#### Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Санкт-Петербургский политехнический университет Петра Великого Институт компьютерных наук и технологий

« <u> </u>	<b>»</b>	2020 г.
		_ А.В. Щукин
Руко	водите	ль ОП
Рабо	та допу	ищена к защите

# ВЫПУСКНАЯ КВАЛИФИКАЦИОННАЯ РАБОТА РАБОТА БАКАЛАВРА СРАВНИТЕЛЬНЫЙ АНАЛИЗ АЛГОРИТМОВ ЛЕГКОВЕСНОЙ КРИПТОГРАФИИ ДЛЯ УСТРОЙСТВ ИНТЕРНЕТА ВЕЩЕЙ

по направлению подготовки 09.03.03 Прикладная информатика Направленность (профиль) 09.03.03\_03 Прикладная информатика в области информационных ресурсов

Выполнил студент гр. 3530903/60301

Д.М. Момот

Руководитель

доцент ВШИСиСТ,

к. т. н., доцент А.В. Сергеев

Консультант

по нормоконтролю В.А. Пархоменко

Санкт-Петербург 2020

#### САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ПЕТРА ВЕЛИКОГО

#### Институт компьютерных наук и технологий

Рукс	водитель	ОП
	A	А.В. Щукин
<b>«</b>	<b>»</b>	2020г.

#### ЗАДАНИЕ

#### на выполнение выпускной квалификационной работы

студенту Момоту Даниэлю Михайловичу гр. 3530903/60301

- 1. Тема работы: <u>Сравнительный анализ алгоритмов легковесной криптографии</u> для устройств интернета вещей.
- 2. Срок сдачи студентом законченной работы: 20.05.2020.
- 3. Исходные данные по работе: спецификация языка С++11 [3.2], библиотеки языка С++ [3.1].
  - 3.1. C++ Standard Library headers. URL: https://en.cppreference.com/w/cpp/header (visited on 10.06.2020).
  - 3.2. Programming Languages C++: Standard. 2013. URL: http://www.open-std.org/jtc1/sc22/wg21/docs/papers/2013/n3690.pdf.
- 4. Содержание работы (перечень подлежащих разработке вопросов):
  - 4.1. Обзор теоретических источников по темам легковесной криптографии и интернета вещей.
  - 4.2. Обзор существующих стандартов и технических решений.
  - 4.3. Анализ различных видов алгоритмов.
  - 4.4. Реализация избранных алгоритмов.
  - 4.5. Ранжирование видов алгоритмов по степени пригодности к использованию в устройствах IoT. Формулировка рекомендаций по их использованию.
- 5. Перечень графического материала (с указанием обязательных чертежей):
  - 5.1. Графики, отражающие результаты эксперимента.
- 6. Консультанты по работе:

6.1. Ассистент ВІ	ІИСиСТ, В.А. Пархоменко (нормоконтроль).				
7. Дата выдачи задания: <u>03.02.2020.</u>					
Руководитель ВКР	А.В. Сергеев				
Задание принял к исп	юлнению <u>03.02.2020</u>				
Студент	Д.М. Момот				

#### РЕФЕРАТ

На 41 с., 0 рисунков, 1 таблицу, 2 приложения.

КЛЮЧЕВЫЕ СЛОВА: СТИЛЕВОЕ ОФОРМЛЕНИЕ САЙТА, УПРАВЛЕНИЕ КОНТЕНТОМ, PHP, MYSQL, APXИТЕКТУРА СИСТЕМЫ.  $^1$ 

Тема выпускной квалификационной работы: «Сравнительный анализ алгоритмов легковесной криптографии для устройств интернета вещей»<sup>2</sup>.

В данной работе изложена сущность подхода к созданию динамического информационного портала на основе использования открытых технологий Арасhe, MySQL и PHP. Даны общие понятия и классификация IT-систем такого класса. Проведен анализ систем-прототипов. Изучена технология создания указанного класса информационных систем. Разработана конкретная программная реализация динамического информационного портала на примере портала выбранной тематики...<sup>3</sup>

В данной работе изложена сущность подхода к созданию динамического информационного портала на основе использования открытых технологий Арасhe, MySQL и PHP. Даны общие понятия и классификация IT-систем такого класса. Проведен анализ систем-прототипов. Изучена технология создания указанного класса информационных систем. Разработана конкретная программная реализация динамического информационного портала на примере портала выбранной тематики...

#### **ABSTRACT**

41 p., 0 figures, 1 tables, 2 appendices.

KEYWORDS: STYLE REGISTRATION, CONTENT MANAGEMENT, PHP, MYSQL, SYSTEM ARCHITECTURE.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Всего **слов**: от 3 до 15. Всего **слов и словосочетаний**: от 3 до 5. Оформляются в именительном падеже множественного числа (или в единственном числе, если нет другой формы), оформленных по правилам русского языка. Внимание! Размещение сноски после точки является примером как запрещено оформлять сноски.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Реферат **должен содержать**: предмет, тему, цель ВКР; метод или методологию проведения ВКР: результаты ВКР: область применения результатов ВКР; выводы.

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>ОТ 1000 ДО 1500 печатных знаков (ГОСТ Р 7.0.99-2018 СИБИД) на русский или английский текст. Текст реферата повторён дважды на русском и английском языке для демонстрации подхода к нумерации страниц.

The subject of the graduate qualification work is «Comparative analysis of lightweight cryptography algorithms for IoT devices».

In the given work the essence of the approach to creation of a dynamic information portal on the basis of use of open technologies Apache, MySQL and PHP is stated. The general concepts and classification of IT-systems of such class are given. The analysis of systems-prototypes is lead. The technology of creation of the specified class of information systems is investigated. Concrete program realization of a dynamic information portal on an example of a portal of the chosen subjects is developed...

In the given work the essence of the approach to creation of a dynamic information portal on the basis of use of open technologies Apache, MySQL and PHP is stated. The general concepts and classification of IT-systems of such class are given. The analysis of systems-prototypes is lead. The technology of creation of the specified class of information systems is investigated. Concrete program realization of a dynamic information portal on an example of a portal of the chosen subjects is developed...

#### СОДЕРЖАНИЕ

Введение	
Глава 1. Обзор теоретической литературы по криптографии и интернету вещей	
1.1. Криптографические алгоритмы: основные понятия	
1.1.1. Информация и криптография	
1.1.2. Шифры: основные понятия и принципы	
1.1.3. Симметричная криптография	
1.1.4. Асимметричная криптография	
1.1.5. Криптографические хэш-функции	
1.2. Интернет вещей	
1.2.1. Основные понятия	
1.2.2. Уровневая модель ІоТ и проблемы безопасности	
1.3. Выводы	,
Глава 2. Теоретический анализ легковесных криптографических алгоритмов	
2.1. Легковесные алгоритмы: понятие, требования	
2.1.1. Понятие и область применения легковесной криптографии	
2.1.2. Бизнес-требования	
2.1.3. Требования к аппаратной части	
2.1.4. Требования к программной части	
2.2. Использование криптографических методов в легковесной криптографии	
2.2.1. Подтверждение достоверности и целостности пакета	
2.2.2. Подтверждение подлинности пакета	
2.2.3. Обеспечение конфиденциальности пакета	
Глава 3. Название третьей главы: разработка программного обеспечения	
3.1. Название параграфа	
3.2. Название параграфа	
3.3. Выводы	
Глава 4. Название четвёртой главы. Апробация результатов исследования, а именно: метода, алгоритма, модели исследования	
4.1. Название параграфа	
4.2. Название параграфа	
4.3. Выводы	
Заключение	
Список сокращений и условных обозначений	

Словарь терминов	36
Список использованных источников	37
Приложение 1. Краткие инструкции по настройке издательской системы LAT <sub>E</sub> X	
Приложение 2. Некоторые дополнительные примеры	46

#### **ВВЕДЕНИЕ**

В последние десятилетия сетевые технологии прочно вошли в жизнь человека. Изначально они были представлены локальными сетями, затем была создана сеть Интернет. В настоящее время одним из бурно развивающихся направлений сетевых технологий является интернет вещей (Internet of Things, IoT). Так, за период 2015-2018 гг. доля IoT-устройств среди всех устройств увеличилась с 27% до 39%, и, согласно прогнозу, достигнет 63% к 2025 году [53].

Интернет вещей – это вычислительная сеть физических предметов (устройств, «вещей»), оснащенных встроенной технологией для взаимодействия друг с другом или с внешней средой [34].

Актуальность исследования. Одной из важных задач при проектировании ІоТ является обеспечение должного уровня безопасности передаваемых данных. Особенно это важно для медицинских устройств[2]. Уже сейчас правительства развитых стран начинают принимать законы, регламентирующие защиту ІоТ-устройств[29][11][10]. В то же время фактическая безопасность устройств интернета вещей оставляет желать лучшего. Так, согласно исследованию корпорации НР 2014-го года, 70% устройств ІоТ передавали данные, в том числе конфиденциального характера, вообще без шифрования[32]! По этой причине изучение и развитие средств защиты ІоТ-устройств является актуальной задачей.

Безопасность устройств с ограниченными энергетическими ресурсами (а именно такими являются устройства интернета вещей) изучает раздел криптографии, называемый легковесной криптографией (lightweight cryptography, LWC). Также возможны термины «облегченная криптография», «малоресурсная криптография», «низкоэнергетическая криптография». Она рассматривает криптографические алгоритмы в контексте их требовательности к ресурсам устройства и количеству логических элементов, требуемых для реализации алгоритмов. Рассматриваемые ею алгоритмы называются алгоритмами легковесной криптографии (легковесными алгоритмами, LW-алгоритмами). LW-алгоритмы могут иметь программную или аппаратную реализацию.

**Объектом исследования** являются алгоритмы легковесной криптографии, ориентированные на использование в устройствах интернета вещей.

**Предметом исследования** являются следующие характеристики легковесных алгоритмов: тип алгоритма, требования к устройству, производительность. Алгоритмы рассматриваются с точки зрения программной реализации.

**Целью исследования** является сравнение легковесных алгоритмов и определение степени их пригодности к использованию в устройствах IoT. Для достижения выбранной цели поставлены следующие задачи:

- А. Обзор теоретических источников по темам легковесной криптографии и интернета вещей.
- В. Обзор существующих стандартов и технических решений.
- С. Анализ различных видов алгоритмов.
- D. Реализация избранных алгоритмов.
- Е. Ранжирование видов алгоритмов по степени пригодности к использованию в устройствах IoT. Формулировка рекомендаций по их использованию.

Гипотеза исследования. Предполагается, что значительное число классических шифров с определенным ослаблением могут использоваться в качестве легковесных алгоритмов. С другой стороны, многие алгоритмы и классы алгоритмов по тем или иным соображениям однозначно не могут быть использованы в качестве LW-алгоритмов. Ряд алгоритмов может быть использован наилучшим образом при определенных условиях. Может быть создана методика, позволяющая приблизительно оценить производительность реализации легковесного алгоритма с использованием только персонального компьютера, без необходимости взаимодействия с низкоресурсными устройствами.

В данной работе используются такие методы исследования, как:

- анализ технической литературы;
- изучение существующих спецификаций алгоритмов, стандартов, технологических систем;
- декомпозиция алгоритмов;
- сравнение алгоритмов, подходов к шифрованию, структурных частей алгоритмов;
- реализация алгоритмов на языке С;
- определение методологии их тестирования;
- реализация конкретной методики тестирования;
- анализ результатов тестирования;
- синтез выводов по результатам тестирования;
- обобщение результатов работы.

Данное исследование имеет высокую **практическую значимость**. Результаты исследования могут быть использованы при выборе алгоритма шифрования и

режима его работы при проектировании системы защиты вычислительной сети IoT. Кроме того, работа в данном направлении может быть продолжена: следующим шагом возможна оптимизация существующих легковесных алгоритмов или создание новых LW-алгоритмов. Предложенная методология тестирования времени работы алгоритмов и их энергопотребления может быть использована при тестировании других алгоритмов. Присутствует и научная значимость. Можно исследовать «побочные» вопросы, возникшие в процессе выполнения работы.

Введение раскрывает актуальность, определяет степень научной разработки темы, объект, предмет, цель, задачи и методы исследования, раскрывает теоретическую и практическую значимость работы.

В первой главе содержатся краткое теоретическое введение в тему криптографии и интернета вещей, описываются основные угрозы безопасности систем IoT.

Во второй главе вводится понятие легковесных криптографических алгоритмов. Описываются требования к ним и их применение для нейтрализации угроз безопасности системам ІоТ, оно сравнивается с нейтрализацией угроз в системах общего назначения). Проводится анализ различных видов алгоритмов на пригодность их для такого применения, рассматриваются наиболее популярные их представители.

В третьей главе описывается методология тестирования производительности и энергопотребления легковесных криптоалгоритмов на персональном компьютере.

В четвертой главе содержится информация о реализации алгоритмов в программном коде, способе и порядке тестирования производительности алгоритмов, а также дальнейшей обработки результатов тестирования. Проводится анализ полученных результатов.

В заключении подводятся итоги работы, приводятся краткие перспективы использования результатов работы.

#### ГЛАВА 1. ОБЗОР ТЕОРЕТИЧЕСКОЙ ЛИТЕРАТУРЫ ПО КРИПТОГРАФИИ И ИНТЕРНЕТУ ВЕЩЕЙ

В данной главе приводится основная терминологеская и теоретическая база, на которой будут строиться дальнейшие главы. Рассматриваются основные понятия криптографии и интернета вещей. Описывается уровневая модель систем интернета вещей, выделяется каждый уровень и атаки на него.

#### 1.1. Криптографические алгоритмы: основные понятия

#### 1.1.1. Информация и криптография

Человеческая цивилизация в течение всего времени существования работает с различной информацией. Информация может представлять собой как исторические сведения или описания технологических процессов, так и частные данные человека или группы лиц. Сведения, составляющие информацию и представляющие определенную ценность, должны быть защищены от лиц, не имеющих соответствующих прав доступа. Поэтому задача защиты информации всегда была актуальной.

Защитить информацию можно тремя способами [17].

- А. Создание абсолютно надежного и изолированного от доступа извне хранилища информации и инфраструктуры для него. Это является крайне трудоемкой и дорогостоящей задачей.
- В. Скрытие факта существования или передачи информации. Средства и методы такого скрытия изучает стеганография.
- С. Хранение и передача информации, преобразованной таким образом, чтобы обратное преобразование могли совершить только определенные лица. Средства и методы такого преобразования информации изучает криптография.

Формализуем вышесказанное.

Информация – сведения, передаваемые одними людьми другим людям устным, письменным или каким-либо другим способом, а также сам процесс передачи или получения этих сведений [12].

Защита информации – деятельность, направленная на предотвращение утечки защищаемой информации, несанкционированных и непреднамеренных

воздействий на защищаемую информацию [5]. Утечка – неконтролируемое распространение защищаемой информации в результате ее разглашения, несанкционированного доступа к информации и получения защищаемой информации иностранными разведками [6].

Криптография — инженерно-техническая дисциплина, изучающая математические методы защиты информации (шифры). Криптография включает в себя криптосинтез и криптоанализ. Криптосинтез изучает подходы к разработке шифров. Криптоанализ изучает подходы к вскрытию шифров [17].

#### 1.1.2. Шифры: основные понятия и принципы

Итак, шифр (криптографический алгоритм, шифрующая функция) – преобразование данных, обеспечивающее их защищённость (зашифрованность). Это преобразование вида  $f: x \rightarrow y$ , где x – исходные, незашифрованные данные (представленные в виде целого числа), y – полученный зашифрованный текст (также целое число), f – шифрующая функция.

Дешифрующая функция — функция, обратная к шифрующей: f̂(-1): у $\rightarrow$ х. Результатом применения дешифрующей функции к зашифрованным данным являются исходные данные.

Для того, чтобы шифрование было эффективным, необходимо, чтобы шифрующая функция f была легко вычислимой, для затруднения дешифровки дешифрующая функция f(-1) должна быть достаточно сложна для вычисления [15]. Функции такого вида называются односторонними.

Функция f называется *односторонней*, если выполняются условия [15]:

- А. для любого x из некоторого множества существует эффективный алгоритм вычисления y=f(x);
- В. не существует эффективного алгоритма обращения функции f.

Однако шифр должен быть не только недоступным для взлома злоумышленником. Законный получатель должен иметь возможность эффективно получить исходные данные. Это требование формализуется как «функция с секретом» или «односторонняя функция с секретом».

Функция f называется *односторонней функцией с секретом*, если выполняются условия [15]:

А. для любого x из некоторого множества существует эффективный алгоритм вычисления y=f(x);

- В. функция f обладает «секретным свойством» k, таким что:.
  - 1. при использовании свойства k можно построить эффективный алгоритм построения обратной функции f(-1);
  - 2. если свойство k неизвестно, то не существует эффективного алгоритма обращения функции f.

Итак, при использовании шифра на основе функции с секретом, шифровать (вычислять функцию f) могут все, а эффективно расшифровывать – только лица, которым известно секретное свойство k.

Секретное свойство также называют *ключом шифра*. Он представляет собой число или набор чисел (параметров алгоритма).

Главная часть шифра, его сердце — некоторая *трудная* задана, которая используется для гарантии того, что узнать секретное свойство (т. е. обратить шифрующую функцию и получить доступ к зашифрованным данным) очень трудно. Пара примеров трудных задач:

- Задача факторизации разложение большого числа на простые множители (используется, например, в алгоритме RSA). В этом случае секретное свойство – факторизуемое число.
- Задача дискретного логарифмирования обращение функции вида f(x)=ax̂ mod p, где p большое простое число, а параметр, подобранный для конкретного p (используется, например, в схеме Эль-Гамаля).

Однако если будет представлен алгоритм, эффективно решающий трудную задачу (т. е. задача перестанет быть трудной), шифры на ее основе мгновенно устареют. Поэтому поиск трудных задач (и, наоборот, поиски быстро решающих их алгоритмов) является одним из важных направлений криптографии.

С другой стороны, в секрете хранится только ключ алгоритма, сам алгоритм должен быть открытым. То есть вся криптографическая стойкость алгоритма должна содержаться в ключе, а злоумышленник может знать о криптографической схеме все, кроме ключа. Это правило называется *принципом Керкгоффса*. Его выполнение обеспечивает надежность системы: даже в случае подбора ключа (методом перебора или, например, шантажа) злоумышленником достаточно его сменить, и начинать взлом нужно с самого начала. Похожий принцип «враг знает систему» был (вероятно, независимо) сформулирован Шенноном и называется *максимой Шеннона* [23].

Это, однако, является только рекомендацией. В правительственных, военных и ряде других областей применяется противоположный принцип: безопасность

через неясность. Его суть состоит в скрытии внутренней структуры системы безопасности. Для шифров общего назначения он не рекомендуется, их, напротив, публикуют и обсуждают, чтобы коллективно найти уязвимости и возможности улучшения [51].

#### 1.1.3. Симметричная криптография

Изначально существовали только симметричные схемы шифрования. Они предполагают наличие одного ключа, используемого как для шифрования, так и для расшифровки сообщений. Он хранится в тайне, поэтому такие схемы также называются схемами с закрытым ключом. Классический пример – алгоритм DES.

Симметричные шифры в основном состоят из двух главных компонентов: шифры подстановки (перестановка символов/битов сообщения) и шифры замены (замена символов/битов по отдельности на другие по некоторому правилу) [17].

Симметричные шифры делятся на две категории: блочные и потоковые. Потоковые криптоалгоритмы обрабатывают данные побитово или побайтово. Блочные алгоритмы обрабатывают данные целыми группами битов (блоками), обычно размер блока кратен 64 и составляет от 64 до 256 бит.

Симметричные шифры обладает рядом недостатков:

- Ключ должен храниться в тайне обеими сторонами и передаваться только по защищенному каналу (либо в зашифрованном виде). Это требует дополнительных ресурсов.
- Шифровать могут только те, кто знает ключ. Это означает либо жесткие ограничения на количество шифрующих лиц, либо значительный риск компрометации ключа в случае ослабления этих ограничений (компрометация ключа его раскрытие не криптографическим способом [50]).

#### 1.1.4. Асимметричная криптография

После появления понятия односторонней функции появился другой вид алгоритмов – асимметричные. Такой способ шифрования предполагает наличие известного всем участникам схемы шифрования *открытого ключа* и известного только законным участникам *закрытого* ключа. Открытый ключ используется для шифрования данных, а закрытый – для расшифровки. Таким образом, шифровать сообщения может кто угодно, а вот расшифровывать – только законные пользователи.

Такой способ работы снимает основные проблемы симметричного шифрования: хранить в секрете шифрующий ключ нет необходимости, также он может передаваться по открытым каналам в незашифрованном виде и транслироваться на любую аудиторию.

По причине наличия открытого ключа такие алгоритмы также называются алгоритмами с открытым ключом. Классический пример – алгоритм RSA.

В некоторых случаях, например при использовании цифровой подписи, сообщения шифруются закрытым ключом, а расшифровываются открытым.

#### 1.1.5. Криптографические хэш-функции

Другим направлением криптографии, основанным на понятии односторонней функции, являются криптографические (односторонние, однонаправленные) хэш-функции.

Хэш-функция – функция, принимающая строку произвольной (или почти произвольной) длины, и преобразующую ее в строку фиксированной, обычно меньшей, длины. Полученная строка называется отпечатком (дайджестом) входной строки или ее хэш-кодом.

Однонаправленная хэш-функция вычисляется только в одном направлении: легко вычислить значение дайджеста по входной строке, но крайне трудно создать прообраз, дайджест которого соответствует заданной строке [50].

Криптографическая хэш-функция является открытой. Безопасность обеспечивается именно однонаправленностью функции. Одним из необходимых условий является изменение значения половины битов дайджеста при изменении в одном бите входа: невозможно путем сравнения близких входов обратить хэширующую функцию.

Хэш-функции применяются при вычислении контрольных сумм для проверки подлинности файлов и транзакций: почти невозможно подобрать поддельный файл, отличный от настоящего, но с таким же дайджестом. При таком применении от функции требуется высокое быстродействие, т. к. файлы могут иметь значительный размер, а транзакции часто должны обрабатываться в реальном времени.

Еще одно использование контрольных сумм – при использовании цифровой подписи можно подписывать не весь документ целиком, а только его контрольную сумму. Это значительно ускоряет работу с подписью и уменьшает потребление памяти при хранении подписей [50].

Также криптографические хэш-функции используются для хранения паролей. Такие хэш-функции называются Key Derivation Functions, KDF. В этом случае на носителе пароль не сохраняется, а хранится только его хэш, и каждый раз при вводе строки вычисляется ее хэш-код и сравнивается с хэшем пароля. Если произошло совпадение, значит, считаем, пароль введен верно. Для минимизации вероятности коллизии можно хранить два дайджеста от разных хэш-функций.

Такой способ хранения паролей является в настоящее время наиболее распространенным, так как сам по себе обеспечивает дополнительных уровень защищенности: даже если злоумышленник получил доступ к хэшам, для восстановления по ним паролей ему потребуется много времени (или большие вычислительные мощности). При этом от хэширующей пароли функции требуется, чтобы она вычислялась долго: время вычисления порядка 100 мс незаметно при авторизации, однако значительно затрудняет подбор пароля методом грубой силы. Кроме того, по тем же соображениям желательно большое потребление оперативной памяти, это также усложняет перебор, особенно в многопоточном режиме. К их стойкости также предъявляются повышенные требования.

Для дополнительного повышения защищенности хэшированных паролей используется *соль*. Это случайная строка, добавляемая к шифруемым данным, она должна храниться вместе с хэшем. Она не позволит понять, что захэшированы одинаковые строки, так как они будут иметь разную соль. Благодаря этому, брутфорс одного пароля из базы не позволяет найти другие такие же пароли в базе [50].

Итак, есть два вида криптографических хэш-функций:

- Быстрые, используются для вычисления контрольных сумм и должны потреблять как можно меньше ресурсов. Примеры: MD5, семейство SHA2, из новых – SHA3 и BLAKE2.
- Медленные, используются для хэширования паролей. Должны потреблять много ресурсов и быть очень стойкими. Примеры: bcrypt и scrypt, новая – Argon2.

#### 1.2. Интернет вещей

#### 1.2.1. Основные понятия

Сэмюэл Грингард (Samuel Greengard) – журналист, специализируется на новых технологиях. Директор по маркетингу во многих технологических и бизнесизданиях, бывший президент Американского общества журналистов. В области ІоТ известен главным образом книгой [7]. Далее в этом разделе приводятся избранные положения этой работы.

Подключаемые устройства – устройства, которые обмениваются данными по обычному интернет-соединению и получают дополнительные преимущества при подключении, например, через закрытую или частную сеть. Подключаемые устройства необязательно подсоединяются именно к Интернету вещей, но это происходит все чаще.

Радиочастотная идентификация (RFID) – это основной инструмент, который позволяет устройствам стать подключаемыми. Эта технология автоматической идентификации основана на считывании или записи данных, хранящихся в RFID-метках. RFID-метки могут быть как активными (с собственным источником питания), так и пассивными (им не требуется источник питания). И те, и другие позволяют считывателям автоматически получать сигнал и данные с меток. При этом метка должна находиться не дальше определенного допустимого расстояния.

Пассивные радиочастотные метки особенно востребованы благодаря низкой стоимости, долговечности и отсутствию необходимости в постоянном электропитании, они получают питание от ближайшего считывателя. Они могут быть встроены в наклейки для удобства использования или имплантированы под кожу (например, продукт VeriChip [58]). Стоимость определяется мощностью считывающего устройства. Чем больше его мощность, тем меньше требования к размеру и качеству метки, что, в свою очередь, определяет более низкую стоимость [3]. Уже в 2004 году некоторые метки стоили всего 5 центов [56].

Промышленный Интернет – оборудование и аппаратура, оборудованные датчиками. Датчики позволяют получать данные с самых различных устройств унифицированным образом. Затем данные со считывающих устройств могут быть собраны и централизованно обработаны.

Таким образом, возможность сделать большинство устройств подключаемыми позволяет централизованно (в смысле единого канала, Интернета) управлять

практически всей техникой. В результате возникает *Интернет всего* (этот термин введен компанией Cisco). Интернет всего позволяет значительно увеличить автоматизацию за счет упрощения взаимодействия отдельных устройств, модулей и систем. В конечном счете это повышает управляемость системой и, если необходимо, целым кластером систем.

В книге упоминается «парадокс автоматизации»: по мере развития автоматизированных систем вероятность аварии или сбоя снижается, однако степень тяжести потенциальной опасности во много раз повышается. Это создает дополнительные требования к персоналу и пользователям таких систем. Кроме того, возникает психологический эффект расслабления, когда человек целиком полагается на технику.

Автор отмечает дилемму, стоящую перед разработчиками. Создание функциональных интерфейсов и средств управления делают устройства (и, если посмотреть шире, системы) удобнее, но также делают их мишенью для атак. И если прямого доступа к управлению отдельными модулями нет (или нет соответствующих навыков у пользователя или обслуживающего персонала), неисправность или уязвимость не могут быть обнаружены до тех пор, пока проблема не проявится сама, причинив немалый ущерб. Следовательно, разработчики и производители должны находить новые способы обеспечения безопасности как системы в целом, так и отдельных модулей. При этом система защиты должна иметь максимально простой интерфейс управления или, еще лучше, вовсе не требовать управления.

#### 1.2.2. Уровневая модель ІоТ и проблемы безопасности

Стоит отметить хорошую работу [35], посвященную обзору элементов сети ІоТ, ее «слоистой» архитектуры, а также актуальных проблем безопасности. Этот раздел написан в основном по материалам данной работы.

Для идентификации устройств используются адреса IPv4 и IPv6, для именования может использоваться система ucode. Сбор информации осуществляется, например, с помощью RFID-меток, носимых устройства. Для сетевого взаимодействия – основного компонента IoT – используются такие технологии, как RFID, NFC, Bluetooth, Wi-Fi, LTE. Обработка информации включает в себя отбор информации и затем необходимые вычисления. Примеры аппаратных платформ: Arduino, Raspberry Pi, Intel Galileo. Среди ОС можно назвать TinyOS, LiteOS,

Android. Для обеспечения общей семантики используются унифицированные модели представления данных RDF, OWL, EXI.

Приложения ІоТ предоставляют следующие 4 типа услуг пользователю:

- распределенное распознавание объектов;
- сбор, обработка и распределенное хранение информации;
- распределенная решающая (управляющая) система;
- контроль и динамическая корректировка работы различных устройств.

Архитектура сети IoT состоит из нескольких уровней. Базовый трехуровневый вариант отражает главные черты архитектуры. Он состоит из следующих уровней:

- прикладной уровень (application layer);
- сетевой уровень (network layer, transmission layer);
- сенсорный уровень (perception layer, sensor layer).

Сенсорный уровень. На этом уровне осуществляется идентификация «вещей» и сбор поставляемых ими данных. Данные могут быть самыми разными, в зависимости от конкретной области применения: местоположение, температура, вибрация и другие. Этот уровень зачастую является основной целью злоумышленников. См, например, статью [27]. Основные атаки:

- Подслушивание (eavesdropping) перехват информации. Для таких атак уязвимы данные, передаваемые в открытом или слабо зашифрованном виде.
- Захват узла (node capture) захват контроля над важным узлом передачи или временного хранения данных. Может привести к утечке сразу большого количества информации, в том числе ключей шифрования.
- Введение фальшивого узла (fake and malicious node) добавление нового узла в систему. Эта атака направлена на прекращение передачи реальной информации и передачу вместо нее фальшивой. Кроме того, узел может пытаться получить контроль над другими узлами или заставить их повысить энергопотребление для причинения максимального урона сети.
- Атака повторного воспроизведения (атака повторением пакетов, replay attack, playback attack) злоумышленник собирает информацию, передаваемую от отправителя к получателю, и фиксирует реакцию получателя.
  После чего позднее отправляет такую же информацию с целью заставить получателя выполнить желаемые действия. Эта атака весьма

Атака по времени (timing attack) – злоумышленники фиксирует время реакции системы на различные запросы, чтобы получить сведения о ее устройстве и обнаружить потенциальные уязвимости. Может быть также направлена на одно устройство, в этом случае наиболее удобны слабые устройства (для них различие во времени зафиксировать легче).

Сетевой уровень. Он выступает как промежуточное звено между сенсорным уровнем и прикладным уровнем. Занимается передачей информации, а также отвечает за взаимодействие различных устройств и сетей между собой. Он уязвим для следующих атак:

- DoS-атака создание условий для прекращения или затруднения доступа пользователей к вычислительной сети. Обычно это достигается путем искусственного наводнения сети большим количеством запросов.
- Атака посредника (man in the middle, MITM) ретрансляция и изменение связи между узлами, которые считают, что общаются друг с другом.
   Является серьезной угрозой, так как атака может быть осуществлена в реальном времени.
- Атака на хранилище (storage attack) как при централизованном, так и при распределенном способе хранения информации, она может быть украдена, подделана или удалена.
- Эксплойт-атака (exploit attack) внедрение фрагментов кода, использующих уязвимости в системе безопасности, в приложении или в аппаратном обеспечении. Целью атаки является получение над контролем системы и кража информации, также возможно нарушение функционирования системы.

На прикладном уровне находятся все приложения, использующие технологию IoT. Атаки на данный уровень часто определяются конкретным назначением сети. Примеры атак:

- Межсайтовый скриптинг (cross-site scripting) введение инъекции на стороне клиента. Эта атака позволяет злоумышленнику полностью изменить содержимое приложения в своих целях, а также украсть информацию.
- Атака вредоносного кода (malicious code attack) вредоносный код в любой части приложения. Данные атаки часто предотвращаются антивирусом.
- Атаки на данные в случае большого количества пользователей, в некоторых случаях данные могут передаваться в слабо защищенном виде, что может быть использовано злоумышленником.

С развитием технологии ІоТ, распространение получает более сложная, пятиуровневая модель. Модель выглядит следующим образом.

- уровень бизнес-логики (business level);
- прикладной уровень (application layer);
- уровень обработки (processing layer);
- транспортный уровень (transport layer);
- сенсорный уровень (perception layer, sensor layer).

Уровень обработки собирает, отбирает и обрабатывает информацию, полученную от транспортного уровня. Возможные атаки:

- Атака истощения ресурсов (resource exhaustion attack) атака, в результате которой происходит не «зависание» и перегрузка устройств, как при DoS-атаке, а сбои программного или аппаратного обеспечения системы. Благодаря распределенной природе системы интернета вещей, эти атаки не слишком опасны.
- Вредоносное ПО атака на конфиденциальную информацию. Вирусы, шпионское ПО, реклама, троянские программы и черви.

Уровень бизнес-логики занимается управлением всей системой. Устанавливает политики приложений, конфиденциальности данных, обработки данных. Уязвимость этого слоя позволит злоумышленникам «легально» использовать приложения в обход бизнес-логики. Возможные варианты атак:

- Атака на бизнес-логику (business logic attack) использование ошибок программирования бизнес-уровня. Позволяет изменить взаимодействие между пользователем и БД приложения в сторону, выгодную злоумышленнику. Это может быть достигнуто при использовании уязвимостей кода, слабостей процедур валидации при восстановлении пароля и введении входных данных, или слабостей шифрования.
- Атака нулевого дня (zero-day attack) использование уязвимостей системы безопасности, которые ранее были неизвестны.

#### 1.3. Выводы

В данной главе была приведена основная терминологеская и теоретическая база, на которой будут строиться дальнейшие главы. Рассмотрены основные понятия криптографии и интернета вещей. Описана уровневая модель систем интернета вещей, рассмотрен каждый уровень и атаки на него.

#### ГЛАВА 2. ТЕОРЕТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ ЛЕГКОВЕСНЫХ КРИПТОГРАФИЧЕСКИХ АЛГОРИТМОВ

В данной главе проводится теоретический анализ алгоритмов легковесной криптографии. Вводится их определение, требования к ним. Анализируются возможные подходы к защите от различных видов атак на устройства интернета вещей. Определяются виды алгоритмов, наиболее подходящие для реализации данных подходов, а также стандартные протоколы "общего назначения" для этой цели.

#### 2.1. Легковесные алгоритмы: понятие, требования

#### 2.1.1. Понятие и область применения легковесной криптографии

Легковесная криптография (LW-криптография) изучает криптографические алгоритмы, ориентированные на использование в небольших вычислительных устройствах, заведомо не обладающих значительными ресурсами.

LW-криптография используется для обеспечения безопасности встраиваемых систем (англ. embedded systems). Встраиваемая система представляет собой микроконтроллер или небольшой компьютер, встроенный в управляемое устройство. Таким устройством может быть станок с ЧПУ или платежный терминал. Данные, которыми оперирует такое устройство, как платежный терминал, представляют собой существенную ценность, поэтому нуждаются в защите. Однако возможна разработка вирусов и «широкого действия», не нацеленных на определенное устройство, но могущих нанести большой вред из-за широкой распространенности встраиваемых систем. Примером вируса такого типа является RFID-вирус [49].

Другим важным применением легковесной криптографии являются задачи обеспечения безопасности устройств интернета вещей. Этому варианту использования LW-криптография и посвящена данная работа.

В интернете вещей LW-криптография применяется главным образом для обеспечения безопасности устройств сенсорного уровня. В то время как безопасность узлов сетевого/транспортного уровня можно организовать на основе модели криптомаршрутизатора [8], а остальные компоненты сети IoT (клиентские приложения прикладного уровня, сервера уровней обработки и бизнес-логики) обладают достаточными ресурсами для применения методов общей криптографии.

В контексте использования LW-криптографии в устройствах интернета вещей, эти устройства считаются «атомарными». Они только собирают данные, шифруют их и отправляют на узлы транспортного уровня. И защите подвергается главным образом отправляемый устройствами трафик. Среди основных направлений защиты пакетов данных можно выделить следующие.

- Подтверждение достоверности и целостности пакета данных. Требуется уверенность в том, что пакет отправил законный отправитель, и по пути данные не подверглись модификации злоумышленником или помехам канала передачи.
- Подтверждение подлинности пакета данных. Требуется уверенность в том, что пакет, который мы получаем, это именно тот пакет, который сейчас отправил законный отправитель. А не пакет, который он отправил ранее, а злоумышленник сейчас ретранслировал.
- Обеспечение конфиденциальности пакета данных. Требуется уверенность в том, что злоумышленник не смог расшифровать данные, даже если перехватит пакет.

Существенным фактором является неинтерактивность трафика. Это означает, что пакет передается устройством лишь однократно, без долгих процедур аутентификации. Неинтерактивность обуславливается, во-первых, весьма вероятным отсутствием постоянного канала беспроводной связи, а во-вторых, необходимостью быстро передать пакет данных при наличии такого подключения. Неинтерактивность сильно ограничивает количество доступных для использования криптографических методов и протоколов.

Можно выделить следующие требования к легковесным криптографическим алгоритмам и их реализации.

- Бизнес-требования:
  - требуемый уровень безопасности устройства;
  - стоимость устройства;
  - итоговая производительность устройства.
- Ограничения аппаратной части:
  - ограничения энергетических ресурсов;
  - ограничения по объему ОЗУ;
  - ограничения размера микросхемы (GE-мера).
- Ограничения программной реализации:
  - объем программного кода;

- количество потребляемой оперативной памяти;
- время работы.
- Возможные дополнительные ограничения:
  - ширина полосы рабочих частот и пропускная способность канала связи.

#### 2.1.2. Бизнес-требования

Бизнес-требования определяют необходимость поиска компромисса между стоимостью, безопасностью и производительностью устройства. Достаточно легко оптимизировать два из трех свойств, а вот оптимизировать все три – обычно весьма трудная задача для разработчиков.

Процедура определения требуемого уровня безопасности определяется в соответствии с конкретной областью применения конкретной системы. В коммерческих структурах может использоваться, например, модель системы безопасности с полным перекрытием. В рамках данной модели перечисляются все защищаемые объекты системы и возможные атаки на них, а также вероятность появления и наносимый ущерб для каждой из атак. После чего определяются приоритетные направления защиты. В контексте систем интернета вещей представляется разумным ввести атаки, общие для всех уровней системы (например, DoS-атаки) и атаки, специфичные для конкретного слоя (например, кодовые инъекции нацелены главным образом на прикладной уровень). Атаки на каждый уровень и меры защиты от них кратко приведены в первой главе данной работы.

Стоимость и итоговая производительность устройства определяется, главным образом, используется ли в этом качестве устройство «общего назначения» (например, смартфон) или же некоторое «кастомное», уникальное аппаратное решение.

В первом случае и процессор, и системы сетевого взаимодействия, и иногда даже системы безопасности уже реализованы, и требуется реализовать только модули для сбора данных и для их шифрования. Обратной стороной являются возможные скрытые уязвимости или сознательно добавленные «бэкдоры» устройства, которые крайне трудно обнаружить. Кроме этого, использование функционала «из коробки» означает необходимость положиться на разработчиков этого функционала и потерю полного контроля над аппаратным обеспечением.

Во втором случае разработка начинается «с нуля» (или почти с нуля). С одной стороны, это требует гораздо больших навыков от команды разработчиков и больших затрат времени и денежных средств на разработку. Однако, с другой стороны, это может позволить создать в итоге более дешевое и надежное устройство – опять же в зависимости от уровня компетенций команды.

#### 2.1.3. Требования к аппаратной части

В случае использования «кастомной» аппаратной реализации, аппаратная часть должна удовлетворять требованиям по количеству энергетических ресурсов, объему ОЗУ и площади микросхемы. При использовании аппаратного решения «общего назначения» количество имеющихся ресурсов обычно значительно больше, чем требуется для работы криптографических алгоритмов (но, естественно, тоже ограниченно, что необходимо учитывать).

Ограничения энергетических ресурсов могут явно задаваться конкретным технологическим решением (например, RFID-метки рассчитаны не более чем на 15 микроватт [37]). Кроме того, для предупреждения *атак по энергетическим ресурсам* требуется по возможности уменьшить скачки в энергопотреблении устройства. Это отдельная тема, выходящая за рамки данной работы.

Ограничения размера (площади) микросхемы связаны с тем, что зачастую в слабых устройствах (в том числе в устройствах интернета вещей) используются «кастомные» аппаратные решения, направленные на удешевление и повышение надежности устройств. Это означает, что требуется, насколько возможно, уменьшить количество используемых функциональных элементов. Оно определяется, во-первых, используемым алгоритмом, а во-вторых, его программной и аппаратной реализацией. В качестве единицы измерения данного ресурса используется количество элементов NAND (Not And), необходимое для реализации. Обозначается эта величина GE (logic Gate Elements number, количество логических вентилей). Существуют следующие категории реализаций алгоритмов [42]:

- легковесные реализации (lightweight) не более 3000 GE;
- низкостоимостные реализации (low-cost) -не более 2000 GE;
- ультралегкие реализации (ultra-lightweight) не более 1000 GE.

При создании конкретной аппаратной реализации необходимо искать баланс между скоростью работы и размером микросхемы. Оптимизация размера микросхемы достигается за счет использования последовательной архитекту-

ры (обрабатывающей информацию побайтно), оптимизация скорости – за счет распараллеливания и конвейеризации, что влечет увеличение размера.

Основной стандартом, определяющим количество доступных ресурсов для легковесных криптографических алгоритмов, является [36].

#### 2.1.4. Требования к программной части

При разработке программной реализации алгоритма необходимо оптимизировать те же направления, что при разработке любого ПО: оптимизация потребления памяти и времени, а также специфичный для данной области параметр – объем кода.

Количество потребляемой памяти особенно критично для «кастомных» реализаций, при использовании более мощной аппаратной части уже не столь критично, хотя все равно подлежит оптимизации.

Время работы состоит из двух величин. Задержка (англ. latency) – время инициализации алгоритма, и пропускная способность (англ. throughput) – количество информации, обрабатываемой в единицу времени. Обычно требования по каждому из этих параметров формулируются отдельно. Например, для систем автоматического осуществления дорожных сборов время реакции устройства должно быть менее 10 миллисекунд [9], это ограничение на задержку. С другой стороны, если система должна еще и зафиксировать изображение машины, нарушившей ПДД, то требуется передать (а значит, зашифровать) достаточно большое количество информации, а это требует относительно большой пропускной способности.

Объем программного кода тесно связан с количеством используемого кода. Так, S-блоки, определяющие порядок перестановки блочного шифра, можно хранить в оперативной памяти, а можно напрямую «зашить» в код. Второй способ быстрее, однако исполнение кода тоже требует определенных накладных расходов (при исполнении код также хранится в ОЗУ). Поэтому конкретное соотношение хранимых в ОЗУ и заданных в коде данных определяется под конкретный сценарий использования.

### 2.2. Использование криптографических методов в легковесной криптографии

Как указывалось выше, для защиты трафика устройств IoT необходимо решить следующие задачи:

- подтверждение достоверности и целостности пакета данных;
- подтверждение подлинности пакета данных;
- обеспечение конфиденциальности пакета данных.

Проанализируем основные типы криптографических алгоритмов на пригодность для решения этих задач.

#### 2.2.1. Подтверждение достоверности и целостности пакета

Фактически эта задача является задачей аутентификации. Она распадается на две части: аутентификация отправителя и аутентификация пакета.

В системах обмена пакетами общего назначения (не «легковесных») обычно используются протоколы аутентификации отправителя. В начале общения с помощью одного из протоколов (СНАР, Kerberos и другие) подтверждается подлинность отправителя или обеих сторон. После чего начинается доверенный обмен сообщениями. Спустя некоторое время требуется повторная аутентификация. Такая схема используется на следующих уровнях модели OSI: канальный (например, протоколы EAP, PPP), сеансовый (PAP) и прикладной (SSH).

Для использования в системах IoT такой метод не слишком подходит, так как пакеты могут отправляться через краткие, длительные или неравные промежутки времени. При этом каждый пакет может быть отправлен или модифицирован злоумышленником. Это обстоятельство диктует необходимость подтверждения достоверности и целостности каждого передаваемого пакета данных. Это позволяет распознать факт введения фальшивого узла.

Аутентификация также может производиться с использованием таких инструментов, как хешированный или нехешированный пароль, а также электронная цифровая подпись (ЭЦП). Эти методы подходят для легковесной криптографии.

ЭЦП применяется следующим образом. Имеется закрытый ключ, он хранится на отправляющем устройстве, и открытый ключ, он хранится на принимающем устройстве и сопоставлен отправляющему устройству. Открытый ключ однозначно вычисляется по закрытому.

- А. Вычислить контрольную сумму (хэш) пакета данных.
- В. Подписать хэш ЭЦП (т. е. зашифровать хэш закрытым ключом, получив в результате подпись).
- С. Отправить пакет данных, снабдив ЭЦП. Принимающая сторона расшифровывает ЭЦП с помощью открытого ключа. Если получился верный хэш документа, значит хэш был зашифрован с помощью верного закрытого ключа, что подтверждает законность отправителя.

Закрытый ключ известен только отправляющему устройству. Злоумышленник его не знает и, следовательно, правильно зашифровать хэш не сможет.

Цифровая подпись, в отличие от пароля, еще и гарантирует целостность доставленного сообщения (защита от случайных или намеренных искажений по пути). Поэтому она является более предпочтительной, хотя и требует бОльших расходов времени, т. к. требуется предварительно вычислить хэш сообщения (зависит от длины сообщения, т. е. влияет на пропускную способность). Шифрование хэша требует уже фиксированного времени (т. е. влияет только на задержку).

#### 2.2.2. Подтверждение подлинности пакета

Такое подтверждение необходимо для защиты от атаки повторного воспроизведения. В существующих системах представлены различные способы обеспечения такой зашиты.

Один из способов реализован в протоколе Kerberos [13]. Сообщение снабжается сроком действия и временной меткой. Если срок действия истек, можно соответствующим образом отреагировать: отбросить пакет, зафиксировать подозрительную активность или даже заблокировать трафик от скомпрометированного отправителя.

Схожий подход под названием Hop-by-hop transport [30] используется в IPv4/IPv6 маршрутизации. Заголовок пакета (IP-заголовок) содержит специальное восьмиразрядное поле, в IPv4 оно называется TTL (Time to live), в IPv6 – Hop Limit. Это поле содержит максимальное количество прыжков (передач пакета между маршрутизаторами), и после каждого прохождения через маршрутизатор оно уменьшается на единицу. Если оно достигает нуля, пакет считается устаревшим и отбрасывается.

Другим возможным подходом является добавление так называемой «nonce-вставки». Nonce-вставка (от англ. number that can be used only once) – случайно

сгенерированное число, известное обеим сторонам и хранимое ими в тайне. Генерируется сервером, отправляется клиенту, который затем добавляет его к паролю при шифровании. Используется однократно, после чего меняется. Повторение или использование неверной попсе-вставки говорит о том, что пакет отправлен злоумышленником. Не подходит по причине неинтерактивности трафика, передаваемого устройствами ІоТ (устройство не ждет сигнала сервера, вся коммуникация состоит в одном пакете).

Таким образом, оптимальным вариантом является добавление к зашифрованному сообщению метки времени. Эта операция не является требовательной ни по времени, ни по памяти. Но необходимо наличие системного таймера. При этом исходим из того, что злоумышленник не сможет расшифровать сообщение, а значит и изменить метку не может. Кроме того, метку можно подписать цифровой подписью. Тогда злоумышленник не сможет ее изменить даже в случае, если сможет прочитать данные.

#### 2.2.3. Обеспечение конфиденциальности пакета

Эта задача является одной из важнейших и наиболее сложных задач, которые необходимо решить при организации защиты данных, передаваемых IoT—устройствами. Данная задача является основным объектом изучения легковесной криптографии.

Итак, задача состоит в шифровании пакета данных. Ясно, что шифрование должно быть обратимым преобразованием. Принимающая сторона должна иметь возможность эффективно (достаточно быстро) расшифровать пришедший пакет данных. Как указывалось выше, требования к скорости работы определяются задержкой (определяется минимальным интервалом между сообщениями) и пропускной способностью (объем данных в пакете, который должен быть зашифрован до начала шифрования следующего пакета). Шифратор не должен потреблять больше доступного количества оперативной памяти, должен тратить как можно меньшее количество энергии (либо энергопотребление должно быть в пределах возможностей устройства, но близким к постоянному, чтобы затруднить криптоанализ по колебаниям энергопотребления). При этом следует помнить о необходимости минимизации требуемого размера микросхемы (хотя бы не более 3000 GE, в идеале – не более 1000 GE) и обеспечении максимального уровня стойкости шифрования.

Таким образом, задача формулируется следующим образом. Какие алгоритмы позволяют достичь максимального уровня производительности и стойкости, требуя при этом а) не более 3000 GE и б) не более 1000 GE?

При выборе способа шифрования в первую очередь следует проверить, не могут ли подойти известные криптоалгоритмы общего назначения. Если удастся, не изменяя сами алгоритмы, выполнить их программную и аппаратную реализацию, работающую в заданных условиях, это будет наилучшим вариантом. Потому что они уже хорошо исследованы, что позволяет рассчитывать на их стойкость.

Следующим шагом должно быть рассмотрение известных (в том числе закрепленных в стандартах, о них ниже) легковесных криптоалгоритмов. И только если и они не подходят, можно попробовать модифицировать их в сторону ослабления и дальнейшего облегчения. Впрочем, это весьма рискованный путь, так как требует от создателей значительных навыков в криптоанализе, чтобы гарантировать стойкость шифра.

Итак, ниже будут рассмотрены на пригодность для легковесного шифрования различные типы шифров общего назначения и легковесных шифров.

#### 2.2.3.1. Блочное шифрование

В дело исследования блочных легковесных шифров внесли значительный вклад работы [21] [9]. Легковесные блочные шифры являются одним из наиболее динамично развивающихся разделов низкоресурсной криптографии. Исследования идут по двум направлениям: создание оптимальных реализаций алгоритмов общего назначения и создание новых алгоритмов, нацеленных именно на использование в низкоресурсных устройствах.

#### Криптоалгоритмы общего назначения

Одним из лучших на данный момент блочных шифров является алгоритм **AES** (Rijndael). Он оперирует 128-битными блоками данных и 128-, 192- и 256-битными ключами, производя 10, 12 и 14 раундов шифрования соответственно.

Помимо высокой криптостойкости, он является весьма производительным. Существует его программная реализация с производительностью порядка 7 процессорных тактов на байт [39] на стандартных ЦП. Добавление специальной процессорной инструкции для этого алгоритма позволило достичь производитель-

ности примерно 0.7 тактов на байт [46]. Помимо этого, стоит отметить низкое потребление памяти.

Он, однако, требует достаточно большого размера микросхемы, порядка 250 000 GE для достижения максимальной скорости (до 70 Гб/сек) [31]. Наиболее компактная последовательная реализация требует 2400 GE и имеет производительность 226 циклов на блок [47]. Это значительно лучше, и может подойти для многих устройств, даже очень простых. Тем не менее, «ультралегким» алгоритмом, т. е. оптимальная реализация которого требует менее 1000 GE, его все-таки назвать нельзя.

**DES**. Данный алгоритм также является весьма известным. Длина его ключа значительно меньше, чем у AES (56 бит), что означает меньшую стойкость. Также он был взломан методом линейного криптоанализа [38]. В системах общего назначения (не легковесных) он применяется, в основном, в виде Triple DES, то есть троекратное шифрование с тремя ключами. Также существует вариация DESX, работающая с 184-битным ключом при таком же размере блока и числе раундов, как у DES. Наиболее компактные реализации DES и DESX требуют 2309 GE и 1848 GE соответственно [44].

#### Легковесные криптоалгоритмы .

Наилучшие лешковесные блочные алгоритмы включены в стандарт [36] (часть 2, Block ciphers). Это шифры PRESENT и CLEFIA.

**CLEFIA**. Данный алгоритм является очень популярным благодаря существующим очень производительным реализациям. Он оперирует 128-битными блоками с длиной ключа 128, 192 и 256 бит с 18, 22 и 26 раундами, соответственно. Наиболее компактная реализация шифрования требует 2488GE, дешифровки – 2604GE [22]. В данной реализации используется технология Clock Gating. С точки зрения криптоанализа данная функция является весьма стойкой, существующие не вероятностные атаки лишь немногим лучше, чем полный перебор [54].

**PRESENT**. Данный шифр использует 80- и 128-битные ключи для шифрования данных 64-битными блоками в 31 раунд. Он, вообще говоря, не совсем укладывается в границу, т. к. требует 1030 GE [57]. Но даже такой результат явился почти революционным. Его удалось достичь за счет последовательной архитектуры – это первый шифр с такой архитектурой. Еще одним улучшением является уменьшение числа S-боксов с 8 (обычное количество для блочных шифров) до 1.

Платой за компактность данного алгоритма является не слишком высокая криптостойкость. Существуют атаки по сторонним каналам [48] [60] и атака на связанных ключах [41] на 17-раундовую версию данного алгоритма. Существует атака методом DFA (differential fault cryptanalysis) [33]. Есть дифференциальная атака на 26-раундовую версию [24].

Существуют и еще более компактные шифры. Это Katan (800-1000GE [26]), Ktantan (460GE-690GE [26]) и другие. Однако такие реализации оперируют ключами очень небольшой длины (32 или 48 бит), что позволяет взломать их простым перебором, либо они уязвимы для других атак. Такие алгоритмы подходят для шифрования не слишком важной информации.

#### 2.2.3.2. Потоковое шифрование

Данное направление легковесной криптографии развито слабее, чем блочное шифрование. Основная причина в том, что потоковые шифры направлены главным образом на шифрование больших объемов информации сразу, в то время как легковесные устройства зачастую оперируют пакетами данных небольшого объема. Потоковые шифры часто имеют большое время инициализации и требуют большого количества памяти для хранения внутреннего состояния.

В стандарт [36] (часть 3, Stream ciphers) включены два алгоритма. Это **Enoroco** и **Trivium**. Помимо закрытого ключа, эти алгоритмы используют также вектор инициализации, являющийся открытым ключом. Они требуют примерно 4900 [59] и 1300 [25] тактов процессора на инициализацию, соответственно. Занимаемое место на микросхеме – 4100GE и 2600GE [28].

Алгоритм Trivium является весьма гибким: можно варьировать соотношение между числом логических элементов (GE) и скоростью работы. Наиболее компактная реализация занимает всего 700GE [20]. К настоящему времени не известно атак быстрее полного перебора.

#### 2.2.3.3. Асимметричное шифрование. Хэширование и ЭЦП

Асимметричное шифрование не слишком подходит для шифрования трафика, передаваемого устройствами интернета вещей. Среди их недостатков выделяется бОльшая длина ключа ([4], стр 673), более низкая скорость шифрования, бОльшие вычислительные ресурсы. В то же время их преимущества (нет необходимости передачи секретного ключа, ключ дешифрования может хранить только одна сторона)

диктуют область их применения главным образом как средство распределения систем или аутентификации. Их использование в системах ЭЦП описано выше.

Впрочем, существуют достаточно эффективные реализации асимметричных алгоритмов, которые можно использовать при создании ЭЦП. Например, алгоритм cryptoGPS (GPS – по фамилиям авторов) имеет реализацию, требующую 724 такта (на все шифрование) при размере схемы 2876GE [19]. По стойкости она соответствует 80-битному симметричному ключу.

Криптографическое хэширование однозначно не подходит для целей шифрования, так как является односторонним преобразованием: расшифровка хэша априори невозможна, возможно только сравнение хэшей. Впрочем, блочная шифрующая функция может быть интересна с криптографической точки зрения, и может быть использована как примитив при создании нового шифра, в том числе легковесного. Например, на базе алгоритма Present создана легковесная хэш-функция H-Present-128 [18].

Электронная цифровая подпись также не подходит для хэширования, так как использует в своем составе хэш. ЭЦП предназначены для гарантирования достоверности и целостности данных. В этом качестве она вполне может быть использована, о чем написано выше.

## ГЛАВА 3. НАЗВАНИЕ ТРЕТЬЕЙ ГЛАВЫ: РАЗРАБОТКА ПРОГРАММНОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ

Хорошим стилем является наличие введения к главе. Во введении может быть описана цель написания главы, а также приведена краткая структура главы.

#### 3.1. Название параграфа

#### 3.2. Название параграфа

#### 3.3. Выводы

Текст выводов по главе 3.

## ГЛАВА 4. НАЗВАНИЕ ЧЕТВЁРТОЙ ГЛАВЫ. АПРОБАЦИЯ РЕЗУЛЬТАТОВ ИССЛЕДОВАНИЯ, А ИМЕННО: МЕТОДА, АЛГОРИТМА, МОДЕЛИ ИССЛЕДОВАНИЯ

Хорошим стилем является наличие введения к главе. Во введении может быть описана цель написания главы, а также приведена краткая структура главы.

#### 4.1. Название параграфа

#### 4.2. Название параграфа

Пример ссылки на литературу [1; 14; 16; 40].

#### 4.3. Выводы

Текст выводов по главе 4.

#### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Заключение (2 – 5 страниц) обязательно содержит выводы по теме работы, конкретные предложения и рекомендации по исследуемым вопросам. Количество общих выводов должно вытекать из количества задач, сформулированных во введении выпускной квалификационной работы.

Предложения и рекомендации должны быть органически увязаны с выводами и направлены на улучшение функционирования исследуемого объекта. При разработке предложений и рекомендаций обращается внимание на их обоснованность, реальность и практическую приемлемость.

Заключение не должно содержать новой информации, положений, выводов и т. д., которые до этого не рассматривались в выпускной квалификационной работе. Рекомендуется писать заключение в виде тезисов.

Последним абзацем в заключении можно выразить благодарность всем людям, которые помогали автору в написании ВКР.

#### СПИСОК СОКРАЩЕНИЙ И УСЛОВНЫХ ОБОЗНАЧЕНИЙ

**DOI** Digital Object Identifier.

WoS Web of Science.

ВКР Выпускная квалификационная работа.

ТГ-объект Текстово-графический объект.

#### СЛОВАРЬ ТЕРМИНОВ

 ${f TeX}$  — язык вёрстки текста и издательская система, разработанные Дональдом Кнутом.

**LaTeX** — язык вёрстки текста и издательская система, разработанные Лэсли Лампортом как надстройка над TeX.

#### СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

- 1. *Автономова Н. С.* Философский язык Жака Деррида. М.: Российская политическая энциклопедия (РОССПЭН), 2011. 510 с. (Сер.: Российские Пропилеи).
- 2. *Беклемищева Н.*, *Жуков В.*, *Михайлов К.* О некоторых вопросах информационной безопасности медицинских устройств // Актуальные проблемы авиации и космонавтики. 2017. № 13.
- 3. *Бхуптани М.*, *Морадпур Ш.* RFID-технологии на службе вашего бизнеса / пер. Н. Троицкий. Москва: Альпина Паблишер, 2007. 290 с.
- 4. Голдовский И. М. Банковские микропроцессорные карты. Москва: Альпина Паблишер, 2010. 686 с.
- 5. ГОСТ Р 50922-2006. Защита информации. Основные термины и определения. URL: http://docs.cntd.ru/document/gost-r-50922-2006 (дата обращения: 10.06.2020).
- 6. ГОСТ Р 53114-2008. URL: http://docs.cntd.ru/document/gost-r-53114-2008 (дата обращения: 10.06.2020).
- 7. Грингард С. Интернет вещей: Будущее уже здесь / пер. М. Трощенко. Москва: Альпина Паблишер, 2017. 188 с.
- 8. *Жданов О. Н.*, *Золотарев В. В.* Методы и средства криптографической защиты информации: Учебное пособие. Красноярск: СибГАУ, 2007. 217 с.
- 9. *Жуков А. Е.* Легковесная криптография // Вопросы кибербезопасности. 2015. № 1.
- 10. Защита для чайников. Интернет вещей хотят обезопасить от кибератак. URL: https://rg.ru/2016/10/13/evrokomissiia-predlozhila-zashchitit-internet-veshchej-ot-kiberatak.html (дата обращения: 10.06.2020).
- 11. Интернет вещдоков. Власти разработали концепцию развития сетей IoT. URL: https://www.kommersant.ru/doc/3924324 (дата обращения: 10.06.2020).
- 12. Информация Большая советская энциклопедия. URL: https://gufo.me/dict/bse/%D0%98%D0%BD%D1%84%D0%BE%D1%80%D0%BC%D0%B0%D1%86%D0%B8%D1%8F (дата обращения: 10.06.2020).
- 13. Как Kerberos защищает от атак с повторением пакетов. URL: https://www.osp.ru/winitpro/2014/03/13039728/ (дата обращения: 10.06.2020).

- 14. *Котельников И. А.*, *Чеботаев П. З.* LaTeX по-русски. 3-е изд. Новосибирск: Сибирский Хронограф, 2004. 496 с. URL: http://www.tex.uniyar.ac.ru/doc/kotelnikovchebotaev2004b.pdf (дата обращения: 06.03.2019).
- 15. *Музыкантский А.*, *Фурин В*. Лекции по криптографии. 2-е изд. Москва: МЦНМО, 2013. 68 с.
- 16. *Песков Н. В.* Поиск информативных фрагментов описаний объектов в задачах распознавания: дис. . . . канд. канд. физ.-мат. наук: 05.13.17 / Песков Николай Владимирович. М., 2004. 102 с.
- 17. *Ященко В. В.* Введение в криптографию. 4-е изд. Москва: МЦНМО, 2012. 348 с.
- 18. Hash functions and RFID tags: Mind the gap / A. Bogdanov [и др.] //. т. 5154. 2008. с. 283—299. DOI 10.1007/978-3-540-85053-3\_18.
- 19. Lightweight Cryptography and RFID: Tackling the Hidden Overheads / A. Poschmann [и др.] //. т. 5984. 2009. с. 129—145. DOI 10.1007/978-3-642-14423-3\_10.
- 20. A Low-cost Implementation of Trivium / N. Mentens [et al.] //. State of the Art of Stream Ciphers (SASC). 2008.
- 21. A review of lightweight block ciphers / G. Hatzivasilis [et al.] // Journal of Cryptographic Engineering. 2017. Vol. 8. P. 1–44. DOI 10.1007/s13389-017-0160-y.
- 22. Akishita T., Hiwatari H. Very Compact Hardware Implementations of the Blockcipher CLEFIA //. Selected Areas in Cryptography (SAC). 2011. P. 278–292.
- 23. *Bauer F. L.* Decrypted Secrets: Methods and Maxims of Cryptology. 4th ed. Berlin: Springer, 2007. 555 p.
- 24. *Blondeau C.*, *Nyberg K.* Links between truncated differential and multidimensional linear properties of block ciphers and underlying attack complexities //. EUROCRYPT. 2014. P. 165–182.
- 25. *Canniere C. D.*, *Preneel B.* TRIVIUM a stream cipher construction inspired by block cipher design principles: tech. rep. / eStream, ECRYPT Stream Cipher Project. 2005. No. 2005/030.
- 26. *Cannière C.*, *Dunkelman O.*, *Knežević M.* Katan and Ktantan A Family of Small and Efficient Hardware-Oriented Block Ciphers //. Cryptographic Hardware, Embedded Systems (CHES). Lausanne, Switzerland, 2009.

- 27. *Giannetsos T.*, *Dimitriou T.*, *Prasad N.* Weaponizing Wireless Networks: An Attack Tool for Launching Attacks against Sensor Networks //. 2010.
- 28. *Good T.*, *Benaissa M.* Hardware Results for selected Stream Cipher Candidates //. State of the Art of Stream Ciphers (SASC). 2007.
- 29. Government response to the Regulatory proposals for consumer Internet of Things (IoT) security consultation. URL: https://www.gov.uk/government/consultations/consultation-on-regulatory-proposals-on-consumer-iot-security/outcome/government-response-to-the-regulatory-proposals-for-consumer-internet-of-things-iot-security-consultation (visited on 10.06.2020).
- 30. *Heimlicher S.*, *Nuggehalli P.*, *May M.* End-to-end vs. hop-by-hop transport // SIGMETRICS Performance Evaluation Review. 2007. Vol. 35. P. 59–60. DOI 10.1145/1328690.1328716.
- 31. *Hodjat A.*, *Verbauwhede I.* Minimum Area Cost for a 30 to 70 Gbits/s AES Processor //. In IEEE Computer Society Annual Symposium on VLSI (ISVLSI). 2004. P. 498–502.
- 32. HP Study Reveals 70 Percent of Internet of Things Devices Vulnerable to Attack. URL: https://www8.hp.com/us/en/hp-news/press-release.html?id=1744676 (visited on 10.06.2020).
- 33. Improved differential fault analysis on PRESENT-80/128 / K. Jeong [et al.] //. International Journal of Computer Mathematics. 2013. P. 2553–2563.
- 34. Internet Of Things (iot). URL: https://www.gartner.com/en/information-technology/glossary/internet-of-things (visited on 10.06.2020).
- 35. IoT Elements, Layered Architectures and Security Issues: A Comprehensive Survey / M. Burhan [et al.] // Sensors. 2018.
- 36. Information technology Security techniques Lightweight cryptography: Standard. 2012.
- 37. Information technology Radio frequency identification for item management Part 3: Parameters for air interface communications at 13.56 MHz: Standard. 2004.
- 38. *Junod P.* On the Complexity of Matsui's Attack, Selected Areas in Cryptography //. SAC. 2001. P. 199–211.
- 39. *Käsper E.*, *Schwabe P.* Faster and Timing-Attack Resistant AES-GCM //. CHES. 2009. P. 1–17.
- 40. *Kotelnikov I. A., Chebotaev P. Z.* LaTeX in Russian. 3rd ed. Novosibirsk: Sibiskiy Hronograph, 2004. 496 p. URL: http://www.tex.uniyar.ac.ru/doc/kotelnikovchebotaev2004b.pdf (visited on 06.03.2019); (in Russian).

- 41. Lightweight Block Ciphers Revisited: Cryptanalysis of Reduced Round PRESENT and HIGHT / O. Ozen [et al.] //. Information Security, Privacy, LNCS. 2009. P. 90–107.
- 42. Lightweight Cryptography for Embedded Systems A Comparative Analysis / C. Manifavas [et al.] //. SETOP. 2013.
  - 43. MiKTeX web site. URL: https://miktex.org/ (visited on 06.03.2019).
- 44. New Lightweight DES Variants / G. Leander [et al.] //. Fast Software Encryption (FSE). 2007. P. 196–210.
- 45. *Peskov N. V.* Searching for informative fragments of object descriptions in the recognition tasks: diss. . . . cand. phys.-math. sci.: 05.13.17 / Peskov Nickolay Vladimirovich. M., 2004. 102 p. (in Russian).
- 46. *Preneel B*. Perspectives on Lightweight Cryptography //. Inscript. 2010. P. 1–17.
- 47. Pushing the Limits: A Very Compact and a Threshold Implementation of AES / A. Moradi [et al.] //. EUROCRYPT. 2011. P. 69–88.
- 48. *Renauld M.*, *Standaert F.-X*. Algebraic side-channel attacks //. IACR Cryptology ePrint Archive. 2009. P. 279.
- 49. RFID Viruses and Worms. URL: http://www.rfidvirus.org/ (visited on 10.06.2020).
- 50. *Schneier B*. Applied Cryptography, Second Edition: Protocols, Algorthms, and Source Code in C (cloth). 1st ed. John Wiley, Sons, Inc, 1996. 1027 p.
- 51. Secrecy (Obscurity) is a Valid Security Layer. URL: https://danielmiessler.com/study/security-by-obscurity/ (visited on 10.06.2020).
- 52. SPbPU photo gallery. URL: http://www.spbstu.ru/media/photo-gallery/ (visited on 06.03.2019).
- 53. State of the IoT 2018: Number of IoT devices now at 7B Market accelerating. URL: https://iot-analytics.com/state-of-the-iot-update-q1-q2-2018-number-of-iot-devices-now-7b/ (visited on 10.06.2020).
- 54. *Texcan C*. The Improbable Differential Attack: Cryptanalysis of Reduced Round CLEFIA //. INDOCRYPT. 2010. P. 197–209.
- 55. TeXstudio web site. URL: https://www.texstudio.org/ (visited on 06.03.2019).
- 56. The 5-Cent RFID Tag. URL: https://www.rfidjournal.com/the-5-cent-rfid-tag (visited on 10.06.2020).

- 57. Ultra-lightweight implementations for smart devices security for 1000 gate equivalents / C. Rolfes [et al.] //. Smart Card Research, Advanced Applications, LNCS. 2008. P. 89–103.
- 58. VeriChip RFID Implants in Mexican Attorney General's Office Overstated. URL: https://www.webcitation.org/5wa3VneDo?url=http://www.spychips.com/press-releases/mexican-implant-correction.html (visited on 10.06.2020).
- 59. *Watanabe D.*, *Okamoto K.*, *Kaneko T.* A Hardware-Oriented Light Weight Pseudo-Random Number Generator Enocoro-128v2 (in Japanese) //. The Symposium on Cryptography, Information Security, SCIS. 2010.
- 60. *Yang L.*, *Wang M.*, *Qiao S.* Side channel cube attack on PRESENT //. Cryptology, Network Security (CANS), LNCS. 2009. P. 379–391.

### Краткие инструкции по настройке издательской системы ЫТЕХ

В SPbPU-BCI-template автоматически выставляются необходимые настройки и в исходном тексте шаблона приведены примеры оформления текстово-графических объектов, поэтому авторам достаточно заполнить имеющийся шаблон текстом главы (статьи), не вдаваясь в детали оформления, описанные далее. Возможный «быстрый старт» оформления главы (статьи) под Windows следующий [11.1]:

- А. Установка полной версии MikTeX [43]. В процессе установки лучше выставить параметр доустановки пакетов «на лету».
- B. Установка TexStudio [55].
- C. Запуск TexStudio и компиляция my\_chapter.tex с помощью команды «Build&View» (например, с помощью двойной зелёной стрелки в верхней панели). Иногда, для достижения нужного результата необходимо несколько раз скомпилировать документ.
- D. В случае, если не отобразилась библиография, можно
  - воспользоваться командой Tools Commands Biber, затем запустив Build&View;
  - настроить автоматическое включение библиографии в настройках Options → Configure TexStudio → Build → Build&View (оставить по умолчанию, если сборка происходит слишком долго): txs://pdflatex | txs://biber | txs://pdflatex | txs://pdflatex | txs://view-pdf.

В случае возникновения ошибок, попробуйте скомпилировать документ до последних действий или внимательно ознакомьтесь с описанием проблемы в log-файле. Бывает полезным переход (по подсказке TexStudio) в нужную строку в pdf-файле или запрос с текстом ошибке в поисковиках. Наиболее вероятной проблемой при первой компиляции может быть отсутствие какого-либо установленного пакета LATeX.

В случае корректной работы настройки «установка на лету» все дополнительные пакеты будут скачиваться и устанавливаться в автоматическом режиме. Если доустановка пакетов осуществляется медленно (несколько пакетов за один запуск

П1.1Внимание! Пример оформления подстрочной ссылки (сноски).

компилятора), то можно попробовать установить их в ручном режиме следующим образом:

- 1. Запустите программу: меню → все программы → MikTeX → Maintenance (Admin) → MikTeX Package Manager (Admin).
- 2. Пользуясь поиском, убедитесь, что нужный пакет присутствует, но не установлен (если пакет отсутствует воспользуйтесь сначала MiKTeX Update (Admin)).
- 3. Выделив строку с пакетом (возможно выбрать несколько или вообще все неустановленные пакеты), выполните установку Tools → Install или с помощью контекстного меню.
- 4. После завершения установки запустите программу MiKTeX Settings (Admin).
- 5. Обновите базу данных имен файлов Refresh FNDB.

Для проверки текста статьи на русском языке полезно также воспользоваться настройками Options  $\rightarrow$  Configure TexStudio  $\rightarrow$  Language Checking  $\rightarrow$  Default Language. Если русский язык «ru\_RU» не будет доступен в меню выбора, то необходимо вначале выполнить Import Dictionary, скачав из интернета любой русскоязычный словарь.

Далее приведены формулы (П1.2), (П1.1), рис.П1.2, рис.П1.1, табл.П1.2, табл.П1.1.





Рис.П1.1. Вид на гидробашню СПбПУ [52]

Таблица П1.1

Представление данных для сквозного примера по ВКР [45]

G	$m_1$	$m_2$	$m_3$	$m_4$	K
<i>g</i> <sub>1</sub>	0	1	1	0	1
<i>g</i> <sub>2</sub>	1	2	0	1	1
<i>g</i> <sub>3</sub>	0	1	0	1	1
<i>g</i> <sub>4</sub>	1	2	1	0	2
<i>g</i> <sub>5</sub>	1	1	0	1	2
<i>g</i> <sub>6</sub>	1	1	1	2	2

## П1.1. Параграф приложения

#### П1.1.1. Название подпараграфа

Название подпараграфа оформляется с помощью команды \subsection{...}. Использование подподпараграфов в основной части крайне не рекомендуется.

$$\pi \approx 3{,}141. \tag{\Pi1.2}$$



Рис.П1.2. Вид на гидробашню СПбПУ [52]

# Представление данных для сквозного примера по ВКР [45]

G	$m_1$	$m_2$	$m_3$	$m_4$	K
<i>g</i> <sub>1</sub>	0	1	1	0	1
<i>g</i> <sub>2</sub>	1	2	0	1	1
<i>g</i> <sub>3</sub>	0	1	0	1	1
84	1	2	1	0	2
<i>g</i> <sub>5</sub>	1	1	0	1	2
86	1	1	1	2	2

## Приложение 2

### Некоторые дополнительные примеры

В приложении  $\Pi^{2.1}$  приведены формулы ( $\Pi^{2.2}$ ), ( $\Pi^{2.1}$ ), рис. $\Pi^{2.2}$ , рис. $\Pi^{2.1}$ , табл. $\Pi^{2.2}$ , табл. $\Pi^{2.1}$ 

$$\pi \approx 3{,}141. \tag{\Pi2.1}$$



Рис.П2.1. Вид на гидробашню СПбПУ [52]

Таблица П2.1 Представление данных для сквозного примера по ВКР [45]

G	$m_1$	$m_2$	$m_3$	$m_4$	K
<i>g</i> <sub>1</sub>	0	1	1	0	1
<i>g</i> <sub>2</sub>	1	2	0	1	1
<i>g</i> <sub>3</sub>	0	1	0	1	1
<i>g</i> <sub>4</sub>	1	2	1	0	2
<i>g</i> <sub>5</sub>	1	1	0	1	2
<i>g</i> <sub>6</sub>	1	1	1	2	2

 $<sup>\</sup>Pi_{2.1}$ Внимание! Пример оформления подстрочной ссылки (сноски).

# П2.1. Подраздел приложения

$$\pi \approx 3{,}141. \tag{\Pi2.2}$$



Рис.П2.2. Вид на гидробашню СПбПУ [52]

Таблица П2.2

Представление данных для сквозного примера по ВКР [45]

G	$m_1$	$m_2$	$m_3$	$m_4$	K
<i>g</i> <sub>1</sub>	0	1	1	0	1
<i>g</i> <sub>2</sub>	1	2	0	1	1
<i>g</i> <sub>3</sub>	0	1	0	1	1
<i>g</i> <sub>4</sub>	1	2	1	0	2
<i>g</i> <sub>5</sub>	1	1	0	1	2
<i>g</i> <sub>6</sub>	1	1	1	2	2