תיעוד תרגיל מעשי 1 במבני נתונים

## עץ אדום שחור

עץ אדום שחור הוא עץ חיפוש בינארי מאוזן בקירוב.

## פונקציות פומביות

### Insert - O(logn)

הפונקציה מקבלת מפתח וערך ומכניסה אותם לעץ, ושומרת על מבנה "האדום שחור" של העץ. מחזירה את מספר שינויי הצבע כפי שהוגדר ובמידה והמפתח קיים כבר בעץ הפונקציה מחזירה -1.

בעקבות החיפוש של המפתח בעץ ושימוש ב- insertBalancer הסיבוכיות היא O(logn)

פונקציות עזר:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| שם הפונקציה | תיאור | סיבוכיות |
| insertBalancer | פונקצית רקורסבית שלאחר הכנסת האיבר – דואגת לאיזון העץ ע"י שימוש בפונקציות הבאות: | O(logn) |
| insertCase1 | מתפעלת את הcase 1 | O(1) |
| insertCase2 | מתפעלת את הcase 2 | O(1) |
| insertCase3 | מתפעלת את הcase 3 | O(1) |
| updateMinMaxAfterInsertion | מעדכן את שדות המינימום והמקסימום בהתאם. | O(1) |

### Delete - O(logn)

הפונקציה מקבלת מפתח, מחפשת את האיבר המתאים בעץ ומוחקת אותו אם הוא קיים תוך כדי שהיא שומרת על איזור העץ "אדום שחור". במידה ומחקנו את האיבר המקסימלי או המינימלי, בעזרת פונקציות עזר (getSuccessor ו- getPredecessor) יש עדכון של השדות המתאימים.  
לבסוף היא מחזירה את מספר שינויי הצבעים, במידה ולא התבצעה מחיקה היא מחזירה -1.

בעקבות החיפוש של המפתח בעץ ושימוש של deleteNode, הסיבוכיות היא O(logn)

פונקציות עזר:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| שם הפונקציה | תיאור | סיבוביות |
| deleteNode | מקבלת מצביע לצומת שאותה רוצים למחוק, מוחקת אותו ולאחר מכן מבצעת תיקון איזון ע"י הפונקציה הבאה. | בעקבות שימוש בפונקציה הבאה:  O(logn) |
| deleteBalancer | מקבלת איבר שהוא double-black ומבצעת תיקון איזון עץ. | O(logn) |

### getRoot– O(1)

מחזיר את השורש של העץ במידה וקיים, null אם לא.

הוא מוחזק בשדה פנימי rootNode .

### empty– O(1)

מחזירה true אם העץ ריק, false אם לא. משתמש בשדה nodesCount

Size

מחזירה את מספר האיברים בעץ ע"י שימוש בשדה nodesCount

### min ו- max – O(1)

מחזירים את הערך של האיבר המקסימלי והמינימלי בהתאם. Null אם הם לא קיימים.

### keysToArray – O(n)

מחזירה מערך ממוין המכיל את המפתחות בעץ. במידה והעץ ריק המערך יהיה ריק. הפונקציה לוקחת את האיבר המינימאלי השמור בשדה המתאים ומשתמשת בפונקצית עזר getSuccessor כדי לעבור על כל האיברים לפי הסדר.

סיבוכיות הפונקציה מושפעת מ- getSuccessor אשר סיבוכיות ה-amortize שלה הוא O(1) בקריאות עוקבות והיא מופעלת n פעמים ולכן עבור n קריאות עוקבות זה O(n)

### valuesToArray- O(n)

מחזירה מערך ממוין לפי המפתחות של הערכים בעץ. במידה והעץ ריק המערך יהיה ריק. הפונקציה לוקחת את האיבר המינימאלי השמור בשדה המתאים ומשתמשת בפונקציית עזר getSuccessor כדי לעבור על כל האיברים לפי הסדר.

סיבוכיות הפונקציה מושפעת מ- getSuccessor אשר סיבוכיות ה-amortize שלה הוא O(1) בקריאות עוקבות והיא מופעלת n פעמים ולכן עבור n קריאות עוקבות זה O(n)

### Search - O(logn)

מקבלת מפתח ומחזירה את הערך של האיבר המבוקש. Null אם הוא לא קיים.

משתמשת בפונקציה הפנימית searchKeyInSubTree אשר מחזירה אובייקט בסוג SearchKeyInSubTreeResult והיא תפורט בהמשך.

## פונקציות עזר

### searchKeyInSubTree - O(logn)

הפונקציה מקבלת תת-עץ המיוצג ע"י איבר RBNode ומפתח לחיפוש. היא מחפשת את המפתח בתת העץ ומחזירה אובייקט מסוג SearchKeyInSubTreeResult.

### rotateEx– O(1)

מבצעת Rotate המתאים לכלל המצבים שאנו צריכים (הוספה ומחיקה). מקבלת איבר ואת האבא שלו ולפי היחסים של האיבר לאביו היא יודעת לבצע את ה- Rotate בכיוון הנכון.

### isParentLeftChild– O(1)

מחזירה True במידה ואבא של האיבר הוא ילד שמאלי.

### isRedNode– O(1)

מקבלת איבר (יכול לקבל גם null) ובמידה והאיבר הוא אדום, מחזירה True. במידה והיא מחזירה False, האיבר הוא שחור או עלה.

### getSuccessor ו- getPredecessor – O(logn)

הפונקציות מחזירות את האיבר העוקב והקודם בהתאמה.

### setColorAndUpdateCounter ו- resetColorSwitchCounter – O(1)

כדי לספור את מספר שינויי הצבע בצורה מדויקת בזמן תיקון העץ לאחר פעולות הוספה ומחיקה של איברים, יצרמו פונקציה אשר מעדכנת מונה (השמור כשדה במחלקה currentOperationSwitchColorCoutner) בכל פעולה של צביעת איבר. בזמן צביעת האיבר, הפונקציה בודקת האם היא משנה את צבעו, ובמידה וכן, היא מעלה את המונה. פעולת האיפוס מתבצעת בתחילת כל אחד מהפעולות הוספה ומחיקה.

### replaceNode – O(1)

פונקציה אשר מחליפה איבר בעץ עם איבר אחר ע"י שינוי שדה ה- Child המתאים ושדה ה- Parent המתאים. האיבר המוחלף אינו מתעדכן אלא רק איבר האבא והאיבר החדש.

## שדות של האובייקט

מוסברים כחלק מהתיעוד לפונקציות הרלונטיות.

rootNode

minNode

maxNode

nodesCount

currentOperationSwitchColorCoutner

## מחלקת RBNode

כחלק מהתרגיל המחלקה הזאת היתה קיימת והרחבנו אותה.

### שדות פנימיים של RBNode

כשמם כן הם (לכל אחד קיים setter ו- getter):

Key

Value

leftNode

rightNode

parentNode

isRed

### פונקציות עזר של RBNode

getBrother ו- getUncle– O(1)

פונקציות אלו יחזירו את האיברי האח והדוד בהתאם. הם יודעים למצוא את האיבר המתאים ע"י בדיקה של הצד של האיבר הרלוונטי. הכוונה היא האם האיבר הוא ילד שמאלי או ימני של אביו.

hasChildren – O(1)

האם לאיבר קיימים ילדים (לפחות אחד) או שלא.

isUncleRed– O(1)

האם האח של האבא הינו אדום.

isLeftChild– O(1)

האם האיבר הוא ילד שמאלי של אביו.

isRightChild– O(1)

האם האיבר הוא ילד ימיני של אביו.

### SearchKeyInSubTreeResult

על-מנת שנוכל להשתמש בלוגיקת חיפוש אחת גם להוספה של איבר וגם למחיקה, יצרנו אובייקט אשר הפונקציה searchKeyInSubTree מחזירה והוא מכיל גם את האיבר שחיפשנו, אם הוא קיים, וגם את האיבר Parent שלו. כאשר אנחנו רוצים להוסיף איבר, נחפש אותו בעץ ובעזרת האובייקט המוחזר נוכל לדעת אם הוא קיים, ובמידה ולא, מתחת איזה איבר עלינו להוסיף את האיבר החדש.

## פונקציות עזר לבדיקות

getMaxKey

getMinKey

getNodeByKey

# בדיקות החלפות

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| # | מספר פעולות | ממוצע ל- Insert | ממוצע ל- Delete |
| 1 | 10000 | 2.315 | 2.466 |
| 2 | 20000 | 2.328 | 2.472 |
| 3 | 30000 | 2.311 | 2.464 |
| 4 | 40000 | 2.311 | 2.460 |
| 5 | 50000 | 2.318 | 2.469 |
| 6 | 60000 | 2.316 | 2.461 |
| 7 | 70000 | 2.319 | 2.469 |
| 8 | 80000 | 2.315 | 2.463 |
| 9 | 90000 | 2.313 | 2.460 |
| 10 | 100000 | 2.325 | 2.471 |

ציפיות: אנחנו נצפה שממוצע שינויי הצבעים בכל פעולה לא ישתנה כתלות במספר האיברים (גובה העץ) מכיוון שלמדנו שפעולת איזון העץ בהכנסה ומחיקה היא ב- Amortize O(1). זה אומר שמספר שינוי שינויי הצבע, בין אם בעקבות rotate ובין אם בעקבות color flip יהיה קבוע ללא תלות בגודל הקלט.

אנו רואים לפי התוצאות שצדקנו.