

CÁU TRứC DỮ LIỆU Và THUẬT TOắN

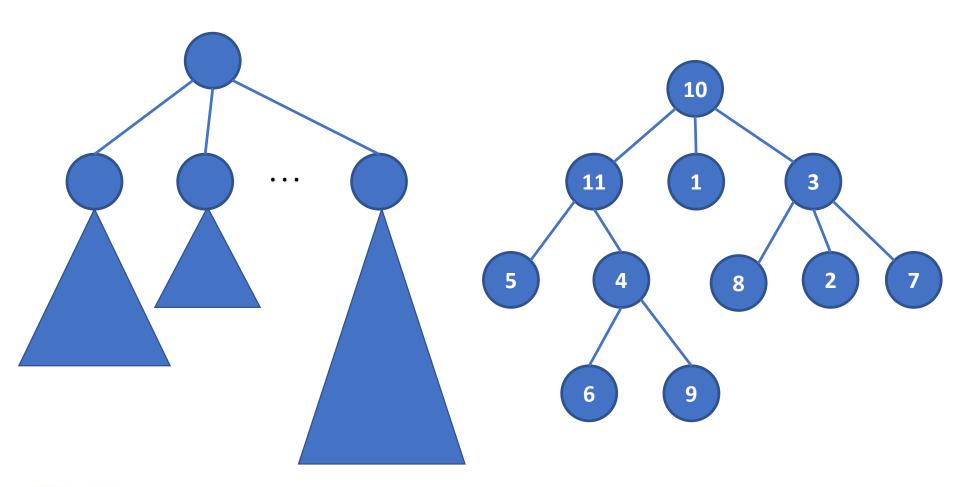
Cây

Nội dung

- Định nghĩa cây
- Các khái niệm trên cây
- Các phép duyệt cây
- Cấu trúc lưu trữ
- Các thao tác trên cây



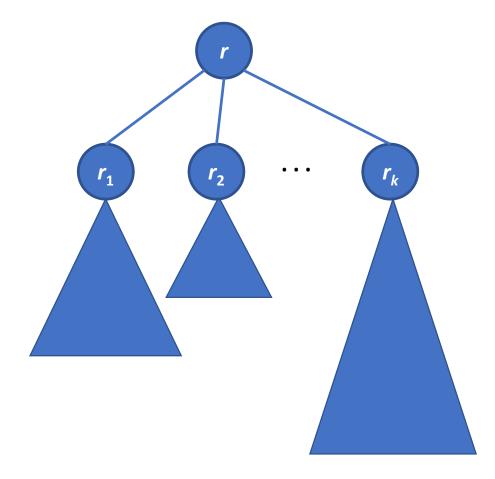
Cây





Định nghĩa cây

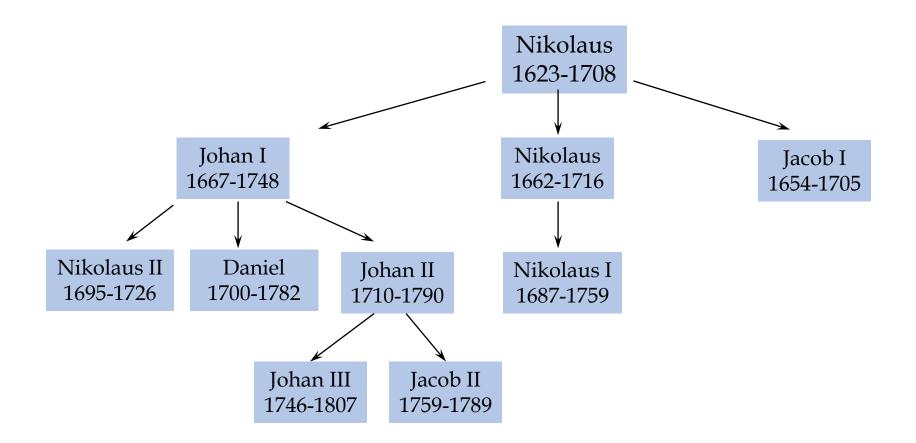
- Cấu trúc lưu trữ các đối tượng có quan hệ phân cấp
- Định nghĩa đệ quy
 - Bước cơ sở: r là 1 nút, cây T
 có nút gốc là r
 - Bước đệ quy:
 - Giả sử T_1 , T_2 , ..., T_k là các cây có gốc là r_1 , r_2 , ..., r_k
 - Nút r
 - Liên kết các nút r₁, r₂, .., r_k
 như la nút con của r sẽ tạo
 ra cây T





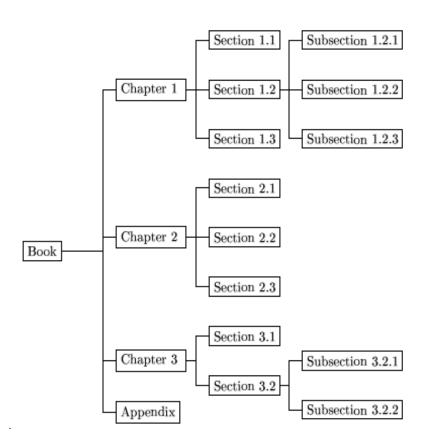
Các ứng dụng của cây: Cây gia phả

Cây gia phả của các nhà toán học dòng họ Bernoulli





Các ứng dụng của cây



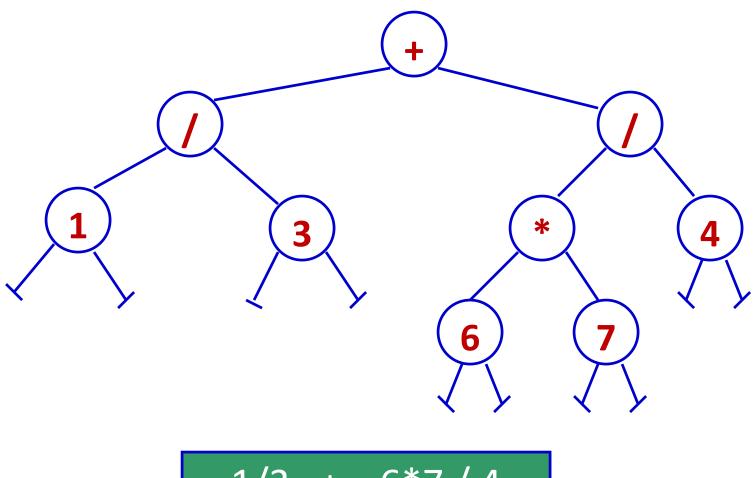
<u></u>[.] <u>₩</u> (0) [00001 <u>6</u> **由** [0000000FlashDisk] **⊕** [00KSTNDocum] ± (OBaocao) ➡□[0ChuonqTrinhCaoDanq] 🕁 🧰 [0GiaoTrinh] 中二[00] **⊕** [000TestsProblemForSomeProb] **⊕ □** [01-01-2006] □ [0BlumFamily] **⊕** [0CombinGameTheory] de in [□DisMath] ф<u>`</u>[0000DM_For_VJ] <u>-</u>[000Slide] -<u>`</u>[9501DM_F06] ♠ □ [abulatov] ф (Baigiang) **⊕**[CS40] □ [DiscreteStructure] **⊕** [341DS] ф⊕[441Alg] -🚞 [20001 - [Course Syllabus, UMBC CMSC 441, Fall 2006_files] - [Homework Assignments, UMBC CMSC 441, Fall 2006_files] [Alan T Sherman (Home Page) files] [CMSC 203 Home Page_files] [Cygwin Information and Installation_files] -🚞 [lect2_jim_files] Lect3_files] -<u>| [</u>Form kiem dinh 2007] -<u>| [</u>Saoluu] [csc164]

Mục lục sách

Cây thư mục



Các ứng dụng của cây: cây biểu thức





1/3 + 6*7/4

Các khái niệm trên cây

- Đường đi: dãy các nút $x_1, x_2, ..., x_q$ trong đó x_i là cha của $x_{i+1}, i = 1, 2, ..., q-1$. Độ dài đường đi là q-1
- Nút lá: không có nút con
- Nút trong: có nút con
- Nút anh em: 2 nút u và v là 2 nút anh em nếu có cùng nút cha
- Tổ tiên: nút u là tổ tiên của v nếu có đường đi từ u đến v
- Con cháu: nút u là con cháu của v nếu v là tổ tiên của u
- Độ cao: độ cao của 1 nút là độ dài đường đi dài nhất từ nút đó đến nút lá + 1
- Độ sâu: độ sâu của 1 nút v là độ dài đường đi duy nhất từ nút gốc tới nút đó + 1



Các khái niệm trên cây

- Gốc: nút không có cha (ví dụ: nút A)
- Anh em: nút có cùng cha (ví dụ: B, C, D là anh em; I, J, K là anh em; E và F là anh em; G và H là anh em)
- Nút trong: nút có ít nhất 1 con (ví dụ: các nút màu xanh dương: A, B, C, F)
- Nút ngoài (lá): nút không có con (ví dụ: các nút xanh lá: E, I, J, K, G, H, D)
- Tổ tiên của 1 nút: là các nút cha / ông bà / cụ.. của nút đó.
- Hậu duệ của 1 nút: là các nút con/cháu/chắt... của nút đó
- Cây con của 1 nút: là cây có gốc là con của nút đó

Con của B:

• E, F

Cha của E:

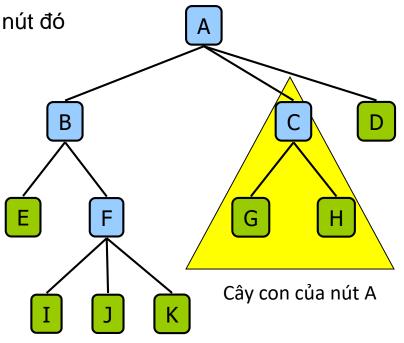
• B

Tổ tiên của F:

• B, A

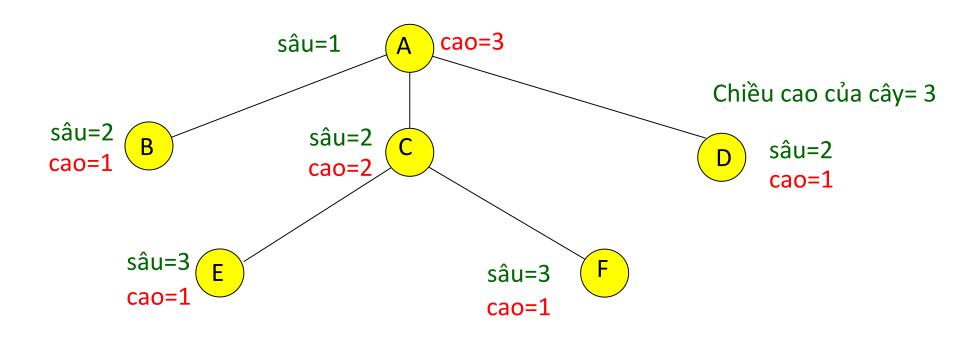
Hậu duệ của B:

• E, F, I, J, K





Các khái niệm trên cây





- Thăm các nút của 1 cây theo 1 thứ tự nào đó
- 3 phép duyệt cây cơ bản
 - Duyệt theo thứ tự trước
 - Duyệt theo thứ tự giữa
 - Duyệt theo thứ tự sau
- Xét cây T có cấu trúc
 - Nút gốc r
 - Cây con T_1 (gốc r_1), T_2 (gốc r_2), ..., T_k (gốc r_k) theo thứ tự từ trái qua phải



- Duyệt theo thứ tự trước
 - Thăm nút gốc
 - Duyệt cây T₁ theo thứ tự trước
 - Duyệt cây T_2 theo thứ tự trước
 - ...
 - Duyệt cây T_k theo thứ tự trước

```
preOrder(r){
    if(r = NULL) return;
    visit(r);
    for each p = r<sub>1</sub>, r<sub>2</sub>, ..., r<sub>k</sub> {
        preOrder(p);
    }
}
```

- Duyệt theo thứ tự giữa
 - Duyệt cây T₁ theo thứ tự giữa
 - Thăm nút gốc r
 - Duyệt cây T₂ theo thứ tự giữa
 - ...
 - Duyệt cây T_k theo thứ tự giữa

```
inOrder(r){
    if(r = NULL) return;
    inOrder(r1);
    visit(r);
    for each p = r<sub>2</sub>, ..., r<sub>k</sub> {
        inOrder(p);
    }
}
```



- Duyệt theo thứ tự sau
 - Duyệt cây T₁ theo thứ tự sau
 - Duyệt cây T₂ theo thứ tự sau
 - ...
 - Duyệt cây T_k theo thứ tự sau
 - Thăm nút gốc

```
postOrder(r){
   if(r = NULL) return;
   for each p = r<sub>1</sub>, r<sub>2</sub>, ..., r<sub>k</sub> {
      postOrder(p);
   }
   visit(r);
}
```



Cấu trúc dữ liệu biểu diễn cây

- Mång:
 - Giả sử các nút trên cây được định danh 1, 2, ..., n
 - a[1..n] trong đó a[i] là nút cha của nút i
 - Cấu trúc lưu trữ đơn giản, tuy nhiên khó cài đặt rất nhiều thao tác trên cây
- Con trỏ liên kết: với mỗi nút, lưu 2 con trỏ
 - Con trỏ trỏ đến nút con trái nhất
 - Con trỏ trỏ đến nút anh em bên phải



Cấu trúc dữ liệu biểu diễn cây

```
struct Node{
    int id;
    Node* leftMostChild;// con tro tro den nut con trai nhat
    Node* rightSibling;// con tro tro den nut anh em ben phai
};
Node* root;// con tro den nut goc
```



- find(r, id): tìm nút có định danh là id trên cây có gốc là r
- insert(r, p, id): tạo một nút có định danh là id, chèn vào cuối danh sách nút con của nút p trên cây có gốc là r
- height(r, p): trả về độ cao của nút p trên cây có gốc là r
- depth(r, p): trả về độ sâu của nút p trên cây có gốc là r
- parent(r, p): trả về nút cha của nút p trên cây có gốc r
- count(r): trả về số nút trên cây có gốc là r
- countLeaves(r): trả về số nút lá trên cây có gốc là r



 Tìm một nút có nhãn cho trước trên cây

```
Node* find(Node* r, int v){
    if(r == NULL) return NULL;
    if(r->id == v) return r;
    Node* p = r->leftMostChild;
    while(p != NULL){
        Node* h = find(p,v);
        if(h != NULL) return h;
        p = p->rightSibling;
    return NULL;
}
```



Duyệt theo thứ tự trước

```
void preOrder(Node* r){
   if(r == NULL) return;
   printf("%d ",r->id);
   Node* p = r->leftMostChild;
   while(p != NULL){
      preOrder(p);
      p = p->rightSibling;
   }
}
```

Duyệt theo thứ tự giữa

```
void inOrder(Node* r){
   if(r == NULL) return;
   Node* p = r->leftMostChild;
   inOrder(p);
   printf("%d ",r->id);
   if(p != NULL)
      p = p->rightSibling;
  while(p != NULL){
        inOrder(p);
        p = p->rightSibling;
```



Duyệt theo thứ tự sau

```
void postOrder(Node* r){
   if(r == NULL) return;
   Node* p = r->leftMostChild;
   while(p != NULL){
      postOrder(p);
      p = p->rightSibling;
   }
   printf("%d ",r->id);
}
```

• Đếm số nút trên cây

```
int count(Node* r){
    if(r == NULL) return 0;
    int s = 1;
    Node* p = r->leftMostChild;
    while(p != NULL){
        s += count(p);
        p = p->rightSibling;
    }
    return s;
}
```



• Đếm số nút lá trên cây

```
int countLeaves(Node* r){
    if(r == NULL) return 0;
    int s = 0;
   Node* p = r->leftMostChild;
    if(p == NULL) s = 1;
   while(p != NULL){
        s += countLeaves(p);
        p = p->rightSibling;
    return s;
```



• Độ cao của một nút

```
int height(Node* p){
    if(p == NULL) return 0;
    int maxh = 0;
    Node* q = p->leftMostChild;
    while(q != NULL){
        int h = height(q);
        if(h > maxh) maxh = h;
        q = q->rightSibling;
    return maxh + 1;
}
```



• Độ sâu của một nút

```
int depth(Node* r, int v, int d){
    // d la do sau cua nut r
    if(r == NULL) return -1;
    if(r->id == v) return d;
    Node* p = r->leftMostChild;
    while(p != NULL){
        if(p->id == v) return d+1;
        int dv = depth(p,v,d+1);
        if(dv > 0) return dv;
        p = p->rightSibling;
    }
    return -1;
int depth(Node* r, int v){
    return depth(r,v,1);
}
```



Tìm nút cha của một nút

```
Node* parent(Node* p, Node* r){
    if(r == NULL) return NULL;
    Node* q = r->leftMostChild;
    while(q != NULL){
        if(p == q) return r;
        Node* pp = parent(p, q);
        if(pp != NULL) return pp;
        q = q->rightSibling;
    return NULL;
```

Cây nhị phân

- Mỗi nút có nhiều nhất 2 nút con
- Hai con trỏ xác định nút con trái và nút con bên phải

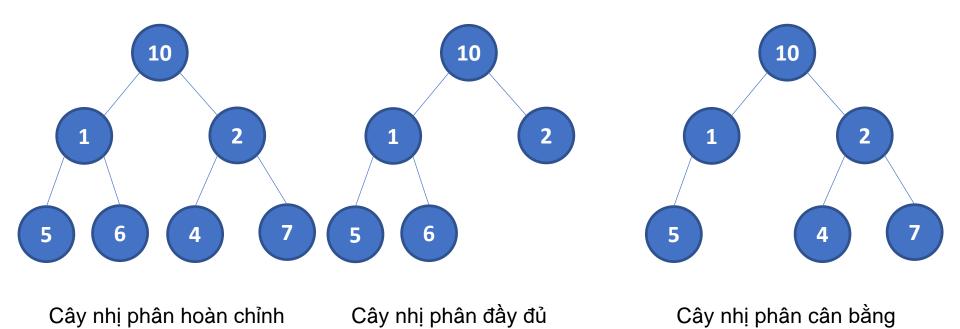
```
struct BNode{
   int id;
   BNode* leftChild; // con trỏ đến nút con trái
   BNode* rightChild;// con trỏ đến nút con phải
};
```

- leftChild = NULL: có nghĩa nút hiện tại không có con trái
- rightChild = NULL: có nghĩa nút hiện tại không có con phải
- Có thể áp dụng sơ đồ thuật toán trên cây tổng quát cho trường hợp cây nhị phân



Cây nhị phân

Phân loại



- Duyệt theo thứ tự giữa
 - Duyệt theo thứ tự giữa cây con bên trái
 - Thăm nút gốc
 - Duyệt theo thứ tự giữa cây con bên phải

```
void inOrder(BNode* r) {
  if(r == NULL) return;
  inOrder(r->leftChild);
  printf("%d ",r->id);
  inOrder(r->rightChild);
}
```



- Duyệt theo thứ tự trước
 - Thăm nút gốc
 - Duyệt theo thứ tự giữa cây con bên trái
 - Duyệt theo thứ tự giữa cây con bên phải

```
void preOrder(BNode* r) {
  if(r == NULL) return;
  printf("%d ",r->id);
  preOrder(r->leftChild);
  preOrder(r->rightChild);
}
```

- Duyệt theo thứ tự sau
 - Duyệt theo thứ tự giữa cây con bên trái
 - Duyệt theo thứ tự giữa cây con bên phải
 - Thăm nút gốc

```
void postOrder(BNode* r) {
  if(r == NULL) return;
  postOrder(r->leftChild);
  postOrder(r->rightChild);
  printf("%d ",r->id);
}
```

• Đếm số nút trên cây nhị phân



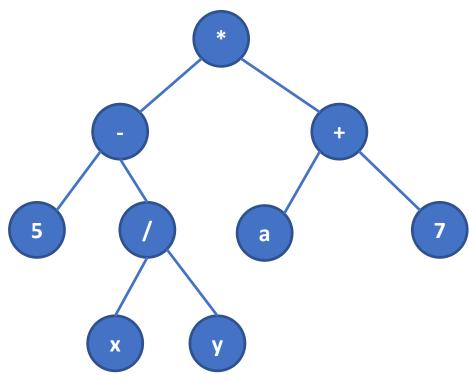
Cây biểu thức

- · Là cây nhị phân
 - Nút giữa biểu diễn toán tử
 - Nút lá biểu diện các toán hạng (biến, hằng)
- Biểu thức trung tố: dãy các nút được thăm trong phép duyệt cây theo thứ tự giữa:

$$(5 - x/y) * (a + 7)$$

 Biểu thức hậu tố: dãy các nút được thăm trong phép duyệt cây theo thứ tự sau:

$$5 \times y / - a 7 + *$$





Tính giá trị của biểu thức hậu tố

- Khởi tạo stack S ban đầu rỗng
- Duyệt các phần tử của biểu thức hậu tố từ trái qua phải
- Nếu gặp toán hạng thì đẩy toán hạng đó vào S
- Nếu gặp toán tử op thì lần lượt lấy 2 toán hạng A và B ra khỏi S, thực hiện C = B op A, và đẩy C vào S
- Khi biểu thức hậu tố được duyệt xong thì giá trị còn lại trong S chính là giá trị của biểu thức đã cho

