1/2



Ministério da Educação Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia de Goiás Campus Anápolis

Departamento de Áreas Acadêmicas Curso de Bacharelado em Ciência da Computação

Disciplina de Matemática Computacional

Lista 2b - Solução de Equações Multivariadas Não-Lineares e Sistemas Não-Lineares via Métodos Abertos

- As questões são sorteadas.
- O código deve ser modularizado. No mínimo, devem existir: 1) função principal; 2) função do problema; 3) função para plotagem de cada gráfico.
- Código semelhante ou copiado resulta em zero para todos em que isso for detectado.
- Ainda, o código deve imprimir o resultado via gráfico animado (para os sistemas de duas variáveis) para cada equação de sistema, via gráfico de convergência e via terminal até a sexta casa decimal e o número de iterações.
- Deve conter um relatório explicando a fundamentação teórica do método numérico abordado, assim como o enunciado do exercício sorteado e fazer um comentário sobre o resultado final da sua implementação do método numérico.
- O código completo e o relatório devem ser entregues em um único arquivo ZIP via Moodle no prazo determinado.
- 1. Encontre a raiz de $f(x_1,x_2) = \begin{cases} x_1+x_2-\sqrt{x_2}-0.25=0 \\ 8x_1^2+16x_2-8x_1x_2-5=0 \end{cases}$ utilizando o Método de Newton-Raphson na vizinhança de $x_1=x_2=1$ e o máximo de 1000 iterações. Quantas iterações foram necessárias até a convergência? O método chegou nas raízes corretamente?

Resposta: $x_1 \approx 1,1957$ e $x_2 \approx -0,2236$ em **nove** iterações para uma tolerância de 10^{-5} .

2. Encontre a raiz de $f(x_1, x_2) = \begin{cases} 2x_1^2 - 4x_1x_2 - x_2^2 = 0 \\ 2x_2^2 + 10x_1 - x_1^2 - 4x_1x_2 - 5 = 0 \end{cases}$ utilizando o Método de Newton-Raphson na vizinhança de $x_1 = x_2 = 1$ e o máximo de 1000 iterações. Quantas iterações foram necessárias até a convergência? O método chegou nas raízes corretamente?

Resposta: $x_1 \approx 0.5807$ e $x_2 \approx 0.2610$ em **cinco** iterações para uma tolerância de 10^{-5} .

3. Encontre a raiz de $f(x_1, x_2) = \begin{cases} 2x_1 - 4x_1x_2 + 2x_2^2 = 0 \\ 3x_2^2 + 6x_1 - x_1^2 - 4x_1x_2 - 5 = 0 \end{cases}$ utilizando o Método de Newton-Raphson na vizinhança de $x_1 = x_2 = 1$ e o máximo de 1000 iterações. Quantas iterações foram necessárias até a convergência? O método chegou nas raízes corretamente?

Resposta: $x_1 \approx 1,0759$ e $x_2 \approx 1,3616$ em <u>cinco</u> iterações para uma tolerância de 10^{-5} .

4. Encontre a raiz de $f(x_1, x_2) = \begin{cases} x_1 + x_2 - \sqrt{x_2} - 0.25 = 0 \\ 8x_1^2 + 16x_2 - 8x_1x_2 - 10 = 0 \end{cases}$ utilizando o Método de Newton-Raphson na vizinhança de $x_1 - x_2 - 1.25$ rational de $x_2 - x_3 - 1.25$ rational de $x_1 - x_2 - 1.25$ rational de $x_1 - x_2 - 1.25$ rational de $x_1 - x_2 - 1.25$ rational de $x_2 - x_3 - 1.25$ rational de $x_1 - x_2 - 1.25$ rational de $x_1 - x_2 - 1.25$ rational de $x_1 - x_2 - 1.25$ rational de $x_2 - x_3 - 1.25$ rational de $x_3 - x_3 - 1.25$ rational de $x_1 - x_2 - 1.25$ rational de $x_2 - x_3 - 1.25$ rational de $x_1 - x_2 - 1.25$ rational de $x_2 - x_3 - 1.25$ rational de $x_3 - x_3 - 1.25$ rational de $x_1 - x_2 - 1.25$ rational de $x_1 - x_2 - 1.25$ rational de $x_1 - x_2 - 1.25$ rational de $x_2 - x_3 - 1.25$ rational de $x_3 - x_3 - 1.25$ rational de $x_1 - x_2 - 1.25$ rational de $x_2 - x_3 - 1.25$ rational de $x_1 - x_2 - 1.25$ rational de $x_1 - x_2 - 1.25$ rational de $x_1 - x_2 - 1.25$ rational de $x_2 - x_3 - 1.25$ rational de $x_1 - x_2 - 1.25$ rat nhança de $x_1 = x_2 = 1$ e o máximo de 1000 iterações. Quantas iterações foram necessárias até a convergência? O método chegou nas raízes corretamente?

Resposta: $x_1 \approx 0.3940$ e $x_2 \approx 0.6817$ em <u>cinco</u> iterações para uma tolerância de 10^{-5} .

5. Encontre a raiz de $f(x_1, x_2) = x_1^2 x_2 + \cos(x_1 x_2) - 4$ utilizando o Método de Newton-Raphson na vizinhança de $x_1 = 1.5$ e $x_2 = 3.5$ e o máximo de 1000 iterações. Quantas iterações foram necessárias até a convergência? O método chegou nas raízes corretamente?

Resposta: $x_1 \approx 1,1685$ e $x_2 \approx 3,4143$ em <u>cinco</u> iterações para uma tolerância de 10^{-5} .

6. Encontre a raiz de $f(x_1, x_2) = \begin{cases} x_1 \cos(x_1) + x_2 = 0 \\ e^{-2x_1 + x_2} = 0 \end{cases}$ utilizando o Método de Newton-Raphson na vizinhança de $x_1 = 1,5$ e $x_2 = 3,5$ e o máximo de 1000 iterações. Quantas iterações foram necessárias até a convergência? O método chegou nas raízes corretamente?

Resposta: $x_1 \approx 27,5478$ e $x_2 \approx 20,5917$ em <u>cinco</u> iterações para uma tolerância de 10^{-5} com erros de matriz singular.

2/2



Ministério da Educação Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia de Goiás Campus Anápolis

Departamento de Áreas Acadêmicas Curso de Bacharelado em Ciência da Computação

Disciplina de Matemática Computacional

7. Encontre a raiz de $f(x_1, x_2, x_3) = \begin{cases} 2x_1 - x_2 - \cos(x_1) = 0 \\ -x_1 + 2x_2 - x_3 - \cos(x_2) = 0 \end{cases}$ utilizando o Método de Newton-Raphson na $-x_2 + x_3 - \cos(x_3) = 0$

vizinhança de $x_1 = 1$, $x_2 = 2$ e $x_3 = 3$ e o máximo de 1000 iterações. Quantas iterações foram necessárias até a convergência? O método chegou nas raízes corretamente?

Resposta: $x_1 \approx 0.9513$, $x_2 \approx 1.3219$ e $x_3 \approx 1.4462$ em **cinco** iterações para uma tolerância de 10^{-5} .

8. Encontre a raiz de $f(x_1, x_2) = \begin{cases} x_1^2 - x_2 + 1 = 0 \\ x_1^2 + \frac{1}{4}x_2^2 - 1 = 0 \end{cases}$ utilizando o Método de Newton-Raphson na vizinhança de $x_1 = 0$

1,5 e $x_2 = 4$ e o máximo de 1000 iterações. Quantas iterações foram necessárias até a convergência? O método chegou nas raízes corretamente?

Resposta: $x_1 \approx 0.6813$ e $x_2 \approx 1.4641$ em seis iterações para uma tolerância de 10^{-5} .

9. Encontre a raiz de $f(x_1, x_2, x_3) = \begin{cases} 6x_1 - 2x_2 + e^{x_3} = 2\\ \sin(x_1) - x_2 + x_3 = 0 \end{cases}$ utilizando o Método de Newton-Raphson na vizi- $\sin(x_1) + 2x_2 + 3x_3 = 1$ nhança de $x_1 = 0.5$, $x_2 = 1$ e $x_3 = 0$ e o máximo de 1000 iterações. Quantas iterações foram necessárias até a con-

vergência? O método chegou nas raízes corretamente?

Resposta: $x_1 \approx 0.2598$, $x_2 \approx 0.3027$ e $x_3 \approx 0.0459$ em três iterações para uma tolerância de 10^{-5} .