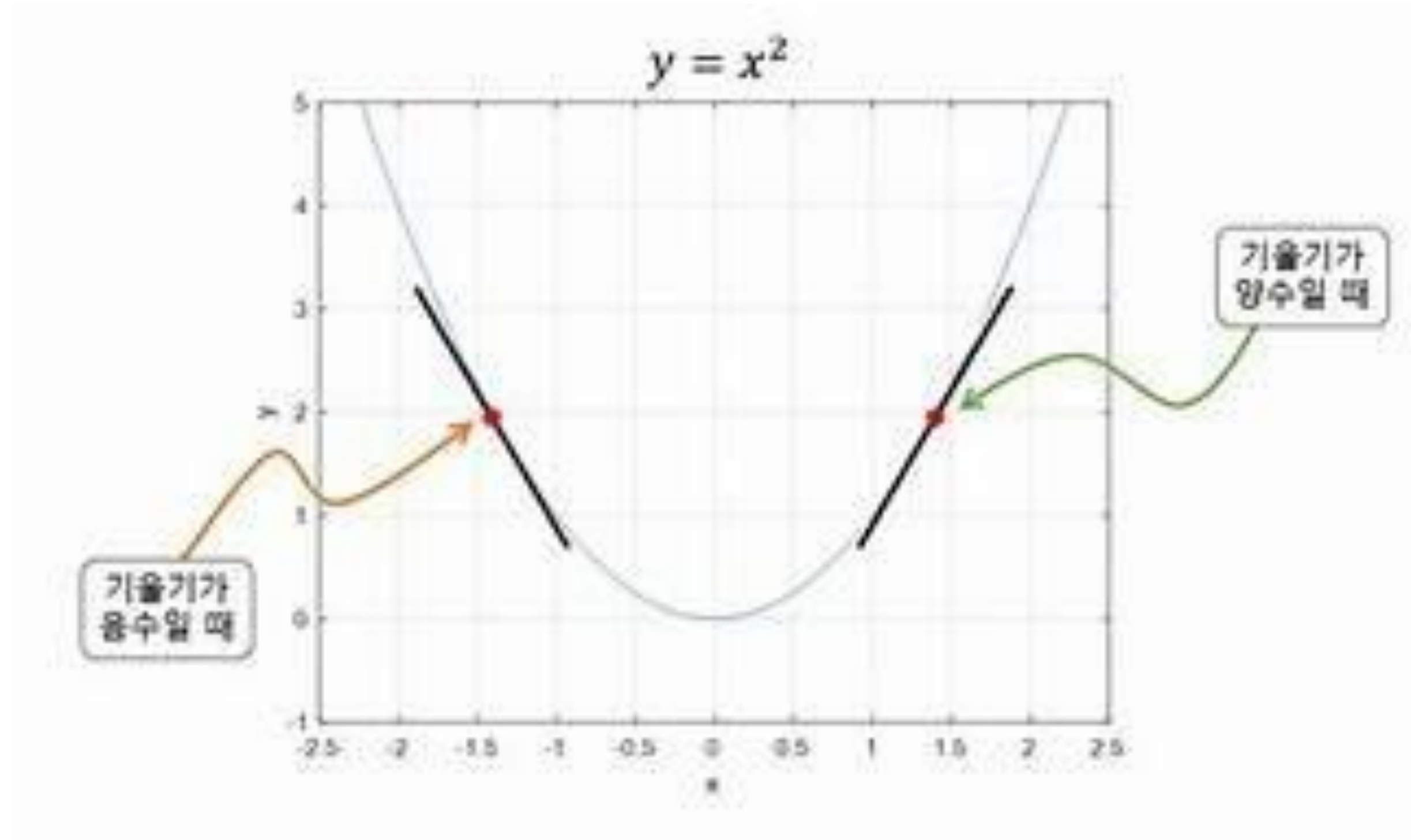
단순 선형 회귀

✓ 경사 하강법



단순 선형 회귀

✓ 경사 하강법



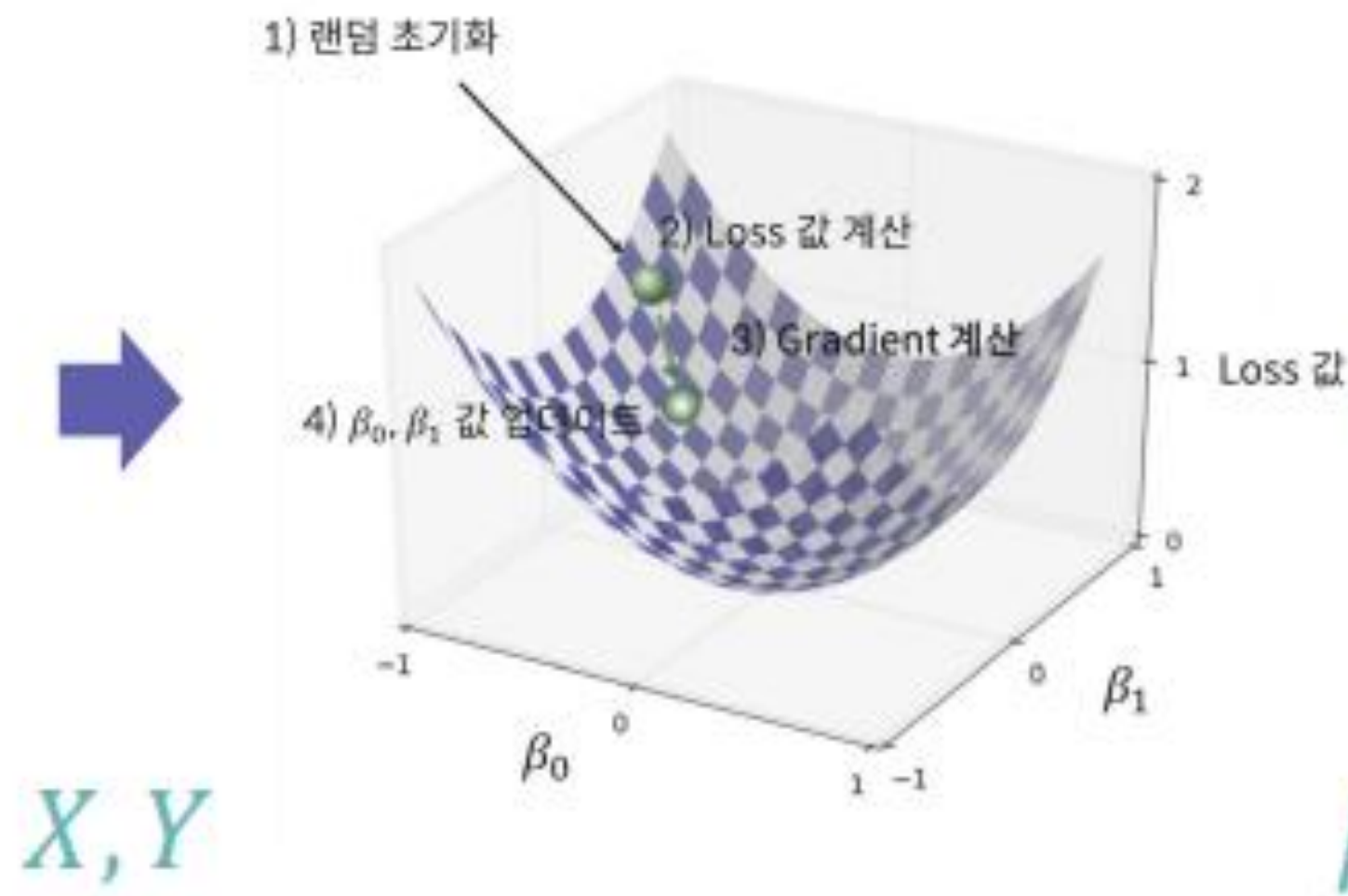
단순 선형 회귀

✓ 단순 선형 회귀 과정 살펴보기

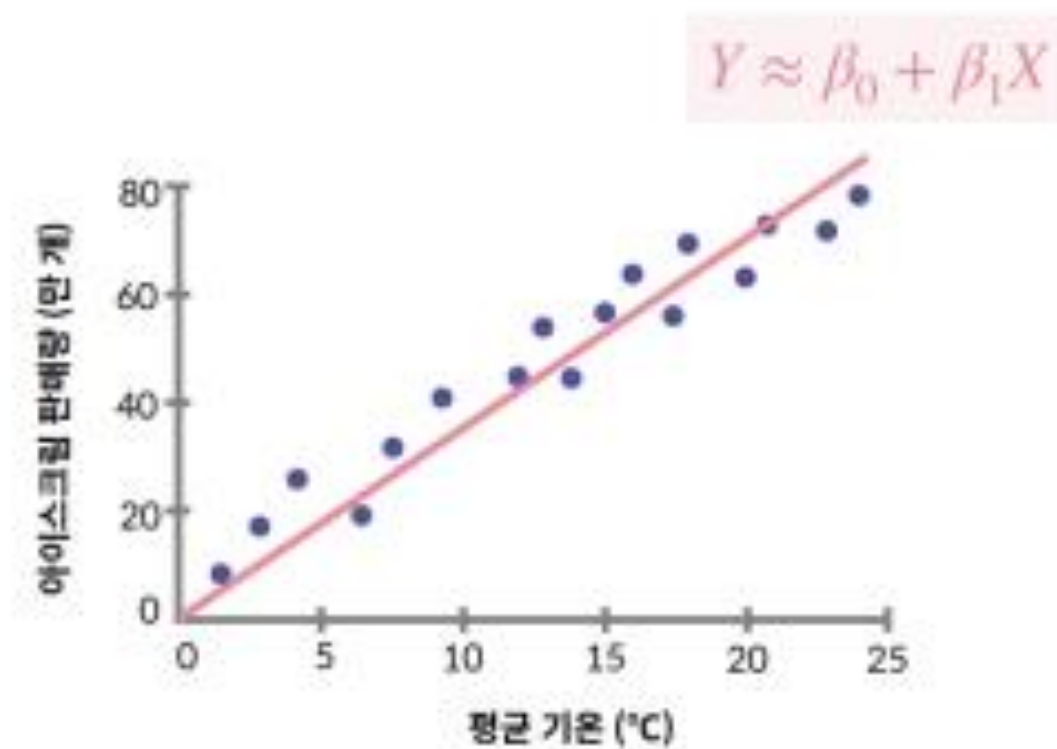
데이터 전처리

X	Y
평균 기온(°C)	아이스크림 판매량(만개)
10	40
13	52.3
20	60.5
25	80

단순 선형 회귀 모델
학습 (경사 하강법)



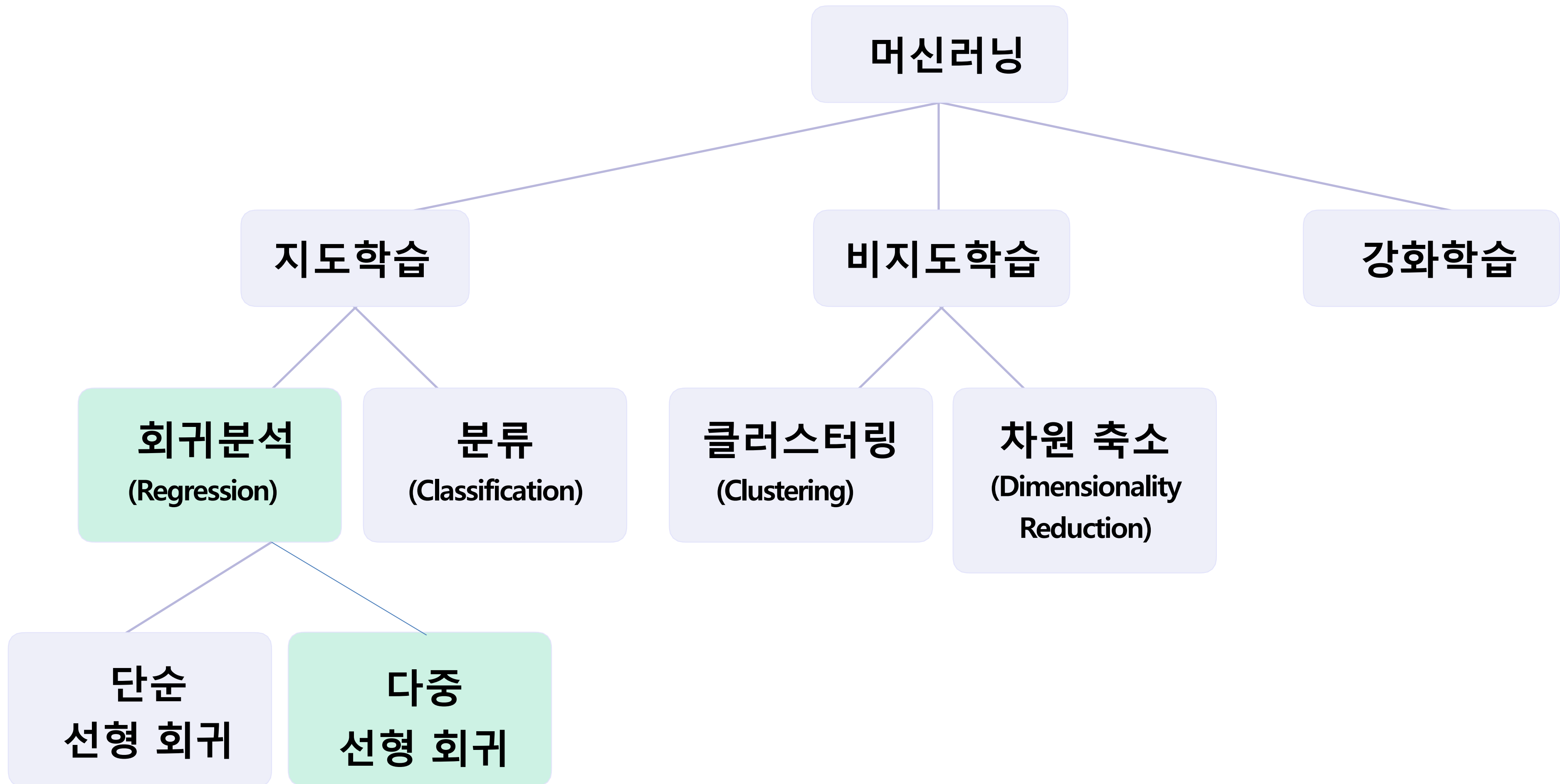
새로운 데이터에
대한 예측



단순 선형 회귀

✓ 단순 선형 회귀 특징

- 가장 기초적이나 여전히 많이 사용되는 알고리즘
- 입력값이 1개인 경우에만 적용이 가능함
- 입력값과 결과값의 관계를 알아보는 데 용이함
- 입력값이 결과값에 얼마나 영향을 미치는지 알 수 있음
- 두 변수 간의 관계를 직관적으로 해석하고자 하는 경우 활용



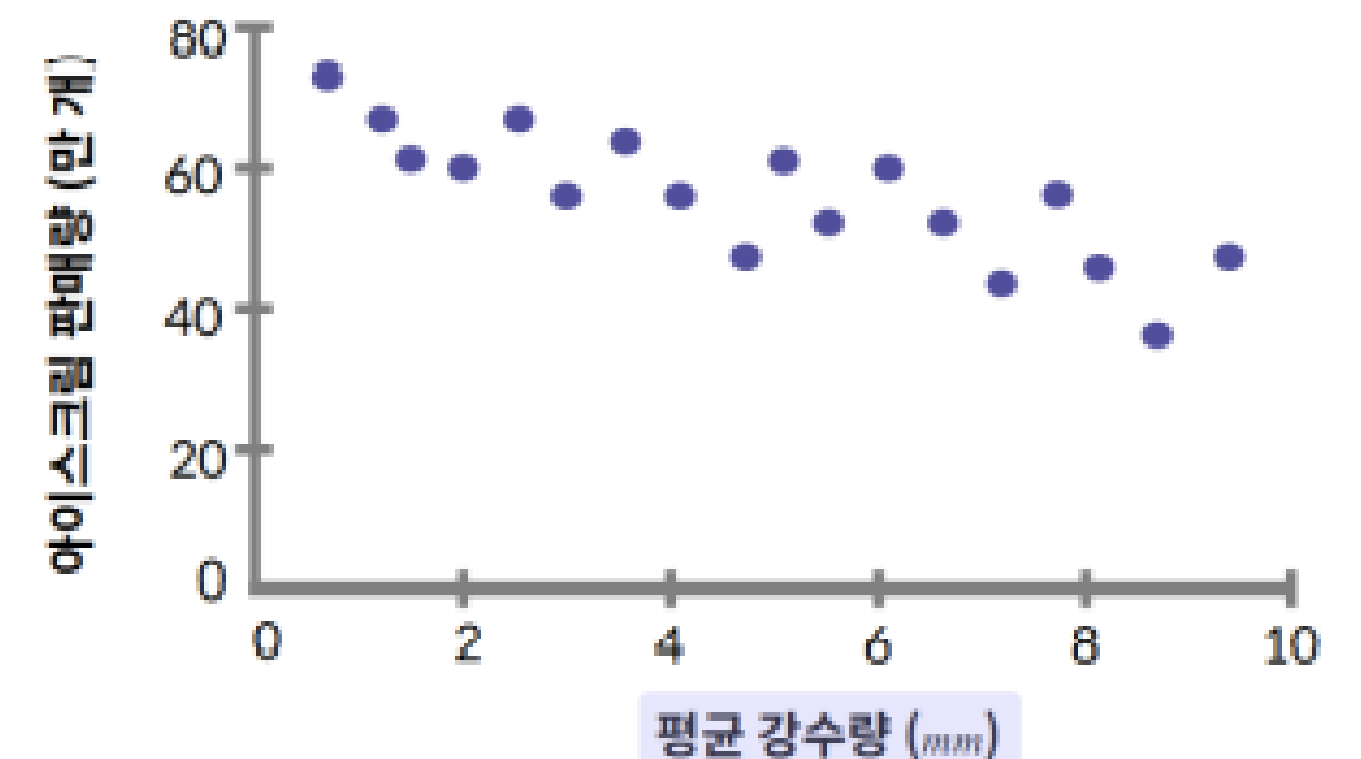
다중 선형 회귀

✓ 문제

만약, 입력값 X 에 강수량이 추가된다면?

즉, 평균 기온과 평균 강수량에 따른 아이스크림 판매량을 예측하고자 할 때

X_1		X_2	Y
평균 기온(° C)	평균 강수량(mm)		아이스크림 판매량(만개)
10	10		40
13	7.5		52.3
20	2		60.5
25	0		80



다중 선형 회귀

✔ 문제 해결하기

평균 기온과 평균 강수량에 따른 아이스크림 판매량을 예측하고자 함

X_1

X_2

Y

여러 개의 입력값(X)으로 결과값(Y)을
예측하고자 하는 경우



다중 선형 회귀
(Multiple Linear Regression)

다중 선형 회귀

✔ 다중 선형 회귀 모델 이해하기

입력값 X 가 여러 개(2개 이상)인 경우 활용할 수 있는 회귀 알고리즘
각 개별 X_i 에 해당하는 최적의 β_i 를 찾아야 함

다중 선형 회귀 모델

$$Y \approx \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \beta_3 X_3 + \cdots + \beta_M X_M$$

평균 기온과 평균 강수량에 따른 아이스크림 판매량을 예측하고자 함

X_1 X_2 Y

$$Y \approx \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2$$

다중 선형 회귀

✔ 다중 선형 회귀 모델의 Loss 함수

단순 선형 회귀와 마찬가지로 Loss 함수는 입력값과 실제값 차이의 제곱의 합으로 정의합니다

➡ 마찬가지로 $\beta_0, \beta_1, \beta_2, \dots, \beta_M$ 값을 조절하여 Loss 함수의 크기를 작게 합니다

$$\text{Loss 함수: } \frac{1}{N} \sum_i^N \left(y^{(i)} - (\beta_0 + \beta_1 x_1^{(i)} + \beta_2 x_2^{(i)} + \dots + \beta_M x_M^{(i)}) \right)^2$$

다중 선형 회귀

✔ 다중 선형 회귀 모델의 Loss 함수

평균 기온과 평균 강수량으로 아이스크림 판매량 예측 예시

$$\text{Loss 함수: } \frac{1}{N} \sum_i^N \left(y^{(i)} - (10 + 2x_1^{(i)} + 2x_2^{(i)}) \right)^2$$

입력값 1 (평균 기온)	입력값 2 (평균 강수량)	예측값	실제값 (아이스크림 판매량)	(실제값 - 예측값) ²
10	10	50	40	100
13	7.5	51	52.3	1.69
20	2	54	60.5	42.25
25	0	60	80	400
			합계	543.94

다중 선형 회귀

✔ 다중 선형 회귀 모델의 경사 하강법

$\beta_0, \beta_1, \beta_2, \dots, \beta_M$ 값을 Loss 함수 값이 작아지게 계속 업데이트 하는 방법

- 1) $\beta_0, \beta_1, \beta_2, \dots, \beta_M$ 값을 랜덤하게 초기화
- 2) 현재 $\beta_0, \beta_1, \beta_2, \dots, \beta_M$ 값으로 Loss 값 계산
- 3) 현재 $\beta_0, \beta_1, \beta_2, \dots, \beta_M$ 값을 어떻게 변화해야 Loss 값을 줄일 수 있는지 알 수 있는 Gradient 값 계산
- 4) Gradient 값을 활용하여 $\beta_0, \beta_1, \beta_2, \dots, \beta_M$ 값 업데이트
- 5) Loss 값의 차이가 거의 없어질 때까지 2~4번 과정을 반복
(Loss 값과 차이가 줄어들면 Gradient 값도 작아 짐)

다중 선형 회귀

✔ 다중 선형 회귀 모델의 경사 하강법 결과 예시

평균 기온과 평균 강수량으로 아이스크림 판매량 예측 예시

$$Y \approx -49.48 + 5.17X_1 + 4.05X_2$$

입력값 1 (평균 기온)	입력값 2 (평균 강수량)	예측값	실제값 (아이스크림 판매량)	(실제값 - 예측값) ²
10	10	42.79	40	7.78
13	7.5	48.16	52.3	17.14
20	2	62.05	60.5	4
25	0	79.79	80	0.04
			합계	42.89

다중 선형 회귀

✔ 다중 선형 회귀 특징

- 여러 개의 입력값과 결괏값 간의 관계 확인 가능
- 어떤 입력값이 결괏값에 어떠한 영향을 미치는지 알 수 있음
- 여러 개의 입력값 사이 간의 **상관 관계***가 높을 경우 결과에 대한 신뢰성을 잃을 가능성이 있음

상관 관계

- 두 가지 것의 한쪽이 변화하면 다른 한쪽도 따라서 변화하는 관계

회귀 평가 지표

✓ 회귀 알고리즘 평가

어떤 모델이 좋은 모델인지를 어떻게 평가할 수 있을까?
목표를 얼마나 잘 달성했는지 정도를 평가해야 함

실제 값과 모델이 예측하는 값의 차이에 기반한 평가 방법 사용

예시

$RSS, MSE, MAE, MAPE, R^2$

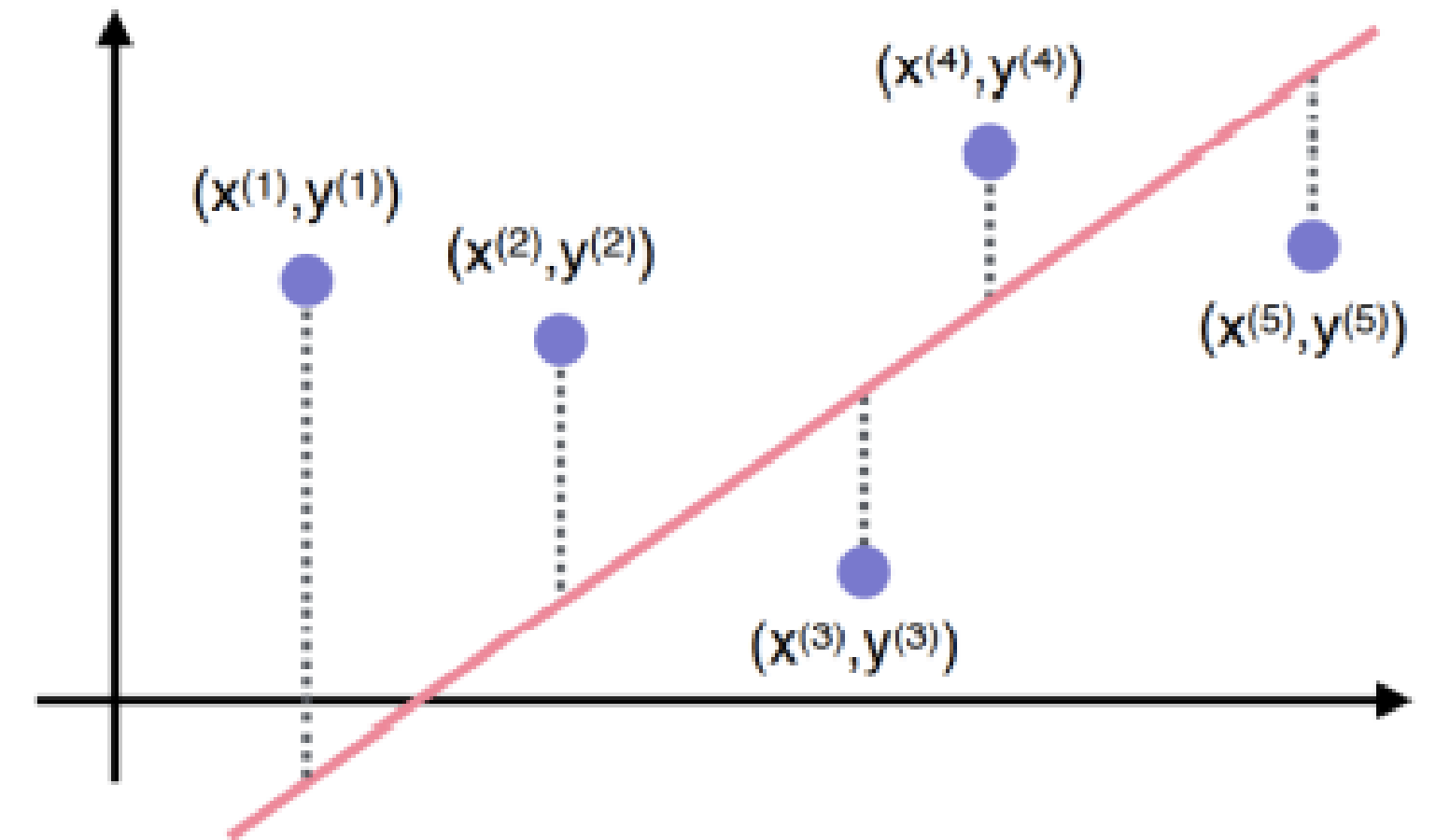
회귀 평가 지표

✓ RSS – 단순 오차

1. 실제 값과 예측 값의 단순 오차 제곱 합
2. 값이 작을수록 모델의 성능이 높음
3. 전체 데이터에 대한 실제 값과 예측하는 값의 오차 제곱의 총합

RSS

$$RSS = \sum_i^N \left(y^{(i)} - (\beta_0 + \beta_1 x^{(i)}) \right)^2$$



회귀 평가 지표

✓ RSS 특징

- 가장 간단한 평가 방법으로 직관적인 해석이 가능함
- 그러나 오차를 그대로 이용하기 때문에 입력 값의 크기에 의존적임
- 절대적인 값과 비교가 불가능함

회귀 평가 지표

✔ MSE, MAE – 절대적인 크기에 의존한 지표

- **MSE(Mean Squared Error)**

평균 제곱 오차, RSS 에서 데이터 수 만큼 나눈 값
작을수록 모델의 성능이 높다고 평가할 수 있음.

$$MSE = \frac{1}{N} \sum_i^N \left(y^{(i)} - (\beta_0 + \beta_1 x^{(i)}) \right)^2$$

회귀 평가 지표

✔ MSE, MAE – 절대적인 크기에 의존한 지표

- MAE(Mean Absolute Error)

평균 절댓값 오차, 실제 값과 예측 값의 오차의 절대값의 평균
작을수록 모델의 성능이 높다고 평가할 수 있음.

$$MAE = \frac{1}{N} \sum_i^N |y^{(i)} - (\beta_0 + \beta_1 x^{(i)})|$$

회귀 평가 지표

✔ MSE, MAE 특징

- **MSE:** 이상치(Outlier) 즉, 데이터들 중 크게 떨어진 값에 민감함
- **MAE:** 변동성이 큰 지표와 낮은 지표를 같이 예측할 시 유용
- 가장 간단한 평가 방법들로 직관적인 해석이 가능함
- 그러나 평균을 그대로 이용하기 때문에 입력 값의 크기에 의존적임
- 절대적인 값과 비교가 불가능함

회귀 평가 지표

✓ R^2 (결정 계수)

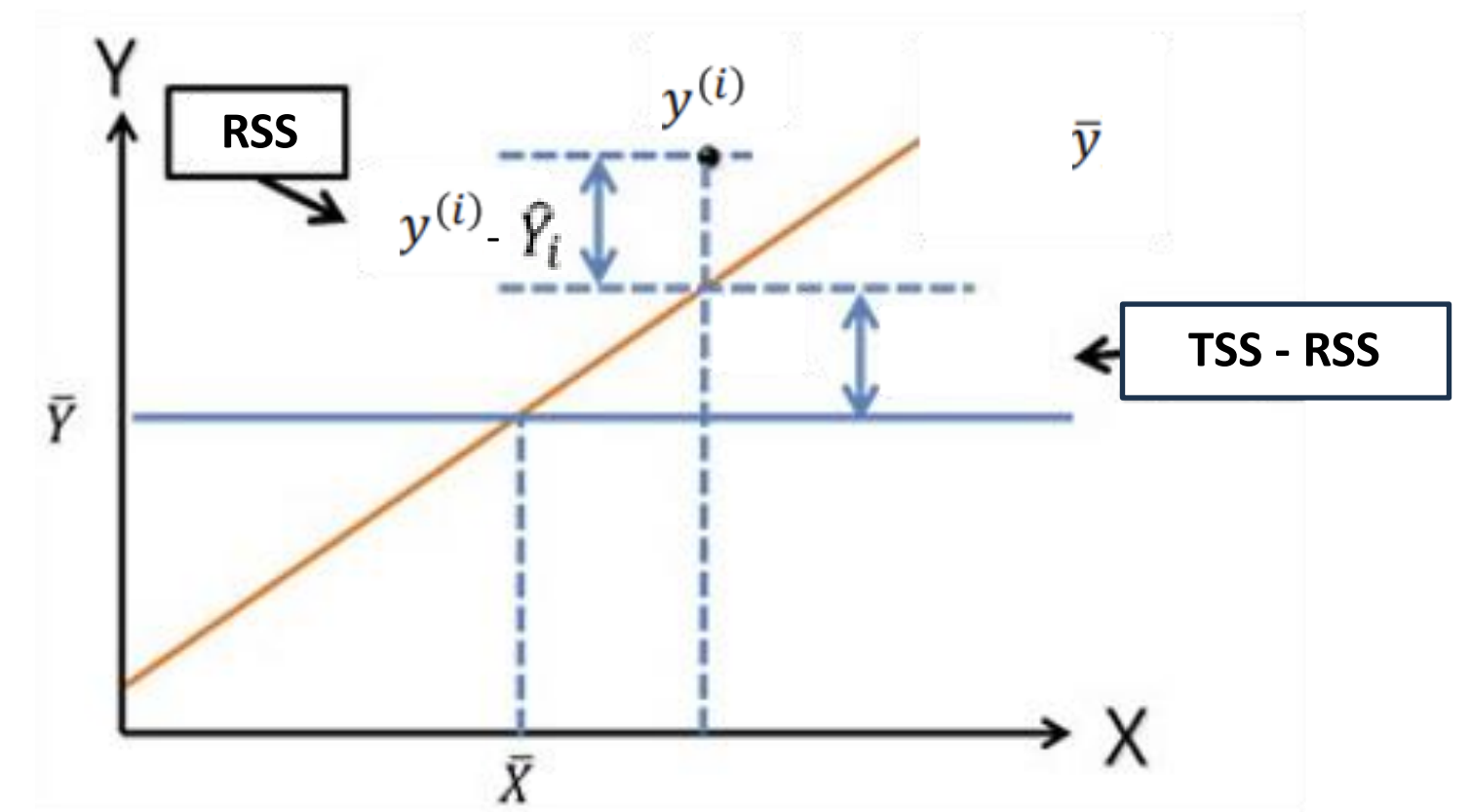
회귀 모델의 설명력을 표현하는 지표

1에 가까울수록 높은 성능의 모델이라고 해석할 수 있음

$$R^2 = 1 - \frac{RSS}{TSS}$$

TSS 는 데이터 평균 값(\bar{y})과 실제 값($y^{(i)}$) 차이의 제곱

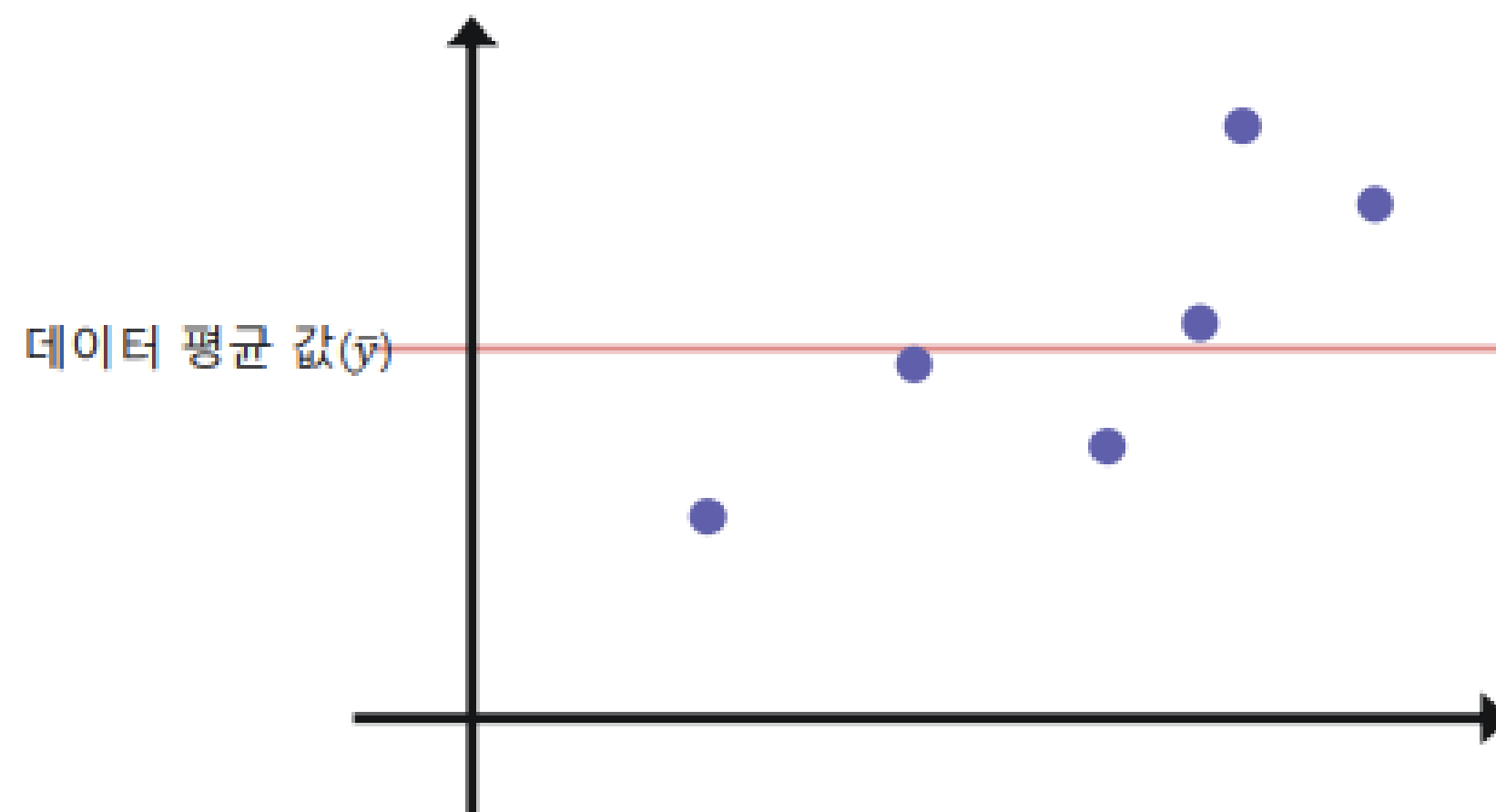
$$TSS = \sum_i^N (y^{(i)} - \bar{y})^2 \quad \bar{y} = \frac{1}{N} \sum_i^N y^{(i)}$$



회귀 평가 지표

✓ R^2 특징

- 오차가 없을수록 1에 가까운 값을 가짐
- 값이 0인 경우, 데이터의 평균 값을 출력하는 직선 모델을 의미함
- 음수 값이 나온 경우, 평균값 예측 보다 성능이 좋지 않음



감사합니다.