Universidade Federal do Rio Grande do Norte Departamento de Engenharia da Computação e Automação DCA3703 - Programação Paralela

Tarefa 17: Estruturas de Dados Não Contíguas em MPI Aluno: Daniel Bruno Trindade da Silva

1 Introdução

Este relatório tem como objetivo apresentar os conhecimentos adquiridos durante o desenvolvimento da Tarefa 17 da disciplina de Programação Paralela. A atividade teve como objetivo reimplementar o código da tarefa 16 distribuindo as colunas da matriz entre os processos, permitindo que cada um calculasse uma contribuição parcial para todos os elementos do vetor 'y'. 'Por fim, o relatório discute as diferenças de acesso à memória e desempenho desta abordagem em comparação com a distribuição por linhas.

2 Enunciado

Reimplemente a tarefa 16, agora distribuindo as colunas entre os processos. Utilize MPI_Type_vector e MPI_Type_create_resized para definir um tipo derivado que represente colunas da matriz. Use MPI_Scatter com esse tipo para distribuir blocos de colunas, e MPI_Scatter ou cópia manual para enviar os segmentos correspondentes de x. Cada processo deve calcular uma contribuição parcial para todos os elementos de y e usar MPI_Reduce com MPI_SUM para somar os vetores parciais no processo 0. Discuta as diferenças de acesso à memória e desempenho em relação à distribuição por linhas.

3 Desenvolvimento

Fizemos a reimplementação do código original, alterando a estratégia de paralelização para realizar a distribuição da matriz por colunas entre os processos, utilizando tipos derivados do MPI. Essa abordagem visa uma distribuição mais eficiente da matriz e do vetor, aproveitando melhor os recursos de comunicação da biblioteca MPI.

3.1 Criação do Tipo Derivado para Representação das Colunas

A matriz A é armazenada em memória de forma contígua linha a linha (ordem row-major). Como o objetivo é distribuir blocos de colunas entre os processos, foi necessário criar um tipo derivado que representasse de forma lógica esse agrupamento, apesar de sua não contiguidade na memória.

Para isso, utilizamos inicialmente a função MPI_Type_vector. Esse construtor cria um tipo derivado com múltiplos blocos, permitindo a seleção de elementos com espaçamento regular:

MPI_Type_vector(M, cols_per_proc, N, MPI_UNSIGNED_CHAR, &column_type);

Onde:

- M: número de blocos, correspondente ao número de linhas da matriz.
- cols_per_proc: número de elementos consecutivos a serem enviados por linha, isto é, a quantidade de colunas atribuídas a cada processo.
- N: espaçamento entre os inícios de blocos, igual ao número total de colunas da matriz.

• MPI_UNSIGNED_CHAR: tipo base, equivalente a uint8_t.

Porém, o tipo criado por MPI_Type_vector possui um extent (extensão) maior do que o necessário para o envio contínuo entre processos. Por isso, utilizamos a função MPI_Type_create_resized para ajustar esse tamanho, garantindo que o MPI_Scatter realize a comunicação corretamente:

```
MPI_Type_create_resized(
    column_type, 0,
    cols_per_proc * sizeof(uint8_t),
    &resized_column_type
);
MPI_Type_commit(&resized_column_type);
```

3.2 Distribuição dos Dados com MPI_Scatter

Com o tipo derivado criado, foi possível empregar MPI_Scatter para distribuir diretamente os blocos de colunas da matriz entre os processos:

```
MPI_Scatter(
    &A[0][0], 1,
    resized_column_type,
    local_A, M * cols_per_proc,
    MPI_UNSIGNED_CHAR, 0,
    MPI_COMM_WORLD
);
```

- O processo raiz (rank 0) envia uma unidade do tipo derivado para cada processo.
- Cada processo recebe em local_A seu bloco de colunas, já linearizado com tamanho M * cols_per_proc.

Já a distribuição do vetor x foi realizada em paralelo, utilizando um segundo MPI_Scatter:

```
MPI_Scatter(
    x, cols_per_proc,
    MPI_UNSIGNED_CHAR,
    local_x, cols_per_proc,
    MPI_UNSIGNED_CHAR, 0,
    MPI_COMM_WORLD
);
```

3.3 Cálculo da Contribuição Parcial e Redução com MPI_Reduce

Após a distribuição, cada processo realizou o cálculo parcial de sua contribuição para o vetor resultado y, realizando a multiplicação das colunas recebidas pelo segmento correspondente de x. O vetor parcial local_y calculado por cada processo foi então combinado para formar o resultado final y no processo raiz. Para isso, utilizamos a função MPI_Reduce com a operação MPI_SUM:

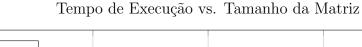
```
MPI_Reduce(local_y, y, M, MPI_UNSIGNED_CHAR, MPI_SUM, 0, MPI_COMM_WORLD);
```

MPI_SUM garante que as contribuições de cada processo sejam somadas elemento a elemento. E o resultado final do vetor y é armazenado no processo com rank 0.

4 Resultados

Tamanho da Matriz	Abordagem	2 proc	4 proc	8 proc	16 proc	32 proc
2048 x 2048	Por linhas	0.007393	0.012269	0.010754	0.017535	0.032846
	Por colunas	0.008465	0.017355	0.010708	0.015743	0.029602
4096 x 4096	Por linhas	0.024350	0.019467	0.026092	0.018572	0.033169
	Por colunas	0.025716	0.027852	0.028952	0.017797	0.025117
8192 x 8192	Por linhas	0.223196	0.174600	0.149724	0.073371	0.080450
	Por colunas	0.093287	0.071059	0.063350	0.034189	0.038946
16384 x 16384	Por linhas	0.336517	0.201913	0.159433	0.076215	0.075465
	Por colunas	1.379384	0.950391	0.601622	0.317023	0.268764
32768 x 32768	Por linhas	1.314407	0.773659	0.510369	0.249389	0.193285
	Por colunas	1.366954	0.954603	0.613585	0.318262	0.287530

Table 1: Comparação dos tempos de execução (em segundos) entre as abordagens de distribuição por linhas e por colunas



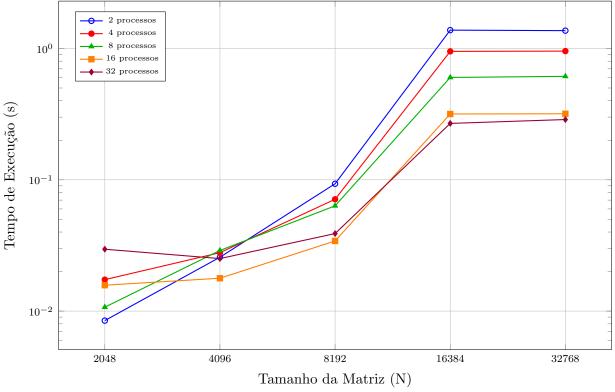


Figure 1: Gráfico de linhas do tempo de execução em função do tamanho da matriz para diferentes números de processos.

5 Analise dos Resultados

5.1 Variação do Tempo com o Número de Processos

Observa-se que, para matrizes de pequeno porte (por exemplo, 2048 x 2048), o tempo de execução não reduz significativamente com o aumento do número de processos. Na verdade, há uma flutuação:

com 2 processos, o tempo foi de aproximadamente 8,4 ms, mas com 4 e 8 processos houve aumento para cerca de 17,3 ms e posterior redução para 10,7 ms, respectivamente.

Esse comportamento se justifica pelo custo de comunicação inerente ao aumento do número de processos, que pode superar os benefícios da paralelização quando o volume de dados por processo é pequeno. Assim, para tamanhos reduzidos de matriz, o overhead de comunicação domina, tornando a execução com mais processos ineficiente.

5.2 Ganhos de Desempenho com Matrizes Maiores

À medida que o tamanho da matriz aumenta, o ganho de desempenho com o aumento no número de processos se torna mais evidente:

- Para a matriz de 8192 x 8192, o tempo caiu de aproximadamente 93 ms com 2 processos para cerca de 34 ms com 16 processos, e manteve-se baixo com 32 processos.
- Para a matriz de 16384 x 16384, a redução foi ainda mais expressiva: de 1,37 s com 2 processos para cerca de 0,27 s com 32 processos, mostrando um ganho de quase 5 vezes.
- O mesmo comportamento foi observado para a maior matriz testada (32768 x 32768), com redução de cerca de 1,36 s para aproximadamente 0,29 s com 32 processos.

Esse comportamento confirma que, para grandes volumes de dados, o custo de comunicação torna-se amortizado pela expressiva redução no tempo de processamento proporcionada pela divisão de trabalho entre múltiplos processos.

5.3 Análise Comparativa entre Distribuição por Colunas e por Linhas

Os tempos de execução para ambas as abordagens, conforme apresentados nas respectivas tabelas de resultados, evidenciam comportamentos semelhantes, porém com algumas diferenças importantes:

- Nas matrizes de menor porte, os tempos de execução da abordagem por linhas foram, em geral, ligeiramente menores do que os obtidos com a abordagem por colunas. Por exemplo, para a matriz 2048 x 2048 com 2 processos, o tempo foi de 7,4 ms na abordagem por linhas contra 8,5 ms na abordagem por colunas.
- Para matrizes de tamanhos médios e grandes, a abordagem por colunas apresentou uma redução expressiva no tempo de execução em relação à abordagem por linhas.