

-----TAREA-----

DANIELA NICOLÁS LÓPEZ

Ya tenemos la función, hacer:

A)  $X(n) = X(n-1) + 5$  PARA  $n > 1$ ,  $X(1) = 0$

1.  $n$  es el argumento de la función
2. La operación básica es la multiplicación:  $X(n)$
3. No hay operaciones
4.  $X(1) = 0$

$$X(n) = X(n-1) + 5 \text{ para } n > 1$$

5.  $X(n) = X(n-1) + 5$     sustituir  $X(n-1) = X(n-2) + 5$   
 $= [X(n-2) + 5] + 5$   
 $= X(n-2) + 10$     sustituir  $X(n-2) = X(n-3) + 5$   
 $= [X(n-3) + 5] + 10$   
 $= X(n-3) + 15$

$X(n) = X(n-i) + 5*i$  //CASO BASE

Condición inicial  $X(1) = 0$

$$i = n + 1$$

$$5 = \text{constante} = c$$

$$X(n) = X(n-i) + c*i$$

$$= X(n-n+1) + n$$

$$= X(1) + n$$

$$= 0 + n$$

$$= n$$

<< ALGORITMO DE ORDEN LINEAL >>

B)  $X(n) = 3X(n-1)$  PARA  $n > 1$ ,  $X(1) = 4$

1.  $n$  es el argumento de la función
2. La operación básica es la multiplicación:  $X(n)$
3. No hay operaciones
4.  $X(1) = 4$

$$X(n) = 3X(n-1) \text{ para } n > 1$$

$$\begin{aligned} 5. X(n) &= 3X(n-1) \quad \text{sustituir } X(n-1) = 3X(n-2) \\ &= 3[3X(n-2)] \\ &= 9X(n-2) \quad \text{sustituir } X(n-2) = 3X(n-3) \\ &= 9[3X(n-3)] \\ &= 27[X(n-3)] \end{aligned}$$

$$X(n) = c^i X(n-i) \quad // \text{caso base}$$

Condición inicial  $X(1) = 4$

$$i = n + 1$$

$$\begin{aligned} X(n) &= 3^i X(n-i) \\ &= 3^{n+1} X(n-n+1) \\ &= 3^{n+1} X(1) \\ &= 3^{n+1} \end{aligned}$$

>>> ALGORITMO DE ORDEN EXPONENCIAL

C)  $X(n) = X(n-1) + n$  PARA  $n > 0$ ,  $X(0) = 0$

1.  $n$  es el argumento de la función
2. La operación básica es la multiplicación:  $X(n)$
3. No hay operaciones
4.  $X(0) = 0$   
 $X(n) = X(n-1) + n$  para  $n > 0$

5.  $X(n) = X(n-1) + n$     sustituir  $X(n-1) = X(n-2) + n$   
 $= [X(n-2) + n] + n$   
 $= X(n-2) + 2n$     sustituir  $X(n-2) = X(n-3) + n$   
 $= [X(n-3) + n] + 2n$   
 $= X(n-3) + 3n$

$X(n) = X(n-i) + i \cdot n$     #caso base

Condición inicial  $X(0) = 0$

$i = n$

$X(n) = X(n-i) + i \cdot n$   
 $= X(n-n) + n \cdot n$   
 $= X(0) + n^2$   
 $= n^2$

>>>  $X(n)$  es de orden  $O(n^2)$

D)  $X(n) = X(n/2) + n$  PARA  $n > 1$ ,  $X(1)=1$  (resolver para  $n=2^K$ )

1.  $n$  es el argumento de la función
2. La operación básica es la multiplicación:  $X(n/2)$
3. No hay operaciones
4.  $X(1) = 1$

$$X(n) = X(n/2) + n \text{ para } n > 1$$

$$\begin{aligned} 5. X(n) &= X(n/2) + n && \text{sustituir } X(n/2) = X(n/4) + n \\ &= [X(n/4) + n] + n \\ &= X(n/4) + 2n && \text{sustituir } X(n/4) = X(n/8) + n \\ &= [X(n/8) + n] + 2n \\ &= X(n/8) + 3n \end{aligned}$$

-----CASO BASE-----

$$X(n) = X(n/2^i) + i \cdot n$$

Condición inicial  $X(1) = 1$

$$\text{Si } i = \log_2 n - 1$$

$$\begin{aligned} &= X(n/2^{\log_2 n}) + \log_2 n \\ &= X(1) + \log_2 n \\ &= \log_2 n \end{aligned}$$

6. La eficiencia es de orden  $\log_2 n$

//como ejemplo

$$x(n) = x(n/2/2) + n/2 + n$$

#este algoritmo no es recursivo

algoritmo misterioso(n):

    s<-0 //t1

    Para i<-1 hasta n hacer //t2

        s<-s+i\*i //t3

    Fin Para

    devolver s //t4

Fin

i=1	S=0	N=5
1	1	0
2	5	1
3	14	2
4	30	3
5	55	4
6	91	5

s(0)=0

s(n) = t1 + n\*t2+ n\*t3 + t4

T(n) = (t2+t3)\*n + (t1+t4)

T(n) = c\*n +c2

Si T(n) = c\*n

Algoritmo de orden lineal

¿Qué calcula el algoritmo?

Calcula algo parecido a la sucesión de fibonacci

¿Cuál es la operación básica?

s+n\*2+1

¿Cuántas veces se ejecuta la operación básica?

n veces

¿Cuál es la eficiencia del algoritmo?

n

Sugerir una mejora al algoritmo.

Le pondría incrementos