

## ДИЗАЙН И АНАЛИЗ НА АЛГОРИТМИ -ПРАКТИКУМ



## Летен семестър, 2024 г., първо контролно

#### Задача КЗ. СИЗИФ

"Боговете осъдили Сизиф до безкрай да тласка тежък камък до планински връх, а оттам той се търкулвал обратно до долу, повлечен от собствената си тежест. Донякъде основателно те решили, че няма по-страшно наказание от безполезния и безнадежден труд."

- Митът за Сизиф, Албер Камю

Планината, по която Сизиф ще търкаля своя камък, може да бъде представена като редица от N числа -  $A_1, A_2, ... A_N$ . За разнообразие, боговете осъждат Сизиф да търкаля камъка си по M различни отсечки - математически, това са интервали от типа [l,r]. "Трудността" на едно търкаляне ще наричаме сумата  $\sum A_i$ .

 $\overline{i=l}$  Преди да започне своя вековен труд, Сизиф ще извърши една последна измама. Най-много Kпъти той ще извърши следното действие: ще избере индекс  $1 \leq i \leq N$ , такъв че  $A_i > 0$  и ще намали  $A_i$  с едно.

Забележете, че Сизиф може да избере да намали  $A_i$  повече от веднъж, стига накрая да е изпълнено  $A_i >= 0$ .

Знаейки предварително по кои отсечки Сизиф ще трябва да търкаля камъка си, намерете минималната достижима обща трудност за всички тях.

#### Вход

На първия ред от стандартния вход се въвеждат три числа N,M,K - дължината на редицата, която дефинира планината, броят търкаляния, които Сизиф ще извърши и максималният брой "намаляния", които той може да извърши предварително. На втория ред от стандартния вход се въвеждат  $A_1, A_2, ... A_N$ . На всеки от следващите M реда се въвеждат по две числа  $l_i$  и  $r_{i}$ , дефиниращи по едно търкаляне.

#### Изход

На единствения ред от стандартния изход изведете минималната достижима сумарна трудност на търкалянията.

#### Ограничения

- $1 \le l_i \le r_i \le N \le 10^5$  за всяко  $i, 1 \le M \le 10^6$   $0 \le K \le 10^{12}, 0 \le A_i \le 10^7$

### Оценяване

В 15% от тестовете ще бъде изпълнено  $N, M \le 10^3$  и  $K \le 10$ .

В 63% от тестовете ще бъде изпълнено  $M \leq 10^4$ 



# ДИЗАЙН И АНАЛИЗ НА АЛГОРИТМИ -ПРАКТИКУМ



# Летен семестър, 2024 г., първо контролно

## Примери

Вход	Изход	
4 2 2 1 2 3 4 1 4 3 4	13	Ще намалим $A_3$ с 2. Тогава редицата става $1,2,1,4$ , трудността на първото търкаляне е $8$ , а на второто - $5$ . Сумарно това е $13$ и може да се докаже, че това е най-малката обща трудност, която можем да получим.
4 2 5 1 2 0 0 1 4 3 4	0	Ще намалим $A_1$ с 1 и $A_2$ с 2. Тогава редицата става $0,0,0,0$ . Забележете, въпреки че $K=5$ , позволено ни е да извършим по-малко намалявания - в случая няма и накъде повече.