

به نام خدا

برنامه‌سازی پیشرفته

آرش شفیعی



ساختار داده‌ها و الگوریتم‌های استاندارد

- در پیاده‌سازی سیستم‌های نرم‌افزاری در بیشتر مواقع به مجموعه‌ای از داده‌ها نیاز داریم که باید به نحوی ذخیره‌سازی کرده و بر روی آنها عملیات انجام دهیم.
- کلاسی را که یک مجموعه از داده‌ها را نگهداری می‌کند، معمولاً یک ظرف¹ می‌نامیم.
- معمولاً در یک برنامه باید ظرف‌هایی که نیاز داریم را با انواع توابع مورد نیازها پیاده‌سازی کنیم. در کتابخانه استاندارد سی++ بسیاری از ساختار داده‌های معمول پیاده‌سازی شده‌اند.

¹ container

- ظرف‌های استاندارد را می‌توان به چهار دسته ظرف‌های ترتیبی¹، ظرف‌های مبدل²، ظرف‌های رابطه‌ای³ تقسیم کرد.

¹ sequence containers

² container adaptors

³ associative containers

ساختار داده‌های استاندارد

- ظرف‌های ترتیبی به ظرف‌هایی گفته می‌شود که دسترسی به عناصر آنها به صورت ترتیبی صورت می‌گیرد.
- این ظرف‌ها شامل آرایه (array)، وکتور یا حامل (vector)، صف دوطرفه (deque)، و لیست یا لیست پیوندی (list) می‌شوند.
- آرایه ظرفی است که اندازه آن در زمان اجرای برنامه غیرقابل تغییر است.
- وکتور آرایه‌ای است که اندازه آن در زمان اجرا قابل افزایش و کاهش است و علاوه بر آن پیاده‌سازی آن برای دسترسی تصادفی به عناصر وکتور بهینه‌سازی شده است.
- صف دوطرفه یک صف است که از ابتدا و انتها می‌توان به عناصر آن دسترسی پیدا کرد. به علاوه دسترسی تصادفی به عناصر آن به صورت بهینه انجام می‌شود.
- لیست یک لیست پیوندی دوطرفه است.

- ظرف‌های مبدل به ظرف‌هایی گفته می‌شود که یک سازوکار جدید برای پیاده‌سازی ظرف‌ها ارائه نمی‌کنند، بلکه تنها از ظرف‌های ترتیبی به عنوان زیرساخت استفاده کرده و امکانات و قابلیت‌های جدید به آنها اضافه می‌کنند.
- این ظرف‌ها شامل صف (queue)، پشته (stack)، و صف اولویت (priority_queue) می‌شوند.

- پشته ساختار داده‌ای است که در آن آخرین عنصری که وارد می‌شود، اولین عنصری است که خارج می‌شود. به عبارت دیگر برای اضافه کردن یک عنصر به پشته به بالای آن عنصری را اضافه و برای حذف از پشته آخرین عنصر اضافه شده به پشته اولین عنصری است که حذف می‌شود. پشته مفهوم آخرین-ورودی، اولین-خروجی¹ را پیاده‌سازی می‌کند.
- صف ساختار داده‌ای است که در آن اولین عنصری که وارد می‌شود، اولین عنصری است که خارج می‌شود. پس وقتی یک عنصر به صف وارد می‌شود در آخر صف قرار می‌گیرد و اولین عنصری که به صف وارد شده اولین عنصری است که خارج می‌شود. پشته مفهوم اولین-ورودی، اولین-خروجی² را پیاده‌سازی می‌کند.
- در یک صف اولویت، هر عنصر دارای یک اولویت است و عناصری که اولویت بیشتری دارند زودتر از صف خارج می‌شوند.

¹ last in, first out (LIFO)

² first in, first out (FIFO)

- ظرف‌های رابطه‌ای به ظرف‌هایی گفته می‌شود دسترسی به عناصر آنها بر اساس یک رابطه یا یک نگاشت است.
- ظرف‌های رابطه‌ای شامل نگاشت (map)، مجموعه (set)، چندنگاشت (multimap)، چندمجموعه (multiset)، نگاشت نامرتب (unordered_map) و مجموعه نامرتب (unordered_set) می‌شوند.
- نگاشت ظرفی است که توسط آن یک کلید به یک مقدار نسبت داده می‌شود، پس دسترسی به هر عنصر توسط کلید یکتای آن عنصر است. کلیدهای یک نگاشت به صورت مرتب در درون آن قرار گرفته‌اند.
- در یک مجموعه هر عنصر تنها یک بار تکرار می‌شود و دسترسی به هر عنصر مجموعه توسط یک کلید یکتا صورت می‌گیرد. عناصر یک مجموعه به صورت مرتب در آن قرار گرفته‌اند.

- چندنگاشت، نگاشتی است که در آن کلید یکتا نیست و چند عنصر می‌توانند کلید یکسان داشته باشند. همچنین چندمجموعه، مجموعه‌ای است که در عناصر می‌توانند تکرار شوند.
- نگاشت و مجموعه نامرتب شبیه نگاشت و مجموعه هستند با این تفاوت که عناصر درونی آنها مرتب نشده است.

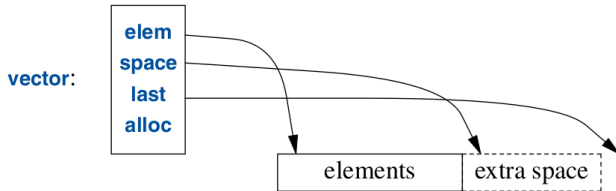
- هر ظرف شامل یک پیمایشگر¹ است. یک پیمایشگر شبیه یک اشاره‌گر است که به یک عنصر از یک ظرف اشاره می‌کند. پیمایشگرهای ظرف‌های مختلف به صورت‌های مختلف تعریف شده‌اند.
- همچنین برای هر ظرف الگوریتم‌های متفاوتی تعریف شده است که می‌توان از این الگوریتم‌ها به صورت بهینه برای عملیات متفاوت بر روی ظرف‌ها از جمله مرتب‌سازی و جستجو استفاده کرد.

¹ iterator

- وکتور یا حامل یکی از پر استفاده ترین ظرفهاست. یک وکتور دنباله ای از عناصر با یک نوع معین است. عناصر وکتور به صورت به هم پیوسته ¹ مجاور یکدیگر در حافظه قرار گرفته اند.
- در یک وکتور تعدادی عنصر قرار گرفته و تعدادی فضای خالی برای عناصری که در آینده وارد وکتور خواهند شد وجود دارد. وقتی فضای خالی پر شد، وکتور مجددا فضای جدیدی در حافظه تخصیص می دهد.

¹ contiguous

- به عبارت دیگر یک وکتور شامل اندازه‌ای ¹ است که تعداد عناصر درون آن را تعیین می‌کند و دارای ظرفیتی ² است که حداکثر تعداد عناصری که می‌توانند درون آن قرار بگیرند را تعیین می‌کند. وقتی اندازه بیشتر به ظرفیت برسد، وکتور باید برای عناصر جدید فضای بیشتر تخصیص دهد و ظرفیت وکتور را افزایش دهد.



¹ size

² capacity

- وکتور توسط قالب پیاده‌سازی شده است و آن را می‌توان با استفاده از عناصری از هر نوع داده‌ای ساخت. در مقداردهی اولیه می‌توان اندازه وکتور و مقدار پیش‌فرض عناصر آن را تعیین کرد.

```

۱ vector<int> v1 = {1, 2, 3, 4}; // size is 4
۲ vector<string> v2; // size is 0
۳ vector<Shape*> v3(23); // size is 23; initial element value: nullptr
۴ vector<double> v4(32,9.9); // size is 32; initial element value: 9.9

```

- عملگر زیرنویس برای وکتور سربارگذاری شده است، بنابراین می‌توانیم به عناصر آن به صورت تصادفی دسترسی پیدا کنیم.

```

۱ vector<int> myvector (10); // 10 zero-initialized elements
۲ vector<int>::size_type sz = myvector.size();
۳ // assign some values:
۴ for (unsigned i=0; i<sz; i++) myvector[i]=i;

```

- می‌توانیم وکتوری به صورت زیر بسازیم:

```
۱ struct Entry { string name; int number; };  
۲  
۳ vector<Entry> phone_book = {  
۴     {"Mr. X", 123},  
۵     {"Mrs. Y", 456}  
۶ };
```

- از آنجایی که عملگر درج را برای Entry تعریف کرده‌ایم می‌توانیم به صورت زیر عناصر وکتور را چاپ کنیم.

```
۱ void print_book(const vector<Entry>& book) {  
۲     for (int i = 0; i!=book.size(); ++i)  
۳         cout << book[i] << '\n';  
۴ }
```

- همچنین توسط حلقهٔ تکرار بر روی دامنه می‌توانیم به صورت زیر به عناصر وکتور دسترسی پیدا کنیم.

```
۱ void print_book(const vector<Entry>& book) {  
۲     for (const auto& x : book)  
۳         cout << x << '\n';  
۴ }
```

- یکی از توابع وکتور تابع `push_back` است که توسط آن می‌توان یک عنصر به وکتور افزود. با فرض اینکه عملگر استخراج برای نوع داده `Entry` تعریف شده باشد، می‌توانیم به صورت زیر عمل کنیم.

```

۱ void input() {
۲     for (Entry e; cin>>e; )
۳         phone_book.push_back(e);
۴ }
```

- تابع `push_back` به گونه‌ای طراحی شده است که تا وقتی که اندازه وکتور به ظرفیت آن نرسیده است عنصر را به وکتور اضافه می‌کند و پس از اینکه اندازه به ظرفیت رسید، ظرفیت وکتور را می‌افزاید و همچنین ممکن است فضایی جدید در حافظه برای عناصر خود تخصیص دهد و عناصر در حافظه قبلی را در حافظه جدید کپی کند.
- با استفاده از تابع `reserve()` می‌توان فضایی را در حافظه تخصیص داد و بدین‌گونه از تخصیص مجدد حافظه جلوگیری کرد، اما باید دانست که وکتور از راه‌های اکتشافی یا هیوریستیک‌هایی استفاده می‌کند که توسط آن مقدار بهینه ظرفیت را پیش‌بینی می‌کند.

- با استفاده از تابع `pop_back()` می‌توانیم عنصری را از یک وکتور حذف کنیم.

```
۱ vector<int> myvector;  
۲ int sum (0);  
۳ myvector.push_back (100);  
۴ myvector.push_back (200);  
۵ myvector.push_back (300);  
۶  
۷ while (!myvector.empty()) {  
۸     sum+=myvector.back();  
۹     myvector.pop_back();  
۱۰ }
```

- دسترسی به عناصر خارج از محدوده در وکتور توسط عملگر زیرنویس [] خطایی تولید نمی‌کند.

```
۱ vector<Entry> book;  
۲ int i = book[book.size()].number;  
۳ // i gets a random value  
۴ }
```

- وکتور در دسترسی خارج از محدوده استثنایی ارسال نمی‌کند، چرا که با پیاده‌سازی استثنا برای آن سربار اضافی تحمیل شده و از بهره‌وری وکتور کاسته می‌شود.

- دسترسی به عناصر خارج از محدوده در وکتور توسط عملگر زیرنویس [] خطایی تولید نمی‌کند.

```
۱ vector<Entry> book;  
۲ int i = book[book.size()].number;  
۳ // i gets a random value  
۴ }
```

- از طرف دیگر می‌توان با استفاده از تابع at به اعضای یک وکتور دسترسی پیدا کرد که در صورت دسترسی خارج از محدوده این تابع یک استثنا ارسال می‌کند.

- می‌توانیم کلاسی تعریف کنیم که از کلاس وکتور ارث‌بری می‌کند و بدین ترتیب عملگر زیرنویس را سربارگذاری کرده به نحوی که دسترسی به عناصر استثنا ارسال کند.

```
۱ template<typename T>
۲ class Vec : public std::vector<T> {
۳ public:
۴     // use the constructors from vector (under the name Vec)
۵     using vector<T>::vector;
۶     T& operator[](int i) { return vector<T>::at(i); } // range check
۷     const T& operator[](int i) const {
۸         return vector<T>::at(i); // range check const objects
۹     }
۱۰ };
```

- می‌توانیم کلاسی تعریف کنیم که از کلاس وکتور ارث‌بری می‌کند و بدین ترتیب عملگر زیرنویس را سربارگذاری کرده به نحوی که دسترسی به عناصر استثنا ارسال کند.

```
۱ void checked(Vec<Entry>& book) {  
۲     try {  
۳         book[book.size()] = {"Joe", 999999};  
۴         // ...  
۵     } catch (out_of_range&) {  
۶         cerr << "range error\n";  
۷     }  
۸ }
```

- بهتر است همیشه در بدنه اصلی برنامه همه استثناها را مدیریت کنیم تا اگر تابعی یک استثنا را مدیریت نکرد با توقف برنامه روبرو نشویم.

```
۱ int main() {  
۲     // ...  
۳     try {  
۴         // code using Vec  
۵     } catch (out_of_range&) {  
۶         cerr << "range error\n";  
۷     } catch (...) {  
۸         cerr << "unknown exception thrown\n";  
۹     }  
۱۰    // ...  
۱۱ }
```

- معمولا در استفاده از ظرف‌ها می‌خواهیم عناصر ظرف را پیمایش کنیم. برای چنین کاری معمولا از یک پیمایشگر¹ استفاده می‌کنیم.
- یک پیمایشگر شبیه یک اشاره‌گر است که به یکی از عناصر یک ظرف اشاره می‌کند و می‌توان با استفاده از آن عناصر را پیمایش کرد. هر ظرف برای خود به نحوی متفاوت پیمایشگری پیاده‌سازی کرده است ولی نحوه استفاده از آنها یکسان است.

¹ iterator

- هر ظرف در کتابخانه استاندارد دو تابع `begin()` و `end()` فراهم کرده است. تابع `begin()` پیمایشگری به اولین عنصر ظرف و تابع `end()` پیمایشگری به عنصر ماقبل آخر ظرف باز می گرداند.
- اگر `p` یک پیمایشگر باشد، `*p` مقدار عنصری است که آن پیمایشگر به آن اشاره می کند، و `++p` پیمایشگر را یک عنصر به جلو حرکت می دهد. همچنین اگر `p` به کلاسی اشاره کند که یکی از اعضای آن `m` است، آنگاه `p->m` نشان دهنده آن عضو از کلاس است که معادل با `m`. (`*p`) است.

```

۱ vector<int> vec(10,100);
۲ for (vector<int>::iterator it = vec.begin(); it != vec.end(); ++it)
۳     cout << ' ' << *it;

```

- در کلاس وکتور می‌توان پیمایشگر را به صورت زیر تعریف کرد.

```
۱ template <typename T>
۲ class Vector {
۳ public:
۴     typedef T * iterator;
۵ };
۶ auto Vector<int>::iterator iter;
```

- همچنین با استفاده از پیمایشگرها می‌توانیم وکتور را مقداردهی اولیه کنیم.

```
۱ // empty vector of ints
۲ vector<int> first;
۳ // four ints with value 100
۴ vector<int> second (4,100);
۵ // iterating through second
۶ vector<int> third (second.begin(),second.end());
۷ // a copy of third
۸ vector<int> fourth (third);
۹ // the iterator constructor can also be used to construct from arrays:
۱۰ int myints[] = {16,2,77,29};
۱۱ vector<int> fifth (myints, myints + sizeof(myints) / sizeof(int) );
```

- از تابع insert می‌توانیم برای درج عناصری در میانهٔ وکتور استفاده کنیم.

```
۱ vector<int> myvector (3,100);
۲ vector<int>::iterator it;
۳ it = myvector.begin();
۴ it = myvector.insert ( it , 200 );
۵ myvector.insert (it,2,300);
۶ // "it" no longer valid, get a new one:
۷ it = myvector.begin();
۸ vector<int> anothervector (2,400);
۹ myvector.insert (it+2,anothervector.begin(),anothervector.end());
۱۰ int myarray [] = { 501,502,503 };
۱۱ myvector.insert (myvector.begin(), myarray, myarray+3);
```

- تابع reserve برای اختصاص دادن حافظه و تغییر ظرفیت وکتور به کار برده می‌شود.

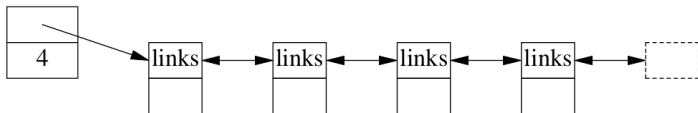
```
۱ vector<int> bar;  
۲ sz = bar.capacity();  
۳ bar.reserve(100);    // change the capacity to 100  
۴ cout << "making bar grow:\n";  
۵ for (int i=0; i<200; ++i) {  
۶     bar.push_back(i);  
۷     if (sz!=bar.capacity()) {  
۸         sz = bar.capacity();  
۹         cout << "capacity changed: " << sz << '\n';  
۱۰     }  
۱۱ }
```

- یکی از ساختار داده‌های ترتیبی صف دوطرفه ¹ است که شبیه وکتور است با این تفاوت که پیاده‌سازی آن به نحوی است که درج و حذف از ابتدای وکتور را نیز فراهم می‌کند.
- اضافه کردن این رفتار سرباری نیز دارد به طوری که بهره‌وری آن از وکتور کمتر است ولی در جایی که به اضافه و درج در ابتدای وکتور نیاز است می‌تواند این کار را بهینه‌تر انجام دهد.

¹ double ended queue

- یکی از ساختار داده‌های ترتیبی لیست است که در واقع پیاده‌سازی یک لیست پیوندی دوطرفه¹ است.

list:



- معمولا در جایی که به ظرفی از عناصر نیاز داریم از وکتور استفاده می‌کنیم. وکتور همچنین الگوریتم‌های جستجو و مرتب‌سازی بهینه‌تری دارد. اما وقتی نیاز به درج و حذف تعداد زیادی از عناصر در میانه ظرف داریم از لیست استفاده می‌کنیم.

¹ doubly-linked list

- هنگامی از لیست استفاده می‌کنیم که می‌خواهیم در لیست درج و حذف کنیم، بدون اینکه عناصر دیگر لیست را جابجا کنیم.

- یک لیست را می‌توانیم شبیه یک وکتور مقداردهی اولیه و از آن استفاده کنیم.

```
۱ list<Entry> phone_book = { {"Mr. X",123}, {"Mrs. Y", 456} };
۲ int get_number(const string& s) {
۳     for (const auto& x : phone_book)
۴         if (x.name==s)
۵             return x.number;
۶     return 0; // use 0 to represent "number not found"
۷ }
```

– همچنین با استفاده از یک پیمایشگر می‌توانیم عناصر یک لیست را پیمایش کنیم.

```

۱ int get_number(const string& s) {
۲     for (auto p = phone_book.begin(); p!=phone_book.end(); ++p)
۳         if (p->name==s)
۴             return p->number;
۵     return 0; // use 0 to represent "number not found"
۶ }
```

– پیمایشگر لیست از نوع پیمایشگر دوطرفه (bidirectional_iterator) است، یعنی تنها به جلو و عقب حرکت می‌کند. دسترسی به یک عنصر در میانهٔ لیست به صورت تصادفی توسط عملگر زیرنویس امکان پذیر نیست.

- با استفاده از توابع insert و erase می‌توانیم عنصری به لیست بیافزاییم و عنصری از لیست حذف کنیم.

```
۱ void f(const Entry& ee,  
۲         list<Entry>::iterator p, list<Entry>::iterator q) {  
۳     // add ee before the element referred to by p  
۴     phone_book.insert(p, ee);  
۵     // remove the element referred to by q  
۶     phone_book.erase(q);  
۷ }
```

- تابع insert(p, elem) عنصری که یک کپی از elem است را به لیست، قبل از عنصری که p به آن اشاره می‌کند می‌افزاید.

- همچنین erase(p) عنصری را که p به آن اشاره می‌کند، از لیست حذف می‌کند.

- برای لیست دو تابع `push_front` و `pop_front` نیز تعریف شده‌اند که می‌توان با استفاده از آنها عنصری را به ابتدای لیست افزود یا از ابتدای لیست عنصری را حذف کرد.
- دلیل این که این عملیات در لیست وجود دارند ولی در وکتور وجود ندارند این است که برای اضافه کردن یک عنصر در ابتدای لیست تنها لازم است عنصری را در حافظه ساخته و اشاره‌گری به اولین عنصر لیست فعلی در آن قرار داد. اما برای اضافه کردن یک عنصر به ابتدای یک وکتور باید همهٔ عناصر وکتور را جابجا کرد.
- تابع `sort` در لیست عناصر آن را مرتب‌سازی می‌کند.
- با استفاده از تابع `remove` می‌توان یک عنصر را با استفاده از مقدار آن از لیست حذف کرد.

```
۱ int myints[] = {17,89,7,14};  
۲ list<int> mylist (myints,myints+4);  
۳ mylist.remove(89);
```

- دو لیست مرتب شده را می توان با استفاده از تابع merge ادغام کرد.

```
۱ int first[] = {5,10,15,20,25};  
۲ int second[] = {50,40,30,20,10};  
۳ vector<int> v(10);  
۴ sort (first,first+5);  
۵ sort (second,second+5);  
۶ merge (first,first+5,second,second+5,v.begin());
```

- پیچیدگی درج در یک وکتور بسته به اینکه وکتور ظرفیت داشته باشد، یا ظرفیت آن تمام شده باشد و نیاز به تخصیص حافظه جدید داشته باشد $O(1)$ یا $O(n)$ است، اما پیچیدگی درج یک عنصر در یک لیست $O(1)$ است.
- البته باید توجه داشت در حالتی که وکتور ظرفیت داشته باشد، برای درج در آن نیاز به تخصیص حافظه نیست، اما در لیست در هر بار اضافه کردن یک عنصر باید یک فضای به اندازه همان یک عنصر در حافظه تخصیص داد.

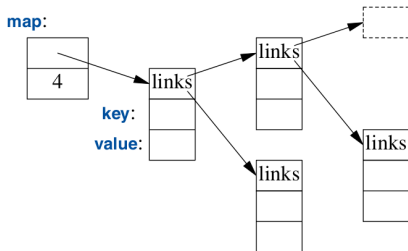
- نگاشت ¹ یکی از ساختارهای داده است که توسط آن می‌توان تعدادی زوج را ذخیره سازی کرد. هر زوج شامل یک کلید و یک مقدار است. می‌گوییم یک ظرفِ نگاشت هر کلید را به یک مقدار نگاشت می‌کند و ارتباطی بین یک مجموعه از کلیدها و یک مجموعه از مقادیر را نشان می‌دهد.
- یک نگاشت را آرایهٔ رابطه‌ای یا لغت‌نامه یا دیکشنری ² نیز می‌نامیم.
- در یک نگاشت هر کلید یکتاست و دو کلید یکسان را نمی‌توان در یک نگاشت درج کرد. از طرفی در ساختار دادهٔ چندنگاشت ² می‌توان دو کلید یکسان درج کرد.

¹ map

² dictionary

² multi-map

- علاوه بر نگهداری زوج‌های کلید و مقدار، یک نگاشت، کلیدها را توسط یک درخت جستجوی دودویی¹ ذخیره‌سازی می‌کند. در درخت جستجوی دودویی، مقادیر همهٔ رئوس زیردرخت سمت چپ در یک رأس پدر، کوچکتر از مقدار رأس پدر است و همچنین مقادیر همهٔ رئوس زیردرخت سمت راست بزرگتر از رأس پدر است. بنابراین جستجو در کلیدهای یک نگاشت با پیچیدگی زمانی کمتر و در نتیجه بهینه‌تر انجام می‌شود.



- پیچیدگی جستجو برای یک نگاشت با n عضو $O(\log n)$ است.

¹ binary search tree

– می‌توانیم از یک نگاشت بدین صورت استفاده کنیم.

```
۱ map<string,int> phone_book { {"Mr. X",123}, {"Mrs. Y", 456} };  
۲  
۳ int get_number(const string& s) {  
۴     return phone_book[s];  
۵ }
```

– یک نگاشت از رشته‌ها و به اعداد صحیح تعریف می‌کنیم. پس در اینجا کلیدها رشته‌ها و مقادیر اعداد صحیح هستند.

- پس یک نگاشت از کلاس map مجموعه‌ای است از زوج‌ها که توسط کلاس زوج pair تعریف شده‌اند.
- یک زوج توسط یک قالب با دو متغیر تعریف شده است. متغیر اول نوع داده‌ای کلید و متغیر دوم نوع داده‌ای مقدار را تعیین می‌کند.

```
۱ pair <string,double> product1; // default constructor
۲ pair <string,double> product2 ("tomatoes",15.5); // value init
۳ pair <std::string,double> product3 (product2); // copy constructor
۴
۵ map<string,double> mymap;
۶ mymap.insert (product1);
۷ mymap.insert (product2);
۸ mymap.insert (product3);
۹ mymap.insert (pair <std::string,double> ("potatoes", 10.5));
```

- عملگر زیرنویس¹ برای نگاشت تعریف شده است، بنابراین می‌توانیم به صورت زیر نیز کلیدها و مقادیر را در آن درج کنیم.

```

۱ map<char, string> mymap;
۲
۳ mymap['a']="an element";
۴ mymap['b']="another element";
۵ mymap['c']=mymap['b'];

```

- پس برای یک کلید در یک نگاشت توسط عملگر زیرنویس، نیازی نیست آن کلید در نگاشت وجود داشته باشد. با استفاده از عملگر زیرنویس، در صورتی که یک کلید در نگاشت وجود نداشته باشد آن کلید در نگاشت درج می‌شود و در صورتی که آن کلید در نگاشت وجود داشته باشد، مقدار آن تغییر می‌کند.

¹ subscript operator

- سازنده نگاشت می‌تواند توسط پیمایشگر یک نگاشت دیگر نیز نگاشت را بسازد.

```
۱ map<char, int> first;  
۲ first['a']=10; first['b']=30;  
۳ first['c']=50; first['d']=70;  
۴ map<char, int> second (first.begin(), first.end());  
۵ map<char, int> third (second);
```

- همانند وکتور، عملگر زیرنویس در نگاشت نیز استثنا ارسال نمی‌کند. می‌توان از تابع `at` برای دسترسی به عناصر نگاشت استفاده کرد. این تابع در صورت خطا استثنا ارسال می‌کند.

- با استفاده از تابع `find` می‌توان در یک نگاشت جستجو کرد. اگر جستجو موفقیت‌آمیز بود، این تابع یک پیمایشگر به کلید یافته شده بازمی‌گرداند. اگر کلید مورد نظر یافته نشود، تابع مقدار پیمایشگر `end()` را بازمی‌گرداند که در واقع به بعد از آخرین عنصر در نگاشت اشاره می‌کند.
- پیمایشگر در یک نگاشت دو عضو `first` و `second` دارد که به کلید و مقدار در یک زوج اشاره می‌کنند.

- در مثال زیر با دریافت یک حرف الفبای انگلیسی معادل عددی آن را در یک نگاشت جستجو می‌کنیم.

```
۱ map<char, int> m;  
۲ for(int i = 0; i < 26; i++) {  
۳     m.insert(pair<char, int>('A'+i, 65+i));  
۴ }  
۵ char ch;  
۶ cout << "Enter key: ";  
۷ cin >> ch;  
۸ map<char, int>::iterator p;  
۹ p = m.find(ch);  
۱۰ if(p != m.end())  
۱۱     cout << "The ASCII value of" << p->first << " is " << p->second;  
۱۲ else  
۱۳     cout << "Key not in map.\n";
```

- تابع درج (insert) یک زوج بازمی‌گرداند. متغیر دوم در این زوج یک متغیر بولی است. در صورتی که تابع insert موفقیت‌آمیز انجام شود، متغیر دوم در زوج بازگردانده شده، مقدار درست را بازمی‌گرداند و در غیراینصورت مقدار نادرست را بازمی‌گرداند.
- همچنین متغیر اول در زوج بازگردانده شده یک پیمایشگر است.
- در صورتی که کلید مورد نظر برای درج در نگاشت وجود داشت، تابع درج پیمایشگری به کلید یافته شده بازمی‌گرداند و در صورتی که کلید مورد نظر در نگاشت وجود نداشت، کلید و مقدار را درج کرده و پیمایشگری به کلید تازه درج شده بازمی‌گرداند.

```
۱ map<char,int> mymap;  
۲  
۳ // first insert function version (single parameter):  
۴ mymap.insert ( std::pair<char,int>('a',100) );  
۵ mymap.insert ( std::pair<char,int>('z',200) );  
۶  
۷ pair<std::map<char,int>::iterator,bool> ret;  
۸ ret = mymap.insert ( std::pair<char,int>('z',500) );  
۹ if (ret.second==false) {  
۱۰     cout << "element 'z' already existed";  
۱۱     cout << " with a value of " << ret.first->second << '\n';  
۱۲ }
```

- همچنین با استفاده از تابع `erase` می‌توان تعدادی از زوج‌ها را در یک نگاشت حذف کرد.

```

۱ map<char,int> mymap;
۲ map<char,int>::iterator it;
۳
۴ // insert some values:
۵ mymap['a']=10; mymap['b']=20; mymap['c']=30;
۶ mymap['d']=40; mymap['e']=50; mymap['f']=60;
۷
۸ it=mymap.find('b');
۹ mymap.erase(it); // erasing by iterator
۱۰ mymap.erase('c'); // erasing by key
۱۱ it=mymap.find('e');
۱۲ mymap.erase(it, mymap.end()); // erasing by range

```

- حذف می‌تواند توسط یک مقدار یا توسط یک پیمایشگر برای یک عضو یا بازه‌ای از اعضا انجام شود.

- پیمایشگر نگاشت را شبیه به پیمایشگر وکتور و لیست می‌توان استفاده کرد و اعضای نگاشت را پیمایش کرد.

```
۱ // show content:  
۲ for (it=mymap.begin(); it!=mymap.end(); ++it)  
۳     cout << it->first << " => " << it->second << '\n';
```


- چندنگاشت شبیه یک نگاشت است با این تفاوت که کلیدها می‌توانند تکرار شوند.
- تابع `درج` پیمایشگری به کلید `درج` شده باز می‌گرداند.
- تابع `erase` نیز همهٔ زوج‌ها با یک کلید معین را حذف می‌کند.
- تابع `شمارش` (`count`) تعداد کلیدها را در نگاشت می‌شمارد.
- تابع `equal_range` یک کلید را دریافت کرده و بازه‌ای با شروع از اولین تکرار کلید و پایان با آخرین تکرار کلید مورد نظر را باز می‌گرداند.

- مقدار بازگردانده شده توسط تابع `equal_range` یک دوتایی است که مقدار اول آن پیمایشگری به ابتدای محدوده یافت شده و مقدار دوم آن پیمایشگری به بعد از انتهای محدوده یافت شده است.

```

۱ std::multimap<char,int> mm;
۲ mm.insert(pair<char,int>('a',10)); mm.insert(make_pair('b',20));
۳ mm['b'] = 30; mm['b'] = 40; mm['c'] = 50; mm['c'] = 60; mm['d'] = 60;
۴ cout << "mm contains:\n";
۵ for (char ch='a'; ch<='d'; ch++) {
۶     pair <multimap<char,int>::iterator,
۷         multimap<char,int>::iterator> ret;
۸     ret = mm.equal_range(ch);
۹     cout << ch << " =>";
۱۰    for (multimap<char,int>::iterator it=ret.first;
۱۱        it!=ret.second; ++it)
۱۲        cout << ' ' << it->second;
۱۳    cout << '\n';
۱۴ }

```

```
۱ multimap<char,int> mm;
۲ mm.insert(make_pair('x',50));
۳ mm.insert(make_pair('y',100));
۴ mm['y']=150; mm['y']=200; mm['z']=250; mm['z']=300;
۵
۶ for (char c='x'; c<='z'; c++) {
۷     cout << "There are " << mm.count(c)
۸         << " elements with key " << c << ":";
۹     multimap<char,int>::iterator it;
۱۰    for (it=mm.equal_range(c).first;
۱۱        it!=mm.equal_range(c).second; ++it)
۱۲        cout << ' ' << (*it).second;
۱۳    cout << '\n';
۱۴ }
```

- تابع `lower_bound` پیمایشگری بازمی‌گرداند به اولین کلیدی که از کلید داده شده توسط تابع بزرگتر یا مساوی است. تابع `upper_bound` پیمایشگری بازمی‌گرداند به اولین کلیدی که از کلید داده شده توسط تابع بزرگتر است.

```

۱  multimap<char,int> mm;
۲  multimap<char,int>::iterator it,itlow,itup;
۳  mm.insert(std::make_pair('a',10));
۴  mm.insert(std::make_pair('b',121));
۵  mm['c']=1001; mm['c']=2002;
۶  mm['d']=11011; mm['e']=44;
۷
۸  itlow = mm.lower_bound ('b');    // itlow points to b
۹  itup = mm.upper_bound ('d');    // itup points to e (not d)
۱۰
۱۱ // print range [itlow,itup):
۱۲ for (it=itlow; it!=itup; ++it)
۱۳     cout << (*it).first << " => " << (*it).second << '\n';

```

از آنجایی که کلیدها در یک نگاشت مرتب شده‌اند، بنابراین اگر بخواهیم از یک کلاس دلخواه به عنوان کلید برای یک نگاشت استفاده کنیم، عملگر کوچکتر < باید برای آن کلاس سربارگذاری شده باشد.

```
۱ class student {  
۲     int id;  
۳     string name;  
۴ public:  
۵     bool operator<(const student& s) { return (id < s.id); }  
۶     // ...  
۷ };  
۸ map<student, double> grades;
```

- به جز کلید، مقدار در یک نگاشت نیز می‌تواند از یک کلاس دلخواه و تعریف‌شده توسط کاربر باشد. اما نیازی نیست عملگر کوچکتر بر روی آن کلاس تعریف شده باشد.

- مجموعه (set) شبیه نگاشت (map) است با این تفاوت که به جای نگهداری یک زوج کلید و مقدار، فقط یک کلید را نگهداری می‌کند.
- پس یک مجموعه ساختار داده‌ای است برای نگهداری کلیدهای یکتا که در یک درخت جستجوی دودویی ذخیره شده‌اند.
- چندمجموعه نیز مانند مجموعه است با این تفاوت که کلیدها می‌توانند تکرار شوند.

- یک پشته ساختار داده‌ای است که داده‌ها را می‌توان به انتهای آن اضافه کرد یا از انتهای آن حذف کرد.
- پشته را می‌توان توسط یک وکتور یا صف دوطرفه ساخت. پس زیرساخت پشته ساختار داده جدیدی نیست بلکه تنها عملگرهای مورد نیاز برای آن تعریف شده‌اند.
- با استفاده از تابع `push` در پشته درج و با استفاده از تابع `pop` از پشته مقداری را حذف می‌کنیم.

```

۱ deque<int> mydeque (3,100); // deque with 3 elements
۲ vector<int> myvector (2,200); // vector with 2 elements
۳ stack<int> first; // empty stack
۴ stack<int> second (mydeque); // stack initialized to copy of deque
۵ stack<int, vector<int> > third; // empty stack using vector
۶ stack<int, vector<int> > fourth (myvector);

```

- یک صف ساختار داده‌ای است که داده‌ها را می‌توان به انتهای آن اضافه کرد یا از ابتدای آن حذف کرد. اولین داده‌ای که وارد صف می‌شود، اولین داده‌ای است که از صف خارج می‌شود.
- صف را می‌توان توسط یک لیست یا صف دوطرفه ساخت. پس زیرساخت صف نیز ساختار داده‌ی جدیدی نیست بلکه تنها تابع `push` برای درج و تابع `pop` برای حذف برای آن تعریف شده‌اند. به طور پیش فرض صف با استفاده از صف دوطرفه ساخته می‌شود.

```

۱ deque<int> mydeck (3,100); // deque with 3 elements
۲ list<int> mylist (2,200); // list with 2 elements
۳ queue<int> first; // empty queue
۴ queue<int> second (mydeck); // queue initialized to copy of deque
۵ queue<int,list<int> > third; // empty queue with
۶ // list as underlying container
۷ queue<int,list<int> > fourth (mylist);

```

- نوع خاصی از صف، صف اولویت است که توسط کلاس `priority_queue` پیاده‌سازی شده است. داده‌ها در صف اولویت با استفاده از اولویتشان خارج می‌شود. عنصری که بیشترین اولویت را دارد، به عنوان اولین عنصر از صف خارج می‌شود. بنابراین عملگر مقایسه‌ای کوچکتر باید برای آنها تعریف شده باشند.
- برای مثال اگر صفی با مقادیر صحیح داشته باشیم، بزرگترین عدد اول از همه از صف خارج می‌شود.

```

۱ priority_queue<int> mypq;
۲ mypq.push(30); mypq.push(100); mypq.push(25); mypq.push(40);
۳
۴ cout << "Popping out elements...";
۵ while (!mypq.empty()) {
۶     cout << ' ' << mypq.top();
۷     mypq.pop();
۸ } // Popping out elements... 100 40 30 25

```

- در کتابخانه `<algorithm>` الگوریتم‌هایی تعریف شده‌اند که از آنها می‌توان برای همهٔ ساختار داده‌های کتابخانهٔ استاندارد استفاده کرد.
- برای مثال `all_of` بررسی می‌کند آیا برای همهٔ عناصر یک محدوده از یک ظرف (که با دو پیمایشگر ابتدا و انتها تعیین شده است) شرطی برقرار است یا خیر. تابع `any_of` بررسی می‌کند آیا برای یکی از عناصر یک محدوده شرطی برقرار است یا خیر.
- تابع `for_each` تابعی را بر روی همهٔ عناصر یک محدوده اعمال می‌کند.
- تابع `find` عنصری را در یک محدوده جستجو می‌کند و تابع `find_if` عنصری را جستجو می‌کند در صورتی که برای آن عنصر شرطی برقرار باشد.
- توابع `count` برای شمارش، `search` برای جستجوی یک زیر دنباله، `copy` برای کپی یک محدوده `replace` برای جایگزین کردن یک محدوده، `remove` برای حذف مقادیری در یک محدوده، `remove_if` برای حذف مقادیری در یک محدوده در صورت وجود یک شرط، `sort` برای مرتب سازی، و `merge` برای الحاق دو محدوده از مقادیر به کار می‌روند.

- در بسیاری از توابع کتابخانه الگوریتم از اشاره گر به تابع استفاده شده است.
- می توان به جای استفاده از اشاره گر به تابع از فانکتور یا تابع لامبدا نیز استفاده کرد.

- برای مثال برای شمردن عناصری از یک مجموعه که همگی فرد هستند به صورت زیر عمل می‌کنیم. تابعی که فرد بودن یک عنصر را بررسی می‌کند باید به عنوان یک ورودی به تابع `count_if` به عنوان یک اشاره‌گر به تابع وارد شود.

```

۱ bool IsOdd (int i) { return ((i%2)==1); }
۲
۳ vector<int> myvector;
۴ for (int i=1; i<10; i++) myvector.push_back(i);
۵ // myvector: 1 2 3 4 5 6 7 8 9
۶ int mycount = count_if (myvector.begin(), myvector.end(), IsOdd);
۷ cout << "myvector contains " << mycount << " odd values.\n";
۸ // myvector contains 5 odd values.

```

- می‌توانیم از توابع لامبدا نیز برای وارد کردن یک تابع به تابع دیگر استفاده کنیم.

```
۱ int main () {  
۲     array<int,7> foo = {0,1,-1,3,-3,5,-5};  
۳  
۴     if ( any_of(foo.begin(), foo.end(), [](int i){return i<0;}) )  
۵         cout << "There are negative elements in the range.\n";  
۶  
۷     return 0;  
۸ }
```

- همچنین به جای استفاده از اشاره‌گر به تابع یا توابع لامبدا می‌توانیم از فانکتورها استفاده کنیم.

```

۱ class myclass {                      // function object type:
۲ public:
۳     void operator() (int i) {std::cout << ' ' << i;}
۴ };
۵ vector<int> myvector;
۶ myvector.push_back(10); myvector.push_back(20);
۷ myvector.push_back(30);
۸ myclass op;
۹ cout << "myvector contains:";
۱۰ for_each (myvector.begin(), myvector.end(), op);

```

- رشته‌ها در زبان سی++ با استفاده از وکتور پیاده‌سازی شده‌اند.
- بنابراین همهٔ توابعی که برای وکتور وجود دارند را می‌توان برای رشته‌ها نیز استفاده کرد.
- از پیمایشگرها برای پیمایش رشته‌ها می‌توان استفاده کرد و همچنین از همهٔ توابع کتابخانهٔ الگوریتم نیز می‌توان برای کار با رشته‌ها استفاده کرد.

- در کتابخانه استاندارد بسیاری از توابع مورد نیاز برای کار با ظرفها از قبیل مرتب سازی و جستجو و کپی عناصر وجود دارد.

- برای مثال می توانیم به سادگی عناصر یک وکتور را مرتب و سپس عناصر آن را در یک لیست کپی کنیم.

```
۱ sort(vec.begin(), vec.end()); // use < for order
۲ unique_copy(vec.begin(), vec.end(), lst.begin()); // don't copy adjacent
```

- برای مرتب سازی یک وکتور شامل عناصری از کلاس Entry عملگر < باید برای کلاس تعریف شده باشد.

```
۱ bool operator<(const Entry& x, const Entry& y) { // less than
۲     return x.name<y.name; // order Entries by their names
۳ }
```

- در صورتی که بخواهیم عناصری را به یک وکتور اضافه کنیم از تابع `back_inserter` استفاده می‌کنیم.

```
۱ sort(vec.begin(), vec.end());  
۲ unique_copy(vec.begin(), vec.end(), back_inserter(lst));
```

- با فراخوانی `back_inserter` فضایی در پایان یک ظرف افزوده می‌شود.

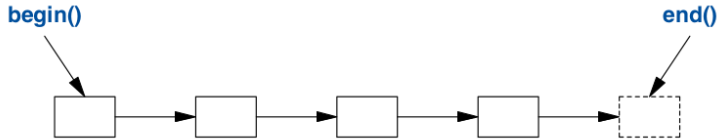
- از تابع find می‌توان برای جستجو در یک ظرف استفاده کرد. در صورتی که عنصر مورد نظر در یک ظرف یافته نشود، پیمایشگر end() بازگردانده می‌شود.

```
۱ auto p = find(s.begin(), s.end(), c);  
۲ if (p != s.end()) return true;  
۳ else return false;
```

- کد بالا را به صورت زیر نیز می‌توانیم بنویسیم.

```
۱ return find(s.begin(), s.end(), c) != s.end();
```

- از آنجایی که همه الگوریتم‌ها در کتابخانه استاندارد با بازه‌های نیمه باز (بازه‌های بسته-باز) کار می‌کنند، پیمایشگر `end()` نیز به بعد از عنصر پایانی در یک ظرف اشاره می‌کند.



- یک پیمایشگر به یک عنصر در یک ظرف اشاره می‌کند. برای وکتور پیمایشگر می‌تواند توسط یک اشاره‌گر تعریف شود، ولی برای ظرف‌های پیچیده‌تر پیمایشگر متناسب با کلاس ظرف مربوطه پیاده‌سازی می‌شود. برای پیمایشگرها عملگرهای ++ و * تعریف شده‌اند.

iterator:

p

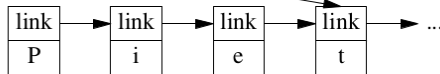
vector:



iterator:

p

list:
elements:



- خلاصه‌ای از الگوریتم‌های کتابخانه الگوریتم به صورت زیر است.

```
۱ // For each element x in [b:e) do f(x)
۲ f=for_each(b,e,f)
۳ // p is the first p in [b:e) so that *p==x
۴ p=find(b,e,x)
۵ // p is the first p in [b:e) so that f(*p)
۶ p=find_if(b,e,f)
۷ // n is the number of elements *q in [b:e) so that *q==x
۸ n=count(b,e,x)
۹ // n is the number of elements *q in [b:e) so that f(*q)
۱۰ n=count_if(b,e,f)
۱۱ // Replace elements *q in [b:e) so that *q==v with v2
۱۲ replace(b,e,v,v2)
۱۳ // Replace elements *q in [b:e) so that f(*q) with v2
۱۴ replace_if(b,e,f,v2)
```

- خلاصه‌ای از الگوریتم‌های کتابخانه الگوریتم به صورت زیر است.

```

۱ // Copy [b:e) to [out:p)
۲ p=copy(b,e,out)
۳ // Copy elements *q from [b:e) so that f(*q) to [out:p)
۴ p=copy_if(b,e,out,f)
۵ // Move [b:e) to [out:p)
۶ p=unique_copy(b,e,out)
۷ // Copy [b:e) to [out:p); 'dont copy adjacent duplicates
۸ p=move(b,e,out)
۹ // Sort elements of [b:e) using < as the sorting criterion
۱۰ sort(b,e)
۱۱ // Sort elements of [b:e) using f as the sorting criterion
۱۲ sort(b,e,f)

```

- خلاصه‌ای از الگوریتم‌های کتابخانه الگوریتم به صورت زیر است.

```

۱ // [p1:p2) is the subsequence of the sorted sequence [b:e)
۲ // with the value v; basically a binary search for v
۳ (p1,p2)=equal_range(b,e,v)
۴ // Merge two sorted sequences [b:e) and [b2:e2) into [out:p)
۵ p=merge(b,e,b2,e2,out)
۶ // Merge two sorted sequences [b:e) and [b2:e2) into [out:p)
۷ // using f as the comparison
۸ p=merge(b,e,b2,e2,out,f)

```

- با استفاده از کتابخانه استاندارد امکان اجرای الگوریتم‌ها به صورت موازی نیز وجود دارد.

```
۱ sort(v.begin(),v.end()); // sequential
۲ sort(seq,v.begin(),v.end()); // sequential (same as the default)
۳ sort(par,v.begin(),v.end()); // parallel
```
