

Titolo

Daniele De Micheli

2019

Indice

I	Capitolo 1	1
1	Introduzione	2
1.1	Grandezze fondamentali e derivate	2
1.2	Grandezze Scalari e Vettoriali	3
2	Cinematica	4
2.1	Velocità media e istantanea	4
2.1.1	Moto rettilineo uniforme	8
2.2	Accelerazione e accelerazione media	11
3	Dinamica	13
4	Lavoro ed Energia	13
5	Gravitazione	13
II	Capitolo 2	13
6	Fluidodinamica	13
7	Termodinamica	13
8	Elettrostatica e Elettrotecnica	13
9	Magnetismo	13

Parte I

Capitolo 1

1 Introduzione

Questo documento è una sintesi degli appunti e dei concetti fondamentali necessari per poter affrontare con sicurezza l'esame di fisica nel nostro corso di studi. Come si può vedere dall'indice, il corso prevede tanti argomenti, che sono stati affrontati in modo non troppo approfondito e a volte forse in maniera superficiale. Spero di riuscire a creare una dispensa utile a chiunque voglia studiare senza dover comprare un libro e magari anche per chi per voglia o necessità non può seguire il corso fisicamente.

1.1 Grandezze fondamentali e derivate

Le *grandezze fondamentali* e le *grandezze derivate* sono **grandezze fisiche**, ossia caratteristiche di un corpo o di uno stato di un fenomeno che può essere misurata tramite strumenti ed esperimenti ed espressa tramite numeri e unità di misura.

Possiamo distinguere le due grandezze come segue:

- Grandezze fondamentali: sono grandezze indipendenti, cioè che non vengono definite a partire da altre grandezze. Alcuni esempi di grandezze fondamentali sono:
 - Lunghezza: generalmente indicata con il simbolo L , è definita tramite il *metro*, il quale è calcolato come la distanza che percorre la luce (nel vuoto), in un tempo di $\frac{1}{299729458}$ secondi.
 - Tempo: si indica con la lettera T e rappresenta un concetto astratto. La sua unità di misura è il *secondo* ed è calcolato come la durata di un determinato numero di oscillazioni complete di un atomo di Cesio 133.
 - Massa: viene indicata dalla lettera M , la sua unità di misura è il *chilogrammo* ed è definito tramite una proprietà fisica correlata ad una costante fondamentale, ossia come la quantità di massa per compensare una forza di $6,62607015 \cdot 10^3 \text{ J al s}$.
 - Temperatura: questa grandezza è rappresentata dalla lettera greca Θ e si misura in *kelvin*. Lo 0 kelvin è definito come *zero assoluto*;

il kelvin è inoltre definito come $\frac{1}{273,16}$ della temperatura del **punto triplo dell'acqua**.

- Intensità di corrente: si indica con la lettera I, la sua unità di misura è l'*ampere*. L'ampere è definito in maniera fisica come la forza di uno spostamento.
- Quantità di materia: viene indicata con la lettera N e si misura in *mole*. Una mole corrisponde alla quantità di materia che contiene tante entità elementari quanti sono gli atomi presenti in 12 grammi di carbonio 12.
- Grandezze derivate: sono grandezze che nascono dalle grandezze fondamentali. Alcuni esempi di grandezze derivate che useremo sono:
 - Volume: è una grandezza derivata definita come la misura nello spazio occupato da un solido.
 - Velocità: è la quantità di spazio percorso rispetto ad una unità di tempo predefinita.
 - Densità: rappresenta la quantità di massa in un'unità di volume.

1.2 Grandezze Scalari e Vettoriali

Di grandezze ne esistono di due tipi distinti, grandezze *scalari* e grandezze *vettoriali*. Le prime sono rappresentabili tramite un semplice numero scalare, che rappresenta direttamente la "quantità" della grandezza. Per esempio, la temperatura è una grandezza scalare, come anche la massa.

Le grandezze vettoriali invece, possiedono delle caratteristiche oltre alla sola "quantità" di grandezza. Le proprietà sono 3:

- **Modulo:** il modulo è la grandezza scalare della misura. Si potrebbe dire che è l'unica proprietà che possiedono le grandezze scalari.
- **Direzione:** rappresenta la direzione della grandezza. Di solito la direzione viene rappresentata tramite un segmento direzionato che giace su di una retta la quale indica la direzione del vettore.
- **Verso:** il verso rappresenta il "segno" della direzione; data un'origine è possibile capire rispetto ad essa se la grandezza è positiva o negativa.

Alcuni esempi di grandezze vettoriali sono la *velocità* \vec{v} , l'*accelerazione* \vec{a} o ancora la forza $\vec{F} = m * \vec{a}$, che è il prodotto di una grandezza scalare per una vettoriale.

Sistema di riferimento Per poter utilizzare in modo corretto i vettori e le grandezze vettoriali, abbiamo bisogno di introdurre il concetto di **Sistema di riferimento**: questo può essere visto come un'insieme di assi cartesiani che rappresentano lo spazio (monodimensionale, bidimensionale o tridimensionale). Generalmente utilizzeremo questi tre sistemi per rappresentare il mondo fisico che ci circonda.

Nello studiare un fenomeno, la scelta del sistema di riferimento è indipendente dallo spostamento.

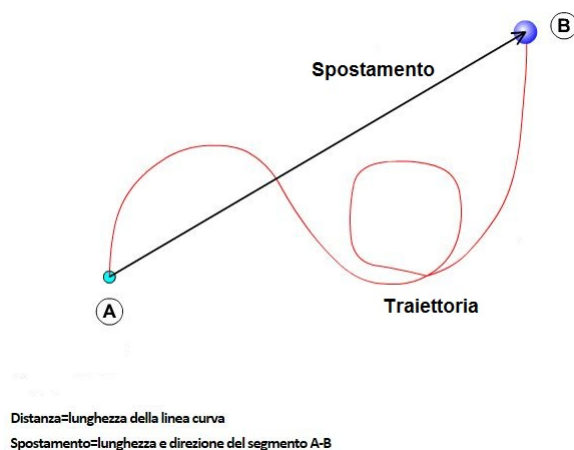
2 Cinematica

2.1 Velocità media e istantanea

Prima di definire queste due grandezze, iniziamo con il definire i concetti di **distanza** e **spostamento**.

La *distanza* è la quantità di spazio percorso in totale.

Lo *spostamento* rappresenta, rispetto all'origine, di quanto mi sono spostato. Potremmo vederla come una distanza relativa all'origine.



Un'altra convenzione che dobbiamo prendere riguarda il modo in cui consideriamo un oggetto. Nella nostra realtà, considereremo un oggetto come un *punto materiale*, dotato di massa.

Velocità media Consideriamo uno spostamento Δs e un intervallo di tempo Δt ; definiamo la *velocità media* come il rapporto tra lo spostamento e l'intervallo di tempo necessario affinché questo spostamento avvenga. In formula abbiamo che:

$$v_m = \frac{\text{spostamento}}{\text{intervallo di tempo}} = \frac{\Delta s}{\Delta t} \quad (1)$$

Differenza tra velocità media e velocità media scalare Consideriamo un viaggio di andata e ritorno in auto. La partenza è Milano, si arriva a Como e successivamente si torna a Milano. Il tempo per il viaggio di andata (e poi di ritorno) è di 30 minuti, per un totale di 1 ora.

Se consideriamo la velocità media rispetto allo *spostamento*, potremmo dire che $v_m = 0$, poiché lo spostamento totale risulta essere nullo. Difatti $v_m = \frac{0}{1} = 0 \text{ km/h}$. Questo accade perché come abbiamo già visto lo spostamento è la quantità di spazio percorsa rispetto all'origine (Milano). Partire da Milano e tornare a Milano implica uno spostamento nullo.

Per quanto riguarda invece la velocità media rispetto alla *distanza*, possiamo dire che si parla di *velocità media scalare*. Difatti in questo caso, la distanza, rappresentata da uno scalare, rappresenta l'intero percorso tra Milano e Como e ancora Milano. Se l'andata Milano-Como è di 50 km, anche il ritorno è di 50 km e quindi in totale la distanza percorsa è di 100 km. In questo secondo caso possiamo allora dire che

$$v_m = \frac{\text{distanza}}{\text{intervallo di tempo}} = \frac{100}{1} = 100 \text{ km/h}$$

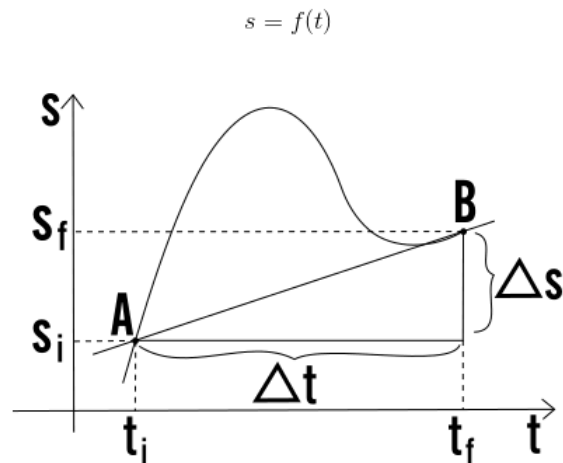
In questo esempio abbiamo mostrato la differenza tra velocità media e velocità media scalare. Ora non ci resta che "sistemare" l'unità di misura. Infatti i km/h non sono l'unità di misura della velocità nel Sistema Internazionale. L'unità corretta è il "metro al secondo" (o m/s). La conversione tra una e l'altra è banale:

$$\begin{aligned} \frac{\text{km}}{\text{h}} &\rightarrow \text{dividiamo per } 3,6 \rightarrow \frac{\text{m}}{\text{s}} \\ \frac{\text{m}}{\text{s}} &\rightarrow \text{moltiplichiamo per } 3,6 \rightarrow \frac{\text{km}}{\text{h}} \end{aligned}$$

Velocità istantanea La velocità istantanea è una grandezza *vettoriale* definita come la derivata della posizione di un corpo rispetto al tempo.

Infatti, la velocità media non descrive in modo accurato il modo in cui un corpo si sta spostando: considerando sempre l'esempio di prima (Milano-Como-Milano), abbiamo calcolato la velocità media costante di 100 km/h, ma potrebbe benissimo essere che per i primi 15 minuti sono stato fermo, poi ho fatto 15 minuti a 200 km/h. La media risulta ancora 100 km/h, anche se di per se non è la stessa cosa che fare tutto il viaggio a 100 km/h.

Per descrivere meglio come si sposta un oggetto nello spazio rispetto al tempo utilizziamo infatti quella che abbiamo definito come *velocità istantanea*. Prendiamo quindi un grafico spazio/tempo che rappresenta uno spostamento da un punto A ad un punto B.



Il tempo Δt rappresenta la differenza tra il tempo finale e il tempo iniziale, mentre Δs rappresenta lo spostamento. Con la rappresentazione soprastante però, non abbiamo una descrizione precisa: come possiamo vedere dal grafico, sappiamo che il corpo si muove molto velocemente all'inizio, per poi fermarsi, tornare indietro, fermarsi di nuovo e poi avviarsi lentamente verso il punto B.

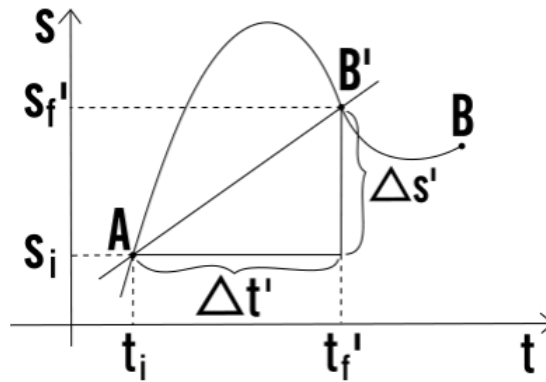
La pendenza della retta che congiunge i due punti A e B (ovvero il suo coefficiente angolare) fornisce il valore della velocità media tenuta effettuando lo spostamento Δs nel tempo Δt .

$$m_{AB} = v_{m,AB} = \frac{\Delta s}{\Delta t}$$

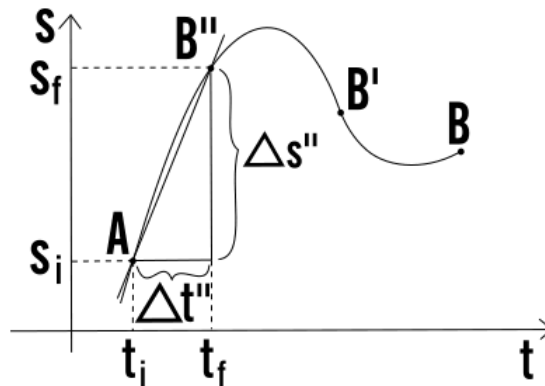
Se a questo punto volessimo sapere in modo un po' più preciso come si sposta il corpo quando è vicino ad A, possiamo spostare B più vicina ad essa. Prendiamo quindi un punto B_1 più vicino ad A tale che la sua velocità media risulta

essere

$$m_{AB'} = v_{m,AB'} = \frac{\Delta s'}{\Delta t'}$$



Il nuovo valore di velocità è diverso da quello precedente, possiamo dire che rappresenta un intervallo minore e che quindi è un po' più preciso del precedente poiché descrive la velocità tra A e B' . Possiamo notare anche che la pendenza della retta che passa per A e B' è più marcata. Prendiamo ora un altro punto, B'' , ancora più vicino ad A .



Potremmo ricalcolare anche qui la velocità e sarebbe ancora diversa, ancora più precisa nei pressi di A . Il concetto alla base è proprio questo; ad ogni passo in cui ci avviciniamo ad A , l'intervallo di tempo si riduce sempre di più.

Consideriamo allora un intervallo di tempo infinitesimale, *prossimo allo zero*: vedremo che B''' sarà in una posizione che quasi coincide con quella di A . Facendo questo notiamo che la retta che congiunge A e B''' non è più secante al grafico, ma diventa tangente ad esso. Quindi possiamo infine dedurre che la velocità istantanea non altro che la "pendenza" della tangente al grafico spazio-tempo in un punto.

Una definizione più formale di velocità istantanea è la seguente:

$$v = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{ds}{dt} \quad (2)$$

in cui ds e dt sono rispettivamente lo spostamento e l'intervallo di tempo infinitesimali, ovvero molto prossimi allo zero.

2.1.1 Moto rettilineo uniforme

Il *moto rettilineo uniforme* (o MRU) è il moto che descrive un corpo che si muove lungo una retta a velocità costante nel tempo. Tale moto è descritto dalla *legge oraria del moto rettilineo uniforme*.

Passiamo subito ad un esempio pratico. Consideriamo un treno che viaggia da un punto A a un punto B . Il moto del treno può essere descritto come quello di un punto materiale che si muove lungo una linea retta a velocità $\Delta \vec{v}$ costante.

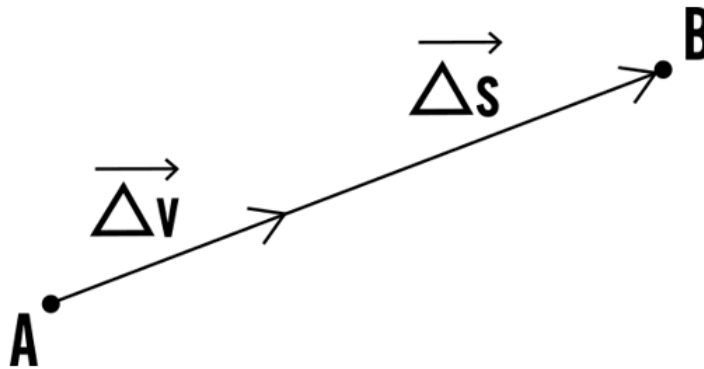


Figura 1: Un moto rettilineo uniforme tra il punto A e il punto B

Per ricavare la legge oraria del moto rettilineo uniforme, riprendiamo la definizione di velocità istantanea, e in particolare la relazione che esprime lo spostamento infinitesimo in termini di velocità e intervallo di tempo infinitesimo

$$ds = v dt$$

Se vogliamo ricavare lo spazio in funzione del tempo, dobbiamo risolvere un'equazione differenziale. Applichiamo ad entrambi i membri l'operatore di integrazione

$$\int_{s_i}^s ds = \int_{t_i}^t v dt$$

Ricordandoci che la velocità è costante, possiamo portarla fuori dal segno di integrazione

$$\int_{s_i}^s ds = v \int_{t_i}^t dt \quad (3)$$

e, calcolando i due integrali definiti otteniamo:

$$s - s_i = v(t - t_i)$$

che, per $t_i = t_0 = 0$, abbiamo

$$s = vt + s_0 \quad (4)$$

Per quanto riguarda questo tipo di moto, possiamo introdurre una tabella che riassume le formule del moto per poi presentare qualche esempio.

\	Velocità costante
Legge oraria	$s = v(t - t_i) + s_i$
Legge oraria con istante iniziale $t_0 = 0$	$s = vt + s_0$
Velocità	$v = \frac{s - s_0}{t - t_0}$
Tempo	$t = \frac{s - s_0}{v} + t_i$

Prima degli esempi facciamo qualche osservazione:

- La velocità istantanea e la velocità media coincidono e pertanto assumeranno lo stesso valore.
- La velocità media coincide anche con la velocità scalare media perché distanza e spostamento coincidono. Per questo motivo possiamo chiamarla senza preoccuparci di ambiguità v .

ESEMPI:

Esempio 1 Una treno si muove lungo una rotaia dritta dalla stazione *A* alla stazione *B* per 4,5 km in 2,5 minuti a velocità costante. Determinare la velocità del treno.

Soluzione: come prima cosa convertiamo i dati che abbiamo in unità di misura del S.I.:

$$4,5 \text{ km} = 4500 \text{ m}$$

$$2,5 \text{ min} = 150 \text{ s}$$

Dato che non sono presenti una posizione iniziale o un tempo iniziale, possiamo considerare $t_0 = 0$ e scegliere un sistema di riferimento in cui $s_0 = 0$. Quindi, grazie alla legge oraria possiamo dire che

$$s = vt + s_0 \Rightarrow v = \frac{s}{t} = \frac{4500}{150} = 30 \text{ m/s}$$

Esempio 2 Un ciclista ha subito una penalità e parte dopo gli altri ciclisti con un ritardo di 10 minuti. I ciclisti stanno viaggiando ad una velocità costante di 35 km/h. Dopo che distanza il ciclista con la penalità li raggiunge sapendo che quest'ultimo va ad una velocità costante di 42 km/h?

Soluzione: Convertiamo le velocità in unità di misura del S.I. ($35 \text{ km/h} \rightarrow 9,72 \text{ m/s}$, $42 \text{ km/h} \rightarrow 11,67 \text{ m/s}$). Il tempo di vantaggio t_0 è uguale a 600 s (10 minuti \rightarrow 600 s), scriviamo x_0 la legge oraria del ciclista senza penalità e x_1 quella del ciclista con penalità.

$$x_0 = vt + s_0; \quad x_1 = vt$$

Sappiamo che $s_0 = v_1 * t_0 = 9,72 \text{ m/s} * 600 \text{ s} = 5833,33 \text{ m}$ e che x_1 deve essere uguale a x_0 per avere il momento in cui si incontrano. Avendo le due equazioni possiamo ricavare il momento in cui si incontrano mettendole a sistema:

$$\begin{cases} x_0 = v_1 t + s_0 \\ x_0 = v_2 t \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} - \\ t = \frac{s_0}{v_2 - v_1} \end{cases}$$

Quindi sappiamo che il tempo è $t = \frac{s_0}{v_2 - v_1} = \frac{5833,33 \text{ m}}{1,95 \text{ m/s}} = 2991,45 \text{ s}$. Ora non ci manca che utilizzare il tempo così ottenuto per inserirlo in una delle due leggi orarie:

$$x_0 = v_2 * t = 11,67 \text{ m/s} * 2991,45 \text{ s} = 34910,22 \text{ m}$$

Osservazione: Se si vuole avere conferma, basta inserire il tempo anche nella prima legge oraria e confrontare i due dati relativi alla distanza ottenuti. Se coincidono, allora è corretto.

Per conferma utilizzo anche la legge oraria del ciclista senza penalità:

$$x_0 = v_2 * t + s_0 = 9,72 \text{ m/s} * 2991,45 \text{ s} + 5833,33 = 34910,22 \text{ m}$$

2.2 Accelerazione e accelerazione media

L'accelerazione media è una grandezza *vettoriale* ottenuta dal rapporto tra la velocità di un corpo in un intervallo di tempo e il tempo in cui avviene questa variazione. In parole povere è il rapporto tra velocità e tempo. Nel Sistema Internazionale, l'unità di misura dell'accelerazione è il "*metro al secondo quadro*"

$$a_m = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{\frac{m}{s}}{s} = \frac{m}{s^2}$$

Accelerazione media : è per definizione il rapporto tra la variazione di velocità e il tempo in cui avviene. La formula dell'accelerazione media è la seguente:

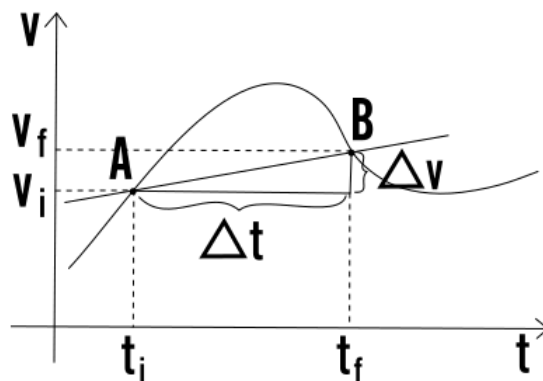
$$a_m = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_f - v_i}{t_f - t_i} \quad (5)$$

dove con Δv si intende la variazione di velocità e con Δt la variazione di tempo.

Osservazioni: l'accelerazione può essere *positiva* (concorde) o *negativa* (decelerazione). Se è positiva, vuol dire che il corpo sta incrementando la sua velocità; se è negativa, al contrario, vuol dire che il corpo sta perdendo velocità.

Accelerazione istantanea : è una grandezza vettoriale definita come la derivata della velocità rispetto al tempo, la quale esprime la variazione di velocità di un corpo istante per istante.

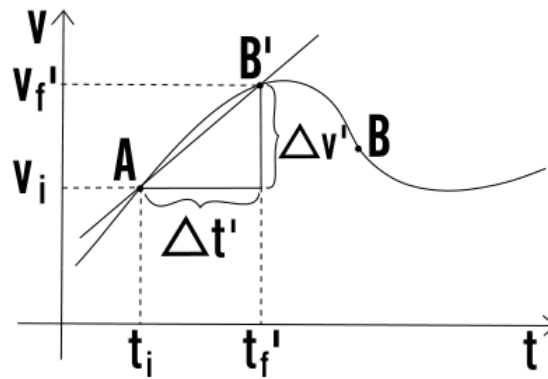
Per poter arrivare ad una definizione formale della accelerazione istantanea, possiamo iniziare con il disegnare un grafico velocità/tempo che rappresenta appunto l'accelerazione:



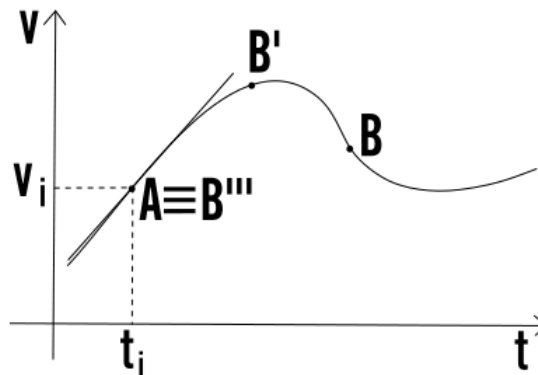
Prendiamo due punti, A e B , presi a due istanti di tempo diversi. La pendenza della retta che congiunge A e B rappresenta l'accelerazione media tenuta nel tempo Δt .

$$m_{AB} = a_{m,AB} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

Analogamente a come abbiamo visto per la velocità istantanea, spostiamo il punto B sul grafico un po' più vicino ad A , riducendo anche l'ampiezza dell'intervallo di tempo.



A questo punto, prendiamo un punto B''' che quasi coincide con A . In questo modo, l'intervallo di tempo si riduce fino ad essere infinitesimale. Di conseguenza, come avevamo visto anche per la velocità, la retta che prima era secante al grafico, ora è tangente ad esso e il suo coefficiente angolare rappresenta l'accelerazione istantanea.



Formalmente, quindi, un modo per descrivere l'accelerazione istantanea in un punto è il seguente:

$$a = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{dv}{dt} \quad (6)$$

dove con dv e dt intendiamo rispettivamente le variazioni infinitesime della velocità e del tempo. Un altro modo di vedere l'accelerazione istantanea è quello di descriverla come la derivata seconda della posizione rispetto al tempo al quadrato:

$$a = \frac{dv}{dt} = \frac{d}{dt} \left(\frac{ds}{dt} \right) = \frac{d^2 s}{dt^2} \quad (7)$$

2.2.1 Moto uniformemente accelerato

3 Dinamica

4 Lavoro ed Energia

5 Gravitazione

Parte II

Capitolo 2

6 Fluidodinamica

7 Termodinamica

8 Elettrostatica e Elettrotecnica

9 Magnetismo