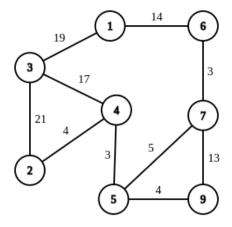
Pentru graful din stânga (vecinii se consideră în ordine lexicografică):

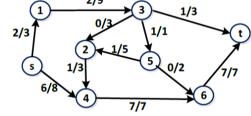


- 1) Exemplificați Dijkstra din 4, opriti-va după ce ați găsit distanta către 6
- 2) Cum funcționează algoritmul lui Kruskal? Exemplificati alegerea primelor 6 muchii.
- Este graful bipartit ? Dacă nu eliminati un număr 3) minim de muchii astfel încât el sa devina bipartit. Care este numărul maxim de muchii ale unui graf bipartit cu 9 vârfuri? Justificati.
- 4) Există lant eulerian în graf? Dacă nu adăugati număr minim de muchii astfel incat graful format sa admită lanț eulerian, descriind și strategia după care ati adăugat muchiile. Indicati un lant eulerian în graful obtinut. Enuntati o conditie necesară si suficientă ca un graf neorientat să aibă un lant eulerian.

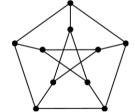
## 0.5p fiecare problema 1)-4)

5) Definiti noțiunile de flux, tăietură, tăietură minimă și lanț nesaturat/drum de creștere. Ilustrati pasii algoritmului Ford-Fulkerson pentru reteaua din figura următoare (pe un arcul e sunt trecute valorile f(e)/c(e) reprezentând flux/capacitate), pornind de la fluxul indicat si alegând la fiecare pas un s-t lant f-nesaturat de lungime minimă (algoritmul Edmonds-Karp). Indicați o tăietură (s-t tăietură) minimă în retea (se vor indica

vârfurile din bipartitie, arcele directe, arcele



- inverse) și determinați capacitatea acestei tăieturi. Mai există și o altă s-t tăietură minimă în această retea? Justificati răspunsurile (1p)
- 6) a) Fie G un graf planar conex cu n>3 noduri și m muchii care conține cicluri si fie g lungimea minimă a unui ciclu din G. Arătati că  $m \cdot (g-2) \leq g \cdot (n-2)$ .



b) Arătati că graful lui Petersen (din figura alăturată) nu este planar. (1,5p)